



UNIVERSIDADE FEDERAL DO PIAUÍ  
CAMPUS SENADOR HELVÍDIO NUNES DE BARROS - CSHNB

Curso: Sistemas de Informação  
Disciplina: Estruturas de dados 2  
Docente: Juliana Oliveira de Carvalho  
Discente: Marcos André Leal Silva

**UNIVERSIDADE FEDERAL DO PIAUÍ - UFPI**

Relatório técnico

**Picos-PI**  
**04 de fevereiro de 2024**

**Resumo:** Este projeto, tem como objetivo demonstrar a prática e implementação de duas Estruturas de Dados: Grafos e hash. Essas estruturas foram utilizadas para a resolução de alguns problemas práticos proposto no projeto através da Linguagem de programação C. O mesmo abordará as etapas de cada questão e apresentará suas respectivas implementações, oferecendo uma visão abrangente das aplicações dessas estruturas de dados. Além do mais, serão feitos experimentos para verificar os tempos de desempenho tanto das questões que envolvem grafos quanto das questões que envolvem funções hash.

**Introdução:** As estruturas de dados são um conceito muito importante para a programação e ciência de dados. Tratam-se de maneiras de agregar e organizar dados na memória de um computador ou dispositivo, de forma que façam sentido e proporcionem um bom desempenho ao serem processados. Nesse sentido, estamos considerando dados como sendo blocos de programação que representam algo e têm a função de resolver problemas computacionais. Para isso, eles devem ter a possibilidade de ser simbolizados, armazenados e manipulados.

A teoria dos grafos ou de grafos é um ramo da matemática que estuda as relações entre os objetos de um determinado conjunto. Para tal são utilizadas estruturas chamadas de grafos,  $G(V,E)$  onde  $V$  é um conjunto não vazio de objetos denominados vértices (ou nós) e  $E$  (do inglês edges - arestas) é um subconjunto de pares não ordenados de  $V$ .

Uma função hash é um algoritmo que mapeia dados de comprimento variável para dados de comprimento fixo. Os valores retornados por uma função hash são chamados valores hash, códigos hash, somas hash (hash sums), checksums ou simplesmente hashes. Um uso é uma estrutura de dados chamada de tabela hash, amplamente usada em software de computador para consulta de dados rápida.

O objetivo desse projeto é através das estruturas de dados “Grafos” e “Tabela Hash”, criar três aplicações capazes de:

1. Aplicar um algoritmo de caminho mínimo para resolver o problema da Torre de Hanói com 4 discos a partir da combinação de modelagem de problemas com grafos, implementação de uma matriz de adjacência, aplicação de um algoritmo clássico de caminho mínimo (Ford-Moore-Bellman) e a análise do tempo de execução.
2. Encontrar o caminho mais confiável entre dois vértices em um grafo orientado. Neste contexto, a confiabilidade de uma aresta é representada por um valor no intervalo de 0 a 1, indicando a probabilidade de que o canal de comunicação associado não falhe. A busca pelo caminho mais confiável envolve encontrar a rota que maximize a probabilidade total ao longo das arestas entre dois vértices específicos.
3. Desenvolver dois programas que implementem diferentes funções de hashing e tratamento de colisões para organizar uma base de dados de 1000 funcionários. A organização é feita utilizando uma tabela de hash para localizar os dados dos funcionários com base em seus números de matrícula. A questão propõe duas funções de hashing distintas e pede para comparar o desempenho de ambas, tanto em termos de eficiência quanto no número de colisões geradas.

Para a implementação dos projetos, foi utilizado a linguagem de programação C, com seu paradigma de programação imperativo para a criação do código fonte. Através da ferramenta “Visual Studio Code (VS Code)”, esses programas foram criados, testados e executados.

O primeiro programa apresenta duas estruturas (Vertice e Grafo) para representar a implementação do grafo. "Vertice" representa um vértice no grafo. Cada vértice corresponde a uma configuração do jogo da Torre de Hanói (discos[4]: Array que armazena a configuração dos discos nos pinos), armazenando a disposição dos discos nos pinos. "Grafo" contém informações sobre o grafo que representa as configurações do jogo da Torre de Hanói (vertices: Ponteiro para um array de structs Vertice, representando os vértices do grafo; arestas: Matriz de adjacência representando as arestas do grafo. Cada entrada indica se há uma ligação entre dois vértices).

O segundo programa apresenta três estruturas (Aresta, Grafo e FilaPrioridade) para representar a implementação do grafo. "Aresta" representa uma aresta no grafo, contendo informações sobre o vértice destino e sua confiabilidade (vertice: Número do vértice de destino; confiabilidade: Valor representando a confiabilidade da aresta). "Grafo" contém informações sobre o grafo, como as arestas que ligam os vértices (arestas: Ponteiro para um array de structs Aresta, representando as arestas conectadas a um vértice; num\_arestas: Número total de arestas conectadas ao vértice). "FilaPrioridade" utilizada para implementar uma fila de prioridade durante o algoritmo de Dijkstra, mantendo informações sobre a confiabilidade e o vértice (confiabilidade: Valor representando a confiabilidade do vértice; vertice: Número do vértice).

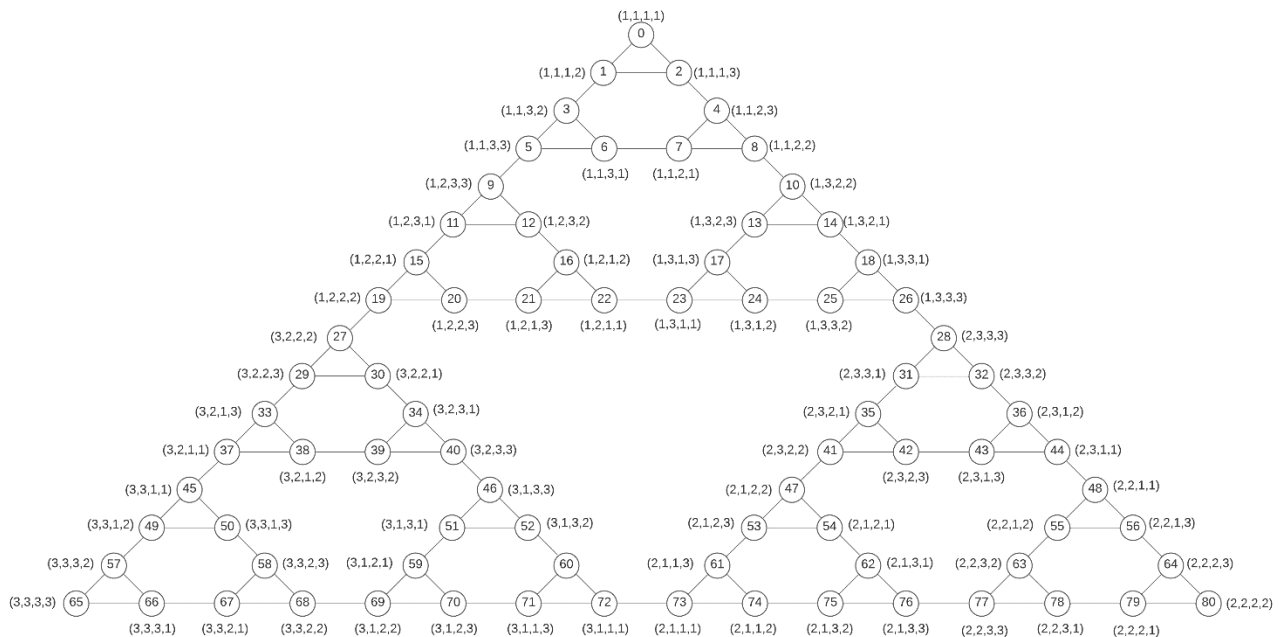
O terceiro programa apresenta uma estrutura (Func) para representar as informações sobre os funcionários (matricula: Uma string de até 6 caracteres que representa a matrícula do funcionário; nome: Uma string de até 49 caracteres que armazena o nome do funcionário; funcao: Uma string de até 19 caracteres que contém a função do funcionário; salario: Um valor em ponto flutuante que armazena o salário do funcionário). funcaoHashStringRotacao (char str): Realiza uma transformação na string de matrícula, efetua cálculos com alguns dígitos e retorna um índice para a tabela de tamanho 101 (MAX101). funcaoHashStringFoldShift (char str): Converte parte da string de matrícula em dois inteiros, soma-os e retorna um índice para a tabela de tamanho 150 (MAX150).

## Seções específicas:

**Informações técnicas:** Para o desenvolvimento e testes deste projeto foi utilizado um notebook com um processador 11th Gen Intel(R) Core(TM) i5-1135G7 @ 2.40GHz 2.42 GHz, doze gigas de memória RAM ddr4, sistema operacional com a arquitetura de 64 bits, Windows 11 Home.

Os códigos foram feitos na IDE e editor de texto Visual Studio Code e compilados pelo compilador gcc (MinGW.org GCC Build-2) 9.2.0.

## Questão 1:



O programa em questão é um jogo da Torre de Hanói implementado em C, que utiliza um grafo representado por uma matriz de adjacência para armazenar as configurações possíveis do jogo e as transições entre elas.

### 1. Estrutura do Grafo:

- O grafo é representado pela estrutura Grafo, que contém um vetor de vértices (vertices) e uma matriz de adjacência (arestas).
- Cada vértice é representado pela estrutura Vertice, que armazena as configurações dos discos nos pinos.

### 2. Criação do Grafo:

- A função Criar\_Grafo aloca dinamicamente a memória necessária para o grafo, seus vértices e a matriz de adjacência.

### 3. Leitura do Grafo a partir de um Arquivo:

- A função Inserir\_vertices\_e\_arestas lê as informações do arquivo torre\_hanoi.txt para preencher os valores dos vértices e a matriz de adjacência.

### 4. Impressões:

- A função Imprimir\_Matriz\_adjacente imprime a matriz de adjacência.
- A função Imprimir\_conteudo\_do\_vertice imprime as configurações de um vértice específico.

### 5. Algoritmo de Bellman-Ford:

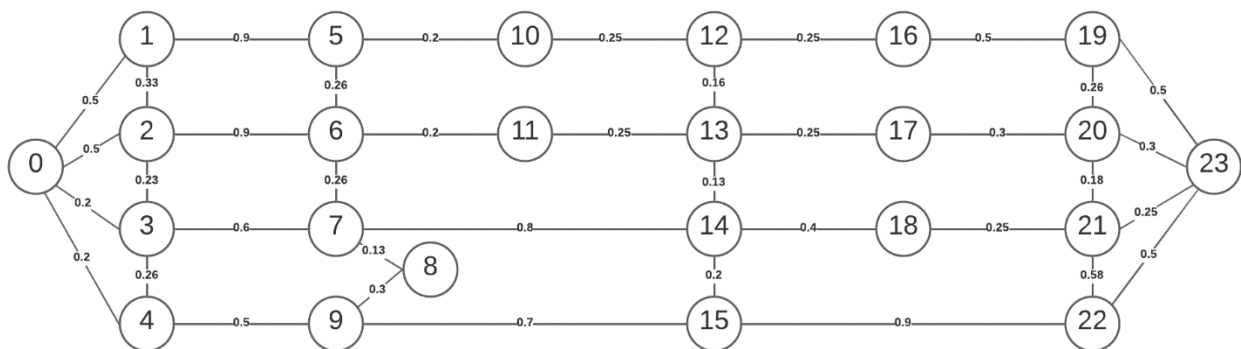
- A função bellmanFord implementa o algoritmo de Bellman-Ford para encontrar o menor caminho em um grafo direcionado com arestas ponderadas.
- Verifica a existência de ciclos negativos no grafo.

### 6. Jogo da Torre de Hanói:

- As funções Vertices\_adjacentes, Verificar\_Vitoria, Verificar\_Movimento\_Valido e jogar implementam a lógica do jogo.

- O jogador pode escolher iniciar o jogo a partir de um vértice específico ou do vértice inicial.
7. Menu Interativo:
    - O programa apresenta um menu interativo que permite ao usuário escolher diferentes funcionalidades, como imprimir valores dos vértices, matriz adjacente, jogar, etc.
  8. Liberação de Memória:
    - A função Liberar\_Grafo é responsável por liberar a memória alocada dinamicamente para o grafo.
  9. Tempo de Execução:
    - O programa utiliza a função QueryPerformanceCounter para medir o tempo de execução do algoritmo de Bellman-Ford.
  10. Encerramento do Programa:
    - O programa continua em execução até que o usuário escolha a opção "0" no menu, indicando a saída.

## Questão 2:



O programa em questão implementa o algoritmo de Dijkstra para encontrar o caminho mais confiável entre dois vértices em um grafo ponderado.

1. Estruturas de Dados:
  - Utiliza as estruturas Aresta, Grafo, e FilaPrioridade para representar arestas, o grafo e a fila de prioridade, respectivamente.
2. Alocação Dinâmica:
  - Usa alocação dinâmica de memória para criar o grafo e suas arestas, garantindo flexibilidade em relação ao número de vértices e arestas.
3. Leitura de Arquivo:
  - Lê as informações do grafo a partir de um arquivo (grafo.txt) que contém o número de vértices, o número de arestas e as informações de cada aresta.
4. Preenchimento do Grafo:
  - A função Ler\_Arestas\_Do\_Arquivo lê as arestas do arquivo e as insere no grafo utilizando a função Inserir\_Arestas.
5. Algoritmo de Dijkstra:
  - A função dijkstra implementa o algoritmo de Dijkstra para encontrar o caminho mais confiável entre dois vértices em um grafo ponderado.

- Usa uma fila de prioridade para otimizar a seleção do próximo vértice a ser explorado.
- 6. Impressão do Resultado:
  - Imprime o caminho mais confiável entre os vértices de origem e destino, bem como a confiabilidade desse caminho.
- 7. Liberação de Memória:
  - A função `Liberar_Dijkstra_Memoria` é responsável por liberar a memória alocada durante o algoritmo de Dijkstra.
- 8. Verificação de Vértices Válidos:
  - Verifica se os vértices de origem e destino fornecidos pelo usuário são válidos, ou seja, estão dentro dos limites do grafo.
- 9. Entrada do Usuário:
  - Solicita que o usuário insira os vértices de origem e destino para calcular o caminho mais confiável entre eles.
- 10. Liberação de Memória ao Final:
  - A função `Liberar_Grafo` é utilizada para liberar a memória alocada para o grafo ao final do programa.

### Questão 3:

O programa apresenta um sistema de gerenciamento de funcionários com duas tabelas hash diferentes: uma com 101 posições e outra com 150 posições.

1. Struct `Func`:
  - Representa a estrutura de um funcionário com os campos matrícula, nome, função e salário.
2. Função `lerFunc()`:
  - Solicita ao usuário a entrada dos dados de um funcionário e retorna uma estrutura `Func` com essas informações.
3. Funções de Hash:
  - `colisaoRotacao`: Lida com colisões usando o método de rotação.
  - `funcaoHashStringRotacao`: Gera o valor hash utilizando o método de rotação.
  - `colisaoFoldShift`: Lida com colisões usando o método de fold-shift.
  - `funcaoHashStringFoldShift`: Gera o valor hash utilizando o método de fold-shift.
4. Funções `inserirTabelaRotacao` e `inserirTabelaFoldShift`:
  - Inserem um funcionário na tabela de acordo com o método de hash escolhido. Contabilizam o número de colisões ocorridas.
5. Função `imprimirFunc`:
  - Imprime as informações dos funcionários armazenados em uma tabela.
6. Menu de Opções:
  - Permite escolher o tamanho da tabela (101 ou 150).
  - Permite escolher o método de hash (rotação ou fold-shift).
  - Oferece opções para inserir funcionários, imprimir a tabela e visualizar o número total de colisões.

7. Laços de Controle de Fluxo:

- Utiliza loops while para manter o programa em execução até a escolha da opção "0" para sair.

8. Alocação Dinâmica de Memória:

- Utiliza malloc para alocar memória para as tabelas de funcionários.

9. Liberação de Memória:

- Utiliza free para liberar a memória alocada após a conclusão do programa.

## **Resultados da execução do programa:**

### **Questão 1:**

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                      :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas        :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                       :
: 6 - Jogar                                    :
: 0 - Sair                                     :
=====
1
0: (1, 1, 1, 1)
1: (1, 1, 1, 2)
2: (1, 1, 1, 3)
3: (1, 1, 3, 2)
4: (1, 1, 2, 3)
5: (1, 1, 3, 3)
6: (1, 1, 3, 1)
7: (1, 1, 2, 1)
8: (1, 1, 2, 2)
9: (1, 2, 3, 3)
10: (1, 3, 2, 2)
11: (1, 2, 3, 1)
12: (1, 2, 3, 2)
13: (1, 3, 2, 3)
14: (1, 3, 2, 1)
15: (1, 2, 2, 1)
16: (1, 2, 1, 2)
17: (1, 3, 1, 3)
18: (1, 3, 3, 1)
19: (1, 2, 2, 2)
20: (1, 2, 2, 3)
21: (1, 2, 1, 3)
22: (1, 2, 1, 1)
23: (1, 3, 1, 1)
24: (1, 3, 1, 2)
25: (1, 3, 3, 2)
26: (1, 3, 3, 3)
27: (3, 2, 2, 2)
28: (2, 3, 3, 3)
29: (3, 2, 2, 3)
30: (3, 2, 2, 1)
31: (2, 3, 3, 1)
32: (2, 3, 3, 2)
33: (3, 2, 1, 3)
34: (3, 2, 3, 1)
35: (2, 3, 2, 1)
36: (2, 3, 1, 2)
37: (3, 2, 1, 1)
38: (3, 2, 1, 2)
39: (3, 2, 3, 2)
40: (3, 2, 3, 3)
41: (2, 3, 2, 2)
42: (2, 3, 2, 3)
43: (2, 3, 1, 3)
44: (2, 3, 1, 1)
45: (3, 3, 1, 1)
46: (3, 1, 3, 3)
47: (2, 1, 2, 2)
48: (2, 2, 1, 1)
49: (3, 3, 1, 2)
50: (3, 3, 1, 3)
51: (3, 1, 3, 1)
52: (3, 1, 3, 2)
53: (2, 1, 2, 3)
54: (2, 1, 2, 1)
55: (2, 2, 1, 2)
56: (2, 2, 1, 3)
57: (3, 3, 3, 2)
58: (3, 3, 2, 3)
59: (3, 1, 2, 1)
60: (3, 1, 1, 2)
61: (2, 1, 1, 3)
62: (2, 1, 3, 1)
63: (2, 2, 3, 2)
64: (2, 2, 2, 3)
65: (3, 3, 3, 3)
66: (3, 3, 3, 1)
67: (3, 3, 2, 1)
68: (3, 3, 2, 2)
69: (3, 1, 2, 2)
70: (3, 1, 2, 3)
71: (3, 1, 1, 3)
72: (3, 1, 1, 1)
73: (2, 1, 1, 1)
74: (2, 1, 1, 2)
75: (2, 1, 3, 2)
76: (2, 1, 3, 3)
77: (2, 2, 3, 3)
78: (2, 2, 3, 1)
79: (2, 2, 2, 1)
80: (2, 2, 2, 2)
=====MENU=====

```



```
=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices
: 2 - Imprimir um vertice
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice estao ligadas
: 5 - Ford-Moore-Bellman
: 6 - Jogar
: 0 - Sair
=====
2
Digite o indice do vertice: 67
67: (3, 3, 2, 1)
```

[illegible]

```
=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
:         estao ligadas                         :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                       :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                      :
=====
4
Digite o indice do vertice: 4
2: (1, 1, 1, 3)
7: (1, 1, 2, 1)
8: (1, 1, 2, 2)
```

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                        :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                      :
=====
5
Ford-Moore-Bellman
Digite o vertice de origem: 0
Digite o vertice de destino: 1
Tempo decorrido: 1.75380 ms

Caminho mais curto: 0 -> 1
Distancia: 1
=====

```

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                        :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                      :
=====
5
Ford-Moore-Bellman
Digite o vertice de origem: 0
Digite o vertice de destino: 80
Tempo decorrido: 1.78510 ms

Caminho mais curto: 0 -> 2 -> 4 -> 8 -> 10 -> 14 -> 18 -> 26 -> 28 -> 32 -> 36 -> 44 -> 48 -> 56 -> 64 -> 80
Distancia: 15
=====

```

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                        :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                      :
=====
5
Ford-Moore-Bellman
Digite o vertice de origem: 1
Digite o vertice de destino: 45
Tempo decorrido: 1.76440 ms

Caminho mais curto: 1 -> 3 -> 5 -> 9 -> 11 -> 15 -> 19 -> 27 -> 29 -> 33 -> 37 -> 45
Distancia: 11
=====

```

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                         :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                       :
=====
5
Ford-Moore-Bellman
Digite o vertice de origem: 1
Digite o vertice de destino: 5
Tempo decorrido: 1.77790 ms

Caminho mais curto: 1 -> 3 -> 5
Distancia: 2

```

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                         :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                       :
=====
5
Ford-Moore-Bellman
Digite o vertice de origem: 27
Digite o vertice de destino: 65
Tempo decorrido: 1.76160 ms

Caminho mais curto: 27 -> 29 -> 33 -> 37 -> 45 -> 49 -> 57 -> 65
Distancia: 7

```

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                         :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                       :
=====
5
Ford-Moore-Bellman
Digite o vertice de origem: 56
Digite o vertice de destino: 34
Tempo decorrido: 1.81540 ms

Caminho mais curto: 56 -> 55 -> 63 -> 77 -> 76 -> 75 -> 74 -> 73 -> 72 -> 60 -> 52 -> 46 -> 40 -> 34
Distancia: 13

```

```

=====MENU=====
: 1 - Imprimir valores de todos os vertices      :
: 2 - Imprimir um vertice                       :
: 3 - Imprimir matriz adjacente arestas         :
: 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice  :
: 5 - Ford-Moore-Bellman                         :
: 6 - Jogar                                     :
: 0 - Sair                                       :
=====
5
Ford-Moore-Bellman
Digite o vertice de origem: 46
Digite o vertice de destino: 80
Tempo decorrido: 1.76600 ms

Caminho mais curto: 46 -> 52 -> 60 -> 72 -> 73 -> 74 -> 75 -> 76 -> 77 -> 78 -> 79 -> 80
Distancia: 11

```

```

1  * = representar valores de todos os caracteres
2  * = representar os caracteres
3  * = representar somente conjuntos de caracteres
4  * = representar para todos os caracteres e caracteres especiais
5  * = para Unicode-strings
6  * = string
7  * = None
8
9
10
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
24
25
26
27
28
29
30
31
32
33
34
35
36
37
38
39
40
41
42
43
44
45
46
47
48
49
50
51
52
53
54
55
56
57
58
59
60
61
62
63
64
65
66
67
68
69
70
71
72
73
74
75
76
77
78
79
80
81
82
83
84
85
86
87
88
89
90
91
92
93
94
95
96
97
98
99
100
101
102
103
104
105
106
107
108
109
110
111
112
113
114
115
116
117
118
119
120
121
122
123
124
125
126
127
128
129
130
131
132
133
134
135
136
137
138
139
140
141
142
143
144
145
146
147
148
149
150
151
152
153
154
155
156
157
158
159
160
161
162
163
164
165
166
167
168
169
170
171
172
173
174
175
176
177
178
179
180
181
182
183
184
185
186
187
188
189
190
191
192
193
194
195
196
197
198
199
200
201
202
203
204
205
206
207
208
209
210
211
212
213
214
215
216
217
218
219
220
221
222
223
224
225
226
227
228
229
230
231
232
233
234
235
236
237
238
239
240
241
242
243
244
245
246
247
248
249
250
251
252
253
254
255
256
257
258
259
260
261
262
263
264
265
266
267
268
269
270
271
272
273
274
275
276
277
278
279
280
281
282
283
284
285
286
287
288
289
290
291
292
293
294
295
296
297
298
299
300
301
302
303
304
305
306
307
308
309
310
311
312
313
314
315
316
317
318
319
320
321
322
323
324
325
326
327
328
329
330
331
332
333
334
335
336
337
338
339
340
341
342
343
344
345
346
347
348
349
350
351
352
353
354
355
356
357
358
359
360
361
362
363
364
365
366
367
368
369
370
371
372
373
374
375
376
377
378
379
380
381
382
383
384
385
386
387
388
389
390
391
392
393
394
395
396
397
398
399
400
401
402
403
404
405
406
407
408
409
410
411
412
413
414
415
416
417
418
419
420
421
422
423
424
425
426
427
428
429
430
431
432
433
434
435
436
437
438
439
440
441
442
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
840
841
842
843
844
845
846
847
848
849
850
851
852
853
854
855
856
857
858
859
860
861
862
863
864
865
866
867
868
869
870
871
872
873
874
875
876
877
878
879
880
881
882
883
884
885
886
887
888
889
890
891
892
893
894
895
896
897
898
899
900
901
902
903
904
905
906
907
908
909
910
911
912
913
914
915
916
917
918
919
920
921
922
923
924
925
926
927
928
929
930
931
932
933
934
935
936
937
938
939
940
941
942
943
944
945
946
947
948
949
950
951
952
953
954
955
956
957
958
959
960
961
962
963
964
965
966
967
968
969
970
971
972
973
974
975
976
977
978
979
980
981
982
983
984
985
986
987
988
989
990
991
992
993
994
995
996
997
998
999
1000
1001
1002
1003
1004
1005
1006
1007
1008
1009
1010
1011
1012
1013
1014
1015
1016
1017
1018
1019
1020
1021
1022
1023
1024
1025
1026
1027
1028
1029
1030

```

Questão 2:

```
Digite o vertice de origem e o vertice de destino: 0 23
O caminho mais confiavel entre 0 e 23 tem confiabilidade 0.0315
Caminho: 0 -> 4 -> 9 -> 15 -> 22 -> 23
```

```
Digite o vertice de origem e o vertice de destino: 15 22
O caminho mais confiavel entre 15 e 22 tem confiabilidade 0.9000
Caminho: 15 -> 22
```

```
Digite o vertice de origem e o vertice de destino: 8 23
O caminho mais confiavel entre 8 e 23 tem confiabilidade 0.0945
Caminho: 8 -> 9 -> 15 -> 22 -> 23
```

```
Digite o vertice de origem e o vertice de destino: 5 12
O caminho mais confiavel entre 5 e 12 tem confiabilidade 0.0500
Caminho: 5 -> 10 -> 12
```

```
Digite o vertice de origem e o vertice de destino: 0 7
O caminho mais confiavel entre 0 e 7 tem confiabilidade 0.1200
Caminho: 0 -> 3 -> 7
```

```
Digite o vertice de origem e o vertice de destino: 9 22
O caminho mais confiavel entre 9 e 22 tem confiabilidade 0.6300
Caminho: 9 -> 15 -> 22
```

Pressione qualquer tecla para continuar

```
Digite o vertice de origem e o vertice de destino: 9 23
O caminho mais confiavel entre 9 e 23 tem confiabilidade 0.3150
Caminho: 9 -> 15 -> 22 -> 23
```

Questão 3.1:

116: 112558  
117: 118551  
118: 113459  
119: 120789  
120: 118070  
121: 126950  
122: 128480  
123: 106087  
124: 105102  
125: 130396  
126: 109220  
127: 119786  
128: 109982  
129: 131835  
130: 114516  
131: 110509  
132: 103044  
133: 127995  
134: 123160  
135: 114209  
136: 129161  
137: 117207  
138: 125140  
139: 110743  
140: 103672  
141: 123142  
142: 112077  
143: 108740  
144: 102270  
145: 129421  
146: 109674  
147: 122339  
148: 104996  
149: 131843

Colisoes Rotacao 101: 3137 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 101: 485 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Rotacao 150: 7544 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 150: 1163 || Num inseridos: 1000

116: 130771  
117: 129897  
118: 123323  
119: 119742  
120: 124514  
121: 115301  
122: 100476  
123: 109976  
124: 123313  
125: 105322  
126: 111654  
127: 117830  
128: 119936  
129: 115637  
130: 107236  
131: 119799  
132: 131463  
133: 107939  
134: 119560  
135: 103701  
136: 111994  
137: 103441  
138: 119494  
139: 123542  
140: 130381  
141: 124295  
142: 106173  
143: 121513  
144: 130975  
145: 127166  
146: 112372  
147: 125160  
148: 115486  
149: 109013

Colisoes Rotacao 101: 3221 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 101: 507 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Rotacao 150: 7352 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 150: 844 || Num inseridos: 1000

116: 129546  
117: 105796  
118: 114760  
119: 111471  
120: 124976  
121: 122015  
122: 122689  
123: 101657  
124: 112114  
125: 102105  
126: 129357  
127: 123498  
128: 131746  
129: 117753  
130: 103760  
131: 118804  
132: 107235  
133: 124574  
134: 123713  
135: 130392  
136: 100183  
137: 128558  
138: 103768  
139: 110245  
140: 119851  
141: 112519  
142: 124081  
143: 120298  
144: 119870  
145: 109942  
146: 110909  
147: 102009  
148: 115080  
149: 105039

Colisoes Rotacao 101: 3129 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 101: 464 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Rotacao 150: 7431 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 150: 1157 || Num inseridos: 1000



116: 126959  
117: 119016  
118: 126543  
119: 115738  
120: 101557  
121: 131563  
122: 118793  
123: 118819  
124: 104862  
125: 124970  
126: 127855  
127: 111691  
128: 124606  
129: 108941  
130: 129573  
131: 128655  
132: 124211  
133: 101267  
134: 127865  
135: 106395  
136: 102671  
137: 107753  
138: 125789  
139: 106681  
140: 108336  
141: 108438  
142: 100597  
143: 106798  
144: 131748  
145: 123531  
146: 114417  
147: 112860  
148: 131160  
149: 102987

Colisoes Rotacao 101: 3298 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 101: 831 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Rotacao 150: 6872 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 150: 1470 || Num inseridos: 1000

128: 129076  
129: 129502  
130: 124696  
131: 121829  
132: 101862  
133: 122704  
134: 112336  
135: 103236  
136: 129417  
137: 118672  
138: 104245  
139: 129855  
140: 125090  
141: 132602  
142: 105705  
143: 110082  
144: 108281  
145: 114485  
146: 124537  
147: 115175  
148: 105721  
149: 120393

Colisoes Rotacao 101: 3015 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 101: 524 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Rotacao 150: 7325 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 150: 1141 || Num inseridos: 1000

116: 119615  
117: 102689  
118: 101485  
119: 132312  
120: 118423  
121: 115701  
122: 105645  
123: 116151  
124: 126060  
125: 120063  
126: 108656  
127: 116182  
128: 113361  
129: 109963  
130: 102779  
131: 116477  
132: 109117  
133: 103399  
134: 107407  
135: 107455  
136: 101778  
137: 101212  
138: 112175  
139: 119696  
140: 106770  
141: 106839  
142: 109093  
143: 121301  
144: 130290  
145: 113309  
146: 105982  
147: 124631  
148: 111646  
149: 110284

Colisoes Rotacao 101: 3233 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 101: 342 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Rotacao 150: 6649 || Num inseridos: 1000  
Colisoes Fold Shift 150: 1380 || Num inseridos: 1000

A partir da questão 1, foi observado que o número de movimentos mínimos para vencer o jogo da torre de hanoi com 4 discos (começando no vértice 0 até o vértice 65 ou 80) são de 15 movimentos. A questão 2 foi observado que o nível de confiabilidade pode variar bastante de um vértice até outro, e que o nível de confiabilidade de uma extremidade a outra do grafo (vértice 0 até vértice 23) foi de 0.0315 de acordo com o caminho percorrido, que pode ser analisada como de baixa confiabilidade, valores mais próximos de 1 são mais confiáveis. Por fim, a questão 3.1 (variação da questão 3 só que inserindo somente números de matrículas aleatórias) foi perceptível analisar que o método fold shift foi mais eficiente para tratar as colisões, pois a partir dele, outras colisões foram evitadas, aumentando seu desempenho em relação ao de rotação (Tanto no vetor de 100 posições quanto no de 150 posições).

**Conclusão:** Os programas forneceram uma estrutura básica para manipulação de grafos e de tabela hash. Além do mais, os experimentos de verificação de tempo, se mostraram ser eficientes perante a máquina utilizada para testar os mesmos. Com tudo que já foi dito, podemos concluir que os programas se mostram eficiente nos resultados de saída exibidos. Todas demais informações já foram citadas, explanadas e detalhadas nos tópicos acima. Sendo assim, os programas conseguiram responder as problemáticas dos projetos e se mostram sem erros ou insuficiências. Com estes experimentos, foi possível desenvolver e manipular grafos e tabela hash através da Linguagem C, apesar de ser um projeto simples, a boa interpretação do problema é crucial para uma ótima aplicação.

## Apêndice:

### Questão 1:

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <windows.h>

#define TAM 81
#define INF 999999

/*Prototipos*/
typedef struct vertice Vertice;
typedef struct grafo Grafo;

/*Structs*/
typedef struct vertice{

    int discos[4];
}Vertice;

typedef struct grafo {
    Vertice *vertices;
    int **arestas;
}Grafo;

/*Declaração das funções*/
```

```

Grafo *Criar_Grafo(int n);
void menu();

/*Impressões*/
void Imprimir_Matriz_adjacente(Grafo *G, int n);
void Imprimir_Menor_Caminho_Bellman(int vertices, int destino, int
vertexAnterior[], int distancia[]);
void Imprimir_conteudo_do_vertice(Grafo *G, int linha);

void Inserir_vertices_e_arestas(Grafo *G);

void bellmanFord(int **grafo, int vertices, int origem, int destino);

void Liberar_Grafo(Grafo **G, int qtdVertice);

/*Jogo*/
void Vertices_adjacentes(int *vetorVertice, int *vetorResposta, int *cont);
int Verificar_Vitoria(Grafo *G, int vertice, int pinoDesejado);
int Verificar_Movimento_Valido(int *vetorResposta, int vertice);
void jogar(Grafo *G, int vertice);

Grafo *Criar_Grafo(int n){
    // n é o numero de vertices ou configuracoes possiveis
    Grafo *G;

    G = (Grafo *) malloc(sizeof(Grafo));

    // Alocação de memoria para o vetor de vertices
    G->vertices = (Vertice *) malloc(n * sizeof(Vertice));

    // Alocação de memoria para a matriz de arestas
    G->arestas = (int **) malloc(n * sizeof(int *));
    for(int i = 0; i < n; i++){
        G->arestas[i] = (int *) calloc(n, sizeof(int));
    }

    return G;
}

void Imprimir_Matriz_adjacente(Grafo *G, int n){
    printf("Vertices: \n");
    for(int i = 0; i < n; i++){
        printf(" %d", i);
    }
    printf("\n\n");
    for(int i = 0; i < n; i++){
        printf("%d ", i);
        for(int j = 0; j < n; j++){
            printf("%d ", G->arestas[i][j]);

```

```

    }
    printf("\n");
}
printf("\n");
}

void Inserir_vertices_e_arestas(Grafo *G){
    FILE *verticesEarestas;

    verticesEarestas = fopen("../torre_hanoi.txt", "r");
    if(verticesEarestas == NULL){
        printf("Error ao localizar o arquivo desejado!!");
    }else{

        int verticeAtual = 0, vermelho, amarelo, verde, rosa, aresta1, aresta2,
aresta3;

        // Inserir os valores dos vertices no grafo a partir do arquivo ../
        while (fscanf(verticesEarestas, "%d %d %d %d %d %d %d %d", &verticeAtual,
&vermelho, &amarelo, &verde, &rosa, &aresta1, &aresta2, &aresta3) != EOF){

            //preenche os pinos dos vertices
            G->vertices[verticeAtual].discos[0] = vermelho;
            G->vertices[verticeAtual].discos[1] = amarelo;
            G->vertices[verticeAtual].discos[2] = verde;
            G->vertices[verticeAtual].discos[3] = rosa;

            // marca a ligação das arestas na matriz adjacente
            G->arestas[verticeAtual][aresta1] = 1;
            G->arestas[verticeAtual][aresta2] = 1;
            if(aresta3 != 9999)
                G->arestas[verticeAtual][aresta3] = 1;
        }
    }
}

void Imprimir_conteudo_do_vertice(Grafo *G, int Linha){
    printf("%d: (%d, %d, %d, %d)\n", Linha, G->vertices[Linha].discos[0], G-
>vertices[Linha].discos[1], G->vertices[Linha].discos[2], G-
>vertices[Linha].discos[3]);
}

void bellmanFord(int **grafo, int vertices, int origem, int destino) {
    LARGE_INTEGER start_time, end_time, frequency;
    double elapsed_time_ms;
    int possuiCicloNegativo = 0;
    int *distancia, *verticeAnterior;
    distancia = (int*)malloc(vertices * sizeof(int));
    verticeAnterior = (int*)malloc(vertices * sizeof(int));

```

```

    // Os arrays de distância e vértices anteriores são inicializados com valores
    que indicam a
    // ausência de ligação(infinito) ou que a posição do vetor ainda não foi
    utilizada(-1)
    for (int i = 0; i < vertices; i++) {
        distancia[i] = INF;
        verticeAnterior[i] = -1;
    }
    // A distância do vértice de origem para ele mesmo é zero
    distancia[origem] = 0;
    QueryPerformanceFrequency(&frequency);
    QueryPerformanceCounter(&start_time);
    // Encontra o caminho mais curto partindo do vértice de origem para todos os
    demais vértices
    for (int qtdRelaxamentos = 0; qtdRelaxamentos < vertices - 1;
    qtdRelaxamentos++) {
        for (int i = 0; i < vertices; i++) {
            for (int j = 0; j < vertices; j++) {
                if (grafo[i][j] && distancia[i] != INF && distancia[i] +
                grafo[i][j] < distancia[j]) {
                    distancia[j] = distancia[i] + grafo[i][j];
                    verticeAnterior[j] = i;
                }
            }
        }
    }

    // Checa se existe um ciclo negativo no grafo,
    // caso exista não é possível encontrar o menor caminho no grafo devido às
    limitações do algoritmo
    for (int i = 0; i < vertices; i++) {
        for (int j = 0; j < vertices; j++) {
            if (grafo[i][j] && distancia[i] != INF && distancia[i] + grafo[i][j] <
            distancia[j]) {
                printf("O grafo contem um ciclo negativo.\n");
                possuiCicloNegativo = 1;
                j = vertices;
                i = j;
            }
        }
    }
    QueryPerformanceCounter(&end_time);
    elapsed_time_ms = ((double)(end_time.QuadPart - start_time.QuadPart) * 1000.0)
    / frequency.QuadPart;
    printf("Tempo decorrido: %.5f ms\n", elapsed_time_ms);
    // caso não exista um ciclo negativo, imprime o menor caminho
    if(!possuiCicloNegativo)
        Imprimir_Menor_Caminho_Bellman(vertices,destino,verticeAnterior,distancia);
    free(distancia);
    free(verticeAnterior);
}

```

```

void Imprimir_Menor_Caminho_Bellman(int vertices, int destino, int
verticeAnterior[], int distancia[]){
    // Mostrar o caminho mais curto para o vértice de destino como também a
distância
    printf("\nCaminho mais curto: ");
    int comprimentocaminho = 0;
    int *caminhovertices; caminhovertices = (int*)malloc(vertices * sizeof(int));

    int verticeatual = destino;

    while (verticeatual != -1) {
        caminhovertices[comprimentocaminho++] = verticeatual;
        verticeatual = verticeAnterior[verticeatual];
    }

    for (int i = comprimentocaminho - 1; i >= 0; i--) {
        printf("%d ", caminhovertices[i]);
        if (i > 0)
            printf("-> ");
    }
    printf("\nDistancia: %d\n", distancia[destino]);
    free(caminhovertices);
}

void Liberar_Grafo(Grafo **G, int qtdVertice){
    for (int i = 0; i < qtdVertice; i++){
        free((*G)->arestas[i]);
        (*G)->arestas[i] = NULL;
    }
    free((*G)->vertices);
    (*G)->vertices = NULL;

    free(*G);
    *G = NULL;
}

// jogo
// verifica resposta informa para quais arestas um vertice pode ir
void Vertices_adjacentes(int *vetorVertice, int *vetorResposta, int *cont){
    *cont = 0;

    for(int i = 0; i < 81; i++){
        if(vetorVertice[i] == 1){
            if(*cont == 0)
                vetorResposta[0] = i;
            if(*cont == 1)
                vetorResposta[1] = i;
            if(*cont == 2)
                vetorResposta[2] = i;
            *cont += 1;
        }
    }
}

```



```

    }
}

// verificar se todos os pinos estão no 3 pino, retorna 4 caso estejam.
int Verificar_Vitoria(Grafo *G, int vertice, int pinoDesejado){
    int incremento = 0;
    for (int i = 0; i < 4; i++){
        if(G->vertices[vertice].discos[i] == pinoDesejado)
        {
            incremento += 1;
        }
    }
    return incremento; // Retorna 1 se todos os discos estiverem no pino desejado,
0 caso contrário.
}

// verifica se o vertice informado é uma opção para onde ir
int Verificar_Movimento_Valido(int *vetorResposta, int vertice){
    int cont = 1;
    if (vertice == vetorResposta[0])
        cont = 0;
    if (vertice == vetorResposta[1])
        cont = 0;
    if (vertice == vetorResposta[2])
        cont = 0;

    return cont;
}

// Essa função permite que o usuário jogue o jogo
void jogar(Grafo *G, int vertice){
    int numMovimentos = 0;
    int vetorResposta[3], cont, flagParada = 1;

    do{
        // Esse while continuar até que o usuário ganhe ou desista
        printf("\nVertice atual e conteudo.\n ");
        Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vertice);
        printf("Possibilidades de para onde pode ir: \n");

        // zera o vetor de resposta
        memset(vetorResposta, 0, sizeof(vetorResposta));

        // verifica resposta informa para quais arestas um vertice pode ir
        Vertices_adjacentes(G->arestas[vertice], vetorResposta, &cont);

        Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vetorResposta[0]);
        Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vetorResposta[1]);

        if(cont == 3){

```

```

        Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vetorResposta[2]);
    }

    printf("Deseja continuar jogando? 1 - sim, 0 - nao: ");
    scanf("%d", &flagParada);

    // entra nesse if se o usuário deseja continuar jogando, se não entrar isso
    significa que ele desistiu.
    if(flagParada == 1){

        printf("\nDigite o indice do vertice que deseja ir: ");
        scanf("%d", &vertice);

        while ((vertice < 0 || vertice > 80) ||
(Verificar_Movimento_Valido(vetorResposta, vertice))){
            printf("Indice de vertice nao existe ou foi informado um vertice
que nao tem ligacao com o vertice atual.\n");
            printf("Digite novamente o vertice que deseja ir: ");
            scanf("%d", &vertice);
        }
        numMovimentos++;
    }else if(flagParada == 0){
        printf("Voce desistiu em %d movimentos\n", numMovimentos);
    }else{
        printf("Opcao invalida\n");
    }
}while((Verificar_Vitoria(G, vertice, 1) != 4) && (Verificar_Vitoria(G,
vertice, 2) != 4) && (Verificar_Vitoria(G, vertice, 3) != 4) && (flagParada != 0));

    if(flagParada == 1)
        printf("Voce venceu em %d movimentos\n", numMovimentos);
}

void menu()
{
    printf("=====MENU=====
=====\\n");
    printf(": 1 - Imprimir valores de todos os
vertices                               :\\n");
    printf(": 2 - Imprimir um
vertice                               :\\n");
    printf(": 3 - Imprimir matriz adjacente
arestas                               :\\n");
    printf(": 4 - Imprimir para onde as arestas de vertice estao
ligadas                               :\\n");
    printf(": 5 - Ford-Moore-
Bellman                               :\\n");
    printf(": 6 -
Jogar                               :\\n");

```

```

    printf(": 0 -
Sair                                                                    :\n");
    printf("=====\n");
}

int main(){
    Grafo *G;
    int op, vertice, opJogo, cont, vetorResposta[3], origem, destino;

    G = Criar_Grafo(81);

    Inserir_vertices_e_arestas(G);

    do{
        menu();
        scanf("%d", &op);

        switch (op){
            case 0:
                printf("Saindo...\n");
                break;
            case 1:
                for(int i = 0; i < TAM; i++)
                    Imprimir_conteudo_do_vertice(G, i); // imprimir valores dos
vertices
                break;
            case 2:
                printf("Digite o indice do vertice: ");
                scanf("%d", &vertice);
                if(vertice >= 0 && vertice <= 80)
                    Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vertice);
                else
                    printf("Indice de vertice nao existe.\n");
                break;
            case 3:
                Imprimir_Matriz_adjacente(G, TAM); //imprimir arestas
                break;
            case 4:
                cont = 0;
                printf("Digite o indice do vertice: ");
                scanf("%d", &vertice);

                if(vertice >= 0 && vertice <= 80){
                    Vertices_adjacentes(G->arestas[vertice], vetorResposta, &cont);

                    Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vetorResposta[0]);
                    Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vetorResposta[1]);

                    if(cont == 3){
                        Imprimir_conteudo_do_vertice(G, vetorResposta[2]);

```

```

        }
        memset(vetorResposta, 0, sizeof(vetorResposta));

    }else
        printf("Indice de vertice nao existe.\n");
    break;
case 5:
    printf("Ford-Moore-Bellman\n");
    printf("Digite o vertice de origem: ");
    scanf("%d", &origem);
    printf("Digite o vertice de destino: ");
    scanf("%d", &destino);

    if((origem >= 0 && origem <= 80) && (destino >= 0 && destino <= 80) )
        bellmanFord(G->arestas, TAM, origem, destino);
    else
        printf("Verifique se os vertices informados existem\n");
    break;
case 6:
    printf("\nDeseja comecar de algum vertice? 1 - sim, 2 - nao: ");
    scanf("%d", &opJogo);

    if(opJogo == 1){
        printf("\nDigite o indice do vertice: ");
        scanf("%d", &vertice);

        if(vertice >= 0 && vertice <= 80)
            jogar(G, vertice);
        else
            printf("\nIndice de vertice nao existe.\n");
    }else if(opJogo == 2)
        jogar(G, 0);
    else
        printf("\nOpcao invalida\n");
    break;
default:
    printf("Opcao invalida.\n");
    break;
}
}while (op != 0);
Liberar_Grafo(&G, 81);
return 0;
}

```

## Questão 2:

```

#include <stdio.h>
#include <stdbool.h>
#include <stdlib.h>
#include <limits.h>

```

```

#define MAX_VERTICES 1000

/*Prototipos*/
typedef struct aresta Aresta;
typedef struct grafo Grafo;
typedef struct filaprioridade FilaPrioridade;

/*Structs*/
typedef struct aresta{
    int vertice;
    double confiabilidade;
} Aresta;

typedef struct grafo{
    Aresta *arestas;
    int num_arestas;
} Grafo;

typedef struct filaprioridade{
    double confiabilidade;
    int vertice;
} FilaPrioridade;

/*Declaração das funções*/
void Liberar_Grafo(Grafo *grafo, int num_vertices);
Grafo* Criar_Grafo(int num_vertices);
void Imprimir_Caminho_Mais_Confiavel(const int *predecessores, int origem, int destino);
void Liberar_Dijkstra_Memoria(bool *visitados, double *confiabilidade, FilaPrioridade *fp, int *predecessores);
void dijkstra(const Grafo *grafo, int origem, int destino, int num_vertices);
void Inserir_Arestas(Grafo *grafo, int u, int v, double confiabilidade);
void Ler_Arestas_Do_Arquivo(FILE *arquivo, Grafo *grafo, int num_arestas);

// Função para liberar a memória alocada para o grafo
void Liberar_Grafo(Grafo *grafo, int num_vertices) {
    for (int i = 0; i < num_vertices; ++i) {
        free(grafo[i].arestas);
    }
    free(grafo);
}

// Função para preencher o grafo a partir de um arquivo
Grafo* Criar_Grafo(int num_vertices) {
    Grafo *grafo = (Grafo *)malloc(num_vertices * sizeof(Grafo));
    for (int i = 0; i < num_vertices; ++i) {
        grafo[i].num_arestas = 0;
        grafo[i].arestas = NULL;
    }
}

```

```

    return grafo;
}

void Ler_Arestas_Do_Arquivo(FILE *arquivo, Grafo *grafo, int num_arestas) {

    for (int i = 0; i < num_arestas; ++i) {
        int u, v;
        double confiabilidade;
        fscanf(arquivo, "%d %d %lf", &u, &v, &confiabilidade);
        Inserir_Arestas(grafo, u, v, confiabilidade);
    }
}

void Inserir_Arestas(Grafo *grafo, int u, int v, double confiabilidade) {
    grafo[u].arestas = (Aresta *)realloc(grafo[u].arestas, (grafo[u].num_arestas +
1) * sizeof(Aresta));
    grafo[u].arestas[grafo[u].num_arestas++] = (Aresta){v, confiabilidade};
}

// Função para imprimir o caminho mais confiável
void Imprimir_Caminho_Mais_Confiavel(const int *predecessores, int origem, int
destino) {
    if (destino == origem) {
        printf("%d", origem);
    } else if (predecessores[destino] == -1) {
        printf("Caminho inexistente entre %d e %d\n", origem, destino);
    } else {
        Imprimir_Caminho_Mais_Confiavel(predecessores, origem,
predecessores[destino]);
        printf(" -> %d", destino);
    }
}

// Função para liberar a memória alocada durante o algoritmo de Dijkstra
void Liberar_Dijkstra_Memoria(bool *visitados, double *confiabilidade,
FilaPrioridade *fp, int *predecessores) {
    free(visitados);
    free(confiabilidade);
    free(fp);
    free(predecessores);
}

// Função principal do algoritmo de Dijkstra
void dijkstra(const Grafo *grafo, int origem, int destino, int num_vertices) {
    bool *visitados = (bool *)malloc(num_vertices * sizeof(bool));
    double *confiabilidade = (double *)malloc(num_vertices * sizeof(double));
    int *predecessores = (int *)malloc(num_vertices * sizeof(int));

    for (int i = 0; i < num_vertices; ++i) {
        visitados[i] = false;
        confiabilidade[i] = 0.0;
    }
}

```

```

        predecessores[i] = -1;
    }
    confiabilidade[origem] = 1.0;

    FilaPrioridade *fp = (FilaPrioridade *)malloc(num_vertices *
sizeof(FilaPrioridade));
    int tamanho_fp = 0;
    fp[tamanho_fp++] = (FilaPrioridade){1.0, origem};

    while (tamanho_fp > 0) {
        FilaPrioridade min_confiab = fp[0];
        int min_idx = 0;
        for (int i = 1; i < tamanho_fp; ++i) {
            if (fp[i].confiabilidade > min_confiab.confabilidade) {
                min_confiab = fp[i];
                min_idx = i;
            }
        }

        fp[min_idx] = fp[--tamanho_fp];
        visitados[min_confiab.vertice] = true;

        if (min_confiab.vertice == destino) {
            printf("O caminho mais confiavel entre %d e %d tem confiabilidade
%.4lf\n", origem, destino, min_confiab.confabilidade);
            printf("Caminho: ");
            Imprimir_Caminho_Mais_Confiavel(predecessores, origem, destino);
            printf("\n");

            Liberar_Dijkstra_Memoria(visitados, confiabilidade, fp, predecessores);
            return;
        }

        for (int i = 0; i < grafo[min_confiab.vertice].num_arestas; ++i) {
            Aresta aresta = grafo[min_confiab.vertice].arestas[i];
            if (!visitados[aresta.vertice]) {
                double nova_confiab = min_confiab.confabilidade *
aresta.confabilidade;
                if (nova_confiab > confiabilidade[aresta.vertice]) {
                    confiabilidade[aresta.vertice] = nova_confiab;
                    predecessores[aresta.vertice] = min_confiab.vertice;
                    fp[tamanho_fp++] = (FilaPrioridade){nova_confiab,
aresta.vertice};
                }
            }
        }
    }

    printf("Nao ha caminho confiavel entre %d e %d\n", origem, destino);
    Liberar_Dijkstra_Memoria(visitados, confiabilidade, fp, predecessores);
}

```

```

int main() {
    FILE *arquivo = fopen("../Grafo.txt", "r");
    if (arquivo == NULL) {
        printf("Erro ao abrir o arquivo.\n");
        return 1;
    }

    int num_vertices, num_arestas;
    fscanf(arquivo, "%d %d", &num_vertices, &num_arestas);

    Grafo *grafo = Criar_Grafo(num_vertices);
    Ler_Arestas_Do_Arquivo(arquivo, grafo, num_arestas * 2);

    int origem, destino;
    printf("Digite o vertice de origem e o vertice de destino: ");
    scanf("%d %d", &origem, &destino);

    if (origem < 0 || origem >= num_vertices || destino < 0 || destino >=
num_vertices) {
        printf("Vertices invalidos. Certifique-se de que os vertices inseridos
existem no grafo.\n");
    } else {
        dijkstra(grafo, origem, destino, num_vertices);
    }

    Liberar_Grafo(grafo, num_vertices);

    fclose(arquivo);

    return 0;
}

```

### Questão 3:

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>

#define MAX101 101
#define MAX150 150

/* Prototypes */
typedef struct func Func;
void imprimirFunc(Func *tabela, int MAX);
void inicializarTabela(Func *f, int MAX);

int colisaoRotacao(int chave, char primeiroDigito, int MAX);
int funcaoHashStringRotacao(char *str, int MAX);

```



```

void inserirTabelaRotacao(Func *tabela, int *numColisoas, int *countTabela, int
MAX);

int colisaoFoldShift(int chave, int MAX);
int funcaoHashStringFoldShift(char *str, int MAX);
void inserirTabelaFoldShift(Func *tabela, int *numColisoas, int *countTabela, int
MAX);

/* Struct */

typedef struct func
{
    char matricula[7];
    char nome[50];
    char funcao[20];
    float salario;
} Func;

/* Imprimir */

void imprimirFunc(Func *tabela, int MAX)
{
    for (int i = 0; i < MAX; i++)
    {
        if (tabela[i].matricula[0] != '\0')
        {
            printf("Matricula: %s\n", tabela[i].matricula);
            printf("Nome: %s\n", tabela[i].nome);
            printf("Funcao: %s\n", tabela[i].funcao);
            printf("Salario: %.2f\n", tabela[i].salario);
            printf("\n");
        }
    }
}

/* Leitura dos dados */

Func lerFunc()
{
    Func f;
    while (strlen(f.matricula) < 6 || strlen(f.matricula) > 6)
    {
        printf("Informe a matricula do funcionario: ");
        scanf(" %s", f.matricula);
    }
    printf("Informe o nome do funcionario: ");
    scanf(" %s", f.nome);
    printf("Informe a funcao do funcionario: ");
    scanf(" %s", f.funcao);
    printf("Informe o salario do funcionario: ");
    scanf("%f", &f.salario);
}

```

```

    return f;
}

/* Funcoes Hash */

void inicializarTabela(Func *f, int MAX)
{
    for (int i = 0; i < MAX; i++)
    {
        strcpy(f[i].matricula, "\0");
    }
}

/*Função hash rotação*/

int colisaoRotacao(int chave, char primeiroDigito, int MAX)
{
    return (chave + (primeiroDigito - '0'))% MAX;
}

int funcaoHashStringRotacao(char *str, int MAX)
{
    char chave[7];
    sprintf(chave, "%c%c%s", str[4], str[5], str);
    int d2 = chave[1] - '0';
    int d4 = chave[3] - '0';
    int d6 = chave[5] - '0';
    int valor_hash = d2 * 100 + d4 * 10 + d6;
    int posicao = valor_hash % MAX;
    return posicao;
}

void inserirTabelaRotacao(Func *tabela, int *numColisoas, int *countTabela, int
MAX)
{
    Func f = lerFunc();
    int indice = funcaoHashStringRotacao(f.matricula, MAX);
    if ((*countTabela) < MAX)
    {
        if (tabela[indice].matricula[0] != '\0')
        {
            (*numColisoas)++;
            int novo = colisaoRotacao(indice, f.matricula[0], MAX);
            printf("\n\n\nnovo:%d\n\n\n", novo);
            while (tabela[novo].matricula[0] != '\0')
            {
                (*numColisoas)++;
                novo = colisaoRotacao(novo, f.matricula[0], MAX);
            }
        }
    }
}

```

```

        tabela[novo] = f;
        (*countTabela)++;
    }
    else
    {
        (*countTabela)++;
        tabela[indice] = f;
    }
}
}
else
{
    (*countTabela)++;
    tabela[indice] = f;
}
}

/*Função hash fold shift*/

int colisaoFoldShift(int chave, int MAX)
{
    return (chave + 7) % MAX;
}

int funcaoHashStringFoldShift(char *str, int MAX)
{
    int tam = strlen(str);
    unsigned int hash = 0;

    unsigned int aux1 = 0;
    unsigned int aux2 = 0;

    for (int i = 0; i < tam; i++)
    {
        if (i == 0 || i == 2 || i == 5)
            aux1 = aux1 * 10 + (str[i] - '0');
        else
            aux2 = aux2 * 10 + (str[i] - '0');
    }

    hash = (aux1 + aux2) % MAX;

    return hash;
}

void inserirTabelaFoldShift(Func *tabela, int *numColisoas, int *countTabela, int MAX)
{
    Func f = lerFunc();
    int indice = funcaoHashStringFoldShift(f.matricula, MAX);

```

```

if ((*countTabela) < MAX)
{
    if (tabela[indice].matricula[0] != '\0')
    {
        (*numColisoos)++;
        int novo = colisaoFoldShift(indice, MAX);

        while (tabela[novo].matricula[0] != '\0')
        {
            (*numColisoos)++;
            novo = colisaoFoldShift(novo, MAX);
        }
        tabela[novo] = f;
        (*countTabela)++;
    }
    else
    {
        (*countTabela)++;
        tabela[indice] = f;
    }
}
}

void menu_tabela()
{
    printf("===== MENU =====\n");
    printf("1 - Tabela de 101 posicoes\n");
    printf("2 - Tabela de 150 posicoes\n");
    printf("0 - Sair\n");
    printf("===== \n");
}

void menu_hash()
{
    printf("===== MENU =====\n");
    printf("1 - Hash rotacao\n");
    printf("2 - Hash fold shift\n");
    printf("0 - Sair\n");
    printf("===== \n");
}

void menu_opcoes()
{
    printf("===== MENU =====\n");
    printf("1 - Inserir funcionarios\n");
    printf("2 - Imprimir funcionarios\n");
    printf("3 - Colisoos totais\n");
}

```

```

    printf("0 - Voltar                \n");
    printf("===== \n");
}

int main()
{
    Func *tabela101 = (Func *)malloc(MAX101 * sizeof(Func));
    Func *tabela150 = (Func *)malloc(MAX150 * sizeof(Func));
    int numColisoos101 = 0;
    int numColisoos150 = 0;
    int countTabela101 = 0;
    int countTabela150 = 0;
    int op = -1;

    while(op != 0)
    {
        menu_tabela();
        scanf("%d", &op);
        switch (op)
        {
            case 1:
            {
                menu_hash();
                scanf("%d", &op);
                switch (op)
                {
                    case 1:
                    {
                        inicializarTabela(tabela101, MAX101);
                        op = -1;
                        while (op != 0)
                        {
                            op = -1;
                            menu_opcoes();
                            scanf("%d", &op);
                            switch (op)
                            {
                                case 1:
                                    inserirTabelaRotacao(tabela101, &numColisoos101,
&countTabela101, MAX101);
                                    break;
                                case 2:
                                    imprimirFunc(tabela101, MAX101);
                                    break;
                                case 3:
                                    printf("Numero total de colisoos: %d\n",
numColisoos101);
                                    break;
                                default:
                                    break;
                            }
                        }
                    }
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        numColisoos101 = 0;
        countTabela101 = 0;
        op = -1;
        break;
    case 2:
        inicializarTabela(tabela101, MAX101);
        while (op != 0)
        {
            op = -1;
            menu_opcoes();
            scanf("%d", &op);
            switch (op)
            {
                case 1:
                    inserirTabelaFoldShift(tabela101, &numColisoos101,
numColisoos101, MAX101);
                    break;
                case 2:
                    imprimirFunc(tabela101, MAX101);
                    break;
                case 3:
                    printf("Numero total de colisoos: %d\n",
numColisoos101);
                    break;
                default:
                    break;
            }
        }
        numColisoos101 = 0;
        countTabela101 = 0;
        op = -1;
        break;
    default:
        break;
    }
}
op = -1;
break;
case 2:
{
    menu_hash();
    scanf("%d", &op);
    switch (op)
    {
        case 1:
            inicializarTabela(tabela150, MAX150);
            op = -1;
            while (op != 0)
            {
                op = -1;
                menu_opcoes();

```

```

        scanf("%d", &op);
        switch (op)
        {
            case 1:
                inserirTabelaRotacao(tabela150, &numColisoas150,
numColisoas150, MAX150);
                break;
            case 2:
                imprimirFunc(tabela150, MAX150);
                break;
            case 3:
                printf("Numero total de colisoas: %d\n",
numColisoas150);
                break;
            default:
                break;
        }
    }
    numColisoas150 = 0;
    countTabela150 = 0;
    op = -1;
    break;
case 2:
    inicializarTabela(tabela150, MAX150);
    while (op != 0)
    {
        op = -1;
        menu_opcoes();
        scanf("%d", &op);
        switch (op)
        {
            case 1:
                inserirTabelaFoldShift(tabela150, &numColisoas150,
numColisoas150, MAX150);
                break;
            case 2:
                imprimirFunc(tabela150, MAX150);
                break;
            case 3:
                printf("Numero total de colisoas: %d\n",
numColisoas150);
                break;
            default:
                break;
        }
    }
    numColisoas150 = 0;
    countTabela150 = 0;
    op = -1;
    break;
default:

```

```

                break;
            }
        }

        default:
            break;
    }
}

free(tabela101);
free(tabela150);

return 0;
}

```

### Questão 3.1:

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <string.h>

#define MAX101 101
#define MAX150 150

typedef struct func {
    char matricula[7];
} Func;

char* matricula_aleatoria() {
    char* matricula = malloc(7 * sizeof(char));

    for (int i = 0; i < 6; i++) {
        matricula[i] = '0' + rand() % 10;
    }
    matricula[6] = '\0';

    return matricula;
}

void inicializarTabela(Func *f, int MAX) {
    for (int i = 0; i < MAX; i++) {
        strcpy(f[i].matricula, "\0");
    }
}

int colisaoRotacao(int chave, char primeiroDigito, int MAX) {
    return (chave + (primeiroDigito - '0')) % MAX;
}

```



```

int funcaoHashStringRotacao(char *str) {
    char chave[7];
    sprintf(chave, "%c%c%s", str[4], str[5], str);
    int d2 = chave[1] - '0';
    int d4 = chave[3] - '0';
    int d6 = chave[5] - '0';
    int valor_hash = d2 * 100 + d4 * 10 + d6;
    return valor_hash % MAX101;
}

void inserirTabelaRotacao(Func *tabela, int *numColisoas, int *countTabela, int
MAX, int num) {
    Func f;
    snprintf(f.matricula, sizeof(f.matricula), "%d", num);
    int indice = funcaoHashStringRotacao(f.matricula);

    if ((*countTabela) < MAX) {
        if (tabela[indice].matricula[0] != '\0') {
            (*numColisoas)++;
            int novo = colisaoRotacao(indice, f.matricula[0], MAX);

            while (tabela[novo].matricula[0] != '\0') {
                (*numColisoas)++;
                novo = colisaoRotacao(novo, f.matricula[0], MAX);
            }
            tabela[novo] = f;
            (*countTabela)++;
        } else {
            (*countTabela)++;
            tabela[indice] = f;
        }
    } else {
        (*countTabela)++;
        tabela[indice] = f;
    }
}

int colisaoFoldShift(int chave, int MAX) {
    return (chave + 7) % MAX;
}

int funcaoHashStringFoldShift(char *str) {
    int tam = strlen(str);
    unsigned int hash = 0;

    unsigned int aux1 = 0;
    unsigned int aux2 = 0;

    for (int i = 0; i < tam; i++) {
        if (i == 0 || i == 2 || i == 5)
            aux1 = aux1 * 10 + (str[i] - '0');
    }
}

```

```

        else
            aux2 = aux2 * 10 + (str[i] - '0');
    }

    hash = (aux1 + aux2) % MAX101;

    return hash;
}

void inserirTabelaFoldShift(Func *tabela, int *numColisoas, int *countTabela, int
MAX, int num) {
    Func f;
    snprintf(f.matricula, sizeof(f.matricula), "%d", num);
    int indice = funcaoHashStringFoldShift(f.matricula);

    if ((*countTabela) < MAX) {
        if (tabela[indice].matricula[0] != '\0') {
            (*numColisoas)++;
            int novo = colisaoFoldShift(indice, MAX);

            while (tabela[novo].matricula[0] != '\0') {
                (*numColisoas)++;
                novo = colisaoFoldShift(novo, MAX);
            }
            tabela[novo] = f;
            (*countTabela)++;
        } else {
            (*countTabela)++;
            tabela[indice] = f;
        }
    } else {
        (*countTabela)++;
        tabela[indice] = f;
    }
}

void imprimirTabela(Func *tabela, int MAX, const char *tableLabel) {
    printf("\n%s:\n", tableLabel);
    for (int i = 0; i < MAX; i++) {
        printf("%d: %s\n", i, tabela[i].matricula);
    }
}

int main() {
    Func *tabela101 = (Func *)malloc(MAX101 * sizeof(Func));
    Func *tabela150 = (Func *)malloc(MAX150 * sizeof(Func));

    int numColisoasRotacao101 = 0;
    int numColisoasFoldShift101 = 0;
    int numColisoasRotacao150 = 0;
    int numColisoasFoldShift150 = 0;

```

```

int countTabelaRotacao101 = 0;
int countTabelaRotacao150 = 0;
int countTabelaFoldShift101 = 0;
int countTabelaFoldShift150 = 0;

srand(time(NULL));

inicializarTabela(tabela101, MAX101);
inicializarTabela(tabela150, MAX150);

int i = 0;

while (i < 1000) {
    int num = rand() % 900000 + 100000;
    inserirTabelaRotacao(tabela101, &numColisoosRotacao101,
&countTabelaRotacao101, MAX101, num);
    inserirTabelaRotacao(tabela150, &numColisoosRotacao150,
&countTabelaRotacao150, MAX150, num);
    i++;
    // printf("\n\nni : %d\n\n\n", i);
}

imprimirTabela(tabela101, MAX101, "Table 101 (Rotacao)");
imprimirTabela(tabela150, MAX150, "Table 150 (Rotacao)");
inicializarTabela(tabela101, MAX101);
inicializarTabela(tabela150, MAX150);
i = 0;
while (i < 1000) {
    int num = rand() % 900000 + 100000;
    inserirTabelaFoldShift(tabela101, &numColisoosFoldShift101,
&countTabelaFoldShift101, MAX101, num);
    inserirTabelaFoldShift(tabela150, &numColisoosFoldShift150,
&countTabelaFoldShift150, MAX150, num);
    i++;
    // printf("\n\nnaaaa : %d\n\n\n", i);
}

imprimirTabela(tabela101, MAX101, "Table 101 (FoldShift)");
imprimirTabela(tabela150, MAX150, "Table 150 (FoldShift)");

printf("\nColisoos Rotacao 101: %d || Num inseridos: %d\n",
numColisoosRotacao101, countTabelaRotacao101);
printf("Colisoos Fold Shift 101: %d || Num inseridos: %d\n",
numColisoosFoldShift101, countTabelaFoldShift101);
printf("Colisoos Rotacao 150: %d || Num inseridos: %d\n",
numColisoosRotacao150, countTabelaRotacao150);
printf("Colisoos Fold Shift 150: %d || Num inseridos: %d\n\n",
numColisoosFoldShift150, countTabelaFoldShift150);

free(tabela101);
free(tabela150);

```

```
    return 0;  
}
```