${\bf Data Cleaning Heart Attack}$

Maria Blanco González-Mohíno y Eloisa Baquero Candau

2024-01-09

Contents

Descripción del dataset	2
¿Por qué es importante?	2
iQué pregunta responde?	2
Variables del dataset	2
Exploración de los datos	3
Carga del archivo	3
Estructura de los datos	3
Limpieza de datos	5
Búsqueda de valores nulos o no válidos	5
Outliers	5
Visualización de variables de interes	10
Análisis estadistico	23
Comprobación de la normalidad	23
Comprobación de la homogeneidad de varianzas	32
Pruebas estadísticas	33
Conclusiones	42

Descripción del dataset

El conjunto de datos de "DataHeartAttack" extraido de Kaggle es un subconjunto de datos extraido de la base de datos de Cleveland. Esta base de datos cuenta con 76 atributos, pero todos los experimentos publicados hacen referencia al uso de un subconjunto de 14 de ellos, con los que se trabajará a lo largo de este proyecto.

A traves de estes conjunto de datos se puedes estudiar los factores que influyen en la posibilidad de sufrir infarto de corazón con la idea de poder anticiparse y poder envitarlo en alguna medida.

Fuentes de datos

Fuente de este dataset: https://www.kaggle.com/datasets/rashikrahmanpritom/heart-attack-analysis-prediction-dataset/data Fuente de Kaggle: https://archive.ics.uci.edu/dataset/45/heart+disease

El conjunto de datos heart.csv proviene de la base de datos disponible en la plataforma Kaggle.

¿Por qué es importante?

Las enfermedades cardiovasculares (ECV) son la principal causa de muerte a nivel mundial y se estima que cobran 17,9 millones de vidas cada año, lo que representa el 31% de todas las muertes en todo el mundo. Cuatro de cada cinco muertes por ECV se deben a ataques cardíacos y accidentes cerebrovasculares, y un tercio de estas muertes ocurren prematuramente en personas menores de 70 años. La insuficiencia cardíaca es un evento común causado por enfermedades cardiovasculares y este conjunto de datos contiene 11 características que pueden usarse para predecir una posible enfermedad cardíaca.

Las personas con enfermedades cardiovasculares o que tienen un alto riesgo cardiovascular (debido a la presencia de uno o más factores de riesgo como hipertensión, diabetes, hiperlipidemia o enfermedad ya establecida) necesitan una detección y un manejo tempranos en los que un modelo de aprendizaje automático puede ser de gran ayuda.

¿Qué pregunta responde?

Este conjunto de datos pretende elaborar un modelo predictivo y responder a la pregunta: ¿qué factores son clave para la aparición de ataques cardíacos?

Variables del dataset

- Age: Edad del paciente.
- Sex: Sexo del paciente.
- cp: Dolor torácico tipo (1 = angina típica; 2 = angina atípica; 3 = dolor no anginoso; 4 = asintomático).
- ca: Número de grandes vasos sanguíneos (0-3).
- trtbps: Presión arterial en reposo (en mm Hg).
- chol: colesterol en mg/dl obtenido a través del sensor de IMC.
- **fbs**: (glucemia en ayunas > 120 mg/dl) (1 = verdadero; 0 = falso).
- rest_ecg: resultados electrocardiográficos en reposo (0 = normal; 1 = presenta anomalía de la onda ST-T (inversiones de la onda T y/o elevación o depresión del ST de > 0,05 mV); 2 = muestra hipertrofia ventricular izquierda probable o definida según los criterios de Estes).
- thalach: frecuencia cardiaca máxima alcanzada
- exng: Angina inducida por el ejercicio (1 = si; 0 = no).
- oldpeak: Depresión del ST inducida por el ejercicio en relación con el reposo.
- slp: Slope / Bajada.
- caa: Número de vasos mayores (0-3) coloreados por flouroscopia.
- thall: No hay información al respecto.
- output: 0 = menor probabilidad de infarto; 1 = mayor probabilidad de infarto

Exploración de los datos

Carga del archivo

```
heart <- read_csv(".../data/raw/heart.csv", show_col_types = FALSE)
head(heart, 5)
## # A tibble: 5 x 14
##
                                         fbs restecg thalachh exng oldpeak
                     cp trtbps
                                chol
                                                                                 slp
       age
             sex
##
     <dbl> <dbl> <dbl>
                         <dbl> <dbl> <dbl>
                                               dbl>
                                                         <dbl> <dbl>
                                                                        <dbl> <dbl>
## 1
                            145
                                  233
                                                           150
                                                                          2.3
                                                                                   0
        63
                1
                      3
                                           1
                                                   0
                                                                    0
## 2
        37
                1
                      2
                            130
                                  250
                                           0
                                                   1
                                                           187
                                                                    0
                                                                          3.5
## 3
        41
                0
                            130
                                  204
                                           0
                                                    0
                                                           172
                                                                    0
                                                                          1.4
                                                                                   2
                      1
## 4
        56
                1
                            120
                                  236
                                           0
                                                           178
                                                                          0.8
                                                                                   2
                      1
                                                    1
## 5
        57
                0
                            120
                                  354
                                           0
                                                           163
                                                                          0.6
                                                                                   2
                      0
                                                    1
## # i 3 more variables: caa <dbl>, thall <dbl>, output <dbl>
```

Estructura de los datos

```
str(heart)
```

```
## spc_tbl_ [303 x 14] (S3: spec_tbl_df/tbl_df/tbl/data.frame)
   $ age
              : num [1:303] 63 37 41 56 57 57 56 44 52 57 ...
              : num [1:303] 1 1 0 1 0 1 0 1 1 1 ...
##
   $ sex
##
   $ cp
              : num [1:303] 3 2 1 1 0 0 1 1 2 2 ...
   $ trtbps : num [1:303] 145 130 130 120 120 140 140 120 172 150 ...
##
   $ chol
              : num [1:303] 233 250 204 236 354 192 294 263 199 168 ...
##
              : num [1:303] 1 0 0 0 0 0 0 0 1 0 ...
##
   $ restecg : num [1:303] 0 1 0 1 1 1 0 1 1 1 ...
  $ thalachh: num [1:303] 150 187 172 178 163 148 153 173 162 174 ...
##
   $ exng
              : num [1:303] 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 ...
##
   $ oldpeak : num [1:303] 2.3 3.5 1.4 0.8 0.6 0.4 1.3 0 0.5 1.6 ...
##
              : num [1:303] 0 0 2 2 2 1 1 2 2 2 ...
   $ slp
              : num [1:303] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
   $ caa
##
   $ thall
              : num [1:303] 1 2 2 2 2 1 2 3 3 2 ...
   $ output : num [1:303] 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
##
##
   - attr(*, "spec")=
##
     .. cols(
##
          age = col_double(),
     . .
##
          sex = col_double(),
##
          cp = col_double(),
##
          trtbps = col_double(),
##
          chol = col_double(),
     . .
##
          fbs = col_double(),
##
         restecg = col double(),
     . .
         thalachh = col_double(),
##
##
          exng = col_double(),
     . .
##
          oldpeak = col_double(),
##
         slp = col_double(),
     . .
          caa = col_double(),
##
```

```
## .. thall = col_double(),
## .. output = col_double()
## .. )
## - attr(*, "problems")=<externalptr>
```

summary(heart)

```
##
                                                            trtbps
         age
                          sex
                                             ср
                                              :0.000
##
    Min.
           :29.00
                     Min.
                            :0.0000
                                       Min.
                                                        Min.
                                                               : 94.0
    1st Qu.:47.50
                     1st Qu.:0.0000
                                       1st Qu.:0.000
                                                        1st Qu.:120.0
##
    Median :55.00
                     Median :1.0000
                                       Median :1.000
                                                        Median :130.0
##
    Mean
           :54.37
                     Mean
                            :0.6832
                                       Mean
                                              :0.967
                                                        Mean
                                                               :131.6
##
    3rd Qu.:61.00
                     3rd Qu.:1.0000
                                       3rd Qu.:2.000
                                                        3rd Qu.:140.0
##
    Max.
           :77.00
                     Max.
                            :1.0000
                                       Max.
                                              :3.000
                                                        Max.
                                                               :200.0
##
                          fbs
         chol
                                          restecg
                                                            thalachh
##
    Min.
           :126.0
                     Min.
                            :0.0000
                                       Min.
                                              :0.0000
                                                         Min.
                                                              : 71.0
##
    1st Qu.:211.0
                     1st Qu.:0.0000
                                       1st Qu.:0.0000
                                                         1st Qu.:133.5
    Median :240.0
                     Median :0.0000
                                       Median :1.0000
                                                         Median :153.0
##
    Mean
           :246.3
                     Mean
                            :0.1485
                                       Mean
                                              :0.5281
                                                         Mean
                                                                :149.6
    3rd Qu.:274.5
                     3rd Qu.:0.0000
                                       3rd Qu.:1.0000
                                                         3rd Qu.:166.0
##
##
    Max.
           :564.0
                     Max.
                            :1.0000
                                       Max.
                                              :2.0000
                                                         Max.
                                                                :202.0
##
                         oldpeak
                                           slp
         exng
                                                            caa
##
    Min.
           :0.0000
                      Min.
                             :0.00
                                      Min.
                                             :0.000
                                                       Min.
                                                              :0.0000
##
    1st Qu.:0.0000
                      1st Qu.:0.00
                                      1st Qu.:1.000
                                                       1st Qu.:0.0000
##
    Median :0.0000
                      Median:0.80
                                      Median :1.000
                                                       Median :0.0000
##
    Mean
           :0.3267
                      Mean
                             :1.04
                                      Mean
                                             :1.399
                                                       Mean
                                                              :0.7294
##
    3rd Qu.:1.0000
                      3rd Qu.:1.60
                                      3rd Qu.:2.000
                                                       3rd Qu.:1.0000
##
           :1.0000
                             :6.20
                                             :2.000
                                                              :4.0000
    Max.
                      Max.
                                      Max.
                                                       Max.
##
        thall
                         output
##
                            :0.0000
    Min.
           :0.000
                     Min.
##
    1st Qu.:2.000
                     1st Qu.:0.0000
##
    Median :2.000
                     Median :1.0000
    Mean
           :2.314
                     Mean
                            :0.5446
##
    3rd Qu.:3.000
                     3rd Qu.:1.0000
    Max.
           :3.000
                            :1.0000
                     Max.
```

skim(heart)

Table 1: Data summary

Name Number of rows	heart 303
Number of columns Column type frequency:	14
numeric	14
Group variables	None

Variable type: numeric

skim_variable	n_missing	$complete_rate$	mean	sd	p0	p25	p50	p75	p100	hist
age	0	1	54.37	9.08	29	47.5	55.0	61.0	77.0	
sex	0	1	0.68	0.47	0	0.0	1.0	1.0	1.0	
ср	0	1	0.97	1.03	0	0.0	1.0	2.0	3.0	
trtbps	0	1	131.62	17.54	94	120.0	130.0	140.0	200.0	
chol	0	1	246.26	51.83	126	211.0	240.0	274.5	564.0	
fbs	0	1	0.15	0.36	0	0.0	0.0	0.0	1.0	
restecg	0	1	0.53	0.53	0	0.0	1.0	1.0	2.0	
thalachh	0	1	149.65	22.91	71	133.5	153.0	166.0	202.0	
exng	0	1	0.33	0.47	0	0.0	0.0	1.0	1.0	
oldpeak	0	1	1.04	1.16	0	0.0	0.8	1.6	6.2	
slp	0	1	1.40	0.62	0	1.0	1.0	2.0	2.0	
caa	0	1	0.73	1.02	0	0.0	0.0	1.0	4.0	
thall	0	1	2.31	0.61	0	2.0	2.0	3.0	3.0	
output	0	1	0.54	0.50	0	0.0	1.0	1.0	1.0	

Limpieza de datos

Búsqueda de valores nulos o no válidos

Enfocandonos en la naturaleza del dataset, hay algunos casos especiales que también se consideraran valores nulos. La variable "caa" puede tener valores entre [0-3], el resto serán considerados nulos o no válidos.

```
cat("Elementos no válidos en la columna caa:", sum(heart$caa < 0 | heart$caa >3))
```

Elementos no válidos en la columna caa: 5

Se observan 5 valores nulos en esta columna. Debido a que no es un número elevado se considera la eliminación de esas filas.

```
heart <- heart[!(heart$caa < 0 | heart$caa > 3), ]
dim(heart)
```

[1] 298 14

La variable thall, debería comprender valores entre 1 y 3.

```
numero_apariciones <- table(heart$thall)
heart <- heart[!(heart$thall < 1 | heart$thall > 3), ]
dim(heart)
```

[1] 296 14

Outliers

Un diagrama de caja (o diagrama de caja y bigotes) muestra la distribución de datos cuantitativos de una manera que facilita las comparaciones entre variables. El cuadro muestra los cuartiles del conjunto de datos mientras que los bigotes se extienden para mostrar el resto de la distribución. (también conocido como diagrama de caja y bigotes) es una forma estandarizada de mostrar la distribución de datos basada en el resumen de cinco números:

- Mínimo
- Primer cuartil
- Mediana
- Tercer cuartil
- Máximo

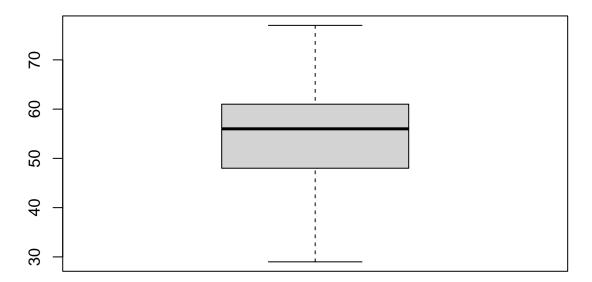
En el diagrama de caja más simple, el rectángulo central abarca desde el primer cuartil hasta el tercer cuartil (el rango intercuartil o IQR). Un segmento dentro del rectángulo muestra la mediana y los "bigotes" encima y debajo del cuadro muestran las ubicaciones del mínimo y el máximo.

• Edad (age)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 29.00 48.00 56.00 54.52 61.00 77.00

boxplot(heart$age, main="Edad (age)")
```

Edad (age)

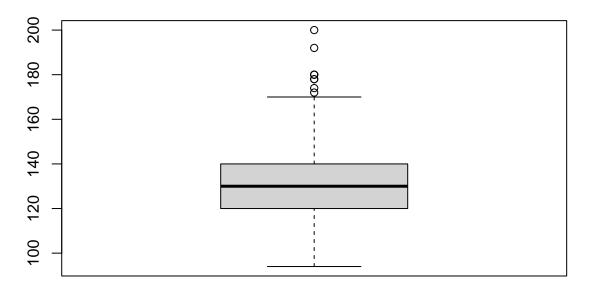


En este gráfico se muestra que la variable edad no contiene valores atípicos ya que todos los valores se encuentrar en el rango de 29 - 77 como valores minimo y máximo. La edad media es de 55 años.

• Presión arterial en reposo (trtbps)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 94.0 120.0 130.0 131.6 140.0 200.0
boxplot(heart$trtbps, main="Presión arterial en reposo(trtbps)")
```

Presión arterial en reposo(trtbps)



En el caso de la variable tr
tbps encontramos valores atípico con presiones arteriales en reposo por encima de 170 llegando a encontrar un valor máximo de 200 mm Hg. No se encuentran valores extremos en la cola inferior. Los valores atípicos son:

```
x <- boxplot.stats(heart$trtbps)$out
idx <- which(heart$trtbps %in% x)
sort(heart$trtbps[idx])</pre>
```

[1] 172 174 178 178 180 180 180 192 200

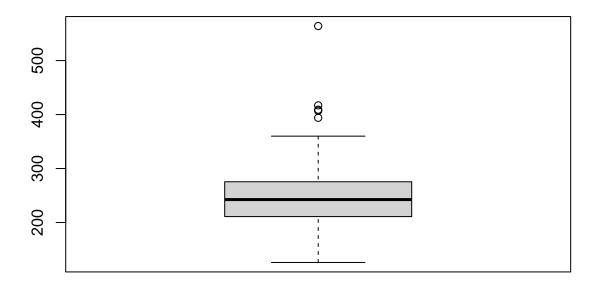
• colesterol (chol)

```
summary(heart$chol)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 126.0 211.0 242.5 247.2 275.2 564.0
```

```
a <- boxplot(heart$chol, main="colesterol(chol)")</pre>
```

colesterol(chol)



```
x <- boxplot.stats(heart$chol)$out
idx <- which(heart$chol %in% x)
sort(heart$chol[idx])</pre>
```

[1] 394 407 409 417 564

La variables colesterol (chol) presenta 4 valores extremos superiores a 360 destacando un valor máximo muy por encima de 360 que es 564. Este valor es mucho mayor que los demás valores atípicos encontrados en esta variable y se debería eliminar.

heart\$chol[idx]

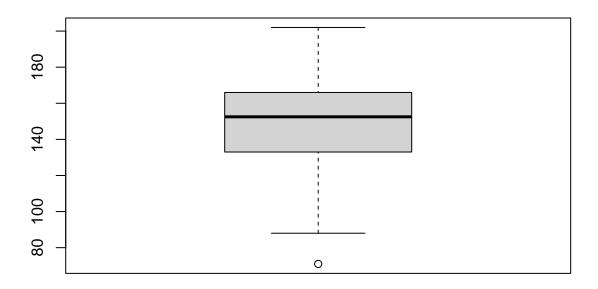
[1] 417 564 394 407 409

• Frecuencia cardiaca máxima (thalachh)

summary(heart\$thalachh)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 71.0 133.0 152.5 149.6 166.0 202.0
```

Frecuencia cardiaca máxima(thalachh)



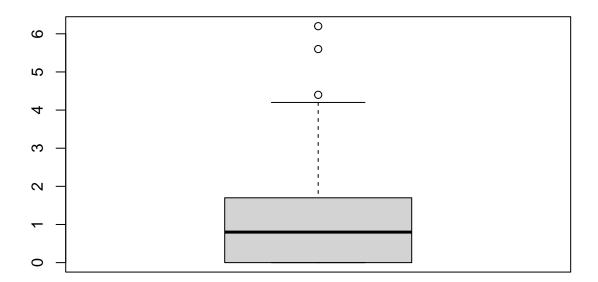
```
x <- boxplot.stats(heart$thalachh)$out
idx <- which(heart$thalachh %in% x)
sort(heart$thalachh[idx])</pre>
```

[1] 71

Para la frecuencia cardiaca máxima solo encontramos un valor extremo en la parte inferior con un valor de 71. Al tratarse de un único valor se debería eliminar.

• Depresión del ST(oldpeak)

Depresión del ST inducida por ejercicio(oldpeak)



```
x <- boxplot.stats(heart$oldpeak)$out
idx <- which(heart$oldpeak %in% x)
sort(heart$oldpeak[idx])</pre>
```

```
## [1] 4.4 5.6 6.2
```

Esta variable presenta 5 valores extremos ya que están por encima del valor 4 siendo el mayor valor de 6,2.

Visualización de variables de interes

• Conversión de datos (Será útil en la visualización de datos).

```
) %>%
mutate_if(is.character,as.factor)%>%
dplyr::select(output,sex,fbs,exng,cp,restecg,slp,caa,thall, everything())

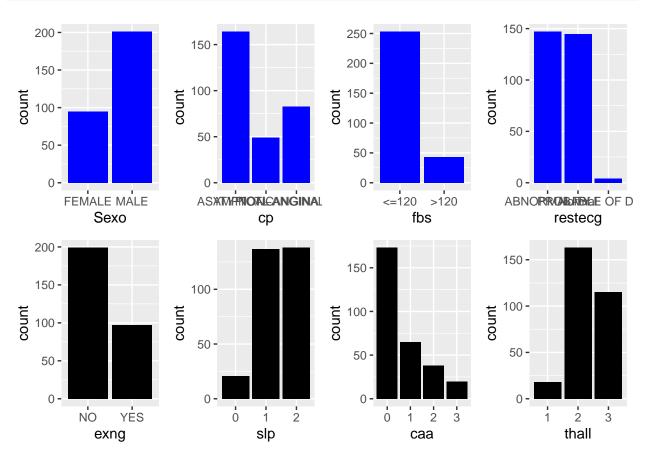
# Convertimos el target a factor
heart <- heart %>%
    mutate(output = as.factor(output))
```

Análisis univariante

· Variables categóricas

Vamos a estudiar la distribución de las variables categóricas mediantes diagramas de barras:

```
bp1 <- ggplot(data,aes(x=factor(sex)))+geom_bar(fill = "blue")+xlab("Sexo")
bp2 <- ggplot(data,aes(x=factor(cp)))+geom_bar(fill = "blue")+xlab("cp")
bp3 <- ggplot(data,aes(x=factor(fbs)))+geom_bar(fill = "blue")+xlab("fbs")
bp4 <- ggplot(data,aes(x=factor(restecg)))+geom_bar(fill = "blue")+xlab("restecg")
bp5 <- ggplot(data,aes(x=factor(exng)))+geom_bar(fill = "black")+xlab("exng")
bp6 <- ggplot(data,aes(x=factor(slp)))+geom_bar(fill = "black")+xlab("slp")
bp7 <- ggplot(data,aes(x=factor(caa)))+geom_bar(fill = "black")+xlab("caa")
bp8 <- ggplot(data,aes(x=factor(thall)))+geom_bar(fill = "black")+xlab("thall")
grid.arrange(bp1,bp2,bp3,bp4,bp5,bp6,bp7,bp8, nrow=2)</pre>
```



A continuación calculamos la frecuencia de cada variable categórica.

```
prop.table(table(data$sex))
##
##
      FEMALE
                  MALE
## 0.3209459 0.6790541
prop.table(table(data$fbs))
##
##
       <=120
                  >120
## 0.8547297 0.1452703
prop.table(table(data$exng))
##
##
                   YES
         NO
## 0.6722973 0.3277027
prop.table(table(data$sex))
##
##
      FEMALE
                  MALE
## 0.3209459 0.6790541
prop.table(table(data$cp))
##
##
         ASYMPTOTIC ATYPICAL ANGINA NON-ANGINAL PAIN
          0.5540541
                           0.1655405
##
                                          0.2804054
prop.table(table(data$restecg))
##
                                      Normal PROBABLE OF DEFINITE
##
            ABNORMALITY
             0.49662162
                                  0.48986486
                                                       0.01351351
prop.table(table(data$slp))
##
## 0.07094595 0.46283784 0.46621622
prop.table(table(data$cca))
## Warning: Unknown or uninitialised column: `cca`.
## numeric(0)
```

```
prop.table(table(data$thall))

##

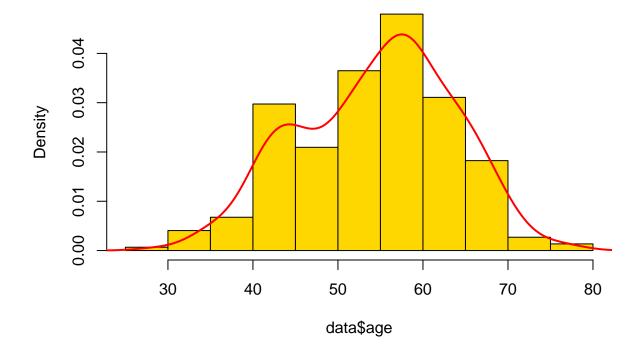
## 1 2 3

## 0.06081081 0.55067568 0.38851351
```

• Variables numéricas

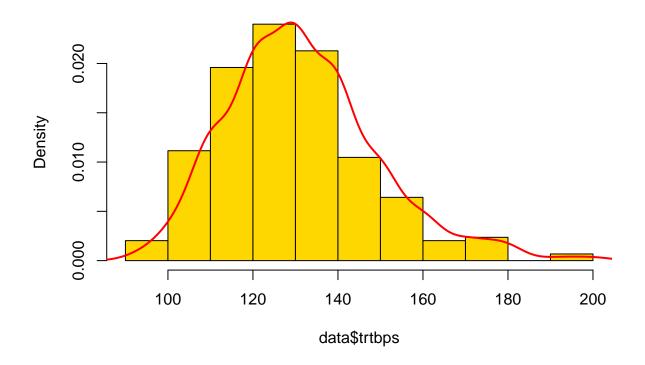
```
den_age <- density(data$age)
hist1 <- hist(data$age, main = "Histograma y densidad de la edad de los pacientes", col = "gold", freq =
lines(den_age, col = "red", lwd=2)</pre>
```

Histograma y densidad de la edad de los pacientes



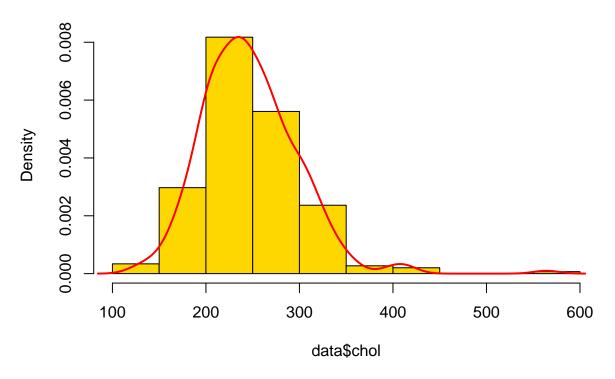
```
den_trtbps <- density(data$trtbps)
hist2 <- hist(data$trtbps, main = "Histograma y densidad de la frecuencia cardiaca máxima", col = "gold
lines(den_trtbps, col = "red", lwd=2)</pre>
```

Histograma y densidad de la frecuencia cardiaca máxima

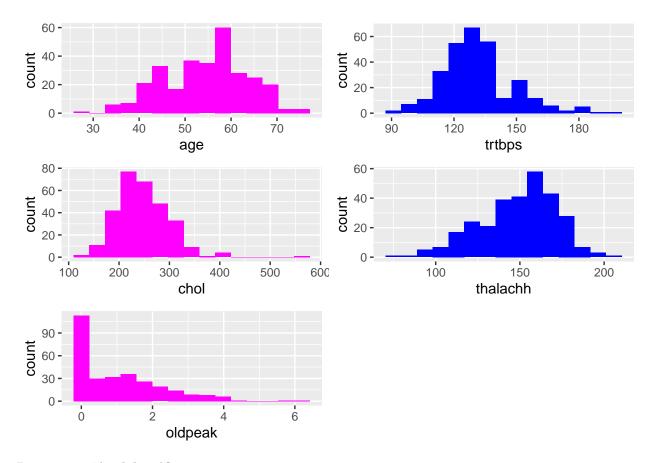


```
den_chol <- density(data$chol)
hist3 <- hist(data$chol, main = "Histograma y densidad del colecterol", col = "gold", freq = FALSE)
lines(den_chol, col = "red", lwd=2)</pre>
```

Histograma y densidad del colecterol



```
hist1 <- ggplot(data,aes(x=age))+geom_histogram(bins=15,fill='magenta')
hist2 <- ggplot(data,aes(x=trtbps))+geom_histogram(bins=15,fill='blue')
hist3 <- ggplot(data,aes(x=chol))+geom_histogram(bins=15,fill='magenta')
hist4 <- ggplot(data,aes(x=thalachh))+geom_histogram(bins=15,fill='blue')
hist5 <- ggplot(data,aes(x=oldpeak))+geom_histogram(bins=15,fill='magenta')
grid.arrange(hist1,hist2,hist3,hist4,hist5,nrow=3)
```



Interpretación del gráfico:

• age: La edad sigue una distribución casi normal en cuando al número de ataques sufridos. Parece que hay una franja de edad determinante en cuando al número de estas dolencias. En este caso, valores por debajo de 40 podrían considerarse outliers, un caso en torno a los 29 años parece ser un valor atípico.

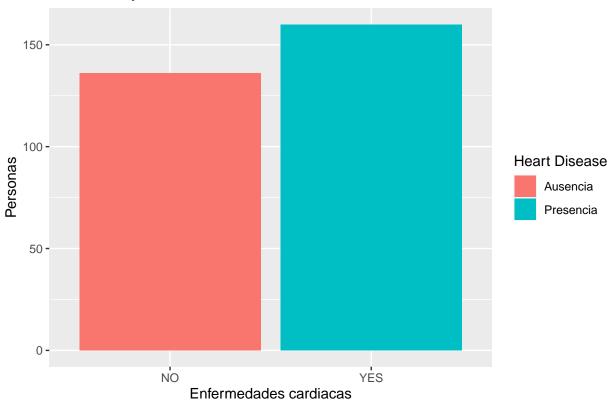
Vemos como en el grupo de edad comprendido entre 56 y 60 años, los registros asumen un mayor número de ataques sufridos, estos pueden deberse a la vejez y necesidad de chequeos de salud regulares.

- trtbps: Esta variable parece que no sigue una distribución normal concentrandose los valores más frecuentes entre 110 y 140. también vemos un pico en el valor 150.
- chol: El colecterol se distribuye siguiendo una distribución normal pero podemos ver como existen algunos valores extremos en torno al valor 600
- thalachh: Esta variable se distribuye siguiendo una distribución normal desplazada a la derecha.
- oldpeak: Esta variable se aprecia perfectamente que presenta un pico en el valor 0.
- Variable output

A continuación, vamos a analizar la variable "ouput". Vamos a obtener el gráfico de barras para comparar cuántas personas tienen o no enfermedades cardíacas

```
ggplot(data , aes(x=output,fill=output))+
    geom_bar()+
    xlab("Enfermedades cardiacas")+
    ylab("Personas")+
    ggtitle("Detección y ausencia de enfermedades cardíacas")+
    scale_fill_discrete(name="Heart Disease", labels=c("Ausencia","Presencia"))
```

Detección y ausencia de enfermedades cardíacas



En este conjunto de datos existe mayor cantidad de personas que han sufrido enfermedades cardiacas que persona que no las han sufrido.

Ahora vamos a encontrar la proporción de personas para cuantificar cuántas de ellas tienen enfermedades cardíacas y cuántas no.

```
prop.table(table(data$output))
```

```
## NO YES
## 0.4594595 0.5405405
```

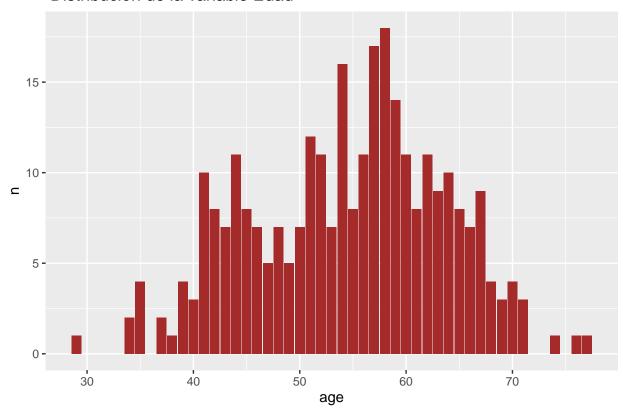
Los datos anteriores cuantifican que el 54,45% de la población está diagnosticada con alguna enfermedad cardíaca mientras que el 45,54% de la población no padece ningún tipo de enfermedad cardíaca. Además, esta variable presenta datos balanceados.

· Variable age

Vamos a comprobar como se distribuye los grupos de edad en el conjunto de datos.

```
data %>%
  group_by(age)%>%
  count()%>%
  ggplot()+
  geom_col(aes(age,n), fill= 'brown')+
  ggtitle(" Distribución de la variable Edad")
```

Distribución de la variable Edad

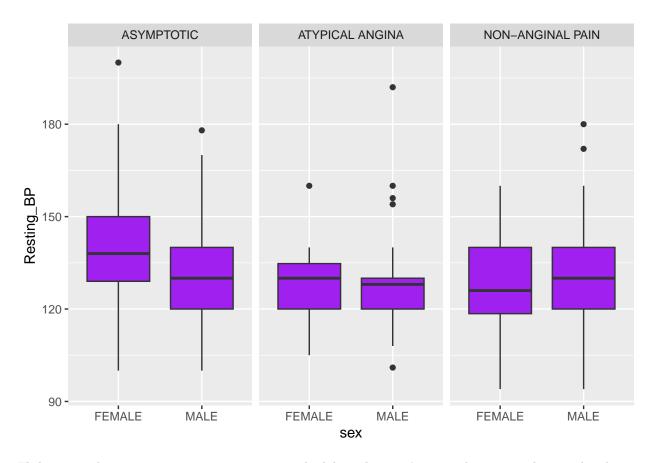


Análisis multivariante

• Evaluación de la relación entre el diferentes tipos de dolor en el pecho y la presión arterial

Vamos a Comparar de la "presión arterial" y los "diferentes tipos de dolor en el pecho" entre hombres y mujeres:

```
data%>%
  ggplot(aes(x=sex, y=trtbps))+
  geom_boxplot(fill="purple")+
  xlab('sex')+
  ylab("Resting_BP")+
  facet_grid(~cp )
```



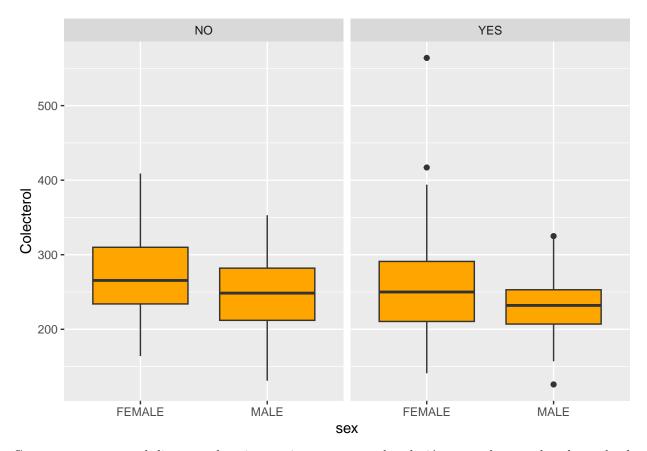
El diagrama de caja anterior muestra tres tipos de dolor y la presión arterial correspondiente a hombres y mujeres. El rango de presión arterial normal es 120, y por encima de 140 se considera una presión arterial más alta. Si cruza 180 puede causar daños graves.

- Para el dolor asintótico, las mujeres tienen una presión arterial promedio más alta que los hombres. En las mujeres podemos encotrar algunos valores por encima de 180, que está muy por encima de lo normal, mientras que los hombres también presentan una presión arterial más alta, pero el máximo está por debajo de 180.
- Para el dolor de tipo *atípico*, tanto hombres como mujeres tienen una presión arterial promedio inferior a 150 pero sigue siendo algo superior en las mujeres. En los hpmbres podemos encontrar algunas presiones más altas, por encima de 150 y algunas incluso por encima de 180, lo cual puede ser muy negativo, lo que significa que este tipo de dolor en el pecho puede ser peligroso. En las mujeres solo encontramos un bajor más extreno por encima de 150.
- Para el dolor no anginoso, tanto hombres como mujeres tienen una presión arterial promedio inferior a
 150, ninguna de las mujeres tiene una presión arterial más alta, algunos hombres tienen cerca de 180.
 Por otro lado, algunos hombres han visto una presión arterial baja, por debajo de 100 con este tipo de
 dolor.

Evaluación de la relación entre el colesterol y las enfermedades cardíacas

```
data%>%
ggplot(aes(x=sex, y=chol))+
geom_boxplot(fill="orange")+
xlab('sex')+
```

ylab("Colecterol")+ facet_grid(~output)



Como se muestra en el diagrama de caja anterior, se muestra la relación entre el rango de colesterol y la presencia de enfermedades cardíacas.

En el diagrama:

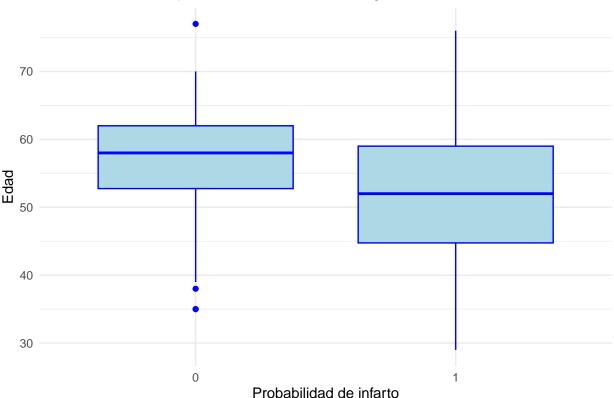
- Menos de 200 en colecteroles es bueno, más de 240 es un colecterol alto, por lo que puede ser peligroso.
- Sí significa presencia de enfermedad cardíaca y
- No significa ausencia de enfermedad cardíaca.

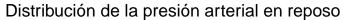
Por tanto podemos deducir:

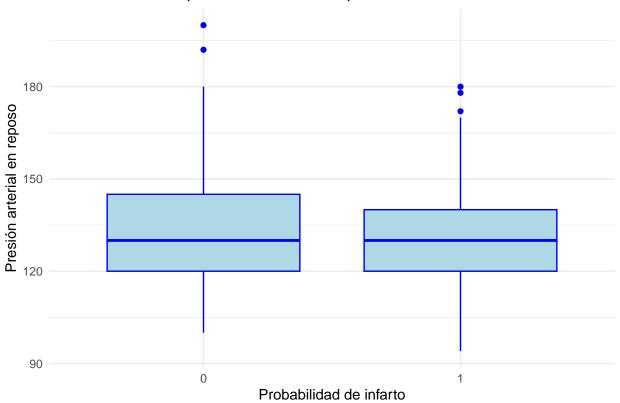
- Sin enfermedad cardíaca: Aquellos que no han padecido una enfermedad cardíaca tienen un nivel de colesterol promedio por encima de 250, los hombres tienen menos colesterol, puede deberse a más movimiento físico o menos consumo de alimentos grasos. Además, ninguno de ellos tiene niveles de colesterol elevados.
- Con presencia de enfermedad cardíaca: Aquellos que tienen enfermedad cardíaca, el promedio de hombres y mujeres tienen niveles de colesterol en el rango inferior a 250, pero algunos hombres y mujeres tienen valores de colesterol muy altos. En los hombres, algunos valores supera los 300, lo cual no es una buena señal. En las mujeres algunos valores superan los 400 e incluso a algunas se les detectó un nivel de colesterol por encima de 500, encontrandose estos valores en el grupo de mujeres con efermedades cardiacas.

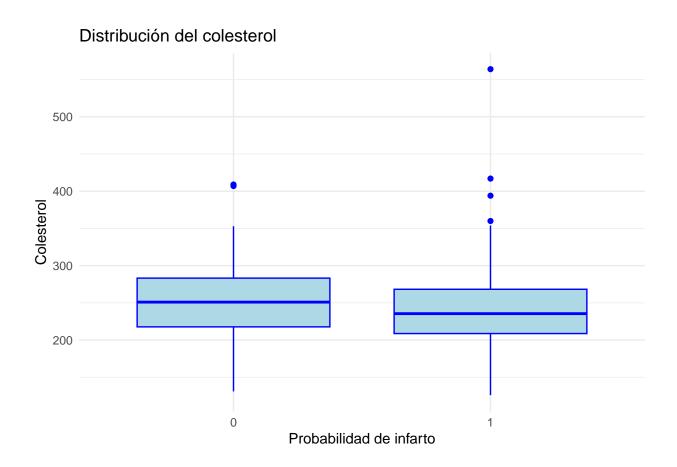
Entonces, esto indica que para deshacerse de las enfermedades cardíacas siempre es mejor controlar el nivel de colesterol por debajo de 250.

Distribución de la probabilidad de infarto según la edad









Análisis estadistico

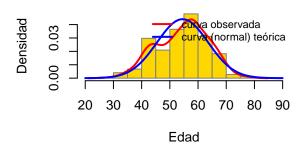
Comprobación de la normalidad

• Comprobación visual

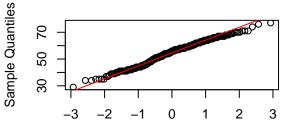
Se pueden emplear visualizaciones de los datos para inspeccionar la normalidad de estos. Para esto podemos usar histogramas, curvas de densidad (comparada con la teórica) así como los gráficos Q-Q.

```
par(mfrow=c(2,2))
hist(data$age, main = "Histograma de la edad", col = "gold",freq = FALSE, xlim = c(20, 90), border = "g
lines(density(data$age),col = "red", lwd = 2)
curve(dnorm(x, mean(data$age), sd(data$age)), lwd = 2, col="blue", add = TRUE)
legend("topright", c("curva observada", "curva (normal) teórica"), lty = 1, lwd = 2, col = c("red", "blue")
qqnorm(data$age, colnames(data$age))
qqline(data$age, col= "red")
```

Histograma de la edad



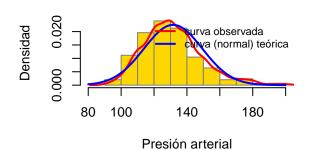
Normal Q-Q Plot



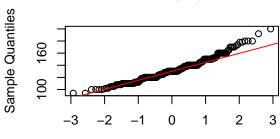
Theoretical Quantiles

```
par(mfrow=c(2,2))
hist(data$trtbps, main = "Histograma de la Presión arterial", col = "gold",freq = FALSE, xlim = c(80, 2
lines(density(data$trtbps), lwd = 2, col = "red")
curve(dnorm(x, mean(data$trtbps), sd(data$trtbps)), lwd = 2, col="blue", add = TRUE)
legend("topright", c("curva observada", "curva (normal) teórica"), lty = 1, lwd = 2, col = c("red", "bl"
qqnorm(data$trtbps, colnames(data$trtbps))
qqline(data$trtbps, col= "red")
```

Histograma de la Presión arterial



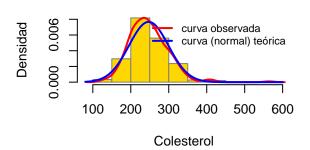
Normal Q-Q Plot



Theoretical Quantiles

```
par(mfrow=c(2,2))
hist(data$chol, main = "Histograma del colesterol", col = "gold",freq = FALSE, xlim = c(80, 600), border
lines(density(data$chol), lwd = 2, col = "red")
curve(dnorm(x, mean(data$chol), sd(data$chol)), lwd = 2, col="blue", add = TRUE)
legend("topright", c("curva observada", "curva (normal) teórica"), lty = 1, lwd = 2, col = c("red", "blue")
qqnorm(data$chol, colnames(data$chol))
qqline(data$chol, col= "red")
```

Histograma del colesterol



Normal Q-Q Plot Samble Onautiles -3 -2 -1 0 1 2 3

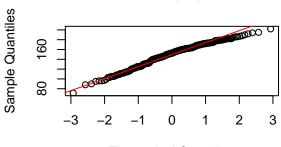
Theoretical Quantiles

```
par(mfrow=c(2,2))
hist(data$thalachh, main = "Histograma de frecuencia cardiaca máxima", col = "gold",freq = FALSE, border
lines(density(data$thalachh),col = "red", lwd = 2)
curve(dnorm(x, mean(data$thalachh), sd(data$thalachh)), lwd = 2, col="blue", add = TRUE)
legend("topright", c("curva observada", "curva (normal) teórica"), lty = 1, lwd = 2, col = c("red", "blue")
qqnorm(data$thalachh, colnames(data$thalachh))
qqline(data$thalachh, col= "red")
```

Histograma de frecuencia cardiaca máxi

pe visua do servada curva (normal) teórica 80 120 160 200 FCMax

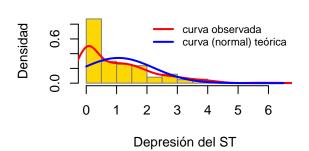
Normal Q-Q Plot



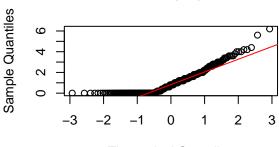
Theoretical Quantiles

```
par(mfrow=c(2,2))
hist(data$oldpeak, main = "Histograma Depresión del ST", col = "gold",freq = FALSE, border = "gray50", relines(density(data$oldpeak),col = "red", lwd = 2)
curve(dnorm(x, mean(data$oldpeak), sd(data$oldpeak)), lwd = 2, col="blue", add = TRUE)
legend("topright", c("curva observada", "curva (normal) teórica"), lty = 1, lwd = 2, col = c("red", "blue")
qqnorm(data$oldpeak, colnames(data$oldpeak))
qqline(data$oldpeak, col= "red")
```

Histograma Depresión del ST



Normal Q-Q Plot



Theoretical Quantiles

Interpretación de los gráficos:

- age: En el gráfico podemos observar como los puntos de la muestra se representan prácticamente sobre la línea que indica la distribución normal teórica, separándose un poco por los extremos, sobre todo por el extremo superior. Esto significa que podemos asumir normalidad.
- trtbps: En el gráfico podemos observar como los puntos de la muestra se representan prácticamente sobre la línea que indica la distribución normal teórica, separándose un poco por los extremos. Esto significa que podemos asumir normalidad.
- chol: En el gráfico podemos observar como los puntos de la muestra se representan prácticamente sobre la línea que indica la distribución normal teórica, En el extremo superior hay algunos valores que se separan un poco se la linea que puede deberse a valores extremo que quizas haya que eliminar. Parece que en este caso pdemos asumir normalidad.
- thalachh: En el gráfico podemos observar como los puntos de la muestra se representan prácticamente sobre la línea que indica la distribución normal teórica, separándose un poco por los extremos. Esto significa que podemos asumir normalidad.
- oldpeak: En el gráfico podemos observar como los puntos de la muestra se representan sobre la linea en la parte central pero los extreno se sapara bastante de la linea presentando asimetría positiva. Esto puede significar que no podemos asumir normalidad.

• Contraste de normalidad

Cuando esta normalidad no queda clara mediante métodos visuales se pueden usar pruebas estadísticas que nos den una respuesta menos subjetiva.

Existen varias pruebas para hacer esto, posiblemente las más conocidas son la prueba de Shapiro-Wilk, que se utiliza para muestras pequeña (n < 50) y la prueba de Kolmogorov-Smirnov o normalidad de Lilliefors para muestras grandes (n>50).

La decisión para describir la normalidad de nuestro conjunto de datos estará en función del resultado de un contraste de hipótesis.

Contraste de normalidad de Lilliefors (función lillie.test de la libreria nortest).

```
# Test de Kolmogorov-Smirnov
resultado.normalidad <- lillie.test(data$age) #contraste
resultado.normalidad
##
##
   Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: data$age
## D = 0.0773, p-value = 0.0002063
resultado.normalidad$p.value
## [1] 0.000206259
# Test de Shapiro-Wilk
resultados.shapiro <- shapiro.test(data$age)
resultados.shapiro
##
   Shapiro-Wilk normality test
##
##
## data: data$age
## W = 0.98616, p-value = 0.006045
resultados.shapiro$p.value
```

[1] 0.006044836

La idea es simple, si el valor de probabilidad (p-value) que obtenemos por la prueba es menor a al nivel de significancia (0.05) diremos que nuestros datos no siguen una distribución normal. Si el valor de probabilidad es mayor a 0.05, diremos que nuestros datos sí siguen una distribución normal.

Adicionalmente, se va a realizar el método shapiro-wilk, el cuál se utiliza para muestras de menos de 50. Resulta interesante hacerlo debido a que es lo estudiado y se puede ver el contraste entre un método que se ajusta a los datos y uno que no.

```
# Test de Kolmogorov-Smirnov
resultado.normalidad <- lillie.test(data$trtbps) #contraste
resultado.normalidad

##
## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: data$trtbps
## D = 0.10363, p-value = 3.853e-08</pre>
```

```
resultado.normalidad$p.value
## [1] 3.853401e-08
# Test de Shapiro-Wilk
resultados.shapiro <- shapiro.test(data$trtbps)</pre>
resultados.shapiro
##
##
   Shapiro-Wilk normality test
## data: data$trtbps
## W = 0.96595, p-value = 1.913e-06
resultados.shapiro$p.value
## [1] 1.912894e-06
# Test de Kolmogorov-Smirnov
resultado.normalidad <- lillie.test(data$chol) #contraste
resultado.normalidad
##
## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: data$chol
## D = 0.052786, p-value = 0.04522
resultado.normalidad$p.value
## [1] 0.04521829
# Test de Shapiro-Wilk
resultados.shapiro <- shapiro.test(data$chol)</pre>
resultados.shapiro
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: data$chol
## W = 0.94763, p-value = 8.986e-09
resultados.shapiro$p.value
```

[1] 8.985582e-09

```
# Test de Kolmogorov-Smirnov
resultado.normalidad <- lillie.test(data$thalachh) #contraste
resultado.normalidad
##
   Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: data$thalachh
## D = 0.071816, p-value = 0.0008564
resultado.normalidad$p.value
## [1] 0.0008564483
# Test de Shapiro-Wilk
resultados.shapiro <- shapiro.test(data$thalachh)
resultados.shapiro
##
##
   Shapiro-Wilk normality test
## data: data$thalachh
## W = 0.97699, p-value = 0.0001073
resultados.shapiro$p.value
## [1] 0.0001072688
# Test de Kolmogorov-Smirnov
resultado.normalidad <- lillie.test(data$oldpeak) #contraste</pre>
resultado.normalidad
   Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: data$oldpeak
## D = 0.18195, p-value < 2.2e-16
resultado.normalidad$p.value
## [1] 1.166261e-26
# Test de Shapiro-Wilk
resultados.shapiro <- shapiro.test(data$oldpeak)
resultados.shapiro
##
## Shapiro-Wilk normality test
## data: data$oldpeak
## W = 0.8492, p-value = 2.501e-16
```

```
resultados.shapiro$p.value
```

```
## [1] 2.500522e-16
```

Interpretación del gráfico:

- age: El valor de p-value obtenido en las pruebas es de 0.0002231645 para Kolmogorov-Smirnov y de 0.005798359 para Shapiro-Wilk. Ambos resultado presentan un p-values por debajo del nivel de significancia por lo que se rechaza la hipótesis nula y se concluye que los datos no cuentan con una distribución normal.
- trtbps: El valor de p-value obtenido en las pruebas es de 4.683143e-08 para Kolmogorov-Smirnov y de 1.458097e-06 para Shapiro-Wilk. Ambos resultado presentan un p-values por debajo del nivel de significancia por lo que se rechaza la hipótesis nula y se concluye que los datos no cuentan con una distribución normal.
- chol: El valor de p-value obtenido en las pruebas es de 0.02542595 para Kolmogorov-Smirnov y de 5.364848e-09 para Shapiro-Wilk. Ambos resultado presentan un p-values por debajo del nivel de significancia por lo que se rechaza la hipótesis nula y se concluye que los datos no cuentan con una distribución normal.
- thalachh: El valor de p-value obtenido en las pruebas es de 0.0007944562 para Kolmogorov-Smirnov y de 6.620819e-05 para Shapiro-Wilk. Ambos resultado presentan un p-values por debajo del nivel de significancia por lo que se rechaza la hipótesis nula y se concluye que los datos no cuentan con una distribución normal.
- oldpeak: El valor de p-value obtenido en las pruebas es de 2.264788e-28 para Kolmogorov-Smirnov y de 8.183378e-17 para Shapiro-Wilk. Ambos resultado presentan un p-values por debajo del nivel de significancia por lo que se rechaza la hipótesis nula y se concluye que los datos no cuentan con una distribución normal.

Aunque en los test de normalidad ninguna de las variables sigue una distribución normal, asumimos normalidad por el **teorema del límite central**, dado que el tamaño de las muestras es suficientemente grade (mayor de 30) conteniendo un total de 296 observaciones. Por tanto asumimos que siguen distribuciones normales.

Comprobación de la homogeneidad de varianzas

Aunque asumimos la normalidad por el teorema del límite central, para calcular la homogeneidad de las varianzas se va a utilizar el test de Filigner-Killeen, es un test no paramétrico que compara las varianzas centrandose en la mediana. Se suele utilizar cuando no se cumple la condición de normalidad.

```
heartData_numeric<- heart %>% select_if(is.numeric)
fligner.test(x = heartData_numeric)

##
## Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
## data: heartData_numeric
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 2691.1, df = 12, p-value < 2.2e-16</pre>
```

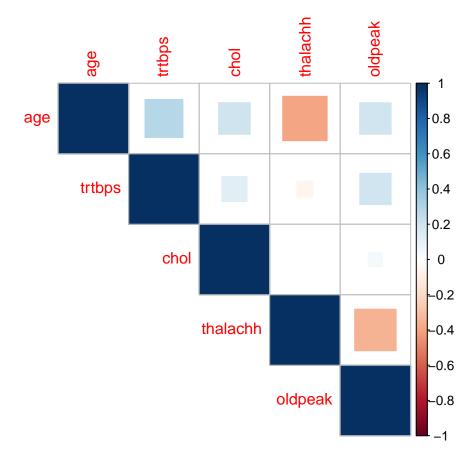
Como se puede observar no se cumple la condición de homogeneidad de varianzas donde p>0.05, por lo que no se aplicarán pruebas paramétricas como podias ser t-Student.

Pruebas estadísticas

Correlaciones y estudio estadístico

Desarrollar una correlación entre diferentes columnas como edad, sexo, cp, trtbps, chol, fbs, restecg, thalachh, exng, oldpeak, slp, caa, thalloutput para encontrar cuál está fuertemente relacionada con qué variable y cuál no tiene ningún vínculo con ninguna variable.

```
cor_heart <- cor(data[,10:14])</pre>
cor_heart
##
                                             chol
                                                      thalachh
                                                                    oldpeak
                   age
                             trtbps
             1.0000000
## age
                         0.28870116
                                     0.200919604 -0.395988704
                                                                0.19937301
## trtbps
             0.2887012
                         1.00000000
                                     0.126704949 -0.051817031
                                                                0.19679275
  chol
             0.2009196
                         0.12670495
                                     1.000000000 -0.001947092
                                                                0.04214406
## thalachh -0.3959887 -0.05181703 -0.001947092
                                                  1.000000000 -0.34674198
                                     0.042144058 -0.346741982
## oldpeak
             0.1993730
                        0.19679275
                                                                1.00000000
corrplot(cor_heart, method="square", type="upper",)
```



El gráfico de correlación anterior indica qué tan fuertemente se relaciona una variable con otras variables.

• La magnitud 1 indica una fuerte correlación y los valores negativos próximos a -1 indican que existe una correlación inversamente proporcional, es decir, cuando los valores de una variable aumentan, los valores de la otra disminuyen.

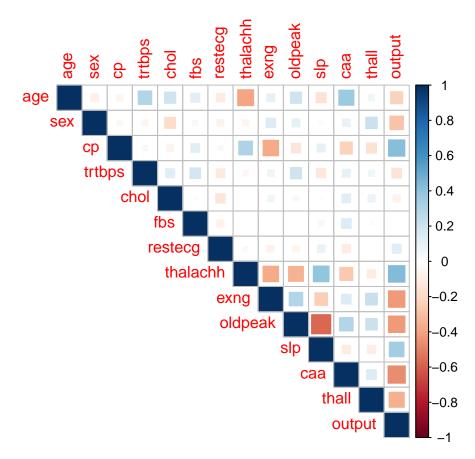
• Del mismo modo, cuanto más oscuro sea el color, más fuerte será la relación, mientras que con el atenuador el color será más amplio, la relación será más débil.

Sabiendo esto se deduce del gráfico anteror lo siguiente:

- 1.- La edad está fuertemente relacionada con la presión arterial, el colesterol, mientras que no tiene ninguna relación con la frecuencia cardíaca máxima alcanzada (thalach).
- 2.- De manera similar, la PA en reposo también se relaciona con el nivel de colesterol (chol) y la depresión del ST inducida por el ejercicio en relación con el reposo (oldpeak).
- 3.- La frecuencia cardíaca máxima (thalach) no tiene ningún vínculo con la depresión del ST inducida por el ejercicio en relación con el reposo (oldpeak)

A continuación, se desarrolla una correlación con enfoque en la variable output, la cual nos indicará como estará relacionada cada una de las variables en comparación.

```
heart$output <- as.numeric(as.character(heart$output))
cor_heart_output <- cor(heart)
cor_heart_output <- round(cor_heart_output, 2)
corrplot(cor_heart_output, method = "square", type = "upper")</pre>
```



Deducciones centrandonos en la variable output:

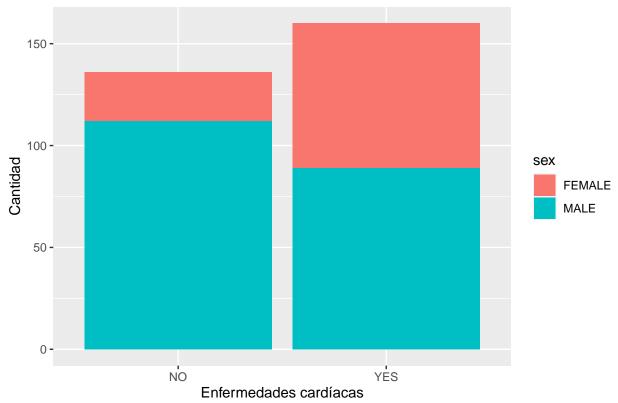
- La variable con mayor correlación, aunque negativa es "caa", el número de vasos sanguineos, con una correlación de -0.46.
- La variables "cp" y "exng" y "thalach", también presentan una correlación moderada entorno al 0.42.

- Por otro lado, las correlaciones por debajo del 0.30, aproximadamente, son catalogadas como correlaciones débiles, puesto, que si queremos realizar una reducción de dimensionalidades las variables "trtbps", "chol", "fbs" y "restecg" serían las más estudiadas.
- Las variables "age" y "sex", que a priori parecen ser factores determinantes, parece que no estan tan relacionadas como se podría imaginar y se tendría que estudiar a fondo el impacto que tendría en la presencia de ataques, pues presentan una correlación de -0.22 y -0.29, respectivamente.

Vista la correlación, a continuación, se va a representar la distribución de ataques en función del sexo del paciente.

Dependencia de variables Sex y Output

Distribución de ataques de corazón por sexo



Haciendo foco en los ataques existentes se puede ver un balance en el número de ellos en hombres y mujeres, lo que a priori, parece quitar relevancia en cuanto a influencia se refiere en estos ataque. Si nos fijamos en la frecuencia de variables, dentro de las muestras, tenemos un 32.22% de mujeres y un 67.78% de hombres, por lo que podemos discernir que, aunque la cantidad de ataques se encuentra balanceada, el número de ellos es mujeres resulta mayor, puesto que el porcentaje de mujeres en la muestra es menor. Para comprobar esta suposición se va a realizar un contraste de hipotesis:

- Hipotesis nula: el factor Sex y el factor Output son independientes.
- Hipotesis alternativa: los dos factores son dependientes.

Para comprobar la dependencia entre dos variables categóricas, se aplica el test chi-cuadrado. Primero, se genera una tabla de contingencia entre ambos factores.

```
contingence_sex <- table(data$output, data$sex)
contingence_sex

##
## FEMALE MALE
## NO 24 112
## YES 71 89</pre>
```

Una vez creada la tabla se aplica el test chi-cuadrado

```
##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: contingence_sex
## X-squared = 22.886, df = 1, p-value = 1.719e-06
```

Este resultado indica que hay evidencia significativa para rechazar la hipótesis nula de independencia entre las variables output y sex. Por lo tanto se asume la dependencia de factores, el test asume que el sexo es determinante en la existencia de ataque al corazón.

Dependencia de variables Age y Output

A continuación, se comprueba si la edad de los pacientes influye en los ataques de corazón, para ello se realizará una regresión logística simple con el fin de poder discernir si existe dependencia de variable:

```
modelo_logistico.age <- glm(output ~ age, data = data, family = "binomial")
summary(modelo_logistico.age)</pre>
```

```
##
## glm(formula = output ~ age, family = "binomial", data = data)
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                    3.947 7.92e-05 ***
## (Intercept) 3.03304
                          0.76846
              -0.05245
                          0.01381 -3.797 0.000147 ***
## age
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 408.40 on 295 degrees of freedom
## Residual deviance: 392.98 on 294 degrees of freedom
## AIC: 396.98
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Podemos ver que el valor p asociado con el coeficiente de age es 0.000152. Este valor p es menor que el nivel de significancia 0.05, lo que indica que el coeficiente de age es estadísticamente significativo.

Regresión logística

En este punto vamos a realizar una serie de regresiones logísticas, empezando desde un modelo básico, creando modelos posteriores para observar la mejora. Para poder estimar de forma más objetiva la precisión del modelo, separaremos el conjunto de datos en dos partes: el conjunto de entrenamiento (training) y el conjunto de prueba (testing). Ajustaremos el modelo de regresión logística con el conjunto de entrenamiento, y evaluaremos la precisión con el conjunto de prueba.

Debido a las conclusiones llegadas en los apartados anteriores las variables a utilizar en el desarrollo de estas regresiones son: sex, age, cp, thalachh, exng, oldpeak, slp, caa, thall.

```
prop_train <- 0.8

# Crear un vector de indices aleatorios para el conjunto de entrenamiento
indices_train <- sample(1:nrow(heart),
size = round(prop_train * nrow(heart)))

# Crear conjuntos de entrenamiento y prueba
train <- heart[indices_train, ]
test <- heart[-indices_train, ]
dim(train)

## [1] 237 14</pre>
dim(test)
```

```
## [1] 59 14
```

Modelo básico

Primero, se creará un modelo de regresión logístico básico con la variable más correlacionada, caa, para tener una versión inicial sobre la que trabajar.

```
##
## Call:
## glm(formula = output ~ caa, family = binomial(link = logit),
##
       data = train)
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
                 0.9202
                            0.1797
                                      5.12 3.05e-07 ***
## (Intercept)
## caa
                -1.3321
                            0.2069
                                     -6.44 1.19e-10 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 327.84 on 236 degrees of freedom
## Residual deviance: 265.43 on 235 degrees of freedom
## AIC: 269.43
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
positive <- sum(test$output==1)</pre>
negative <- sum(test$output==0)</pre>
# Función para el cálculo de métricas de rendimiento
calcular metricas <- function(modelo, threshold = 0.5) {</pre>
  prediccion <- predict(modelo, test, type="response")</pre>
  pred_class <- ifelse(prediccion > threshold, 1, 0)
  matriz_confusion <- table(test$output, pred_class)</pre>
  cat("Matriz de confusion\n")
  print(matriz_confusion)
  TP <- matriz_confusion[2, 2] # Verdaderos positivos</pre>
  TN <- matriz_confusion[1, 1] # Verdaderos negativos</pre>
  FP <- matriz_confusion[2, 1] # Falsos positivos</pre>
  FN <- matriz_confusion[1, 2] # Falsos negativos
  accuracy <- (TP + TN) / (TP + TN + FP + FN)
  cat("Accuracy del modelo:", accuracy, "\n")
  attr(modelo, "threshold") <- threshold</pre>
  attr(modelo, "matriz_confusion") <- matriz_confusion</pre>
  attr(modelo, "TP") <- TP</pre>
  attr(modelo, "TN") <- TN</pre>
  attr(modelo, "FP") <- FP</pre>
  attr(modelo, "FN") <- FN</pre>
  attr(modelo, "accuracy") <- accuracy</pre>
  attr(modelo, "sensitivity") <- TP/positive</pre>
  attr(modelo, "specificity") <- TN/negative</pre>
  cat("Sensitividad:", attr(modelo, "sensitivity"), "\n")
  cat("Especificidad:", attr(modelo, "specificity"))
  return(modelo)
}
modelo_logistico.basic <- calcular_metricas(modelo_logistico.basic)</pre>
## Matriz de confusion
      pred_class
##
##
        0 1
     0 16 8
##
     1 10 25
## Accuracy del modelo: 0.6949153
## Sensitividad: 0.7142857
## Especificidad: 0.6666667
```

Modelo con correlaciones más altas

Una vez hemos construido un modelo básico vamos a tratar de mejorarlo, para ellos vamos a introducir las variables más correlacionadas. En este caso, existe una correlación moderada de las variables, caa, cp, thalachh, exng + thall, oldpeak u slp.

```
modelo_logistico.more_correlated <- glm(output ~ caa + cp + thalachh + exng + thall + oldpeak + slp, da
                      family = "binomial"(link=logit))
summary(modelo_logistico.more_correlated)
##
## Call:
## glm(formula = output ~ caa + cp + thalachh + exng + thall + oldpeak +
       slp, family = binomial(link = logit), data = train)
##
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 0.036817
                           1.600745
                                      0.023 0.981650
## caa
               -1.285272
                           0.270493
                                     -4.752 2.02e-06 ***
## cp
                0.568928
                           0.202187
                                      2.814 0.004895 **
## thalachh
                0.019191
                           0.009471
                                       2.026 0.042721 *
## exng
               -0.980585
                           0.454856
                                     -2.156 0.031098 *
## thall
               -1.182764
                           0.328087
                                      -3.605 0.000312 ***
## oldpeak
               -0.563741
                           0.232598
                                     -2.424 0.015364 *
                                      1.942 0.052145 .
## slp
                0.712391
                           0.366845
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 327.84
                             on 236
                                      degrees of freedom
                                      degrees of freedom
## Residual deviance: 175.29
                              on 229
## AIC: 191.29
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
Métricas de este modelo:
modelo_logistico.more_correlated <- calcular_metricas(modelo_logistico.more_correlated)</pre>
## Matriz de confusion
##
      pred_class
##
        0 1
     0 20 4
##
     1 3 32
## Accuracy del modelo: 0.8813559
## Sensitividad: 0.9142857
## Especificidad: 0.8333333
```

Añadiendo las variables con correlación moderada se ve una mejora en el modelo en general. Aumenta la sensitividad o recall, esto quiere decir que el modelo predice mejor los positivos reales. Aumenta tambien la especificidad, la cuál representa la capacidad del modelo para identificar correctamente las instancias negativas en un conjunto de datos.

Modelo añadiendo age y sex

Vistos estos resultados, vamos a incluir en el modelo aquellas variables sobre las que realizamos procedimientos estadísticos para discernir su dependencia, **age** y **sex**. En apartados anteriores concluimos su relevancia y correlación con la variable output, por lo que añadir estas variables debería suponer una mejora.

```
modelo_logistico.complex <- glm(output ~ caa + cp + thalachh + exng + thall + oldpeak + slp + age + sex
                      family = "binomial"(link=logit))
summary(modelo_logistico.complex)
##
## Call:
## glm(formula = output ~ caa + cp + thalachh + exng + thall + oldpeak +
##
       slp + age + sex, family = binomial(link = logit), data = train)
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 1.38758
                           2.64375
                                     0.525 0.59969
                                    -4.100 4.14e-05 ***
                           0.29649
## caa
               -1.21548
## ср
                0.63994
                           0.21007
                                     3.046 0.00232 **
## thalachh
                0.02025
                           0.01081
                                     1.872 0.06116
## exng
               -0.97427
                           0.47061
                                    -2.070 0.03843 *
                                    -2.988 0.00281 **
               -0.99561
                           0.33324
## thall
## oldpeak
               -0.52271
                           0.23481
                                    -2.226 0.02601 *
                                     1.857 0.06326 .
## slp
                0.69723
                           0.37538
## age
               -0.01941
                           0.02662
                                    -0.729 0.46593
                                    -2.981 0.00287 **
## sex
               -1.42725
                           0.47874
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 327.84
                             on 236
                                      degrees of freedom
## Residual deviance: 165.43
                             on 227
                                      degrees of freedom
  AIC: 185.43
##
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
modelo_logistico.complex <- calcular_metricas(modelo_logistico.complex)</pre>
## Matriz de confusion
##
      pred_class
##
        0 1
##
     0 20
          4
##
     1 3 32
## Accuracy del modelo: 0.8813559
## Sensitividad: 0.9142857
## Especificidad: 0.8333333
```

Se puede observar como con estas variables se realiza una mejora de la precisión del modelo, aumentando la sensitividad o recall y la especificidad, obtenemos un modelo con bastante precisión en cuanto a la clasificación de pacientes con mayor riesgo de ocurrencia de ataque en función de variables clave.

Modelo añadiendo resto de variables

Visto que este dataset no tiene un número elevado de muestras y la complejidad del modelo no es elevada, por lo que no se tiene porque acudir a técnicas de reducción de características, se van a introducir en un último modelo el resto de variables con correlaciones más debil

```
modelo_logistico.complet <- glm(output ~ caa + cp + thalachh + exng + thall + oldpeak + slp + age + sex
                      family = "binomial"(link=logit))
summary(modelo_logistico.complet)
##
## Call:
## glm(formula = output ~ caa + cp + thalachh + exng + thall + oldpeak +
##
       slp + age + sex + trtbps + chol + fbs + restecg, family = binomial(link = logit),
##
       data = train)
##
## Coefficients:
##
                 Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 3.8088511 3.0156322
                                       1.263 0.20658
               -1.4054810 0.3300638
                                      -4.258 2.06e-05 ***
## caa
## cp
                0.6653952
                           0.2223897
                                       2.992
                                              0.00277 **
                                       2.274
## thalachh
                0.0268234
                           0.0117971
                                              0.02298 *
## exng
               -0.9182000
                           0.4894255
                                      -1.876
                                              0.06064 .
## thall
               -0.9019028
                           0.3532544
                                      -2.553
                                              0.01068 *
## oldpeak
               -0.4848678
                           0.2525672
                                      -1.920
                                              0.05489 .
                0.7864993 0.4030811
                                       1.951
                                              0.05103 .
## slp
## age
                0.0009601 0.0278667
                                       0.034
                                              0.97251
                                      -3.276
                                              0.00105 **
## sex
               -1.7576102 0.5364885
               -0.0296130
                                      -2.430
                                              0.01509 *
## trtbps
                           0.0121852
## chol
               -0.0045444
                           0.0043219
                                      -1.051
                                              0.29303
## fbs
                0.8710130
                           0.6633125
                                       1.313
                                              0.18914
                0.5040004
                           0.4123106
                                       1.222 0.22156
## restecg
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 327.84
                              on 236
                                      degrees of freedom
## Residual deviance: 155.14
                             on 223
                                     degrees of freedom
## AIC: 183.14
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
modelo_logistico.complet <- calcular_metricas(modelo_logistico.complet)</pre>
## Matriz de confusion
##
      pred_class
##
        0 1
##
     0 20 4
     1 4 31
## Accuracy del modelo: 0.8644068
## Sensitividad: 0.8857143
## Especificidad: 0.8333333
```

Podemos ver como se han mejorado las métricas de rendimiento con las variables con correlación más

débiles. Parece ser que es un buen modelo. También podemos ver como todas las variables han tenido relativa relevancia sobre la variable **output**.

Conclusiones

Recordando la importancia de este dataset y una de las muchas preguntas que puede responder, vamos a unificar todas las conclusiones que nos permiten responder a esta pregunta en este apartado.

Antes de poder realizar algún análisis o prueba estadística, se procedió con la limpieza de los datos, en la que se eliminaron algunos valores no válidos en las columnas **caa** y **thall**, también se descubrieron algunos valores outliers en las columnas **trtbps**, **chol**, **thalachh** y **oldpeak**, pudiendo estos ser relevantes en cuanto a tener o no ataques cardíacos.

Para poder comprender mejor la naturaleza y distribución de los datos se visualizaron algunas variables de interés, con la descripción detallada de cada una de las variables que componen el conjunto de datos.

Se realizó también un análisis de la normalidad, tanto visual como estadístico, donde se pudo comprobar la no normalidad de las variables, aunque, se puede asumir la normalidad por el teorema del límite central. También se realizó un análisis estadístico de la homogeneidad de varianzas, donde se indicó la heterogeneidad de varianza.

En cuanto a las pruebas estadísticas, se realizaron pruebas no paramétricas. Primero se realizaró la correlación de Pearson, para comprobar relaciones entre variables y como de significativas estas son. En esta correlación se dedujo que **caa**, **cp**, **exng** y **thalach**, son las variables más correlacionadas, mientras que, sorpresivamente, **age** y **sex** no estaban tan correlacionadas como se esperaba. Por esta razón se realizaron dos test, contraste de hipótesis y regresión logística, para comprobar la independencia de estas variables. Como resultado se obtuvo que ambas variables son significativas en la existencia de ataques al corazón.

Por último, para comprobar esta significancia se realizaron múltiples modelos logísticos para comprobar cómo estas variables afectan a la variable independiente output. En estos modelos, se pudieron ver las variables clave, como se puntualizó, fueron aquellas con mayor correlación, caa, cp, exng y thalach. Las variables age y sex pudieron comprobar su relevancia en otro modelo que obtuvo un incremento en sus métricas. Las variables más débiles también fueron buenas para aumentar la precisión, por lo que se pudo comprobar que también eran significativas. Dadas las dos dimensiones del dataset, no es necesaria la reducción de dimensionalidad, por lo que se puede ver la influencia de cada una de las variables en la variable independiente output.

Datos finales analizados:

```
write.csv(heart, "../data/processed/heart.csv", row.names = FALSE)
```