

Iniciado em	quinta, 22 abr 2021, 08:35
Estado	Finalizada
Concluída em	sábado, 24 abr 2021, 15:40
Tempo empregado	2 dias 7 horas
Notas	2,0/2,0
Avaliar	10,0 de um máximo de 10,0(100%)

Considere o sistema abaixo:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 4 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Observe que esse sistema é instável, uma vez que seus polos são $s_{1,2} = \pm 2$. Para estabilizar o sistema, utilize a técnica de realimentação de estados e projete o vetor de ganhos K de forma que os polos do sistema, em malha fechada, sejam $s_{1,2} = -2$.

A matriz de controlabilidade tem a forma $M = \begin{bmatrix} m_{11} & m_{12} \\ m_{21} & m_{22} \end{bmatrix}$. Assim, os elementos da matriz M são:

$$m_{11} = 0, m_{12} = 1,$$

$$m_{21} = 1, m_{22} = 0.$$

O posto da matriz de controlabilidade é: 2.

Portanto, o sistema é: Controlável.

O polinômio característico desejado para o sistema é: $\phi(s) = 1 s^2 + 4 s + 4$.

A matriz $\phi(A)$ tem a forma $\phi(A) = \begin{bmatrix} \phi_{11} & \phi_{12} \\ \phi_{21} & \phi_{22} \end{bmatrix}$. Assim, os elementos da matriz $\phi(A)$ são:

$$\phi_{11} = 8, \phi_{12} = 4,$$

$$\phi_{21} = 16, \phi_{22} = 8.$$

O vetor de ganhos do controlador é: $K = \begin{bmatrix} 8 & 4 \end{bmatrix}$.

O sistema em malha fechada é representado por:

$$\dot{x} = A_{MF}x + B_{MF}u,$$

$$y = C_{MF}x.$$

Considere as estruturas das matrizes abaixo:

$A_{MF} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$. Assim, os elementos da matriz A_{MF} são:

$$a_{11} = 0, a_{12} = 1,$$

$$a_{21} = -4, a_{22} = -4.$$

$B_{MF} = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{21} \end{bmatrix}^T$. Assim, os elementos da matriz B_{MF} são:

$$b_{11} = 0,$$

$$b_{21} = \boxed{0} \checkmark .$$

$C_{MF} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} \end{bmatrix}$. Assim, os elementos da matriz C_{MF} são:

$$c_{11} = \boxed{2} \checkmark , c_{12} = \boxed{0} \checkmark .$$

Considere o sistema abaixo:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -8 & -8 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

Utilize a técnica de realimentação de estados e projete o vetor de ganhos K de forma que os polos do sistema, em malha fechada, sejam $s_{1,2} = -2$ e $s_3 = -20$.

Os polos do sistema são: $s_{1,2} = -1 \checkmark \pm 1.732 \checkmark$ e $s_3 = -2 \checkmark$.

A matriz de controlabilidade tem a forma $M = \begin{bmatrix} m_{11} & m_{12} & m_{13} \\ m_{21} & m_{22} & m_{23} \\ m_{31} & m_{32} & m_{33} \end{bmatrix}$. Assim, os elementos da matriz M são:

$m_{11} = 0 \checkmark$, $m_{12} = 0 \checkmark$, $m_{13} = 1 \checkmark$,

$m_{21} = 0 \checkmark$, $m_{22} = 1 \checkmark$, $m_{23} = -4 \checkmark$,

$m_{31} = 1 \checkmark$, $m_{32} = -4 \checkmark$, $m_{33} = 8 \checkmark$.

O posto da matriz de controlabilidade é: 3 \checkmark .

Portanto, o sistema é: Controlável \checkmark .

O polinômio característico desejado para o sistema é: $\phi(s) = 1 \checkmark s^3 + 24 \checkmark s^2 + 84 \checkmark s + 80 \checkmark$.

A matriz $\phi(A)$ tem a forma $\phi(A) = \begin{bmatrix} \phi_{11} & \phi_{12} & \phi_{13} \\ \phi_{21} & \phi_{22} & \phi_{23} \\ \phi_{31} & \phi_{32} & \phi_{33} \end{bmatrix}$. Assim, os elementos da matriz $\phi(A)$ são:

$\phi_{11} = 72 \checkmark$, $\phi_{12} = 76 \checkmark$, $\phi_{13} = 20 \checkmark$,

$\phi_{21} = -160 \checkmark$, $\phi_{22} = -88 \checkmark$, $\phi_{23} = -4 \checkmark$,

$\phi_{31} = 32 \checkmark$, $\phi_{32} = -128 \checkmark$, $\phi_{33} = -72 \checkmark$.

O vetor de ganhos do controlador é: $K = \begin{bmatrix} 72 \checkmark & 76 \checkmark & 20 \checkmark \end{bmatrix}$.

O sistema em malha fechada é representado por:

$$\dot{x} = A_{MF}x + B_{MF}u,$$

$$y = C_{MF}x.$$

Considere as estruturas das matrizes abaixo:

$A_{MF} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$. Assim, os elementos da matriz A_{MF} são:

$a_{11} =$ ✓ , $a_{12} =$ ✓ , $a_{13} =$ ✓ ,
 $a_{21} =$ ✓ , $a_{22} =$ ✓ , $a_{23} =$ ✓ ,
 $a_{31} =$ ✓ , $a_{32} =$ ✓ , $a_{33} =$ ✓ .

$B_{MF} = [b_{11} \quad b_{21} \quad b_{31}]^T$. Assim, os elementos da matriz B_{MF} são:

$b_{11} =$ ✓ ,
 $b_{21} =$ ✓ ,
 $b_{31} =$ ✓ .

$C_{MF} = [c_{11} \quad c_{12} \quad c_{13}]$. Assim, os elementos da matriz C_{MF} são:

$c_{11} =$ ✓ , $c_{12} =$ ✓ , $c_{13} =$ ✓ .

[◀ Script Python](#)

Seguir para...

[Aula 12 - Projeto de Controladores em Espaço de Estados - Parte 1 ▶](#)