MC102 — Funções, Objetos e Classes

Rafael C. S. Schouery rafael@ic.unicamp.br

Universidade Estadual de Campinas

Atualizado em: 2023-04-18 13:53

Função na Matemática

O que é uma função na matemática?

- Ex: f(x) = x, f(x) = 2x + 3, $f(x) = \sqrt{x}$, ...
- ullet É uma relação entre dois conjuntos X e Y
- Para cada $x \in X$, temos um único $y \in Y$ relacionado (f(x) = y)
- Escrevemos $f: X \to Y$
- Note que x não precisa ser um único valor
 - Ex: $f(x_1, x_2) = x_1 + x_2$, $f(a, b, c) = a \cdot b \cdot c$, ...
 - Isso é, X pode ser o produto cartesiano de outros conjuntos
- Note que y também não precisa ser um único valor
 - Ex: $f(x_1, x_2) = (2x_1, 3x_2)$, $f(x) = (x, x^2, x^3)$, ...
 - Isso é, \underline{Y} pode ser o produto cartesiano de outros conjuntos
 - Mas, no final das contas o resultado é um único vetor...

Informalmente, f nos diz como calcular y = f(x) a partir de x

Como obter uma saída a partir de uma entrada

Função na Pogramação

Na programação, o conceito de função é bem parecido

- Temos um conjunto de dados de entrada
 - Mesmo papel do X na função $f: X \to Y$
 - São chamados de parâmetros da função
- Temos as instruções de como calcular uma resposta
- A resposta calculada (saída) é o nosso "y = f(x)"

Exemplos com Pseudocódigo

```
f(x) = x^2
1 Quadrado(x)
     Devolva x * x
4 Leia n
5 Imprima Quadrado(n)
 f(x) = |x|
1 Absoluto(x)
     Se x >= 0
          Devolva x
3
 Senão
          Devolva -x
5
 f(x) = soma dos dígitos na base 10 de x
 SomaDosDígitos(x)
      soma = 0
3
     Enquanto x > 0
          soma = soma + x % 10
4
5
          x = x / 10 # Divisão inteira
    Devolva soma
6
```

Exemplos com Python

```
f(x) = x^2
1 def quadrado(x):
    return x * x # ou x ** 2
4 n = int(input()) # int e input também são funções!
5 print(quadrado(n)) # print também!
 f(x) = |x|
1 def absoluto(x):
 if x >= 0:
                      # função pode ter if/elif/else
      return x
4 else:
         return -x
 f(x) = \text{soma dos dígitos na base } 10 \text{ de } x
1 def soma_dos_digitos(x):
     soma = 0
3
     while x > 0: # pode ter while e for também
         soma = soma + x % 10
         x = x // 10
6
   return soma
```

Usando funções no Python

Definindo a função, i.e., informando o Python que:

- a função existe
- qual o seu nome
- quais são seus parâmetros

```
1 def nome_da_funcao(parametro_1, parametro_2, ..., parametro_n):
2  #instruções para computar o resultado
3  return resultado
```

Chamando a função, i.e., pedindo que seja executada

- A execução segue para as instruções da função
- E depois retorna para onde estava

```
1 calculado = nome_da_funcao(valor_1, valor_2, ..., valor_n)
```

Observações:

- O valor passado para o parâmetro pode vir de uma constante, variável, ou expressão
- A ordem dos valores é importante!

Exemplo de um código completo

```
1 def le lista(n):
      lista = []
    for i in range(n):
3
           lista.append(float(input()))
      return lista
5
6
7 def soma valores(lista):
      soma = 0
8
      for x in lista:
9
10
           soma += x
      return soma
11
12
13 n = int(input())
14 lista = le_lista(n)
15 print(soma_valores(lista))
```

Nas linhas:

- 1 a 5 definimos uma função chamada le_lista
- 7 a 11 definimos uma função chamada soma_valores
- 13 a 15 chamamos essas funções para somar os números

Vamos simular esse código!

Exercícios

- 1. Faça uma função que acha o maior entre dois números
- 2. Faça uma função que verifica se um número é primo
- Faça uma função que recebe uma lista e devolve uma nova lista invertida
- 4. Faça uma função que devolve a lista dos divisores de um número

Por que usar funções?

Usamos funções para

- Evitar repetição de código
- Reutilizar o código de outras pessoas
- Permitir que outros reutilizem o nosso código
- Deixar o programa mais fácil de entender
- Deixar o programa mais fácil de debuggar
- Criar conjuntos de funções (bibliotecas) úteis
- Entre muitas outras coisas

O uso de funções é parte fundamental da programação!

Exemplo

```
1 def primo(p):
    k = 2
2
    while k * k \le p:
3
           if p % k == 0:
               return False
5
          k = k + 1
7
      return True
8
9 p = int(input("Entre com p: "))
10 q = int(input("Entre com q: "))
11
12 if primo(p) and primo(q):
      print("Ambos são primos")
13
14 else:
      print("Pelo menos um deles não é primo")
15
```

Vantagens:

- Podemos chamar a função várias vezes
- Outra pessoa poderia usar a função primo
- Outra pessoa poderia implementar a função primo
- O código é mais "fácil" de ler

Funções que "não" devolvem valor

Uma função não precisa ter o comando return

Ex:

```
1 def imprime(lista):
2     for x in lista:
3     print(x)
```

Essa função não precisa devolver nada...

Mas, não é bem assim...

```
1 def imprime(lista):
2    for x in lista:
3        print(x)
4
5 valor = imprime([1, 2, 3, 4])
6 print(valor)
```

Será impresso, em cada linha, 1, 2, 3, 4 e None

O tipo NoneType

O tipo NoneType tem um único valor, o None

- O None representa o nada...
- A ideia é que não é um número, não é uma string, etc.

É algo bastante comum em linguagens de programação

• Em outras linguagens pode chamar: NULL, nil, entre outros

Toda função de Python devolve algum valor

- Nem que esse valor seja None
- Se não há return, None é devolvido

Um cuidado!

Se executarmos esse código:

```
1 n = int(input())
2 lista = le_lista(n)
3 print(soma_valores(lista))
4
  def le_lista(n):
     lista = []
6
     for i in range(n):
           lista.append(float(input()))
      return lista
9
10
  def soma valores(lista):
12
      soma = 0
  for x in lista:
13
14
           soma += x
15
      return soma
```

Temos o seguinte erro após digitar o valor de n

```
1 Traceback (most recent call last):
2  File "cuidado.py", line 2, in <module>
3     lista = le_lista(n)
4 NameError: name 'le_lista' is not defined
```

A função ainda não havia sido definida!

Outras informações

Uma função pode ter zero parâmetros

- Não recebe nada de entrada, mas tem saída...
- Ex: função que lê um número

Uma função pode chamar outras funções

- Na verdade, pode chamar a si mesmo!
- Veremos mais sobre isso no futuro!

É importante escolher bons nomes para as funções

- Um nome que descreva bem o que ela faz
- Mas tente criar um nome razoavelmente curto

Exercícios

Um número n é perfeito se n é a soma dos seus divisores próprios

• Ex: 6 = 1 + 2 + 3

Exercício: Faça uma função que, dado n, decide se n é perfeito ou não.

Variáveis

O que é uma variável?

- Um lugar da memória
- Para o qual demos um nome

Podemos ter novas variáveis dentro das funções

Ex:

```
1 def soma_dos_digitos(x):
2      soma = 0
3      while x > 0:  # pode ter while e for também
4           soma = soma + x % 10
5           x = x // 10
6      return soma
```

soma é o que chamamos de variável local

- Ela existe apenas dentro da função
- E perde seu valor quando a função termina

Variáveis locais

Um exemplo:

O que é impresso por esse código?

```
1 20
2 Traceback (most recent call last):
3 File "vars1.py", line 7, in <module>
4 print(y)
5 NameError: name 'y' is not defined
```

y não pode ser acessada na linha 7

Variáveis globais

Outro exemplo:

```
1 def imprime():
2     print(z)
3
4 z = 10
5 imprime()
6 print(z)
```

O que é impresso por esse código?

- 1 10 2 10
 - z pode ser acessada na linha 2
 - z é uma variável global
 - pode ser acessada em qualquer função

Começando a confusão...

Mais um exemplo:

O que é impresso por esse código?

```
1 8
2 10
```

O que aconteceu?

- O Python criou uma variável local chamada z
- Que não é a mesma variável global chamada z
- Elas podem ter valores diferentes!
- Não importa que elas tenham o mesmo nome!

Resolvendo

"Corrigindo" o exemplo anterior:

```
1 def imprime():
2     global z
3     z = 8
4     print(z)
5
6 z = 10
7 imprime()
8 print(z)
```

O que é impresso por esse código?

8
 8

Dizemos para o Python que queremos usar a variável global z

Variáveis Locais e Globais

Variáveis Locais:

- São definidas dentro da função
 - Na primeira atribuição
- Só existem dentro da função
 - Dizemos que o escopo da variável é a função
- Podem ter o mesmo nome que variáveis globais
- Note que um parâmetro é uma variável local

Variáveis Globais:

- São definidas fora de qualquer função
- Podem ser escritas dentro das funções
 - Mas é necessário usar o global
 - Melhor devolver o valor do que alterar diretamente
- Podem ser lidas dentro das funções
 - Não precisa usar o global
 - Mas não pode ter uma variável local com o mesmo nome
 - Não usar o global pode levar a bugs!
- Idealmente não são manipuladas diretamente pelas funções

Escopo

O escopo de um nome (de variável, de função, etc)

- É a região do programa onde esse nome é válido
- Isto é, onde esse nome pode ser acessado
- Vimos o escopo global
 - Variável é acessível em qualquer parte do programa
- e o escopo local
 - Variável é acessível apenas dentro da função onde foi criada
- temos também o escopo built-in
 - funções como int, input
- mas também temos o escopo enclosing

Escopo enclosing

O seguinte código é válido em Python (e imprimi 30):

```
1 def f(x):
2    a = 10
3    def g(y):
4        print(a * y)
5    g(x + 1)
6
7 f(2)
```

- g é uma função local de f
- a e x são variáveis locais de f
- y é variável local de g
- a não é variável local de g e não é variável global...
 - mas é acessível em g
 - está enclosing

Objetos, Classes e Métodos

O que as variáveis armazenam?

• Objetos de um certo tipo (ou classe)

As classes definem métodos que podem ser utilizados pelos objetos

• Funções que acessam ou modificam os objetos

Exemplo:

- 1 = [1, 2, 3] cria um objeto do tipo list
- append é um método de list que adiciona um elemento ao final da lista
- ou seja, podemos escrever 1.append(4)

Em breve aprenderemos a criar nossas próprias classes!

Funções e Listas

Qual o resultado desse código?

```
1 def soma_um(x):
   x = x + 1
4 x = 10
5 soma um(x)
6 print(x)
  E deste?
1 def soma_um(lista):
      #len(lista) diz quanto elementos há na lista
      for i in range(len(lista)):
3
          lista[i] = lista[i] + 1
6 \text{ lista} = [1, 2, 3]
7 soma_um(lista)
8 print(lista)
```

A função altera a lista!

- Também alteraria se fizéssemos append
- Mais sobre isso em breve

Documentando funções

Além dos comentários normais, devemos usar docstrings

- Uma string que começa e termina com """
- Sempre na primeira linha da função
- E que diz o que a função faz

Ex:

```
1 def soma_dos_digitos(x):
2    """Calcula a soma dos digitos do número x na base 10."""
3    soma = 0
4    while x > 0:
5         soma = soma + x % 10
6         x = x // 10
7    return soma
```

Isso permite usar a função help (e é usado pelos editores)

```
1 >>> help(soma_dos_digitos)
2 Help on function soma_dos_digitos in module exemplo_docstring:
3
4 soma_dos_digitos(x)
5 Calcula a soma dos digitos do número x na base 10.
```

Docstrings de várias linhas

Em geral, precisamos de várias linhas na documentação

```
def soma dos digitos(x):
       """Calcula a soma dos digitos do número x na base 10.
3
      Funciona apenas para números inteiros não negativos.
4
5
      Parâmetros:
6
      x -- número inteiro positivo
8
9
      soma = 0
      while x > 0:
10
           soma = soma + x % 10
11
           x = x // 10
12
      return soma
13
```

Convenção de Estilo do Python (PEP 257)

- Primeira linha diz o que a função faz brevemente
- Deve haver uma linha em branco após a primeira linha
- Terminamos com """ sozinho na última linha

Outros detalhes

É possível definir um valor padrão para um parâmetro

Ex:

```
1 def soma(x, y = 2, z = 7):
2     return x + y + z
3
4 print(soma(3))  # imprime 3 + 2 + 7 = 12
5 print(soma(3, 4))  # imprime 3 + 4 + 7 = 14
6 print(soma(3, 4, 2))  # imprime 3 + 4 + 2 = 9
```

Se você quiser passar um parâmetro na posição \emph{i}

- Precisa passar todos os parâmetros anteriores
- Mesmo os com valores padrão

Outros detalhes

É possível usar o nome do parâmetro na chamada da função

```
Ex:
```

```
1 def soma(x, y=2, z=7):
2     return x + y + z
3
4
5 print(soma(x=10))  # imprime 3 + 2 + 7 = 12
6 print(soma(x=3, y=4))  # imprime 3 + 4 + 7 = 14
7 print(soma(x=3, z=2))  # imprime 3 + 2 + 2 = 7
8 print(soma(x=3, y=4, z=2))  # imprime 3 + 4 + 2 = 9
```

Outros detalhes

Você até pode misturar os dois

- Isto é, ter parâmetros posicionais e nominais
- Porém, precisa começar com os parâmetros posicionais

Ex:

```
1 def soma(x, y=2, z=7):
2
      return x + y + z
3
5 print(soma(10))
                              \# imprime 3 + 2 + 7 = 12
6 print(soma(x=10))
                             # imprime 3 + 2 + 7 = 12
7 print(soma(3, y=4))
                             # imprime 3 + 4 + 7 = 14
8 print(soma(x=3, y=4))
                        # imprime 3 + 4 + 7 = 14
                        # imprime 3 + 2 + 2 = 7
9 print(soma(3, z=2))
10 print(soma(x=3, z=2)) # imprime 3 + 2 + 2 = 7
11 print(soma(x=3, y=4, z=2)) # imprime 3 + 4 + 2 = 9
12 print(soma(3, 4, z=2))
                              # imprime 3 + 4 + 2 = 9
```

Existem formas de forçar parâmetros serem apenas posicionais ou apenas nominais

Exercícios

- Faça uma função que, dado um número n e um valor v (por padrão, valendo 0), cria uma lista de n posições com cada posição valendo v. Documente sua função.
- Faça uma função que, dada uma lista 1 e um valor v (por padrão, valendo 0), modifica todas as entradas da lista para v. Documente sua função.

Pilha de Chamadas

Ex: um código que calcula $\sum_{i=1}^{k} \frac{1}{i}$ (com bug...)

```
1 def divisao(x, y): # apenas para fins didáticos
2    return x / y
3
4 def soma(k):
5    s = 0
6    for i in range(k):
7         s += divisao(1, i)
8    return s
9
10 s = soma(10)
11 print(s)
```

O que acontece quando executamos o código?

```
1 Traceback (most recent call last):
2  File "pilha.py", line 12, in <module>
3    s = soma(10)
4  File "pilha.py", line 8, in soma
5    s += divisao(1, i)
6  File "pilha.py", line 2, in divisao
7    return x / y
8 ZeroDivisionError: division by zero
```

Pilha de Chamadas

```
1 Traceback (most recent call last):
2  File "pilha.py", line 12, in <module>
3    s = soma(10)
4  File "pilha.py", line 8, in soma
5    s += divisao(1, i)
6  File "pilha.py", line 2, in divisao
7    return x / y
8 ZeroDivisionError: division by zero
```

O Python sabe qual linha fez qual chamada de função

- Isso gera o que chamamos de pilha
 - Mais sobre pilhas em MC202 Estrutura de Dados
- Pense em uma pilha (de pratos)
- Quando uma função é chamada, ela vai em cima da atual
- Sabemos em que linha o problema ocorreu
 - Mas note que o bug está em outra linha!
 - A linha 8 chamou incorretamente divisao

Vamos debuggar o código anterior!

Exceções

O erro que vimos é o que chamamos de uma exception

- O seu programa termina assim que acontece a exceção
- Com o Python imprimindo a pilha de execução
- Mas nem sempre é isso que queremos...

Exemplo:

```
1 n = int(input("Entre com n: "))
2
3 if n % 2 == 0:
4     print(n, "é par")
5 else:
6     print(n, "é impar")
```

E se o usuário digitar um número errado?

Precisamos lidar com as exceções!

try...except

Vamos

- tentar executar o código (try)
 - Um bloco de código onde pode aparecer uma exceção
- e lidar com exceções (except)
 - O que fazer se a exceção ocorrer

Código corrigido

```
1 def le_numero(mensagem):
      while True:
2
          try:
               n = int(input(mensagem))
               return n
          except ValueError:
               print("O valor digitado não é válido")
8
9
10 n = le_numero("Entre com n: ")
11 if n % 2 == 0:
  print(n, "é par")
13 else:
      print(n, "é impar")
14
```

Observações sobre try

Você pode capturar várias exceções no mesmo except

• except (RuntimeError, TypeError, NameError):

Você pode ter vários excepts:

```
1 except OSError as err: #err contém as informações do erro
2    ...
3 except ValueError:
4    ...
5 except:
6    ...
```

Inclusive o último é genérico, serve para qualquer exceção

• o que pode ocultar bugs no seu código, cuidado!

Após todos os excepts, você pode ter um else:

• O que fazer se nenhuma exceção ocorrer

Após todos os excepts, você pode ter um finally:

- Executado independentemente de ter exceção
- Sempre é a última coisa a ser feita

Exemplo

```
1 try:
2     print("antes da divisão")
3     a = x / y
4     print("depois da divisão")
5 except ZeroDivisionError:
6     print("divisão por zero")
7 except:
8     print("erro")
9 else:
10     print("sem erro")
11 finally:
12     print("terminei")
```

- O que acontece se x == 1 e y == 0?
- O que acontece se x == 1 e y == 1?
- O que acontece se a variável x não existir?

Exemplo de Mau Uso de except

Um erro bobo, mas difícil de achar

Provavelmente eu ficaria procurando erro na função soma

- Ao invés de perceber que escrevi numero e não numeros
- Imagine isso é um código muito maior...

Por isso evitamos usar o except genérico

Levantando erros

Você pode levantar exceções com raise

```
1 def le_numero_positivo():
      n = int(input("Digite um número: "))
      if n < 0:
3
           raise ValueError("Número negativo")
5
6
  def le lista de positivos(n):
8
      lista = []
      for i in range(n):
10
           lista[i] = le_numero_positivo()
      return lista
11
12
13
14 try:
      lista = le_lista_de_positivos(5)
15
      print(lista)
16
17 except ValueError as e:
      print(e)
18
```

O erro pode ser capturado em qualquer parte da pilha de execução

Bibliotecas

O conceito de bibliotecas de código é muito importante

- A ideia é compartilhar código já escrito
- De uma maneira organizada e documentada
- Para que outros programadores possam reutilizar

Existem bibliotecas dos mais variados tipos:

- Para lidar com imagens
- Para criar sites dinâmicos
- Para criar jogos
- Para ler informações em determinados formatos
- Para acessar conteúdos na internet

O programador consegue focar na sua tarefa

• e não reinventar a roda

Algumas bibliotecas interessantes

Já são do Python (built-in):

- datetime
- decimal
- fractions
- math
- os
- random

Precisa instalar (via pip):

- numpy
- pandas
- matplotlib

Entre muitas outras!

Comando: import bib

 Permite usar a biblioteca inteira, mas precisa colocar o nome antes da função/classe/constante

Ex:

```
import math

print(math.sin(2.3), math.pi)
```

Comando: import bib as outro_nome

 Permite usar a biblioteca inteira, mas precisa colocar o outro_nome antes da função/classe/constante

Ex:

```
1 import math as m
2
3 print(m.sin(2.3), m.pi)
```

Usando para bibliotecas com nomes "grandes"

Ex: import numpy as np

Comando: from bib import algo

• permite usar algo sem colocar o bib antes

Ex:

```
1 from math import sin, pi
2
3 print(sin(2.3), pi)
```

Comando: from biblioteca import *

• permite usar toda a biblioteca sem colocar o bib antes

Ex:

```
1 from math import *
2
3 print(sin(2.3), pi)
```

Deve-se evitar o uso, pois o código fica menos legível

- E podem haver conflitos entre os nomes
- Você não sabe quais nomes foram importados

Modularização

Você pode fazer import de um arquivo seu!

- Você pode ter vários arquivos na mesma pasta
- E fazer import arquivo para importar o arquivo.py

```
paridade.py
1 def par(n):
     return n % 2 == 0
4 def impar(n):
  return not par(n)
 prog.py
1 from paridade import par
3 n = int(input("Entre com n: "))
5 if par(n):
  print(n, "é par")
7 else:
     print(n, "é impar")
```

Um cuidado

Quando um arquivo é importado, ele é executado!

 Ou seja, se você tiver comandos nele, esses comandos são executados também!

Exemplo (arquivo lista.py):

```
def le lista(n):
      lista = []
2
      for i in range(n):
           lista.append(float(input()))
      return lista
6
7 def soma valores(lista):
      soma = 0
8
      for x in lista:
10
           soma += x
11
      return soma
12
13 n = int(input())
14 lista = le_lista(n)
15 print(soma_valores(lista))
```

Ao fazer import lista.py, as linhas 13, 14 e 15 serão executadas

Solução

Uma solução é escrever o código da seguinte forma:

```
1 def le_lista(n):
      lista = []
     for i in range(n):
3
           lista.append(float(input()))
      return lista
5
6
  def soma valores(lista):
       soma = 0
8
9
      for x in lista:
           soma += x
10
11
      return soma
12
13 if __name__ == "__main__":
    n = int(input())
14
      lista = le_lista(n)
15
     print(soma valores(lista))
16
```

__name__ guarda o nome do módulo atual

- E é igual a "__main__" se o arquivo não foi importado
- Isto é, ele é o arquivo inicialmente executado pelo Python

Solução melhor

```
1 def le_lista(n):
      lista = []
    for i in range(n):
3
          lista.append(float(input()))
5
      return lista
6
7 def soma valores(lista):
      soma = 0
    for x in lista:
10
          soma += x
11
    return soma
12
13 def main():
  n = int(input())
14
15 lista = le lista(n)
    print(soma_valores(lista))
16
17
18 if __name__ == "__main__":
      main()
19
```

Agora você pode executar os comandos quando quiser!

- E a ordem de definição das funções não importa
- Desde que o if __name__ == "__main__" esteja no final

Modularização

Utilizando vários arquivos, podemos:

- Organizar melhor o nosso código
- Dividir responsabilidades entre os arquivos
 - Um módulo poderia cuidar do processamento dos dados
 - Outro módulo poderia cuidar da exibição dos resultados
 - etc.
- Compartilhar todo/parte do nosso código
- Colaborar com outros membros da equipe

Conceitos avançados

Uma variável pode guardar uma função

• E podemos chamar a função que a variável guarda...

Ex:

```
1 def data br(dia, mes, ano):
      return str(dia) + "/" + str(mes) + "/" + str(ano)
2
3
4 def data us(dia, mes, ano):
      return str(mes) + "/" + str(dia) + "/" + str(ano)
7 def data_iso(dia, mes, ano):
      return str(ano) + "-" + str(mes) + "-" + str(dia)
10 formato = data_br
11 print(formato(31, 12, 2020))
12 formato = data us
13 print(formato(31, 12, 2020))
14 formato = data iso
15 print(formato(31, 12, 2020))
```

Conceitos avançados

E, com isso, uma função pode receber uma função como parâmetro!

```
1 import paridade
3 def seleciona(lista, funcao):
      nova lista = []
4
      for x in lista:
5
           if funcao(x):
6
               nova lista.append(x)
7
      return nova_lista
8
9
  lista = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
11
12 pares = seleciona(lista, paridade.par)
13 print(pares)
14 impares = seleciona(lista, paridade.impar)
15 print(impares)
```

lambda

Com o comando lambda você pode criar uma função anônima

```
1 def seleciona(lista, funcao):
      nova lista = []
2
      for x in lista:
3
          if funcao(x):
4
               nova lista.append(x)
5
      return nova lista
6
  lista = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
g
10 pares = seleciona(lista, lambda x: x % 2 == 0)
11 print(pares)
12 impares = seleciona(lista, lambda x: x % 2 != 0)
13 print(impares)
```

Sintaxe:

- lambda <parâmetros>: <expressão>
- <parametros> é zero ou mais parâmetros da função
- <expressão> é uma única linha de código a ser executada
- O valor devolvido pela função é o valor da <expressão>

Exercício

Use a função seleciona e a biblioteca math para criar uma função que dada uma lista de números reais, devolve uma lista dos números x tal que x em radianos está no primeiro quadrante.

Exercício

- a) Faça uma função mapeia que, dada uma lista 1 e uma função de um parâmetro f, devolve uma nova lista onde f foi aplicada a cada elemento de 1.
 - Por exemplo, se 1 = [1, 2, 3] e f(x) = x * x, então a nova lista é [1, 4, 9]
- b) Use a função que você criou para, dada uma lista, encontrar uma nova lista com todos os seus elementos elevado ao quadrado.

Exercício

- a) Faça uma função combina que permite aplicar uma função f sobre uma lista 1 para combinar os seus resultados e obter um único valor.
 - Ex: Podemos somar todos os elementos de uma lista de números
 - Ex: Podemos multiplicar todos os elementos de uma lista de números
 - Ex: Podemos fazer and de vários valores booleanos
- b) Use a função que você criou para concatenar a representação decimal de uma lista de números inteiros positivos
 - Ex: se a lista é [1, 2, 0, 15], o resultado é '12015'