

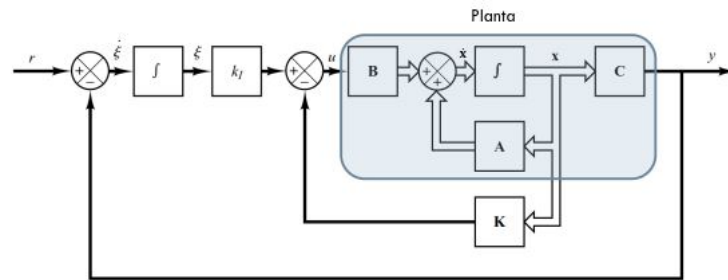
<b>Iniciado em</b>	terça, 27 abr 2021, 12:30
<b>Estado</b>	Finalizada
<b>Concluída em</b>	terça, 27 abr 2021, 15:06
<b>Tempo empregado</b>	2 horas 35 minutos
<b>Notas</b>	2,0/2,0
<b>Avaliar</b>	<b>10,0</b> de um máximo de 10,0( <b>100%</b> )

Considere o sistema abaixo:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & -200 & -30 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

Deseja-se que o sistema siga uma referência do tipo degrau com erro nulo tendo os polos de malha fechada  $s_{1,2} = -5 \pm j3\sqrt{3}$  e  $s_3 = -50$ . Adicionalmente, deseja-se que o sistema em malha fechada rejeite perturbações nos estados e/ou variações paramétricas. Para isso, utiliza-se a estrutura de controle abaixo.



Considerando que o 4º polo do sistema seja  $s_4 = -50$ , o vetor de ganhos é dado por  $\bar{K} = \begin{bmatrix} K & : & k_I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_1 & k_2 & k_3 & k_I \end{bmatrix}$ .

Assim, os ganhos do controlador são:

$k_1 =$   ✓ ,

$k_2 =$   ✓ ,

$k_3 =$   ✓ ,

$k_I =$   ✓ .

Considerando o sistema nominal, a representação do sistema em malha fechada é:

$$\dot{x} = A_{MF}x + B_{MF}r$$

$$y = C_{MF}x$$

A matriz  $A_{MF}$  tem a forma  $A_{MF} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} \end{bmatrix}$ . Assim, os elementos da matriz  $A_{MF}$  são:

$a_{11} =$   ✓ ,  $a_{12} =$   ✓ ,  $a_{13} =$   ✓ ,  $a_{14} =$   ✓ ,

$a_{21} =$   ✓ ,  $a_{22} =$   ✓ ,  $a_{23} =$   ✓ ,  $a_{24} =$   ✓ ,

$a_{31} =$   ✓ ,  $a_{32} =$   ✓ ,  $a_{33} =$   ✓ ,  $a_{34} =$   ✓ ,

$a_{41} =$   ✓ ,  $a_{42} =$   ✓ ,  $a_{43} =$   ✓ ,  $a_{44} =$   ✓ .

A matriz  $B_{MF}$  tem a forma  $B_{MF} = \begin{bmatrix} b_{11} \\ b_{21} \\ b_{31} \\ b_{41} \end{bmatrix}$ . Assim, os elementos da matriz  $B_{MF}$  são:

$$b_{11} = \boxed{0} \checkmark ,$$

$$b_{21} = \boxed{0} \checkmark ,$$

$$b_{31} = \boxed{0} \checkmark ,$$

$$b_{41} = \boxed{1} \checkmark .$$

A matriz  $C_{MF}$  tem a forma  $C_{MF} = [c_{11} \ c_{12} \ c_{13} \ c_{14}]$ . Assim, os elementos da matriz  $C_{MF}$  são:

$$c_{11} = \boxed{1} \checkmark , c_{12} = \boxed{0} \checkmark , c_{13} = \boxed{0} \checkmark , c_{14} = \boxed{0} \checkmark .$$

O ganho CC do sistema compensado vale  $\boxed{1} \checkmark$ .

O erro em regime permanente para o sistema compensado para uma referência do tipo degrau unitário vale  $\boxed{0} \checkmark$ . Logo, a

saída em regime permanente do sistema compensado para uma referência do tipo degrau unitário vale  $\boxed{1} \checkmark$ .

Supondo uma variação paramétrica na matriz  $C$  do sistema, isto é,  $C = [0,5 \ 0 \ 0]$  o erro em regime permanente para o sistema compensado para uma referência do tipo degrau unitário vale  $\boxed{0} \checkmark$ . Consequentemente, a saída do sistema em regime

permanente vale  $\boxed{1} \checkmark$ .

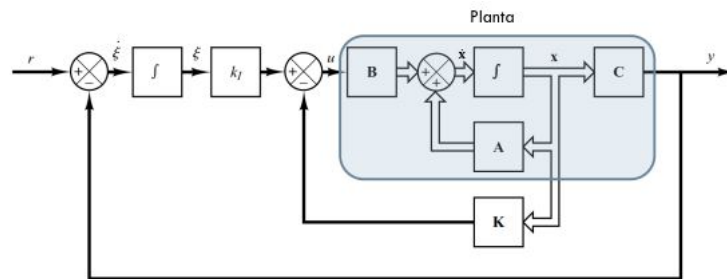
Considere o sistema abaixo:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -8 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Deseja-se que o sistema siga uma referência do tipo degrau com erro nulo tendo os polos de malha fechada  $s_{1,2} = -2$ .

Adicionalmente, deseja-se que o sistema em malha fechada rejeite perturbações nos estados e/ou variações paramétricas. Para isso, utiliza-se a estrutura de controle abaixo.



Considerando que o 3º polo do sistema seja  $s_3 = -10$ , o vetor de ganhos é dado por  $\bar{K} = \begin{bmatrix} K & : & k_I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_1 & k_2 & -k_I \end{bmatrix}$ .

Assim, os ganhos do controlador são:

$k_1 =$   ✓ ,

$k_2 =$   ✓ ,

$k_I =$   ✓ .

Considerando o sistema nominal, a representação do sistema em malha fechada é:

$$\dot{x} = A_{MF}x + B_{MF}r$$

$$y = C_{MF}x$$

A matriz  $A_{MF}$  tem a forma  $A_{MF} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$ . Assim, os elementos da matriz  $A_{MF}$  são:

$a_{11} =$   ✓ ,  $a_{12} =$   ✓ ,  $a_{13} =$   ✓ ,

$a_{21} =$   ✓ ,  $a_{22} =$   ✓ ,  $a_{23} =$   ✓ ,

$a_{31} =$   ✓ ,  $a_{32} =$   ✓ ,  $a_{33} =$   ✓ .

A matriz  $B_{MF}$  tem a forma  $B_{MF} = \begin{bmatrix} b_{11} \\ b_{21} \\ b_{31} \end{bmatrix}$ . Assim, os elementos da matriz  $B_{MF}$  são:

$b_{11} =$   ✓ ,

$b_{21} =$   ✓ ,

$b_{31} =$   ✓ .

A matriz  $C_{MF}$  tem a forma  $C_{MF} = [c_{11} \ c_{12} \ c_{13}]$ . Assim, os elementos da matriz  $C_{MF}$  são:

$c_{11} =$   ✓ ,  $c_{12} =$   ✓ ,  $c_{13} =$   ✓ .

O ganho CC do sistema compensado vale  ✓ .

O erro em regime permanente para o sistema compensado para uma referência do tipo degrau unitário vale  ✓ . Logo, a saída em regime permanente do sistema compensado para uma referência do tipo degrau unitário vale  ✓ .

Supondo uma variação paramétrica na matriz  $B$  do sistema, isto é,  $B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1,5 \end{bmatrix}$  o erro em regime permanente para o sistema compensado para uma referência do tipo degrau unitário vale  ✓ . Consequentemente, a saída do sistema em regime permanente vale  ✓ .

[◀ Diagrama de blocos - Scilab/Xcos - Planta sem integrador](#)

Seguir para...

[Aula 15 - Observadores de Estado ▶](#)