

Tarea 1

Entrega: 29 de agosto de 2023

Problema 1

Calcula el factor relativista γ de un protón de 10 GeV de energía total y de un electrón de 1 GeV.

Solución

Recordemos que el factor relativista γ está dado por:

$$\gamma = \frac{E}{mc^2}. \quad (1.1)$$

Además, que las masas del electrón (m_e) y protón (m_p) son $0.511 \text{ MeV}/c^2$ y $938 \text{ MeV}/c^2$, respectivamente. Por lo tanto, el factor relativista del protón es:

$$\begin{aligned} \gamma_p &= \frac{10 \times 10^9 \text{ eV}}{(938 \times 10^6 \text{ eV}/c^2) \cdot c^2}, \\ &= \frac{10 \times 10^9 \text{ eV}}{938 \times 10^6 \text{ eV}}, \\ \gamma_p &= 10.661 \text{ eV}. \end{aligned}$$

Y para el electrón,

$$\begin{aligned} \gamma_e &= \frac{1 \times 10^9 \text{ eV}}{(0.511 \times 10^6 \text{ eV}/c^2) \cdot c^2}, \\ &= \frac{1 \times 10^9 \text{ eV}}{0.511 \times 10^6 \text{ eV}}, \\ \gamma_e &= 1956.95 \text{ eV}. \end{aligned}$$

Problema 2

Calcula el camino libre medio de ese mismo protón que cruza un bloque de plomo, con sección eficaz de 1 barn.

Solución

Sabemos que el camino libre medio se obtiene a partir de

$$\lambda = \frac{1}{n\sigma}, \quad (2.1)$$

donde σ es la sección eficaz y $n = \rho N_A / A$ es la densidad volumétrica de blancos.

Para poder obtener el valor de n , debemos conocer ρ , A y N_A .

$$\rho = 1.1350 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3},$$

$$A = 207.2 \text{ g/mol},$$

$$N_A = 6.022 \times 10^{23} / \text{mol}.$$

Así, la densidad de blancos n es:

$$n = \frac{1.1350 \text{ g/cm}^3 (6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1})}{207.2 \text{ g/mol}}$$

$$\boxed{n = 3.2987 \times 10^{21} \text{ cm}^{-3}.} \quad (2.2)$$

Sustituyendo (2.2) y $\sigma = 1 \text{ barn} = 1 \times 10^{-24} \text{ cm}^2$ en (2.1), obtenemos:

$$\lambda = \frac{1}{(3.2987 \times 10^{21} \text{ cm}^{-3})(1 \times 10^{-24} \text{ cm}^2)}$$

$$\boxed{\lambda = 303.147 \text{ cm}.}$$

Problema 3

¿Es posible el siguiente decaimiento?

$$\tau^- \longrightarrow \nu_\tau + \mu^- + \bar{\nu}_\mu$$

¿Qué tipo de interacción es: electromagnética, nuclear fuerte o débil? Dibuja el diagrama de Feynman asociado si el decaimiento es posible.

Solución

Para determinar si el decaimiento es posible debemos verificar que se conserve la energía, la carga eléctrica, el número bariónico y el número leptónico.

Escribimos nuevamente el decaimiento para verificar si la energía se conserva. Así,

$$\tau^- \longrightarrow \nu_\tau + \mu^- + \bar{\nu}_\mu,$$

$$1776.86 \text{ MeV} \longrightarrow 0 + 105.6 \text{ MeV} + 0.$$

Del lado izquierdo tenemos que hay mucha más energía en reposo que del lado derecho. Por lo tanto, la energía se conserva.

Pasamos a verificar si la carga se conserva. Así,

$$\tau^- \longrightarrow \nu_\tau + \mu^- + \bar{\nu}_\mu,$$

$$-1e \longrightarrow 0e + -1e + 0e.$$

Como se puede ver, de un lado tenemos que la carga es $-1e$ y del otro lado lo mismo, $-1e$: la carga se conserva.

Ahora necesitamos verificar el número bariónico. Sin embargo, todas las partículas que están presentes en el decaimiento son leptones, por lo que el número bariónico es cero. Por lo tanto, el número bariónico se conserva.

Para terminar, debemos verificar si el número leptónico se conserva. Recordemos que existen tres familias de leptones: e , μ y τ por lo que el número leptónico de cada una debe conservarse en ambos lados.

$$\tau^- \longrightarrow \nu_\tau + \mu^- + \bar{\nu}_\mu,$$

$$1_\tau \longrightarrow 1_\tau + 1_\mu + -1_\mu,$$

$$1_\tau \longrightarrow 1_\tau.$$

Es decir, el número leptónico de la familia τ se queda como 1 en ambos lados y, el número leptónico para la familia μ se hace cero del lado derecho. Por lo tanto, el número leptónico se conserva y, por ende, el decaimiento es posible.

¿Qué tipo de interacción es? Puesto que únicamente participan leptones, en particular leptones de la familia τ , la interacción es nuclear débil.

Finalmente, puesto que se conservan todos los números cuánticos, podemos hacer el diagrama de Feynman:

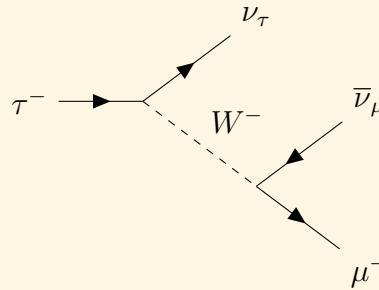


Figura 1: Diagrama de Feynman para el decaimiento del tauón.

Problema 4

¿Es posible la siguiente interacción?

$$e^{-} + e^{-} \longrightarrow e^{-} + e^{-}$$

¿Qué tipo de interacción es? Dibuja el diagrama de Feynman si la interacción es posible.

Solución

El diagrama de Feynman asociado es el siguiente:

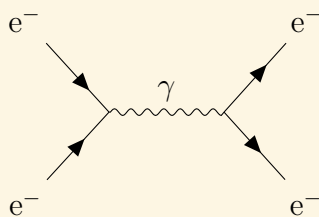


Figura 2: Diagrama de Feynman asociado a la colisión de dos electrones.

Problema 5

¿Son posibles los siguientes decaimientos e interacciones?

- $\Omega^- \longrightarrow \Sigma^+ + e^- + \bar{\nu}_e$
- $p + e^- \longrightarrow n + \nu_e$
- $\pi^+ + n \longrightarrow \pi^+ + p$

Justifica tus respuestas.
