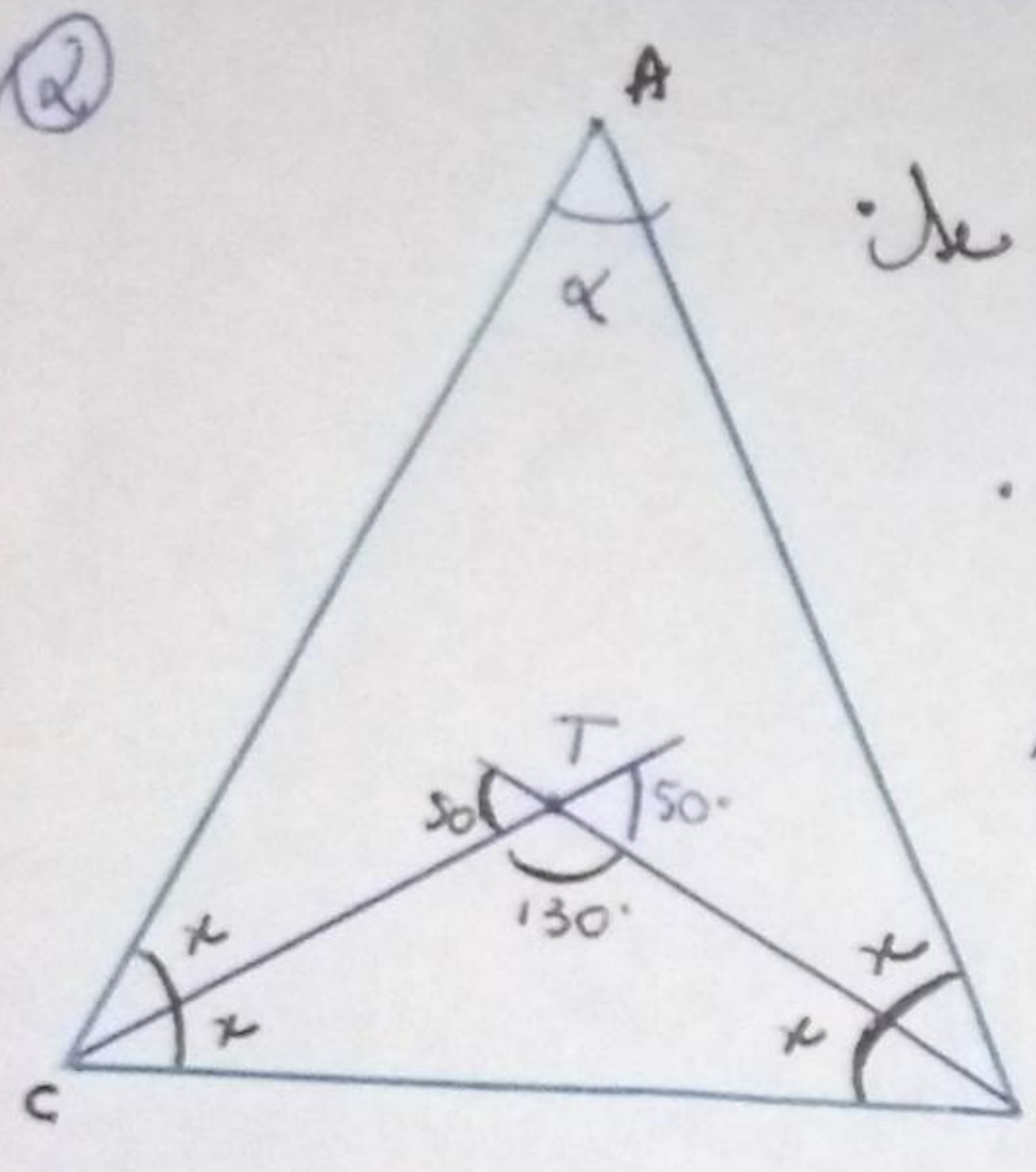


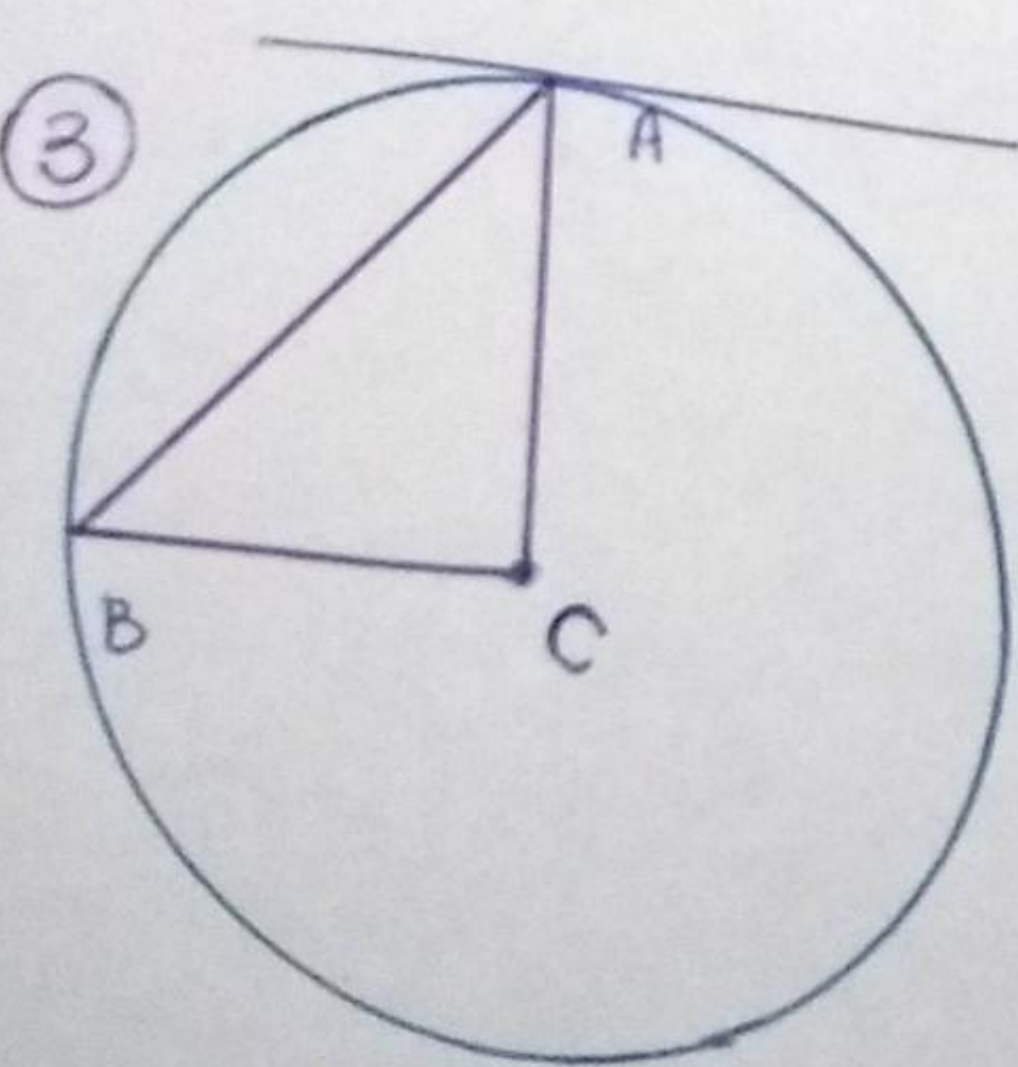
as retas  $OM$  e  $OP$  possuem o mesmo valor, então são iguais (mesmo sendo concorrentes).  
 • ao prolongar o segmento  $CO$  temos o segmento  $MO$  que se torna a mediana de  $AB$ . Podemos concluir então que  $\triangle ABC$  é equilátero

Todos os pontos notáveis estão em  $O$ , podendo aplicar a propriedade 2:1  
 Logo temos  $MO = 1$ , logo  $OC = 2 \cdot 1 = 2$



Se  $T$  é o incentro, então  $CT$  e  $BT$  são bissetrizes

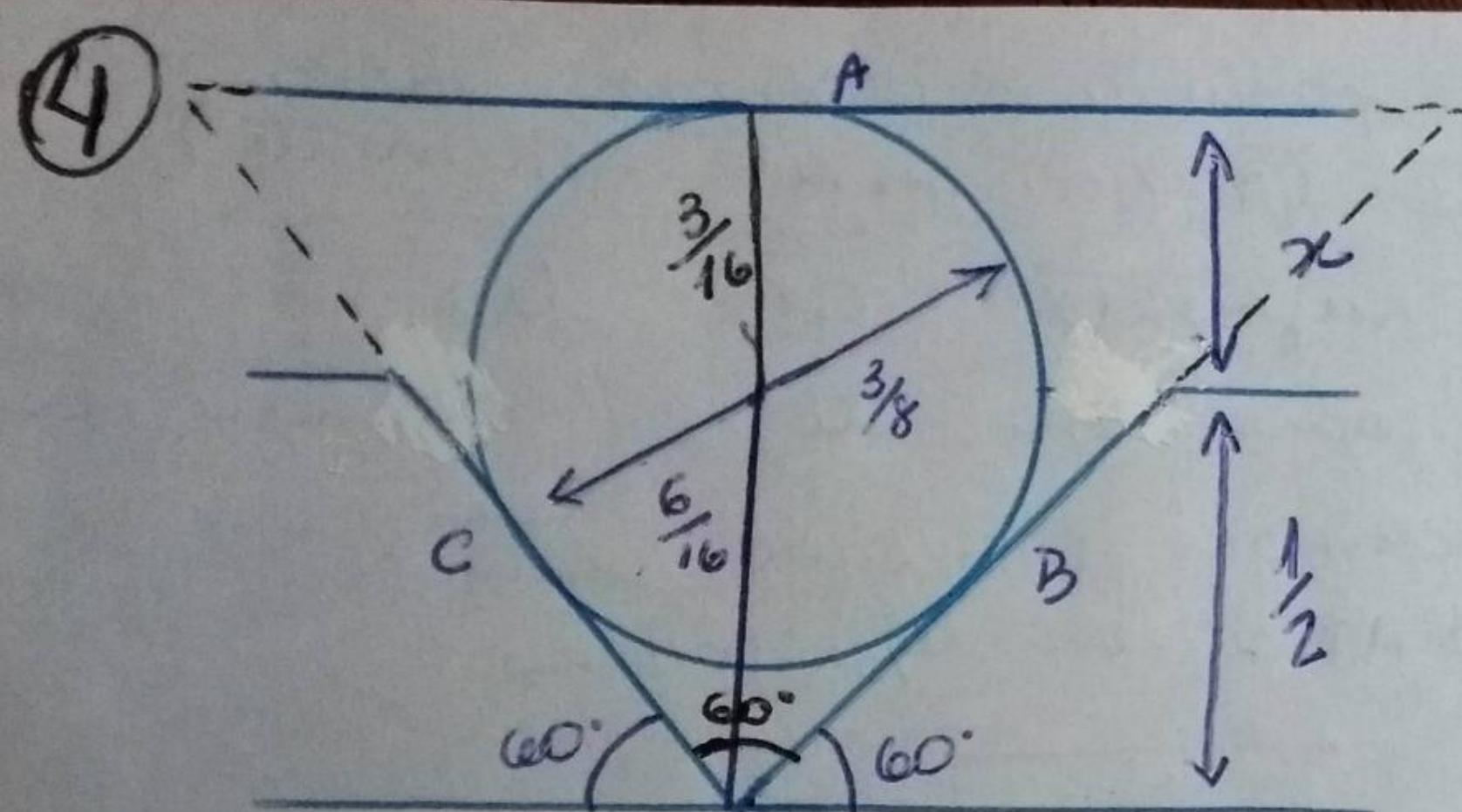
•  $\hat{C}$  a  $50^\circ$  é igual ao seu oposto e seu suplemento é  $130^\circ$  ( $50^\circ + 2 = 180^\circ$ )  
 $\triangle TCB$   
 $130^\circ + 2x = 180^\circ$   
 $2x = 50^\circ$   
 $x = 25^\circ$   
 \* considerando como um delta  
 $\alpha + x + x = 130^\circ$   
 $\alpha + 25 + 25 = 130^\circ$   
 $\alpha = 130^\circ - 50^\circ$   
 $\alpha = 80^\circ$



(B)

\* Um triângulo inscrito em uma circunferência é um triângulo retângulo.





1. se o raio é  $\frac{3}{16}$  temos

$\frac{3}{16} + \frac{6}{16} = \frac{9}{16}$  e aplicamos a igualdade

$$60 + 60 + y = 180$$

$$y = 60^\circ$$

- prolongamos as retas B e C e temos um triângulo equilátero
- Tendo assim, todos os pontos notáveis em um só ponto.  
(usaremos a relação do baricentro 2:1)

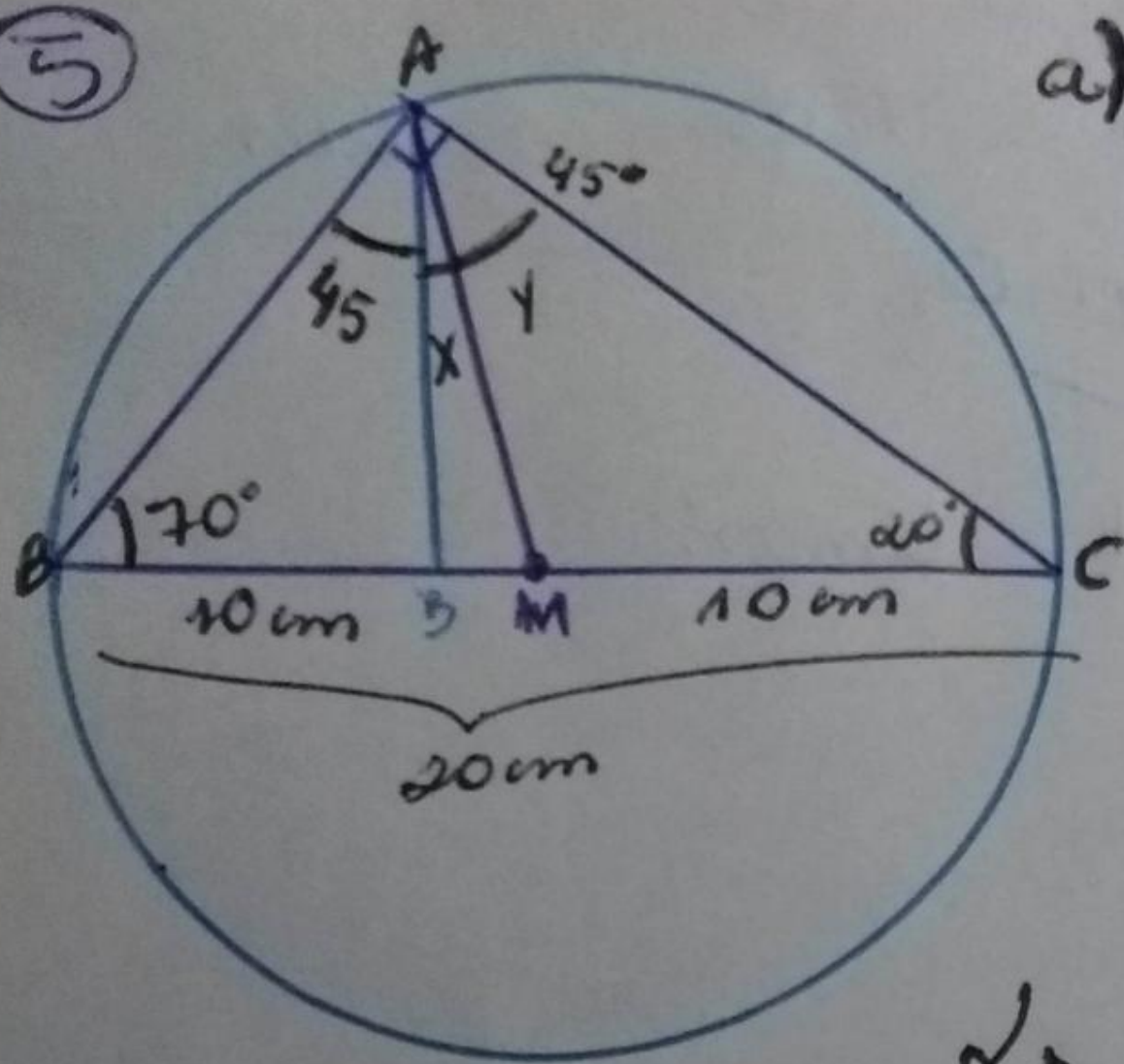
$$\frac{9}{16} = x + \frac{1}{2} \rightarrow x = \frac{9}{16} - \frac{1}{2}$$

$$x = \frac{1}{16}$$

⑤



5



a)  $x$  o segmento  $CM$  vale 10 cm o segmento do mediano ( $AM$ ) também, pois  $M$  é o centro da circunferência e tanto  $MC$  quanto  $AM$  são o raio.

b) Sabendo que o  $\triangle AMC$  é isósceles ( $MC = MA$ )

temos que  $y = C$ , então  $y = 20^\circ$

Aplicando nos ângulos de um triângulo:

$$45^\circ + x + y = 90^\circ$$

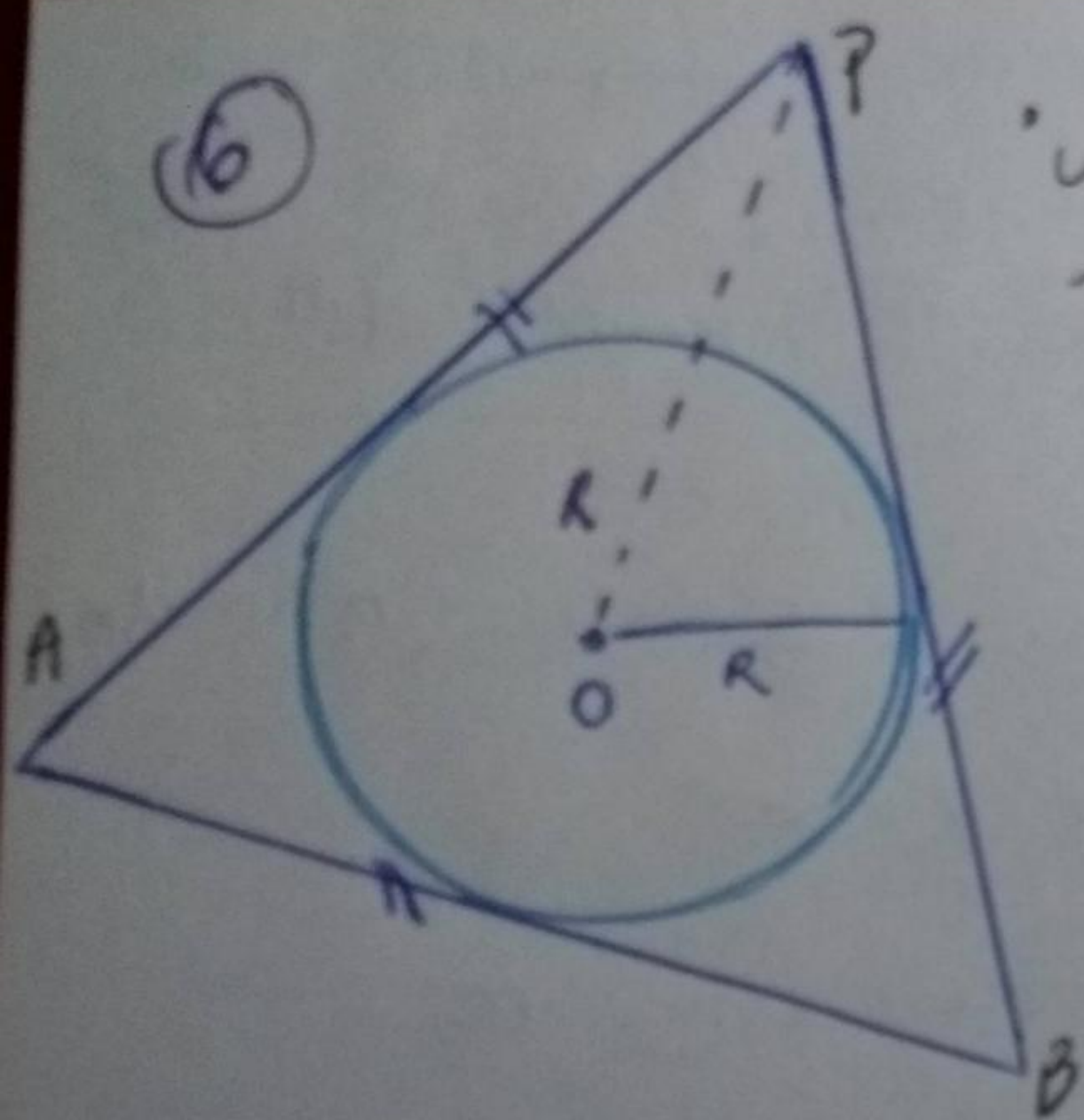
$$45^\circ + x + 20^\circ = 90^\circ$$

$$x = 90^\circ - 65$$

$$\underline{x = 25^\circ}$$



(6)



Se o  $\triangle PAB$  é equilátero, todos os seus pontos notáveis estão em  $O$ .

Usando a proporção  $2:1$  temos:

$$raio = r$$

$$PO = 2 \cdot r = \underline{\underline{2r}}$$