### Tarea 4

Entrega: 17 de octubre de 2023

#### Problema 1

Determina el radio del ciclotrón necesario para acelerar  $\pi^+$  a 10 MeV si se tiene un campo magnético de 2 T (Teslas). Recuerda que la masa debe estar en kilogramos y la energía en Joules para poder usar Teslas dentro de la ecuación.

#### Solución

Sabemos que la energía máxima de una partícula extraído de un ciclotrón a un radio R es

$$T_{\text{máx}} = \frac{1}{2} \frac{(qBR)^2}{m}.$$

Y queremos conocer el radio del ciclotrón, resolvemos la expresión anterior para R,

$$R = \frac{\sqrt{2T_{\text{máx}}m}}{qB}.$$

Sin embargo, para poder solución 1 la massa debe estar kg y la energía en J. Recordemos entonces que los factores de conversión para cada una, respectivamente, son

$$1 \,\mathrm{eV}/c^2 = 1.782\,661 \times 10^{-36} \,\mathrm{kg},$$
  
 $1 \,\mathrm{eV} = 1.602\,176 \times 10^{-19} \,\mathrm{J}.$ 

Por lo que los valores para la energía  $T_{\text{máx}}$  y la masa del pión  $\pi^+$ , respectivamente, son:

$$T_{\text{máx}} = 1.602 \, 176 \times 10^{-12} \, \text{J},$$

$$m_{\pi^+} = 2.495726 \times 10^{-28} \,\mathrm{kg}.$$

Sustituyendo los valores correspondientes en solución 1 tenemos que

$$R = \frac{\sqrt{2(1.602176 \times 10^{-12} \,\mathrm{J})(2.495726 \times 10^{-28} \,\mathrm{kg})}}{(1.602176 \times 10^{-19} \,\mathrm{C})(2 \,\mathrm{T})}$$

 $R = 0.088 \,\mathrm{m}.$ 

¿Qué tipo de acelerador es el LHC? ¿Se compone por más de un tipo? Explica el principio de su funcionamiento.

Dibuja y explica el arreglo de imanes utilizado para enfocar o desenfocar haces de partículas.

Cual sería la mínima energía necesaria para poder acelerar núcleos de Pb. Aproxímalo como una partícula única y considera que el radio es de  $180 \times 10^{-12}$  m. Utiliza la aproximación hecha en clase ¿tiene sentido? ¿A qué energía acelera los núcleos de Pb el LHC?

Este ejercicio se desdobla en dos, si no deseas hacer la parte de programación solo haz la primera parte, si quieres moverle un poco a la simulación pasa al segundo caso, pero si quieres verte intrépidx, haz los dos para comparar lo que sale:

- 1. Considera un electrón 20 GeV entrando a la atmósfera, calcula la máxima profundidad que alcanza la cascada electromagnética generada.
- 2. Usa la simulación que se encuentra en la página https://marcovladimir.codeberg.page/4tarea. html, no debe instalar nada, puedes correrla desde https://try.ruby-lang.org/playground/, solo pon los valores correctos. ¿Qué tipo de distribución siguen las variables aleatorias?

Tarea 4 Pág. 5 de 5