Algoritmos y Estructuras de Datos II

Primer Cuatrimestre de 2015

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Pri $\frac{1}{2}$ ctico 1

Especificacii; $\frac{1}{2}$ n

Integrante	LU	Correo electrónico
INTEGRANTE, 1	123/12	1@gmail.com
${\rm INTEGRANTE},2$	123/12	20gmail.com
${\rm INTEGRANTE},3$	123/12	3@gmail.com
INTEGRANTE, 4	123/12	40gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	$\operatorname{Docente}$	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. TAD DATO	3
2. TAD REGISTRO	3
3. TAD TABLA	4
4. TAD DAGRDRDATIOS	

1. TAD DATO

TAD DATO

géneros dato

igualdad observacional

$$(\forall d, d': \mathsf{dato}) \ \left(d =_{\mathsf{obs}} d' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} (EsNat?(d) = 1 \land EsNat?(d) = EsNat?(d')) \Rightarrow_{\mathsf{L}} DNat(d) = \\ DNat(d') \lor (EsNat?(d) = 0 \land EsNat?(d') = EsNat?(d')) \Rightarrow_{\mathsf{L}} DString(d) = DString(d') \end{pmatrix} \right)$$

usa

Bool, Nat, String

exporta

observadores básicos

EsNat? : dato \longrightarrow bool

DNat : dato $d \longrightarrow$ nat $\{EsNat?(d)\}$ DString : dato $d \longrightarrow$ string $\{\neg EsNat?(d)\}$

generadores

 $NDat : bool \times nat \times string \longrightarrow dato$

axiomas

EsNat?(NDato(b,n,s)) $\equiv b$ DNat(NDato(b,n,s)) $\equiv n$ DString(NDato(b,n,s)) $\equiv s$

Fin TAD

2. TAD REGISTRO

TAD REGISTRO

géneros reg

usa Lista, Conjunto, Nat, Bool, Dato

exporta

igualdad observacional

$$(\forall r, r' : \text{reg}) \ \left(r =_{\text{obs}} r' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} Campos(r) &= Campos(r') \land (\forall c : String)tupla(c, bool) \\ Campos(r) \Rightarrow_{\text{\tiny L}} Dato?(r) &= Dato(r')) \end{pmatrix} \right)$$

observadores básicos

 ${\tt Campos} \ : \ \operatorname{reg} \ \longrightarrow \ \operatorname{conj}(\operatorname{tupla}(\operatorname{string}, \operatorname{bool}))$

 $\text{Dato?} \ : \ \operatorname{reg} \ r \times \operatorname{String} \ c \ \longrightarrow \ \operatorname{Dato} \\ \left\{ tupla(c, True) \in Campos(r) \vee tupla(c, False) \in Campos(r) \right\}$

generadores

 $NReg : \longrightarrow reg$

AgCampo : reg $r \times \text{String } c \times \text{Bool } b \times \text{Dato } d \longrightarrow \text{reg}$ $\{EsNat?(d) \equiv b\}$

otras operaciones

 $\{tj \in Claves(Joins(b))\}\$

```
JRegs: reg r \times \text{reg } s \longrightarrow \text{reg}

axiomas

Campos(NReg) \equiv \emptyset

Campos(AgCampo(r, c, b, d)) \equiv Ag(tupla(c, b))

Dato?(AgCampo(r, c, b, d), c') \equiv \text{if } c = c' \text{ then } d \text{ else } Dato?(r) \text{ fi}

Campos(JRegs(r, s)) \equiv Campos(r) \cup Campos(s)

Dato?(JRegs(r, s), c) \equiv \text{if } c \in Campos(r) \text{ then } Dato?(r, c) \text{ else } Dato?(s, c) \text{ fi}
```

Fin TAD

3. TAD TABLA

```
TAD TABLA
                     tab
     géneros
     usa
     exporta
     igualdad observacional
                     (\forall t, t' : tab) \ (t =_{obs} t' \iff (Campos(t) = Campos(t') \land Claves(t) = Claves(t')))
     observadores básicos
        CamposT : tab \longrightarrow conj(campo)
       Claves : tab \longrightarrow conj(campo)
     generadores
       NTab : conj(campo) cp \times \text{conj(campo)} cl \longrightarrow \text{tab}
                                                                                                    \{(\forall c: campo)c \in cl \Rightarrow c \in cp\}
     axiomas
       Campos(NTab(cp, cl)) \equiv cp
       Claves(NTab(cp, cl)) \equiv cl
```

Fin TAD

4. TAD BASEDEDATOS

```
{f TAD} BaseDeDatos
```

```
génerosbdsusaBool, Nat, String, Conjunto, Dicc(clave,significado), Tupla(),Dato, Tabla, Registroexportaobservadores básicosTablas : bds \longrightarrow conj(tab)(t \in Tablas(b))RegistrosT : bds b \times tab \ t \longrightarrow conj(reg)(t \in Tablas(b))Joins : bds \longrightarrow dicc(tupla(conj(tab), campo), tab))
```

Registros J: bds $b \times \text{tupla}(\text{conj}(\text{tab}) \times \text{campo}) t j \longrightarrow conj(req)$

```
\{t \in Tablas(b)\}\
  Triggers: bds b \times \text{tab } t \longrightarrow dicc(tab/t_2, dicc(campo/c, dato))
generadores
  NuevaBase : conj(tab) \longrightarrow bds
  AgTab : bds b \times \text{tab } t \longrightarrow \text{bds}
                                                                                                                        \{t \notin Tablas(bds)\}
  AgReg : bds b \times tab t \times reg r \longrightarrow bds
                (CamposT(t) = Campos(r) \land ((\forall r':reg, \forall c:campo)(r' \in \Pi_2(t) \land c \in claves(t) \Rightarrow_{\texttt{L}} (Dato?(r,c) \neq \texttt{L}))
               Dato?(r',c))
  ElimReg : bds b \times \text{tab } t \times \text{campo } c \times \text{dato } d \longrightarrow \text{bds}
                                                                                          \{c \in CamposT(t) \land EsNat?(d) = \Pi_2(c)\}
  CrearJoin : bds b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \times \text{campo } cl \longrightarrow \text{bds}
                 \{t1, t2 \in Tablas(bds) \land cl \in campos(t1) \land cl \in campos(t2) \land tupla(\{t1, t2\}, cl) \notin Claves(Joins(b))\}
  Eliminar
Join : bds b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \times \text{campo } cl \longrightarrow \text{bds}
                                                                                            \{tupla(\{t1, t2\}, cl) \in Claves(Joins(b))\}\
  AgTrigger : bds b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \times \text{dicc(campo} \times \text{dato)} \ default \longrightarrow \text{bds}
                \{(claves(t2) \subseteq claves(t1)) \land (\forall c : campo(c \in claves(default) \Leftrightarrow (c \in campos(t2) \land c \notin campos(t1))))\}
  Eliminar
Trigger : bds b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \longrightarrow \text{bds}
otras operaciones
  TopModificadasT : bds \longrightarrow conj(tupla(tabla,conj(reg),nat)
  ERR : conj(reg) \times campo \times dato \longrightarrow conj(reg)
  JoinRegistros : conj(reg) \times conj(reg) \times campo \longrightarrow conj(reg)
  DameRegCon : conj(reg) \times dato \times campo \longrightarrow conj(reg)
  DameRegSin : conj(reg) \times dato \times campo \longrightarrow conj(reg)
axiomas
  Tablas(NuevaBase(ct)) \equiv ct
  Tablas(Agtab(b, t)) \equiv Ag(t, Tablas(b))
  Tablas(AgReg(b, t, r)) \equiv Tablas(b)
  Tablas(ElimReg(b, t, r)) \equiv Tablas(b)
  Tablas(CrearJoin(b, t1, t2, c)) \equiv Tablas(b)
  RegistrosT(AgTab(b,t1),t) \equiv if t = t1 then \emptyset else RegistrosT(b,t) fi
  RegistrosT(AgReg(b, t1, r),t) \equiv if t = t1 then Ag(r, RegistrosT(b,t)) else RegistrosT(b,t) fi
  RegistrosT(ElimReg(b, t1, c, d),t) \equiv ERR(RegistrosT(b,t),c,d)
  RegistrosT(CrearJoin(b,t1,t2,c)) \equiv RegistrosT(b,t)
  ERR(rs, c, d) \equiv if rs = \emptyset then
                         else
                             if d = Dato?(DameUno(rs), c) then
                                  ERR(SinUno(rs), c, d)
                             else
                                  Ag(DameUno(rs), ERR(SinUno(rs), c, d)
                             fi
                         fi
  Joins(NuevaBase(ct)) \equiv vaco
  Joins(AgTab(bds, t)) \equiv Joins(bds)
  Joins(CrearJoin(bds, t1, t2, c)) \equiv Definir(tupla(t1, t2, c), Ntab((CamposT(t1) \cup CamposT(t2) - c),
                                                (ClavesT(t1) \cup ClavesT(t2) - c)), Joins(bds))
  Joins(Eliminar Join(bds, t1, t2, c)) \equiv Borrar(tupla(t1, t2, c), Joins(bds))
  Joins(AgReg(bds, t, r)) \equiv Joins(bds)
```

```
Joins(ElimReg(bds, t, c, d)) \equiv Joins(bds)
Registros J (Ag Tab (bds, t), tj) \equiv Registros J(bds, tj)
RegistrosJ(CrearJoin(bds, t1, t2, c), tj) \equiv if t1 \in \pi_1(tj) \land t2 \in \pi_1(tj) \land c = \pi_2(tj) then
                                                  JoinRegistros(RegistrosT(t1), RegistrosT(t2), c)
                                                   Registros J(bds, tj)
                                               fi
Registros J (Eliminar Join (bds, t1, t2, c), tj) \equiv Registros J(bds, tj)
RegistrosJ(AgReg(bds, t, r), tj) \equiv if t \notin \pi_1(tj) then
                                          Registros J(bds, tj)
                                       else
                                          if DameRegCon(RegistrosT(\pi_1(tj)-t), Dato?(r, \pi_2(tj)), \pi_2(tj)) \neq \emptyset
                                              Ag(Jreg(DameUno(DameRegCon(RegistrosT(\pi_1(tj) - t)),
                                              Dato?(r, \pi_2(tj)), \pi_2(tj)), r), RegistrosJ(bds, tj))
                                          else
                                              Registros J(bds, tj)
                                          fi
                                       fi
RegistrosJ(ElimReg(bds, t, c, d), tj) \equiv if t \in \pi_1(tj) then
                                               DameRegSin(RegistrosJ(bds, tj), d, c)
                                               Registros J(bds, tj)
JoinRegistros(r1,r2,c) \equiv if r1 = \emptyset \lor r2 = \emptyset then
                            else
                               if DameRegCon(r1, Dato?(DameUno(r2), c), c) \neq \emptyset then
                                   Ag(JRegs(DameUno(r2),
                                   DameUno(DameRegCon(r1, Dato?(DameUno(r2), c)))),
                                   JoinRegistros(r1, SinUno(r2), c))
                               else
                                   JoinRegistros(r1, SinUno(r2), c)
DameRegCon(r,d,c) \equiv if r = \emptyset then
                          else
                             if Dato?(DameUno(r), c) = d then
                                 DameUno(r)
                                 DameRegCon(SinUno(r), d, c)
                             fi
DameRegSin(r,d,c) \equiv if r = \emptyset then
                            Ø
                         else
                            if Dato?(DameUno(r), c) = d then
                                DameRegSin(SinUno(r), d, c)
                            else
                                Ag(DameUno(r), DameRegSin(SinUno(r), d, c))
                            fi
                         fi
```

Fin TAD