# PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DE GOIÁS ESCOLA DE CIÊNCIAS EXATAS E DA COMPUTAÇÃO CIÊNCIAS DA COMPUTAÇÃO INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL Professor CLARIMAR JOSE COELHO

## Aluno MARCOS RODOLFO CRUVINEL GOULART QUERINO

#### ATIVIDADE EXTRA DISCIPLINAR II

Escrever um programa em Python para implementar a regressão linear múltipla usando os dados de sêmen. Devem ser calculados: R², R² ajustado, SQT, SQR e SQE.

GOIÂNIA

#### 1. Desenvolvimento

Primeiramente, os dados de teste repassados pelo professor foram transcritos em um arquivo 'semen.csv' (em anexo). E em seguida, foram lidos pelo código (em anexo):

```
# Importação das bibliotecas
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.linear_model import LinearRegression
import statsmodels.formula.api as sm
# Carregar dados do arquivo .csv para variavel 'base'
base= pd.read_csv('semen.csv') # Usamos a biblioteca 'pandas' para ler
                               # esse arquivo
base.shape # 'shape' da forma a esse arquivo, uma vez que seus dados estão
           # numa variavel (array)
# Regressao linear multipla
# 4 variaveis independentes: x1, x2, x3 e x4
x= base.iloc[:,0:4].values # [:,1:4]= pega todas as linhas e as colunas de
                         #0 a 3 (nesse 'range' o ultimo valor é ignorado,
                         # no caso, o '4')
y= base.iloc[:,4].values # Passa a coluna 'y' para a y
# Criação do modelo, treinamento, visualização dos coeficientes e do score
modelo= LinearRegression()
modelo.fit(x,y)
# Interceptação (aonde os dados encontram o eixo 'y')
print('\nInterceptação (aonde os dados encontram o eixo Y)\n')
```

```
print(modelo.intercept_)
# Inclinação (ângulo da reta)
print('\nInclinação (ângulo da reta)\n')
print(modelo.coef_)
# Score R2 (coeficiente de determinação, mostra o quanto o modelo consegue
# explicar os valores obtidos)
modelo.score(x,y)
# Geração de previsões
previsoes= modelo.predict(x)
print('\nGerando previsões:\n',previsoes)
# Criação do modelo usando a biblioteca statsmodel, para obter R<sup>2</sup> ajustado
modelo_ajustado= sm.ols(formula= 'y \sim x1 + x2 + x3 + x4', data= base)
modelo_experiente= modelo_ajustado.fit() # O metodo 'fit' treina o modelo
print('\nRegressao linear multipla\n')
print(modelo_experiente.summary())
# Visualização dos resultados com grafico de dispersão
# As linhas abaixo estão marcadas como comentário porque não fui capaz de
# desenvolver o gráfico de dispersão para regressão linear multipla
# Erro: "ValueError: x and y must be the same size"
# plt.scatter(x,y)
# plt.plot(x, previsoes, color= 'red')
2. Resultados
```

Dados impressos no console:

Interceptação (aonde os dados encontram o eixo Y)

#### 39.15734995497774

Inclinação (ângulo da reta)

## [0. 1.01610044 -1.8616492 -0.34326049]

# Gerando previsões:

[27.35141063 32.26231743 27.34954936 38.3095766 15.5447301 26.10806578 28.2531601 26.22185321 32.08818399 26.06763631 37.25235515 32.48791746 28.20324389]

# Imagem 1.

Regressao linear multipla						
OLS Regression Results						
Dep. Variable:		у		R-squared:		0.912
Model:		0LS	Adj. R-squared:			0.882
Method: Least 9		Least Squares	F-st			30.98
Date:	Т	hu, 01 Oct 2020	Prob	(F-statistic)	:	4.50e-05
Time:		16:32:51	Log-	Likelihood:		-25.533
No. Observation	ons:	13	AIC:			59.07
Df Residuals:		9	BIC:			61.33
Df Model:		3				
Covariance Ty	pe:	nonrobust				
=======================================						
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept	19.5787	2.944	6.651	0.000	12.920	26.237
x1	19.5787	2.944	6.651	0.000	12.920	26.237
x2	1.0161	0.191	5.323	0.000	0.584	1.448
x3	-1.8616	0.267	-6.964	0.000	-2.466	-1.257
x4	-0.3433	0.617	-0.556	0.592	-1.739	1.053
Omnibus: 2.087		Durb	======== in-Watson:		1.568	
Prob(Omnibus):		0.352	0.352 Jarque-Bera (JB):			1.548
Skew:		0.730		(JB): `´		0.461
Kurtosis:		2.148		. No.		6.99e+16
===========						=======================================

#### 3. Dificuldades

Não foi possível calcular SQT, SQR e SQE. Mesmo se esses dados estivessem na imagem 1 (acima), não saberia localizá-los. Estudei e fiz inúmeras pesquisas mas não consegui encontrar nenhuma implementação em Python desses dados, e não fui capaz de entender sua explicação matemática, para então implementar por conta própria.

Também não foi possível criar o gráfico de dispersão. Fiz um exemplo funcional mas com regressão linear simples. Mas para a múltipla, ocorre erro, e não fui capaz de resolvê-lo.

#### 4. Referências bibliográficas

Curso de formação de cientista de dados com Python. Disponível em <a href="https://www.udemy.com">https://www.udemy.com</a>. Acesso em 30 de setembro de 2020.

Cândido. DESAFIOS Nascimento. João Paulo OS EM LIDAR COM PROBLEMÁTICOS: UM ESTUDO EM CIÊNCIA DE DADOS SOBRE A DENGUEEM BRASÍLIA / DF. 2019. Trabalho de conclusão de curso. Faculdade de Engenharia elétrica -FEELT. Uberlândia. Minas Gerais. 2019. Disponível em: https://repositorio.ufu.br/bitstream/123456789/26678/2/DesafiosLidarDados.pdf. Acesso em 30 de setembro de 2020.

Regressão Linear Múltipla em Python. Disponível em <a href="http://artedosdados.blogspot.com/2013/09/regressao-linear-multipla-em-python.html">http://artedosdados.blogspot.com/2013/09/regressao-linear-multipla-em-python.html</a>. Acesso em 30 de setembro de 2020.

Entenda o que é o formato CSV e saiba como importar e exportar esses arquivos. Disponível em <a href="https://rockcontent.com/br/blog/csv/">https://rockcontent.com/br/blog/csv/</a>. Acesso em 01 de outubro de 2020.

[#29] Salvar arquivo CSV no Python. Disponível em: https://www.youtube.com/watch?v=Ry8nhTMH7uo. Acesso em 01 de outubro de 2020.

Implementando Regressão Linear Simples em Python. Disponível em <a href="https://medium.com/data-hackers/implementando-regress%C3%A3o-linear-simples-em-python-91df53b920a8">https://medium.com/data-hackers/implementando-regress%C3%A3o-linear-simples-em-python-91df53b920a8</a>. Acesso em 01 de outubro de 2020.

Modelo de Regressão Linear — Mínimos Quadrados Ordinários. Disponível em <a href="https://medium.com/@caderno/regress%C3%A3o-linear-parte-1-330faf2f0010">https://medium.com/@caderno/regress%C3%A3o-linear-parte-1-330faf2f0010</a>. Acesso em 01 de outubro de 2020.