

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	0							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C)  $\frac{N_0}{2B}$
- D) altro

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t-nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $2f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $3f_0$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	1							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $3f_0$
- D)  $f_0$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2 y[n-1] - 1/4 y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B) 0

C)  $\frac{N_0}{2B}$

D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	2							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $B$
- D)  $4B$

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	3							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $2N_0B$
- C) altro
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $4B$
- D)  $2B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	4							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 2. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $6B$
- C)  $2B$
- D)  $3B$

**Esercizio 3.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $N_0 B$

B) 0

C) altro

D)  $\frac{N_0}{B}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

B) nessuna delle altre risposte

C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	5							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C)  $N_0 B$
- D) 0

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2f_0$
- D)  $3f_0$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	6							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t-nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{4N_0}{B}$
- C)  $4N_0B$
- D) altro

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $2f_0$
- C)  $f_0 + a$
- D) non esiste tale frequenza

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	7							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B) altro
- C) 0
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 3.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2 y[n-1] - 1/4 y[n-2]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $2f_0$
- C)  $3f_0$
- D) non esiste tale frequenza



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	8							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

C) nessuna delle altre risposte

D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n - 1] + 1/2y[n - 1] - 1/4y[n - 2]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n - 1] - 1/2y[n - 1]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B)  $2B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $4B$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $2N_0B$
- C) altro
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	9							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2f_0$

B)  $f_0 + a$

C)  $a$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B)  $\frac{N_0}{B}$

C)  $N_0 B$

D) 0

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	10							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$
- B) altro
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D) 0

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $a$
- D)  $f_0 + a$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	11							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B) 0
- C)  $\frac{2N_0}{B}$
- D) altro

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2B$
- D)  $4B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	12							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $B$

B) non esiste tale frequenza

C)  $4B$

D)  $2B$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	13							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{N_0}{2B}$
- D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B)  $a$
- C)  $2f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	14							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{B}$
- B) altro
- C)  $N_0 B$

D) 0

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $4B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $B$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	15							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $f_0$

B) non esiste tale frequenza

C)  $3f_0$

D)  $2f_0$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	16							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $f_0 + a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C) altro
- D) 0

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	17							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$
- B) altro

C) 0

D)  $2N_0B$

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A) non esiste tale frequenza

B)  $2f_0$

C)  $a$

D)  $f_0 + a$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	18							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2B$
- D)  $4B$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{B}$
- B) altro
- C) 0
- D)  $N_0 B$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	19							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $3f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 3.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$
- B) altro
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D) 0

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	20							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B) 0
- C)  $\frac{N_0}{B}$
- D)  $N_0 B$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $f_0 + a$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	21							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B) 0

C)  $\frac{N_0}{B}$

D)  $N_0 B$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $a$

B)  $f_0 + a$

C)  $2f_0$

D) non esiste tale frequenza

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	22							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 3.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B) altro

C)  $4N_0B$

D)  $\frac{4N_0}{B}$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A) non esiste tale frequenza

B)  $4B$

C)  $2B$

D)  $B$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	23							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$   
C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero  
B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$   
B)  $2f_0$   
C)  $a$   
D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$   
C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{N_0B}{1}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	24							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{N_0}{B}$
- D)  $N_0B$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D) nessuna delle altre risposte

E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2B$
- D)  $4B$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	25							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$   
C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .  
B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$   
B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$   
C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$   
D) nessuna delle altre risposte  
E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$   
C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2(\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$
- B)  $2B$
- C)  $B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $4N_0B$
- C) altro
- D)  $\frac{4N_0}{B}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	26							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B)  $f_0$
- C)  $2f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t-nT)$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	27							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $3f_0$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B) altro

C)  $\frac{N_0}{2B}$

D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2} y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

D)  $h[n]$  è non causale.



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	28							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $2N_0B$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$
- B) non esiste tale frequenza

C)  $f_0$

D)  $3f_0$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  è non causale.

B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	29							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$   
B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$   
B)  $\frac{4N_0}{B}$   
C) 0  
D) altro

**Esercizio 3.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$   
C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $4B$
- C)  $B$
- D) non esiste tale frequenza

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	30							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $f_0$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $\frac{4N_0}{B}$
- C) 0
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	31							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza

- B)  $2B$
- C)  $B$
- D)  $4B$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{j\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B) altro
- C) 0
- D)  $\frac{N_0}{B}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	32							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $2f_0$
- C)  $3f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B)  $\frac{N_0}{2B}$

C)  $\frac{N_0 B}{1}$

D) 0

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

B)  $h[n]$  è non causale.

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	33							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.  
D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0  
B) altro  
C)  $\frac{N_0}{2B}$   
D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$   
B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$   
C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$   
D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $f_0$

B) non esiste tale frequenza

C)  $3f_0$

D)  $2f_0$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

B)  $h[n]$  è anticausale.

C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	34							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $N_0 B$
- C)  $\frac{N_0}{B}$
- D) 0

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2} y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $B$

B)  $2B$

C) non esiste tale frequenza

D)  $4B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	35							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $4B$
- D)  $2B$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $N_0 B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	36							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $f_0$
- C)  $2f_0$
- D)  $3f_0$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0 B}{1}$
- B)  $\frac{N_0}{2B}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	37							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2B$
- D)  $B$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{B}$
- B)  $N_0 B$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2 y[n-1] - 1/4 y[n-2]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	38							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin [3\pi (tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B)  $3B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2B$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	39							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $4N_0B$

C)  $\frac{4N_0}{B}$

D) 0

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 8. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A) non esiste tale frequenza

B)  $6B$

C)  $3B$

D)  $2B$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	40							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $N_0 B$
- D)  $\frac{N_0}{B}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $2f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $f_0 + a$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	41							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_{\gamma}(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_{\gamma}(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 2.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$
- B) 0
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D) altro

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B)  $f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	42							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A) non esiste tale frequenza

B)  $3B$

C)  $2B$

D)  $6B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $\frac{N_0 B}{1}$

B) 0

C)  $\frac{N_0}{2B}$

D) altro

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	43							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$   
B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$   
C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$   
D) nessuna delle altre risposte  
E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .  
C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .  
B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $3f_0$

B)  $2f_0$

C)  $f_0$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B) altro

C)  $\frac{N_0 B}{1}$

D)  $\frac{N_0}{2B}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	44							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B) altro
- C)  $4N_0B$
- D) 0

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 4. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B) non esiste tale frequenza

C)  $2B$

D)  $3B$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	45							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_{\gamma}(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_{\gamma}(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $B$
- C)  $4B$
- D)  $2B$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B)  $\frac{N_0}{2B}$

C) altro

D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	46							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3B$
- B)  $6B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2B$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B) 0
- C)  $4N_0B$
- D)  $\frac{4N_0}{B}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	47							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $\frac{N_0}{2B}$
- C) 0
- D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2f_0$
- D)  $a$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	48							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$   
C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$   
B) altro  
C)  $2N_0B$   
D) 0

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$   
B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
D)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.  
B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .  
C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .  
D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2B$
- D)  $B$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	49							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 5. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $3B$

C)  $6B$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	50							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) altro
- C)  $\frac{N_0 B}{1}$
- D) 0

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 6. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3B$
- B)  $6B$
- C)  $2B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	51							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

B) nessuna delle altre risposte

C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $\frac{N_0}{B}$

B) 0

C) altro

D)  $N_0 B$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $B$

C) non esiste tale frequenza

D)  $4B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	52							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{N_0}{B}$
- D)  $N_0 B$

**Esercizio 3. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2B$
- D)  $3B$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $h[n]$  è non causale.

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	53							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B) 0
- C)  $\frac{N_0}{B}$
- D) altro

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2 y[n-1] - 1/4 y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B)  $f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	54							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $B$
- D)  $2B$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{2N_0}{B}$

C) altro

D)  $2N_0B$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	55							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C)  $\frac{N_0}{2B}$
- D) altro

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $4B$

B)  $2B$

C) non esiste tale frequenza

D)  $B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	56							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C)  $N_0 B$
- D) 0

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $4B$

B) non esiste tale frequenza

C)  $2B$

D)  $B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	57							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B)  $\frac{2N_0}{B}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$
- B)  $2B$
- C)  $B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 8.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	58							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B)  $\frac{2N_0}{B}$

C) altro

D) 0

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $a$

B)  $2f_0$

C)  $f_0 + a$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	59							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{N_0}{2B}$
- C)  $\frac{N_0 B}{1}$
- D) altro

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 8. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $3B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $6B$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	60							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B)  $\frac{2N_0}{B}$
- C) altro
- D) 0

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $f_0 + a$
- D)  $a$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1/5, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	61							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2f_0$
- D)  $a$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4 y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4 y[n - 1] - 1/8 y[n - 2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2 y[n - 1]$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B) 0
- C)  $2N_0B$
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	62							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $\frac{N_0}{2B}$
- C)  $\frac{N_0 B}{1}$
- D) 0

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $f_0 + a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	63							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$
- B)  $2N_0B$
- C) altro
- D) 0

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $2f_0$
- C)  $3f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	64							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{N_0}{2B}$
- D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 3. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2B$
- D)  $3B$

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	65							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 3.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$
- B)  $\frac{4N_0}{B}$

C) altro

D) 0

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 6. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $6B$

C)  $3B$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	66							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $f_0$
- C)  $3f_0$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	67							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 3.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $f_0$

D)  $2f_0$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	68							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B) 0
- C)  $4N_0B$
- D) altro

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $4B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $B$

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	69							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $6B$
- C)  $3B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $N_0B$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 8.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	70							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C) altro
- D) 0

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $3f_0$
- D)  $f_0$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	71							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B)  $3B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2B$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C)  $\frac{N_0}{2B}$
- D) altro

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

D) nessuna delle altre risposte

E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	72							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$
- B) 0
- C)  $2N_0B$
- D) altro

**Esercizio 7. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $6B$
- C)  $3B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	73							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $4N_0B$
- C) 0
- D)  $\frac{4N_0}{B}$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t-nT)$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2f_0$
- D)  $a$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	74							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B)  $2f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $f_0$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 7. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$
- B) 0
- C)  $2N_0B$
- D) altro

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	75							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B) altro
- C) 0
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $f_0$
- D)  $3f_0$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	76							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $f_0 + a$
- C)  $2f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B)  $2N_0B$

C) 0

D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	77							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$

- B)  $a$
- C)  $f_0 + a$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	78							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $4B$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B)  $\frac{4N_0}{B}$

C)  $4N_0B$

D) 0

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	79							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0 B}{1}$
- B)  $\frac{N_0}{2B}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 8. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $6B$

B)  $2B$

C) non esiste tale frequenza

D)  $3B$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	80							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $a$
- D)  $f_0 + a$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1/2, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B) 0

C)  $2N_0B$

D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	81							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B) 0
- C)  $4N_0B$
- D)  $\frac{4N_0}{B}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $f_0$
- D)  $3f_0$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	82							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 7. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $3B$
- D)  $2B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	83							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $4B$
- D)  $2B$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B)  $4N_0B$
- C) altro
- D) 0

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + 1/2y[n - 1] - 1/4y[n - 2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n - 1] - 1/2y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	84							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B) 0
- C)  $4N_0B$
- D)  $\frac{4N_0}{B}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $f_0 + a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	85							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$   
C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$   
B) nessuna delle altre risposte  
C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$   
D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$   
E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro  
B)  $\frac{N_0}{2B}$   
C)  $\frac{N_0 B}{1}$   
D) 0

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.  
B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$   
C)  $h[n]$  è anticausale.

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $3f_0$
- D)  $f_0$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 8.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	86							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $2N_0B$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $f_0 + a$
- C)  $a$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E) nessuna delle altre risposte

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	87							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2 y[n-1] - 1/4 y[n-2]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A) non esiste tale frequenza

B)  $f_0$

C)  $2f_0$

D)  $3f_0$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $4N_0B$

B) 0

C) altro

D)  $\frac{4N_0}{B}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	88							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C) altro
- D)  $N_0 B$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $4B$

C)  $B$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

# 28 febbraio 2014 Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	89							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $B$
- C)  $2B$
- D)  $4B$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	90							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$
- B)  $f_0$
- C)  $3f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C)  $\frac{N_0 B}{1}$
- D) altro

# 28 febbraio 2014 Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	91							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1.** È dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $3f_0$

B) non esiste tale frequenza

C)  $2f_0$

D)  $f_0$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B) 0

C)  $\frac{N_0}{2B}$

D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	92							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $f_0 + a$
- C)  $a$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B) 0

C)  $\frac{4N_0}{B}$

D)  $4N_0B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

B)  $h[n]$  è non causale.

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	93							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $a$
- D)  $f_0 + a$

**Esercizio 2.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B) altro
- C) 0
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	94							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_{\gamma}(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_{\gamma}(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B)  $2f_0$
- C)  $f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n - 4] + 2y[n - 1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B)  $N_0 B$

C)  $\frac{N_0}{B}$

D) altro

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	95							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B) altro
- C) 0
- D)  $\frac{N_0}{B}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B)  $a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	96							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 3. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3B$
- B)  $6B$
- C)  $2B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C) altro
- D) 0

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	97							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B) altro

C)  $\frac{4N_0}{B}$

D)  $4N_0B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $a$

B)  $2f_0$

C)  $f_0 + a$

D) non esiste tale frequenza

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	98							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $2N_0B$
- C)  $\frac{2N_0}{B}$
- D) 0

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $B$
- C)  $2B$
- D)  $4B$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	99							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B)  $4N_0B$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $f_0$
- D)  $3f_0$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	100							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B) altro
- C) 0
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 7. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $6B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $3B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	101							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$   
C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$   
B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$   
C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$   
D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$   
E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza  
B)  $f_0 + a$   
C)  $2f_0$   
D)  $a$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero  
C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C)  $N_0 B$
- D) 0

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	102							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $2f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $3f_0$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{4N_0}{B}$
- C) altro
- D)  $4N_0 B$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	103							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $3f_0$
- C)  $f_0$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 2.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C)  $\frac{N_0 B}{1}$
- D) altro

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	104							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $f_0$
- C)  $3f_0$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B) 0

C)  $N_0 B$

D)  $\frac{N_0}{B}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	105							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B) 0
- C) altro
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 7. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $3B$
- D)  $2B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + 1/2y[n - 1] - 1/4y[n - 2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n - 1] - 1/2y[n - 1]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	106							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + 1/2y[n - 1] - 1/4y[n - 2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n - 1] - 1/2y[n - 1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $\frac{N_0 B}{1}$

B)  $\frac{N_0}{2B}$

C) 0

D) altro

**Esercizio 6. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $3B$

C) non esiste tale frequenza

D)  $6B$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	107							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 2. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2B$
- C)  $6B$
- D)  $3B$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$
- B) 0
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D) altro

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	108							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $f_0$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  è non causale.

B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B)  $\frac{2N_0}{B}$

C) altro

D)  $2N_0B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	109							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$   
C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$   
B) non esiste tale frequenza  
C)  $2B$   
D)  $B$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left( \frac{1}{2} \right)^N x[n-N] + \frac{1}{2} y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .  
B)  $h[n]$  è non causale.  
C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .  
D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$   
B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $2N_0B$
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	110							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$
- B)  $2B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $B$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left( \frac{1}{2} \right)^N x[n-N] + \frac{1}{2} y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C)  $\frac{N_0 B}{1}$
- D) altro

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	111							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3B$
- B)  $6B$
- C)  $2B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{2N_0}{B}$
- C) altro
- D)  $2N_0B$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	112							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$   
B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0 B}{1}$   
B) altro  
C) 0  
D)  $\frac{N_0}{2B}$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$   
B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$   
C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$   
B)  $2f_0$   
C)  $3f_0$   
D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	113							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B)  $2B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $4B$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left( \frac{1}{2} \right)^N x[n - N] + \frac{1}{2} y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B)  $\frac{2N_0}{B}$

C)  $2N_0B$

D) altro

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

D) nessuna delle altre risposte

E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	114							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$   
C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{j\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .  
D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$   
B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero  
C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$   
B) nessuna delle altre risposte  
C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$   
D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$   
E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C) altro
- D) 0

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $2f_0$
- C)  $f_0 + a$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	115							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{N_0}{B}$
- D)  $N_0B$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $3f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	116							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 2.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $a$
- D)  $2f_0$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0 B}{1}$
- B)  $\frac{N_0}{2B}$
- C) altro
- D) 0

# 28 febbraio 2014 Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	117							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B)  $\frac{N_0 B}{1}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3f_0$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $2f_0$
- D)  $f_0$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	118							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B)  $4N_0B$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 2. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $6B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $3B$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	119							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$
- B) 0
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D) altro

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- C)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è anticausale.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 7. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $6B$
- D)  $3B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	120							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{j\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{4N_0}{B}$
- C) altro
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $f_0 + a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	121							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $2N_0B$
- B)  $\frac{2N_0}{B}$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $4B$
- D)  $2B$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	122							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $4N_0B$
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D) altro

**Esercizio 3. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $3B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $6B$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  è anticausale.

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	123							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{j\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{2B}$
- B) 0
- C)  $\frac{N_0 B}{1}$
- D) altro

**Esercizio 4.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $3f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$
- B)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	124							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 3. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $6B$
- D)  $2B$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{2N_0}{B}$
- C)  $2N_0B$
- D) altro

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- E) nessuna delle altre risposte

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	125							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{N_0}{B}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2 y[n-1] - 1/4 y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = A r_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{j i \pi / 4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $6B$
- D)  $3B$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	126							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B) 0
- C)  $4N_0B$
- D) altro

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$
- B)  $3f_0$
- C)  $f_0$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

D) nessuna delle altre risposte

E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  è anticausale.

B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

D) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	127							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 3. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $3B$

C) non esiste tale frequenza

D)  $6B$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) altro

B) 0

C)  $\frac{4N_0}{B}$

D)  $4N_0B$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) nessuna delle altre risposte

B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$



# 28 febbraio 2014 Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	128							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $4N_0B$
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D) altro

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B)  $a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

# 28 febbraio 2014 Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	129							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $4B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $B$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro
- B)  $\frac{N_0}{B}$
- C)  $N_0 B$
- D) 0

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$
- D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t - nT)}{\pi(t - nT)}$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	130							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 4. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{2N_0}{B}$

C) altro

D)  $2N_0B$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 8. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $3B$

C) non esiste tale frequenza

D)  $6B$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	131							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B)  $a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  è anticausale.

C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

**Esercizio 6.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $\frac{N_0}{B}$

B) 0

C) altro

D)  $N_0 B$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	132							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B)  $4B$
- C)  $B$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

D) nessuna delle altre risposte

E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B)  $\frac{N_0}{2B}$

C) altro

D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	133							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $4B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $B$
- D)  $2B$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0 B}{1}$
- B) altro
- C)  $\frac{N_0}{2B}$
- D) 0

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4 y[n-1] - 1/8 y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2 y[n-1]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 5. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  è non causale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	134							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_{\gamma}(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_{\gamma}(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  è non causale.
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n - 1] - 1/2y[n - 1]$

B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $f_0$

B)  $3f_0$

C)  $2f_0$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $\frac{N_0 B}{1}$

B)  $\frac{N_0}{2B}$

C) altro

D) 0

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	135							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$   
C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$   
B)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .  
B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .  
C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.  
D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 4. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza  
B)  $6B$   
C)  $3B$

D)  $2B$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $N_0B$

B) 0

C)  $\frac{N_0}{B}$

D) altro

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

D) nessuna delle altre risposte

E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	136							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 2. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $f_0 + a$

C)  $2f_0$

D)  $a$

**Esercizio 5.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A) 0

B) altro

C)  $\frac{2N_0}{B}$

D)  $2N_0B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	137							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 2.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .  
 C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
 D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
 B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$   
 C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) altro  
 B)  $\frac{N_0}{B}$   
 C) 0  
 D)  $N_0 B$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
 B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$   
 C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at} u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2f_0$   
 B) non esiste tale frequenza  
 C)  $a$   
 D)  $f_0 + a$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	138							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $B$
- C)  $2B$
- D)  $4B$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 6. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 7. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{2N_0}{B}$
- B)  $2N_0B$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	139							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/4$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{2}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B)  $\frac{N_0}{2B}$
- C) altro
- D)  $\frac{N_0 B}{1}$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0$
- B)  $3f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 6. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- C) nessuna delle altre risposte
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	140							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- D)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 2. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $3B$
- B)  $2B$
- C)  $6B$
- D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.  
 C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
 D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n-N] + \frac{1}{2}y[n-1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .  
 B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.  
 C)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .  
 D)  $h[n]$  è non causale.

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$   
 B)  $\frac{4N_0}{B}$   
 C) 0  
 D) altro

**Esercizio 7. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
 B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$   
 C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
 B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
 C)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
 D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	141							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- D) nessuna delle altre risposte
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1/2, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$

B)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 5. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $\frac{4N_0}{B}$

B) altro

C)  $4N_0B$

D) 0

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A) non esiste tale frequenza

B)  $B$

C)  $2B$

D)  $4B$

**Esercizio 8. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	142							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $N_0 B$
- B) 0
- C) altro
- D)  $\frac{N_0}{B}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $4B$
- D)  $B$

**Esercizio 4. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
 C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .  
 B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .  
 C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.  
 D)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1] - 1/8y[n - 2]$   
 B)  $y[n] = x[n] + x[n - 1] + 1/2y[n - 1]$   
 C)  $y[n] = x[n - 1] + x[n - 2] + 1/4y[n - 1]$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .  
 B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .  
 C)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.  
 D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 8.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
 B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$   
 C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
 D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	143							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $a$
- B)  $2f_0$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $f_0 + a$

**Esercizio 2. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/4$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \frac{2}{B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- C)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	144							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$

B)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- C)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- D)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{4N_0}{B}$
- B)  $4N_0B$
- C) 0
- D) altro

**Esercizio 7. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 8. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $6B$
- B)  $3B$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2B$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	145							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.25$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- B) nessuna delle altre risposte
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4 x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- B)  $h[n]$  è anticausale.
- C) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $\frac{N_0}{B}$
- B) altro
- C)  $N_0 B$
- D) 0

**Esercizio 7. (2 punti)** Il segnale

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\pi(t + 2k/B)} \sin[3\pi(tB + 2k)]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $2B$
- B) non esiste tale frequenza
- C)  $6B$
- D)  $3B$

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/5$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = 5T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = \frac{T}{5} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	146							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$   
B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$   
C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 2.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$   
C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$   
D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 3. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi f T}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A)  $4N_0B$   
B) altro  
C)  $\frac{4N_0}{B}$   
D) 0

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar(t - \theta)$$

in cui  $A$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $r(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $T$  e ampiezza 1 e  $A$  è una variabile casuale sempre positiva.

Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte  
B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $A$  e  $\theta$   
C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $A$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$   
D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $A$   
E)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $A$  e  $\theta$

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 6. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n-N] + ay[n-1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .
- C) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 8. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A)  $f_0 + a$
- B)  $a$
- C) non esiste tale frequenza
- D)  $2f_0$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	147							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- B)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) \frac{\sin(\pi f_0 t)}{\pi t}$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $3f_0$
- D)  $f_0$

**Esercizio 3. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + 1/2y[n-1] - 1/4y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] - x[n-1] - 1/2y[n-1]$

**Esercizio 4. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = r_\alpha(t - \beta)$$

in cui  $\alpha$  e  $\beta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\alpha > 0$ , ed  $r_\alpha(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\alpha$  e ampiezza 1. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\alpha$  e  $\beta$
- B)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\alpha$  e  $\beta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\beta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\alpha$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\alpha$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\beta$

E) nessuna delle altre risposte

**Esercizio 5. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $2N_0B$
- D)  $\frac{2N_0}{B}$

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - 2^4x[n-4] + 2y[n-1]$$

Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Si ha  $h[n] = 2^n u[n]$
- B)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n \leq 3$ .
- C)  $h[n]$  è anticausale.
- D)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

**Esercizio 8. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$
- B)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- D)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$



**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	148							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + e^{-at}u(t)$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

- A) non esiste tale frequenza
- B)  $2f_0$
- C)  $a$
- D)  $f_0 + a$

**Esercizio 2. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - \left(\frac{1}{2}\right)^N x[n - N] + \frac{1}{2}y[n - 1]$$

dove  $N = 20$ . Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 2$ .
- B)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.
- C)  $h[n]$  è non causale.
- D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 3. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.1 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

- A)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.
- B)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .
- D)  $b_0 = 0.025$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 5. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 1, 2$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = (1/4)^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

- A)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1]$
- B)  $y[n] = x[n-1] + x[n-2] + 1/4y[n-1] - 1/8y[n-2]$
- C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 6. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < 2B$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

- A) 0
- B) altro
- C)  $\frac{4N_0}{B}$
- D)  $4N_0B$

**Esercizio 7.** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione 1, al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

- A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- B)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$
- C)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\pi n} \delta(t - nT)$
- D)  $y(t) = T \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

**Esercizio 8. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_\gamma(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_\gamma(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) nessuna delle altre risposte
- B)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$
- C)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$
- D)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$
- E)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

**28 febbraio 2014**  
**Teoria ed elaborazione dei segnali (INF)**

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	149							

  

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (1.5 punti)** E' dato un filtro passabasso ideale con frequenza di taglio  $B$  e attenuazione  $1/2$ , al cui ingresso è posto un segnale  $x(t)$  avente spettro  $X(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - n/T)$ . Qual è il segnale  $y(t)$  all'uscita del filtro?

A)  $y(t) = \frac{T}{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

B)  $y(t) = \frac{T}{4} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin \pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

C)  $y(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin 2\pi B(t-nT)}{\pi(t-nT)}$

D)  $y(t) = \frac{1}{2B} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\sin(n/T)}{n} \delta(t - nT)$

**Esercizio 2. (1 punto)** Sia dato il processo casuale

$$x(t) = Ar_{\gamma}(t - \theta)$$

in cui  $\gamma$  e  $\theta$  sono due variabili casuali statisticamente indipendenti con varianza finita,  $\gamma > 0$ ,  $r_{\gamma}(t)$  è un impulso rettangolare causale di durata  $\gamma$  e ampiezza 1 e  $A$  è una costante positiva. Indicare quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\theta$  è costante e per qualsiasi distribuzione di  $\gamma$

B)  $x(t)$  è stazionario per la media se  $\gamma$  è costante, per qualsiasi distribuzione di  $\theta$

C)  $x(t)$  non è mai stazionario per la media, qualsiasi siano le distribuzioni di  $\gamma$  e  $\theta$

D) nessuna delle altre risposte

E)  $x(t)$  è stazionario per la media per ogni distribuzione di  $\gamma$  e  $\theta$

**Esercizio 3. (1.5 punti)** Sia dato un filtro numerico con la seguente relazione ingresso-uscita:

$$y[n] = x[n] - a^N x[n - N] + ay[n - 1]$$

dove  $N = 10$  ed  $a$  può assumere un valore reale finito. Si indichino con  $h[n]$  la risposta all'impulso e con  $H(z)$  la funzione di trasferimento del filtro. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A)  $H(z)$  non contiene poli nell'origine.

B) Il filtro è instabile per  $|a| > 1$ .

C)  $H(z)$  contiene un polo reale semplice in  $z = 1/a$ .

D)  $h[n]$  assume valori non nulli solo per  $0 \leq n < N$ .

**Esercizio 4. (1 punto)** Si considerino due filtri numerici in cascata. Il primo ha risposta all'impulso  $h_1[n] = 1$  per  $n = 0, 1$  e zero altrove. Il secondo ha risposta all'impulso  $h_2[n] = 0.5^n u[n]$ . Si indichi con  $x[n]$  il segnale all'ingresso del primo filtro,  $z[n]$  il segnale all'uscita del primo filtro e all'ingresso del secondo, e con  $y[n]$  il segnale all'uscita del secondo filtro. La relazione ingresso-uscita dei due filtri in cascata è

A)  $y[n] = x[n] - x[n - 1] - 1/2y[n - 1]$

B)  $y[n] = x[n - 1] + 1/2y[n - 1] - 1/4y[n - 2]$

C)  $y[n] = x[n] + x[n-1] + 1/2y[n-1]$

**Esercizio 5. (1.5 punti)** Il segnale

$$x(t) = \frac{1}{\pi^2 t^2} \left[ \sin^2 \left( \frac{\pi t B}{2} \right) - \sin^2 (\pi t B) \right]$$

viene campionato per una conversione A/D. Indicare qual è la minima frequenza di campionamento che consente un'esatta ricostruzione del segnale a partire dai suoi campioni.

A)  $2B$

B)  $4B$

C)  $B$

D) non esiste tale frequenza

**Esercizio 6. (1 punto)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (1.5 punti)** Un filtro numerico reale e causale ha una funzione di trasferimento con tre zeri  $w_i = e^{ji\pi/4}$  ( $i = 1, 2, 3$ ). Il filtro è realizzato per mezzo di un filtro trasversale con  $L$  coefficienti  $b_i$ . Inoltre  $H(z)$  è uguale a 0.4 quando  $z = 1$  e  $L \leq 7$ .

Dire quali delle seguenti affermazioni è vera.

A)  $b_0 < 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

B)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i$  dispari.

C)  $b_0 \geq 1$ ;  $b_i \neq 0$  per  $0 \leq i \leq 7$ .

D)  $b_0 = 0.1$ ;  $b_i = 0$  per  $i > 4$ .

**Esercizio 8. (1 punto)** Un processo casuale  $n(t)$  gaussiano, stazionario, con spettro di potenza  $G_n(f)$  pari a  $N_0/2$  per  $|f| < B/2$  e nullo altrove passa attraverso un sistema LTI con funzione di trasferimento  $H(f) = 1 + e^{-j2\pi fT}$ . Il processo in uscita da tale sistema viene quindi elevato al quadrato. Sia  $m(t)$  il risultato di tale operazione. Nel caso  $B = \frac{1}{T}$ , la media di  $m(t)$  vale

A)  $N_0 B$

B) 0

C) altro

D)  $\frac{N_0}{B}$