

## Análisis general de la función de transferencia

### Tipo de filtro

Dada la función de transferencia asignada

$$H(s) = \frac{3948 * s^2}{s^4 + 88,86 * s^3 + 7,935 * 10^5 * s^2 + 3,508 * 10^7 * s + 1,559 * 10^{11}}$$

procederemos a analizar su comportamiento en  $s = 0$  y  $s \rightarrow \infty$ .

En primer lugar analizamos el caso  $s = 0$  para el cual tenemos que

$$H(0) = \frac{3948 * 0^2}{0^4 + 88,86 * 0^3 + 7,935 * 10^5 * 0^2 + 3,508 * 10^7 * 0 + 1,559 * 10^{11}}$$

de donde se deduce que

$$H(0) = 0$$

Analizando ahora el caso  $s \rightarrow \infty$  tenemos que

$$\lim_{s \rightarrow \infty} H(s) = 0$$

dado que el grado del denominador es dos veces mayor al del numerador.

En base a los valores obtenidos podemos entonces afirmar que se trata de un filtro pasabanda dado que la transferencia es nula para frecuencias bajas y altas.

### Ceros y polos

En principio, es trivial ver que el único cero de la función  $H(s)$  es  $s = 0$  y dado que está elevado al cuadrado se deduce que el cero es doble.

Por otro lado tenemos los polos, cuyo cálculo no es trivial. Dado que el denominador de la función es de grado cuatro tendremos entonces cuatro

raíces. Debido a esto y a que los coeficientes del polinomio complejizan el desarrollo del cálculo de dichas raíces, se calcularán entonces mediante calculadora.

Obtenemos que

$$p_{1,2} \approx -21,40 \pm 606,9j$$

$$p_{3,4} \approx -23,03 \pm 649,8j$$

donde  $p_{1,2}$  y  $p_{3,4}$  son los pares conjugados que componen los cuatro polos de  $H(s)$ , y donde el primer subíndice corresponde al conjugado cuya parte imaginaria es positiva mientras que el segundo subíndice corresponde al de parte imaginaria negativa.

### Cálculo de $W_0$ y $Q$

Dado que el denominador se compone de dos pares de raíces complejas conjugadas tendrá entonces un  $W_0$  y  $Q$  para cada par. Para obtenerlos debemos primero reescribir la función  $H(s)$  a la forma

$$H(s) = \frac{3948 * s^2}{(a * s^2 + b * s + c) * (d * s^2 + e * s + f)}$$

donde las letras corresponden a valores que debemos calcular de forma tal que dicha ecuación sea equivalente a la fórmula original de  $H(s)$ .

Para conseguir esto es conveniente utilizar las raíces del denominador de  $H(s)$  (los polos de la función) expresando la función como

$$H(s) \approx \frac{3948 * s^2}{(s + p_1) * (s + p_2) * (s + p_3) * (s + p_4)}$$