

---



# ANALIZA DANYCH ANKIETOWYCH SPRAWOZDANIE 1

MARIA NOWACKA  
ZUZANNA NASIŁOWSKA

8.04.2025

---

# Spis treści

<b>1</b>	<b>Część 1</b>	<b>1</b>
1.1	Zadanie 1 . . . . .	1
1.1.1	Zadanie 1.1 . . . . .	1
1.1.2	Zadanie 1.2 . . . . .	2
1.1.3	Zadanie 1.3 . . . . .	2
1.1.4	Zadanie 1.4 . . . . .	3
1.1.5	Zadanie 1.5 . . . . .	6
1.1.6	Zadanie 1.6 . . . . .	8
1.1.7	Zadanie 1.7 . . . . .	8
1.1.8	Zadanie 1.8 . . . . .	8
<b>2</b>	<b>Część 2</b>	<b>12</b>
2.1	Zadanie 2 . . . . .	12
2.2	Zadanie 3 . . . . .	14
2.3	Zadanie 4 . . . . .	14
2.4	Zadanie 5 . . . . .	15
<b>3</b>	<b>Część 3 i 4</b>	<b>15</b>
3.1	Zadanie 6 . . . . .	15
3.2	Zadanie 7 . . . . .	16
3.3	Zadanie 8 . . . . .	16
3.4	Zadanie 9 . . . . .	17
<b>4</b>	<b>Część 5</b>	<b>20</b>
4.1	Zadanie 10 . . . . .	20
4.2	Zadanie 11 . . . . .	21
4.2.1	Zadanie 11.2 . . . . .	22
4.2.2	Zadanie 11.3 . . . . .	22
4.2.3	Zadanie 11.4 . . . . .	23
4.2.4	Zadanie 11.5 . . . . .	23
4.3	Zadanie 12 . . . . .	24

## 1 Część 1

### 1.1 Zadanie 1

W pewnej dużej firmie technologicznej przeprowadzono ankietę mającą na celu ocenę skuteczności programów szkoleniowych dla pracowników. Wzięło w niej udział 200 losowo wybranych osób (losowanie proste ze zwracaniem).

### 1.1.1 Zadanie 1.1

Wczytamy dane i sprawdzimy ich rozmiar.

```
[1] 200 8
```

Dane zawierają 200 wierszy oraz 8 kolumn.

Sprawdzamy typy zmiennych.

DZIAŁ	STAŻ	CZY_KIER	PYT_1	PYT_2	PYT_3
"character"	"integer"	"character"	"integer"	"integer"	"integer"
PŁEĆ	WIEK				
"character"	"integer"				

Wszystkie zmienne o typie *character* przekształcamy na typ *factor*.

Liczba wartości brakujących wynosi: 0

Sprawdzamy, czy typy zmiennych zostały prawidłowo rozpoznane.

1. Zmienne ilościowe (typ numeric)

STAŻ	PYT_1	PYT_2	PYT_3	WIEK
2	4	5	6	8

2. Zmienne jakościowe (typ factor)

DZIAŁ	CZY_KIER	PŁEĆ
1	3	7

### 1.1.2 Zadanie 1.2

Utwórz zmienną WIEK\_KAT przeprowadzając kategoryzację zmiennej WIEK korzystając z następujących przedziałów: do 35 lat, między 36 a 45 lat, między 46 a 55 lat, powyżej 55 lat.

### 1.1.3 Zadanie 1.3

Sporządź tablice licznosci dla zmiennych: DZIAŁ, STAŻ, CZY\_KIER, PŁEĆ, WIEK\_KAT.  
Sformułuj wnioski.

DZIAŁ

HR IT MK PD

31 26 45 98

STAŻ

1 2 3

41 140 19

CZY\_KIER

Nie Tak

173 27

PŁEĆ

K M

71 129

WIEK\_KAT

<35 36-40 46-55 >55

26 104 45 25

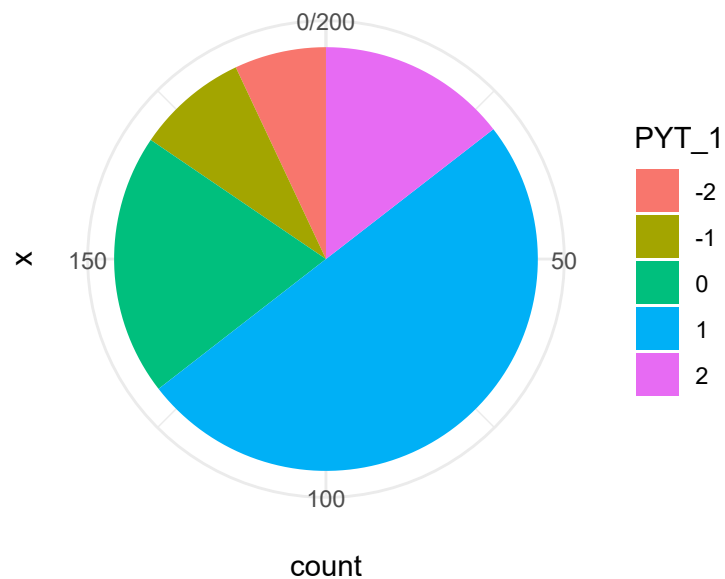
Na podstawie tabel licznosci możemy zauważyć, że:

- W firmie prawie połowa pracowników jest zatrudniona w dziale “**PD**” (Dział Produktowy). Drugi największy dział to “**MK**” (Marketing), następnie “**HR**” (Dział zasobów ludzkich). Najmniej pracowników jest zatrudnionych w dziale “**IT**”.
- Najwięcej osób pracuje w firmie między jednym a trzema latami. Mało osób ma staż ponad 3 lata.
- W firmie 27 osób ma stanowisko kierownicze (zdecydowana mniejszość)
- Większość pracowników to **mężczyźni**.
- Ponad połowa pracowników jest w wieku **36-40 lat**.

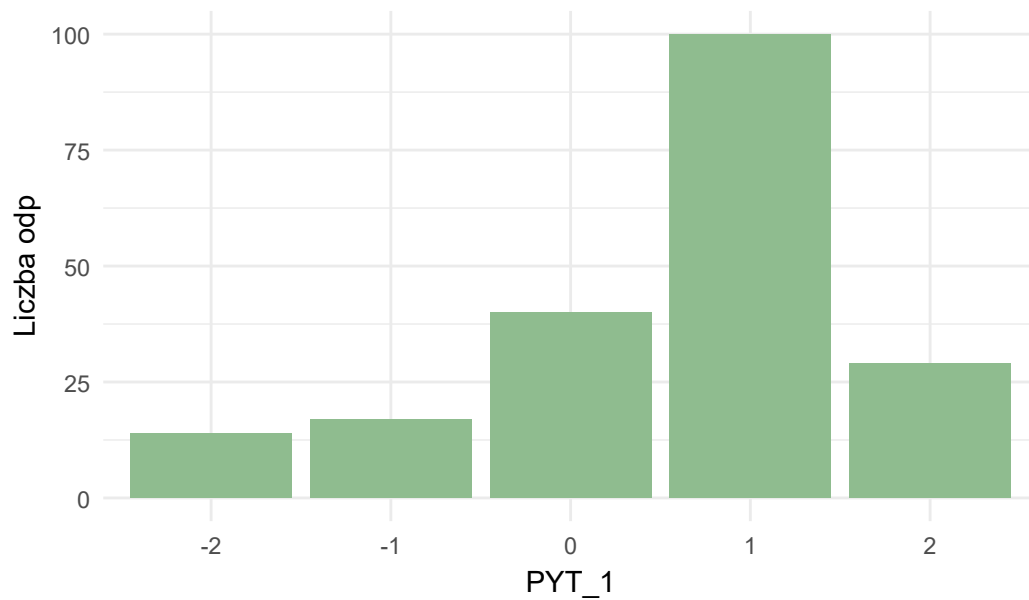
### 1.1.4 Zadanie 1.4

Sporządź wykresy kołowe oraz wykresy słupkowe dla zmiennych: PYT\_1 oraz PYT\_2. Sformułuj wnioski.

Rozkład odpowiedzi na pytanie 1

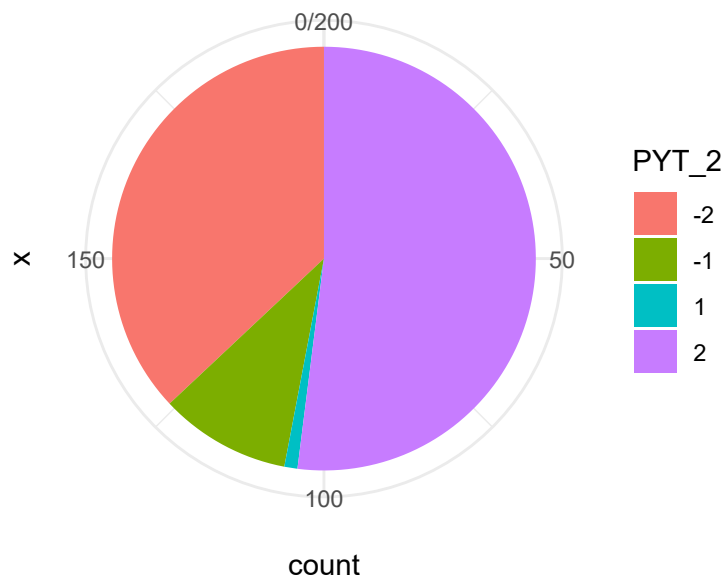


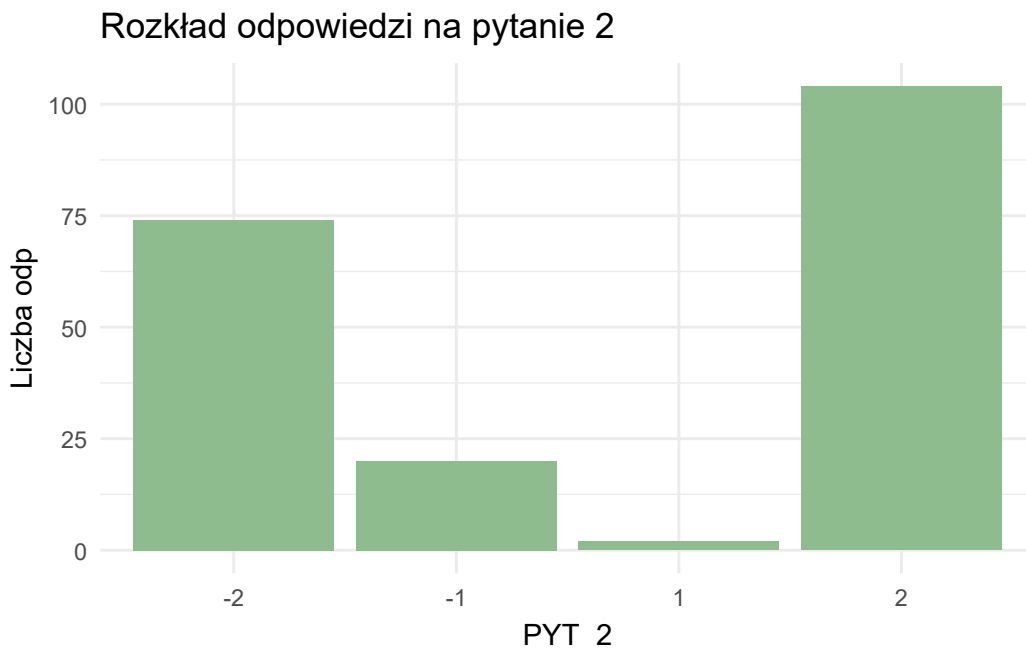
Rozkład odpowiedzi na pytanie 1



**Pytanie 1** brzmiało: “Jak bardzo zgadzasz się ze stwierdzeniem, że firma zapewnia odpowiednie wsparcie i materiały umożliwiające skuteczne wykorzystanie w praktyce wiedzy zdobytej w trakcie szkoleń?” większość ankietowanych odpowiedziała 1 - “Zgadzam się” lub 2 - “Zdecydowanie się zgadzam”. Prawie 1/4 osób nie ma zdania na ten temat. Możemy więc wnioskować, że większość firmy jest zadowolona z przeprowadzanych szkoleń.

Rozkład odpowiedzi na pytanie 2





Na **pytanie 2**, o treści “Jak bardzo zgadzasz się ze stwierdzeniem, że firma oferuje szkolenia dostosowane do twoich potrzeb, wspierając twój rozwój zawodowy i szanse na awans?” nieco ponad połowa osób odpowiedziała “Zdecydowanie się zgadzam”, jednak prawie wszyscy inni pracownicy dali odpowiedź “Nie zgadzam się” lub “Zdecydowanie się nie zgadzam”, z przewagą tych drugich. Na to pytanie pracownicy udzielili bardzo skrajnych odpowiedzi. Pomimo zadowolenia połowy pracowników, warto zbadać ten temat głębiej i przeprowadzić szkolenia dla tych, którzy nie czują się odpowiednio wspierani przez firmę.

### 1.1.5 Zadanie 1.5

Sporządź tablice wielozdzielcze dla par zmiennych: PYT\_1 i DZIAŁ, PYT\_1 i STAŻ, PYT\_1 i CZY\_KIER, PYT\_1i PŁEĆ C oraz PYT\_1 i WIEK\_KAT. Sformułuj wnioski.

	DZIAŁ				
PYT_1	HR	IT	MK	PD	
-2	2	0	3	9	
-1	2	2	3	10	
0	5	4	14	17	
1	19	15	15	51	
2	3	5	10	11	

STAŻ

PYT_1	1	2	3
-2	5	5	4
-1	6	10	1
0	8	26	6
1	19	75	6
2	3	24	2

CZY_KIER			
PYT_1	Nie	Tak	
-2	10	4	
-1	14	3	
0	34	6	
1	88	12	
2	27	2	

PŁEĆ			
PYT_1	K	M	
-2	3	11	
-1	7	10	
0	14	26	
1	36	64	
2	11	18	

WIEK_KAT				
PYT_1	<35	36-40	46-55	>55
-2	1	11	2	0
-1	6	7	1	3
0	3	24	5	8
1	13	50	25	12
2	3	12	12	2

**Wnioski** (*to jeszcze jakoś ładniej ująć w słowa*)

zadowolenie = zgadza się z stwierdzeniem

- dział:
  - najwięcej niezadowolonych osób jest w dziale PD ale to największy dział
  - IT wydaje się być w większości zadowolony
- staż:



- dla osób z niższym stażem około połowa osób jest zadowolona, reszta nie ma zdania lub jest niezadowolona.
- dla osób ze stażem między 1 a 3 lata mamy bardzo dużą grupę osób zadowolonych, jednak całkiem sporo osób zaznaczyło opcję “nie mam zdania”.
- kierownictwo
  - około 1/4 kierowników jest niezadowolona.
  - Dla nie-kierowników odpowiedzi rozkładają się bardziej w kierunku pozytywnym
- płeć:
  - kobiety są bardziej zadowolone (procentowo)
- wiek:
  - największy odsetek niezadowolonych osób jest wśród najmłodszych pracowników a najmniejszy w grupie 46-55 lat

### 1.1.6 Zadanie 1.6

Sporządź tablicę wielozmienną dla pary zmiennych: PYT\_2 i PYT\_3. Sformułuj wnioski.

	PYT_3				
PYT_2	-2	-1	1	2	
	-2	49	16	5	4
	-1	3	6	10	1
	1	0	0	2	0
	2	0	8	15	81

#### Wnioski

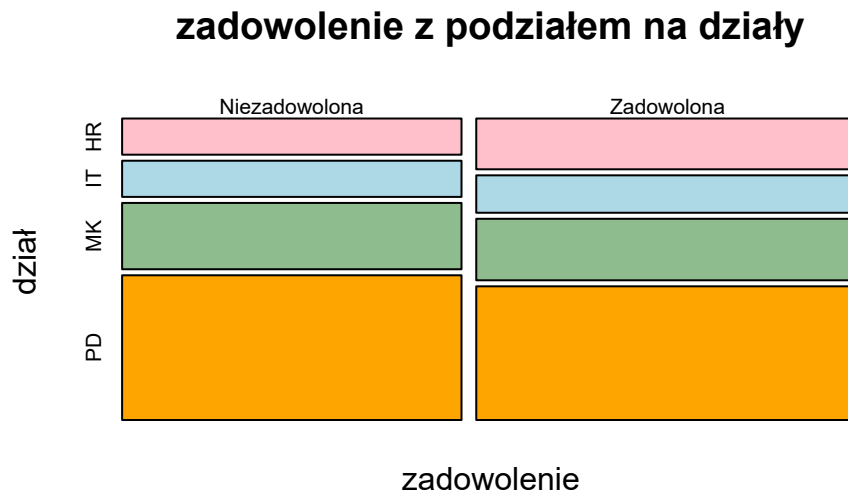
Duże grupy osób zostały przy swojej silnej opinii (-2 i 2). Sumarycznie około 15% głosów zmieniono na bardziej pozytywne, jednak w ponad 10% przypadków opinia zmieniła się na gorszą. Sugeruje to, że część osób odczuła pozytywne skutki szkoleń, jednak nadal pozostaje grupa osób, którym one nie pomogły, a nawet zaszkodziły.

### 1.1.7 Zadanie 1.7

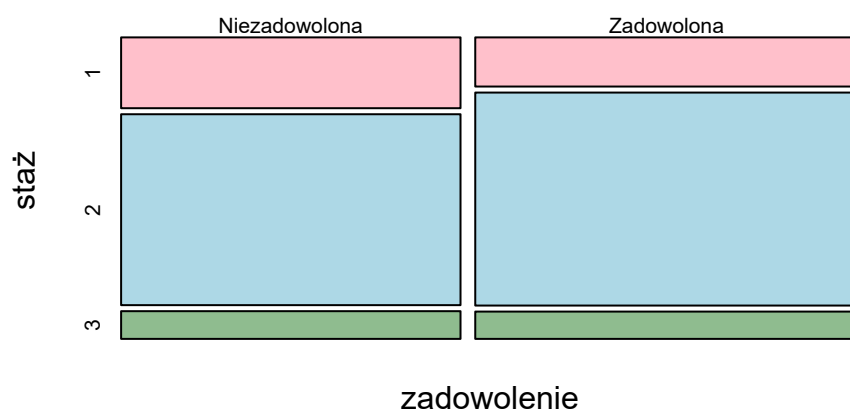
Utwórz zmienną CZY\_ZADOW na podstawie zmiennej PYT\_2 łącząc kategorie “nie zgadzam się” i “zdecydowanie się nie zgadzam” oraz “zgadzam się” i “zdecydowanie się zgadzam”.

### 1.1.8 Zadanie 1.8

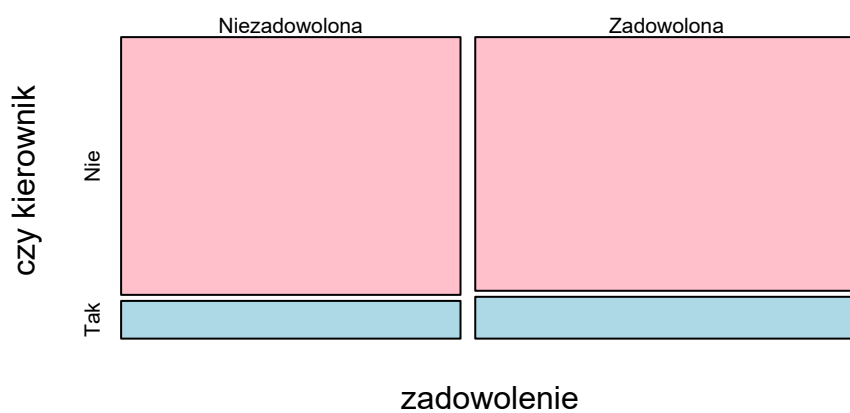
Sporządź wykresy mozaikowe odpowiadające parom zmiennych: CZY\_ZADOW i DZIAŁ, CZY\_ZADOW i STAŻ, CZY\_ZADOW i CZY\_KIER, CZY\_ZADOW i PŁEĆ oraz CZY\_ZADOW i WIEK\_KAT. Czy na podstawie uzyskanych wykresów można postawić pewne hipotezy dotyczące realicji między powyższymi zmiennymi? Spróbuj sformułować kilka takich hipotez.



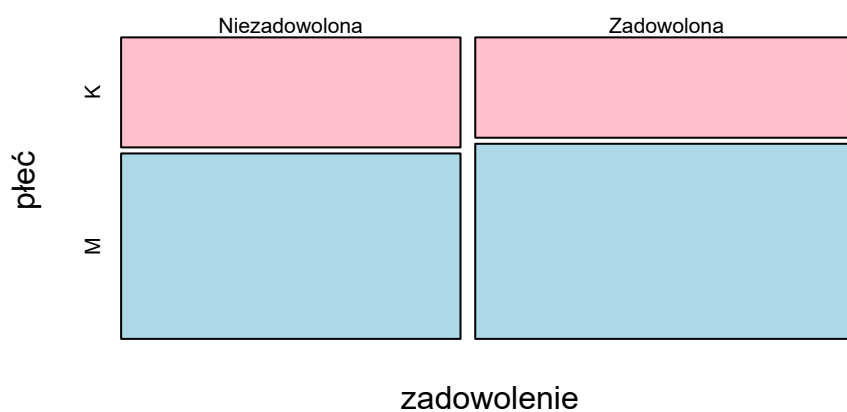
### zadowolenie z podziałem na staż



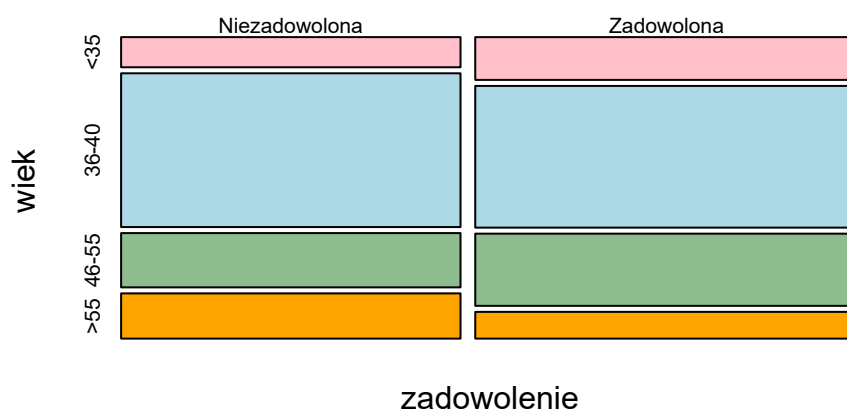
### zadowolenie z podziałem na kierownictwo i resztę



### zadowolenie z podziałem na płeć



### zadowolenie z podziałem na wiek



Badając odpowiedzi na **pytanie 2**, przy podziale pracowników na odpowiednie grupy możemy zauważyć:

- DZIAŁ: widzimy, że dla działu “PD” oraz “MK” więcej jest osób niezadowolonych, a w

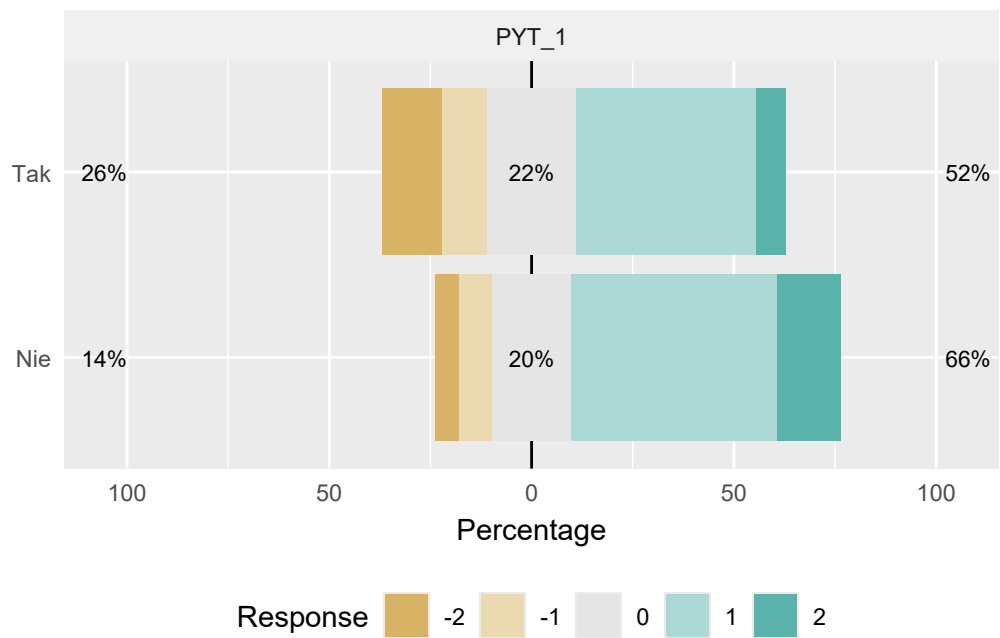
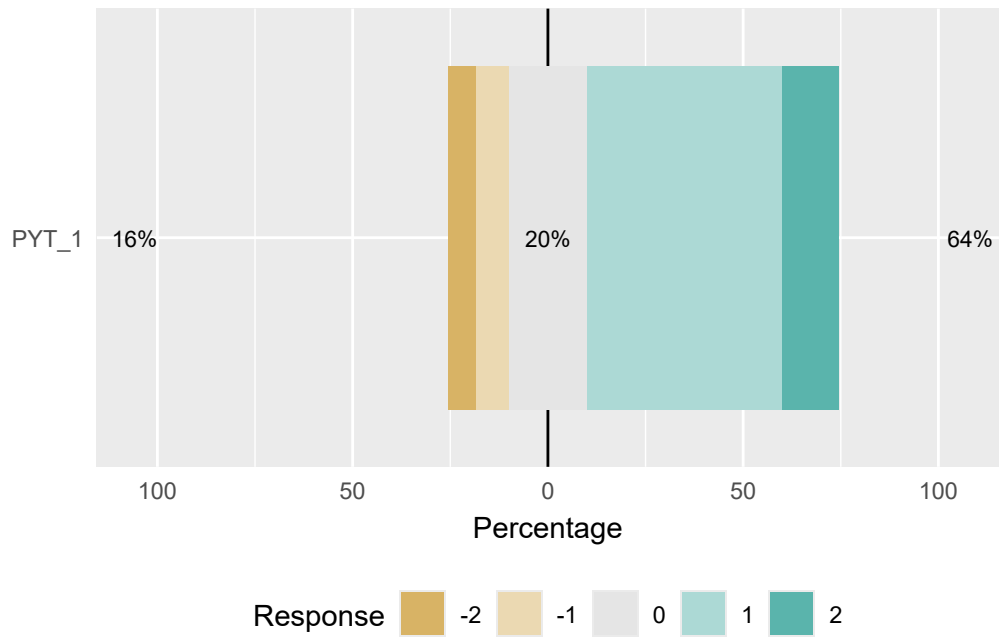
dziale “HR” więcej mamy osób zadowolonych. W dziale “IT” jest mniej więcej tyle samo zadowolonych i niezadowolonych osób. Widzimy zależność między badanymi zmiennymi.

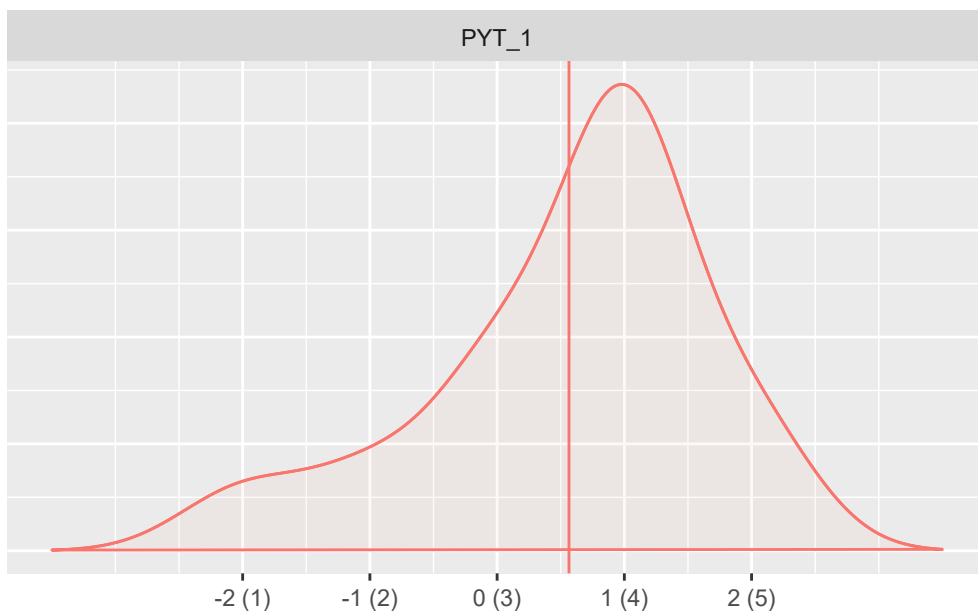
- STAŻ: osoby o najmniejszym stażu są w większości niezadowolone, Dla grupy 1-3 widzimy zadowolenie większości, a w ostatniej grupie odpowiedzi rozkładają się po równo. Moglibyśmy przetestować jeszcze raz tę zależność dla bardziej szczegółowego podziału osób według długości stażu, teraz widzimy niezbyt silną korelację.
- CZY\_KIER: przy tym podziale nie widać drastycznych nierówności. Osoby o stanowisku kierowniczym są delikatnie częściej zadowolone od pozostałych. Nie widać jednak silnej zależności między tymi zmiennymi.
- PŁEĆ: więcej kobiet jest niezadowolonych, a w grupie mężczyzn delikatnie przeważają osoby zadowolone. Ponownie nie widać silnej zależności.
- WIEK\_KAT: w grupach “36-40” oraz “>55” przeważają odpowiedzi negatywne (niezadowolenie), a w pozostałych - pozytywne. Widzimy tutaj pewną nieliniową zależność.

## 2 Część 2

### 2.1 Zadanie 2

Zilustruj odpowiedzi na pytanie “Jak bardzo zgadzasz się ze stwierdzeniem, że firma pozwala na (...)?” (zmienna PYT\_1) w całej badanej grupie oraz w podgrupach ze względu na zmienną CZY\_KIER. W tym celu możesz zaproponować własne metody wizualizacji lub zapoznać się z biblioteką `likert` i dostępnymi tam funkcjami `summary` oraz `plot` (jeśli korzystasz z R) oraz z bibliotek `Altair` lub `plot-likert` (jeśli korzystasz z Pythona).





Na pierwszym i ostatnim wykresie widzimy przewagę odpowiedzi “1” i “2”, nad pozostałymi “-2”, “-1” i “0”. Jednak po podzieleniu grupy badanych ze względu na zmienną CZY\_KIER widzimy większe niezadowolenie w grupie kierowników. Osoby bez stanowisk kierowniczych rzadziej udzielały negatywnych odpowiedzi i częściej głosowały na opcję “Zdecydowanie się zgadzam”.

## 2.2 Zadanie 3

Zapoznaj się z funkcją `sample` z biblioteki `stats` (w R) lub z funkcją `random.choice` z biblioteki `numpy` (w Pythonie). Przetestuj jej działanie dla różnych wartości argumentów wejściowych. Następnie wylosuj próbkę o liczności 10% wszystkich rekordów z pliku “ankieta.csv” w dwóch wersjach: ze zwracaniem oraz bez zwracania

```
library(stats)
bez_zwracania <- ankieta[sample(1:nrow(ankieta), size = 0.1*nrow(ankieta), replace = FALSE),]
ze_zwracaniem <- ankieta[sample(1:nrow(ankieta), size = 0.1*nrow(ankieta), replace = TRUE),]
```

## 2.3 Zadanie 4

Zaproponuj metodę symulowania zmiennych losowych z rozkładu dwumianowego. Napisz funkcję do generowania realizacji, a następnie zaprezentuj jej działanie porównując wybrane

teoretyczne i empiryczne charakterystyki dla przykładowych wartości paramertów rozkładu:  $n$  i  $p$ .

```
symulacja <- function(N,n, p) {  
  
  wyniki <- numeric(N)  
  
  for(i in 1:N) {  
    bernoulli <- rbinom(n = n, size = 1, prob = p)  
    wyniki[i] <- sum(bernoulli)  
  }  
  
  return(wyniki)  
}  
n <- 200  
p <- 0.2  
N <- 10000
```

Teoretyczna wartość oczekiwana: 40

Teoretyczna wariancja: 32

empiryczna wartość oczekiwana: 39.9851

empiryczna wariancja: 31.2292

## 2.4 Zadanie 5

Zaproponuj metodę symulowania wektorów losowych z rozkładu wielomianowego. Napisz funkcję do generowania realizacji, a następnie zaprezentuj jej działanie porównując wybrane teoretyczne i empiryczne charakterystyki dla przykładowych wartości paramertów rozkładu:  $n$  i  $p$ .

```
los_wiel <- function(ps, N){  
  k <- length(ps)  
  csum = cumsum(ps)  
  X <- rep(0, k)  
  for (i in 1:N){  
    Z <- runif(1)  
    for (j in 1:k){
```



```

    if (Z<csum[j]){
      X[j] <- X[j] + 1
      break }
    }
  }
  return(X/N)
}

```

Podany wektor prawdopodobieństwa:      0.1 0.23 0.47 0.17 0.03

Empiryczny rozkład prawdopodobieństwa 0.0994 0.2334 0.4685 0.1703 0.0284

## 3 Część 3 i 4

### 3.1 Zadanie 6

Napisz funkcję do wyznaczania realizacji przedziału ufności Cloppera-Pearsona. Niech argumentem wejściowym będzie poziom ufności, liczba sukcesów i liczba prób lub poziom ufności i wektor danych (funkcja powinna obsługiwać oba przypadki).

```

clopper_pearson <- function(alpha, sukces, n = NULL){
  if(is.null(n)){
    data <- sukces
    sukces <- sum(data == "1")
    n <- length(data)
  }
  if(sukces == 0){
    p_dol <- 0
  } else{
    p_dol <- qbeta(alpha, sukces, n-sukces - 1)
  }
  if(sukces == n){
    p_gora <- 1
  } else{
    p_gora <- qbeta(alpha, sukces + 1, n - sukces)
  }
  return(c(p_dol, p_gora))
}

```

### 3.2 Zadanie 7

Korzystając z funkcji napisanej w zadaniu 6. wyznacz realizacje przedziałów ufności dla prawdopodobieństwa, że pracownik uważa szkolenia za przystosowane do swoich potrzeb w pierwszym badanym okresie oraz w drugim badanym okresie. Skorzystaj ze zmiennych CZY\_ZADW oraz CZY\_ZADW\_2 (utwórz zmienną analogicznie jak w zadaniu 1.7). Przyjmij  $1 - \alpha = 0.95$ .

Przedział dla zmiennej 'CZY\_ZADW': 0.4583305 0.6007671

Przedział dla zmiennej 'CZY\_ZADW2': 0.5184216 0.6588694

### 3.3 Zadanie 8

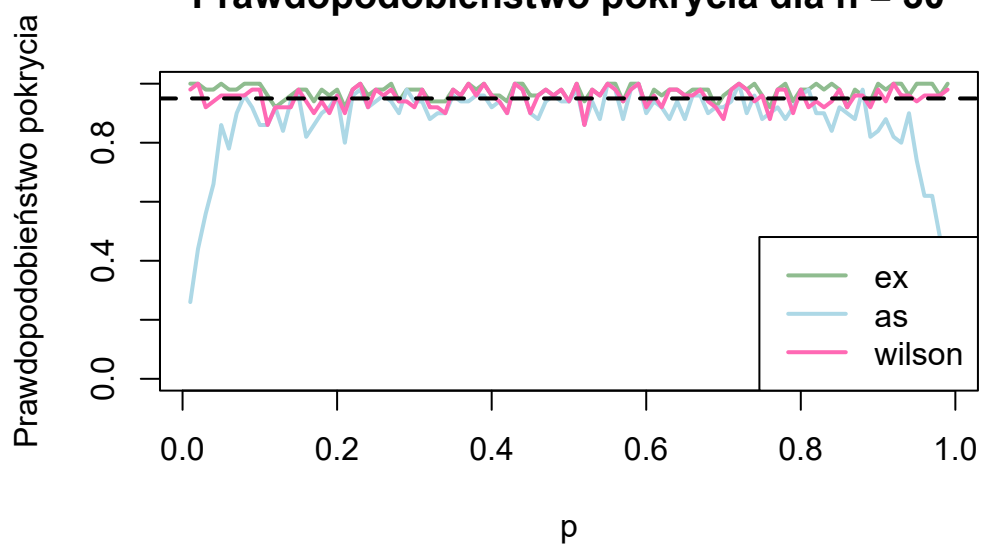
Zapoznaj się z funkcjami do generowania zmiennych losowych z rozkładu dwumianowego oraz do wyznaczania przedziałów ufności dla parametru  $p$ . Przetestuj ich działanie.

[1] 355 371 387 385 343

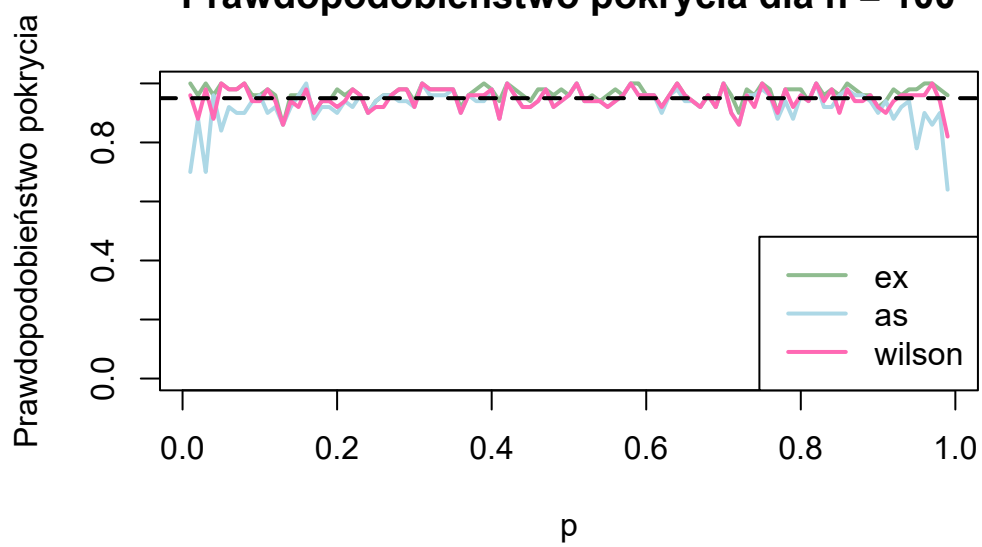
	method	x	n	mean	lower	upper
1	agresti-coull	2	10	0.2000000	0.04588727	0.5206324
2	agresti-coull	4	10	0.4000000	0.16711063	0.6883959
3	asymptotic	2	10	0.2000000	-0.04791801	0.4479180
4	asymptotic	4	10	0.4000000	0.09636369	0.7036363
5	bayes	2	10	0.2272727	0.02346550	0.4618984
6	bayes	4	10	0.4090909	0.14256735	0.6838697
7	cloglog	2	10	0.2000000	0.03090902	0.4747147
8	cloglog	4	10	0.4000000	0.12269317	0.6702046
9	exact	2	10	0.2000000	0.02521073	0.5560955
10	exact	4	10	0.4000000	0.12155226	0.7376219
11	logit	2	10	0.2000000	0.05041281	0.5407080
12	logit	4	10	0.4000000	0.15834201	0.7025951
13	probit	2	10	0.2000000	0.04206918	0.5175162
14	probit	4	10	0.4000000	0.14933907	0.7028372
15	profile	2	10	0.2000000	0.03711199	0.4994288
16	profile	4	10	0.4000000	0.14570633	0.6999845
17	lrt	2	10	0.2000000	0.03636544	0.4994445
18	lrt	4	10	0.4000000	0.14564246	0.7000216
19	prop.test	2	10	0.2000000	0.03542694	0.5578186
20	prop.test	4	10	0.4000000	0.13693056	0.7263303
21	wilson	2	10	0.2000000	0.05668215	0.5098375
22	wilson	4	10	0.4000000	0.16818033	0.6873262

### 3.4 Zadanie 9

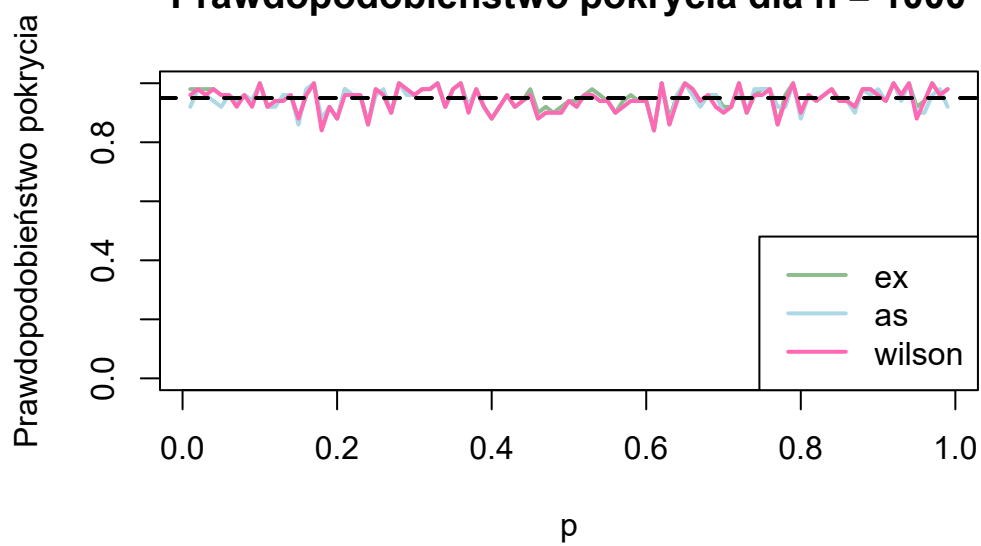
**Prawdopodobieństwo pokrycia dla  $n = 30$**



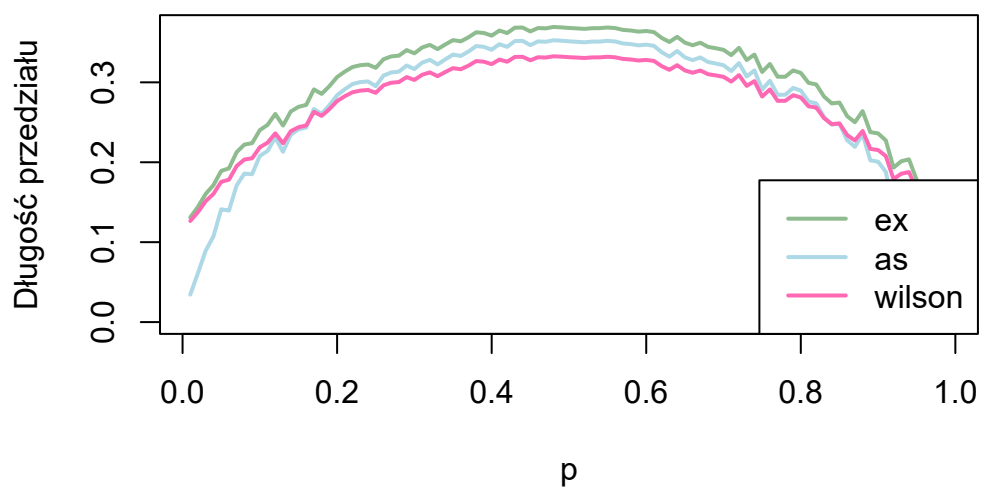
**Prawdopodobieństwo pokrycia dla  $n = 100$**



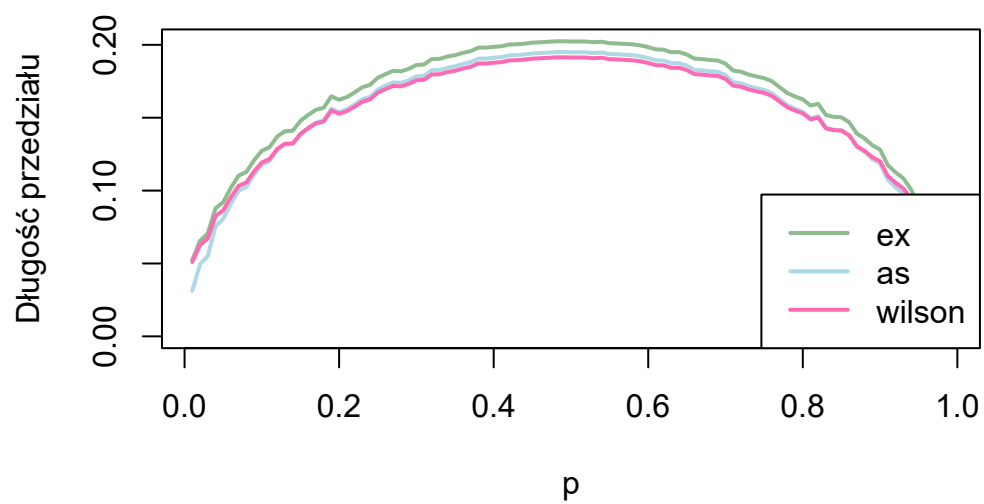
### Prawdopodobieństwo pokrycia dla $n = 1000$



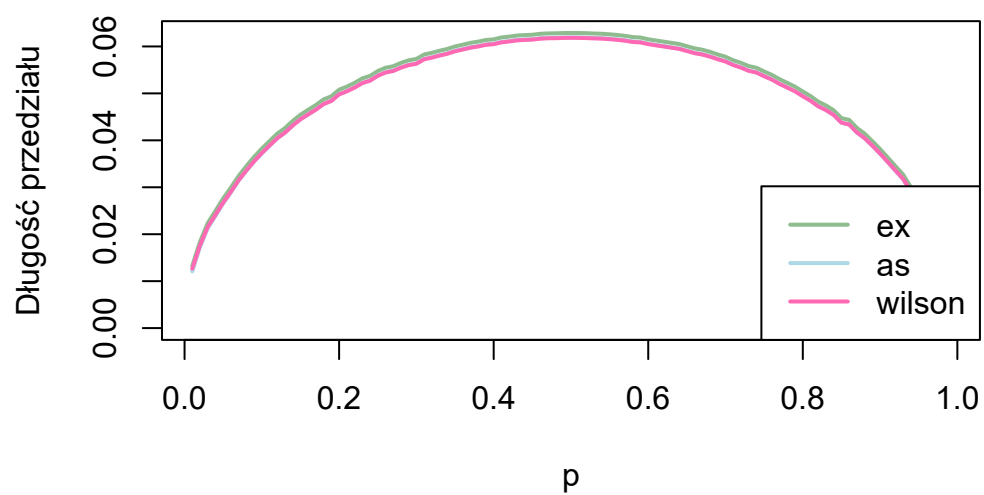
### Długość przedziału dla $n = 30$



**Długość przedziału dla  $n = 100$**



**Długość przedziału dla  $n = 1000$**



## 4 Część 5

### 4.1 Zadanie 10

Jakich funkcji używamy oraz przykładowe użycie:

```
#TEST DOKŁADNY
```

```
#liczba prób daje 100, liczbe sukcesów 50  
binom.test(70, 100, p = 0.5, alternative = "two.sided")
```

Exact binomial test

```
data: 70 and 100  
number of successes = 70, number of trials = 100, p-value = 7.85e-05  
alternative hypothesis: true probability of success is not equal to 0.5  
95 percent confidence interval:  
 0.6001853 0.7875936  
sample estimates:  
probability of success  
      0.7
```

```
#TEST ASYMPTOTYCZNY
```

```
prop.test(70, 100, p = 0.5, alternative = "two.sided", correct = FALSE)
```

1-sample proportions test without continuity correction

```
data: 70 out of 100, null probability 0.5  
X-squared = 16, df = 1, p-value = 6.334e-05  
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.5  
95 percent confidence interval:  
 0.6041515 0.7810511  
sample estimates:  
 p  
0.7
```

Binom.test-> p-wartosc mniejsza niż poziom istotności. Wartość p-wartosc mała, więc możemy odrzucić hipotezę zerową. Test pokazuje, że prawdopodobieństwo sukcesu nie wynosi

0.5 i jest istotnie wyższe, ponieważ wynosi około 0.7. Przedział ufności na poziomie 95% dla prawdopodobieństwa sukcesu wynosi od 0.6002 do 0.7876.

Prop.test -> p-wartość znacznie mniejsza niż poziom istotności 0.05, więc możemy odrzucić hipotezę zerową. Przedział ufności dla prawdopodobieństwa sukcesu mieści się w przedziale 0.6042 do 0.7811, co wskazuje, że prawdopodobieństwo sukcesu jest wyższe niż 0.5.

## PODOBIENSTWA

Oba testy prowadzą do odrzucenia hipotezy zerowej, a prawdopodobieństwo sukcesu jest istotnie różne od 0.5. W obu testach podobnie bo około 0.7.

## RÓŻNICE

test dokładny wykorzystuje pełny rozkład dwumianowy, podczas gdy test asymptotyczny stosuje przybliżenie normalne.

## 4.2 Zadanie 11

Dla danych z pliku "ankieta.csv" korzystaj z funkcji z zadania 10., przyjmując  $1 - \alpha = 0.95$ , zweryfikuj następujące hipotezy i sformułuj wnioski ### 1. Prawdopodobieństwo, że w firmie pracuje kobieta wynosi 0.5

```
Exact binomial test
```

```
data: x and n
number of successes = 71, number of trials = 200, p-value = 4.973e-05
alternative hypothesis: true probability of success is not equal to 0.5
95 percent confidence interval:
 0.2887838 0.4255862
sample estimates:
probability of success
          0.355
```

P-value mniejsze niż  $\alpha$  czyli odrzucamy hipotezę zerową na rzecz hipotezy alternatywnej.

### 4.2.1 Zadanie 11.2

```
Exact binomial test
```

```
data: x and n
```

```

number of successes = 106, number of trials = 200, p-value = 1
alternative hypothesis: true probability of success is greater than 0.7
95 percent confidence interval:
 0.4694089 1.0000000
sample estimates:
probability of success
          0.53

```

P-wartość jest większa niż  $\alpha$ , więc nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej.

#### 4.2.2 Zadanie 11.3

2-sample test for equality of proportions with continuity correction

```

data:  x
X-squared = 0.22014, df = 1, p-value = 0.6389
alternative hypothesis: two.sided
95 percent confidence interval:
 -0.1411817  0.0719602
sample estimates:
   prop 1    prop 2 
0.1126761 0.1472868

```

P-wartość jest większa niż  $\alpha$ , więc nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej.

#### 4.2.3 Zadanie 11.4

2-sample test for equality of proportions with continuity correction

```

data:  x
X-squared = 0.11193, df = 1, p-value = 0.738
alternative hypothesis: two.sided
95 percent confidence interval:
 -0.1911288  0.1199420
sample estimates:
   prop 1    prop 2 
0.5070423 0.5426357

```

P-wartość jest większa niż  $\alpha$ , więc nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej.



#### 4.2.4 Zadanie 11.5

2-sample test for equality of proportions with continuity correction

```
data:  x
X-squared = 7.0549, df = 1, p-value = 0.996
alternative hypothesis: greater
95 percent confidence interval:
 -0.2380232  1.0000000
sample estimates:
   prop 1    prop 2 
0.05633803 0.20930233
```

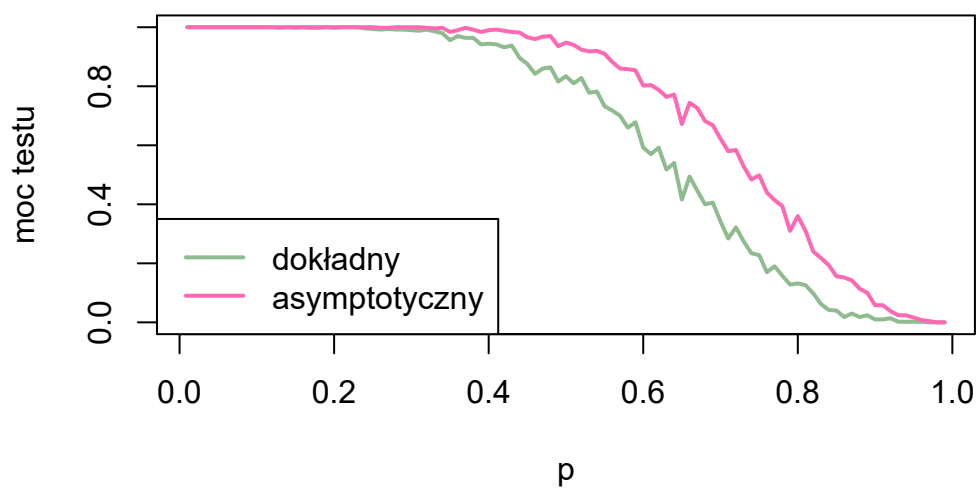
P-wartość jest większa niż  $\alpha$ , więc nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej.

#### 4.3 Zadanie 12

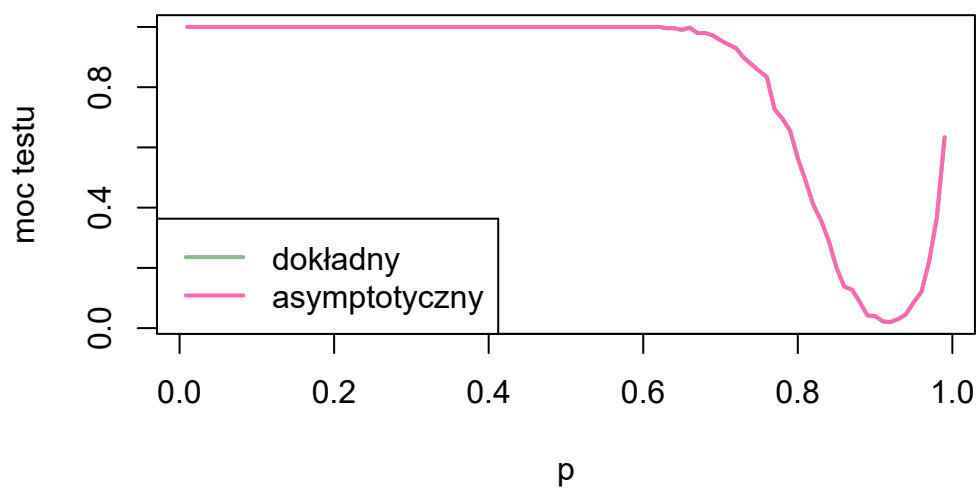
W tym zadaniu naszym celem było wyznaczenie mocy testu dla dwóch różnych testów statystycznych: testu dokładnego (testu dwumianowego) oraz testu asymptotycznego (testu proporcji). Zadanie polegało na przeprowadzeniu symulacji, w której weryfikowaliśmy hipotezę zerową przeciwko hipotezie alternatywnej. Wyniki symulacji zostały przedstawione w postaci wykresów przedstawiających moc testu dla każdego rozmiaru próby oraz każdego testu.

```
plotly <- function(wyniki, n){
  plot(p_alt, wyniki[1,], type = "l", col = my_colors[1], lwd = 2,
       xlab = 'p', ylab = 'moc testu', main = paste('Moc testu dla próbki n =',n))
  lines(p_alt, wyniki[2,], col = my_colors[3], lwd = 2)
  legend("bottomleft", legend = c("dokładny", "asymptotyczny"),
       col = my_colors[c(1,3)], lwd = 2)
}
```

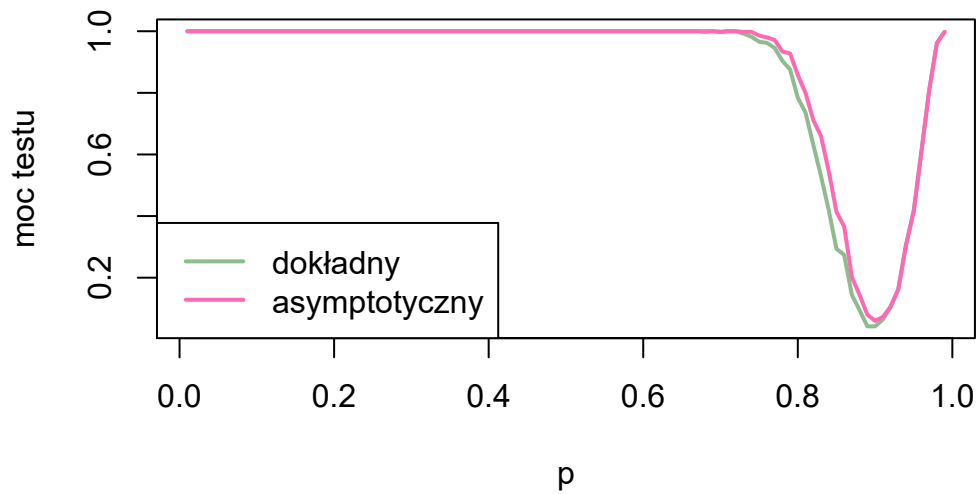
### Moc testu dla próbki $n = 10$



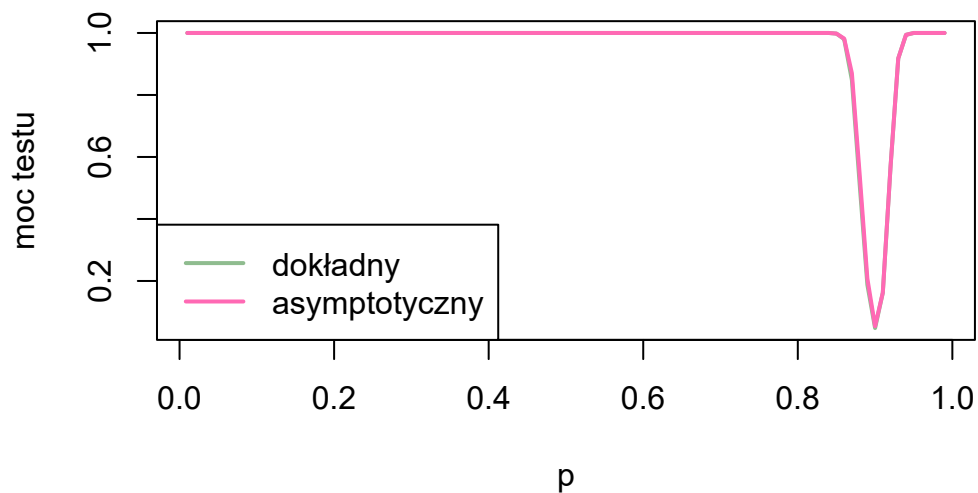
### Moc testu dla próbki $n = 50$



### Moc testu dla próbki $n = 100$



### Moc testu dla próbki $n = 1000$



### Wnioski

- Małe próby ( $n = 10$ ): Moc testów jest stosunkowo niska, zwłaszcza dla wartości  $p$  bliskich 0.9, co wynika z dużej niepewności przy małej liczbie obserwacji. Test dokładny wykazuje szybszy spadek mocy w miarę oddalania się  $p$  od 0.9, test asymptotyczny w tym przypadku

wyказuje mniejszy spadek mocy, co sprawia, że jest bardziej stabilny, - Moc testów rośnie w miarę zwiększania rozmiaru próby,

- W przypadku dużych prób oba testy wykazują bardzo wysoką moc, szczególnie dla wartości  $p$  znacznie różniących się od 0.9,

- Dla wartości  $p$  bliskich 0.9 (hipoteza zerowa), moc testów jest niższa, ponieważ trudno jest wykryć różnicę między hipotezą zerową a alternatywną, gdy wartości  $p$  są bardzo zbliżone do siebie,

- Dla wartości  $p$  oddalonych od 0.9, moc testów gwałtownie rośnie, co wskazuje na większą skuteczność testów w wykrywaniu różnic w takich przypadkach,