

Cognome

Nome

Matricola

Aula

Domande a risposta multipla (indicare con X la risposta corretta nella tabella)

Quesito	1	2	3	4
Risposta a	X			
Risposta b		X		X
Risposta c				
Risposta d			X	
Punteggio totale				

- 1) Un voltmetro per misure in DC ha la seguente tabella delle incertezze:

Accuracy = \pm (% of reading + number of digit)

Range	Resolution	Accuracy
100 mV	0.01 mV	$\pm(0.06 \% + 2)$
1 V	0.1 mV	$\pm(0.06 \% + 2)$
10 V	1 mV	$\pm(0.06 \% + 2)$

Volendo misurare una tensione di circa 0.5 V, l'incertezza di misura è pari a:

- a) 0.5 mV
- b) 5 mV
- c) 50 mV
- d) Nessuna risposta proposta

Soluzione: Il fondo scala scelto è di 1V da cui l'incertezza è pari a $\pm(0.06 \% \cdot 0.5 \text{ V} + 2 \cdot 0.1 \text{ mV}) = 0.3 \text{ mV} + 0.2 \text{ mV} = 0.5 \text{ mV}$

- 2) Avete a disposizione un amperometro con resistenza interna R_A da 100 Ω ed un voltmetro con resistenza di ingresso R_V di 100 k Ω . Con questi due strumenti volete misurare, con metodo voltamperometrico un resistore R_X il cui codice a colori corrisponde al valore di 20 k Ω ed incertezza pari all' 1%. Al fine di minimizzare l'errore di consumo relativo

- a) Utilizzerò uno schema con voltmetro a valle
- b) Utilizzerò uno schema con voltmetro a monte
- c) Non sono in grado di decidere quale schema utilizzare (schema con voltmetro a monte o a valle) in quanto non dispongo dei dati di incertezza degli strumenti
- d) Nessuna risposta proposta

Soluzione: con voltmetro a monte l'errore di consumo relativo è pari a $\Delta R/R_X = R_A/R_X = 100/20000 = 0.5\%$. Con voltmetro a valle l'errore di consumo relativo è pari a $\Delta R/R_X = -R_X/(R_X + R_V) = 2 \cdot 10^4 / (2 \cdot 10^4 + 10^5) = -16\%$ quindi il metodo da utilizzare è il metodo con voltmetro a monte. La risposta c è ovviamente da scartare.

- 3) Il circuito di ingresso di un oscilloscopio
- a) Equivale al parallelo di una resistenza di $1\ \Omega$ ed una capacità di circa $10\ \text{pF}$
 - b) Equivale alla serie di una resistenza di $1\ \Omega$ ed una capacità di circa $10\ \text{nF}$
 - c) Equivale al parallelo di una resistenza di $10\ \Omega$ ed una capacità di circa $10\ \text{pF}$
 - d) Nessuna risposta proposta**
- Soluzione: v. teoria svolta a lezione
- 4) Un voltmetro basato su un integratore a doppia rampa è
- a) Indipendente dalle variazioni della tensione di riferimento presente nel circuito integratore
 - b) Indipendente dalle variazioni della capacità presente nel circuito integratore**
 - c) Un convertitore analogico digitale con frequenza di campionamento superiore a $20\ \text{MHz}$
 - d) Uno strumento sensibile ai disturbi sinusoidali a $50\ \text{Hz}$ sovrapposti alla tensione continua che si vuole misurare

Soluzione: v. teoria svolta a lezione

ESERCIZIO

Si vuole misurare il tempo di salita di un segnale con un oscilloscopio con le seguenti caratteristiche:

$B = 2$ GHz; resistenza di ingresso: $1\text{ M}\Omega$; capacità di ingresso = $(10 \pm 0.5)\text{ pF}$

incertezza relativa del fattore di taratura orizzontale: $\pm 0.5\%$

Il generatore di segnale, che presenta una resistenza di uscita di $(50 \pm 5)\ \Omega$, è collegato all'oscilloscopio attraverso un cavo coassiale della lunghezza di 90 cm (incertezza trascurabile) e capacità distribuita pari a 100 pF/m , $\pm 10\%$.

Impostando il fattore di taratura orizzontale dell'oscilloscopio al valore $K_X = 5\text{ ns/div}$ si ottiene una lettura del tempo di salita sullo schermo dell'oscilloscopio pari a $(8 \pm 0.1)\text{ div}$.

Valutare valore nominale e incertezza del tempo di salita t_X del segnale.

Soluzione

Modello di misura

Il tempo di salita t_{sm} misurato dall'oscilloscopio può essere valutato come:

$$t_{sm} = L_{ts} \cdot K_X = 8 \cdot 5 = 40\text{ ns}$$

da cui deriva che l'incertezza relativa è pari a:

$$\varepsilon t_{sm} = \varepsilon L_{ts} + \varepsilon K_X = \frac{\delta L_{ts}}{L_{ts}} + \varepsilon K_X = \frac{0.1}{8} + 0.005 = 0.0125 + 0.005 = 0.0175$$

che corrisponde ad un'incertezza assoluta:

$$\delta t_{sm} = \varepsilon t_{sm} \cdot t_{sm} = 0.0175 \cdot 40 = 0.70\text{ ns}$$

Tenendo conto dell'effetto di carico dovuto alla banda limitata dell'oscilloscopio¹ e del circuito di ingresso, il tempo di salita t_X del segnale può essere stimato come:

$$\begin{aligned} t_X &= \sqrt{t_{sm}^2 - t_{so}^2 - t_{sIN}^2} \approx \sqrt{t_{sm}^2 - t_{sIN}^2} = \\ &= \sqrt{(L_{ts} \cdot K_X)^2 - (0.35 \cdot 2 \cdot \pi \cdot R_g \cdot C_{tot})^2} \approx 38.46\text{ ns} \end{aligned}$$

dove $C_{tot} = 90\text{ pF} + 10\text{ pF} = 100\text{ pF}$.

L'effetto sistematico è, in valore assoluto, pari a $(t_{sm} - t_X) = 1.54\text{ ns}$, che è dello stesso ordine di grandezza dell'incertezza valutata per t_{sm} , per cui il modello di misura da utilizzare è il seguente:

$$t_X = \sqrt{(L_{ts} \cdot K_X)^2 - (0.35 \cdot 2 \cdot \pi \cdot R_g \cdot C_{tot})^2}$$

Valutazione del misurando

Sostituendo i valori numerici nel modello di misura si ottiene:

$$t_X \approx 38.459 \dots\text{ ns}$$

¹ In questo caso trascurabile.

Valutazione dell'incertezza

$$\begin{aligned}\delta t_X &= \left| \frac{\partial t_X}{\partial L_{ts}} \right| \cdot \delta L_{ts} + \left| \frac{\partial t_X}{\partial K_X} \right| \cdot \delta K_X + \left| \frac{\partial t_X}{\partial R_g} \right| \cdot \delta R_g + \left| \frac{\partial t_X}{\partial C_{tot}} \right| \cdot \delta C_{tot} = \\ &= \frac{1}{t_X} \cdot L_{ts} \cdot K_X^2 \cdot \delta L_{ts} + \frac{1}{t_X} \cdot K_X \cdot L_{ts}^2 \cdot \delta K_X + \\ &+ \frac{1}{t_X} \cdot (0.35 \cdot 2 \cdot \pi \cdot C_{tot})^2 \cdot R_g \cdot \delta R_g + \frac{1}{t_X} \cdot (0.35 \cdot 2 \cdot \pi \cdot R_g)^2 \cdot C_{tot} \cdot \delta C_{tot}\end{aligned}$$

Le incertezze assolute delle grandezze presenti nel modello di misura sono ottenute a partire dai dati forniti:

$$\begin{aligned}\delta L_{ts} &= 0.1 \text{ div}; \quad \delta K_X = 0.005 \cdot 5 \cdot 10^{-9} = 25 \text{ ps/div} \\ \delta R_g &= 5 \text{ } \Omega \\ \delta C_{tot} &= \delta C_d + \delta C_{IN} = 0.1 \cdot 90 \cdot 10^{-12} + 0.5 \cdot 10^{-12} = 9.5 \text{ pF}\end{aligned}$$

Infine si ottiene:

$$\begin{aligned}\delta t_X &= 5.20 \cdot 10^{-9} \cdot 0.1 + 8.32 \cdot 25 \cdot 10^{-12} + 6.29 \cdot 10^{-11} \cdot 5 + 31.4 \cdot 9.5 \cdot 10^{-12} = \\ &= 5.20 \cdot 10^{-10} + 2.08 \cdot 10^{-10} + 3.14 \cdot 10^{-10} + 2.99 \cdot 10^{-10} \approx 1.341 \dots \text{ ns}\end{aligned}$$

Dichiarazione finale della misura

$t_X = (38.5 \pm 1.3) \text{ ns}$
