Kod ucznia .....

Nazwisko i imię .....



## MATEMATYKA – poziom podstawowy

05 marca 2019 r

### Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz zawiera 16 stron (zadania 1-34). Ewentualne braki zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.

2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi zamieść w miejscu na to przeznaczonym.

3. Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–25) przenieś na kartę odpowiedzi, zaznaczając je w części karty przeznaczonej dla

zdającego. Zamaluj pola do tego przeznaczone. Błędne

zaznaczenie otocz kółkiem i zaznacz właściwe.

- 4. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (26–34) może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
- 5. Pisz czytelnie i używaj **tylko długopisu lub pióra** z czarnym tuszem lub atramentem.
- 6. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
- 7. Pamietaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
- 8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.
- 9. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój kod lub nazwisko i imię zgodnie z ustaleniami szkolnymi.
- 10. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.

Życzymy powodzenia!

Liczba punktów do uzyskania: **50** 

Czas pracy: **170 minut** 

Zadanie 1. (1p)

Rozwiązaniem nierówności  $(x-1)^2 \ge x^2 - 1$  jest zbiór

A. 
$$(-\infty; 1)$$

B. 
$$(-\infty; 1 >$$

C. 
$$(1; +\infty)$$
 D.  $< 1; +\infty)$ 

Zadanie 2. (1p)

Wyrażenie  $3\log(x) + \log(y) - 2\log(z)$  jest równe

A. 
$$log \frac{3xy}{z^2}$$

B. 
$$log \frac{xy^2}{z}$$

C. 
$$log \frac{x^3y}{z^2}$$

D 
$$\log \frac{3xy}{z^2}$$

Zadanie 3. (1p)

Liczba o 10% mniejsza od liczby, która jest o 20% większa od liczby 1200 jest równa

Zadanie 4.

Suma liczby odwrotnej do  $\frac{3}{x+1}$  i przeciwnej do  $\frac{1-2x}{15}$  jest równa

A. 
$$\frac{7x-4}{15}$$

Materiały pobrane z serwisu www.zadania.info

B. 
$$\frac{x+7}{15}$$

C. 
$$\frac{4x+7}{15}$$

D. 
$$\frac{7x+4}{15}$$

Zadanie 5.

Punkt o współrzędnych  $\left(\frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right)$  należy do wykresu funkcji logarytmicznej opisanej wzorem

$$A. f(x) = log_2 x$$

$$B. f(x) = log_4 x$$

$$C. f(x) = log_{\frac{1}{2}}x$$

A. 
$$f(x) = log_2 x$$
 B.  $f(x) = log_4 x$  C.  $f(x) = log_{\frac{1}{2}} x$  D.  $f(x) = log_{\frac{1}{4}} x$ 

Zadanie 6. (1p)

Jeżeli wiadomo, że punkt P = (3; 4) należy do wykresu funkcji  $f(x) = 2^x + m$ , to

A. 
$$m = -4$$

B. 
$$m = -2$$

C. 
$$m = 4$$

D. 
$$m = 2$$

Zadanie 7. (1p)

Rozwiązaniem równania  $\frac{2x-4}{x+4} = 3$  ( $x \ne -4$ ) jest liczba

B. 
$$-18$$

Zadanie 8.

Jeżeli argument funkcji f(x) = 4x - 1 wzrośnie o 5, to wartość funkcji wzrośnie o

Zadanie 9.

W układzie współrzędnych dane są punkty A = (x; 6), B = (6; -4) oraz M = (2; y). Jeżeli punkt Mjest środkiem odcinka AB, to

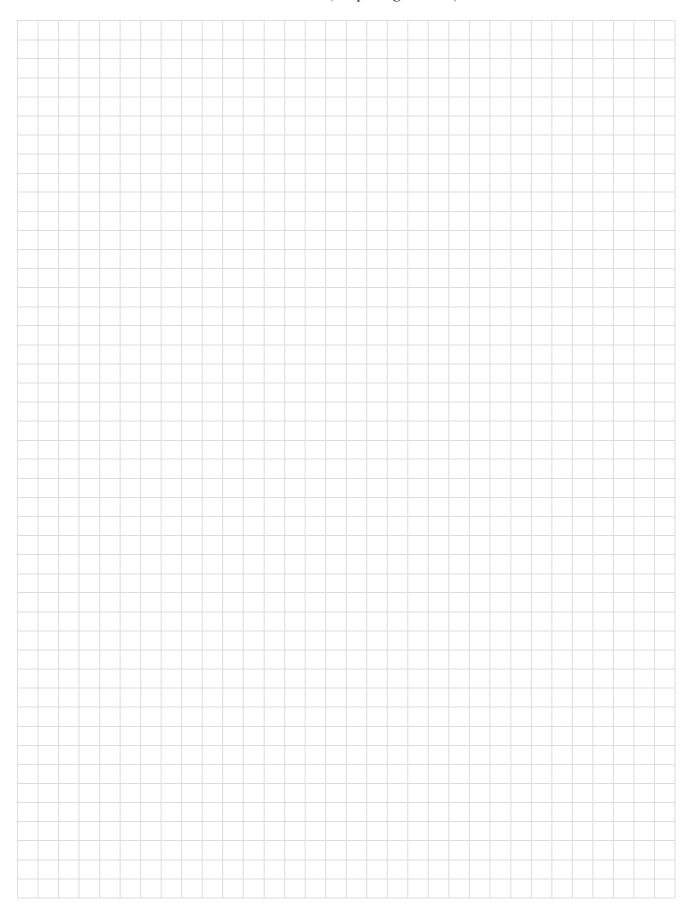
A. 
$$x = -2, y = 1$$
 B.  $x = 2, y = -1$  C.  $x = -2, y = 3$  D.  $x = 2, y = 3$ 

B. 
$$x = 2, v = -1$$

C. 
$$x = -2, v = 3$$

D. 
$$x = 2$$
,  $v = 3$ 

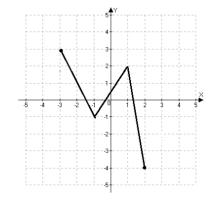
\_\_\_\_\_



### **Zadanie 10.** (1p)

Jeśli na rysunku przedstawiony jest wykres funkcji f(x), to dziedziną funkcji g(x) = f(x + 2) jest zbiór

- A.  $\langle -2; 5 \rangle$  B.  $\langle -5; 0 \rangle$  C.  $\langle -1; 4 \rangle$  D.  $\langle -7; 1 \rangle$



#### **Z**adanie 11. (1p)

Najmniejszą liczbą całkowitą należącą do dziedziny funkcji  $f(x) = \sqrt{3x-7}$  jest liczba

A. -3

B. -2

C. 3

D. 2

#### **Zadanie 12.** (1p)

Jeśli wiadomo, że wierzchołek funkcji  $f(x) = 3x^2 - 4k$  należy do prostej y = 5, to wartość liczbowa współczynnika k jest równa

A. 
$$k = \frac{5}{4}$$

B. 
$$k = -\frac{4}{5}$$
 C.  $k = \frac{4}{5}$ 

C. 
$$k = \frac{4}{5}$$

D. 
$$k = -\frac{5}{4}$$

#### **Zadanie 13.** (1p)

Liczbę  $\frac{7}{11}$  przybliżono z dokładnością do  $10^{-1}$ . Błąd względny tego przybliżenia jest równy

A. 
$$\frac{4}{70}$$

B. 
$$\frac{3}{70}$$

$$C.\,\frac{5}{70}$$

D. 
$$\frac{6}{70}$$

## **Z**adanie 14. (1p)

Jeśli w ciągu arytmetycznym  $a_2 = 12 i a_6 = 28$ , to

A. 
$$a_1 + a_4 = 30$$

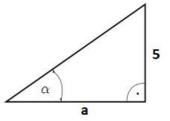
B. 
$$a_6 - a_2 = 18$$

C. 
$$a_2 + a_5 = 36$$

B. 
$$a_6 - a_2 = 18$$
 C.  $a_2 + a_5 = 36$  D.  $a_5 - a_3 = 10$ 

## **Zadanie 15.** (1p)

Jeśli  $sin\alpha = \frac{1}{4}$ , to długość przyprostokątnej a danego trójkąta (patrz rysunek) jest równa

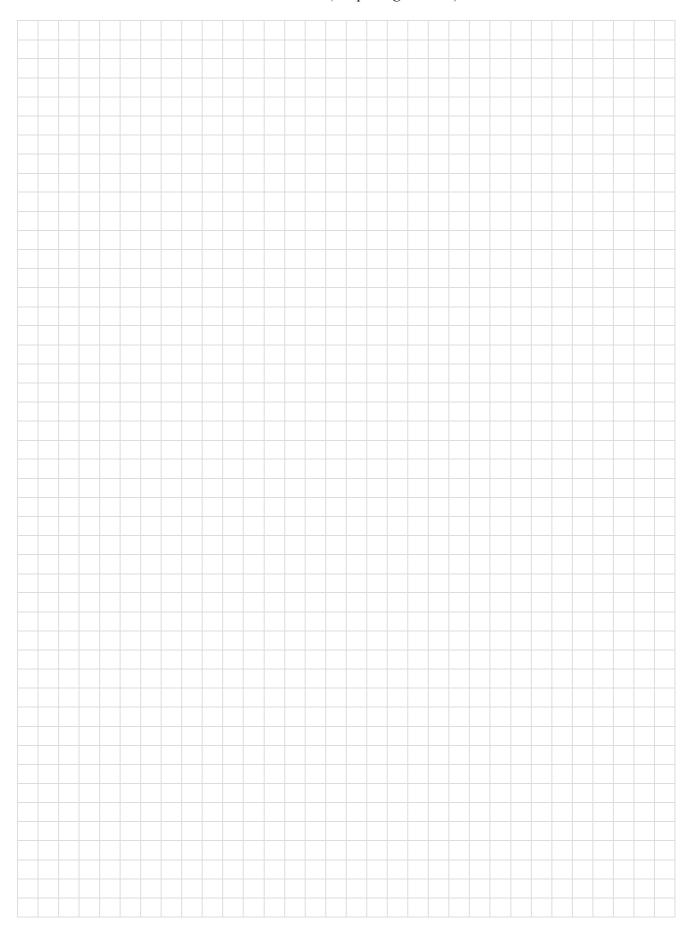


- A.  $5\sqrt{15}$
- B.  $4\sqrt{15}$

C.  $6\sqrt{15}$ 

D.  $7\sqrt{15}$ 

\_\_\_\_\_



**Zadanie 16.** (1p)

Tangens kata ostrego  $\alpha$  jest równy 0,6. Wówczas

A. 
$$\propto = 40^{\circ}$$

B. 
$$\propto < 40^{\circ}$$

$$C. \propto > 40^{\circ}$$

D. 
$$\propto = 30^{\circ}$$

**Zadanie 17.** *(1p)* 

Miara kata wpisanego jest o 50° mniejsza od miary kata środkowego opartego na tym samym łuku okręgu. Zatem miara kata wpisanego jest równa

**Zadanie 18.** (1p)

Pole równoległoboku o kącie ostrym równym  $60^o$  i długości boków wychodzących z wierzchołka tego kąta równych 6 i 8 jest równe

A. 
$$16\sqrt{3}$$

B. 
$$24\sqrt{2}$$

D. 
$$24\sqrt{3}$$

**Zadanie 19.** (1p)

Funkcja liniowa f(x) = (2 + 3k)x + 3k - 2 nie ma miejsc zerowych dla

A. 
$$k = \frac{1}{2}$$

B. 
$$k = \frac{2}{3}$$

C. 
$$k = -\frac{1}{2}$$

D. 
$$k = -\frac{2}{3}$$

**Zadanie 20.** (1p)

Jeśli suma n początkowych wyrazów ciągu arytmetycznego  $(a_n)$  określona jest wzorem  $S_n=4n^2-n$ , to wartość piątego wyrazu tego ciągu jest równa

**Zadanie 21.** (1p)

Dwa sąsiednie kąty równoległoboku różnią się o 50°. Kat ostry tego równoległoboku ma miarę

**Zadanie 22.** (1p)

Powierzchnia boczna walca po rozwinięciu jest kwadratem o polu  $16\pi^2$ . Objętość tego walca jest równa

A. 
$$8\pi^{3}$$

B. 
$$16\pi^{3}$$

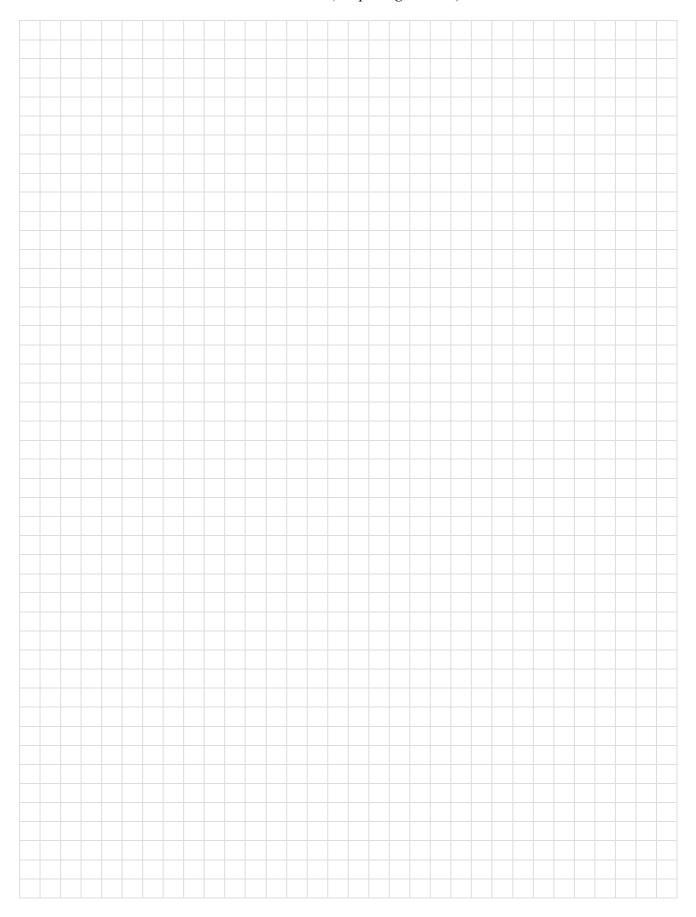
C. 
$$16\pi^2$$

D. 
$$8\pi^2$$

**Zadanie 23.** (1p)

Promień podstawy stożka o objętości  $12\pi$  i wysokości 4 jest równy

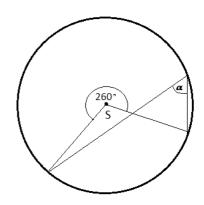
\_\_\_\_\_



## **Zadanie 24.** (1p)

Miara kata ∝ (patrz rysunek obok) jest równa

- A. 50° B. 45° C. 55° D. 60°



#### **Zadanie 25.** (1p)

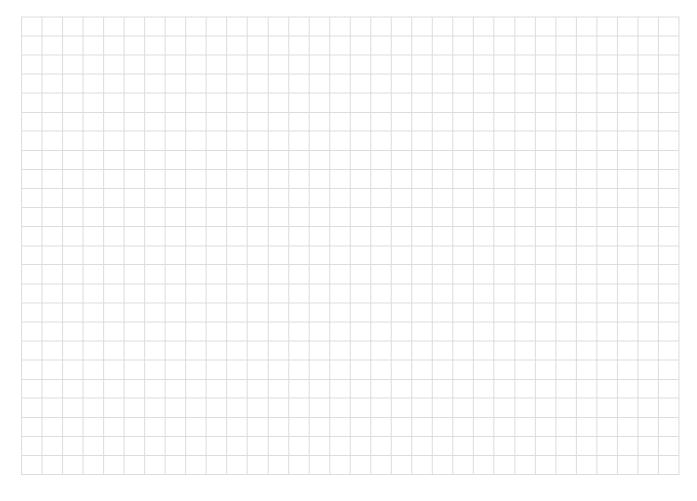
Ze zbioru kolejnych liczb naturalnych {1, 2, 3, ..., 20} losujemy jedną liczbę. Prawdopodobieństwo, że wylosujemy liczbę podzielną przez 3 jest równe

A. 
$$\frac{8}{20}$$

B. 
$$\frac{6}{20}$$

C. 
$$\frac{7}{20}$$

D. 
$$\frac{5}{20}$$



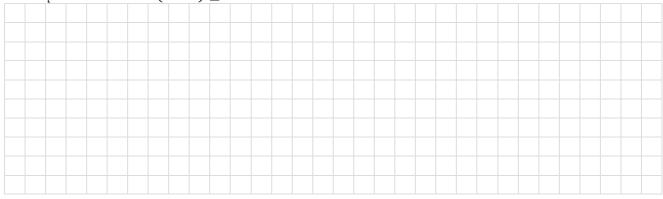
\_\_\_\_\_

#### ZADANIA OTWARTE

Rozwiązania zadań o numerach od 26 do 34 należy zapisać w wyznaczonych miejscach pod treścią zadania (pamiętaj o udzieleniu odpowiedzi)

**Zadanie 26.** (2p)

Rozwiąż nierówność  $-x(x-2) \le -3$ .



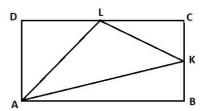
#### **Zadanie 27.** (2p)

Uzasadnij, że nie istnieją dwie liczby, których suma jest równa 4, a ich iloczyn jest równy 5.



#### **Zadanie 28.** (2p)

W prostokącie ABCD punkt K jest środkiem boku BC, a punkt L środkiem boku DC. Wykaż, że pole trójkąta AKL jest równe sumie pól trójkątów ALD oraz KCL.





·

#### **Zadanie 29.** (2p)

Dany jest trójkąt prostokątny o polu  $\frac{5\sqrt{3}}{2}$  i kącie ostrym 30°. Oblicz długości przyprostokątnych tego trójkąta.



## **Zadanie 30.** (2p)

Z punktu leżącego na okręgu o promieniu  $6\frac{1}{2}$  poprowadzono dwie prostopadłe cięciwy. Różnica ich długości jest równa 7. Oblicz długości tych cięciw.



#### **Z**adanie 31. (2p)

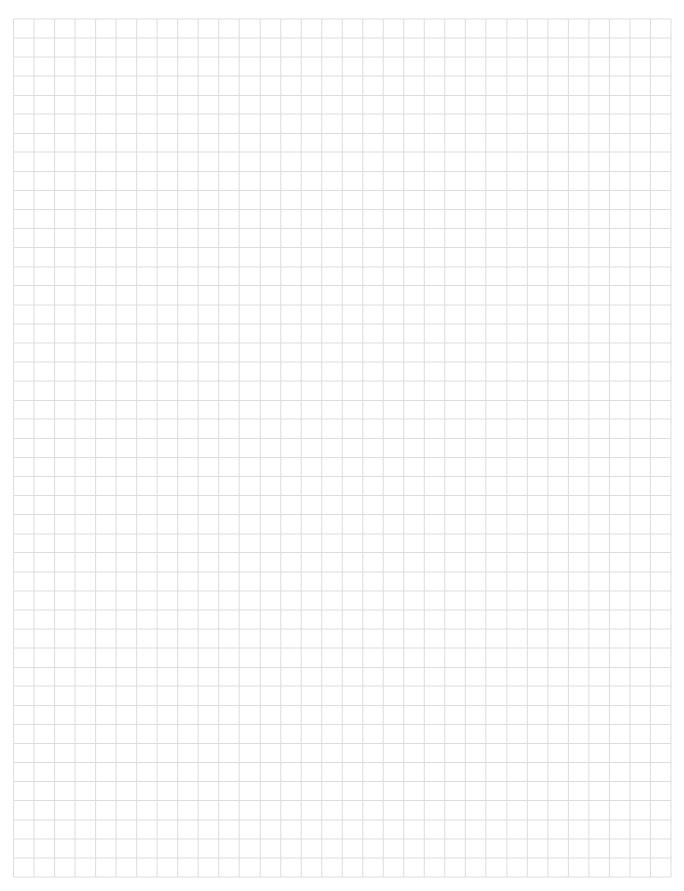
Dany jest trójmian kwadratowy f o współczynniku 4 przy najwyższej potędze x. Wierzchołek paraboli będącej wykresem tego trójmianu ma współrzędne W = (4; -9). Wyznacz f(10).



\_\_\_\_\_

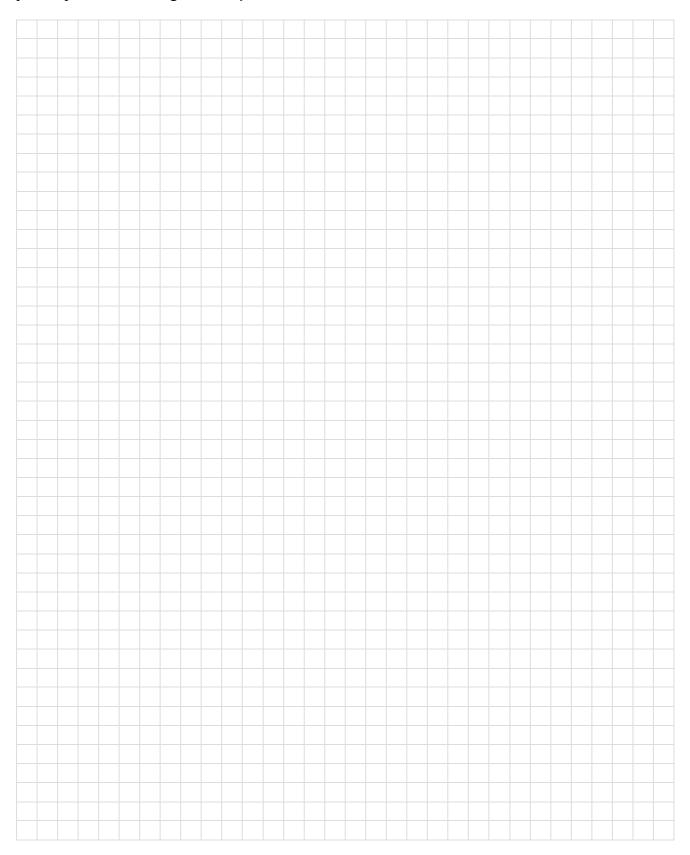
#### **Zadanie 32.** (4p)

Przekątna graniastosłupa prawidłowego czworokątnego o długości 8 cm jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem  $\alpha=30^{o}$ . Oblicz objętość tego graniastosłupa.



## **Zadanie 33.** *(4p)*

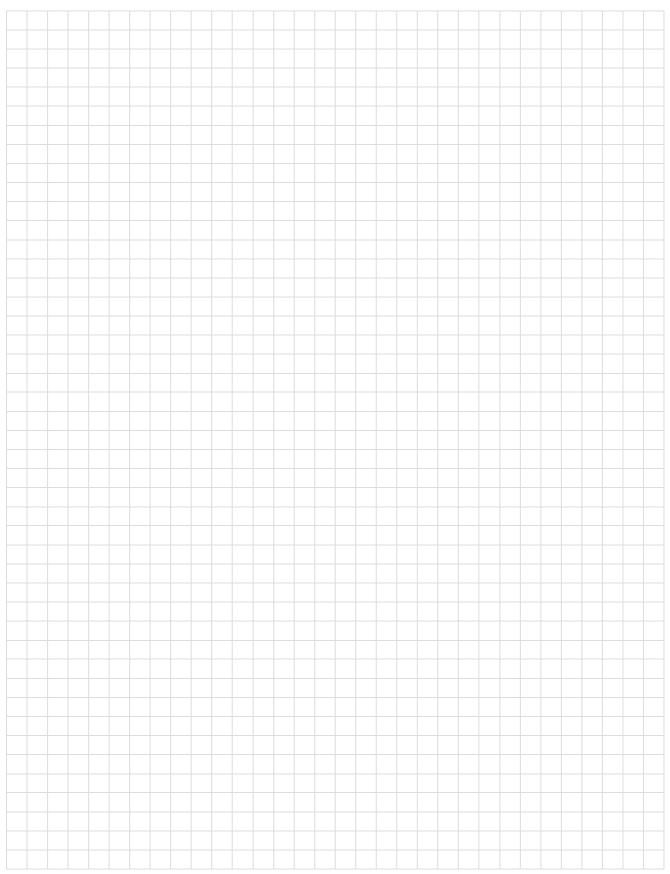
Ze zbioru  $\{1,2,3,4,5,6,7\}$  losujemy liczbę x, a ze zbioru  $\{-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1\}$  liczbę y. Oblicz prawdopodobieństwo tego, że x+y<-2.



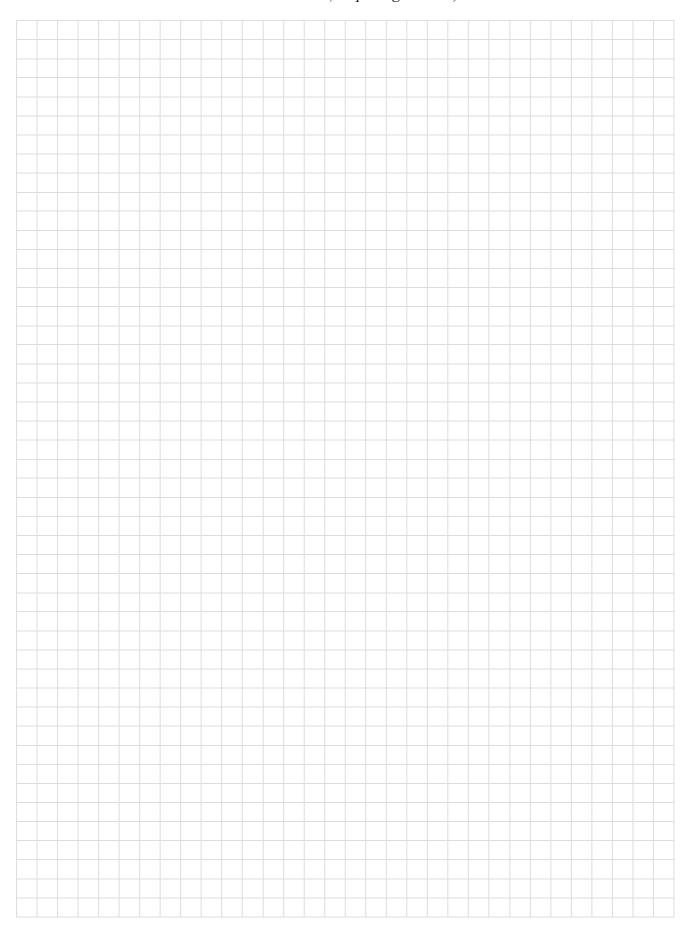
\_\_\_\_\_

#### **Zadanie 34.** (5p)

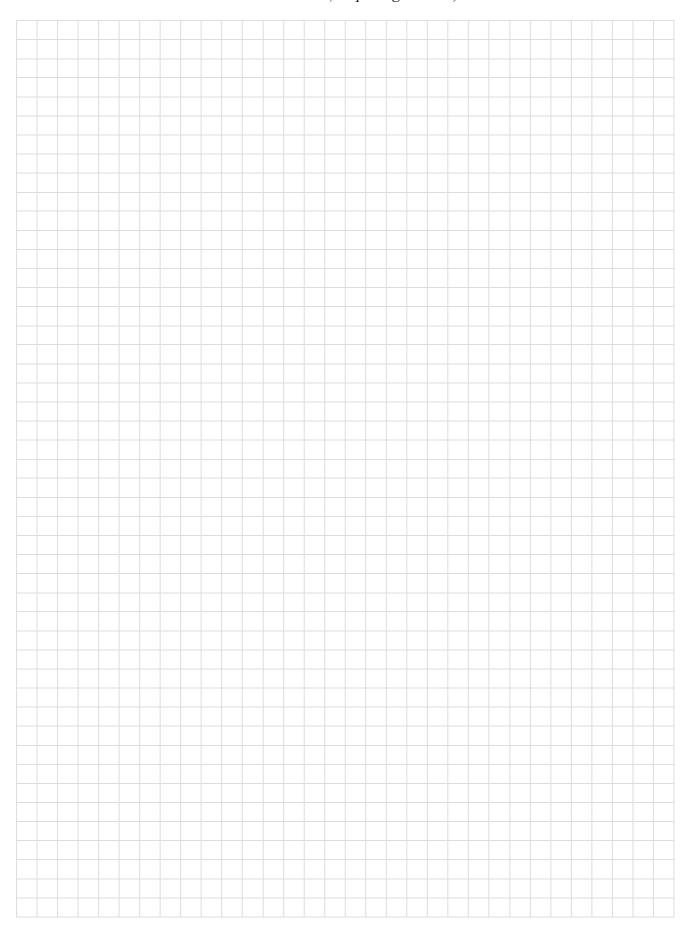
Trzy liczby a, b, c tworzą ciąg arytmetyczny. Ich suma jest równa 30. Jeżeli pierwszą i trzecią pozostawimy bez zmian, a drugą pomniejszymy o dwa, to otrzymamy trzy kolejne wyrazy ciągu geometrycznego. Oblicz wyrazy ciągu arytmetycznego.



\_\_\_\_\_



\_\_\_\_\_



### KARTA ODPOWIEDZI

KOD	UCZN	IA		N	azw	/isko i	imię	_					
Wype	łnia p	iszący	y		Γ								
		Wypełnia sprawdzający											
Nr zadania	A	В	C	D				Nr dania	X	0	1	2	
1.					.		2	26.					
2.					.		2	27.					
3.					.		2	28.					
4.							2	29.					
5.							3	0.					
6.							3	31.					
7.							-			-			1
8.					.				R	azem			
9.					.								
10.						Nr zadania	Х	0	1	2	3	4	5.
11.					.	32.							
12.						33.	_	-			╁	_	
13.								_	_				
14.						34.			] [				
15.									E.	'ozem			
16.						Razem							
17.													
18.													
19.													
20.								5	22.011	nletám.	W/xxxx	ik w%	Л
21.								Sur	па рш	nktów	wyn	шк W 7	<u> </u>
22.													
23.													
24.							,						_ <del>-</del>
25.													

Razem