

Curso: Engenharia de Software	Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral
Nome: Marcos Vinicius de Moraes	RA: 20127542-5

Atividade 03 - Cálculos

Marcos Vinicius de Moraes RA: 20127542-5

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|10+3x-x^2|}{2+x}, & \text{se } x < -2 \quad (\text{Esp. } -2 \Rightarrow x-5) \\ 1+x^3, & \text{se } -2 \leq x \leq 1 \quad (\text{Direta } -2 \text{ e Esp. } 1 \text{ ou igual}) \\ \frac{|x^3+3x^2-4x|}{1-|x|}, & \text{se } x > 1 \quad (\text{Direta } 1 \Rightarrow x \frac{(x+4)(x-1)}{1-|x|}) \end{cases}$$

$$\frac{-1 \cdot (-x^2+3x+10)}{2+x} \Rightarrow \frac{x^2-3x-10}{2+x} \Rightarrow \frac{(x+2)(x-5)}{2+x} \Rightarrow \underline{\underline{x-5}}$$

$$\frac{x \cdot |x^2+3x-4|}{1-|x|} \quad \text{OU} \quad \frac{x \cdot (x+4)(x-1)}{1-|x|}$$

a) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = 1+x^3 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = 1+(-2)^3 \Rightarrow 1+(-8) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = -7$

$\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = x-5 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = -2-5 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = -7$

Limite Existe $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -2} f(x) = -7$

b) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 1+x^3 \Rightarrow 1+1^3 \Rightarrow 1+1 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 2$

FORONI

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \frac{|(x+4)(x-1)|}{1-|x|} \Rightarrow \frac{|(x+4)(x-1)|}{-1 \cdot (1-|x|)} \Rightarrow \frac{|(x+4)(x-1)|}{-1-(-x)}$$

$$\Rightarrow \frac{|(x+4)(x-1)|}{-1-(-x)} \Rightarrow \frac{|x+4|}{-1-(-x)} \Rightarrow \frac{|1+4|}{-1-(-1)} \Rightarrow \frac{|5|}{0} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \frac{5}{0}$$

O limite da função $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$, não existe, pois quando se aproxima pela direita é igual a 5, e pela esquerda é igual a 2.

$$c) \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 1+x^3 \Rightarrow 1+0^3 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 1+x^3 \Rightarrow 1+0^3 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 1$$

$$\text{Limite Existe } \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1$$

$$d) \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \frac{x|(x+4)(x-1)|}{1-|x|} \Rightarrow \frac{2|(2+4)(2-1)|}{1-|2|} \Rightarrow \frac{2|6 \cdot 1|}{-1}$$

$$\Rightarrow \frac{2 \cdot 6}{-1} \Rightarrow \frac{12}{-1} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = -12$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \frac{x|x^2+3x-4|}{1-|x|} \Rightarrow \frac{2|2^2+3 \cdot 2-4|}{1-|2|} \Rightarrow \frac{2|4+6-4|}{-1}$$

$$\Rightarrow \frac{2|6|}{-1} \Rightarrow \frac{12}{-1} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -12$$

Limite Existe!
 $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -12$