Sistemi Elettronici, Tecnologie e Misure Appello del 19/2/2021

Nome:	
Cognome:	SOLUZIONE
Matricola:	

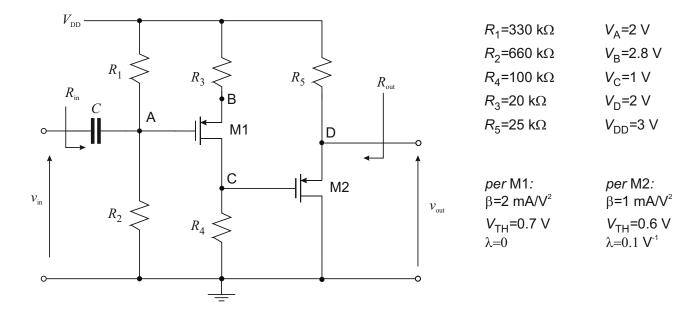
ATTENZIONE

- 1. Compilare subito questa pagina con nome, cognome e numero di matricola
- 2. Per i quesiti a risposta multipla, la risposta errata determina la sottrazione di un punteggio pari a metà del valore della risposta esatta
- 3. Riportare le **risposte esatte** dei quesiti a risposta multipla nella tabella posta all'inizio della relativa sezione
- 4. Le risposte ai vari quesiti vanno riportate **esclusivamente** nello spazio reso disponibile immediatamente dopo il quesito stesso
- 5. Si può fare uso di fogli di brutta bianchi resi disponibili a cura dello studente. La brutta non deve essere consegnata
- 6. Non si possono utilizzare libri, appunti o formulari

Domande a risposta multipla

	1	2	3	4	5	6
a		X		X		
b	X				X	X
c			X			
d						

- 1. Un amplificatore differenziale fornisce in uscita una tensione $v_{\rm out}=50.5v^+-49.5v^-$, detta $A_{\rm d}$ l'amplificazione differenziale, $A_{\rm cm}$ l'amplificazione di modo comune e CMRR il rapporto di reiezione del modo comune:
 - (a) $A_{\rm d} = 46 \, \rm dB, A_{\rm cm} = 0 \, \rm dB, CMRR = 46 \, dB$
 - (b) $A_{\rm d}=34{\rm dB},\,A_{\rm cm}=0{\rm dB},\,{\rm CMRR}=34{\rm dB}$
 - (c) $A_{\rm d} = 50 \, \text{dB}, A_{\rm cm} = 1 \, \text{dB}, \text{CMRR} = 49 \, \text{dB}$
 - (d) $A_{\rm d} = 0 \, \text{dB}, A_{\rm cm} = 34 \, \text{dB}, \text{CMRR} = -34 \, \text{dB}$
- 2. In un diodo ideale in conduzione (stato ON) la corrente che scorre dall'anodo al catodo in condizioni statiche è sempre:
 - (a) positiva
 - (b) negativa
 - (c) nulla
 - (d) positiva o negativa, a seconda della tensione applicata
- 3. In un amplificatore invertente basato su operazionale ideale, il resistore che collega il morsetto invertente all'uscita è sostituito da un diodo, con anodo collegato al morsetto invertente e catodo collegato all'uscita. Per $v_{\rm in}>0$ il circuito che si ottiene si comporta come
 - (a) amplificatore esponenziale invertente
 - (b) integratore invertente
 - (c) amplificatore logaritmico invertente
 - (d) derivatore invertente
- 4. In uno stadio amplificatore MOS a singolo transistore di tipo gate comune, detta A_v l'amplificazione di tensione di piccolo segnale si ha che:
 - (a) $A_{\rm v} > 0$ (stadio non-invertente) e $|A_{\rm v}|$ può essere maggiore di 1
 - (b) $A_{\rm v} < 0$ (stadio invertente) può essere maggiore di 1
 - (c) $A_{\rm v} < 0$ (stadio invertente) è necessariamente minore di 1
 - (d) $A_{\rm v} > 0$ (stadio non-invertente) e $|A_{\rm v}|$ è necessariamente minore di 1
- 5. Un amplificatore operazionale con prodotto banda-guadagno pari a 1 MHz, resistenze d'ingresso e uscita trascurabili (cioè $R_{\rm in,d} \to \infty, R_{\rm in,cm} \to \infty, R_{\rm out} = 0$), è utilizzato in configurazione amplificatore di transresistenza con amplificazione di transresistenza $100 {\rm k}\Omega$ ed il segnale d'ingresso è fornito da un generatore ideale di corrente. La banda dell'amplificatore di transresistenza è pari a:
 - (a) 100kHz (b) 1MHz (c) 2MHz (d) 500kHz
- 6. In un comparatore di soglia con isteresi realizzato a partire da un amplificatore operazionale:
 - (a) è presente retroazione negativa
 - (b) è presente retroazione positiva
 - (c) sono sempre presenti sia retroazione positiva sia retroazione negativa
 - (d) non è presente alcuna rete di retroazione (circuito ad anello aperto)



Esercizio 1.

Con riferimento allo stadio in figura

- 1. verificare la regione di funzionamento di M1 e M2 determinarne i parametri del modello per il piccolo segnale;
- 2. determinare il guadagno di tensione $A_v = v_{out}/v_{in}$ a centro banda, ovvero con $C \to \infty$ (espressione simbolica e valore numerico).
- 3. determinare la resistenza di ingresso e la resistenza di uscita indicate in figura (espressione simbolica e valore numerico).
- 4. C'è effetto di carico tra il primo e il secondo stadio? Caricare le foto per giustificare la risposta.

Regione di funzionamento e Parametri di piccolo segnale Transistore M1

$$\begin{split} V_{\text{SG,1}} &= V_{\text{B}} - V_{\text{A}} = 0.8 \, \text{V}; \ V_{\text{SG,1}} - V_{\text{TH,1}} = 0.1 \, \text{V} > 0; \\ V_{\text{SD,1}} &= V_{\text{B}} - V_{\text{C}} = 1.8 \, \text{V} > V_{\text{SG,1}} - V_{\text{TH,1}}; \\ g_{m1} &= \beta \left(V_{\text{SG,1}} - V_{\text{TH,1}} \right) = 200 \, \mu \text{S}; \ r_{01} = \infty \end{split}$$

Regione di funzionamento e Parametri di piccolo segnale Transistore M2

$$\begin{split} V_{\text{SG,2}} &= V_{\text{D}} - V_{\text{C}} = 1 \, \text{V}; \ V_{\text{SG,2}} - V_{\text{TH,2}} = 0.4 \, \text{V} > 0; \\ V_{\text{SD,2}} &= V_{\text{D}} = 2 \, \text{V} > V_{\text{SG,2}} - V_{\text{TH,2}}; \\ g_{m2} &= \beta \left(V_{\text{SG,2}} - V_{\text{TH,2}} \right) = 400 \, \mu \text{S}; \ r_{02} = 125 \, \text{k}\Omega \end{split}$$

NB. Si trascura l'effetto di λ nel calcolo della corrente di drain e della transconduttanza.

Analisi Stadio

Sostituendo C con un corto circuito si ha una cascata di uno stadio a source comune (con resistenza sul source) e uno stadio a drain comune (Figura 1).

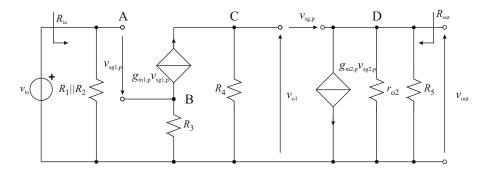


Figure 1: Circuito di piccolo segnale dello stadio

Primo stadio:

$$\begin{split} v_{\rm sg,1} &= -g_{m1}R_3v_{\rm sg,1} - v_{\rm in} \ \Rightarrow v_{\rm sg,1} = -\frac{v_{\rm in}}{1+g_{m1}R_3} \\ v_{\rm o1} &= g_{m1}R_4v_{\rm sg,1} = -\frac{g_{m1}R_4}{1+g_{m1}R_3}v_{\rm in} \\ A_{\rm v01} &= \frac{-g_{m1}R_4}{1+g_{m1}R_4} = -4\,(12\,{\rm dB}); \ R_{\rm in,1} = R_p = R_1//R_2 = 220\,k\Omega; \ R_{\rm out,1} = R_3 = 100\,k\Omega \end{split}$$

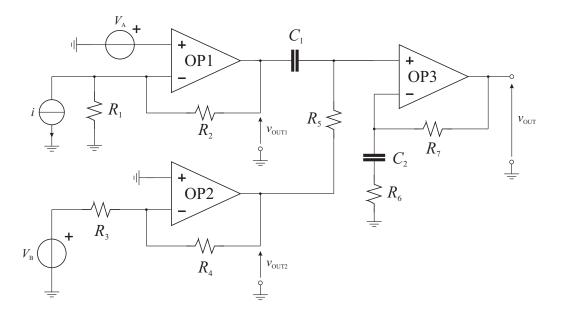
Secondo stadio $(R' = r_{o2}//R_5)$:

$$\begin{split} v_{\rm sg,2} &= -g_{m2}R'v_{\rm sg,2} - v_{\rm o1} \ \Rightarrow v_{\rm sg,2} = -\frac{v_{\rm o1}}{1 + g_{m2}R'} \\ v_{\rm out} &= -g_{m2}R'v_{\rm sg,2} = \frac{g_{m2}R'}{1 + g_{m2}R'}v_{\rm o1} \\ A_{\rm v02} &= \frac{g_{m2}R'}{1 + g_{m2}R'} = 0.89 \, (\approx -0.98 \, {\rm dB}); \ R_{\rm in,2} = \infty; \ R_{\rm out,2} = \frac{R'}{1 + g_{m2}R'} = 2.23 \, k\Omega \end{split}$$

Cascata:

$$v_{\text{out}} = \frac{g_{m2}R'}{1 + g_{m2}R'}v_{\text{o1}} = -\frac{g_{m1}R_4}{1 + g_{m1}R_3}\frac{g_{m2}R'}{1 + g_{m2}R'}v_{\text{in}}$$
$$A_{\text{v0}} = -3.57 (\approx 11 \text{ dB}); R_{\text{in}} = R_{\text{in,1}}; R_{\text{out}} = R_{\text{out,2}}$$

NB. Non ci sono effetti di carico tra i due stadi poichè la resistenza di ingresso del secondo è infinita. Esercizio 2.



Assumendo $R_1=R_2=R_3=R_4=R_5=R_6=R=10\,\mathrm{k}\Omega,\,R_7=9R=90\,\mathrm{k}\Omega,\,C_1=\frac{10}{2\pi}\mu\mathrm{F}$ e $C_2=\frac{10}{2\pi}\mathrm{n}\mathrm{F}$, e considerando gli operazionali ideali, determinare:

- 1. l'espressione delle tensioni $v_{\text{OUT},1}$, $v_{\text{OUT},2}$ e v_{OUT} in continua (assumendo cioè che i condensatori possano essere considerati circuiti aperti);
- 2. l'espressione della funzione di trasferimento (transimpedenza) $Z_{\rm m} = \frac{V_{\rm out}(s)}{I(s)}$ (nel calcolo della funzione di trasferimento richiesta, i generatori $V_{\rm A}$ $V_{\rm B}$ sono da considerarsi spenti);
- 3. i diagrammi di Bode del modulo e della fase di $Z_{\rm m} = \frac{V_{\rm out}(s)}{I(s)}$ ricavata al punto precedente;
- 4. l'intervallo di valori che può assumere la tensione d'uscita quando tutti i generatori sono spenti, assumendo che tutti gli operazionali presentino *input offset voltage* (max.): 2mV.

1. Espressioni delle tensioni richieste:

$$\begin{split} v_{\rm OUT,1} &= \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) \, V_{\rm A} + R_2 \, i = 2 \, V_{\rm A} + 10 \, \mathrm{k}\Omega \, i \\ v_{\rm OUT,2} &= -\frac{R_4}{R_3} \, V_{\rm B} = -V_{\rm B} \\ v_{\rm OUT} &= v_{\rm OUT,2} = -\frac{R_4}{R_3} \, V_{\rm B} = -V_{\rm B} \end{split}$$

2. Funzione di trasferimento $Z_{\mathrm{m}} = \frac{V_{\mathrm{out}}(s)}{I(s)}$:

$$Z_{\rm m} = \frac{V_{\rm out}(s)}{I_{\rm in}(s)} = R_2 \frac{R_5}{R_5 + \frac{1}{sC_1}} \left(1 + \frac{R_7}{R_6 + \frac{1}{sC_2}} \right)$$

$$= R_2 \frac{sC_1 R_5}{1 + sC_1 R_5} \frac{1 + sC_2 (R_6 + R_7)}{1 + sC_2 R_6}$$

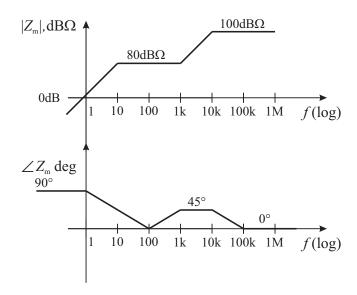
$$= R \frac{sC_1 R}{1 + sC_1 R} \frac{1 + s10RC_2}{1 + sRC_2}$$

La funzione di trasferimento presenta due poli reali negativi in

- $s_{p1} = -\frac{1}{R_5 C_1} = -\frac{1}{R C_1}$ (con frequenza centrale $f_{p1} = \frac{1}{2\pi R C_1} = 10 \text{ Hz}$);
- $s_{\mathrm{p}2}=-\frac{1}{R_6C_2}$ (con frequenza centrale $f_{\mathrm{p}2}=\frac{1}{2\pi RC_2}=10\,\mathrm{kHz}$)

e due zeri,

- uno nell'origine $s_{z1} = 0$;
- uno zero in $s_{\rm z2}=-\frac{1}{(R_6+R_7)C_2}$ (con frequenza centrale $f_{\rm z2}=\frac{1}{2\pi 10RC_2}=1\,{\rm kHz})$
- 3. I diagrammi di Bode del modulo e della fase di $Z_{\mathrm{m}}(s)$ sono riportati in figura.



4. Tensione continua in uscita per ingresso nullo

Sostituendo a ciascun operazionale il modello per lo studio dell'offset, la tensione in uscita può essere espressa come:

$$V_{\text{OUT}} = V_{\text{OFF},2} \left(1 + \frac{R_4}{R_3} \right) + V_{\text{OFF},3} = 2V_{\text{OFF},2} + V_{\text{OFF},3}$$

Ne deriva che

$$\begin{aligned} &\min V_{\text{OUT}} = 2V_{\text{OFF,2,min}} + V_{\text{OFF,3,min}} = -5\,\text{mV} \\ &\max V_{\text{OUT}} = 2V_{\text{OFF,2,max}} + V_{\text{OFF,3,max}} = +5\,\text{mV} \end{aligned}$$