

```

int main(int argc, char** argv)
{
    char c = 0;
    char* commands = "ads pq"; // key commands: "left,right,rotate,confirm,pause,quit"
    int speed = 2; // sets max moves per row
    int moves_to_go = 2;
    int full = 0; // whether board is full
    init(); // initialize board an tetrominoes

```

MAC122 - PRINCÍPIOS DE DESENVOLVIMENTO DE ALGORITMOS

Busca de palavra em texto

```

// process user action
c = getchar(); // get new action
if (c == commands[0] && !intersect(cur, state[0]-1, state[1])) state[0]--; // move left
if (c == commands[1] && !intersect(cur, state[0]+1, state[1])) state[0]++; // move right
if (c == commands[2] && !intersect(cur->rotated, state[0], state[1])) cur = cur->rotated;
if (c == commands[3]) moves_to_go=0;

// scroll down
if (!moves_to_go--)
{
    if (intersect(cur,state[0],state[1]+1)) // if tetromino intersected with sth
    {
        cramp_tetromino();
        remove_complete_lines();
        cur = &tetrominoes[rand() % NUM_POSES];
        state[0] = (WIDTH - cur->width)/2;
    }
}

```

Qual a saída?

```
1 typedef char* string
2 int func (string s) {
3     int i, n = 0;
4     for (i=0; s[i] != '\0'; i++)
5         if (s[i] == ' ') n++;
6     return n;
7 }
8
9 int main() {
10     char *t = "MAC 122";
11     printf("%d", func(t));
12     return 0;
13 }
```

Qual a saída?

```
1 typedef char* string
2 int func (string s) {
3     int i, n = 0;
4     for (i=0; s[i] != '\0'; i++)
5         if (s[i] == ' ') n++;
6     return n;
7 }
8
9 int main() {
10     char *t = "MAC 122";
11     printf("%d", func(t));
12     return 0;
13 }
```

1

Revisão: Tabela ISO-8859-1 (latin1)

32		64	Ø	96	`	162	◊	194	À	226	à
33	!	65	Å	97	a	163	£	195	Á	227	á
34	"	66	B	98	b	164	¤	196	Â	228	â
35	#	67	C	99	c	165	¥	197	Ã	229	ã
36	\$	68	D	100	d	166	¦	198	Ä	230	ä
37	%	69	E	101	e	167	§	199	Ç	231	ç
38	&	70	F	102	f	168	¨	200	È	232	è
39	'	71	G	103	g	169	©	201	É	233	é
40	(72	H	104	h	170	ª	202	Ê	234	ê
41)	73	I	105	i	171	«	203	Ë	235	ë
42	*	74	J	106	j	172	¬	204	Ì	236	ì
43	+	75	K	107	k	173		205	Í	237	í
44	,	76	L	108	l	174	®	206	Î	238	î
45	-	77	M	109	m	175	—	207	Ï	239	ï
46	.	78	N	110	n	176	°	208	Ð	240	ð
47	/	79	O	111	o	177	±	209	Ñ	241	ñ
48	0	80	P	112	p	178	²	210	Ò	242	ò
49	1	81	Q	113	q	179	³	211	Ó	243	ó
50	2	82	R	114	r	180	´	212	Ô	244	ô
51	3	83	S	115	s	181	µ	213	Õ	245	õ
52	4	84	T	116	t	182	¶	214	Ö	246	ö
53	5	85	U	117	u	183	·	215	×	247	÷
54	6	86	V	118	v	184	¸	216	Ø	248	ø
55	7	87	W	119	w	185	¹	217	Ù	249	ù
56	8	88	X	120	x	186	º	218	Ú	250	ú
57	9	89	Y	121	y	187	»	219	Û	251	û
58	:	90	Z	122	z	188	¼	220	Ü	252	ü
59	;	91	[123	{	189	½	221	Ý	253	ý
60	<	92	\	124		190	¾	222	Þ	254	þ
61	=	93]	125	}	191	¿	223	ß	255	ÿ
62	>	94	^	126	~	192	À	224	à		
63	?	95	_	161	ı	193	Á	225	á		

`char *s;`

Cadeia de caracteres terminada em `'\0'`

Uma string é armazenada em um vetor e representada por um ponteiro para o primeiro caractere

Tamanho ou comprimento de uma string: número de caracteres menos um (sem contar o `'\0'`)

```
1 /* string de tamanho 6 contendo "MAC122" */
2 char s1[] = { 'M', 'A', 'C', '1', '2', '2', '\0', 'P', '1' };
3 /* string de tamanho 5 contendo "M A C" */
4 char s2[] = { 'M', ' ', 'A', ' ', 'C', '\0' };
5 /* não é string */
6 char s3[] = { 'M', 'A', 'C' };
```

Representadas por uma sequência de caracteres delimitados por aspas

```
(const char *) "string"
```

```
1 char *s = "MAC 122";  
2 /* s[0] = 'M', s[1] = 'A', s[2] = 'C', s[3] = ' ',  
3    s[4] = '1', s[5] = '2', s[6] = '2', s[7] = '\0' */
```

```
unsigned int strlen(char *s)
```

Retorna tamanho de uma string

```
string strcpy(char *s, char *t)
```

Copia string t na string s

```
int strcmp(char *s, char *t)
```

Compara strings de acordo com ordem lexicográfica `int`

```
strncmp(char *s, char *t, int n)
```

Compara strings de acordo com ordem lexicográfica considerando no máximo `n` caracteres

Busca de palavra/padrão em texto

Dadas: strings $p[0..m]$ (com $p[m] = '\backslash 0'$) e $t[0..n]$ (com $t[n] = '\backslash 0'$), encontrar ocorrências de **palavra** ou padrão p em **texto** t

$t[0]$	$t[1]$	$t[2]$	$t[3]$	$t[4]$	$t[5]$	$t[6]$	$t[7]$	$t[8]$	$t[9]$	$t[10]$
c	a	s	a	m	e	n	t	o	s	$\backslash 0$

$p[0]$	$p[1]$	$p[2]$	$p[3]$
a	s	a	$\backslash 0$

Busca de palavra/padrão em texto

Dadas: strings $p[0..m]$ (com $p[m] = '\backslash 0'$) e $t[0..n]$ (com $t[n] = '\backslash 0'$), encontrar ocorrências de **palavra** ou padrão p em **texto** t

$t[0]$	$t[1]$	$t[2]$	$t[3]$	$t[4]$	$t[5]$	$t[6]$	$t[7]$	$t[8]$	$t[9]$	$t[10]$
c	a	s	a	m	e	n	t	o	s	$\backslash 0$

$p[0]$	$p[1]$	$p[2]$	$p[3]$
a	s	a	$\backslash 0$

Vamos omitir o caractere de término ($\backslash 0$) em diante

Casamento de vetores

Dois vetores $a[0..m-1]$ e $b[0..n-1]$ *casam* se $m=n$ e

$$a[0]=b[0], a[1]=b[1], \dots, a[n-1]=b[n-1] .$$

Casam:

$u[0]$	$u[1]$	$u[2]$	$u[3]$
a	b	c	a

$v[0]$	$v[1]$	$v[2]$	$v[3]$
a	b	c	a

Não casam:

$u[0]$	$u[1]$	$u[2]$	$u[3]$
a	b	c	a

$v[0]$	$v[1]$	$v[2]$
a	b	c

Sufixo

O vetor $a[0..m-1]$ é sufixo do vetor $b[0..n-1]$, se $a[0..m-1]$ casa com $b[n-m..n-1]$.

Note: se $m > n$ então a não é sufixo de b .

$u[0]$	$u[1]$	$u[2]$	$u[3]$	$u[4]$	$u[5]$	$u[6]$
a	b	c	a	b	a	a

$v[0]$	$v[1]$	$v[2]$	$v[3]$
a	b	a	a

Prefixo

O vetor $a[0..m-1]$ é **prefixo** de um vetor $b[0..n-1]$, se $a[0..m-1]$ *casa* com $b[0..m-1]$.

Note: se $m > n$ então a não é prefixo de b .

$u[0]$	$u[1]$	$u[2]$	$u[3]$	$u[4]$	$u[5]$	$u[6]$	$u[7]$	$u[8]$
a	b	a	a	b	c	a	b	b

$v[0]$	$v[1]$	$v[2]$	$v[3]$
a	b	a	a

Ocorrência

Uma **ocorrência** de $a[0..m-1]$ em $b[0..n-1]$ é um valor de k tal que $a[0..m-1]$ é *prefixo* de $b[k..k+m]$.

Alternativa: Uma ocorrência de $a[0..m-1]$ em $b[0..n-1]$ é um valor de k tal que $a[0..m-1]$ é *sufixo* de $b[0..k-1]$.

$b[0]$	$b[1]$	$b[2]$	$b[3]$	$b[4]$	$b[5]$	$b[6]$	$b[7]$	$b[8]$	$b[9]$
c	a	s	a	m	e	n	t	o	s

$a[0]$	$a[1]$	$a[2]$
a	s	a

Definição

Problema computacional

Encontrar as ocorrências de um vetor $p[0..m-1]$, chamado **palavra** ou padrão, em um vetor $t[0..n-1]$, chamado **texto**.

$t[1]$	$t[2]$	$t[3]$	$t[4]$	$t[5]$	$t[6]$	$t[7]$	$t[8]$	$t[9]$	$t[10]$
g	c	t	a	c	t	a	c	t	a

$p[1]$	$p[2]$	$p[3]$	$p[4]$	$p[5]$
t	a	c	t	a

$p[1]$	$p[2]$	$p[3]$	$p[4]$	$p[5]$
t	a	c	t	a

Definição simplificada

Problema computacional

Dados vetores $p[0..m-1]$ e $t[0..n-1]$ encontrar o número de ocorrências distintas de p em t .

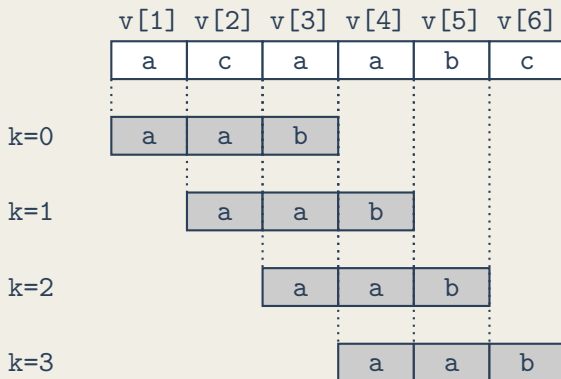
$t[1]$	$t[2]$	$t[3]$	$t[4]$	$t[5]$	$t[6]$	$t[7]$	$t[8]$	$t[9]$	$t[10]$
g	c	t	a	c	t	a	c	t	a

$p[1]$	$p[2]$	$p[3]$	$p[4]$	$p[5]$
t	a	c	t	a

$p[1]$	$p[2]$	$p[3]$	$p[4]$	$p[5]$
t	a	c	t	a

Algoritmo trivial

Verificar para $k=0, 1, \dots, n-m$ se p é prefixo de $t[k..n-1]$



- Verificação pode ser feita da esquerda para direita ou vice-versa

Algoritmo trivial

```
1 // Recebe strings p e t e devolve o numero de ocorrências
  de p em t.
2 int busca_em_texto_trivial (string p, string t)
3 {
4     int i, k, m, n, o = 0;
5     m = strlen(p); n = strlen(t);
6     for (k = 0; k <= n-m; k++) {
7         // p[0..m-1] casa com t[k..k+m]?
8         // comparando da esquerda para direita
9         i = 0;
10        while (i < m && p[i] == t[i+k]) i++;
11        if (i >= m) o++;
12    }
13    return o;
14 }
```

Complexidade de tempo (pior caso)?

Algoritmo trivial

```
1 // Recebe strings p e t e devolve o numero de ocorrências
   de p em t.
2 int busca_em_texto_trivial (string p, string t)
3 {
4     int i, k, m, n, o = 0;
5     m = strlen(p); n = strlen(t);
6     for (k = 0; k <= n-m; k++) {
7         // p[0..m-1] casa com t[k..k+m]?
8         // comparando da esquerda para direita
9         i = 0;
10        while (i < m && p[i] == t[i+k]) i++;
11        if (i >= m) o++;
12    }
13    return o;
14 }
```

Complexidade de tempo (pior caso)? $O(mn)$.

Algoritmo trivial (implementação alternativa)

```
1 // Recebe strings p e t e devolve o numero de ocorrências
  de p em t.
2 int busca_em_texto_trivial2 (string p, string t)
3 {
4     int i, k, m, n, o = 0;
5     m = strlen(p); n = strlen(t);
6     for (k = 0; k <= n-m; k++) {
7         // p[0..m-1] casa com t[k..k+m]?
8         // comparando da direita para esquerda
9         i = m-1;
10        while (i >= 0 && p[i] == t[i+k]) i--;
11        if (i < 0) o++;
12    }
13    return o;
14 }
```

Complexidade de tempo?

Algoritmo trivial (implementação alternativa)

```
1 // Recebe strings p e t e devolve o numero de ocorrências
  de p em t.
2 int busca_em_texto_trivial2 (string p, string t)
3 {
4     int i, k, m, n, o = 0;
5     m = strlen(p); n = strlen(t);
6     for (k = 0; k <= n-m; k++) {
7         // p[0..m-1] casa com t[k..k+m]?
8         // comparando da direita para esquerda
9         i = m-1;
10        while (i >= 0 && p[i] == t[i+k]) i--;
11        if (i < 0) o++;
12    }
13    return o;
14 }
```

Complexidade de tempo? $O(mn)$.

Algoritmo trivial (implementação alternativa 2)

```
1 // Recebe strings p e t e devolve o numero de ocorrências
  de p em t.
2 int busca_em_texto_trivial3 (string p,
3                               string t)
4 {
5     int r, k, o = 0;
6     m = strlen(p); n = strlen(t);
7     for (k = m; k <= n; k++) {
8         r = 1;
9         while (r <= m && p[m-r] == t[k-r]) r++;
10        if (r > m) o++;
11    }
12    return o;
13 }
```

Complexidade de tempo? $O(mn)$.

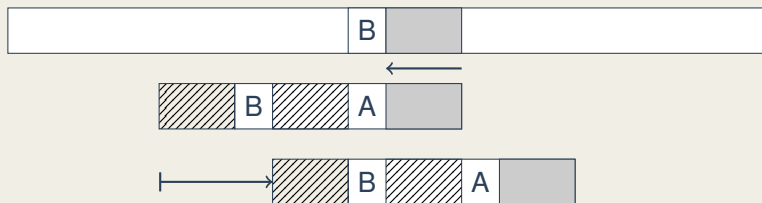
Melhorando o algoritmo trivial

- ▶ Algoritmo trivial faz deslocamentos unitários após cada comparação bem ou mal sucedida
- ▶ Quantidade de caracteres (símbolos) é pequena
- ▶ Palavra é em geral muito menor que texto
- ▶ **Proposta:** preprocessar palavra para determinar deslocamentos não unitários

A regra do caractere ruim

Pré-condição: casamento parcial (pela direita) de $p[i+1..m-1]$ e $t[i+k+1..k+m-1]$ e desacordo em $p[i]=A \neq t[i+k]=B$

\Rightarrow Alinhar $t[i+k]$ com última ocorrência de B em $p[0..m-2]$



\Rightarrow Se B não ocorrer em $p[0..m-2]$, alinhe palavra com $t[i+k+1]$

Exemplo

Exemplo

[illegible]

A regra do caractere ruim

Exemplo

t[0]	t[1]	t[2]	t[3]	t[4]	t[5]	t[6]	t[7]	t[8]	t[9]	t[10]	t[11]	t[12]	t[13]	t[14]	t[15]	t[16]
C	X	B	A	B	X	C	B	A	A	X	B	C	B	A	B	X
B	C	B	A													
		B	C	B	A											
						B	C	B	A							

A regra do caractere ruim

Exemplo

t[0]	t[1]	t[2]	t[3]	t[4]	t[5]	t[6]	t[7]	t[8]	t[9]	t[10]	t[11]	t[12]	t[13]	t[14]	t[15]	t[16]
C	X	B	A	B	X	C	B	A	A	X	B	C	B	A	B	X
B	C	B	A													
		B	C	B	A											
						B	C	B	A							
							B	C	B	A						

A regra do caractere ruim

Exemplo

t[0]	t[1]	t[2]	t[3]	t[4]	t[5]	t[6]	t[7]	t[8]	t[9]	t[10]	t[11]	t[12]	t[13]	t[14]	t[15]	t[16]
C	X	B	A	B	X	C	B	A	A	X	B	C	B	A	B	X
B	C	B	A													
		B	C	B	A											
						B	C	B	A							
							B	C	B	A						
											B	C	B	A		

A regra do caractere ruim

Exemplo

t[0]	t[1]	t[2]	t[3]	t[4]	t[5]	t[6]	t[7]	t[8]	t[9]	t[10]	t[11]	t[12]	t[13]	t[14]	t[15]	t[16]
C	X	B	A	B	X	C	B	A	A	X	B	C	B	A	B	X
B	C	B	A													
	B	C	B	A												
					B	C	B	A								
						B	C	B	A							
							B	C	B	A						
								B	C	B	A					
									B	C	B	A				
										B	C	B	A			
											B	C	B	A		
												B	C	B	A	

A regra do caractere ruim

Exemplo

t[0]	t[1]	t[2]	t[3]	t[4]	t[5]	t[6]	t[7]	t[8]	t[9]	t[10]	t[11]	t[12]	t[13]	t[14]	t[15]	t[16]
C	X	B	A	B	X	C	B	A	A	X	B	C	B	A	B	X
B	C	B	A													
	B	C	B	A												
		B	C	B	A											
			B	C	B	A										
				B	C	B	A									
					B	C	B	A								
						B	C	B	A							
							B	C	B	A						
								B	C	B	A					
									B	C	B	A				
										B	C	B	A			
											B	C	B	A		
												B	C	B	A	
													B	C	B	A

A regra do caractere ruim

Exemplo

t[0]	t[1]	t[2]	t[3]	t[4]	t[5]	t[6]	t[7]	t[8]	t[9]	t[10]	t[11]	t[12]	t[13]	t[14]	t[15]	t[16]
C	X	B	A	B	X	C	B	A	A	X	B	C	B	A	B	X
B	C	B	A													
	B	C	B	A												
		B	C	B	A											
			B	C	B	A										
				B	C	B	A									
					B	C	B	A								
						B	C	B	A							
							B	C	B	A						
								B	C	B	A					
									B	C	B	A				
										B	C	B	A			
											B	C	B	A		
												B	C	B	A	
													B	C	B	A

A regra do caractere ruim

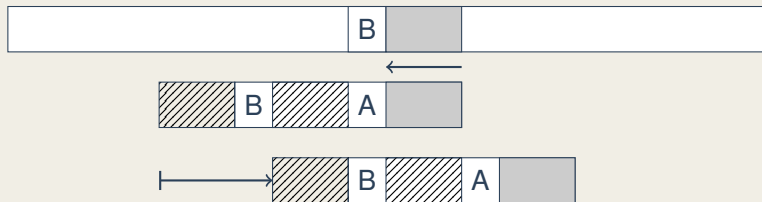


Tabela de deslocamentos

$$T1[c] = \begin{cases} m - (\arg \max_j p[j] + 1) = c, & \text{se } c \text{ ocorre em } p[0..m-2], \\ m, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

A regra do caractere ruim

```
1 void preprocessa1 (string p, int m, int T1[])
2 {
3     int j, m;
4     for (j = 0; j < 127; j++) T1[j] = m;
5     for (j = 0; j < m-1; j++) T1[p[j]] = m - j - 1;
6 }
```

p[0]	p[1]	p[2]	p[3]
B	C	B	A

c	...	!	"	...	=	>	?	@	A	B	C	D	E	F	G	...
T1[c]	...	4	4	...	4	4	4	4	4	1	2	4	4	4	4	...

A regra do caractere ruim

```
1 void preprocessa1 (string p, int m, int T1[])
2 {
3     int j, m;
4     for (j = 0; j < 127; j++) T1[j] = m;
5     for (j = 0; j < m-1; j++) T1[p[j]] = m - j - 1;
6 }
```

p[0]	p[1]	p[2]	p[3]	p[4]	p[5]	p[6]	p[7]
G	C	A	G	A	G	A	G

c	A	C	G	T
T1[c]	?	?	?	?

A regra do caractere ruim

```
1 void preprocessa1 (string p, int m, int T1[])  
2 {  
3     int j, m;  
4     for (j = 0; j < 127; j++) T1[j] = m;  
5     for (j = 0; j < m-1; j++) T1[p[j]] = m - j - 1;  
6 }
```

p[0]	p[1]	p[2]	p[3]	p[4]	p[5]	p[6]	p[7]
G	C	A	G	A	G	A	G

c	A	C	G	T
T1[c]	1	6	2	8

Busca com deslocamento pela regra do caractere ruim

```
1 int busca_em_texto_cr (string p, string t)
2 {
3     int i, j, k, m, n, o = 0;    int T1[127];
4     m = strlen(p); n = strlen(t);
5     /* Pre-processamento */
6     preprocessa1(p, T1);
7     /* Busca */
8     k = 0;
9     while (k <= n-m) {
10         for (i = m-1; i >= 0 && p[i] == t[i+k]; i--);
11         if (i == -1) { o++; j = 1; } /* ocorrência */
12         } else { /* p[i] != t[k+i] não casam */
13             j = T1[t[i+k]] - m + i + 1;
14             if (j < 1) j = 1;
15         }
16         k += j; /* desloca janela da palavra em j passos */
17     }
18     return o;
19 }
```

Busca com deslocamento pela regra do caractere ruim

```
1 int busca_em_texto_cr (string p, string t)
2 {
3     int i, j, k, m, n, o = 0;    int T1[127];
4     m = strlen(p); n = strlen(t);
5     preprocessa1(p, m, T1);
6     k = 0;
7     while (k <= n-m) {
8         for (i = m-1; i >= 0 && p[i] == t[i+k]; i--);
9         if (i == -1) { o++; j = 1; }
10        } else {
11            j = T1[t[i+k]] - m + i + 1;
12            if (j < 1) j = 1;
13        }
14        k += j;
15    } return o;
16 }
```

Complexidade (pior caso)?

Busca com deslocamento pela regra do caractere ruim

```
1 int busca_em_texto_cr (string p, string t)
2 {
3     int i, j, k, m, n, o = 0;    int T1[127];
4     m = strlen(p); n = strlen(t);
5     preprocessa1(p, m, T1);
6     k = 0;
7     while (k <= n-m) {
8         for (i = m-1; i >= 0 && p[i] == t[i+k]; i--);
9         if (i == -1) { o++; j = 1; }
10        } else {
11            j = T1[t[i+k]] - m + i + 1;
12            if (j < 1) j = 1;
13        }
14        k += j;
15    } return o;
16 }
```

Complexidade (pior caso)? $O(m + 127) + O(mn)$

Melhor caso?

Busca com deslocamento pela regra do caractere ruim

```
1 int busca_em_texto_cr (string p, string t)
2 {
3     int i, j, k, m, n, o = 0;    int T1[127];
4     m = strlen(p); n = strlen(t);
5     preprocessa1(p, m, T1);
6     k = 0;
7     while (k <= n-m) {
8         for (i = m-1; i >= 0 && p[i] == t[i+k]; i--);
9         if (i == -1) { o++; j = 1; }
10        } else {
11            j = T1[t[i+k]] - m + i + 1;
12            if (j < 1) j = 1;
13        }
14        k += j;
15    } return o;
16 }
```

Complexidade (pior caso)? $O(m + 127) + O(mn)$

Melhor caso? $O(n/m)$

A regra do sufixo bom: Caso 1

Pré-condição: casamento parcial (pela direita) de $p[i+1..m-1]$ e $t[i+k+1..k+m-1]$ e desacordo em $p[i]=A \neq t[i+k]=B$
 \Rightarrow Alinhe $t[i+k+1..k+m-1]$ com ocorrência anterior de $p[i+1..m-1]$ em p que é precedida por caractere distinto de $p[i]$.

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
t	X	M	A	N	P	A	N	A	M	P	N	A	M
p		A	N	A	M	P	N	A	M				
p						A	N	A	M	P	N	A	M

Exemplo

[illegible]

A regra do sufixo bom: Caso 1

[illegible]

A regra do sufixo bom: Caso 1

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
t	G	C	A	T	C	G	C	A	G	A	G	A	G	T	A	C	A	G	T
	G	C	A	G	A	G	A	G											
		G	C	A	G	A	G	A	G										
						G	C	A	G	A	G	A	G						

A regra do sufixo bom: Caso 1

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
t	G	C	A	T	C	G	C	A	G	A	G	A	G	T	A	C	A	G	T
	G	C	A	G	A	G	A	G											
		G	C	A	G	A	G	A	G										
			G	C	A	G													
				G	C	A	G	A	G	A	G	A	G						
					G	C	A	G	A	G	A	G	A	G					
						G	C	A	G	A	G	A	G	A	G				

A regra do sufixo bom: Caso 1

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
t	G	C	A	T	C	G	C	A	G	A	G	A	G	T	A	C	A	G	T
	G	C	A	G	A	G	A	G											
		G	C	A	G	A	G	A	G										
			G	C	A	G													
				G	C	A	G	A	G	A	G	A	G						
					G	C	A	G	A	G	A	G	A	G					
						G	C	A	G	A	G	A	G	A	G				
							G	C	A	G	A	G	A	G	A	G			

A regra do sufixo bom: Caso 1

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
t	G	C	A	T	C	G	C	A	G	A	G	A	G	T	A	C	A	G	T
	G	C	A	G	A	G	A	G											
		G	C	A	G	A	G	A	G										
			G	C	A	G													
				G	C	A	G	A	G	A	G								
					G	C	A	G	A	G	A	G	A	G					
						G	C	A	G	A	G	A	G	A	G				
							G	C	A	G	A	G	A	G	A	G			

A regra do sufixo bom: Caso 1

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
t	G	C	A	T	C	G	C	A	G	A	G	A	G	T	A	C	A	G	T
	G	C	A	G	A	G	A	G											
		G	C	A	G	A	G	A	G										
			G	C	A	G													
				G	C	A	G	A	G	A	G								
					G	C	A	G	A	G	A	G	A	G					
						G	C	A	G	A	G	A	G	A	G				
							G	C	A	G	A	G	A	G	A	G			
								G	C	A	G	A	G	A	G	A	G		
									G	C	A	G	A	G	A	G	A	G	

A regra do sufixo bom: Caso 1

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
t	G	C	A	T	C	G	C	A	G	A	G	A	G	T	A	C	A	G	T
	G	C	A	G	A	G	A	G											
		G	C	A	G	A	G	A	G										
			G	C	A	G	A	G	A	G									
				G	C	A	G	A	G	A	G								
					G	C	A	G	A	G	A	G							
						G	C	A	G	A	G	A	G						
							G	C	A	G	A	G	A	G					
								G	C	A	G	A	G	A	G				
									G	C	A	G	A	G	A	G			
										G	C	A	G	A	G	A	G		

A regra do sufixo bom: Caso 1

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
t	G	C	A	T	C	G	C	A	G	A	G	A	G	T	A	C	A	G	T
	G	C	A	G	A	G	A	G											
		G	C	A	G	A	G	A	G										
			G	C	A	G	A	G	A	G									
				G	C	A	G	A	G	A	G								
					G	C	A	G	A	G	A	G							
						G	C	A	G	A	G	A	G						
							G	C	A	G	A	G	A	G					
								G	C	A	G	A	G	A	G				
									G	C	A	G	A	G	A	G			
										G	C	A	G	A	G	A	G		

A regra do sufixo bom: Caso 1

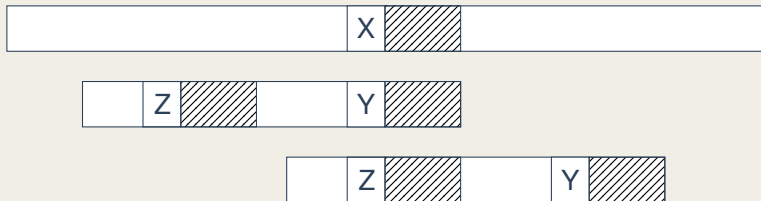


Tabela de deslocamentos

$$T2[i] = \max\{m - j - 1 \mid p[i + 1..m - 1] \text{ é sufixo de } p[0..j] \text{ e } p[i] \neq p[j - (m - i - 2)]\}$$

$T2[i] = 0$ caso não exista tal j .

A regra do sufixo bom: Caso 1

```
1 void preprocessa2 (string p, int m, int T[])
2 {
3     int i, j, m;
4     for (i = 0; i < m; i++) T[i] = 0;
5     /* T[i] = maior j: p[i+1..m-1] é sufixo de p[0..j] e p[
6     i] != p[j-(m-i-2)] */
7     for (j=0; j<m-1; j++) {
8         /* menor i tal que p[i+1..m-1] é sufixo de p[0..j] */
9         for (i=m-1; (j>=m-1-i) && (p[j-(m-1-i)]==p[i]); i--);
10        /* se p[i] != p[j-(m-i-2)], atualiza tabela */
11        if (j>=m-1-i) T[i] = m-j-1; // = i - [j-(m-1-i)]
12    }
```

	0	1	2	3	4	5
p	C	A	A	B	A	A

i	0	1	2	3	4	5
p[i]	C	A	A	B	A	A
T[i]	0	0	0	3	1	-

A regra do sufixo bom: Caso 1

```
1 void preprocessa2 (string p, int m, int T[])
2 {
3     int i, j;
4     for (i = 0; i < m; i++) T[i] = 0;
5     for (j = 0; j < m-1; j++) {
6         for (i = m-1; (j >= m-1-i) && (p[j-(m-1-i)] == p[i])
7             ; i--);
8         if (j >= m-1-i) T[i] = m-j-1; // = i - [j-(m-1-i)]
9     }
```

i	0	1	2	3	4	5	6	7	8
p[i]	C	A	N	A	M	P	N	A	M
T[i]	?	?	?	?	?	?	?	?	?

A regra do sufixo bom: Caso 1

```
1 void preprocessa2 (string p, int m, int T[])
2 {
3     int i, j;
4     for (i = 0; i < m; i++) T[i] = 0;
5     for (j = 0; j < m-1; j++) {
6         for (i = m-1; (j >= m-1-i) && (p[j-(m-1-i)] == p[i])
7             ; i--);
8         if (j >= m-1-i) T[i] = m-j-1; // = i - [j-(m-1-i)]
9     }
```

i	0	1	2	3	4	5	6	7	8
p[i]	C	A	N	A	M	P	N	A	M
T[i]	0	0	0	0	0	4	0	0	—

A regra do sufixo bom: Caso 2

Pré-condição: casamento parcial (pela direita) de $p[i+1..m-1]$ e $t[i+k+1..k+m-1]$, desacordo em $p[i]=A \neq t[i+k]=B$ e **caso 1 não aplicável**

\Rightarrow Alinhe $t[i+k+1..k+m-1]$ com ocorrência de sufixo de $p[i+1..m-1]$ em prefixo de $p[0..m-1]$.

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
t	X	M	A	N	P	A	N	A	M	P	N	A	M
p				A	M	P	N	A	M				
p								A	M	P	N	A	M

A regra do sufixo bom: Caso 2

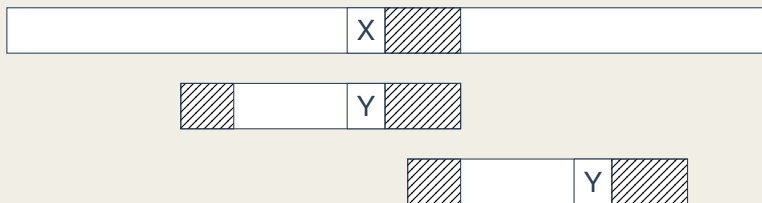


Tabela de deslocamentos

$$T2[i] = \max\{m - j - 1 \mid p[0..j] \text{ é sufixo de } p[i + 1..m - 1]\}$$

$T2[i] = 0$ caso não exista tal j .

A regra do sufixo bom: Caso 2

```
1 void preprocessa3 (string p, int m, int T[]) {
2     int i, j, k, t;      j = m-1;
3     for (i = m-2; i >= 0; i--) {
4         t = m - i - 1; // tamanho de p[i+1..m-1]
5         // p[0..t-1] = p[i+1..m-1]?
6         for (k = 0; (k < t) && (p[k] == p[i+k+1]); k++);
7         if (k == t) j = t - 1;
8         // sufixo de p[i+1..m-1] é igual a p[0..j]
9         T[i] = m-j-1;
10    }
11 }
```

i	0	1	2	3	4	5	6
p[i]	A	M	C	P	N	A	M
T[i]	5	5	5	5	5	0	-

Busca com deslocamento pela regra do sufixo bom

```
1 int busca_em_texto_sb (string p, string t)
2 {
3     int i, j, k, m, n, o = 0;    int T2[CAP];
4     m = strlen(p); n = strlen(t);
5     preprocessa3 (p, m, T2); // Testa caso 2 primeiro
6     preprocessa2 (p, m, T2);
7     k = 0;
8     while (k <= n-m) {
9         for (i = m-1; i >= 0 && p[i] == t[i+k]; i--);
10        if (i == -1) { o++; k += 1; }
11        else k += max(T2[i],1);
12    } return o;
13 }
```

Complexidade (pior caso)?

Busca com deslocamento pela regra do sufixo bom

```
1 int busca_em_texto_sb (string p, string t)
2 {
3     int i, j, k, m, n, o = 0;    int T2[CAP];
4     m = strlen(p); n = strlen(t);
5     preprocessa3 (p, m, T2); // Testa caso 2 primeiro
6     preprocessa2 (p, m, T2);
7     k = 0;
8     while (k <= n-m) {
9         for (i = m-1; i >= 0 && p[i] == t[i+k]; i--);
10        if (i == -1) { o++; k += 1; }
11        else k += max(T2[i],1);
12    } return o;
13 }
```

Complexidade (pior caso)? $O(m^2) + O(mn)$

Caso médio: $O(n)$

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Tabela de deslocamentos

$$T2[i] = \max \left\{ m - j - 1 \mid p[i + 1..m - 1] \text{ é sufixo de } p[0..j] \right. \\ \left. \text{ou } p[0..j] \text{ é sufixo de } p[i + 1..m - 1] \right\} .$$

Exemplo:

i	0	1	2	3	4	5	6
p	A	-	B	A	*	B	A
$T2[i]$	6	6	6	6	3	6	—

Exemplo

[illegible]

Exemplo

[illegible]

Exemplo

[illegible]

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
t	A	B	-	A	-	B	A	*	B	A	-	B	A	*	B	A	*	B	A	B	A
	A	-	B	A	*	B	A														
				A	-	B	A	*	B	A											
					A	-	B	A	*	B	A										
						A	-	B	A	*	B	A									
							A	-	B	A	*	B	A								
								A	-	B	A	*	B	A							

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
t	A	B	-	A	-	B	A	*	B	A	-	B	A	*	B	A	*	B	A	B	A
	A	-	B	A	*	B	A														
				A	-	B	A	*	B	A											
					A	-	B	A	*	B	A										
						A	-	B	A	*	B	A									
							A	-	B	A	*	B	A								
								A	-	B	A	*	B	A							
									A	-	B	A	*	B	A						

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
t	A	B	-	A	-	B	A	*	B	A	-	B	A	*	B	A	*	B	A	B	A
	A	-	B	A	*	B	A														
				A	-	B	A	*	B	A											
					A	-	B	A	*	B	A										
						A	-	B	A	*	B	A									
							A	-	B	A	*	B	A								
								A	-	B	A	*	B	A							
									A	-	B	A	*	B	A						
										A	-	B	A	*	B	A					
											A	-	B	A	*	B	A				

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
t	A	B	-	A	-	B	A	*	B	A	-	B	A	*	B	A	*	B	A	B	A
	A	-	B	A	*	B	A														
				A	-	B	A	*	B	A											
					A	-	B	A	*	B	A										
						A	-	B	A	*	B	A									
							A	-	B	A	*	B	A								
								A	-	B	A	*	B	A							
									A	-	B	A	*	B	A						
										A	-	B	A	*	B	A					
											A	-	B	A	*	B	A				
												A	-	B	A	*	B	A			
													A	-	B	A	*	B	A		
														A	-	B	A	*	B	A	
															A	-	B	A	*	B	A

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
t	A	B	-	A	-	B	A	*	B	A	-	B	A	*	B	A	*	B	A	B	A
	A	-	B	A	*	B	A														
				A	-	B	A	*	B	A											
					A	-	B	A	*	B	A										
						A	-	B	A	*	B	A									
							A	-	B	A	*	B	A								
								A	-	B	A	*	B	A							
									A	-	B	A	*	B	A						
										A	-	B	A	*	B	A					
											A	-	B	A	*	B	A				
												A	-	B	A	*	B	A			
													A	-	B	A	*	B	A		
														A	-	B	A	*	B	A	
															A	-	B	A	*	B	A

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
t	A	B	-	A	-	B	A	*	B	A	-	B	A	*	B	A	*	B	A	B	A
	A	-	B	A	*	B	A														
				A	-	B	A	*	B	A											
					A	-	B	A	*	B	A										
						A	-	B	A	*	B	A									
							A	-	B	A	*	B	A								
								A	-	B	A	*	B	A							
									A	-	B	A	*	B	A						
										A	-	B	A	*	B	A					
											A	-	B	A	*	B	A				
												A	-	B	A	*	B	A			
													A	-	B	A	*	B	A		
														A	-	B	A	*	B	A	
															A	-	B	A	*	B	A

A regra do sufixo bom: Casos 1 e 2

Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
t	A	B	-	A	-	B	A	*	B	A	-	B	A	*	B	A	*	B	A	B	A
	A	-	B	A	*	B	A														
				A	-	B	A	*	B	A											
					A	-	B	A	*	B	A										
						A	-	B	A	*	B	A									
							A	-	B	A	*	B	A								
								A	-	B	A	*	B	A							
									A	-	B	A	*	B	A						
										A	-	B	A	*	B	A					
											A	-	B	A	*	B	A				
												A	-	B	A	*	B	A			
													A	-	B	A	*	B	A		
														A	-	B	A	*	B	A	
															A	-	B	A	*	B	A

Escolha j como o maior entre $T1$ e $T2$ e atualize $k += j$

- ▶ Pré-processamento: $O(m^2)$
- ▶ Busca: $O(mn)$ no pior caso, $O(n)$ na média

Algoritmo de Boyer-Moore

```
1 int busca_em_texto_bm (string p, string t)
2 {
3     int i, j, k, m, n, o = 0;    int T2[CAP];
4     m = strlen(p); n = strlen(t);
5     preprocessa1 (p, m, T1); // Caractere ruim
6     preprocessa3 (p, m, T2); // Sufixo bom, caso 2
7     preprocessa2 (p, m, T2); // Sufixo bom, caso 1
8     k = 0;
9     while (k <= n-m) {
10         for (i = m-1; i >= 0 && p[i] == t[i+k]; i--);
11         if (i == -1) { o++; k += 1; }
12         else k += max(T2[i], T1[t[i+k]]-m+i+1);
13     } return o;
14 }
15 }
```


Exercícios 5A-5B