## Колесова Маша, Кантимиров Игорь

Плоскость  $\pi$  проходит через точки A(2,1,3), B(2,4,0), C(-3,0,4). Зафиксирован репер (A,  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$ ).

Находим координаты новых базисных векторов  $\overrightarrow{AB}=(0,3,-3), \ \overrightarrow{AC}=(-5,-1,1)$ 

1) Точка  $p \in \pi$  имеет в этом репере координаты (5,3). Найдите координаты точки p в стандартном репере пространства  $\mathbb{R}^3$ .

Имея координаты точки в новом репере, найдем их в стандартном, пользуясь определением координат точки и разложив их по базису:

$$A+5\overrightarrow{AB}+3\overrightarrow{AC}=(2,1,3)+5*(0,3,-3)+3*(-5,-1,1)=(-13,13,-9)$$

Таким образом, получили координаты (-13,-13,-9).

2) Найдем уравнение плоскости в пространстве по 3 точкам в стандартном репере:

$$\begin{vmatrix} x-2 & y-1 & z-3 \\ 0 & 3 & -3 \\ -5 & -1 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

В каноническом виде получаем (x-2)\*0+(y-1)\*15+(z-3)\*15=0

Или в параметрическом

$$\begin{cases} x = -3 + 2\lambda, \\ y = 6 + 0\lambda, \\ z = -2 + 3\lambda \end{cases}$$

Подставим х, у, z в уравнение плоскости, чтобы найти точку пересечения

$$\begin{cases} 90 - 30 + 45*\lambda - 60 = 0, \\ 45\lambda = 0, \\ \lambda = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -3, \\ y = 6, \\ z = -2 \end{cases}$$

Находим координаты D' = 
$$(t_1, t_2).(-3, 6, -2)-(2, 1, 3) = t_1(0, 3, -3)+t_2(-5, -1, 1) \Rightarrow \begin{cases} -5t_2 = -5, \\ 3t_1 - t_2 = 5, \\ -5 = -3t_1 + t_2 \end{cases}$$
  $\Rightarrow 3t_1 = 6, t_2 = 1 \Rightarrow D' = (2, 1) \in (A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}).$