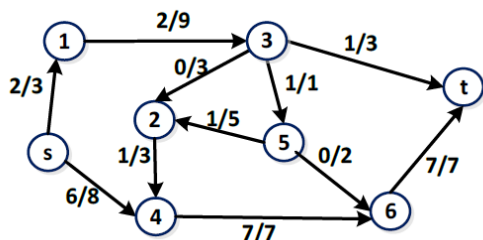


(Vecinii se considera în ordine lexicografică)

- 1) Exemplificați Dijkstra din 4, opriți-va după ce ați găsit distanța către 6
- 2) Cum funcționează algoritmul lui Kruskal ? Exemplificați alegerea primelor 6 muchii.
- 3) Este graful bipartit ? Dacă nu eliminați un număr minim de muchii astfel încât el să devină bipartit .
- 4) Există lanț eulerian în graf? Dacă nu adăugați număr minim de muchii astfel încât graful format să admită lanț eulerian, descriind și strategia după care ați adăugat muchiile. Indicați un lanț eulerian în graful obținut. Enunțați o condiție necesară și suficientă ca un graf neorientat să aibă un lanț eulerian.

0.5p fiecare problema 1)-4)

- 5) Ilustrați pașii algoritmului Ford-Fulkerson pentru rețeaua din figura următoare (pe un arc e sunt trecute valorile $f(e)/c(e)$)



reprezentând flux/capacitate), pornind de la fluxul indicat și alegând la fiecare pas un s-t lanț f-nesaturat de lungime minimă (algoritmul Edmonds-Karp). Indicați o tăietură (s-t tăietură) minimă în rețea (se vor indica vârfurile din bipartiție, arcele directe, arcele inverse). **(1p)**

- 6) a) Fie G un graf planar conex cu $n > 3$ noduri și m muchii care conține cicluri și fie g lungimea minimă a unui ciclu din G . Arătați că $m \cdot (g-2) \leq g \cdot (n-2)$.

- b) Arătați că graful lui Petersen (din figura alăturată) nu este planar. **(1,5p)**

