

# Trabajo práctico 1

## Especificación y WP

8 de septiembre de 2024

Algoritmos y Estructura de Datos

## SinGrupo4

Integrante	LU	Correo electrónico
Algañaraz, Franco	001/01	francoarga10@gmail.com
Illescas, Marcos	390/14	marcosillescas90@gmail.com
Bahamonde, Matias	003/01	matubaham@gmail.com
Marión, Ian Pablo	004/01	ianfrodin@gmail.com



## Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (++54+11) 4576-3300

http://www.exactas.uba.ar

## 1. Especifiación

#### 1.1. grandesCiudades

```
 \begin{aligned} \operatorname{proc grandesCiudades} & (\operatorname{in ciudades} : seq \langle struct < nombre : string, habitantes : \mathbb{Z} > \rangle) : seq \langle struct < nombre : string, habitantes : \mathbb{Z} > \rangle \\ & \operatorname{requiere} \ \{\operatorname{true}\} \\ & \operatorname{asegura} \ \{|res| = (\sum_{i=0}^{|ciudades|-1} \operatorname{if} \ ciudades[i].habitantes > 50000 \ \operatorname{then} \ 1 \ \operatorname{else} \ 0 \ \operatorname{fi}) \wedge_L \ (\forall i : Z) (0 \leq i < |res| \rightarrow (\exists j : Z) (0 \leq j < |ciudades| \wedge_L \ res[i] = ciudades[j] \wedge_L \ ciudades[j].habitantes > 50000)) \} \end{aligned}
```

#### 1.2. sumaDeHabitantes

```
\begin{aligned} & \texttt{proc sumaDeHabitantes} \; (\texttt{in menoresDeCiudades} \; : \; seq \langle struct < nombre \; : \; string, habitantes \; : \; \mathbb{Z} > \rangle, \; \texttt{in mayoresDeCiudades} \; : \; seq \langle struct < nombre \; : \; string, habitantes \; : \; \mathbb{Z} > \rangle \\ & \texttt{requiere} \; \{|menoresDeCiudades| = |mayoresDeCiudades| \land_L \; (\forall i \; : \; Z)(0 \leq i < |menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists j \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists j \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists j \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiudades| \rightarrow (\exists i \; : \; \mathbb{Z}) \; (menoresDeCiud
```

## 1.3. hayCamino

```
 \begin{array}{l} \operatorname{proc\ hayCamino}\ (\operatorname{in\ distancias}: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, \operatorname{in\ desde}: \mathbb{Z}, \operatorname{in\ hasta}: \mathbb{Z}): \operatorname{Bool} \\ \operatorname{requiere}\ \{0 \leq desde < |distancias| \wedge 0 \leq hasta < |distancias|\} \\ \operatorname{asegura}\ \{res = \operatorname{true} \iff existeCamino(distancia, desde, hasta)\} \\ \operatorname{pred\ existeCamino}\ (\operatorname{in\ distancias}: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, \operatorname{in\ desde}: \mathbb{Z}, \operatorname{in\ hasta}: \mathbb{Z})\ \{ \\ (\exists camino: seq\langle \mathbb{Z}\rangle)\ (|camino| \geq 2 \wedge camino[0] = desde \wedge camino[|camino| - 1] = hasta \wedge (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |camino| - 1 \rightarrow distancias[camino[i]][camino[i + 1]] > 0)) \\ \} \end{array}
```

#### 1.4. cantidadCaminosNSaltos

```
proc cantidadCaminosNSaltos (in conexion : seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, in n : \mathbb{Z}) : seq\langle \mathbb{Z}\rangle requiere \{n\geq 1 \wedge conexion=C_0\} asegura \{conexion=C_0{}^n\}
```

#### 1.5. caminoMínimo

```
 \begin{array}{l} \texttt{proc caminoMinimo (in origen} : \mathbb{N}, \texttt{ in destino} : \mathbb{Z}, \texttt{ in distancias} : seq \langle seq \langle \mathbb{Z} \rangle \rangle) : seq \langle \mathbb{Z} \rangle \\ \texttt{requiere } \{0 \leq origen < |distancias| \land 0 \leq destino < |distancias| \} \\ \texttt{asegura } \{(res = [\ ] \iff existeCamino(distancias, origen, destino) \lor origen = destino) \land (res \neq [\ ] \implies (\forall camino : seq \langle \mathbb{Z} \rangle)(camino[0] = origen \land camino[|camino| - 1] = destino \land sumaDistancias(res, distancias) \leq sumaDistancias(camino, distancias))) \} \\ \texttt{aux sumaDistancia (in camino} : seq \langle \mathbb{Z} \rangle, \texttt{ in distancias} : seq \langle seq \langle \mathbb{Z} \rangle \rangle) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|camino|-2} distancias[camino[i]][camino[i+1]]; \end{aligned}
```

## 2. Demostraciones de correctitud

- 2.1. Demostrar que la implementación es correcta con respecto a la especificación.
- 2.2. Demostrar que el valor devuelto es mayor a 50.000.