

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	0							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $1 < B \cdot K + A < 4$

B)  $2B \cdot K + A = 5$

E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

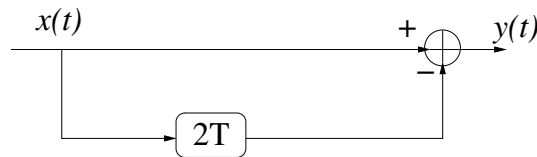


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 1
- C) 2
- D) 0
- E) 3

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	1							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B) altro
- C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 3
- C) 1
- D) 2
- E) 4

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .



Figura 1:

**E)**  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

**A)** se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**B)** se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**C)** solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**D)** nessuna delle altre risposte è corretta.

**E)** se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

**A)**  $B \cdot K + A > 10$

**B)**  $1 < B \cdot K + A < 4$

**C)** Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**D)**  $2B \cdot K + A = 5$

**E)** Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

**A)** Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .

**B)** Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**C)** Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

**D)** Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n + 1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

**A)**  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**B)**  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

**C)**  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**D)**  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	2							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

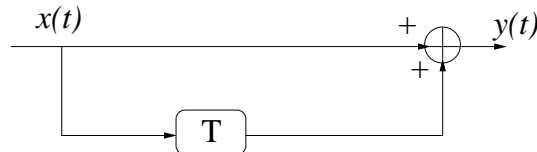


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B)  $2B \cdot K + A = 5$
- C)  $B \cdot K + A > 10$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

$X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2
- B) 0
- C) 1
- D) 4
- E) 3

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C) altro
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggestione: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	3							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 0
- C) 2
- D) 1
- E) 3

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

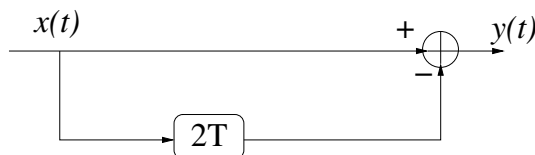


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) nessuna delle altre risposte è corretta.
- C) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + 1/2) + p_T(t - 1/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 5. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 2$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- E)  $B \cdot K + A > 2$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- C) altro
- D)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	4							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- C) altro
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t+T/2) - p_T(t-T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4

D) 0

E) 1

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

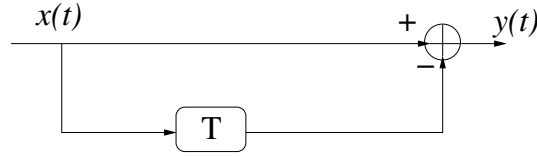


Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

B) nessuna delle altre risposte è corretta.

C) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $2B \cdot K + A = 5$

B)  $B \cdot K + A > 10$

C)  $1 < B \cdot K + A < 4$

D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	5							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B)  $B \cdot K + A > 6$
- C)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $2B \cdot K + A = 3$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1

D) 0

E) 3

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .

B) nessuna delle altre risposte è corretta.

C) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

B) altro

C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n - 1]$

D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n - 1]$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	6							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n + 1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n - 1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n - 1]$
- D) altro

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 3

B) 1

C) 4

D) 0

E) 2

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

C)  $2B \cdot K + A = 5$

D)  $1 < B \cdot K + A < 4$

E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

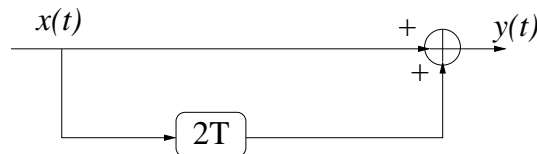


Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

B) nessuna delle altre risposte è corretta.

C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	7							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B) altro
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$
- B)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- C)  $B \cdot K + A > 10$
- D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(\frac{1}{T}) = X(\frac{1}{T})$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(\frac{1}{T}) = 21X(\frac{1}{T})$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 4
- C) 3
- D) 0
- E) 2

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

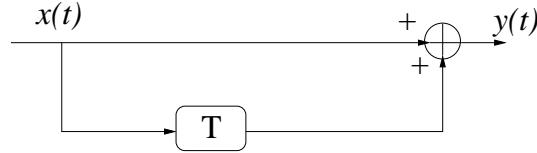


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	8							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t+T/2) + p_T(t-T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- B)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(\omega)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

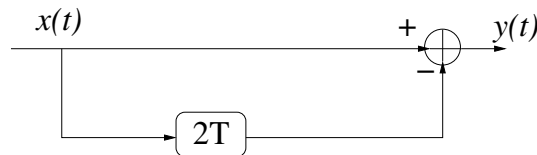


Figura 1:

è verificata

A) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

C) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

D) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .

E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $2B \cdot K + A = 2$

B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

C)  $B \cdot K + A > 2$

D)  $0 < B \cdot K + A < 1$

E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 2

B) 3

C) 1

D) 0

E) 4

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	9							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n + 1] = w[3n + 2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

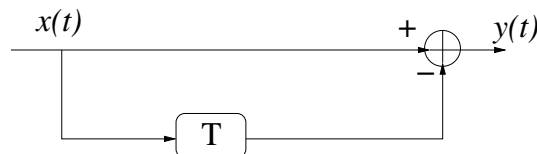


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2
- B) 3
- C) 0
- D) 1
- E) 4

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$
- B)  $B \cdot K + A > 10$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	10							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B) altro
- C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.



Figura 1:

- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .  
D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .  
B) nessuna delle altre risposte è corretta.  
C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
D) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .  
E) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 10$   
B)  $1 < B \cdot K + A < 4$   
C)  $2B \cdot K + A = 5$   
D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.  
B)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .  
C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .  
D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .  
E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2  
B) 1  
C) 4  
D) 0  
E) 3

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	11							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$
- B)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C) altro
- D)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

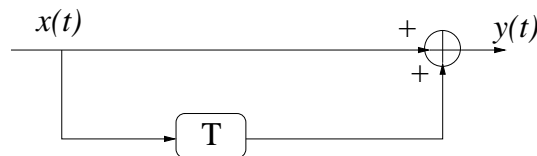


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 4
- C) 1
- D) 0
- E) 2



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	12							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 1
- C) 4
- D) 2
- E) 3

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n + 1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- B) altro
- C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

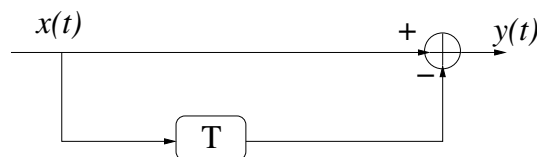


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	13							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0

D) 4

E) 3

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $B \cdot K + A > 10$

B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

D)  $2B \cdot K + A = 5$

E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

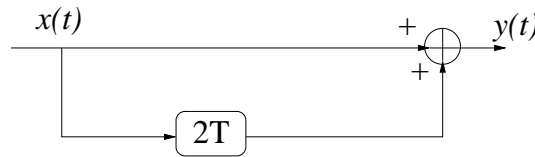


Figura 1:

è verificata

A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

B) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	14							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t+T/2) - p_T(t-T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**E)**  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

**A)**  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

**B)**  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**C)**  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**D)** altro

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

**A)** 0

**B)** 2

**C)** 4

**D)** 1

**E)** 3

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

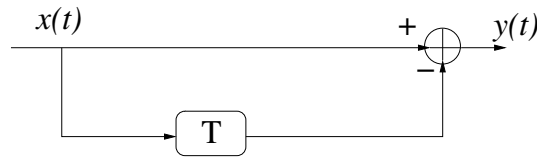


Figura 1:

è verificata

**A)** nessuna delle altre risposte è corretta.

**B)** se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**C)** solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**D)** se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**E)** se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

**A)** Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**B)**  $0 < B \cdot K + A < 1$

**C)**  $B \cdot K + A > 2$

**D)** Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**E)**  $2B \cdot K + A = 2$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	15							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

C)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

E)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 4

B) 0

C) 2

D) 1

E) 3

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$

C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

D) altro

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

C)  $B \cdot K + A > 10$

D)  $2B \cdot K + A = 5$

E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

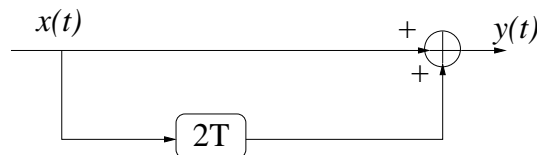


Figura 1:

è verificata

A) nessuna delle altre risposte è corretta.

B) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	16							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

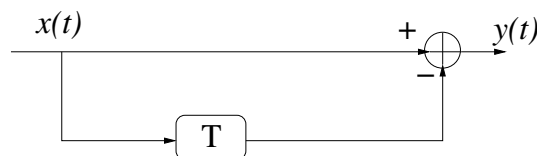


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

$X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 1
- C) 4
- D) 3
- E) 2

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- D)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $B \cdot K + A > 10$
- E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- D) altro

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	17							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4

D) 0

E) 3

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

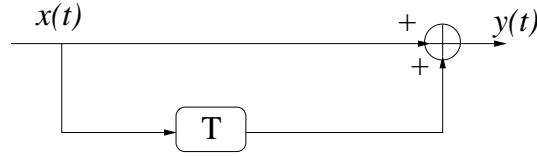


Figura 1:

è verificata

A) nessuna delle altre risposte è corretta.

B) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .

C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

D) altro

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

B)  $1 < B \cdot K + A < 4$

C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

D)  $2B \cdot K + A = 5$

E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

C)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	18							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 1

E) 0

**Esercizio 5. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $2B \cdot K + A = 5$
- D)  $B \cdot K + A > 10$
- E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

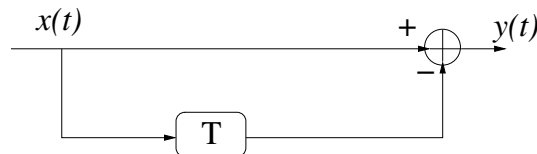


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) nessuna delle altre risposte è corretta.
- C) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	19							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2
- B) 3
- C) 1
- D) 0
- E) 4

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 3$
- B)  $B \cdot K + A > 6$
- C)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

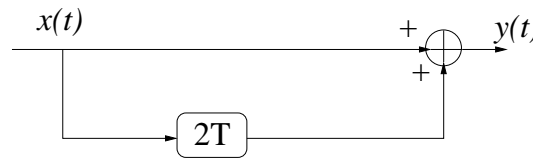


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	20							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 10$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- E)  $2B \cdot K + A = 5$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

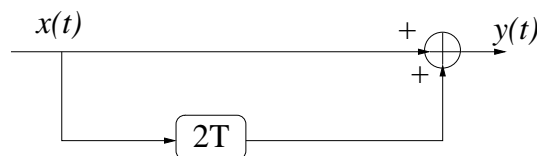


Figura 1:

è verificata

- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .  
 D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .  
 E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .  
 B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.  
 C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .  
 D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .  
 E)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .  
 B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .  
 C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.  
 D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4  
 B) 0  
 C) 3  
 D) 1  
 E) 2

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	21							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 4
- C) 1
- D) 2
- E) 3

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n - 1]$

D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $B \cdot K + A > 6$

B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

D)  $2B \cdot K + A = 3$

E)  $0 < B \cdot K + A < 2$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

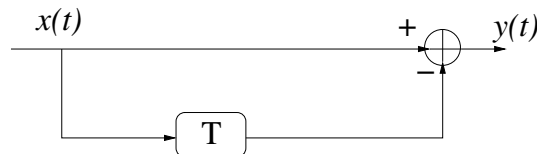


Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

B) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

C) nessuna delle altre risposte è corretta.

D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	22							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 3

E) 1

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

B) altro

C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

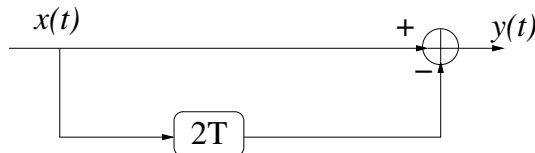


Figura 1:

è verificata

A) nessuna delle altre risposte è corretta.

B) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

C) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

D) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .

E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $B \cdot K + A > 6$

B)  $0 < B \cdot K + A < 2$

C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

E)  $2B \cdot K + A = 3$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	23							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$   
 B)  $B \cdot K + A > 10$   
 C)  $1 < B \cdot K + A < 4$   
 D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
 E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.  
 B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .  
 C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .  
 D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale



Figura 1:

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) nessuna delle altre risposte è corretta.
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 3
- C) 4
- D) 2
- E) 0

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B) altro
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$



NOTA: **Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.**

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	24							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 0

B) 2

C) 1

D) 4

E) 3

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$

C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

D) altro

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

B) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .

C) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $B \cdot K + A > 2$

B)  $2B \cdot K + A = 2$

C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

D)  $0 < B \cdot K + A < 1$

E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	25							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- B)  $B \cdot K + A > 2$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $2B \cdot K + A = 2$
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

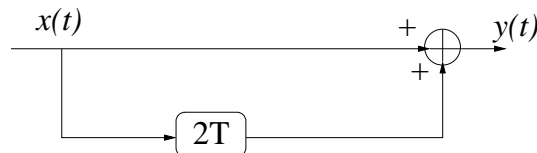


Figura 1:

è verificata

- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 4
- C) 2
- D) 0
- E) 1

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	26							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

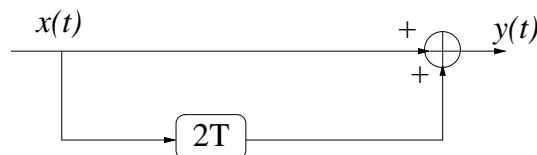


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B) altro
- C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 3
- C) 2
- D) 4
- E) 0

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	27							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C)  $B \cdot K + A > 6$
- D)  $2B \cdot K + A = 3$
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 2
- C) 4
- D) 0
- E) 1

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- C) altro
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

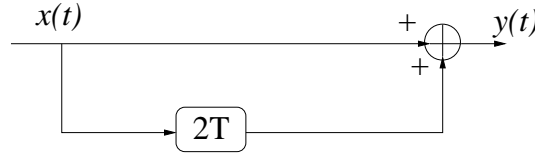


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n + 1] = w[3n + 2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	28							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- C) altro
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$



Figura 1:

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 6$
- B)  $2B \cdot K + A = 3$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- E)  $0 < B \cdot K + A < 2$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 3
- C) 2
- D) 1
- E) 0

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	29							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

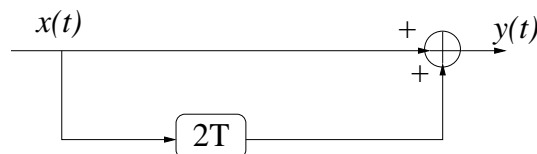


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 10$
- B)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- C)  $2B \cdot K + A = 5$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

D) altro

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 3

B) 4

C) 1

D) 2

E) 0

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	30							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$   
 B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$   
 C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$   
 D) altro

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

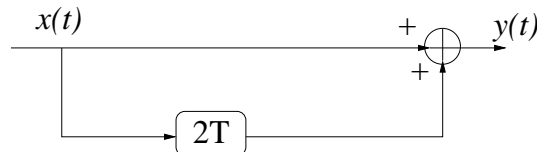


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .  
 B) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 C) nessuna delle altre risposte è corretta.  
 D) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

$$y(t) = \sum_{-N} z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .

**Esercizio 5. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t+T/2) - p_T(t-T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2
- B) 1
- C) 3
- D) 0
- E) 4

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 10$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D)  $2B \cdot K + A = 5$
- E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	31							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 1
- C) 0
- D) 2
- E) 3

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $2B \cdot K + A = 5$
- E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

C) altro

D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

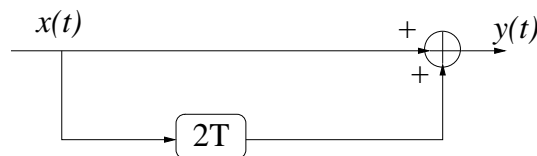


Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

C) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

D) nessuna delle altre risposte è corretta.

E) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	32							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 2
- C) 1
- D) 0
- E) 3

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- B) altro
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C)  $B \cdot K + A > 10$
- D)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- E)  $2B \cdot K + A = 5$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	33							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

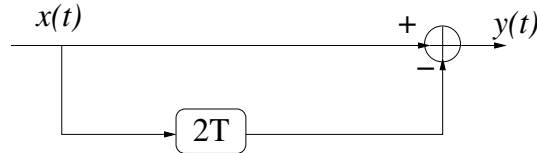


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 4

B) 3

C) 2

D) 0

E) 1

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

C)  $0 < B \cdot K + A < 2$

D)  $B \cdot K + A > 6$

E)  $2B \cdot K + A = 3$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	34							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 2$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- D)  $2B \cdot K + A = 2$
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(\frac{1}{T}) = X(\frac{1}{T})$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(\frac{1}{T}) = 21X(\frac{1}{T})$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .



Figura 1:

D) nessuna delle altre risposte è corretta.

E) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 1

B) 3

C) 4

D) 2

E) 0

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	35							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + 2x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n - 1]$
- C) altro
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n - 1]$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$
- B)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D)  $B \cdot K + A > 10$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 1
- C) 3
- D) 0
- E) 2



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	36							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 3
- C) 0
- D) 1
- E) 2

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .

- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

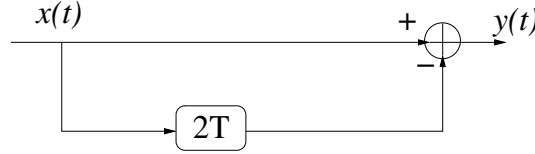


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.  
 B) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .  
 C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 D) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 E) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$   
 B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero  
 C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 2$   
 B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
 C)  $B \cdot K + A > 2$   
 D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte  
 E)  $0 < B \cdot K + A < 1$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	37							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B)  $2B \cdot K + A = 3$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $B \cdot K + A > 6$
- E)  $0 < B \cdot K + A < 2$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 5. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- D) altro

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 0
- C) 2
- D) 3
- E) 1

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	38							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $2B \cdot K + A = 5$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

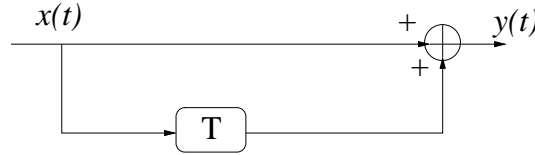


Figura 1:

è verificata

A) nessuna delle altre risposte è corretta.

B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

C) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .

D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 3

B) 4

C) 0

D) 1

E) 2

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n - 1]$

C) altro

D)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n - 1]$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	39							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 2. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 10$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $2B \cdot K + A = 5$
- D)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

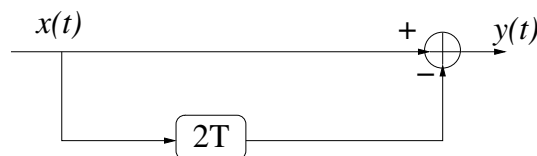


Figura 1:

è verificata

C) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

D) nessuna delle altre risposte è corretta.

E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 0

B) 2

C) 1

D) 3

E) 4

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

C) altro

D)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	40							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 0
- C) 4
- D) 3
- E) 2

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

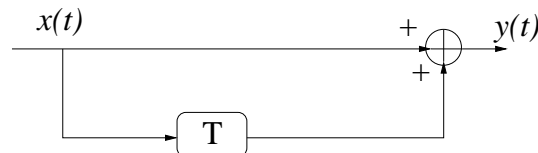


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .  
 D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.  
 E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro  
 B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$   
 C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$   
 D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .  
 B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .  
 C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.  
 D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $0 < B \cdot K + A < 2$   
 B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
 C)  $2B \cdot K + A = 3$   
 D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte  
 E)  $B \cdot K + A > 6$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	41							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$   
 B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero  
 C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .  
 B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .  
 C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .  
 D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .  
 B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .  
 C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .  
 D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.  
 E)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} A \left( \frac{1}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c} \right)$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 10$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $2B \cdot K + A = 5$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 3
- C) 2
- D) 1
- E) 4

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

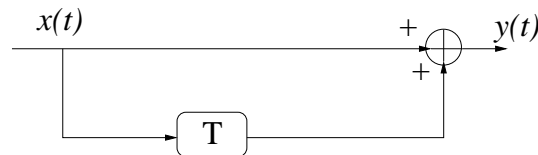


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	42							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$   
 B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
 C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

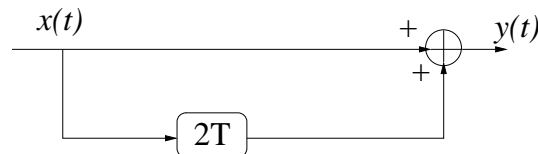


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.  
 B) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 C) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .  
 D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1  
 B) 2  
 C) 3  
 D) 0  
 E) 4

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .  
 D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .  
 E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$   
 B) altro  
 C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$   
 D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte  
 B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
 C)  $2B \cdot K + A = 3$   
 D)  $B \cdot K + A > 6$   
 E)  $0 < B \cdot K + A < 2$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .  
 B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.  
 C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .  
 D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	43							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $2B \cdot K + A = 2$
- D)  $B \cdot K + A > 2$
- E)  $0 < B \cdot K + A < 1$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

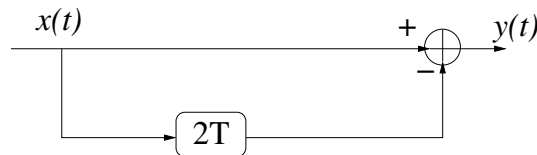


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) nessuna delle altre risposte è corretta.
- C) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

$X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2
- B) 3
- C) 1
- D) 0
- E) 4

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- D)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	44							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 2$
- B)  $2B \cdot K + A = 2$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $0 < B \cdot K + A < 1$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

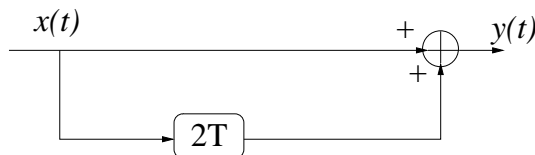


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- D)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 3
- C) 4
- D) 0
- E) 2

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	45							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n - 1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n - 1]$
- D) altro

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2
- B) 4
- C) 0
- D) 1



Figura 1:

E) 3

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- C)  $2B \cdot K + A = 3$
- D)  $B \cdot K + A > 6$
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	46							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro  
 B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$   
 C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$   
 D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .  
 B) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .  
 C) nessuna delle altre risposte è corretta.  
 D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

- A)  $2B \cdot K + A = 3$
- B)  $B \cdot K + A > 6$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $0 < B \cdot K + A < 2$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 4
- C) 1
- D) 2
- E) 3

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	47							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

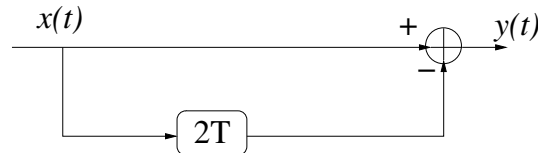


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- C) 3
- D) 1
- E) 2

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 10$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- E)  $2B \cdot K + A = 5$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	48							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

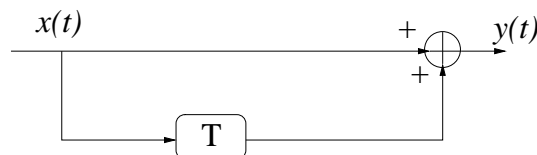


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 4
- C) 1
- D) 2
- E) 3

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- D)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 2$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C)  $2B \cdot K + A = 2$
- D)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando **LETTERE MAIUSCOLE**. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	49							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

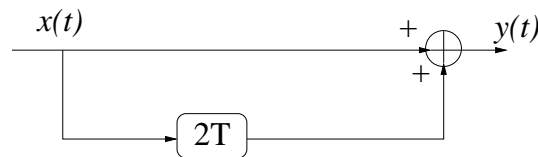


Figura 1:

è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D)  $B \cdot K + A > 2$
- E)  $2B \cdot K + A = 2$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C) altro
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 1
- C) 2
- D) 4
- E) 0

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	50							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

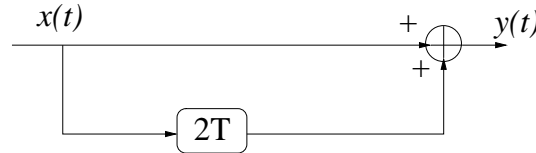


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B)  $2B \cdot K + A = 2$
- C)  $B \cdot K + A > 2$
- D)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 1
- C) 4
- D) 2
- E) 3

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- D)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	51							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C) altro
- D)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(\frac{1}{T}) = 21X(\frac{1}{T})$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(\frac{1}{T}) = X(\frac{1}{T})$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 3



Figura 1:

- C) 1
- D) 2
- E) 0

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C)  $2B \cdot K + A = 3$
- D)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- E)  $B \cdot K + A > 6$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	52							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $2B \cdot K + A = 5$

B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

D)  $1 < B \cdot K + A < 4$

E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

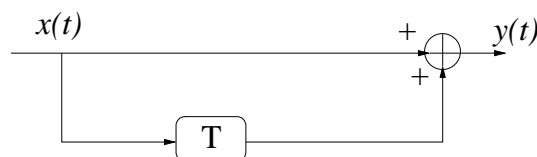


Figura 1:

è verificata

- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 1
- C) 4
- D) 2
- E) 0

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	53							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- D)  $2B \cdot K + A = 2$
- E)  $B \cdot K + A > 2$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 2
- C) 0
- D) 1

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

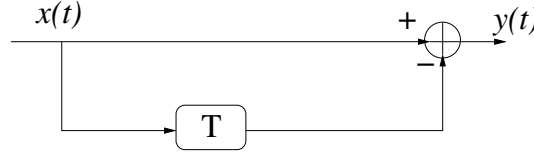


Figura 1:

è verificata

A) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

D) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

C) altro

D)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	54							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + 2x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n - 1]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n - 1]$
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 4
- C) 2
- D) 3
- E) 1

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n + 1] = w[3n + 2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- C)  $B \cdot K + A > 2$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $2B \cdot K + A = 2$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

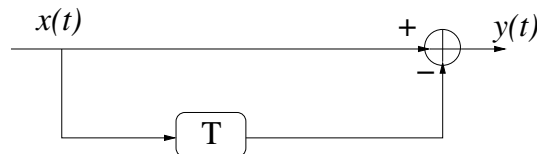


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	55							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C) altro
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 3
- C) 2
- D) 1
- E) 0

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

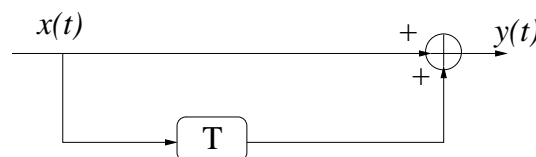


Figura 1:

è verificata

- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 5. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B)  $2B \cdot K + A = 2$
- C)  $B \cdot K + A > 2$
- D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- E)  $0 < B \cdot K + A < 1$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n + 1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	56							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B)  $2B \cdot K + A = 5$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $B \cdot K + A > 10$
- E)  $1 < B \cdot K + A < 4$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 2
- C) 4
- D) 0
- E) 1

**Esercizio 4. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

C) altro

D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

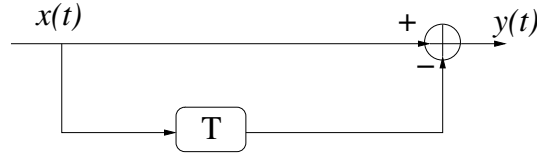


Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

B) nessuna delle altre risposte è corretta.

C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

D) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

E) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

C)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

D)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	57							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

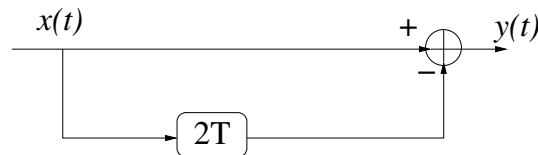


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

D)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 5. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $B \cdot K + A > 2$

B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

C)  $0 < B \cdot K + A < 1$

D)  $2B \cdot K + A = 2$

E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n + 1] = w[3n + 2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 3

B) 1

C) 0

D) 4

E) 2

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	58							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B) altro
- C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) nessuna delle altre risposte è corretta.
- B) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .



Figura 1:

- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .  
 E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0  
 B) 1  
 C) 4  
 D) 3  
 E) 2

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
 B) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero  
 C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 3$   
 B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte  
 C)  $0 < B \cdot K + A < 2$   
 D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
 E)  $B \cdot K + A > 6$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	59							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$   
 B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$   
 C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$   
 D) altro

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .  
 B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .  
 C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.  
 D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .  
 E)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2  
 B) 1  
 C) 4  
 D) 3  
 E) 0

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
 B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$   
 C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 6$   
 B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte  
 C)  $2B \cdot K + A = 3$   
 D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
 E)  $0 < B \cdot K + A < 2$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

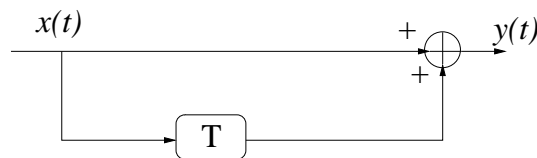


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .  
 B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 C) nessuna delle altre risposte è corretta.  
 D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 E) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	60							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 2. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C)  $B \cdot K + A > 6$
- D)  $2B \cdot K + A = 3$
- E)  $0 < B \cdot K + A < 2$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 0
- C) 1
- D) 3
- E) 2

$$y(t) = \sum_{-N} z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- D)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	61							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n + 1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$  è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .



Figura 1:

D) nessuna delle altre risposte è corretta.

E) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A) altro

B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

B)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

A)  $B \cdot K + A > 10$

B)  $2B \cdot K + A = 5$

C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

D)  $1 < B \cdot K + A < 4$

E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 0

B) 1

C) 4

D) 3

E) 2

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	62							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B)  $2B \cdot K + A = 2$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D)  $B \cdot K + A > 2$
- E)  $0 < B \cdot K + A < 1$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t - n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N + 1)$ .

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 1] - 2x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n + 1] = w[3n + 2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{T_c}{4\pi T_c} A\left(\frac{\omega}{4\pi T_c}\right)$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

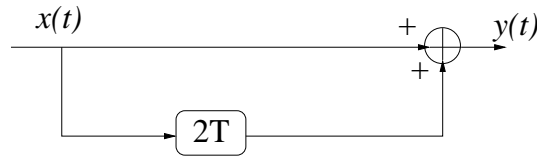


Figura 1:

è verificata

A) nessuna delle altre risposte è corretta.

B) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

C) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

B)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

C)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

E)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

A)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

B) altro

C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$

D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

A) 2

B) 3

C) 1

D) 4

E) 0

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	63							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro  
 B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$   
 C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$   
 D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

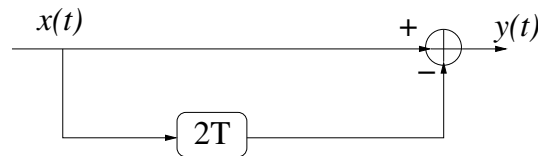


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 B) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .  
 C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 D) nessuna delle altre risposte è corretta.  
 E) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .

- A)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- B)  $B \cdot K + A > 6$
- C)  $2B \cdot K + A = 3$
- D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 4
- C) 2
- D) 3
- E) 0

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = -p_T(t + T/2) + p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- E)  $Y(f) = -4Tj/\pi$  per  $f = -1/2T$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	64							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- B)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- C)  $B \cdot K + A > 2$
- D)  $2B \cdot K + A = 2$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4
- E) 0

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

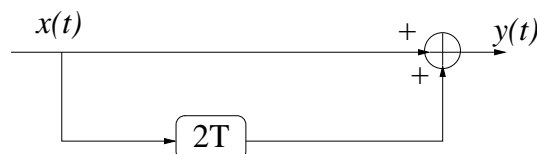


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D) altro

**Esercizio 5. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- B)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	65							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 3
- B) 0
- C) 1
- D) 4
- E) 2

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .  
 D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .  
 E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$   
 B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$   
 C) altro  
 D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $0 < B \cdot K + A < 1$   
 B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$   
 C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte  
 D)  $B \cdot K + A > 2$   
 E)  $2B \cdot K + A = 2$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero  
 B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
 C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

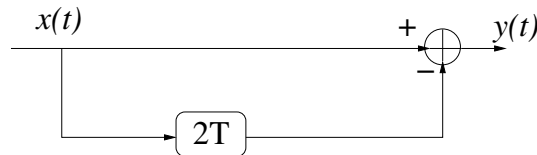


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{3T}$  e  $\phi = 0$ .  
 B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 C) se  $f_0 = \frac{3}{7T}$  e  $\phi = 0$ .  
 D) se  $f_0 = \frac{2}{3T}$  e  $\phi$  qualsiasi.  
 E) nessuna delle altre risposte è corretta.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	66							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$   
 B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$   
 C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .  
 B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.  
 C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .  
 D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$   
 B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$   
 C) altro  
 D)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{\omega}{T_c}\right)$

D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- B)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D)  $2B \cdot K + A = 3$
- E)  $B \cdot K + A > 6$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

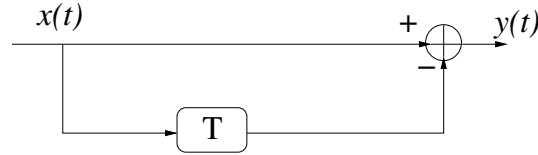


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 4
- C) 2
- D) 3
- E) 0

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	67							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

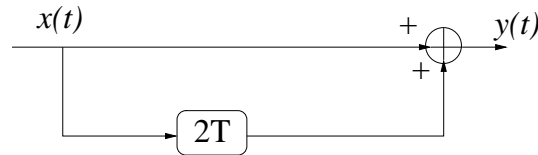


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1
- B) 3
- C) 0
- D) 2
- E) 4

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = 21X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y\left(\frac{1}{T}\right) = X\left(\frac{1}{T}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

**Esercizio 8. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 6$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- D)  $2B \cdot K + A = 3$
- E) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	68							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$   
 B) altro  
 C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$   
 D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$   
 B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$   
 C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$   
 D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 1  
 B) 0  
 C) 2  
 D) 4  
 E) 3

**Esercizio 4. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 5$

D)  $1 < B \cdot K + A < 4$

E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

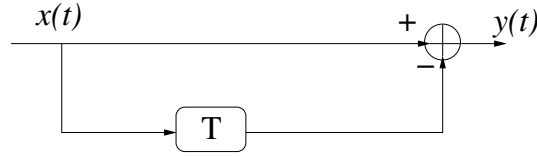


Figura 1:

è verificata

A) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

B) nessuna delle altre risposte è corretta.

C) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .

D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

A) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

B) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

C) instabile con uno zero nel punto +2 e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

A)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .

D)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .

E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 8. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.

B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .

C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(\frac{1}{T}) = X(\frac{1}{T})$ .

D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(\frac{1}{T}) = 21X(\frac{1}{T})$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	69							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 2
- C) 0
- D) 3
- E) 1

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

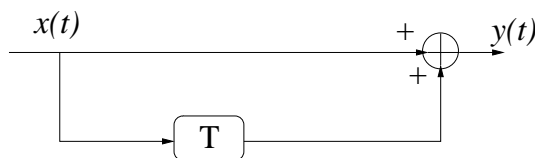


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 3. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 2$
- B) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- C)  $0 < B \cdot K + A < 1$
- D) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- E)  $2B \cdot K + A = 2$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B) altro
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-1] - 2x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero immaginario e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- B) instabile con uno zero nel punto  $+2$  e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)$
- C) stabile con uno zero reale e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- B)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{n=-10}^{10} x(t - nT)$$

Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(0) = 21X(0)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B$  e  $Y(\frac{1}{T}) = X(\frac{1}{T})$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{20T}$  dove  $p(t)_{20T}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-10T, 10T)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(\frac{1}{T}) = 21X(\frac{1}{T})$ .

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	70							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N + 1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N + 1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 2. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

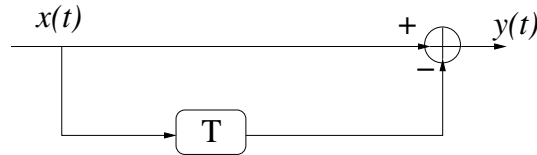


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) nessuna delle altre risposte è corretta.

**Esercizio 3. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è falsa.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- C)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- D)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 5. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 7$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 2
- C) 0
- D) 1
- E) 3

**Esercizio 6. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 6$
- B)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- C) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- D)  $2B \cdot K + A = 3$
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{4^{-n} - 2 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C) altro
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	71							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- C)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- D) altro

**Esercizio 2. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

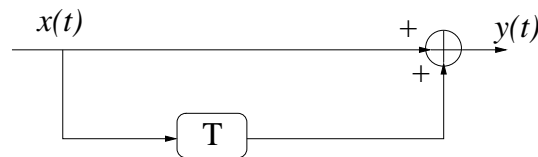


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{2}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) nessuna delle altre risposte è corretta.
- D) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

- A)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- B)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- C)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ . Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 7. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = Kp_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $1 < B \cdot K + A < 4$
- B)  $2B \cdot K + A = 5$
- C)  $B \cdot K + A > 10$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 4
- B) 3
- C) 1
- D) 0
- E) 2



NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	72							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 6$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 2
- B) 3
- C) 4
- D) 1
- E) 0

**Esercizio 2. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $B \cdot K + A > 6$
- B)  $2B \cdot K + A = 3$
- C)  $0 < B \cdot K + A < 2$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n - 2] + (1/\sqrt{2})y[n - 1] - (1/4)y[n - 2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- C) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$

**Esercizio 4. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n - 1] + 2x[n - 2] + 9y[n - 1] - y[n - 2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n - 1]$
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n - 1]$

**Esercizio 3. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

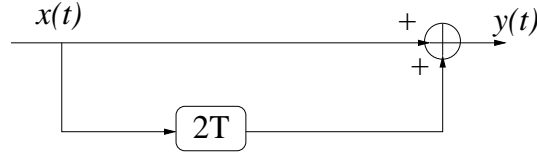


Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) se  $f_0 = \frac{1}{4T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- C) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) nessuna delle altre risposte è corretta.
- E) solo se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi = 0$ .

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[3n] = v[n]$  ed inoltre  $w[3n+1] = w[3n+2] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{4\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{3\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 8. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	73							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A) altro
- B)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\}u[n-1]$
- C)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\}u[n-1]$
- D)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $Y(f) = 2Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $|Y(f)|^2 = 16T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- D)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .
- E)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$

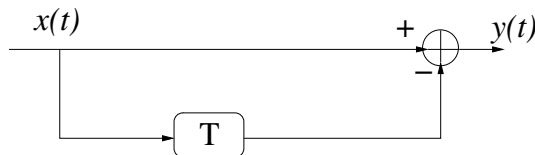


Figura 1:

è verificata

- A) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- B) nessuna delle altre risposte è corretta.
- C) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- D) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- E) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.

**Esercizio 4. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 2$ , varianza  $\sigma_X^2 = 1$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A\delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- C) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- D) Tra  $B$ ,  $K$  e  $A$  sussiste una relazione diversa da quelle delle altre risposte
- E)  $B \cdot K + A > 10$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $x(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_x$  con spettro  $X(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N x(t - nT_c)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y(0) = X(0)(2N+1)$ .
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $x(t)p(t)_{2NT_c}$  dove  $p(t)_{2NT_c}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-NT_c, NT_c)$  e zero altrove.
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_x$  e  $Y\left(\frac{1}{T_c}\right) = X\left(\frac{1}{T_c}\right)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$

**Esercizio 7. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 5$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 4
- C) 3
- D) 1
- E) 2

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[4n] = v[n]$  ed inoltre  $w[4n+1] = w[4n+2] = w[4n+3] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier della sequenza  $w[n]$ ?

Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{2\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

NOTA: Consegnare il testo completo di tutti i fogli e la tabellina con le risposte, ricordandosi di riportare nell'apposito spazio nome e numero di matricola; riportare al più una risposta per ogni esercizio usando LETTERE MAIUSCOLE. Si invitano gli studenti a prendere nota del numero del compito e delle risposte date. Ciò permetterà un immediato confronto con le stringhe corrette che verranno pubblicate sul portale.

Nome								
Cognome								
Matricola								
Compito	74							

Esercizio	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta								

**Esercizio 1. (Punti 1.5)** Sia dato un segnale  $x(t)$  con spettro  $X(f)$ . Da  $x(t)$  viene ricavata una sequenza  $v[n] = x(nT_c)$ , e da essa un'altra sequenza  $w[n]$  tale che  $w[2n] = v[n]$  ed inoltre  $w[2n+1] = 0$ .

Quanto vale la trasformata di Fourier (DTFT) della sequenza  $w[n]$ ? Suggerimento: Si consiglia di scrivere prima  $V(e^{j\omega}) = DTFT(v[n])$  in termini di  $X(\omega)$  e poi di ricavare la relazione tra  $W(e^{j\omega}) = DTFT(w[n])$  e  $V(e^{j\omega})$ .

- A)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c}\right)$
- B)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c}\right)$
- C)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$
- D)  $W(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_c} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{\omega}{2\pi T_c} + \frac{n}{T_c}\right)$

**Esercizio 2. (Punti 1)** Il segnale  $x(t) = p_T(t + T/2) - p_T(t - T/2)$  passa attraverso un filtro passa basso ideale con funzione di trasferimento  $H(f) = 1$  per  $|f| < B$  e  $B > 1/2T$ . Si indichi con  $y(t)$  il segnale in uscita. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

- A)  $|Y(f)|^2 = 4T^2/\pi^2$  per  $f = 1/4T$ .
- B)  $y(t)$  è un segnale ad energia finita.
- C)  $Y(f) = 4Tj/\pi$  per  $f = 1/2T$ .
- D)  $Y(f) = 0$  per  $f = 0$ .
- E)  $\mathcal{E}_y \leq \mathcal{E}_x$ .

**Esercizio 3. (Punti 1.5)** Si consideri un filtro numerico causale con relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = \{-3x[n-1] + 2x[n-2] + 9y[n-1] - y[n-2]\}/20$$

Ad esso è associata una risposta all'impulso

- A)  $\delta[n] + (1/4)^n u[n] - (1/5)^n u[n]$
- B) altro
- C)  $\{5 \cdot 4^{-n} - 7 \cdot 5^{-n}\} u[n-1]$
- D)  $\{4^{-n} - 5^{-n}\} u[n-1]$

**Esercizio 4. (Punti 1)** Sia dato il processo casuale  $X(t)$  gaussiano stazionario, con valore medio  $m_X = 1$ , varianza  $\sigma_X^2 = 2$ , e densità spettrale di potenza  $S_X(f) = K p_{2B}(f) + A \delta(f)$ , con  $p_{2B}(f) = 1$  per  $|f| < B$  e nulla altrove,  $K$  e  $A$  due costanti reali strettamente positive. Dire quale delle seguenti relazioni è corretta.

- A)  $2B \cdot K + A = 3$
- B) Non sussiste alcuna relazione tra  $B$ ,  $K$  e  $A$
- C)  $B \cdot K + A > 6$

**Esercizio 5. (Punti 1)** Si consideri il segnale  $z(t)$  a energia finita a banda limitata  $B_z$  con spettro  $Z(f)$  e si costruisca il segnale

$$y(t) = \sum_{-N}^N z(t-n)$$

con  $N$  finito. Dire quale delle seguenti affermazioni è corretta.

- A) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda illimitata e  $Y(1) = Z(1)(2N+1)$ .
- B) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  è a righe e l'ampiezza delle righe è proporzionale allo spettro del segnale  $z(t)p(t)_{2N}$  dove  $p(t)_{2N}$  è una porta simmetrica pari a 1 per  $t \in (-N, N)$  e zero altrove.
- C) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(1) = X(1)$ .
- D) Lo spettro  $Y(f)$  di  $y(t)$  ha banda limitata  $B_z$  e  $Y(0) = Z(0)(2N+1)$ .

**Esercizio 6. (Punti 1.5)** Sono dati due segnali discreti  $x_1[n]$  e  $x_2[n]$ .  $x_1[n]$  vale 1 per  $n = 1$  e  $n = 3$ , vale 2 per  $n = 2$ , e vale 0 altrove.  $x_2[n]$  vale 1 per  $0 \leq n \leq 4$  e vale 0 altrove. Dei due segnali viene calcolata la DFT (Discrete Fourier Transform) su  $N = 8$  punti, ottenendo le due sequenze  $X_1[k]$  e  $X_2[k]$  di durata  $N$ . Del prodotto  $X_1[k] \times X_2[k]$  (che ha sempre lunghezza  $N$ ) si calcola la DFT inversa ottenendo  $x_3[n]$ . Il valore minimo assunto da  $x_3[n]$  è

- A) 0
- B) 1
- C) 4
- D) 3
- E) 2

**Esercizio 7. (Punti 1)** Si consideri una relazione ingresso/uscita del tipo

$$y[n] = x[n-2] + (1/\sqrt{2})y[n-1] - (1/4)y[n-2]$$

Ad essa è associato un filtro numerico causale

- A) stabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$
- B) instabile con uno zero nell'origine e due poli complessi coniugati nei punti  $(1 \pm j)/2$
- C) stabile con due poli complessi coniugati nei punti  $\sqrt{2}(1 \pm j)/4$  e nessuno zero

**Esercizio 8. (Punti 1.5)** È dato il sistema in figura 1 con  $x(t) = \cos(2\pi f_0 t + \phi)$ . La condizione  $y(t) = 0 \quad \forall t$



Figura 1:

è verificata

- A) se  $f_0 = \frac{1}{T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- B) nessuna delle altre risposte è corretta.
- C) se  $f_0 = \frac{3}{2T}$  e  $\phi = 0$ .
- D) se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi$  qualsiasi.
- E) solo se  $f_0 = \frac{1}{2T}$  e  $\phi = 0$ .