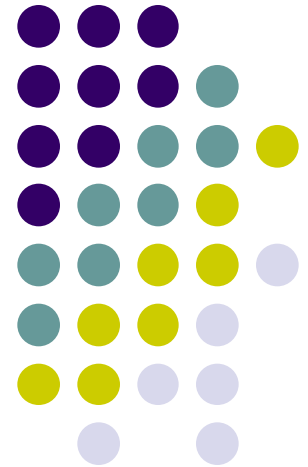


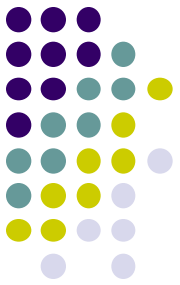
# Sistemi Elettronici

## Tecnologie e Misure

Misurare una tensione o una corrente  
Errore di consumo  
Non idealità di voltmetri ed amperometri  
Misure di resistenze  
Metodo a 2 e a 4 fili  
Specifiche di massima dei multimetri  
Esercizi

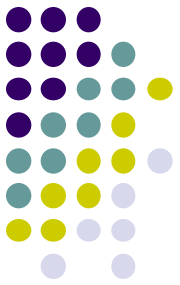


# Tensione a vuoto e corrente di corto circuito



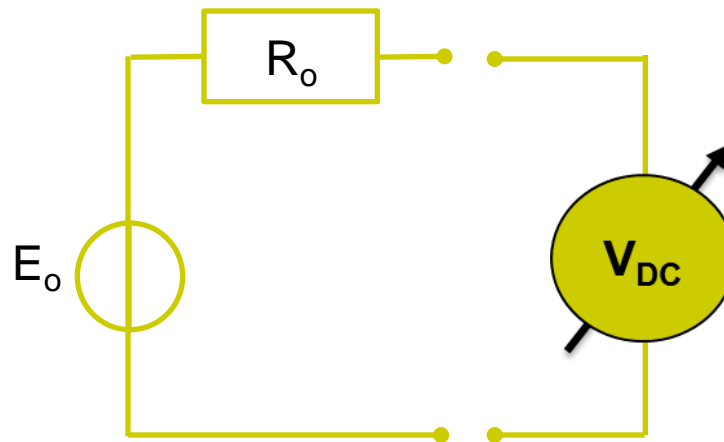
In genere si è interessati alla misura della tensione a vuoto o alla misura della corrente di corto circuito per poter risalire a dei circuiti equivalenti secondo il modello di Thévenin o Norton

Le caratteristiche di non idealità di voltmetri o amperometri non consentono di misurare le tensioni a vuoto o le correnti di cc



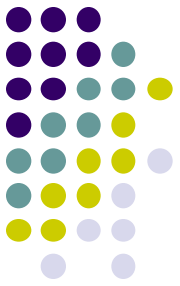
# Voltmetro ideale

- ❑ In genere il circuito di cui si vuol misurare la tensione è rappresentabile per mezzo di un eq. di Thevenin



- ❑ La tensione che si vorrebbe misurare è la tensione a vuoto  $E_0$  che si può ottenere solo per resistenza di ingresso del voltmetro idealmente infinita

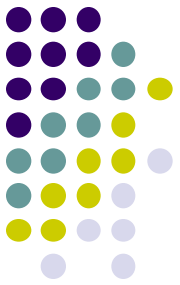
# Errore di consumo: definizione



In generale si definisce **errore sistematico** di consumo della misura  $X$  il valore  $\Delta X$  dato da

$$\Delta X = X_m - X_{ideale}$$

dove  $X_m$  è il valore ottenuto dalla misura con lo strumento “reale” mentre  $X_{ideale}$  è il risultato di misura con strumento ideale



# Errore di consumo: voltmetro

- La resistenza di ingresso di un voltmetro numerico è , in genere, di  $10\text{M}\Omega$
- Negli oscilloscopi è di  $1\text{M}\Omega$
- Esempio: caratteristiche del multimetro 34401

## DC Voltage

Measurement Method: Continuously integrating, multi-slope III A/D converter.

A/D Linearity: 0.0002% of reading + 0.0001% of range

Input Resistance:

0.1 V, 1 V, 10 V ranges

Selectable  $10\text{ M}\Omega$  or  $>10\text{ G}\Omega$  [11]

100 V, 1000 V ranges

$10\text{ M}\Omega \pm 1\%$

Input Bias Current:

$< 30\text{ pA}$  at  $25^\circ\text{C}$

Input Terminals:

Copper alloy

Input Protection:

1000 V on all ranges

# Errore di consumo: voltmetro

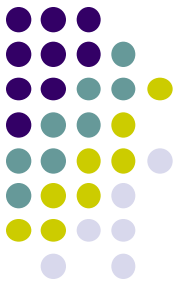
- ❑ Nei tester analogici è tipicamente di  $20\text{k}\Omega/\text{V}_{\text{fs}}$  (per es. con  $10\text{V}_{\text{fs}}$  si ha  $R_V=200\text{k}\Omega$ )
- ❑ Per esempio il tester analogico ICE 680



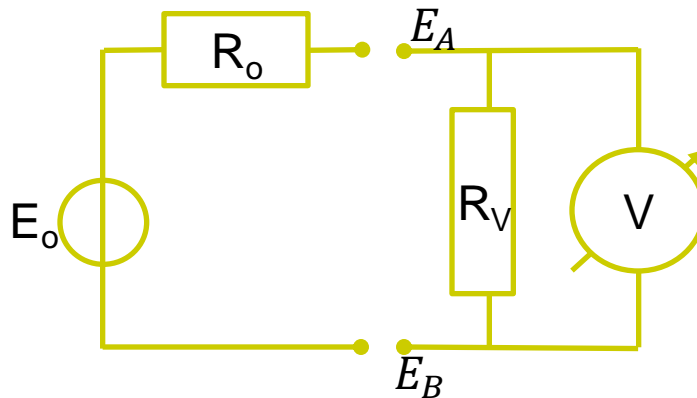
**Dimensioni:** mm 128x96x35 - **Peso** gr 300

**Indice per la stima della resistenza d'ingresso:**  
20.000 Ohm/V c.c.  
4.000 Ohm/V c.a.

# Errore di consumo: voltmetro

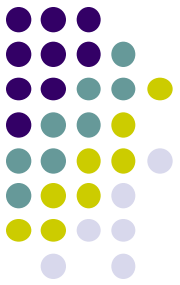


A causa della non idealità dei voltmetri la tensione che si misura non è più la tensione a vuoto  $E_o$  ma una tensione di valore inferiore  $E_m$



$$E_m = E_A - E_B = \frac{R_V}{R_V + R_o} E_o < E_o$$

# Errore di consumo: voltmetro



$E_m = \frac{R_V}{R_V + R_o} E_o$  da cui l'errore di consumo  $\Delta E$  vale:

$$\Delta E = E_m - E_o = -E_o \cdot \frac{R_o}{R_o + R_V}$$

□ Questo errore è dovuto alla presenza di  $R_V$  e tende a zero al tendere di  $R_V$  ad infinito ( $R_V \gg R_o$ )

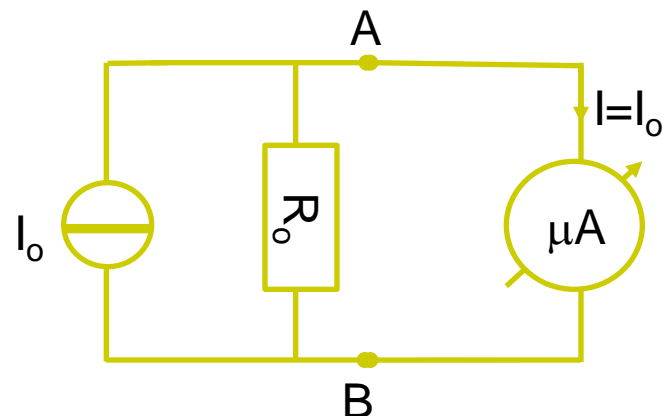
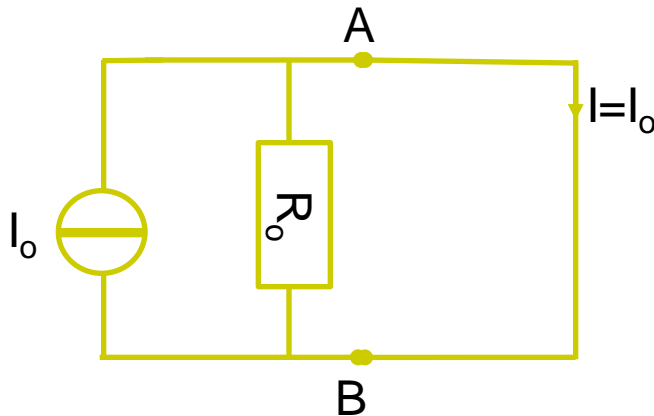
□ Inoltre

$$\begin{aligned} \Delta E = E_m - E_o &= -E_o \cdot \frac{R_o}{R_o + R_V} = -E_o \cdot \frac{R_o}{R_V \cdot \left(1 + \frac{R_o}{R_V}\right)} \approx \text{se } R_V \gg R_o \\ &\approx -E_o \cdot \frac{R_o}{R_V} \text{ da cui si ottiene } \frac{\Delta E}{E_o} = -\frac{R_o}{R_V} \end{aligned}$$



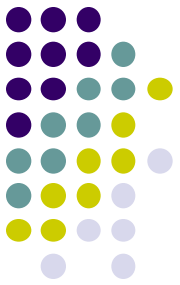
# Amperometro ideale

In genere si vuol misurare la corrente elettrica  $I_0$  che scorre in un ramo di un circuito (eq. Norton)



- ❑ La corrente che si vuol misurare è la corrente di corto circuito che scorre nel ramo AB
- ❑ Se l'amperometro fosse ideale si avrebbe  $V_{AB}=0V$

# Errore di consumo amperometro reale

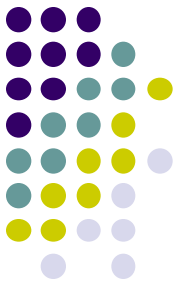


Gli amperometri numerici presentano una resistenza serie di pochi ohm

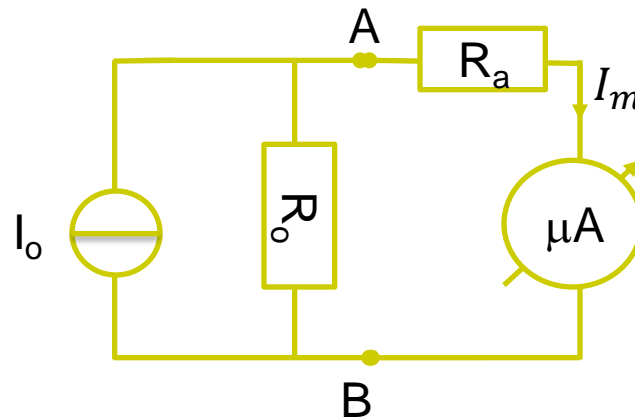
- A volte non si trova la resistenza dell' amperometro ma la caduta di tensione ai capi dell'amperometro ( $V_{bv}$  burden voltage)
- Per esempio: nell'agilent 34401 con  $I_{fs}=1A$  si ha una caduta di tensione minore di 1.0V da cui  $R_a = V_{bv}/I_{fs} = 1V/1A$  quindi  $R_a < 1\Omega$  (valore massimo)

Corrente DC	100,0000 mA	300 mA   10 mA	0,000 + 0,010	0,000 + 0,010	0,000 + 0,010	0,1000 + 0,0002
	10,00000 mA	< 0,1V (tensione di carico)	0,005 + 0,010	0,030 + 0,020	0,050 + 0,020	0,0020 + 0,0020
	100,0000 mA	< 0,6 V	0,010 + 0,004	0,030 + 0,005	0,050 + 0,005	0,0020 + 0,0005
	1,000000 A	< 1,0 V	0,050 + 0,006	0,080 + 0,010	0,100 + 0,010	0,0050 + 0,0010
	3,00000 A	< 2,0 V	0,100 + 0,020	0,120 + 0,020	0,120 + 0,020	0,005 + 0,0020

# Errore di consumo: amperometro reale



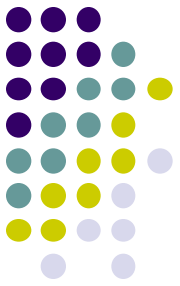
La caduta di tensione sul ramo AB non è dunque nulla in quanto la corrente  $I_m$  che circola nel ramo amperometrico introduce una caduta di tensione pari a  $R_a I_m$



$$I_m = \frac{R_o}{R_o + R_a} I_o$$

- In seguito all'inserimento dell'amperometro la corrente misurata  $I_m$  è minore della corrente di cortocircuito  $I_o$  che si desidera misurare

# Errore di consumo: amperometro reale



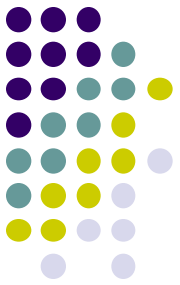
L'inserzione dello strumento provoca un effetto di carico che introduce un errore di consumo

$$\Delta I = I_m - I_{ideale}$$

$$\Delta I = \frac{R_o}{R_o + R_a} I_o - I_o$$

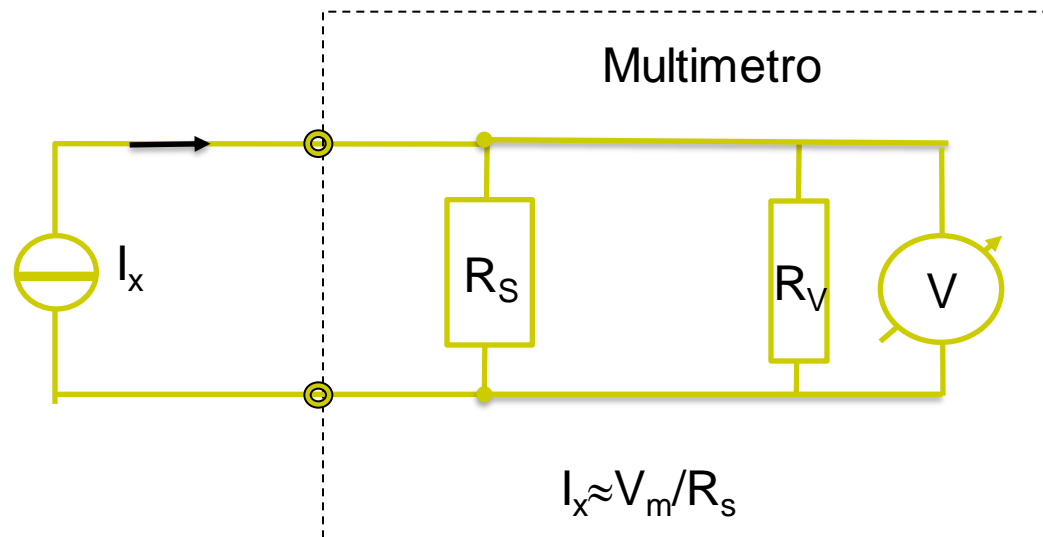
$$\Delta I = -\frac{R_a}{R_o + R_a} I_o$$

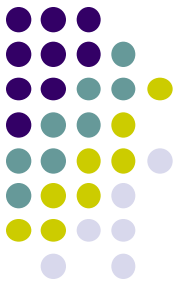
Il cui valore tende a zero al tendere a zero di  $R_a$  ( $R_a \ll R_o$ )



# Amperometro numerico

In generale per misurare una corrente si utilizza un voltmetro numerico a doppia rampa ed una resistenza  $R_s$  interna allo strumento di valore piccolo ma non nullo (tipici valori  $0.1\Omega \div 10\Omega$ )

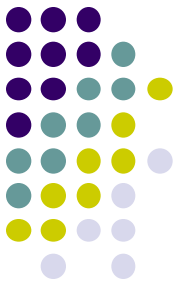




# Misurare una resistenza

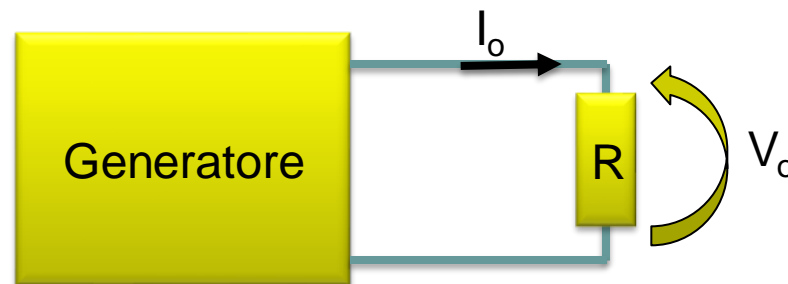
Applicando la legge di Ohm possiamo misurare una resistenza  $R_x$  dal rapporto della caduta di tensione  $V$  ai capi di  $R_x$  e la corrente  $I$  che attraversa  $R_x$  ottenendo  $R_x = \frac{V}{I}$

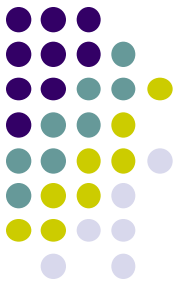
Questo metodo è chiamato “metodo voltamperometrico”



# Misurare una resistenza

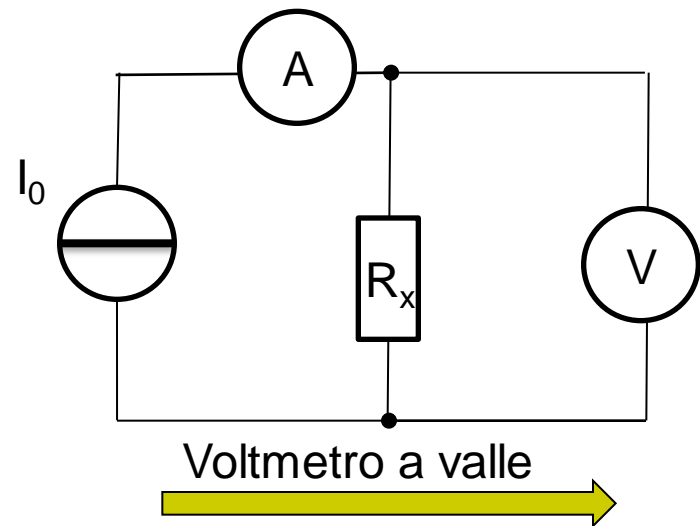
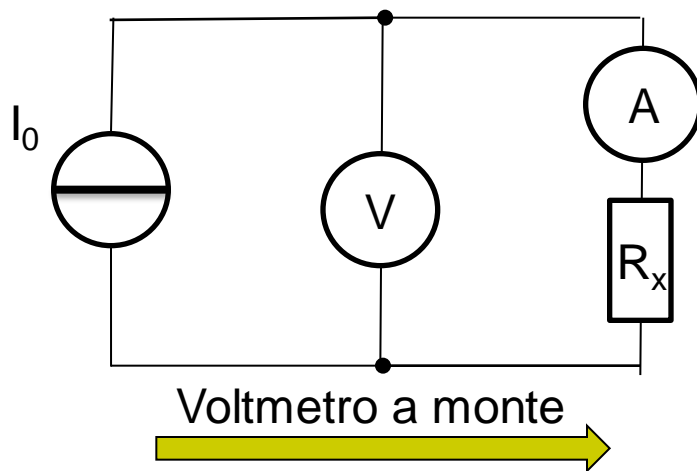
Il metodo voltamperometrico si basa sulla misura contemporanea della tensione  $V_o$  ai capi della resistenza e la misura della corrente  $I_o$  che la attraversa





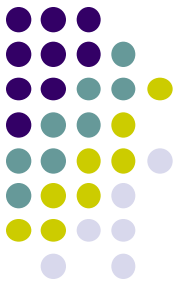
# Misurare una resistenza

Con riferimento al flusso di energia dal generatore al carico  $R_x$  il voltmetro può essere inserito a monte o a valle dell'amperometro





# Misurare una resistenza



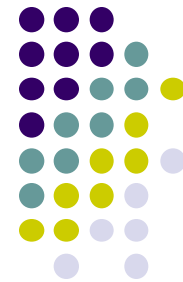
- ❑ I due schemi circuitali, “a monte” o “a valle”, sono indifferenti soltanto nel caso ideale in quanto l’inserzione dei due strumenti non influenza in alcun modo il circuito
- ❑ Nella realtà il voltmetro avrà resistenza interna grande, ma non infinita, quindi assorbirà una corrente diversa da zero
- ❑ D’altro canto l’amperometro avrà resistenza interna piccola, ma certamente non nulla, per cui provocherà ai suoi capi una caduta di tensione diversa da zero

# Misurare una resistenza

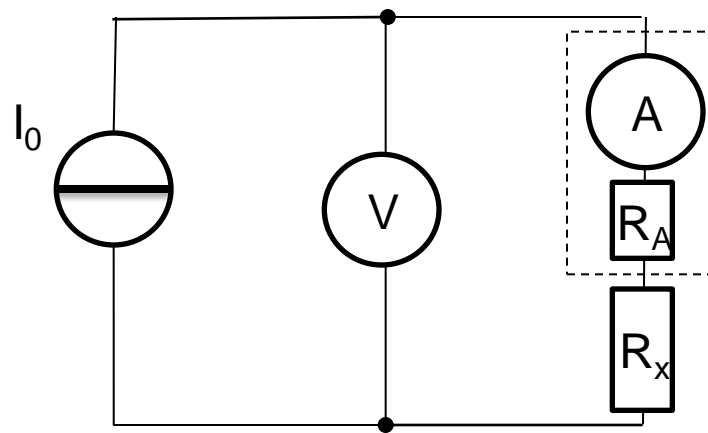
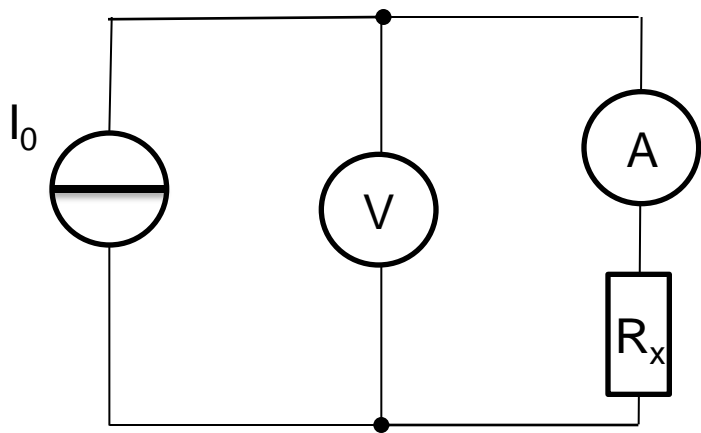


- ❑ Di conseguenza si presentano degli effetti sistematici (errori di consumo) dipendenti dal tipo di collegamento prescelto e dalle caratteristiche degli strumenti
- ❑ Tali effetti possono essere corretti o minimizzati con una scelta oculata sia della strumentazione che dello schema da utilizzare
- ❑ A volte gli errori di consumo, benché presenti sono più piccoli dell'incertezza di misura, in tal caso possono essere trascurati

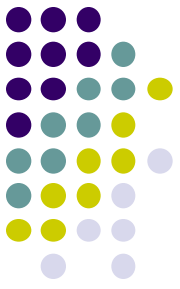
# Misurare una resistenza: voltmetro a monte



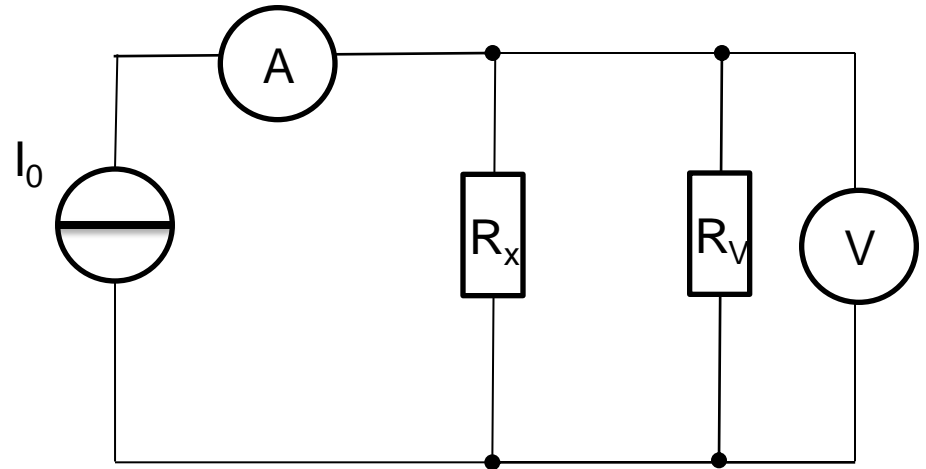
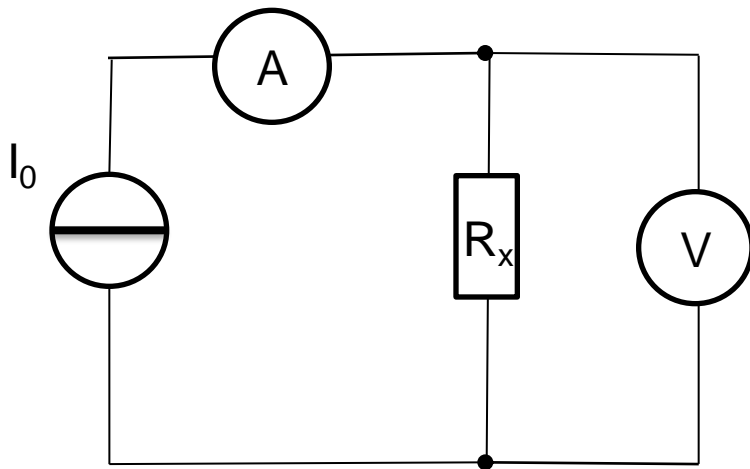
**Amperometro:** per misurare la corrente che scorre all'interno di una resistenza, deve essere montato in serie alla resistenza. Per non perturbare la misura dovrebbe presentare una resistenza interna idealmente nulla ( $R_A=0\ \Omega$  i.e. corto circuito)

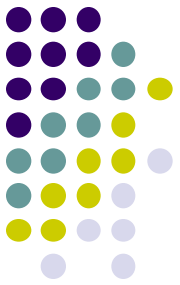


# Misurare una resistenza: voltmetro a valle



**Voltmetro:** per misurare la caduta di tensione ai capi di  $R_x$  deve essere montato in parallelo alla resistenza incognita. Per non perturbare la misura dovrebbe presentare una resistenza di ingresso idealmente infinita ( $R_V = \infty \Omega$  i.e. circuito aperto)

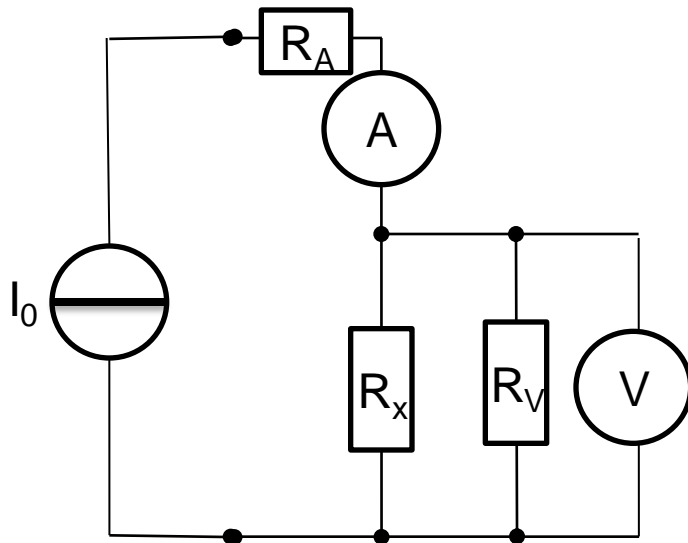




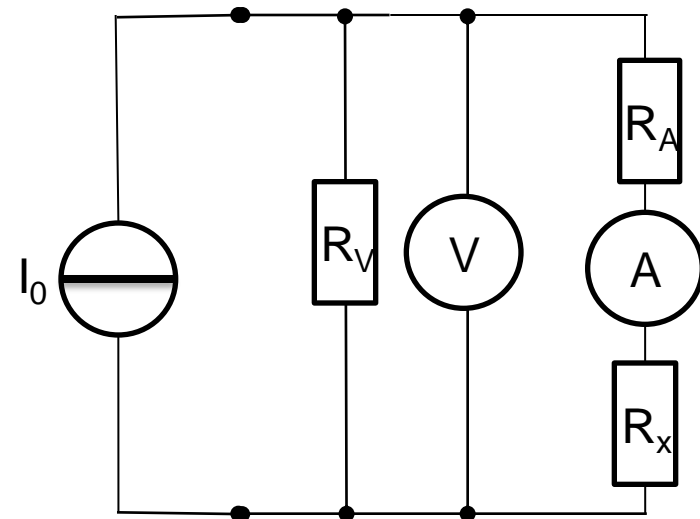
# Misurare una resistenza

Voltmetro ed amperometro non sono ideali

- Il voltmetro ha una resistenza di ingresso  $R_V$
- L'amperometro ha una resistenza serie  $R_A$

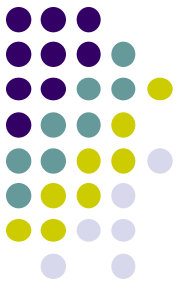


Voltmetro a valle dell'amperometro



Voltmetro a monte dell'amperometro

# Misurare una resistenza



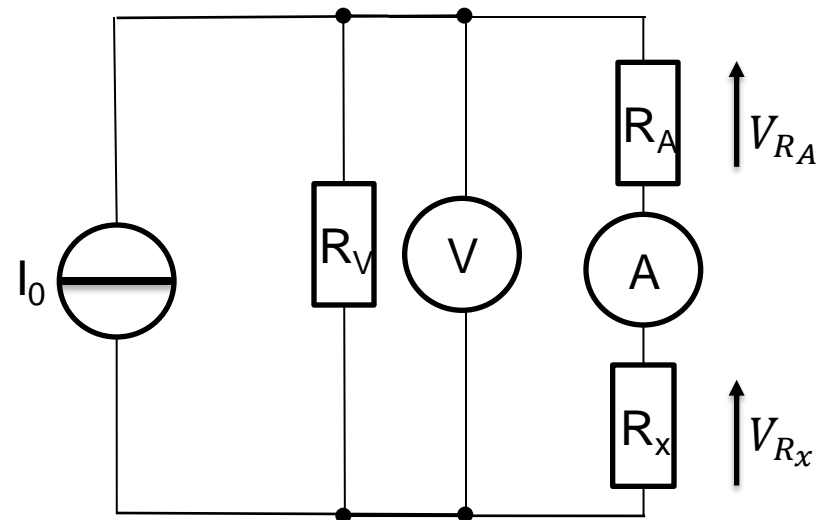
Schema **voltmetro a monte**: errore di consumo

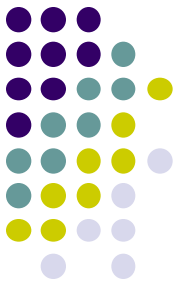
$$R_m = \frac{V_m}{I_m} = \frac{V_m}{I_m} = \frac{V_{R_x} + V_{R_A}}{I_m} = R_x + R_A$$

$$\Delta R = R_m - R_x = R_A$$

$$\rightarrow \frac{\Delta R}{R_x} = \frac{R_A}{R_x} \text{ errore sist. relativo}$$

N.B.: la resistenza  $R_V$  del voltmetro non influenza la misura





# Misurare una resistenza

Schema **voltmetro a valle**: errore di consumo

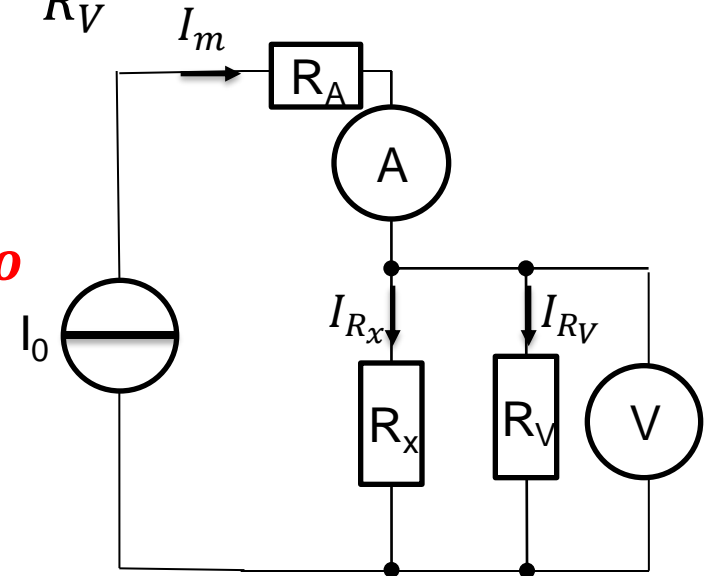
$R_m = \frac{V_m}{I_m}$  (il pedice m indica “misurata”)

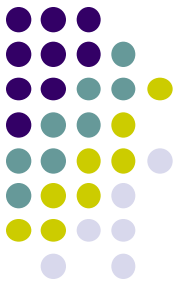
$$R_m = \frac{V_m}{I_m} = \frac{V_m}{I_{R_x} + I_{R_V}} = \frac{1}{(I_{R_x} + I_{R_V})/V_m} = \frac{1}{\frac{1}{R_x} + \frac{1}{R_V}} = \frac{R_x \cdot R_V}{R_x + R_V}$$

$$\Delta R = R_m - R_x = - \frac{R_x^2}{R_x + R_V}$$

$$\rightarrow \frac{\Delta R}{R_x} = - \frac{R_x}{R_x + R_V} \text{ errore sist. relativo}$$

N.B.: la resistenza dell'amperometro non influenza la misura





# Misurare una resistenza

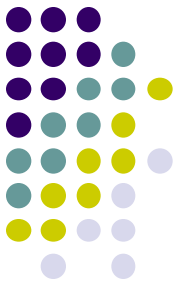
Quando conviene un metodo rispetto ad un altro?

Uguagliando, in modulo, i valori relativi degli errori di consumo  $\left| -\frac{r_x}{r_x + R_V} \right| = \left| \frac{R_A}{r_x} \right|$  si ottiene

$$r_x^2 = R_A(r_x + R_V) \approx R_A R_V \rightarrow r_x \approx \sqrt{R_A R_V}$$

dove  $r_x$  individua il valore per cui l'errore di consumo con i due schemi è lo stesso



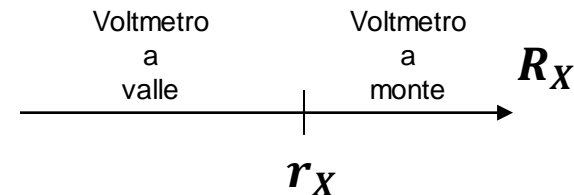


# Misurare una resistenza

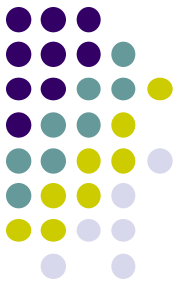
Quando conviene un metodo rispetto ad un altro?

$$r_x \approx \sqrt{R_A R_V}$$

- ❑ Se  $R_x < r_x$  allora conviene utilizzare il voltmetro a valle (misure di resistenze piccole)
- ❑ Se  $R_x > r_x$  allora conviene utilizzare il voltmetro a monte (misura di resistenze grandi)
- ❑ Se  $R_x = r_x$  allora i due metodi sono equivalenti



*Esempio:*  $R_A = 100\Omega$ ,  $R_V = 1M\Omega$ ,  $R_x$  circa  $1k\Omega$ ,  $r_x = 10k\Omega \rightarrow R_x < r_x \rightarrow v. a valle$



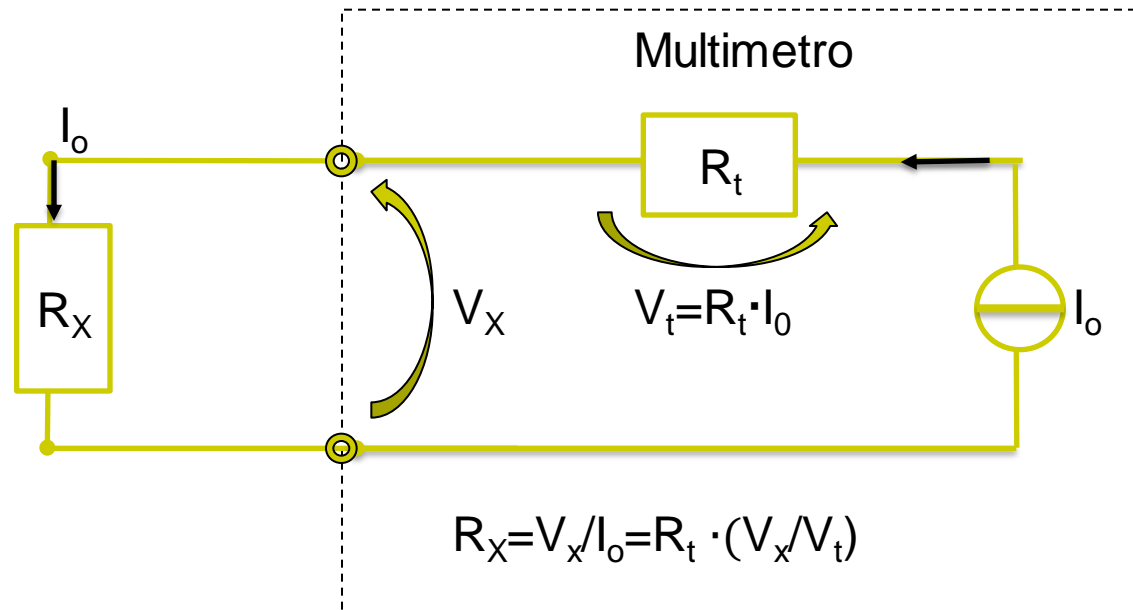
# Misura di resistenza (2 wires)

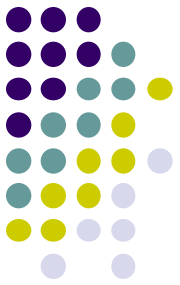
Le misure di resistenza sono ricavate per mezzo di un generatore di corrente  $I_0$

- Si misura, sempre con un voltmetro numerico, la caduta di tensione sulla resistenza incognita

- $R_x = V_x / I_0$

- Inoltre  $I_0 = V_t / R_t$

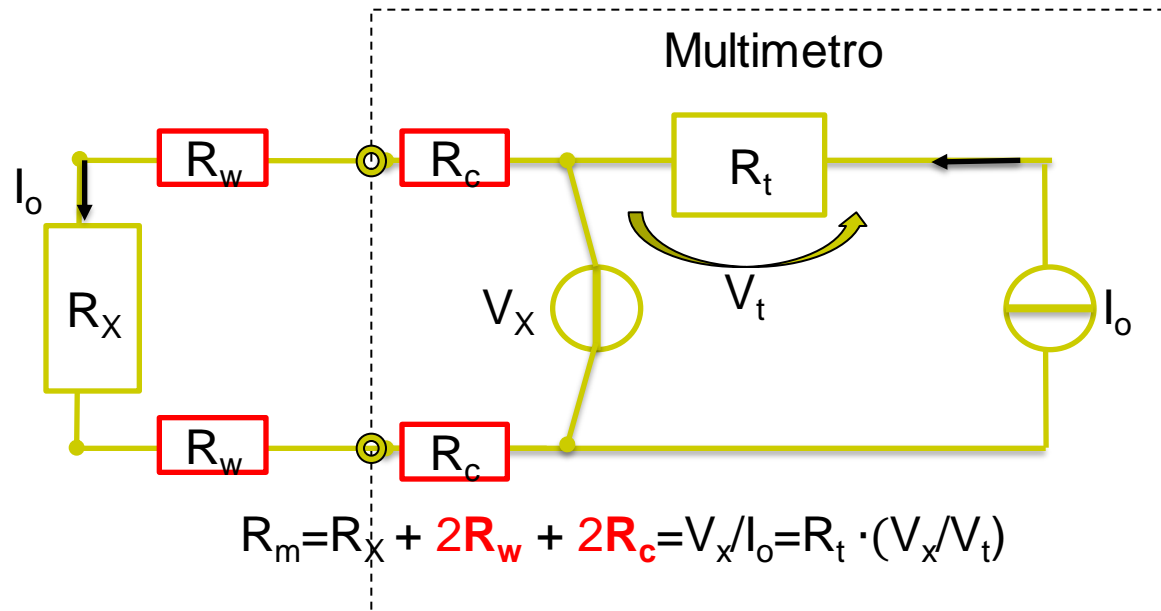


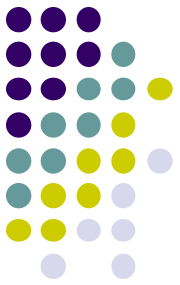


# Misura di resistenza (2 wires)

In realtà la misura ottenuta  $R_m$  non riguarda “solo”  $R_x$  ma anche le resistenze  $R_w$  dei fili di collegamento e le resistenze di contatto  $R_c$  delle boccole di collegamento

$$R_m = R_x + 2R_w + 2R_c$$

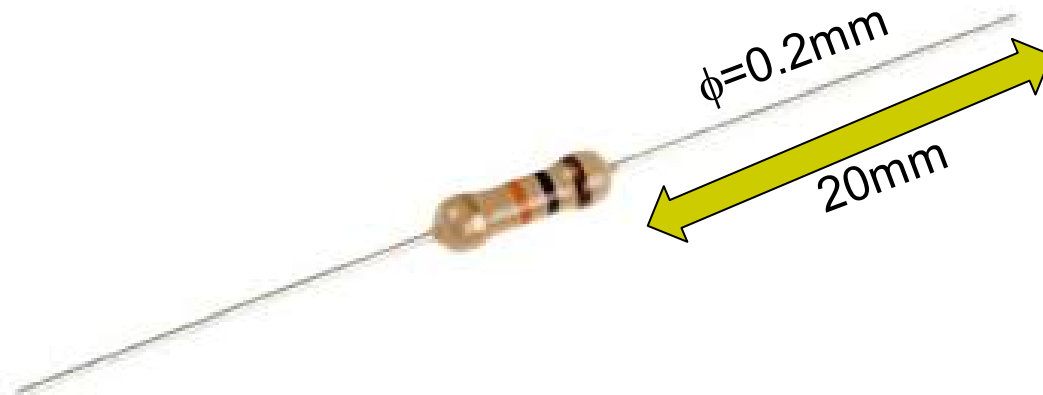




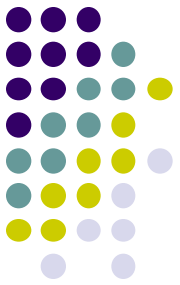
# Misura di resistenza (2 wires)

Le resistenze  $R_w$  dei fili di collegamento in un resistore del tipo indicato in figura vale circa:

$$R_w = \rho L/S = 1.68 \cdot 10^{-8} \cdot 2 \cdot 10^{-3} / 3 \cdot 10^{-8} \approx 1 \text{ m}\Omega$$



Inoltre:  $R_c$  = non facile da valutare = 10-20m $\Omega$  ?

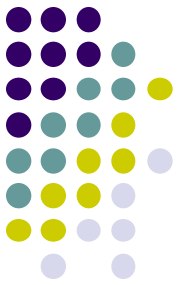


# Misura di resistenza (2 wires)

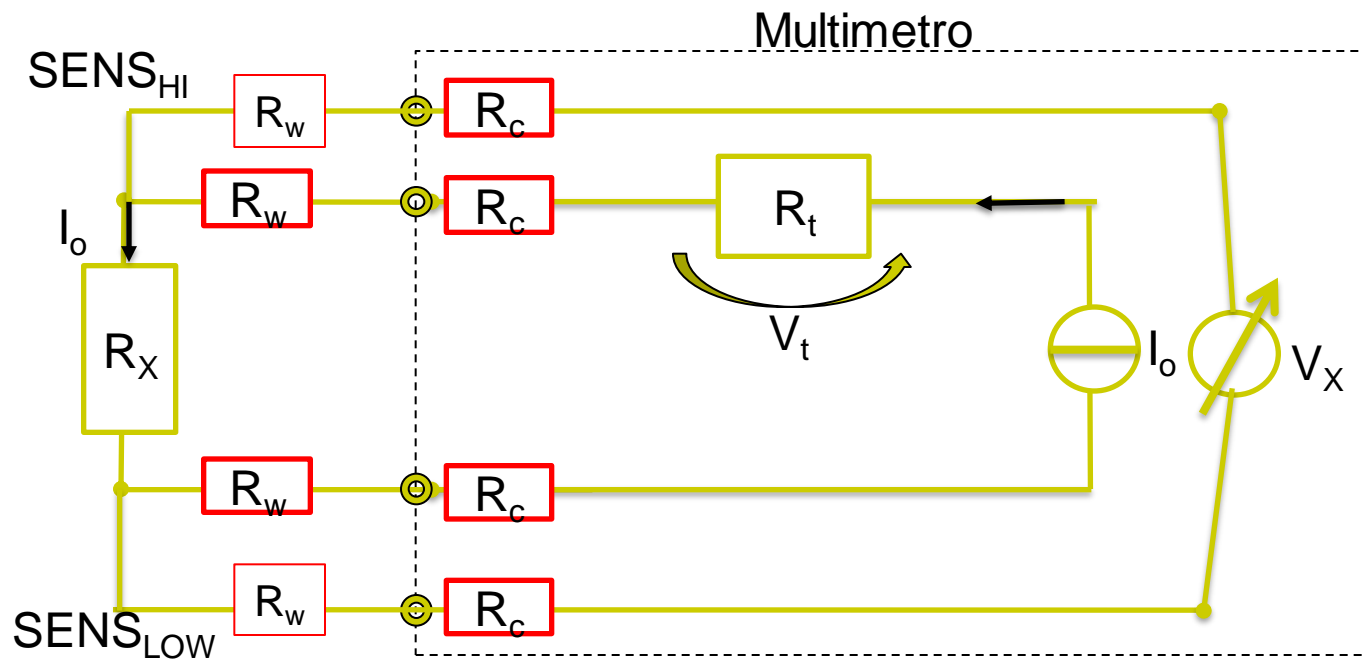
In genere  $R_w$  ed  $R_c$  sono piccole (ordine di grandezza  $m\Omega$ ) e quindi se  $R_x$  è sufficientemente grande l'effetto delle resistenze dovute ai collegamenti e alle boccole possono essere trascurate

$$R_m \sim R_x + 2R_w + 2R_c \sim V_x / I_o = R_t \cdot (V_x / V_t)$$

# Misura di resistenza (4 wires)



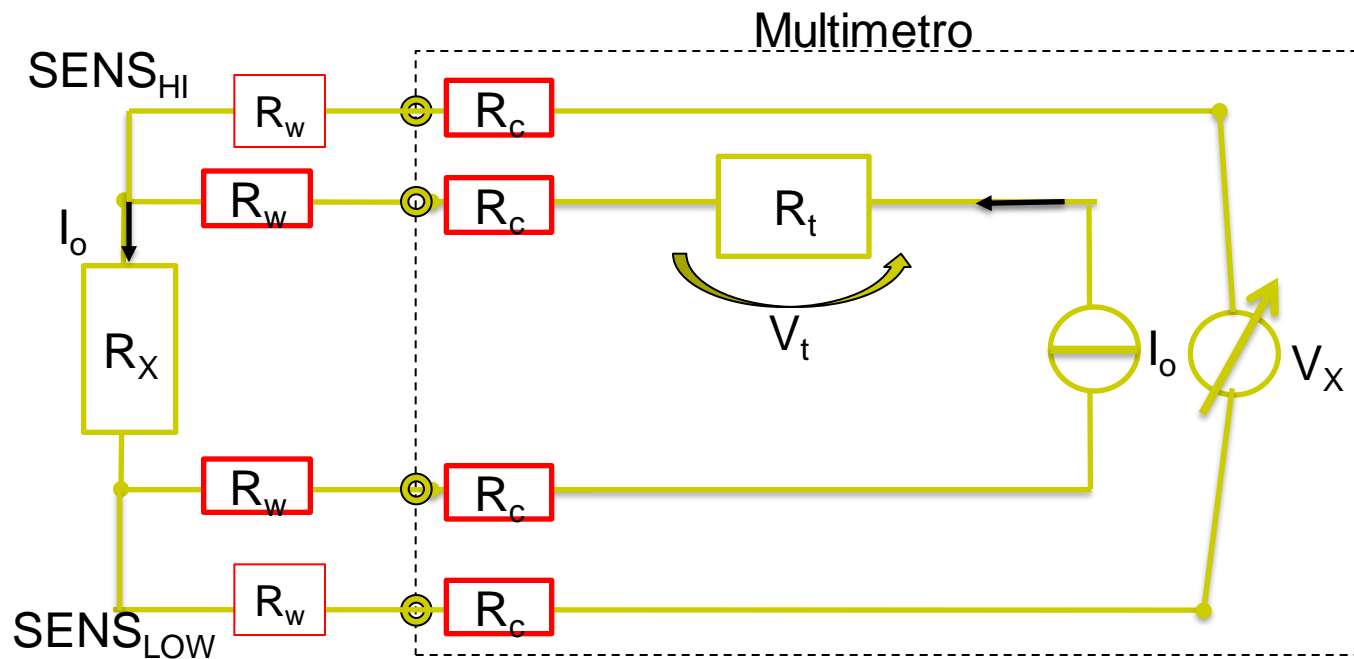
Per misure di resistori (di piccolo valore) in cui il contributo di  $R_c$  e  $R_w$  non sia trascurabile occorre utilizzare il metodo a 4 morsetti in cui, con i morsetti di sensing la tensione  $V_x$  è misurata in due punti più vicini ad  $R_x$  (morsetti di sensing  $SENS_{HI}$   $SENS_{LOW}$ )



# Misura di resistenza (4 wires)

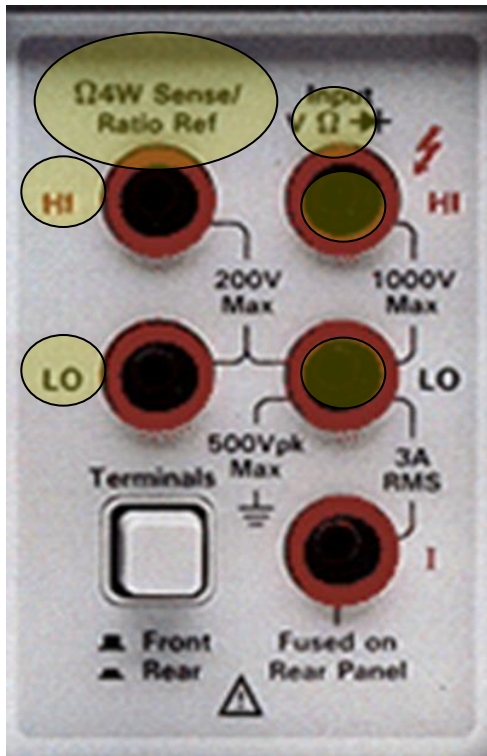
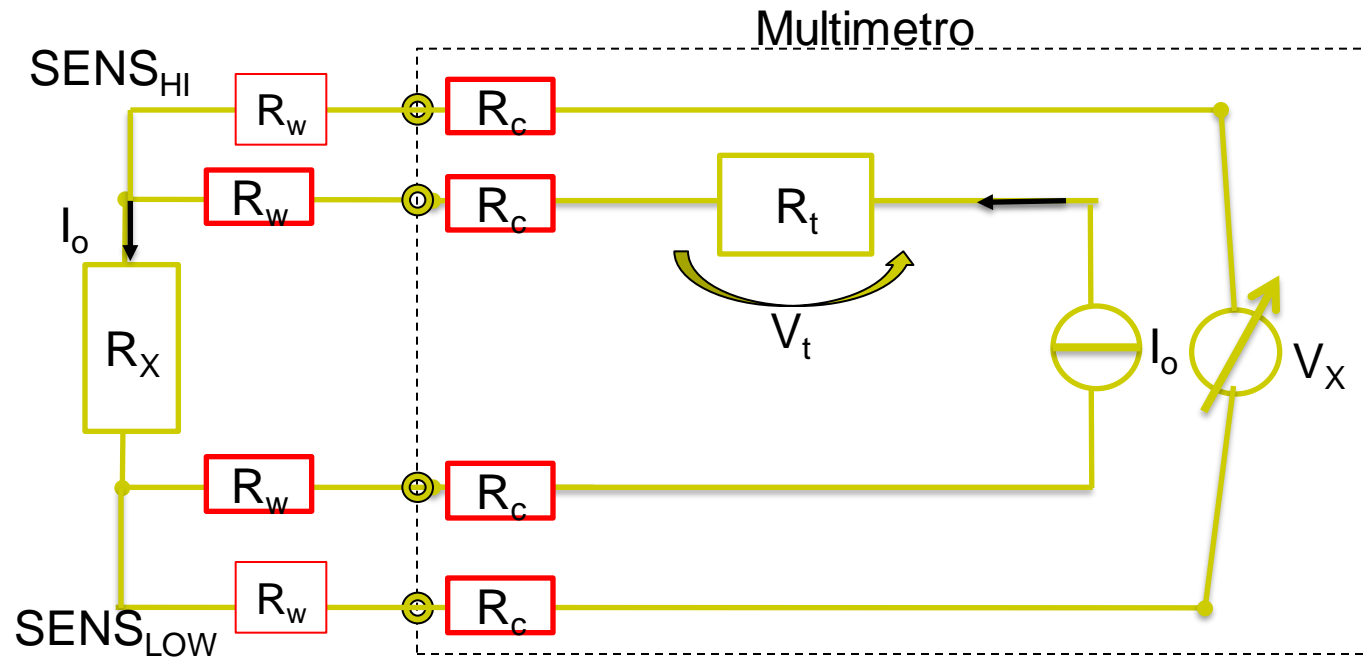
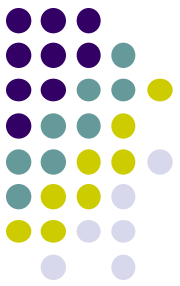


Le due resistenze di contatto delle boccole di sensing non sono percorse da correnti significative in quanto la resistenza di ingresso del voltmetro è molto alta rispetto ad  $R_x$



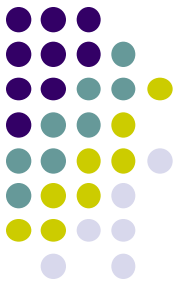
# Misura di resistenza (4 wires)

Esempio: Multimetro 34401



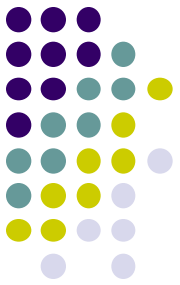


# Specifiche di massima dei multimetri



- ❑ Portata: valore di misura massimo ottenibile. Qualunque valore superiore alla portata è indicato con “overload” (o indicazione simile)
- ❑ Risoluzione: la più piccola variazione del misurando che può essere apprezzato sul display (cifra meno significativa)
- ❑ Accuratezza: è la capacità di uno strumento di misura di fornire valori tendenti al valor vero del misurando

# Specifiche di massima degli strumenti



- ❑ Condizioni nominali: sono le condizioni operative dello strumento per le quali le caratteristiche metrologiche dello strumento sono rispettate (per esempio: temperatura di funzionamento fra 0°C e 85°C)
- ❑ Condizioni limite di funzionamento: se superate possono portare al danneggiamento dello strumento (per esempio tensione massima misurabile senza danneggiamento di 300V)

# Specifiche di massima degli strumenti



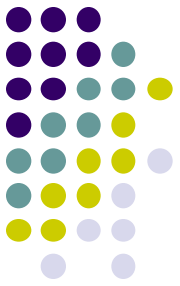
Nelle misure di resistenza può essere importante conoscere la corrente di test utilizzata al fine di limitare l'autoriscaldamento, per effetto Joule, della resistenza stessa → problema dell'autoriscaldamento

## ■ DC Characteristics

**Accuracy Specifications**  $\pm$  ( % of reading + % of range ) [ 1 ]

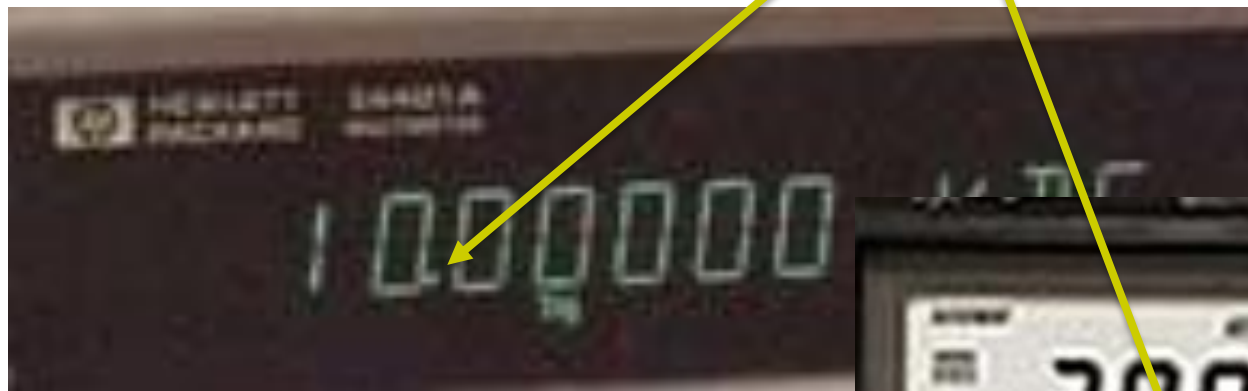
Function	Range [ 3 ]	Test Current or Burden Voltage	24 Hour [ 2 ] 23°C $\pm$ 1°C	90 Day 23°C $\pm$ 5°C	1 Year 23°C $\pm$ 5°C	Temperature Coefficient /°C 0°C – 18°C 28°C – 55°C
DC Voltage	100.0000 mV		0.0030 + 0.0030	0.0040 + 0.0035	0.0050 + 0.0035	0.0005 + 0.0005
	1.000000 V		0.0020 + 0.0006	0.0030 + 0.0007	0.0040 + 0.0007	0.0005 + 0.0001
	10.00000 V		0.0015 + 0.0004	0.0020 + 0.0005	0.0035 + 0.0005	0.0005 + 0.0001
	100.0000 V		0.0020 + 0.0006	0.0035 + 0.0006	0.0045 + 0.0006	0.0005 + 0.0001
	1000.000 V		0.0020 + 0.0006	0.0035 + 0.0010	0.0045 + 0.0010	0.0005 + 0.0001
Resistance [ 4 ]	100.0000 $\Omega$	1 mA	0.0030 + 0.0030	0.008 + 0.004	0.010 + 0.004	0.0006 + 0.0005
	1.000000 k $\Omega$	1 mA	0.0020 + 0.0005	0.008 + 0.001	0.010 + 0.001	0.0006 + 0.0001
	10.00000 k $\Omega$	100 $\mu$ A	0.0020 + 0.0005	0.008 + 0.001	0.010 + 0.001	0.0006 + 0.0001
	100.0000 k $\Omega$	10 $\mu$ A	0.0020 + 0.0005	0.008 + 0.001	0.010 + 0.001	0.0006 + 0.0001
	1.000000 M $\Omega$	5 $\mu$ A	0.002 + 0.001	0.008 + 0.001	0.010 + 0.001	0.0010 + 0.0002
	10.00000 M $\Omega$	500 nA	0.015 + 0.001	0.020 + 0.001	0.040 + 0.001	0.0030 + 0.0004
	100.0000 M $\Omega$	500 nA // 10 M $\Omega$	0.300 + 0.010	0.800 + 0.010	0.800 + 0.010	0.1500 + 0.0002

# Specifiche di massima degli strumenti

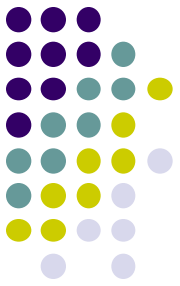


## Visualizzazione:

- Display a 7 segmenti con un numero variabile di cifre
- Il separatore decimale (in inglese è “il punto”) è spostato in funzione del range scelto dall'utente)



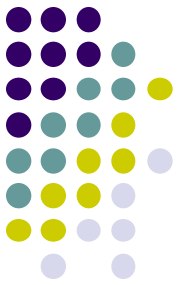
# Specifiche di massima degli strumenti



Visualizzazione:

- ❑ Alcune cifre possono variare fra 0 e 9 (“cifre piene”)
- ❑ Alcune cifre non possono assumere tutti i valori (“mezze cifre”)
- ❑ Esempio:
  - ❑ letture fra 0000 a 9999: 4 digit (4 cifre piene)
  - ❑ letture fra 00000 a 19999: 4 ½ digit (4 cifre piene e quella più significativa che assume solo valori pari a 0 oppure 1)

# Esempio



Multimetro HP973A con fondo scala 40mV, 400mV, 4V...

- Display a 4 cifre di cui
  - 3 digit variano da 0 a 9
  - la cifra più significativa varia fra 0 e 4
- Si tratta di uno strumento a 3½ digit



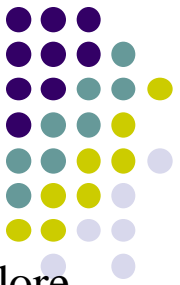
# Esempio

Multimetro HP34401A con fondo scala  
100mV, 1V, 10V... (20% *overrange*)

- Display a 7 cifre di cui
  - 6 digit variano da 0 a 9
  - la cifra più significativa varia fra 0 e 1
- Si tratta di uno strumento a 6½ digit



# Esercizio



Un generatore ideale di corrente eroga  $(5 \pm 0.01)\text{mA}$  su due resistenze di valore  $R_1 = 470\Omega$  ed  $R_2 = 1.8\text{k}\Omega$ , conosciute con un'incertezza dell'1%. Le due resistenze sono collegate in modo da ottenere un partitore di corrente.

Disegnate il circuito da studiare

In base ai valori ed alle tolleranze indicate in precedenza, determinate il valore di corrente che scorre in  $R_1$  e l'incertezza corrispondente

In base al risultato ottenuto nel punto precedente, determinate la potenza dissipata in  $R_1$  e la corrispondente incertezza

Supponete di misurare la corrente che scorre in  $R_1$  per mezzo di un amperometro le cui caratteristiche sono indicate al fondo (utilizzate la colonna "1 Year"): valutate

l'incertezza che ci si attende dalla misura di  $I_1$  (scegliete il fondo scala più opportuno)

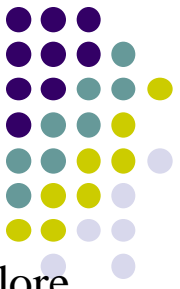
Determinate l'errore di consumo dovuto alla resistenza dell'amperometro.

## ■ DC Characteristics

Accuracy Specifications $\pm$ ( % of reading + % of range ) [ 1 ]						
Function	Range [ 3 ]	R_ammeter	24 Hour [ 2 ] 23°C $\pm$ 1°C	90 Day 23°C $\pm$ 5°C	1 Year 23°C $\pm$ 5°C	Temperature Coefficient /°C 0°C – 18°C 28°C – 55°C
DC Current	10.00000 mA	10 $\Omega$	0.005 + 0.010	0.030 + 0.020	0.050 + 0.020	0.002 + 0.0020
	100.0000 mA	6 $\Omega$	0.01 + 0.004	0.030 + 0.005	0.050 + 0.005	0.002 + 0.0005
	1.000000 A	1 $\Omega$	0.05 + 0.006	0.080 + 0.010	0.100 + 0.010	0.005 + 0.0010
	3.000000 A	0.7 $\Omega$	0.10 + 0.020	0.120 + 0.020	0.120 + 0.020	0.005 + 0.0020



# Soluzione



Un generatore ideale di corrente eroga  $(5 \pm 0.01)\text{mA}$  su due resistenze di valore  $R_1=470\Omega$  ed  $R_2=1.8\text{k}\Omega$ , conosciute con un'incertezza dell'1%. Le due resistenze sono collegate in modo da ottenere un partitore di corrente.

Disegnate il circuito da studiare

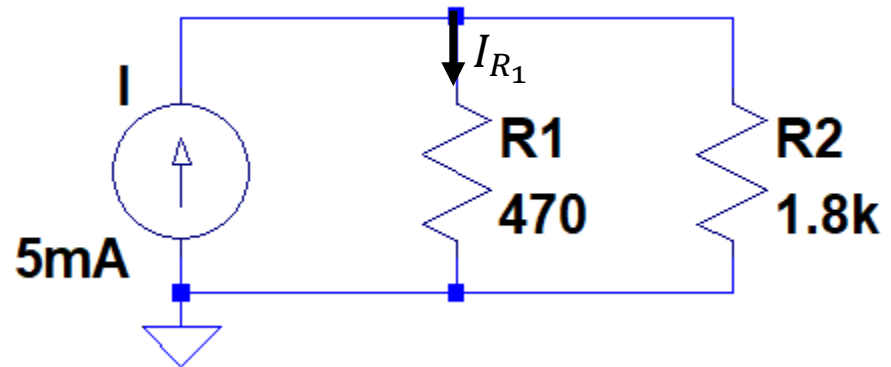
In base ai valori ed alle tolleranze indicate in precedenza, determinate il valore di corrente che scorre in  $R_1$  e l'incertezza corrispondente

$$I = (5 \pm 0.01)\text{mA}$$

$$R_1 = 470\Omega, 1\% \rightarrow \delta R_1 = 4.7\Omega$$

$$R_2 = 1.8\text{ k}\Omega, 1\% \rightarrow \delta R_2 = 18\Omega$$

$$I_{R_1} = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

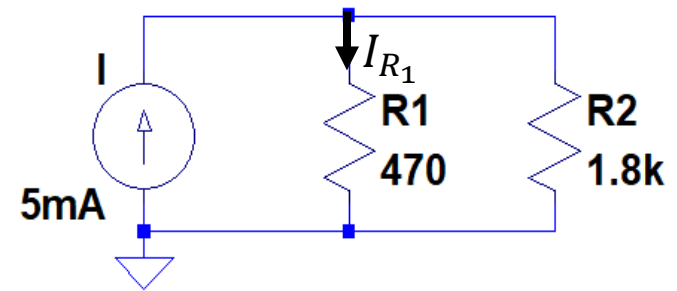


# Soluzione



Un generatore ideale di corrente eroga  $(5 \pm 0.01) \text{ mA}$  su due resistenze di valore  $R_1 = 470 \Omega$  ed  $R_2 = 1.8 \text{ k}\Omega$ , conosciute con un'incertezza dell'1%. Le due resistenze sono collegate in modo da ottenere un partitore di corrente. Disegnate il circuito da studiare. In base ai valori ed alle tolleranze indicate in precedenza, determinate il valore di corrente che scorre in  $R_1$  e l'incertezza corrispondente

$$\text{Modello mat.: } I_{R_1} = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 3.964757 \dots \text{ mA}$$



Incertezza: calcolo in base al modello deterministico

$$\delta I_{R_1} = \left| \frac{\partial I_{R_1}}{\partial I} \right| \delta I + \left| \frac{\partial I_{R_1}}{\partial R_1} \right| \delta R_1 + \left| \frac{\partial I_{R_1}}{\partial R_2} \right| \delta R_2 = \dots \rightarrow \frac{\delta I_{R_1}}{I_{R_1}} = \frac{\delta I}{I} + \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot \left[ \frac{\delta R_1}{R_1} + \frac{\delta R_2}{R_2} \right]$$

$$\frac{\delta I_{R_1}}{I_{R_1}} = 0.6 \% \rightarrow \delta I_{R_1} = 24 \mu\text{A} \rightarrow I_{R_1} = (3.964 \pm 0.024) \text{ mA}$$

# Soluzione



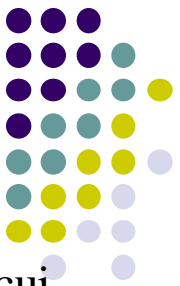
In base al risultato ottenuto nel punto precedente, determinate la potenza dissipata in  $R_1$  e la corrispondente incertezza

$$P = R_1 I_{R_1}^2 = 470 \cdot (3.965 \cdot 10^{-3})^2 = 7.389 \dots mW$$

$$\frac{\delta P}{P} = \frac{\delta R_1}{R_1} + 2 \frac{\delta I_{R_1}}{I_{R_1}} = 1\% + 1.2\% = 2.2\% \rightarrow \delta P = \frac{2.2}{100} \cdot 7.389 mW = 0.16 mW$$

$$P = (7.39 \pm 0.16) mW$$

# Soluzione



Supponete di misurare la corrente che scorre in  $R_1$  per mezzo di un amperometro le cui caratteristiche sono indicate al fondo (utilizzate la colonna “1 Year”) . Valutate l’incertezza che ci si attende dalla misura di  $I_1$  (scegliete il fondo scala più opportuno). Determinate l’errore di consumo dovuto alla resistenza dell’amperometro

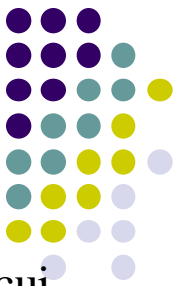
## ■ DC Characteristics

Accuracy Specifications $\pm$ ( % of reading + % of range ) [ 1 ]						
Function	Range [ 3 ]	R_ammeter	24 Hour [ 2 ] 23°C $\pm$ 1°C	90 Day 23°C $\pm$ 5°C	1 Year 23°C $\pm$ 5°C	Temperature Coefficient /°C 0°C – 18°C 28°C – 55°C
DC Current	10.00000 mA	10 $\Omega$	0.005 + 0.010	0.030 + 0.020	0.050 + 0.020	0.002 + 0.0020
	100.00000 mA	6 $\Omega$	0.01 + 0.004	0.030 + 0.005	0.050 + 0.005	0.002 + 0.0005
	1.000000 A	1 $\Omega$	0.05 + 0.006	0.080 + 0.010	0.100 + 0.010	0.005 + 0.0010
	3.000000 A	0.7 $\Omega$	0.10 + 0.020	0.120 + 0.020	0.120 + 0.020	0.005 + 0.0020

$$I_{R_1} \sim 4 \text{ mA} \rightarrow I_{fS} = 10 \text{ mA}$$

$$\delta I_{R_1} = \pm \left( \frac{0.05}{100} \cdot 4 \cdot 10^{-3} + \frac{0.02}{100} \cdot 10 \cdot 10^{-3} \right) = 4 \mu\text{A}$$

# Soluzione



Supponete di misurare la corrente che scorre in  $R_1$  per mezzo di un amperometro le cui caratteristiche sono indicate al fondo (utilizzate la colonna “1 Year”) . Valutate l’incertezza che ci si attende dalla misura di  $I_1$  (scegliete il fondo scala più opportuno). Determinate l’errore di consumo dovuto alla resistenza dell’amperometro

## ■ DC Characteristics

Accuracy Specifications $\pm$ ( % of reading + % of range ) [ 1 ]						
Function	Range [ 3 ]	R_ammeter	24 Hour [ 2 ] 23°C $\pm$ 1°C	90 Day 23°C $\pm$ 5°C	1 Year 23°C $\pm$ 5°C	Temperature Coefficient /°C 0°C – 18°C 28°C – 55°C
DC Current	10.00000 mA	10 $\Omega$	0.005 + 0.010	0.030 + 0.020	0.050 + 0.020	0.002 + 0.0020
	100.0000 mA	0.1 $\Omega$	0.01 + 0.004	0.030 + 0.005	0.050 + 0.005	0.002 + 0.0005
	1.000000 A	1 $\Omega$	0.05 + 0.006	0.080 + 0.010	0.100 + 0.010	0.005 + 0.0010
	3.000000 A	0.7 $\Omega$	0.10 + 0.020	0.120 + 0.020	0.120 + 0.020	0.005 + 0.0020

$$R_A = 10\Omega$$

$$\text{Amp. Ideale: } I_{R_1} = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$\text{Amp. Reale: } I_{R_1} = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_A}$$

$$\Delta I = I_{reale} - I_{ideale} = -17 \mu A$$