Algoritmos y Estructuras de Datos II

Primer Cuatrimestre de 2015

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Practico 1

Especificacion

| Integrante | LU | Correo electrónico |
|------------------------------------|--------|-----------------------------|
| BENZO, Mariano | 198/14 | marianobenzo@gmail.com |
| GUTTMAN, Martin David | 686/14 | ${\tt mdg}_92@yahoo.com.ar$ |
| MOSQUEIRA CABALLERO, Edgardo Ramon | 808/13 | edgarcab666@hotmail.com |

Reservado para la cátedra

| Instancia | Docente | Nota |
|-----------------|---------|------|
| Primera entrega | | |
| Segunda entrega | | |

Índice

| 1. TAD DATO | 3 |
|------------------|---|
| 2. TAD REGISTRO | 3 |
| 3. TAD TABLA | 4 |
| 4 TAD DAGDDDAMOG | 5 |

1. TAD DATO

TAD DATO

géneros dato

igualdad observacional

$$(\forall d, d': \text{dato}) \ \left(d =_{\text{obs}} d' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} (EsNat?(d) = EsNat?(d')) \Rightarrow_{\text{L}} (DNat(d) = DNat(d') \lor \\ (DString(d) = DString(d')) \end{pmatrix} \right)$$

usa

Bool, Nat, String

exporta

observadores básicos

 $EsNat?\ :\ dato\ \longrightarrow\ bool$

 $\mathsf{DNat} \; : \; \mathsf{dato} \; d \; \longrightarrow \; \mathsf{nat} \qquad \qquad \{ \mathit{EsNat?}(d) \}$

DString: dato $d \longrightarrow \text{string}$ $\{\neg EsNat?(d)\}$

generadores

 $\mathrm{NDat} \; : \; \mathrm{bool} \times \mathrm{nat} \times \mathrm{string} \; \longrightarrow \; \mathrm{dato}$

axiomas

 $EsNat?(NDato(b,n,s)) \equiv b$

 $DNat(NDato(b,n,s)) \equiv n$

 $DString(NDato(b,n,s)) \equiv s$

Fin TAD

2. TAD REGISTRO

TAD REGISTRO

géneros reg

usa Lista, Conjunto, Nat, Bool, Dato

exporta

igualdad observacional

$$(\forall r, r' : \text{reg}) \ \left(r =_{\text{obs}} r' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} Campos(r) = Campos(r') \land (\forall c : String)tupla(c, bool) \\ Campos(r) \Rightarrow_{\text{L}} Dato?(r) = Dato(r')) \end{pmatrix} \right)$$

observadores básicos

Campos : reg $\longrightarrow conj(tupla(string, bool))$

Dato? : reg $r \times \text{String } c \longrightarrow \text{Dato}$ $\{tupla(c, True) \in Campos(r) \lor tupla(c, False) \in Campos(r)\}$

 ${f generadores}$

 $\mathrm{NReg}\;:\;\longrightarrow\;\mathrm{reg}$

 $\operatorname{AgCampo} : \operatorname{reg} r \times \operatorname{String} c \times \operatorname{Bool} b \times \operatorname{Dato} d \longrightarrow \operatorname{reg} \qquad \{EsNat?(d) \equiv b\}$

otras operaciones

JRegs : reg $r \times reg s \longrightarrow reg$

tgregs : conj(campo) $c \times \operatorname{reg} r \times \operatorname{dicc}(\operatorname{campo} \times \operatorname{dato}) d \longrightarrow \operatorname{reg}$

```
\{(\forall c_1: campo) \ (c_1 \in c) \Rightarrow (c_1 \in Campos(r) \lor c_1 \in claves(d))\}
     axiomas
       Campos(NReg) \equiv \emptyset
       Campos(AgCampo(r, c, b, d)) \equiv Ag(tupla(c, b))
       Dato?(AgCampo(r, c, b, d), c') \equiv if c = c' then d else Dato?(r) fi
       Campos(JRegs(r, s)) \equiv Campos(r) \cup Campos(s)
       Dato?(JRegs(r, s), c) \equiv if c \in Campos(r) then Dato?(r, c) else Dato?(s, c) fi
       tgregs(c,r,d) \equiv if c = \emptyset then
                             Nreg
                         else
                             if DameUno(c) \in Campos(r) then
                                AgCampo(tgregs(SinUno(c), r, d), DameUno(c), Dato?(r, Dameuno(c)))
                                AgCampo(tgregs(SinUno(c), r, d), DameUno(c), Obtener(DameUno(c), d))
                             fi
                         fi
Fin TAD
       TAD TABLA
TAD TABLA
     géneros
                   tab
     usa
     exporta
     igualdad observacional
                   (\forall t, t' : tab) \ (t = _{obs} t' \iff (Campos(t) = Campos(t') \land Claves(t) = Claves(t')))
     observadores básicos
       CamposT : tab \longrightarrow conj(campo)
       Claves : tab \longrightarrow conj(campo)
     generadores
       NTab : conj(campo) cp \times \text{conj(campo)} cl \longrightarrow \text{tab}
                                                                                              \{(\forall c: campo)c \in cl \Rightarrow c \in cp\}
```

Fin TAD

axiomas

 $Campos(NTab(cp, cl)) \equiv cp$ $Claves(NTab(cp, cl)) \equiv cl$

3.

4. TAD BASEDEDATOS

```
TAD BASEDEDATOS
```

géneros bds

usa Bool, Nat, String, Conjunto, Dicc(clave, significado), Tupla(), Dato, Tabla, Registro

exporta

igualdad observacional

$$(\forall b, b' : \mathrm{bds}) \left(b =_{\mathrm{obs}} b' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} (Joins(b) = Joins(b') \land Tablas(b) = Tablas(b')) \land_{\mathtt{L}} \\ (\forall t : tab)(t \in Tablas(b)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} (Trigger(b, t) = \\ Trigger(b', t) \land RegistrosT(b, t) = RegistrosT(b', t)) \land \\ (\forall tj : tupla(tab, tab, c))(tj \in Claves(Joins(b)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} \\ RegistrosJ(b, tj) = RegistrosJ(b', tj) \end{pmatrix} \right)$$

observadores básicos

Tablas : bds $\longrightarrow conj(tab)$

RegistrosT : bds $b \times \text{tab } t \longrightarrow conj(reg)$ $\{t \in Tablas(b)\}\$

Joins : bds $\longrightarrow dicc(tupla(conj(tab), campo), tab))$

Registros J: bds $b \times \text{tupla}(\text{conj}(\text{tab}) \times \text{campo}) tj \longrightarrow conj(reg)$ $\{tj \in Claves(Joins(b))\}\$

Triggers: bds $b \times \text{tab } t \longrightarrow dicc(tab/t_2, dicc(campo/c, dato))$ $\{t \in Tablas(b)\}\$

Modificaciones : bds $b \times \text{tab } t \longrightarrow Nat$ $\{t \in Tablas(b)\}\$

generadores

 $NuevaBase : conj(tab) \longrightarrow bds$

AgTab : bds $b \times \text{tab } t \longrightarrow \text{bds}$ $\{t \notin Tablas(bds)\}$

 $AgReg : bds b \times tab t \times reg r \longrightarrow bds$

 $\begin{cases} CamposT(t) = Campos(r) \land ((\forall \ r': \text{reg}, \ \forall \ c: \text{campo})(r' \in \Pi_2(t) \land c \in claves(t) \Rightarrow_{\text{L}} (Dato?(r, c) \neq) \end{cases}$

ElimReg : bds $b \times \text{tab } t \times \text{campo } c \times \text{dato } d \longrightarrow \text{bds}$ $\{c \in CamposT(t) \land EsNat?(d) = \Pi_2(c)\}$

CrearJoin : bds $b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \times \text{campo } cl \longrightarrow \text{bds}$

 $\{t1, t2 \in Tablas(bds) \land cl \in campos(t1) \land cl \in campos(t2) \land tupla(\{t1, t2\}, cl) \notin Claves(Joins(b))\}$

Eliminar Join: bds $b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \times \text{campo } cl \longrightarrow \text{bds}$ $\{tupla(\{t1, t2\}, cl) \in Claves(Joins(b))\}\$

AgTrigger: bds $b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \times \text{dicc}(\text{campo} \times \text{dato}) \ default \longrightarrow \text{bds}$

 $\{(claves(t2) \subseteq claves(t1)) \land (\forall c : campo(c \in claves(default) \Leftrightarrow (c \in campos(t2) \land c \notin campos(t1))))\}$

Eliminar Trigger : bds $b \times \text{tab } t1 \times \text{tab } t2 \longrightarrow \text{bds}$

otras operaciones

 $ERR : conj(reg) \times campo \times dato \longrightarrow conj(reg)$

 $JoinRegistros : conj(reg) \times conj(reg) \times campo \longrightarrow conj(reg)$

DameRegCon : $conj(reg) \times dato \times campo \longrightarrow conj(reg)$

DameRegSin : $conj(reg) \times dato \times campo \longrightarrow conj(reg)$

TMK : conj(tab) $c \times bds b \longrightarrow nat$ $\{c \subseteq Tablas(b)\}\$

 $TM : conj(tab) c \times bds b \longrightarrow conj(tab)$ $\{c \subseteq Tablas(b)\}$

 ${\bf MasModificada} : {\bf bds} \ b \longrightarrow {\bf tab}$

axiomas

 $Tablas(NuevaBase(ct)) \equiv ct$

```
Tablas(Agtab(b, t)) \equiv Ag(t, Tablas(b))
Tablas(AgReg(b, t, r)) \equiv Tablas(b)
Tablas(ElimReg(b, t, r)) \equiv Tablas(b)
Tablas(CrearJoin(b, t1, t2, c)) \equiv Tablas(b)
Tablas(AgTrigger(b, t1, t2, d)) \equiv Tablas(b)
RegistrosT(AgTab(b,t1),t) \equiv if t = t1 then \emptyset else RegistrosT(b,t) fi
RegistrosT(AgReg(b, t1, r),t) \equiv if t = t1 then
                                        Ag(r, RegistrosT(b, t))
                                        if t \in claves(Triggers(b, t1) then
                                           Ag(tgregs(campos(t), r, Obtener(t, Triggers(b, t1))),
                                           RegistrosT(b,t)
                                        else
                                           RegistrosT(b,t)
                                       fi
                                    fi
RegistrosT(ElimReg(b, t1, c, d),t) \equiv ERR(RegistrosT(b,t),c,d)
RegistrosT(CrearJoin(b,t1,t2,c)) \equiv RegistrosT(b,t)
RegistrosT(AgTrigger(b,t1,t2,d)) \equiv RegistrosT(b,t)
ERR(rs, c, d) \equiv if rs = \emptyset then
                      Ø
                   else
                      if d = Dato?(DameUno(rs), c) then
                          ERR(SinUno(rs), c, d)
                      else
                          Ag(DameUno(rs), ERR(SinUno(rs), c, d)
                      fi
Joins(NuevaBase(ct)) \equiv vaco
Joins(AgTab(bds, t)) \equiv Joins(bds)
Joins(CrearJoin(bds, t1, t2, c)) \equiv Definir(tupla(t1, t2, c), Ntab((CamposT(t1) \cup CamposT(t2) - c),
                                      (ClavesT(t1) \cup ClavesT(t2) - c)), Joins(bds))
Joins(Eliminar Join(bds, t1, t2, c)) \equiv Borrar(tupla(t1, t2, c), Joins(bds))
Joins(AgReg(bds, t, r)) \equiv Joins(bds)
Joins(ElimReg(bds, t, c, d)) \equiv Joins(bds)
Joins(AgTrigger(bds, t, c, d)) \equiv Joins(bds)
Registros J (Ag Tab (bds, t), tj) \equiv Registros J(bds, tj)
RegistrosJ(CrearJoin(bds, t1, t2, c), tj) \equiv if t1 \in \pi_1(tj) \land t2 \in \pi_1(tj) \land c = \pi_2(tj) then
                                                  JoinRegistros(RegistrosT(t1), RegistrosT(t2), c)
                                               else
                                                  Registros J(bds, tj)
Registros J (Eliminar Join (bds, t1, t2, c), tj) \equiv Registros J(bds, tj)
```

```
RegistrosJ(AgReg(bds, t, r), tj) \equiv if t \notin \pi_1(tj) then
                                         Registros J(bds, tj)
                                      else
                                         if DameRegCon(RegistrosT(\pi_1(tj)-t), Dato?(r, \pi_2(tj)), \pi_2(tj)) \neq \emptyset
                                             Ag(Jreg(DameUno(DameRegCon(RegistrosT(\pi_1(tj) - t)),
                                             Dato?(r, \pi_2(tj)), \pi_2(tj))), r), RegistrosJ(bds, tj))
                                         else
                                             Registros J(bds, tj)
                                         fi
                                      fi
RegistrosJ(ElimReg(bds, t, c, d), tj) \equiv if t \in \pi_1(tj) then
                                              DameRegSin(RegistrosJ(bds, tj), d, c)
                                              Registros J(bds, tj)
Registros J (Ag Trigger (bds, t1, t2,d), tj) \equiv Registros J(bds, tj)
Triggers(NuevaBase(c),t) \equiv \emptyset
Triggers(AgTab(b,t1),t) \equiv Triggers(b,t)
Triggers(AgReg(b,t1,r),t) \equiv Triggers(b,t)
Triggers(EliminarReg(b,t1,c,d),t) \equiv Triggers(b,t)
Triggers(CrearJoin(b,t1,t2,cl),t) \equiv Triggers(b,t)
Triggers(EliminarJoin(b,t1,t2,cl),t) \equiv Triggers(b,t)
Triggers(AgTrigger(b,t1,t2,d),t) \equiv if t = t1 then definir(Triggers(b,t),t2,d) else Triggers(b,t) fi
Triggers(EliminarTrigger(b,t1,t2),t) \equiv if t = t1 then borrar(Triggers(b,t),t2) else Triggers(b,t) fi
Modificaciones(NuevaBase(c),t) \equiv 0
Modificaciones(AgTab(b,t1),t) \equiv if t = t1 then 0 else Modificaciones(b,t) fi
Modificaciones(AgReg(b,t1,r),t) \equiv if t = t1 \lor t \in claves(Triggers(b,t1)) then
                                          Modificaciones(b, t) + 1
                                          Modificaciones(b, t)
                                       fi
Modificaciones (EliminarReg(b,t1,c,d),t) \equiv if t = t1 then
                                                  Modificaciones(b, t) + 1
                                                  Modificaciones(b, t)
Modificaciones(CrearJoin(b,t1,t2,cl),t) \equiv Modificaciones(b,t)
Modificaciones(EliminarJoin(b,t1,t2,cl),t) \equiv Modificaciones(b,t)
Modificaciones(AgTrigger(b,t1,t2,d),t) \equiv Modificaciones(b,t)
Modificaciones(EliminarTrigger(b,t1,t2),t) \equiv Modificaciones(b,t)
JoinRegistros(r1,r2,c) \equiv if r1 = \emptyset \lor r2 = \emptyset then
                           else
                              if DameRegCon(r1, Dato?(DameUno(r2), c), c) \neq \emptyset then
                                  Ag(JRegs(DameUno(r2),
                                  DameUno(DameRegCon(r1, Dato?(DameUno(r2), c)))),
                                  JoinRegistros(r1, SinUno(r2), c))
                              else
                                  JoinRegistros(r1, SinUno(r2), c)
                              fi
                           fi
```

```
DameRegCon(r,d,c) \equiv if r = \emptyset then
                           Ø
                        else
                           if Dato?(DameUno(r), c) = d then
                               DameUno(r)
                           else
                               DameRegCon(SinUno(r), d, c)
                           fi
                        fi
DameRegSin(r,d,c) \equiv if r = \emptyset then
                       else
                          if Dato?(DameUno(r), c) = d then
                              DameRegSin(SinUno(r), d, c)
                              Ag(DameUno(r), DameRegSin(SinUno(r), d, c)) \\
                          fi
                       fi
MasModificada(b) \equiv DameUno(TM(tablas(b),b))
TM(c,b) \equiv if c = \emptyset then
             else
                if Modificaciones(DameUno(c), b) = TMK(c, b) then
                   Ag(DameUno(c), TM(SinUno(c),b))
                else
                   TM(SinUno(c),b)
             fi
TMK(c,b) \equiv if c = \emptyset then
               else
                  if \ Modificaciones(DameUno(c),b) > TMK(SinUno(c),b) \ \ then \\
                     Modificaciones(DameUno(c),b)
                  else
                     TMK(SinUno(c),b)
              fi
```

Fin TAD