



**Universidade Federal de Viçosa**  
**Campus de Florestal**

# **Algoritmos e Estruturas de Dados I (CCF 211)**

**Shellsort**  
**(Cap - Ziviani)**

***Profa. Thais R. M. Braga Silva***  
***<thais.braga@ufv.br>***



# *ShellSort*

- **Proposto por Shell em 1959.**
- **É uma extensão do algoritmo de ordenação por inserção.**
- **Problema com o algoritmo de ordenação por inserção:**
  - **Troca itens adjacentes para determinar o ponto de inserção.**
  - **São efetuadas  $n - 1$  comparações e movimentações quando o menor item está na posição mais à direita no vetor.**
- **O método de Shell contorna este problema permitindo trocas de registros distantes um do outro.**

# *ShellSort*

- Os itens separados de  $h$  posições são rearranjados.
- Todo  $h$ -ésimo item leva a uma sequência ordenada.
- Tal sequência é dita estar  $h$ -ordenada.

# *Exemplo*

**O R D E N A**

**h = 4**

**h = 2**

**h = 1**



# ShellSort

- Exemplo de utilização:

	1	2	3	4	5	6
Chaves iniciais:	<i>O</i>	<i>R</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>N</i>	<i>A</i>
$h = 4$	<i>N</i>	<i>A</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>O</i>	<i>R</i>
$h = 2$	<i>D</i>	<i>A</i>	<i>N</i>	<i>E</i>	<i>O</i>	<i>R</i>
$h = 1$	<i>A</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>N</i>	<i>O</i>	<i>R</i>

- Quando  $h = 1$ , Shellsort corresponde ao algoritmo de inserção.

# *ShellSort*

- Como escolher o valor de  $h$ :
  - Sequência para  $h$ :
$$h(s) = 1, \text{ para } s = 1$$
$$h(s) = 3h(s - 1) + 1, \text{ para } s > 1$$

# *ShellSort*

- **Como escolher o valor de  $h$ :**
  - **Sequência para  $h$ :**
$$h(s) = 1, \text{ para } s = 1$$
$$h(s) = 3h(s - 1) + 1, \text{ para } s > 1$$
  - A sequência para  $h$  corresponde a 1, 4, 13, 40, 121, 364, 1.093, 3.280, ...
  - Knuth (1973, p. 95) mostrou experimentalmente que esta sequência é difícil de ser batida por mais de 20% em eficiência.

# ShellSort

```
void Shellsort (Item* A, int n){
    int i, j;
    int h = 1;
    Item aux;

    do h = h * 3 + 1; while (h < n);
    do
    {
        h = h/3;
        for( i = h ; i < n ; i++ )
        {
            aux = A[i]; j = i;
            while (A[j - h].Chave > aux.Chave)
            {
                A[j] = A[j - h]; j -= h;
                if (j < h) break;
            }
            A[j] = aux;
        }
    } while (h != 1);
}
```



# *ShellSort*

- **Análise**
  - **A razão da eficiência do algoritmo ainda não é conhecida.**
  - **Ninguém ainda foi capaz de analisar o algoritmo.**
  - **A sua análise contém alguns problemas matemáticos muito difíceis.**
  - **A começar pela própria sequência de incrementos.**
  - **O que se sabe é que cada incremento não deve ser múltiplo do anterior.**

# *ShellSort*

- **Análise**
  - **Conjecturas referente ao número de comparações para a sequência de Knuth:**

**Conjectura 1 :  $C(n) = O(n^{1,25})$**

**Conjectura 2 :  $C(n) = O(n (\ln n)^2)$**

# *ShellSort*

- **Vantagens:**

- Shellsort é uma ótima opção para arquivos de tamanho moderado.
- Sua implementação é simples e requer uma quantidade de código pequena.

- **Desvantagens:**

- O tempo de execução do algoritmo é sensível à ordem inicial do arquivo.
- O método não é estável.