

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	0

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

## Esercizio 2.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

## Esercizio 3.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	1

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	2

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 3.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	3

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 3.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- C) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)]u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	4

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 2.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z-0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 3.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t-kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp [-2\pi^2 n^2]$
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	5

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 3.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

**E)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

**A)** la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**B)** la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**C)**  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

**D)**  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**E)** nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

**A)**  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**B)**  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**C)**  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**D)**  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

**A)** Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**B)** Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**C)** Il sistema è causale

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z - 1)^2} + \frac{4}{z - 3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

**A)**  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**B)**  $h[n] = u[n - 1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**C)**  $h[n] = u[n - 1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**D)**  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	6

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	7

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 3.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	8

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$
- C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	9

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	10

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	11

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- E) nessuna delle altre risposte

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	12

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	13

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

## Esercizio 3. Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	14

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 2.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	15

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

## Esercizio 3.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) nessuna delle altre risposte

**E)**  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6-2z}{(z-2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n-3) 2^{n-1} u[n-1]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n-2) 2^n u[n-3]$
- D)  $h[n] = (n-2) 2^n u[n]$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t-t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t-t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	16

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 2.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

B)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$

C) nessuna delle altre risposte

D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

C) Nessuna delle altre risposte è corretta

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	17

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$

C) nessuna delle altre risposte

D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale.

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$

B)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$

C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	18

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$   
D) nessuna delle altre risposte  
E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	19

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp [-2\pi^2 n^2]$
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 3.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	20

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 4.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp\left[-\frac{(t-kT)^2}{2}\right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	21

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

D) nessuna delle altre risposte

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

B) Nessuna delle altre risposte è corretta

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

C)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale.

B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	22

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3. Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- C)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale.

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) nessuna delle altre risposte

B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

D)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	23

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$   
B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
C) nessuna delle altre risposte  
D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	24

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte  
B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$   
D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z-0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	25

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
 E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$   
 B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$   
 C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$   
 D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
 D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$   
 B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato  
 C) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale  
 D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$   
 B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$   
 C) Nessuna delle altre risposte è corretta  
 D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	26

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$   
 B) nessuna delle altre risposte  
 C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
 D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
 E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$   
 B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$   
 C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$   
 D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale  
 B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .  
 C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$   
 B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche  
 C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$   
 D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$   
 E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	27

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 2.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 3.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**E)** nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A)** Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B)** Nessuna delle altre risposte è corretta
- C)** Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D)** Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)**  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)**  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)**  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)**  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C)** La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E)** La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)**  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B)** Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)**  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- D)**  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	28

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T+j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2+4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	29

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 3.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	30

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

## Esercizio 3.

Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$   
 B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$   
 C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$   
 D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$   
 B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$   
 C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$   
 D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 6.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione  
 B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$   
 C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$   
 D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$   
 E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$   
 B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$   
 C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$   
 D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	31

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 3.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	32

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$   
B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$   
C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$   
D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$   
E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)]u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T+j2\pi n}$
- C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2+4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	33

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

**E)**  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	34

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

**Esercizio 2.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- C)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	35

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	36

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	37

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale.

B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

C)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)] u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{1}{2T+j2\pi n}$

B) nessuna delle altre risposte

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2+4\pi^2 n^2}$

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	38

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	39

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

D) nessuna delle altre risposte

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 6.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale.



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	40

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	41

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- B)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

## Esercizio 3.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	42

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$   
B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato  
C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato  
D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$   
B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$   
C) Nessuna delle altre risposte è corretta

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	43

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t-kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	44

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	45

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)]u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	46

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	47

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp [-2\pi^2 n^2]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	48

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 3.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	49

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)]u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T+j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2+4\pi^2 n^2}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	50

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

## Esercizio 3.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z-0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	51

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

## Esercizio 3.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**E)**  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	52

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- B)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	53

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	54

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) nessuna delle altre risposte

B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale.

B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	55

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- B)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 2.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	56

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3. Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$   
 D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.  
 B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .  
 C) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$   
 B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$   
 C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$   
 D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$   
 B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$   
 C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$   
 D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$   
 B) nessuna delle altre risposte  
 C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
 D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
 E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	57

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 3.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**E)** la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)** Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)**  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- C)**  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)**  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)**  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)**  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)**  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)**  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- B)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C)** Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- D)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- E)** La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z - 1)^2} + \frac{4}{z - 3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)**  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)**  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)**  $h[n] = u[n - 1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)**  $h[n] = u[n - 1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	58

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

**Esercizio 2.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	59

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

## Esercizio 3.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	60

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

**Esercizio 2.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	61

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t-t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t-t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale.

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

B)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

C) nessuna delle altre risposte

D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	62

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	63

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 3.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 6.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	64

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

## Esercizio 3.

Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$   
 D)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$   
 B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$   
 C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$   
 D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
 C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$   
 B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$   
 C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$   
 D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$   
 B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$   
 C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$   
 D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche  
 E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	65

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta

- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 5.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	66

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	67

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- E) nessuna delle altre risposte

## Esercizio 3.

Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$   
 D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$   
 B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$   
 C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$   
 D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$   
 B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$   
 C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$   
 D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche  
 E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$   
 B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$   
 C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$   
 D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	68

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp\left[-\frac{(t - kT)^2}{2}\right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

- C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	69

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	70

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	71

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z - 1)^2} + \frac{4}{z - 3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n - 1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n - 1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	72

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	73

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3. Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- E)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	74

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	75

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	76

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	77

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	78

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

D) nessuna delle altre risposte

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	79

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) nessuna delle altre risposte

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta

- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	80

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 2.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	81

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte  
B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
D)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$   
E)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n - 1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n - 1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	82

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	83

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	84

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n-2)2^n u[n-3]$
- C)  $h[n] = (n-2)2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n-3)2^n u[n]$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z-0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	85

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 2.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 3.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	86

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)]u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	87

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) nessuna delle altre risposte

B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema è causale.

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	88

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp [-2\pi^2 n^2]$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	89

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	90

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	91

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale.

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

C) nessuna delle altre risposte

D)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

E)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	92

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	93

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp\left[-\frac{(t - kT)^2}{2}\right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) nessuna delle altre risposte

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	94

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)]u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

C) nessuna delle altre risposte

D)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z - 1)^2} + \frac{4}{z - 3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

B)  $h[n] = u[n - 1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

D)  $h[n] = u[n - 1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	95

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$

## Esercizio 3. Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2u[n-1]$

- C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$   
 D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$   
 B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato  
 C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$   
 D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$   
 B) Nessuna delle altre risposte è corretta  
 C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$   
 D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$   
 B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$   
 C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$   
 D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$   
 E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	96

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

**Esercizio 2.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 3.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	97

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	98

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema è causale

C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

D) nessuna delle altre risposte

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	99

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	100

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	101

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp\left[-\frac{(t - kT)^2}{2}\right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$

- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	102

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

**Esercizio 2.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 3.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	103

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp [-2\pi^2 n^2]$
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- B)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$
- C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	104

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato  
B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato  
C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$   
D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

**Esercizio 3.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 4.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	105

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$   
B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$   
C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$   
D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$   
B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema è causale

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

D) nessuna delle altre risposte

E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	106

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t-kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale.

B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	107

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t-kT)]u(t-kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T+j2\pi n}$
- C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2+4\pi^2 n^2}$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	108

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	109

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

**Esercizio 3.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	110

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	111

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 [1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	112

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 6.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	113

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

## Esercizio 3.

Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	114

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

**Esercizio 4.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2)u[n - 1]$
- B)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$
- C)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2u[n - 1]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2)u[n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	115

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t-kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	116

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t-T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	117

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	118

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte

- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- D) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	119

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

## Esercizio 2.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t-kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t-t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t-t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	120

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 2.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 3.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp\left[-\frac{(t-kT)^2}{2}\right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	121

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$   
D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)] u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita  
C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$   
D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$   
E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	122

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	123

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- B)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	124

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale.

B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

C)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

B) nessuna delle altre risposte

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

B)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$

C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$

D)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	125

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

## Esercizio 3.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 5.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	126

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	127

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t-T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$
- C) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	128

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$
- D) nessuna delle altre risposte
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- D)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	129

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 2.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	130

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

## Esercizio 2.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$

## Esercizio 3.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$
- D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6-2z}{(z-2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-3)2^n u[n]$
- B)  $h[n] = (n-3)2^{n-1}u[n-1]$
- C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n-2)2^n u[n-3]$
- D)  $h[n] = (n-2)2^n u[n]$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t-t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t-t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z-0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	131

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

## Esercizio 2.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) nessuna delle altre risposte
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale

C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

D)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t-t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t-t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	132

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- E)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

**Esercizio 2.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$   
 D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$   
 B) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$   
 C)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$   
 D)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$   
 B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$   
 C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$   
 D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$   
 B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$   
 C)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$   
 D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$   
 B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$   
 C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$   
 D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$   
 E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	133

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 2.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

**Esercizio 3.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale.

B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t-kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

D) nessuna delle altre risposte

E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

C) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 7.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	134

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

## Esercizio 2.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 3.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	135

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- C)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}]$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 2.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 3.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- D)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 7.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	136

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

## Esercizio 3.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

**Esercizio 5.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 6.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	137

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Nessuna delle altre risposte è corretta
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 3. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

D) nessuna delle altre risposte

E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema è causale.

C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione

C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$

E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	138

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

## Esercizio 2.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- B) Nessuna delle altre risposte è corretta
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$
- B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$
- C)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	139

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 2.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- B) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

**Esercizio 3.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato  
 D)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )  
 B)  $\mu_n = \frac{2}{T+j2\pi n}$   
 C)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2+4\pi^2 n^2}$   
 D) nessuna delle altre risposte  
 E) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z-0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .  
 B) Il sistema è causale.  
 C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6-2z}{(z-2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n-2)2^n u[n]$   
 B)  $h[n] = 2\delta[n] + (n-2)2^n u[n-3]$   
 C)  $h[n] = (n-3)2^n u[n]$   
 D)  $h[n] = (n-3)2^{n-1} u[n-1]$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$   
 B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$   
 C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$   
 D) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	140

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

**Esercizio 1.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- E)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$

**Esercizio 2.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 3.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato

**Esercizio 5.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z - 1)^2} + \frac{4}{z - 3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n - 1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- D)  $h[n] = u[n - 1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

**Esercizio 7.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	141

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

**Esercizio 4.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

B)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$

C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$

D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z-0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

C) Il sistema è causale.

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

B) nessuna delle altre risposte

C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita

E)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	142

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 2.

Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$

E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

A)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato

C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato

D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{6 - 2z}{(z - 2)^2}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

A)  $h[n] = (n - 3) 2^n u[n]$

B)  $h[n] = (n - 3) 2^{n-1} u[n - 1]$

C)  $h[n] = 2\delta[n] + (n - 2) 2^n u[n - 3]$

D)  $h[n] = (n - 2) 2^n u[n]$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = -\pi/2$

B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

C) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = -\pi/2$

D) Se  $H(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 2$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$

B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$

C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

E) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	143

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 2.

Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

## Esercizio 3.

Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_1)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , e che  $t_0$  e  $t_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra 0 e  $1/f_c$  e statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $p(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_2}$  ottenendo il segnale  $y(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - B\delta(t - T)$ , dove  $B$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $z(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $z(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $B = e^{-\frac{T}{T_2}}$
- B) Esiste un valore di  $B$  per cui  $z(t)$  ha supporto pari a  $3T$
- C)  $z(t)$  ha supporto illimitato per ogni valore di  $B$
- D) Per valori finiti di  $B$   $z(t)$  ha sempre supporto limitato, l'ampiezza del quale dipende dal valore di  $B$

**Esercizio 6.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	144

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- B) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp \left[ -2\pi^2 \frac{n^2}{T^2} \right]$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp \left[ -2\pi^2 n^2 \right]$

## Esercizio 3.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 6.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- B) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- C)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- D) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	145

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- B)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- C) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$

## Esercizio 2. Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- B)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) nessuna delle altre risposte

## Esercizio 3.

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$

- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- D) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$

**Esercizio 4.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 5.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 6.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 7.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z-0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	146

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$
- C)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- D) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t + \varphi) - x(t) \sin(2\pi f_c t + \varphi)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $\varphi$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $2\pi$ , e che  $x(t)$  e  $\varphi$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^2/(z - 0.3)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 4.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- E) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )

**Esercizio 5.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Nessuna delle altre risposte è corretta

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n-1]$
- C)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$
- D)  $h[n] = (n-1) 2^{n-1} u[n-2] + 2 u[n-1]$

**Esercizio 7.**

Si desidera campionare il segnale  $z(t) = y^2(t)$  senza perdere informazione, sapendo che  $y(t) = x(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $x(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e  $f_x > 2B_x$ . Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4B_x$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c$  con  $f_x \geq f_c \geq 2B_x$
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_x)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	147

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Si consideri un segnale  $x(t) = s(t) \cos(2\pi f_x t)$  dove  $s(t)$  è un segnale ad energia finita e banda limitata  $B_s$ . Si vuole campionare il segnale  $y(t) = x^2(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_x + B_s)$
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_x + B_s)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_x + B_s)$
- E) Non è possibile campionare  $y(t)$  senza perdere informazione perché la frequenza di campionamento è teoricamente infinita in quanto il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche

## Esercizio 2. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$

## Esercizio 3. Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z-2)^2} + \frac{2}{z-1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = n 2^n u[n-1] + 2\delta[n]$

- B)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- C)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- D)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = [z^2/(z - 0.3)] + z^{-1}$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema è causale.

**Esercizio 5.**

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t - T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

**Esercizio 6.**

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

**Esercizio 7.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-|t - kT|]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2T}{T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) nessuna delle altre risposte
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- E)  $\mu_n = \frac{2}{T + j2\pi n}$



16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	148

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta

- A) Nessuna delle altre risposte è corretta
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x(t) = u(t) - u(t - T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/\tau}$  ottenendo il segnale  $y_1(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = \delta(t) - C\delta(t - T)$ , dove  $C$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $y_2(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $y_2(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B)  $y_2(t)$  ha sempre supporto limitato
- C) Esiste un valore di  $C$  per cui  $y_2(t)$  ha supporto pari a  $T$
- D)  $y_2(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $C = e^{-T/\tau}$

## Esercizio 3.

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^4/(z - 0.125)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema è causale.
- B) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .

## Esercizio 4.

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- C) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$
- D) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- E) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp[-2(t - kT)]u(t - kT)$$

dove  $u(t)$  è la funzione gradino unitario. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \frac{2}{4T^2 + 4\pi^2 n^2}$
- B) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- C)  $\mu_n = \frac{1}{2T + j2\pi n}$
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 6.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{1}{(z-1)^2} + \frac{4}{z-3}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = u[n-1] [1 + 4 \times 3^{n-1}]$
- B)  $h[n] = u[n] [1 + 4 \times 3^n]$
- C)  $h[n] = u[n-1] [n + 4 \times 3^{n-1} - 1]$
- D)  $h[n] = u[n] [n + 4 \times 3^n]$

**Esercizio 7.** Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos(2\pi f_c t - \varphi_0) - x(t) \sin(2\pi f_c t - \varphi_1)$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$  e che  $\varphi_0$  e  $\varphi_1$  sono variabili aleatorie uniformemente distribuite tra  $-\pi$  e  $\pi$ , statisticamente indipendenti tra loro e da  $x(t)$ .

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

16 febbraio 2007

Compito di

# Metodi di Elaborazione dei Segnali e Teoria dei Segnali

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le risposte esatte che verranno esposte in bacheca.

Nome	
Cognome	
Matricola	
Compito	149

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7
Risposta							

## Esercizio 1.

Dato un filtro numerico con risposta all'impulso  $h[n]$ , si consideri un altro filtro con risposta all'impulso  $h_1[n] = (-1)^n h[n]$ . Siano  $H(e^{j\omega})$  e  $H_1(e^{j\omega})$  rispettivamente le risposte in frequenza dei due filtri. Dire quale delle seguenti affermazioni è errata

- A) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = +\pi/2$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = -1$  per  $\omega = -\pi/2$
- B) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = \pi$
- C) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 0$  per  $\omega = 0$
- D) Se  $H(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = 0$  allora  $H_1(e^{j\omega}) = 1$  per  $\omega = \pi$

## Esercizio 2.

L'impulso rettangolare causale di ampiezza unitaria e durata  $T$   $x_1(t) = u(t) - u(t-T)$  viene posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_1(t) = u(t)e^{-t/T_1}$  ottenendo il segnale  $x_2(t)$ , il quale è posto in ingresso al sistema con risposta all'impulso  $h_2(t) = -A\delta(t) + \delta(t-T)$ , dove  $A$  è una costante positiva, ottenendo in uscita il segnale  $x_3(t)$ . Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A)  $x_3(t)$  ha sempre supporto illimitato
- B) Il segnale  $x_3(t)$  non è causale
- C)  $x_3(t)$  ha supporto limitato pari a  $2T$  se  $A = e^{T/T_1}$
- D) Esiste un valore di  $A$  per cui  $x_3(t)$  ha supporto pari a  $T$

## Esercizio 3. Calcolare la funzione di autocorrelazione del processo casuale

$$y(t) = \cos[2\pi f_c(t - t_0)] - x(t) \sin[2\pi f_c(t - t_0)]$$

sapendo che  $x(t)$  è un processo casuale stazionario a media nulla con funzione di autocorrelazione  $R_x(\tau)$ , che  $t_0$  è una variabile aleatoria uniformemente distribuita tra 0 e  $1/f_c$ , e che  $x(t)$  e  $t_0$  sono statisticamente indipendenti tra loro.

- A)  $R_y(\tau) = 0.5 \cos(2\pi f_c \tau) - 0.5 R_x(\tau) \sin(2\pi f_c \tau)$
- B)  $R_y(\tau) = 0.5[1 - R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$
- C)  $R_y(\tau) = [1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

D)  $R_y(\tau) = 0.5[1 + R_x(\tau)] \cos(2\pi f_c \tau)$

**Esercizio 4.**

Si consideri un sistema LTI a tempo discreto con funzione di trasferimento  $H(z) = z^3/(z - 0.1)$  convergente sul cerchio di raggio unitario. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) Il sistema non è causale e  $h[n] = 0$  per  $n > 0$ .
- B) Il sistema è causale.
- C) Il sistema non è causale e  $h[n] \neq 0$  per  $n > 0$ .

**Esercizio 5.** Si consideri il segnale periodico

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \exp \left[ -\frac{(t - kT)^2}{2} \right]$$

dove  $T$  è una costante reale maggiore di zero. I coefficienti  $\mu_n$  dello sviluppo del segnale in serie di Fourier di  $x(t)$  valgono:

- A)  $\mu_n = \sqrt{2\pi} \exp[-2\pi^2 n^2]$
- B)  $\mu_n = \frac{\sqrt{2\pi}}{T} \exp\left[-2\pi^2 \frac{n^2}{T^2}\right]$
- C) la serie di Fourier di  $x(t)$  diverge (esiste almeno un coefficiente  $\mu_n \rightarrow \infty$ )
- D) la serie di Fourier di  $x(t)$  non è definita
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 6.**

Si consideri un segnale  $x(t)$  ad energia finita e banda limitata  $B_x$  e il segnale  $y(t) = [x(t) \cos(2\pi f_0 t)]^2$ . Si vuole campionare  $y(t)$  senza perdere informazione. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera.

- A) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 4(f_0 + B_x)$
- B) La frequenza di campionamento è teoricamente infinita perché il quadratore è un sistema non lineare che crea infinite armoniche
- C) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq (f_0 + B_x)$
- D) La frequenza di campionamento deve essere  $f_c \geq 2(f_0 + B_x)$
- E) La frequenza di campionamento dipende dalla forma dello spettro di  $x(t)$

**Esercizio 7.** Un sistema discreto causale, lineare e tempo-invariante, ha funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{2}{(z - 2)^2} + \frac{2}{z - 1}$$

La risposta all'impulso  $h[n]$  vale

- A)  $h[n] = (n - 1) 2^{n-1} u[n - 2] + 2 u[n - 1]$
- B)  $h[n] = (n 2^{n-1} + 2) u[n]$
- C)  $h[n] = (2^{n-1} + 2) u[n - 1]$
- D)  $h[n] = n 2^n u[n - 1] + 2\delta[n]$