

Introduzione all'elettrotecnica

Appunti di Elettrotecnica

Indice

1	Fondamenti: Tensione e Corrente	2
1.1	Corrente Elettrica	2
1.1.1	Definizione	2
1.1.2	Natura Fisica	3
1.1.3	Tipi di Corrente	3
1.2	Tensione Elettrica	4
1.2.1	Definizione	4
1.2.2	Natura Fisica	4
1.3	Relazione tra Tensione e Corrente	5
1.3.1	Potenza Elettrica	5
1.3.2	Esempi Pratici	5
1.4	Misura di Tensione e Corrente	5
1.4.1	Strumenti di Misura	5
1.4.2	Rappresentazione Grafica	6
1.5	Riepilogo delle Grandezze Fondamentali	6
2	Legge di Ohm	7
2.1	Teoria	7
2.2	Esercizi Svolti	7
3	Componenti Fondamentali dei Circuiti	8
3.1	Teoria	8
3.1.1	Generatore di Tensione Ideale	8
3.1.2	Generatore di Corrente Ideale	8
3.1.3	Resistore	9
3.1.4	Confronto tra i Componenti	10
3.1.5	Esempi di Circuiti con i Tre Componenti	10
4	Nodi nei Circuiti Elettrici	12
4.1	Teoria	12
4.1.1	Definizione di Nodo	12
4.1.2	Come Riconoscere i Nodi	12
4.1.3	Esempi di Identificazione dei Nodi	12
4.1.4	Definizione di Maglia	13
4.1.5	Prima Legge di Kirchhoff (KCL)	14
4.1.6	Seconda Legge di Kirchhoff (KVL)	14
4.2	Assegnazione di Tensioni e Correnti nei Circuiti	15
4.2.1	Convenzioni Fondamentali	15

4.2.2	Convenzione degli Utilizzatori	15
4.2.3	Convenzione dei generatori	16
4.2.4	Esempi Pratici	16
4.2.5	Riepilogo delle Regole	17
5	Resistenze in Serie	18
5.1	Teoria	18
5.2	Esercizi Svolti	18
6	Resistenze in Parallelo	19
6.1	Teoria	19
6.2	Esercizi Svolti	19
7	Partitore di Tensione e Partitore di Corrente	21
7.1	Partitore di Tensione	21
7.1.1	Teoria	21
7.1.2	Esercizi Svolti	22
7.2	Partitore di Corrente	23
7.2.1	Teoria	23
7.2.2	Esercizi Svolti	24
7.3	Confronto tra Partitore di Tensione e di Corrente	26
8	Circuiti Misti (Serie-Parallelo)	27
8.1	Teoria	27
8.2	Esercizi Svolti	27
9	Teoremi di Thevenin e Norton	32
9.1	Teoria	32
9.1.1	Teorema di Thevenin	32
9.1.2	Teorema di Norton	33
9.1.3	Conversione tra Thevenin e Norton	33
9.1.4	Quando Usare Thevenin o Norton	34
9.2	Esercizi Svolti	34

1 Fondamenti: Tensione e Corrente

1.1 Corrente Elettrica

1.1.1 Definizione

La **corrente elettrica** è il flusso ordinato di cariche elettriche attraverso un conduttore. Rappresenta la quantità di carica che attraversa una sezione del conduttore nell'unità di tempo.

Definizione matematica:

$$I = \frac{Q}{t} \quad (1)$$

dove:

- I = Corrente elettrica (Ampere, A)

- Q = Carica elettrica (Coulomb, C)
- t = Tempo (secondi, s)

Unità di misura:

- **Ampere (A):** unità fondamentale del Sistema Internazionale
- $1 \text{ A} = 1 \text{ C/s}$ (un coulomb al secondo)
- Sottomultipli comuni:
 - milliampere: $1 \text{ mA} = 10^{-3} \text{ A}$
 - microampere: $1 \mu\text{A} = 10^{-6} \text{ A}$

1.1.2 Natura Fisica

La corrente elettrica è costituita dal movimento di:

- **Elettroni** nei conduttori metallici (verso opposto alla corrente convenzionale)
- **Ioni** nelle soluzioni elettrolitiche
- **Lacune** ed elettroni nei semiconduttori

Convenzione: La corrente convenzionale va dal polo positivo al polo negativo (direzione opposta al movimento degli elettroni).

1.1.3 Tipi di Corrente

Corrente Continua (DC):

- Flusso costante in intensità e direzione
- Esempio: batterie, alimentatori DC
- Simbolo: \equiv o DC

Corrente Alternata (AC):

- Flusso variabile periodicamente nel tempo
- Esempio: rete elettrica domestica
- Simbolo: \sim o AC

1.2 Tensione Elettrica

1.2.1 Definizione

La **tensione elettrica** (o differenza di potenziale) è l'energia necessaria per spostare una carica elettrica tra due punti di un circuito. Rappresenta la "spinta" che muove le cariche elettriche.

Definizione matematica:

$$V = \frac{W}{Q} \quad (2)$$

dove:

- V = Tensione (Volt, V)
- W = Lavoro o Energia (Joule, J)
- Q = Carica elettrica (Coulomb, C)

Unità di misura:

- **Volt** (V): unità derivata del Sistema Internazionale
- $1 \text{ V} = 1 \text{ J/C}$ (un joule per coulomb)
- Multipli e sottomultipli comuni:
 - kilovolt: $1 \text{ kV} = 10^3 \text{ V}$
 - millivolt: $1 \text{ mV} = 10^{-3} \text{ V}$
 - microvolt: $1 \mu\text{V} = 10^{-6} \text{ V}$

1.2.2 Natura Fisica

La tensione elettrica:

- È sempre una **differenza di potenziale** tra due punti
- Rappresenta l'energia per unità di carica
- È analoga alla pressione in un sistema idraulico
- Esiste anche in assenza di corrente (circuito aperto)

Analogia idraulica:

- Tensione \leftrightarrow Pressione dell'acqua
- Corrente \leftrightarrow Flusso d'acqua
- Resistenza \leftrightarrow Restringimento del tubo

1.3 Relazione tra Tensione e Corrente

1.3.1 Potenza Elettrica

La potenza elettrica è il prodotto tra tensione e corrente:

$$P = V \cdot I \quad (3)$$

dove:

- P = Potenza (Watt, W)
- V = Tensione (Volt, V)
- I = Corrente (Ampere, A)

Interpretazione:

- La potenza rappresenta l'energia trasferita nell'unità di tempo
- $1 \text{ W} = 1 \text{ V} \cdot 1 \text{ A}$
- Nei resistori, la potenza è sempre dissipata (trasformata in calore)

1.3.2 Esempi Pratici

Esempio 0.1: Una batteria eroga una carica di 360 C in 2 minuti. Calcolare la corrente.

Soluzione:

$$t = 2 \text{ min} = 120 \text{ s}$$
$$I = \frac{Q}{t} = \frac{360}{120} = 3 \text{ A}$$

Esempio 0.2: Per spostare una carica di 0.5 C tra due punti sono necessari 6 J di energia. Calcolare la tensione.

Soluzione:

$$V = \frac{W}{Q} = \frac{6}{0.5} = 12 \text{ V}$$

Esempio 0.3: Una lampadina funziona a 230 V e assorbe una corrente di 0.26 A. Calcolare la potenza dissipata.

Soluzione:

$$P = V \cdot I = 230 \cdot 0.26 = 59.8 \text{ W} \approx 60 \text{ W}$$

1.4 Misura di Tensione e Corrente

1.4.1 Strumenti di Misura

Voltmetro:

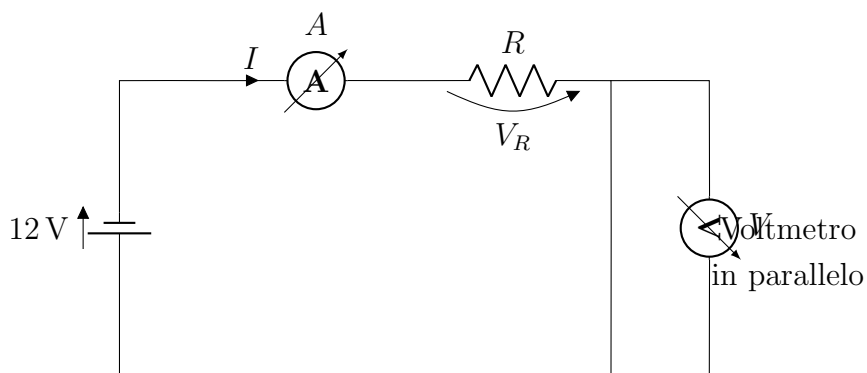
- Misura la tensione (differenza di potenziale)
- Si collega in **parallelo** al componente

- Resistenza interna molto alta (idealmente infinita)
- Non deve alterare la corrente del circuito

Amperometro:

- Misura la corrente
- Si collega in **serie** al circuito
- Resistenza interna molto bassa (idealmente nulla)
- Non deve alterare la tensione del circuito

1.4.2 Rappresentazione Grafica



Amperometro in serie

1.5 Riepilogo delle Grandezze Fondamentali

Grandezza	Simbolo	Unità	Formula
Carica elettrica	Q	Coulomb (C)	-
Corrente	I	Ampere (A)	$I = \frac{Q}{t}$
Tensione	V	Volt (V)	$V = \frac{W}{Q}$
Resistenza	R	Ohm (Ω)	$R = \frac{V}{I}$
Potenza	P	Watt (W)	$P = V \cdot I$

2 Legge di Ohm

2.1 Teoria

La legge di Ohm è una delle leggi fondamentali dell'elettrotecnica e stabilisce la relazione tra tensione, corrente e resistenza in un circuito elettrico.

Formula:

$$V = R \cdot I \quad (4)$$

dove:

- V = Tensione (Volt)
- R = Resistenza (Ohm, Ω)
- I = Corrente (Ampere, A)

Dalla formula principale si possono ricavare:

$$I = \frac{V}{R} \quad (5)$$

$$R = \frac{V}{I} \quad (6)$$

2.2 Esercizi Svolti

Esercizio 1.1: Calcolare la corrente che attraversa una resistenza di 100Ω alimentata da una tensione di $12 V$.

Soluzione:

$$I = \frac{V}{R} = \frac{12 V}{100 \Omega} = 0.12 A = 120 mA$$

Esercizio 1.2: Una lampadina attraversata da una corrente di $0.5 A$ ha ai suoi capi una tensione di $230 V$. Calcolare la resistenza della lampadina.

Soluzione:

$$R = \frac{V}{I} = \frac{230 V}{0.5 A} = 460 \Omega$$

Esercizio 1.3: Calcolare la tensione ai capi di un resistore da $2.2 k\Omega$ attraversato da una corrente di $5 mA$.

Soluzione:

$$V = R \cdot I = 2200 \Omega \cdot 0.005 A = 11 V$$

3 Componenti Fondamentali dei Circuiti

3.1 Teoria

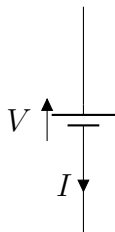
3.1.1 Generatore di Tensione Ideale

Un **generatore di tensione ideale** è un dispositivo che mantiene una differenza di potenziale costante ai suoi capi, indipendentemente dalla corrente che lo attraversa.

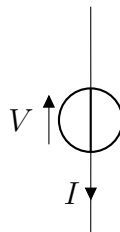
Caratteristiche:

- Fornisce una tensione costante V
- La corrente erogata dipende dal carico collegato
- Resistenza interna nulla (ideale)
- Simbolo: batteria o generatore

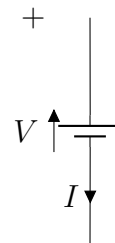
Rappresentazione grafica:



Batteria



Generatore



Con polarità

Equazione caratteristica:

$$V = \text{costante} \quad (7)$$

Comportamento:

- A circuito aperto: $I = 0$, $V = V_{nominale}$
- Con carico: $V = V_{nominale}$, $I = \frac{V}{R_{carico}}$
- In cortocircuito (teorico): $I \rightarrow \infty$ (nella realtà limitato dalla resistenza interna)

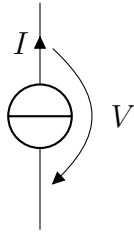
3.1.2 Generatore di Corrente Ideale

Un **generatore di corrente ideale** è un dispositivo che eroga una corrente costante, indipendentemente dalla tensione ai suoi capi.

Caratteristiche:

- Fornisce una corrente costante I
- La tensione ai suoi capi dipende dal carico collegato
- Resistenza interna infinita (ideale)
- Meno comune nella pratica rispetto al generatore di tensione

Rappresentazione grafica:



Simbolo standard

Equazione caratteristica:

$$I = \text{costante} \quad (8)$$

Comportamento:

- A circuito aperto: $V \rightarrow \infty$ (teorico), $I = I_{\text{ nominale}}$
- Con carico: $I = I_{\text{ nominale}}$, $V = R_{\text{carico}} \cdot I$
- In cortocircuito: $V = 0$, $I = I_{\text{ nominale}}$

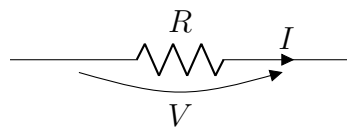
3.1.3 Resistore

Un **resistore** è un componente passivo che si oppone al passaggio della corrente elettrica, dissipando energia sotto forma di calore.

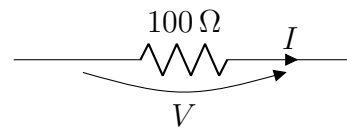
Caratteristiche:

- Valore espresso in Ohm (Ω)
- Componente passivo (non genera energia)
- Segue la Legge di Ohm: $V = R \cdot I$
- Dissipa potenza: $P = V \cdot I = R \cdot I^2 = \frac{V^2}{R}$

Rappresentazione grafica:



Simbolo standard



Con valore

Equazione caratteristica (Legge di Ohm):

$$V = R \cdot I \quad (9)$$

Comportamento:

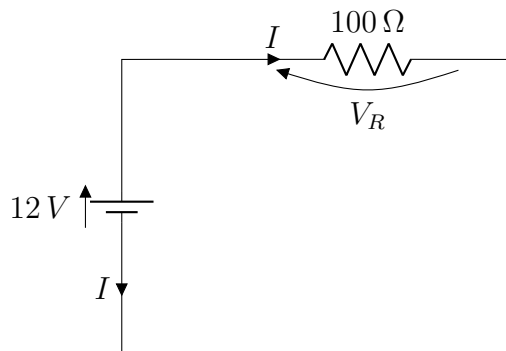
- Relazione lineare tra tensione e corrente
- La potenza dissipata è sempre positiva
- Non dipende dal verso della corrente (componente simmetrico)

3.1.4 Confronto tra i Componenti

Caratteristica	Gen. Tensione	Gen. Corrente	Resistore
Tipo	Attivo	Attivo	Passivo
Grandezza costante	V	I	R
Relazione V - I	$V = \text{cost.}$	$I = \text{cost.}$	$V = R \cdot I$
Resistenza interna	0Ω (ideale)	$\infty \Omega$ (ideale)	R
Potenza	Fornita	Fornita	Dissipata

3.1.5 Esempi di Circuiti con i Tre Componenti

Esempio 1: Circuito con Generatore di Tensione



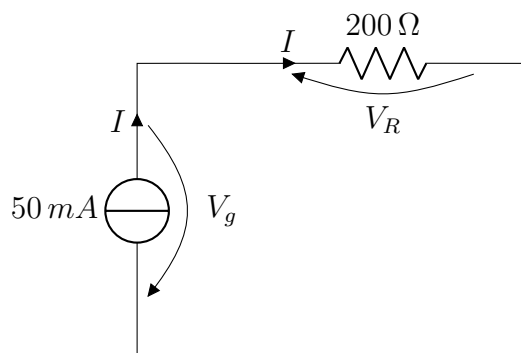
Calcoli:

$$I = \frac{V}{R} = \frac{12}{100} = 0.12 \text{ A} = 120 \text{ mA}$$

$$V_R = 12 \text{ V} \quad (\text{tutta la tensione cade sulla resistenza})$$

$$P_R = V \cdot I = 12 \cdot 0.12 = 1.44 \text{ W} \quad (\text{dissipata})$$

Esempio 2: Circuito con Generatore di Corrente



Calcoli:

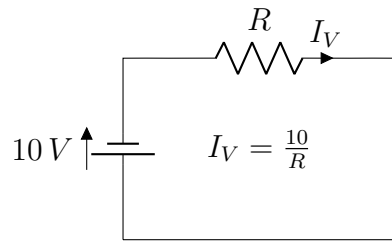
$$I = 50 \text{ mA} = 0.05 \text{ A} \quad (\text{costante})$$

$$V_R = R \cdot I = 200 \cdot 0.05 = 10 \text{ V}$$

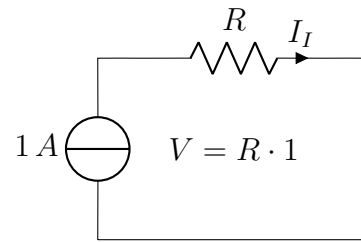
$$V_g = V_R = 10 \text{ V} \quad (\text{tensione ai capi del generatore})$$

$$P_R = V_R \cdot I = 10 \cdot 0.05 = 0.5 \text{ W}$$

Esempio 3: Confronto tra Generatori



Gen. Tensione



Gen. Corrente

Osservazioni:

- Con il generatore di tensione, la corrente dipende da R
- Con il generatore di corrente, la tensione dipende da R
- Il resistore si comporta identicamente in entrambi i casi

4 Nodi nei Circuiti Elettrici

4.1 Teoria

4.1.1 Definizione di Nodo

Un **nodo** è un punto di connessione in un circuito elettrico dove si incontrano due o più componenti. Più precisamente, un nodo è un punto (o insieme di punti collegati da conduttori ideali) dove convergono almeno tre rami del circuito. Ad ogni nodo corrisponde un potenziale, cioè una certa quantità di energia "ipotetica" misurata in V.

4.1.2 Come Riconoscere i Nodi

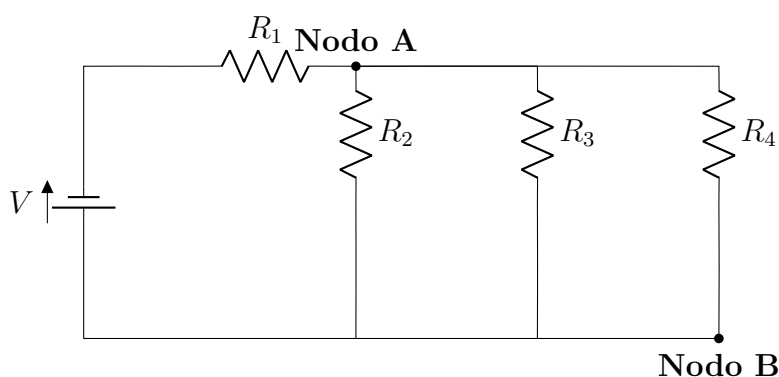
Per identificare correttamente i nodi in un circuito:

1. **Punti di giunzione:** Cercare i punti dove si collegano tre o più elementi
2. **Conduttori ideali:** Tutti i punti collegati da un filo (senza resistenze intermedie) formano lo stesso nodo
3. **Non sono propriamente nodi:** I punti dove si collegano solo due elementi non sono propriamente nodi (semplice passaggio di corrente), ma si possono trattare anche quelli come nodi

Proprietà dei nodi:

- In un nodo, la somma algebrica delle correnti è zero (Prima Legge di Kirchhoff o KCL)
- Tutti i punti di un nodo hanno lo stesso potenziale elettrico
- I nodi sono fondamentali per l'analisi dei circuiti

4.1.3 Esempi di Identificazione dei Nodi



In questo circuito misto:

- **Nodo A:** Punto superiore dove si dividono le correnti verso R_2 , R_3 e R_4 (4 rami: da R_1 e verso le tre resistenze in parallelo)
- **Nodo B:** Punto inferiore dove si ricongiungono le correnti (4 rami: dalle tre resistenze in parallelo e verso la batteria)
- Totale: 2 nodi principali

4.1.4 Definizione di Maglia

Una **maglia** (o ciclo) è un percorso chiuso in un circuito elettrico che:

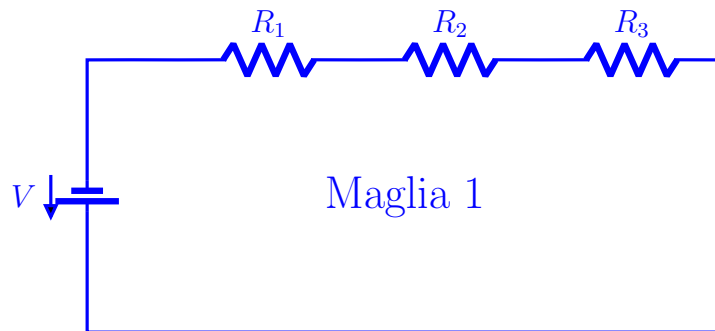
- Parte da un nodo e ritorna allo stesso nodo
- Non passa due volte per lo stesso ramo
- Forma un percorso continuo attraverso i componenti del circuito

Come Riconoscere le Maglie:

1. Identificare un punto di partenza (un nodo qualsiasi)
2. Seguire un percorso attraverso i componenti del circuito
3. Verificare di tornare al punto di partenza senza ripercorrere lo stesso ramo
4. Ogni percorso chiuso distinto costituisce una maglia diversa

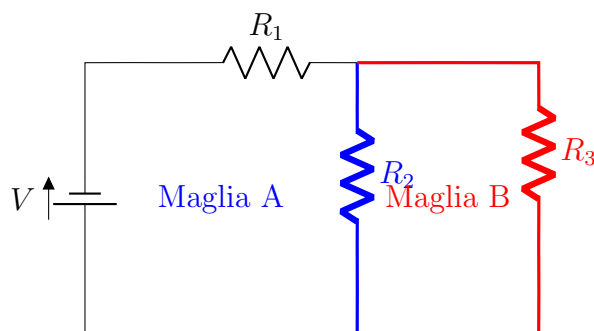
Esempi di Identificazione delle Maglie

Esempio 1: Circuito Serie (1 maglia)



In questo circuito c'è una sola maglia che include la batteria e tutte e tre le resistenze.

Esempio 2: Circuito Misto (2 maglie principali)



In questo circuito misto:

- **Maglia A** (blu): Batteria $\rightarrow R_1 \rightarrow R_2 \rightarrow$ Batteria
- **Maglia B** (rossa): Batteria $\rightarrow R_1 \rightarrow R_3 \rightarrow$ Batteria
- Esiste anche una maglia interna R_2 - R_3 , ma è combinazione delle prime due

Proprietà importanti delle maglie:

- Il numero di maglie indipendenti in un circuito è dato da: $M = R - N + 1$ dove R è il numero di rami e N il numero di nodi
- Le maglie sono fondamentali per applicare la Seconda Legge di Kirchhoff (KVL)
- In circuiti complessi, scegliere le maglie giuste semplifica l'analisi

4.1.5 Prima Legge di Kirchhoff (KCL)

Nei nodi vale la **Legge di Kirchhoff delle Correnti**:

$$\sum_{k=1}^n I_k = 0 \quad (10)$$

ovvero: *La somma algebrica delle correnti entranti in un nodo è uguale alla somma delle correnti uscenti.*

Esempio applicativo sul circuito parallelo precedente (Nodo A):

$$I_{entrante} = I_1 + I_2 + I_3$$

oppure: $I_{tot} = I_1 + I_2 + I_3$

dove I_{tot} entra nel nodo e I_1, I_2, I_3 escono verso le rispettive resistenze.

4.1.6 Seconda Legge di Kirchhoff (KVL)

Oltre alla legge delle correnti, Kirchhoff formulò anche la **Legge delle Tensioni** (KVL - Kirchhoff's Voltage Law):

$$\sum_{k=1}^n V_k = 0 \quad (11)$$

ovvero: *La somma algebrica delle tensioni lungo una maglia chiusa è uguale a zero.*

Definizione di maglia: Una maglia è un percorso chiuso in un circuito che parte da un punto e ritorna allo stesso punto senza passare due volte per lo stesso ramo.

Come applicare la KVL:

1. Scegliere un verso di percorrenza della maglia (orario o antiorario)
2. Assegnare il segno positivo alle tensioni che si incontrano dal + al - seguendo il verso scelto
3. Assegnare il segno negativo alle tensioni che si incontrano dal - al +
4. La somma algebrica deve essere zero

Esempio applicativo sul circuito serie:

In un circuito serie con una batteria V e tre resistenze R_1, R_2, R_3 :

$$V - V_1 - V_2 - V_3 = 0 \quad (12)$$

oppure:

$$V = V_1 + V_2 + V_3 \quad (13)$$

dove la tensione della batteria è positiva (genera tensione) e le cadute di tensione sulle resistenze sono negative (consumano tensione).

Proprietà della KVL:

- Vale per qualsiasi percorso chiuso in un circuito
- È indipendente dal verso di percorrenza scelto
- È fondamentale per l'analisi delle maglie nei circuiti complessi
- Deriva dal principio di conservazione dell'energia

4.2 Assegnazione di Tensioni e Correnti nei Circuiti

4.2.1 Convenzioni Fondamentali

Quando si analizza un circuito elettrico, è fondamentale assegnare correttamente tensioni e correnti seguendo convenzioni standard.

Convenzione per le Correnti:

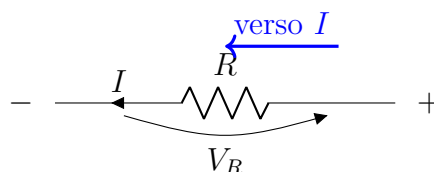
- La corrente si assegna con un **verso arbitrario** prima di risolvere il circuito
- Si indica con una freccia sul ramo del circuito
- Se il risultato del calcolo è **positivo**, il verso assegnato è corretto
- Se il risultato è **negativo**, il verso reale è opposto a quello assegnato
- Nei **generatori**, la corrente esce dal polo positivo (interno al generatore)
- Nei **resistori**, la corrente fluisce dal potenziale maggiore al minore

Convenzione per le Tensioni:

- La tensione si indica con i segni + e - ai capi del componente
- Per i **generatori**: il polo + è quello a potenziale maggiore
- Per i **resistori**: il + si mette dove entra la corrente (convenzione degli utilizzatori)
- La tensione si misura sempre **tra due punti** (differenza di potenziale)

4.2.2 Convenzione degli Utilizzatori

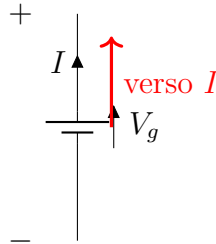
Per i componenti passivi (resistori), si usa la **convenzione degli utilizzatori**:



Regola: La corrente entra dal polo positivo ed esce dal polo negativo.

4.2.3 Convenzione dei generatori

Per i generatori (batterie, generatori di tensione), si usa la **convenzione dei generatori**: la corrente convenzionale esce dal polo positivo del generatore e rientra nel polo negativo.

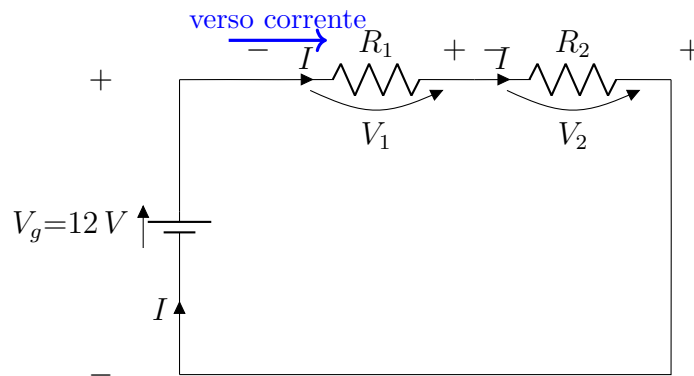


Regola: Internamente al generatore, la corrente va dal polo $-$ al polo $+$ (il generatore "pompa" cariche).

Nel circuito esterno, la corrente esce dal $-$ ed entra nel $+$.

4.2.4 Esempi Pratici

Esempio 1: Circuito Serie - Assegnazione Completa



Spiegazione:

- La corrente I esce dal polo $+$ della batteria
- Attraversa R_1 e R_2 nello stesso verso
- Su R_1 : il $+$ è a sinistra (dove entra I), il $-$ a destra
- Su R_2 : il $+$ è a sinistra (dove entra I), il $-$ a destra
- Vale la KVL: $V_g - V_1 - V_2 = 0 \Rightarrow V_g = V_1 + V_2$

Calcoli: Se $R_1 = 100\ \Omega$ e $R_2 = 200\ \Omega$:

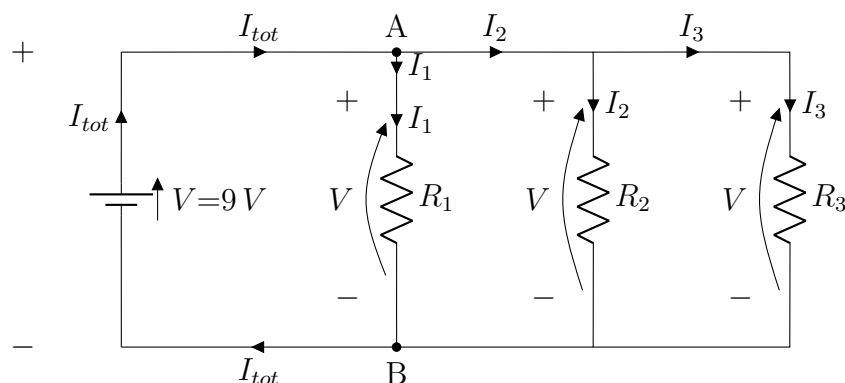
$$R_{eq} = 300\ \Omega$$

$$I = \frac{12}{300} = 0.04\text{ A} = 40\text{ mA}$$

$$V_1 = 100 \cdot 0.04 = 4\text{ V}$$

$$V_2 = 200 \cdot 0.04 = 8\text{ V}$$

Esempio 2: Circuito Parallelo - Divisione Correnti



Spiegazione:

- Al nodo A: $I_{tot} = I_1 + I_2 + I_3$ (KCL)
- Tutte le resistenze hanno la stessa tensione $V = 9\text{ V}$
- Su ogni resistore: il $+$ è in alto (nodo A), il $-$ in basso (nodo B)
- Ogni corrente fluisce dall'alto (potenziale maggiore) verso il basso

Calcoli: Se $R_1 = 90\ \Omega$, $R_2 = 180\ \Omega$, $R_3 = 270\ \Omega$:

$$I_1 = \frac{9}{90} = 100\text{ mA} \quad (\text{verso corretto: verso il basso})$$

$$I_2 = \frac{9}{180} = 50\text{ mA}$$

$$I_3 = \frac{9}{270} = 33.3\text{ mA}$$

$$I_{tot} = 100 + 50 + 33.3 = 183.3\text{ mA}$$

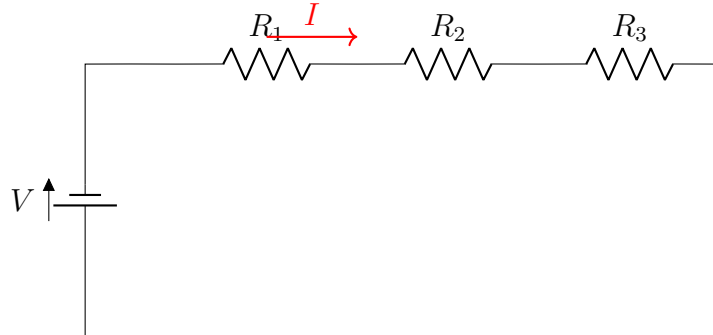
4.2.5 Riepilogo delle Regole

1. **Assegnare arbitrariamente** i versi delle correnti
2. **Applicare la convenzione degli utilizzatori/generatori** sui resistori: $+$ dove entra la corrente
3. **Applicare KCL** ai nodi: $\sum I_{entranti} = \sum I_{uscenti}$
4. **Applicare KVL** alle maglie: percorrere la maglia e sommare algebricamente le tensioni
5. **Interpretare i risultati:** valori negativi indicano versi opposti

5 Resistenze in Serie

5.1 Teoria

Due o più resistenze sono collegate in serie quando sono attraversate dalla stessa corrente.



Resistenza equivalente:

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n \quad (14)$$

Proprietà:

- La corrente è la stessa in tutti i componenti: $I_{tot} = I_1 = I_2 = I_3$
- La tensione totale è la somma delle tensioni parziali: $V_{tot} = V_1 + V_2 + V_3$
- La resistenza equivalente è sempre maggiore della resistenza più grande

5.2 Esercizi Svolti

Esercizio 2.1: Calcolare la resistenza equivalente di tre resistori in serie: $R_1 = 100 \Omega$, $R_2 = 220 \Omega$, $R_3 = 330 \Omega$.

Soluzione:

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 = 100 + 220 + 330 = 650 \Omega$$

Esercizio 2.2: Un circuito serie è formato da tre resistori: $R_1 = 1 k\Omega$, $R_2 = 2.2 k\Omega$, $R_3 = 4.7 k\Omega$. Il circuito è alimentato da una tensione di $24 V$. Calcolare:

1. La resistenza equivalente
2. La corrente totale
3. La tensione ai capi di ciascun resistore

Soluzione:

$$1) \quad R_{eq} = 1000 + 2200 + 4700 = 7900 \Omega = 7.9 k\Omega$$

$$2) \quad I = \frac{V_{tot}}{R_{eq}} = \frac{24 V}{7900 \Omega} = 3.04 mA$$

$$3) \quad V_1 = R_1 \cdot I = 1000 \cdot 0.00304 = 3.04 V$$

$$V_2 = R_2 \cdot I = 2200 \cdot 0.00304 = 6.69 V$$

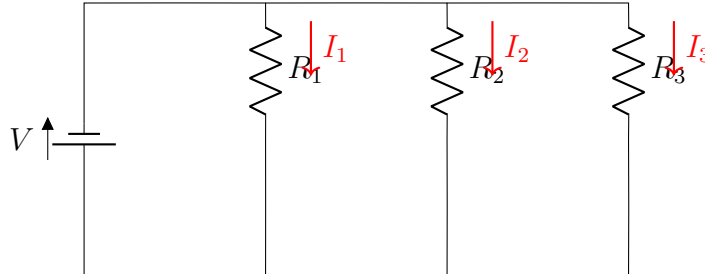
$$V_3 = R_3 \cdot I = 4700 \cdot 0.00304 = 14.27 V$$

$$\text{Verifica: } V_1 + V_2 + V_3 = 3.04 + 6.69 + 14.27 = 24 V \quad \checkmark$$

6 Resistenze in Parallelo

6.1 Teoria

Due o più resistenze sono collegate in parallelo quando hanno gli stessi punti di collegamento, quindi la stessa tensione ai loro capi.



Resistenza equivalente:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_n} \quad (15)$$

Per due resistenze in parallelo:

$$R_{eq} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} \quad (16)$$

Proprietà:

- La tensione è la stessa su tutti i componenti: $V_{tot} = V_1 = V_2 = V_3$
- La corrente totale è la somma delle correnti parziali: $I_{tot} = I_1 + I_2 + I_3$
- La resistenza equivalente è sempre minore della resistenza più piccola

6.2 Esercizi Svolti

Esercizio 3.1: Calcolare la resistenza equivalente di due resistori in parallelo: $R_1 = 100 \Omega$, $R_2 = 150 \Omega$.

Soluzione:

$$R_{eq} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} = \frac{100 \cdot 150}{100 + 150} = \frac{15000}{250} = 60 \Omega$$

Esercizio 3.2: Calcolare la resistenza equivalente di tre resistori in parallelo: $R_1 = 300 \Omega$, $R_2 = 600 \Omega$, $R_3 = 900 \Omega$.

Soluzione:

$$\begin{aligned} \frac{1}{R_{eq}} &= \frac{1}{300} + \frac{1}{600} + \frac{1}{900} \\ &= \frac{6 + 3 + 2}{1800} = \frac{11}{1800} \\ R_{eq} &= \frac{1800}{11} = 163.6 \Omega \end{aligned}$$

Esercizio 3.3: Un circuito parallelo è formato da tre resistori: $R_1 = 1 k\Omega$, $R_2 = 2 k\Omega$, $R_3 = 4 k\Omega$. Il circuito è alimentato da una tensione di $12 V$. Calcolare:

1. La resistenza equivalente
2. La corrente in ciascun resistore
3. La corrente totale

Soluzione:

$$1) \quad \frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{1000} + \frac{1}{2000} + \frac{1}{4000}$$

$$= \frac{4 + 2 + 1}{4000} = \frac{7}{4000}$$

$$R_{eq} = \frac{4000}{7} = 571.4 \, \Omega$$

$$2) \quad I_1 = \frac{V}{R_1} = \frac{12}{1000} = 12 \, mA$$

$$I_2 = \frac{V}{R_2} = \frac{12}{2000} = 6 \, mA$$

$$I_3 = \frac{V}{R_3} = \frac{12}{4000} = 3 \, mA$$

$$3) \quad I_{tot} = I_1 + I_2 + I_3 = 12 + 6 + 3 = 21 \, mA$$

Verifica: $I_{tot} = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{12}{571.4} = 21 \, mA \, \checkmark$

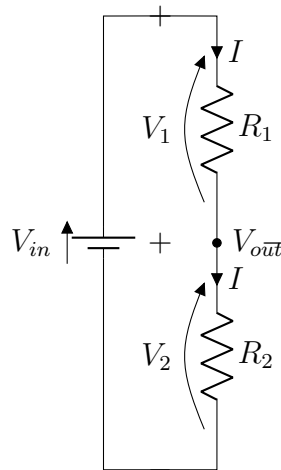
7 Partitore di Tensione e Partitore di Corrente

7.1 Partitore di Tensione

7.1.1 Teoria

Il **partitore di tensione** è una configurazione fondamentale in elettrotecnica che permette di ottenere una tensione ridotta da una tensione di alimentazione maggiore, utilizzando resistenze in serie. Cerca di avere sempre corrente convezione dei utilizzatori quando applichi la formula.

Configurazione:



Formula del Partitore di Tensione:

La tensione ai capi di una resistenza in un circuito serie è proporzionale al suo valore rispetto alla resistenza totale:

$$V_1 = V_{in} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} \quad (17)$$

$$V_2 = V_{in} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = V_{out} \quad (18)$$

Formula generale per n resistenze:

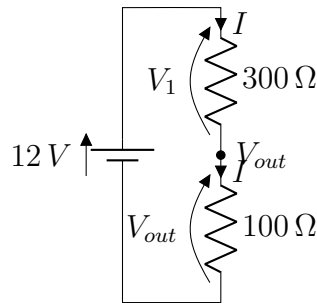
$$V_k = V_{in} \cdot \frac{R_k}{\sum_{i=1}^n R_i} \quad (19)$$

Proprietà:

- La somma delle tensioni parziali è uguale alla tensione totale: $V_1 + V_2 = V_{in}$
- La corrente è la stessa in tutte le resistenze
- Il partitore funziona solo a vuoto o con carichi ad alta impedenza
- La tensione su ciascuna resistenza è proporzionale al suo valore

7.1.2 Esercizi Svolti

Esercizio 5.1: Dato un partitore di tensione con $V_{in} = 12\text{ V}$, $R_1 = 300\ \Omega$, $R_2 = 100\ \Omega$. Calcolare V_{out} (tensione su R_2).



Soluzione:

$$V_{out} = V_{in} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 12 \cdot \frac{100}{300 + 100} = 12 \cdot \frac{100}{400} = 12 \cdot 0.25 = 3\text{ V}$$

$$V_1 = V_{in} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} = 12 \cdot \frac{300}{400} = 9\text{ V}$$

Verifica: $V_1 + V_{out} = 9 + 3 = 12\text{ V}$ ✓

Corrente nel circuito:

$$I = \frac{V_{in}}{R_1 + R_2} = \frac{12}{400} = 30\text{ mA}$$

Esercizio 5.2: Progettare un partitore di tensione per ottenere $V_{out} = 5\text{ V}$ da $V_{in} = 15\text{ V}$, con $R_2 = 1\text{ k}\Omega$. Calcolare R_1 .

Soluzione:

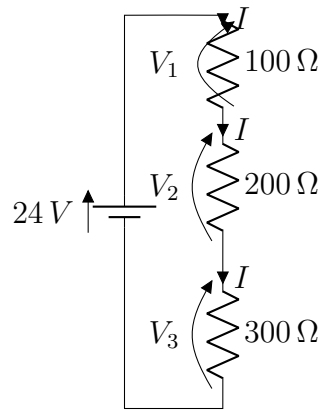
Dalla formula del partitore:

$$\begin{aligned} V_{out} &= V_{in} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} \\ 5 &= 15 \cdot \frac{1000}{R_1 + 1000} \\ \frac{5}{15} &= \frac{1000}{R_1 + 1000} \\ \frac{1}{3} &= \frac{1000}{R_1 + 1000} \\ R_1 + 1000 &= 3000 \\ R_1 &= 2000\ \Omega = 2\text{ k}\Omega \end{aligned}$$

Verifica:

$$V_{out} = 15 \cdot \frac{1000}{2000 + 1000} = 15 \cdot \frac{1000}{3000} = 15 \cdot \frac{1}{3} = 5\text{ V} \quad \checkmark$$

Esercizio 5.3: Dato un partitore con tre resistenze in serie: $R_1 = 100\ \Omega$, $R_2 = 200\ \Omega$, $R_3 = 300\ \Omega$, alimentato da $V_{in} = 24\text{ V}$. Calcolare le tensioni su ciascuna resistenza.



Soluzione:

$$R_{tot} = 100 + 200 + 300 = 600 \, \Omega$$

$$V_1 = 24 \cdot \frac{100}{600} = 24 \cdot \frac{1}{6} = 4 \, V$$

$$V_2 = 24 \cdot \frac{200}{600} = 24 \cdot \frac{1}{3} = 8 \, V$$

$$V_3 = 24 \cdot \frac{300}{600} = 24 \cdot \frac{1}{2} = 12 \, V$$

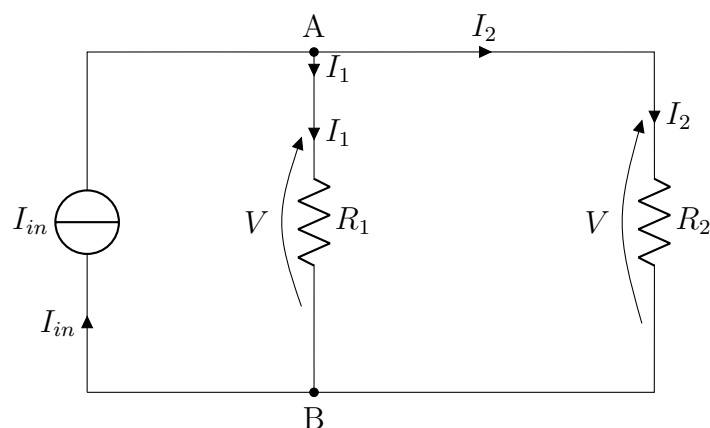
Verifica: $V_1 + V_2 + V_3 = 4 + 8 + 12 = 24 \, V \, \checkmark$

7.2 Partitore di Corrente

7.2.1 Teoria

Il **partitore di corrente** è una configurazione che permette di dividere una corrente tra più resistenze in parallelo, in modo inversamente proporzionale ai loro valori.

Configurazione:



Formula del Partitore di Corrente:

La corrente che attraversa una resistenza in un circuito parallelo è inversamente proporzionale al suo valore:

$$I_1 = I_{in} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad (20)$$

$$I_2 = I_{in} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} \quad (21)$$

Nota importante: La corrente maggiore scorre nella resistenza minore! Cerca di averre la corrente in ingresso entrante e le correnti dei rami in modalità uscenti

Formula generale per n resistenze:

$$I_k = I_{in} \cdot \frac{R_{eq}}{R_k} \quad (22)$$

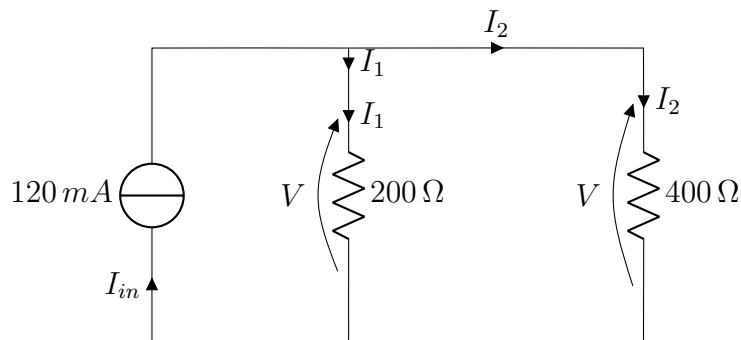
dove R_{eq} è la resistenza equivalente del parallelo.

Proprietà:

- La somma delle correnti parziali è uguale alla corrente totale: $I_1 + I_2 = I_{in}$
- La tensione è la stessa su tutte le resistenze
- La corrente si distribuisce in modo inversamente proporzionale alle resistenze
- La resistenza più piccola conduce la corrente maggiore

7.2.2 Esercizi Svolti

Esercizio 5.4: Dato un partitore di corrente con $I_{in} = 120 \text{ mA}$, $R_1 = 200 \Omega$, $R_2 = 400 \Omega$. Calcolare I_1 e I_2 .



Soluzione:

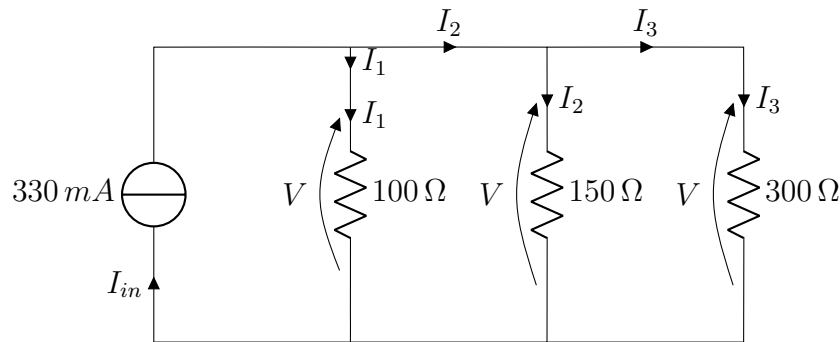
$$I_1 = I_{in} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 120 \cdot \frac{400}{200 + 400} = 120 \cdot \frac{400}{600} = 120 \cdot \frac{2}{3} = 80 \text{ mA}$$

$$I_2 = I_{in} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} = 120 \cdot \frac{200}{600} = 120 \cdot \frac{1}{3} = 40 \text{ mA}$$

Verifica: $I_1 + I_2 = 80 + 40 = 120 \text{ mA} = I_{in}$ ✓

Osservazione: $R_1 < R_2$ quindi $I_1 > I_2$ (la corrente maggiore passa nella resistenza minore)

Esercizio 5.5: Dato un partitore di corrente con tre resistenze: $R_1 = 100 \Omega$, $R_2 = 150 \Omega$, $R_3 = 300 \Omega$, alimentato da $I_{in} = 330 \text{ mA}$. Calcolare le correnti in ciascuna resistenza.



Soluzione:

Prima calcoliamo la resistenza equivalente:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{100} + \frac{1}{150} + \frac{1}{300} = \frac{6 + 4 + 2}{600} = \frac{12}{600} = \frac{1}{50}$$

$$R_{eq} = 50 \Omega$$

Ora calcoliamo le correnti usando la formula generale:

$$I_1 = I_{in} \cdot \frac{R_{eq}}{R_1} = 330 \cdot \frac{50}{100} = 330 \cdot 0.5 = 165 \text{ mA}$$

$$I_2 = I_{in} \cdot \frac{R_{eq}}{R_2} = 330 \cdot \frac{50}{150} = 330 \cdot \frac{1}{3} = 110 \text{ mA}$$

$$I_3 = I_{in} \cdot \frac{R_{eq}}{R_3} = 330 \cdot \frac{50}{300} = 330 \cdot \frac{1}{6} = 55 \text{ mA}$$

Verifica: $I_1 + I_2 + I_3 = 165 + 110 + 55 = 330 \text{ mA} = I_{in}$ ✓

Osservazione: $R_1 < R_2 < R_3$ quindi $I_1 > I_2 > I_3$ (ordine inverso rispetto alle resistenze)

Esercizio 5.6: Un circuito ha $I_{in} = 60 \text{ mA}$, $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 2 \text{ k}\Omega$. Calcolare:

1. Le correnti I_1 e I_2
2. La tensione comune V
3. La potenza dissipata in ciascuna resistenza

Soluzione:

$$1) \quad I_1 = 60 \cdot \frac{2000}{1000 + 2000} = 60 \cdot \frac{2}{3} = 40 \text{ mA}$$

$$I_2 = 60 \cdot \frac{1000}{3000} = 60 \cdot \frac{1}{3} = 20 \text{ mA}$$

$$2) \quad R_{eq} = \frac{1000 \cdot 2000}{3000} = \frac{2000000}{3000} = 666.7 \Omega$$

$$V = I_{in} \cdot R_{eq} = 0.06 \cdot 666.7 = 40 \text{ V}$$

(oppure: $V = I_1 \cdot R_1 = 0.04 \cdot 1000 = 40 \text{ V}$)

$$3) \quad P_1 = I_1^2 \cdot R_1 = (0.04)^2 \cdot 1000 = 1.6 \text{ W}$$

$$P_2 = I_2^2 \cdot R_2 = (0.02)^2 \cdot 2000 = 0.8 \text{ W}$$

7.3 Confronto tra Partitore di Tensione e di Corrente

Caratteristica	Partitore di Tensione	Partitore di Corrente
Configurazione	Serie	Parallelo
Grandezza divisa	Tensione	Corrente
Grandezza comune	Corrente	Tensione
Proporzionalità	Diretta ($V_k \propto R_k$)	Inversa ($I_k \propto \frac{1}{R_k}$)
Formula	$V_k = V_{in} \cdot \frac{R_k}{R_{tot}}$	$I_k = I_{in} \cdot \frac{R_{eq}}{R_k}$
Resistenza maggiore	Riceve tensione maggiore	Riceve corrente minore

Regola pratica:

- **Partitore di tensione:** La resistenza più grande "prende" più tensione
- **Partitore di corrente:** La resistenza più piccola "prende" più corrente

8 Circuiti Misti (Serie-Parallelo)

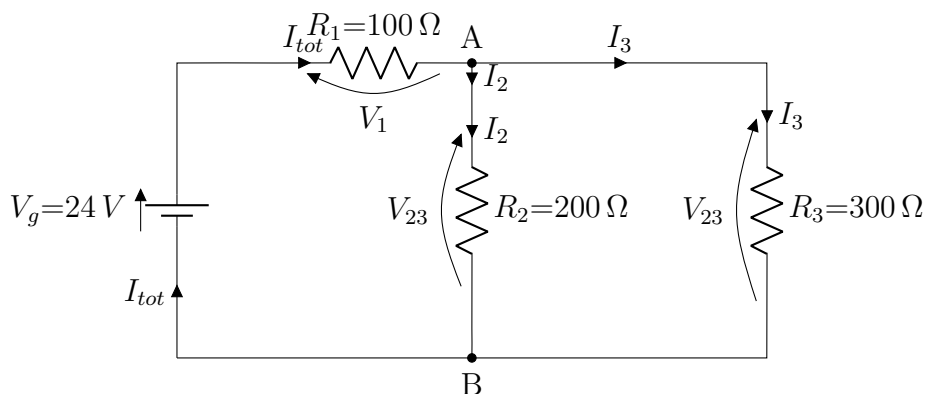
8.1 Teoria

I circuiti misti contengono sia collegamenti in serie che in parallelo. Per risolverli:

1. Identificare i gruppi di resistenze in serie o parallelo
2. Calcolare le resistenze equivalenti parziali
3. Procedere per semplificazioni successive fino ad ottenere R_{eq} totale

8.2 Esercizi Svolti

Esercizio 4.1: Dato il seguente circuito misto:



Calcolare:

1. La resistenza equivalente del parallelo $R_2 \parallel R_3$
2. La resistenza equivalente totale
3. La corrente totale I_{tot}
4. La tensione V_1 e V_{23}
5. Le correnti I_2 e I_3

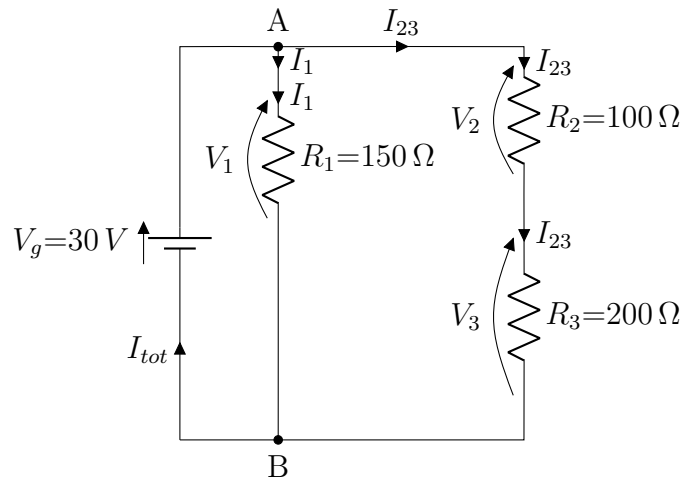
Soluzione:

$$\begin{aligned} 1) \quad R_{23} &= \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3} = \frac{200 \cdot 300}{200 + 300} = \frac{60000}{500} = 120 \, \Omega \\ 2) \quad R_{eq} &= R_1 + R_{23} = 100 + 120 = 220 \, \Omega \\ 3) \quad I_{tot} &= \frac{V_g}{R_{eq}} = \frac{24}{220} = 0.109 \, A = 109 \, mA \\ 4) \quad V_1 &= R_1 \cdot I_{tot} = 100 \cdot 0.109 = 10.9 \, V \\ \quad V_{23} &= R_{23} \cdot I_{tot} = 120 \cdot 0.109 = 13.1 \, V \\ 5) \quad I_2 &= \frac{V_{23}}{R_2} = \frac{13.1}{200} = 65.5 \, mA \\ \quad I_3 &= \frac{V_{23}}{R_3} = \frac{13.1}{300} = 43.7 \, mA \end{aligned}$$

Verifiche:

- $V_1 + V_{23} = 10.9 + 13.1 = 24 \text{ V} \checkmark$
- $I_2 + I_3 = 65.5 + 43.7 = 109.2 \text{ mA} \approx I_{tot} \checkmark$

Esercizio 4.2: Dato il seguente circuito misto:



Calcolare:

1. La resistenza equivalente del ramo serie $R_2 + R_3$
2. La resistenza equivalente totale
3. La corrente totale e le correnti nei due rami
4. Tutte le tensioni

Soluzione:

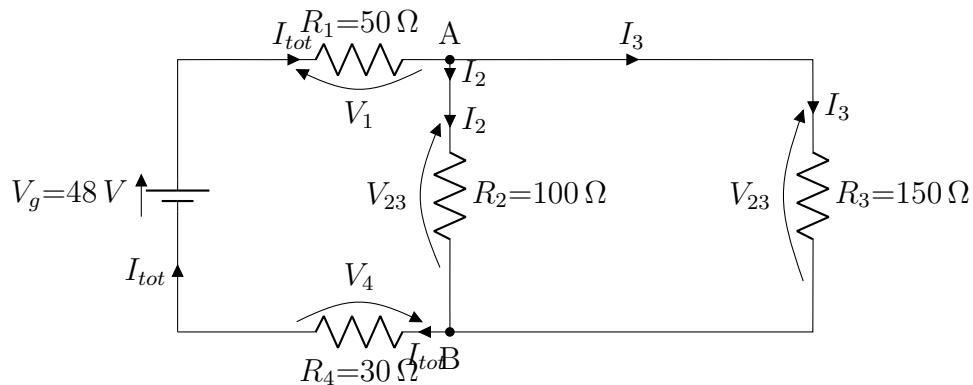
- 1) $R_{23} = R_2 + R_3 = 100 + 200 = 300 \Omega$
- 2) $R_{eq} = \frac{R_1 \cdot R_{23}}{R_1 + R_{23}} = \frac{150 \cdot 300}{150 + 300} = \frac{45000}{450} = 100 \Omega$
- 3) $I_{tot} = \frac{V_g}{R_{eq}} = \frac{30}{100} = 0.3 \text{ A} = 300 \text{ mA}$
 $I_1 = \frac{V_g}{R_1} = \frac{30}{150} = 0.2 \text{ A} = 200 \text{ mA}$
 $I_{23} = \frac{V_g}{R_{23}} = \frac{30}{300} = 0.1 \text{ A} = 100 \text{ mA}$
- 4) $V_1 = V_g = 30 \text{ V}$ (resistenza in parallelo)
 $V_2 = R_2 \cdot I_{23} = 100 \cdot 0.1 = 10 \text{ V}$
 $V_3 = R_3 \cdot I_{23} = 200 \cdot 0.1 = 20 \text{ V}$

Verifiche:

- $I_1 + I_{23} = 200 + 100 = 300 \text{ mA} = I_{tot} \checkmark$

- $V_2 + V_3 = 10 + 20 = 30 \text{ V} = V_g \checkmark$

Esercizio 4.3: Dato il seguente circuito misto più complesso:



Calcolare:

1. La resistenza equivalente totale
2. La corrente totale
3. Tutte le tensioni e correnti del circuito

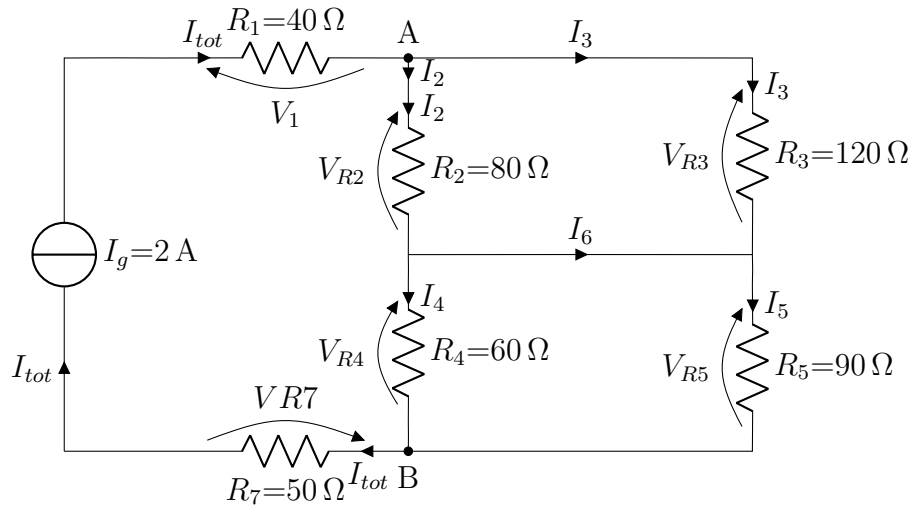
Soluzione:

$$\begin{aligned}
 1) \quad R_{23} &= \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3} = \frac{100 \cdot 150}{100 + 150} = \frac{15000}{250} = 60 \Omega \\
 R_{eq} &= R_1 + R_{23} + R_4 = 50 + 60 + 30 = 140 \Omega \\
 2) \quad I_{tot} &= \frac{V_g}{R_{eq}} = \frac{48}{140} = 0.343 \text{ A} = 343 \text{ mA} \\
 3) \quad V_1 &= R_1 \cdot I_{tot} = 50 \cdot 0.343 = 17.15 \text{ V} \\
 V_{23} &= R_{23} \cdot I_{tot} = 60 \cdot 0.343 = 20.58 \text{ V} \\
 V_4 &= R_4 \cdot I_{tot} = 30 \cdot 0.343 = 10.29 \text{ V} \\
 I_2 &= \frac{V_{23}}{R_2} = \frac{20.58}{100} = 205.8 \text{ mA} \\
 I_3 &= \frac{V_{23}}{R_3} = \frac{20.58}{150} = 137.2 \text{ mA}
 \end{aligned}$$

Verifiche:

- $V_1 + V_{23} + V_4 = 17.15 + 20.58 + 10.29 = 48.02 \text{ V} \approx V_g \checkmark$
- $I_2 + I_3 = 205.8 + 137.2 = 343 \text{ mA} = I_{tot} \checkmark$

Esercizio 4.4: Dato il seguente circuito misto più complesso trovare I_4 :



Soluzione:

Questo circuito può essere risolto notando che il ponte centrale crea un cortocircuito tra i nodi intermedi dei due rami paralleli.

Analisi del circuito:

Il cortocircuito tra i punti intermedi rende le resistenze R_4 e R_5 inutilizzabili nel percorso della corrente (la corrente preferisce il percorso a resistenza zero).

Quindi il circuito si semplifica a:

- R_1 in serie con il parallelo di R_2 e R_3
- Il tutto in serie con R_7

$$R_{23} = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3} = \frac{80 \cdot 120}{80 + 120} = \frac{9600}{200} = 48 \, \Omega$$

$$R_{eq} = R_1 + R_{23} + R_7 = 40 + 48 + 50 = 138 \, \Omega$$

$$V_{eq} = I_g \cdot R_{eq} = 2 \cdot 138 = 276 \, V$$

$$V_1 = R_1 \cdot I_{tot} = 40 \cdot 2 = 80 \, V$$

$$V_{23} = R_{23} \cdot I_{tot} = 48 \cdot 2 = 96 \, V$$

$$V_7 = R_7 \cdot I_{tot} = 50 \cdot 2 = 100 \, V$$

Poiché il nodo intermedio sinistro e destro sono collegati da un filo (cortocircuito), sono allo stesso potenziale. Quindi:

$$I_2 = \frac{V_{23}}{R_2} = \frac{96}{80} = 1.2 \, A$$

$$I_3 = \frac{V_{23}}{R_3} = \frac{96}{120} = 0.8 \, A$$

$$I_6 = I_2 - 0 = 1.2 \, A \quad (\text{corrente nel ponte})$$

Dal momento che la corrente può passare attraverso il cortocircuito, tutta la corrente che arriva in R_2 passa per il cortocircuito e non attraversa R_4 :

$$\boxed{I_4 = 0 \, A} \tag{23}$$

Allo stesso modo, $I_5 = 0 \text{ A}$.

Verifiche:

- $V_1 + V_{23} + V_7 = 80 + 96 + 100 = 276 \text{ V} \checkmark$
- Al nodo superiore del cortocircuito: $I_2 = I_6 + I_4 \Rightarrow 1.2 = 1.2 + 0 \checkmark$
- $I_2 + I_3 = 1.2 + 0.8 = 2 \text{ A} = I_{tot} \checkmark$

9 Teoremi di Thevenin e Norton

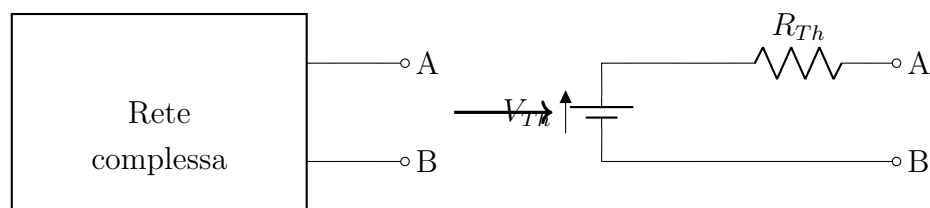
9.1 Teoria

I teoremi di Thevenin e Norton sono strumenti fondamentali per semplificare l'analisi dei circuiti elettrici. Permettono di sostituire una rete complessa di generatori e resistenze con un circuito equivalente molto più semplice.

9.1.1 Teorema di Thevenin

Il **Teorema di Thevenin** afferma che:

Qualsiasi rete lineare di generatori e resistenze, vista da due terminali A e B, può essere sostituita da un generatore di tensione ideale V_{Th} in serie con una resistenza R_{Th} .



Parametri dell'equivalente di Thevenin:

- V_{Th} (Tensione di Thevenin): È la tensione a vuoto tra i terminali A e B, cioè la tensione misurata quando nessun carico è collegato
- R_{Th} (Resistenza di Thevenin): È la resistenza vista dai terminali A e B quando tutti i generatori indipendenti sono spenti (generatori di tensione sostituiti da cortocircuiti, generatori di corrente sostituiti da circuiti aperti)

Procedura per trovare l'equivalente di Thevenin:

1. **Identificare i terminali A e B** di interesse

2. **Calcolare V_{Th} :**

- Rimuovere il carico (se presente)
- Calcolare la tensione a vuoto tra A e B
- $V_{Th} = V_{AB}$ (a circuito aperto)

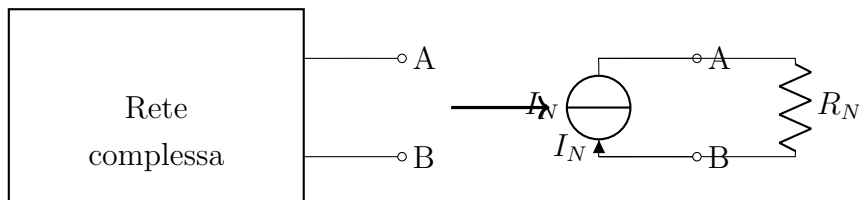
3. **Calcolare R_{Th} :**

- Spegner tutti i generatori indipendenti (I generatori di tensione diventano cortocircuiti, i generatori di corrente diventano circuiti aperti)
- Calcolare la resistenza equivalente vista dai terminali A e B
- $R_{Th} = R_{eq}$ (con generatori spenti)

9.1.2 Teorema di Norton

Il **Teorema di Norton** afferma che:

Qualsiasi rete lineare di generatori e resistenze, vista da due terminali A e B, può essere sostituita da un generatore di corrente ideale I_N in parallelo con una resistenza R_N .



Parametri dell'equivalente di Norton:

- I_N (Corrente di Norton): È la corrente di cortocircuito tra i terminali A e B, cioè la corrente che scorre quando A e B sono collegati direttamente
- R_N (Resistenza di Norton): È la stessa della resistenza di Thevenin, cioè $R_N = R_{Th}$

Procedura per trovare l'equivalente di Norton:

1. **Identificare i terminali A e B** di interesse
2. **Calcolare I_N :**
 - Cortocircuitare i terminali A e B
 - Calcolare la corrente che scorre nel cortocircuito
 - $I_N = I_{cc}$ (corrente di cortocircuito)
3. **Calcolare R_N :**
 - Procedere come per R_{Th}
 - $R_N = R_{Th}$

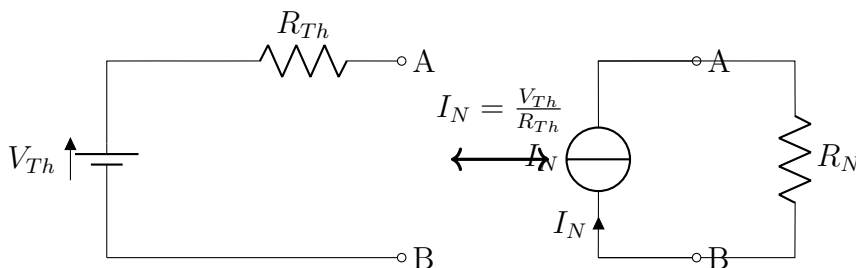
9.1.3 Conversione tra Thevenin e Norton

Gli equivalenti di Thevenin e Norton sono **duali** e possono essere convertiti l'uno nell'altro:

$$I_N = \frac{V_{Th}}{R_{Th}} \quad (24)$$

$$V_{Th} = I_N \cdot R_N \quad (25)$$

$$R_{Th} = R_N \quad (26)$$



9.1.4 Quando Usare Thevenin o Norton

Usa Thevenin quando:

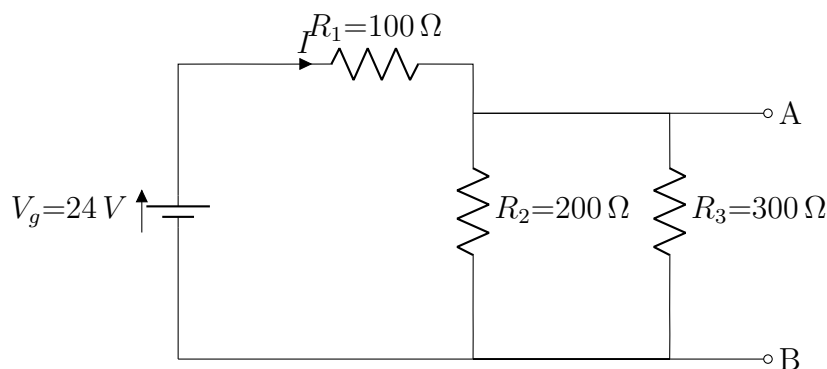
- Il carico da collegare è prevalentemente resistivo
- È più facile calcolare la tensione a vuoto
- Si vogliono analizzare gli effetti di carichi variabili

Usa Norton quando:

- Il carico da collegare è una resistenza bassa
- È più facile calcolare la corrente di cortocircuito
- Si lavora con generatori di corrente

9.2 Esercizi Svolti

Esercizio 6.1: Trovare l'equivalente di Thevenin del seguente circuito visto dai terminali A e B:



Soluzione:

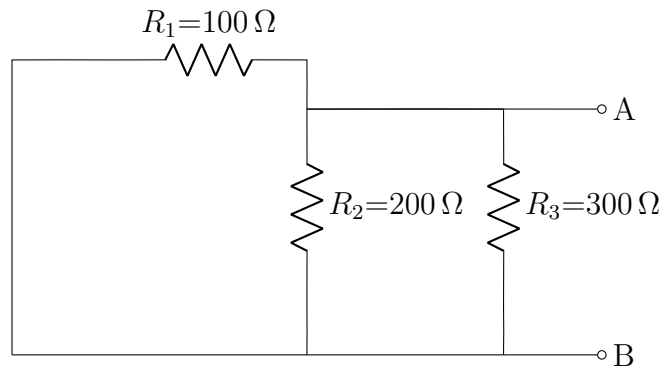
Passo 1: Calcolare V_{Th}

La tensione di Thevenin è la tensione a vuoto tra A e B. Il circuito è un partitore di tensione tra R_1 e R_2 e R_3 in parallelo.

$$R_{23} = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3} = \frac{200 \cdot 300}{500} = 120\ \Omega$$
$$V_{Th} = V_g \cdot \frac{R_{23}}{R_1 + R_{23}} = 24 \cdot \frac{120}{220} = 24 \cdot 0.545 = 13.09\text{ V}$$

Passo 2: Calcolare R_{Th}

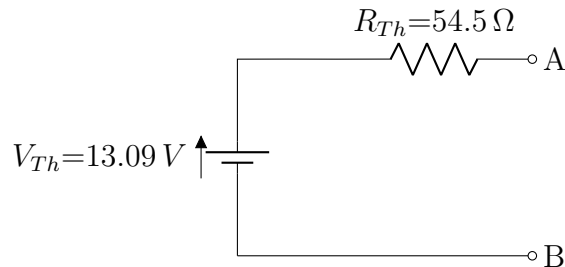
Spegniamo il generatore (cortocircuito) e calcoliamo la resistenza vista da A e B:



$$R_{23} = \frac{200 \cdot 300}{500} = 120 \, \Omega$$

$$R_{Th} = R_1 \parallel R_{23} = \frac{100 \cdot 120}{220} = 54.5 \, \Omega$$

Equivalente di Thevenin:



Esercizio 6.2: Per il circuito dell'esercizio precedente, trovare anche l'equivalente di Norton e verificare la conversione.

Soluzione:

Metodo 1: Da Thevenin a Norton

$$I_N = \frac{V_{Th}}{R_{Th}} = \frac{13.09}{54.5} = 0.240 \, A = 240 \, mA$$

$$R_N = R_{Th} = 54.5 \, \Omega$$

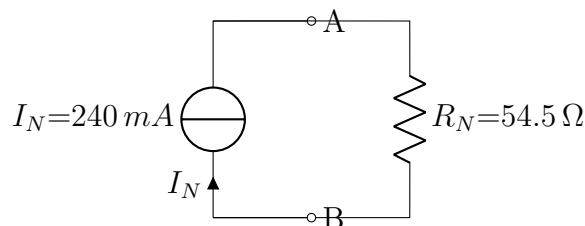
Metodo 2: Calcolo diretto

Cortocircuitiamo A e B e calcoliamo la corrente:

Nel cortocircuito, tutta la corrente passa per il corto, quindi R_3 e R_2 sono in parallelo al cortocircuito (quindi ignorate).

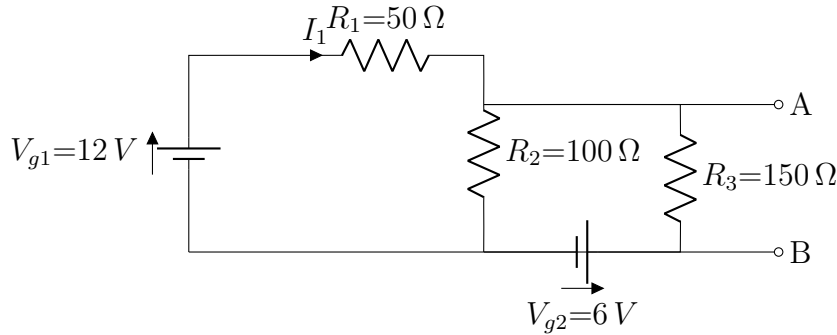
$$I_{cc} = \frac{V_g}{R_1} = \frac{24}{100} = 0.24 \, A = 240 \, mA$$

Equivalente di Norton:



Verifica: $V_{Th} = I_N \cdot R_N = 0.24 \cdot 54.5 = 12.96 \approx 13.09 \text{ V} \checkmark$

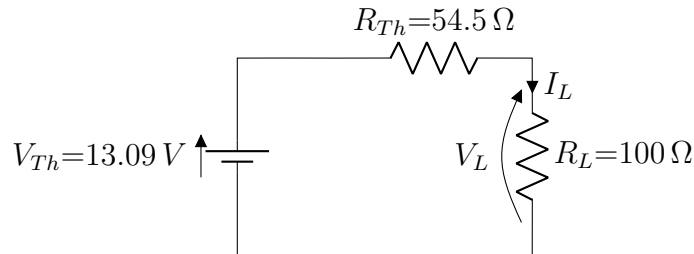
Esercizio 6.3: Trovare l'equivalente di Thevenin del seguente circuito visto dai terminali A e B:



Esercizio 6.4: Usando l'equivalente di Thevenin trovato nell'Esercizio 6.1, calcolare la corrente e la potenza dissipata in un carico $R_L = 100 \Omega$ collegato tra A e B.

Soluzione:

Collegiamo il carico all'equivalente di Thevenin:



$$I_L = \frac{V_{Th}}{R_{Th} + R_L} = \frac{13.09}{54.5 + 100} = \frac{13.09}{154.5} = 0.0847 \text{ A} = 84.7 \text{ mA}$$

$$V_L = R_L \cdot I_L = 100 \cdot 0.0847 = 8.47 \text{ V}$$

$$P_L = V_L \cdot I_L = 8.47 \cdot 0.0847 = 0.717 \text{ W} = 717 \text{ mW}$$

Oppure: $P_L = R_L \cdot I_L^2 = 100 \cdot (0.0847)^2 = 0.717 \text{ W} \checkmark$

Esercizio 6.5: Per il circuito dell'Esercizio 6.1, determinare il valore di R_L che massimizza la potenza trasferita al carico (teorema del massimo trasferimento di potenza).

Soluzione:

Il **teorema del massimo trasferimento di potenza** afferma che la massima potenza viene trasferita al carico quando:

$$R_L = R_{Th} \quad (27)$$

Quindi:

$$R_L = R_{Th} = 54.5 \Omega$$

La potenza massima trasferita è:

$$I_L = \frac{V_{Th}}{2R_{Th}} = \frac{13.09}{2 \cdot 54.5} = 0.120 \text{ A} = 120 \text{ mA}$$

$$P_{max} = \frac{V_{Th}^2}{4R_{Th}} = \frac{(13.09)^2}{4 \cdot 54.5} = \frac{171.35}{218} = 0.786 \text{ W} = 786 \text{ mW}$$

Osservazione: Con $R_L = 100 \Omega$ (Esercizio 6.4) abbiamo ottenuto $P_L = 717 \text{ mW} < P_{max}$.