

Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2016

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 22

Integrante	LU	Correo electrónico
BENZO, Mariano	198/14	marianobenzo@gmail.com
FARIAS, Mauro	821/13	farias.mauro@hotmail.com
GUTTMAN, Martin	686/14	mdg_92@yahoo.com.ar

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina

$$\label{eq:temperature} \begin{split} & \text{Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300} \\ & \text{http://www.exactas.uba.ar} \end{split}$$

${\rm \acute{I}ndice}$

Tabla	2
1.1. Interfaz	
1.2. Representación	5
1.3. Algoritmos	6
1.4. Algoritmos operaciones auxiliares	14
	14
2.1. Interfaz	14
2.2. Representación	16
2.3 Algoritmos	18

1 Tabla

1.1 Interfaz

```
se explica con TABLA
usa
géneros
DiccString(string, alfha), DiccNat(nat, beta), Nat, String, Dato, Campo, Tipo, Registro, ConjS-
tring, ConjNat.
Operaciones
NOMBRE(in \ t : tab) \longrightarrow res : string
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nombre(t)\}\
Descripción: Devuelve el nombre de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se retorna res por copia, por ser un tipo basico.
CLAVES(in t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{ConjString}(\mathtt{campo})
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} claves(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de campos clave en la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
INDICES(in t: tab) \longrightarrow res: ConjString(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} indices(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto campos con los que se crearon los indices.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
CAMPOS(in \ t : tab) \longrightarrow res : ConjString(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} campos(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de todos los campos de la tabla.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
TIPOCAMPO(in c: \mathtt{campo}, \mathtt{in}\ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{tipo}
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{campos}(t)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tipoCampo(t)\}\
Descripción: Devuelve el tipo del campo c en la tabla.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
{\tt REGISTROS}(\mathbf{in}\ t:\mathtt{tab})\longrightarrow res:\mathtt{itConj}(\mathtt{registro})
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} registros(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto a los registros de la tabla.
```

```
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res referencia.
CANTIDADDEACCCESOS(in t : tab) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} cantidadDeAccesos(t)\}\
Descripción: Devuelve la cantidad de modificaciones de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por copia.
NUEVATABLA(in nombre: string, in claves: conjString(campo), in columnas: registro)
\longrightarrow res: tab
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\text{claves}) \land \text{claves} \subseteq \text{campos}(\text{columnas})\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} nuevaTabla(t) \}
Descripción: Crea una tabla sin registros.
Complejidad: O(1)
AGREGARREGISTRO(in r: registro, in/out t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t_0 = t \land \operatorname{campos}(r) = \operatorname{obs}(r) \land \operatorname{puedorInsertar}(r,t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{agregarRegistro}(\mathbf{r}, \mathbf{t}_{-}0) \}
Descripción: Agrega un registro a la tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(Log(n))
Aliasing: Agrega el registro r por referencia.
BORRARREGISTRO(in crit: registro, in/out t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t\_0 = t \land \#(\mathrm{campos}(r)) = 1 \land_L \ \mathrm{Siguiente}(\mathrm{CrearIt}(\mathrm{campos}(\mathrm{crit}))) \in \mathrm{claves}(t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{borrarRegistro}(\mathbf{r}, \mathbf{t}_{-}0) \}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio pasado por parametro.
Complejidad: O(n)
INDEXAR(in crit: registro, in/out t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t_0 = t \land puedeIndexar(c,t)\}\
Post \equiv \{indexar(c,t_0)\}
Descripción: Crea un indice en base al campo de crit.
Complejidad: O(n)
PUEDOINSERTAR?(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} puedoInsertar?(r, t)\}
Descripción: Informa si el registro pasado por parametro no tiene valores repetidos con respectos
                  a los registros existentes, para los campos clave en la tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(n)
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
COMPATIBLE(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} compatible(r, t)\}
Descripción: Informa si el registro pasado por parametro tiene correspondecia en los tipos de los
                  campos de tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
MINIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{registro}(t)) \land c \in \mathrm{indices}(t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} minimo(c, t)\}\
Descripción: Retorna el minimo entre los valores de la tabla para el campo c.
```

```
Complejidad: O(L + Loq(n))
Aliasing: Retorna res por referencia.
MAXIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{registro}(t)) \land c \in \mathrm{indices}(t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} maximo(c, t)\}\
Descripción: Retorna el maximo entre los valores de la tabla para el campo c.
Complejidad: O(L + Log(n))
Aliasing: Retorna res por referencia.
PUEDEINDEXAR(in c: \mathtt{campo}, in \ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puedeIndexar(c, t)\}\
Descripción: Informa si se puede crear un nuevo indice.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
COINCIDENCIAS(in r: registro, in cj: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(ItConj(registro))
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} coincidencias(r, cj)\}
Descripción: Devuelve el conjunto de registros de la tabla, que coinciden con los valores de r.
Complejidad: O(Cardinal(cj))
Aliasing: Retorna res por referencia.
HAYCOINCIDENCIA(in r: registro, in cic: Conj(campo), in \ cir: Conj(registro)) \longrightarrow res:
bool
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayCoincidencia(r, cjc, cjr)\}\
Descripción: Retorna true si algun registro del conjunto cjr, coincide con r en todos los valores
                 de los campos de cjc.
Complejidad: O(Cardinal(cjr))
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
COMBINARREGISTROS(in c: campo, in cj1: Conj(registro), in cj2: Conj(registro)) \longrightarrow res
: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
Post \equiv \{res =_{obs} combinar Registros(c, cj1, cj2)\}
Descripción: Combina los valores de los registros para el campo dado por parametro.
Complejidad: O(Cardinal(cj1) + Cardinal(cj2))
Aliasing: Retorna res por referencia, es modificable.
DAMECOLUMNA(in c: campo, in cj: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(dato)
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} dameColumna(c, cj1, cj2)\}
Descripción: Reune en un conjunto los valores del campo pasado por parametro.
Complejidad: O(Cardinal(cj) * Log(Cardinal(cj)))
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
\texttt{MISMOSTIPOS}(\textbf{in}\ r: \texttt{registro},\ \textbf{in}\ t: \texttt{tab}) \longrightarrow \textit{res}: \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{campos}(\mathbf{r}) \subseteq \operatorname{campos}(\mathbf{t}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mismosTipos(r,t)\}\
Descripción: Compara los tipos correspondientes a los campos del registro y la tabla.
Complejidad: O(1)
```

Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.

1.2 Representación

```
se representa con Tabla
donde tab es tupla (Nombre: String,
                    Registros: Conj(Registro),
                    Campos: DiccString(Campo, Tipo),
                    Claves: ConjString(Campo),
                    IndiceS: tupla(CampoI: campo,
                                  EnUso: bool,
                                  Indice : DiccString(string, Conj(ItConj(Registro))),
                                  Min: Dato,
                                  Max : Dato
                    IndiceN : tupla(CampoI : campo,
                                   EnUso: bool,
                                   Indice : DiccNat(nat, Conj(ItConj(Registro))),
                                   Min: Dato,
                                   Max : Dato
                    #Accesos : Nat>
```

Invariante de representación

- 1. t.Claves esta inclido o es igual a t.Campos.
- 2. t.Nombre es un string acotado.
- 3. Para todo registro r de t.Registros, entonces Campos(r) es igual al t.Campos.
- 4. Para todo registro r de t.Registros y para todo campo c de Campos(r), entonces Tipo?(Significado(r,c)) es igual Significado(t.Campos, c).
- 5. Si t.IndiceS.EnUso es true y t.IndiceS.CampoI pertenece a t.Campos, entonces para todo Dato d, si Definido?(t.IndiceS.Indice, d) es true, entonces Significado(t.IndiceS.Indice, d) esta incluido o es igual a t.Registros.
- 6. Si t.IndiceS.EnUso es true y t.IndiceS.CampoI pertenece a t.Campos, entonces para todo registro r de t.Registros entonces Definido?(t.IndiceS.Indice, Significado(r, t.IndiceS.CampoI)) es true y r pertenece a Significado(t.IndiceS.Indice, Significado(r, t.IndiceS.CampoI)).
- 7. Lo anterior tambien aplica para t.IndiceN.Indice
- 8. El valor de e.#Accesos debe ser la cantidad de registros agregados, la cantidad de registros borrados

Función de abstracción

```
 \begin{aligned} & \text{Abs}: \widehat{\mathsf{tab}} \ s \longrightarrow \widehat{\mathsf{Tabla}} \\ & (\forall s: \widehat{\mathsf{tab}}) \\ & \text{Abs}(s) \equiv t: \widehat{\mathsf{Tabla}} \mid s.Nombre =_{\mathsf{obs}} nombre(t) \land s.Claves =_{\mathsf{obs}} claves(t) \land \\ & s.Indices =_{\mathsf{obs}} indices(t) \land s.Registros =_{\mathsf{obs}} registros(t) \land s.Campos.DiccClaves =_{\mathsf{obs}} campos(t) \land \\ & s.\#Accesos =_{\mathsf{obs}} cantidadDeAccesos(t) \land \\ & ((\forall c: \mathsf{campo})Definido?(s.Campos, c) \Rightarrow_{\mathtt{L}} Significado(s.Campos, c) =_{\mathsf{obs}} tipoCampo(c, t)) \end{aligned}
```

1.3 Algoritmos

$ ext{NOMBRE}(extbf{in}\ t: exttt{tab}) \longrightarrow res: exttt{string}$	
$res \leftarrow t.Nombre$	O(1)
	O(1)
$\mathtt{CLAVES}(\mathbf{in}\ t:\mathtt{tab})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{ConjString}(\mathtt{campo})$	
$res \leftarrow t.Claves$	O(1)
	O(1)
$\texttt{INDICES}(\textbf{in} \ t : \texttt{tab}) \longrightarrow \textit{res} : \texttt{ConjString}(\texttt{campo})$	
$ConjString(campo)res \leftarrow vacio();$ if t.IndiceS.EnUso then	
AgregarRapido(res, t.IndiceS.CampoI)	O(1)
end if if t.IndiceN.EnUso then	
AgregarRapido(res, t.IndiceN.CampoI) end if	O(1)
	O(1)
$\mathtt{CAMPOS}(\mathbf{in}\ t:\mathtt{tab})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{ConjString}(\mathtt{campo})$	
$res \leftarrow Claves(t.Campos)$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
${\tt TIPOCAMPO}(\textbf{in}\ c: {\tt campo},\ in\ t: {\tt tab}) \longrightarrow res: {\tt Tipo}$	
$res \leftarrow Significado(t.Campos, c)$	O(1)
	O(1)
$\texttt{REGISTROS}(\textbf{in} \ t : \texttt{tab}) \longrightarrow \textit{res} : \texttt{Conj}(\texttt{registro})$	
$res \leftarrow t.registros$ Se retorna el conjunto por referencia	heta(1)
	$\theta(1)$
$\mathtt{CANTDeAccesos}(\mathbf{in}\ t:\mathtt{tab})\longrightarrow res:\mathtt{nat}$	
$res \leftarrow t.cantDeAccesos$	$\theta(1)$
	$\theta(1)$

```
NUEVATABLA(in nombre: string, in claves: conj(campo), in columnas: registro) \longrightarrow res:
  Conj(registro) Registros \leftarrow Vacio()
                                                                       O(1)
  DiccString(campo, tipo) Campos \leftarrow Vacio()
                                                                       O(1)
  ConjString(campo) Claves_{-} \leftarrow Vacio()
                                                                       O(1)
  Dato d \leftarrow Obtener(columnas, Siguiente(CrearIt(claves)))
  IndiceS \leftarrow < Siguiente(CrearIt(claves)), False, Vacio(), d, d >
                                                                       O(1)
  IndiceN \leftarrow < Siguiente(CrearIt(claves)), False, Vacio(), d, d >
                                                                       O(1)
  \#Acessos \leftarrow 0
                                                                       O(1)
  res \leftarrow < nombre, Registros, Campos, Claves_{-}, IndiceS, IndiceN, 0 > 
                                                                       O(1)
  itcampos \leftarrow crearItConj(Campos(columnas))
                                                                       O(1)
  while HaySiguiente(itcampos) do
                                                                       O(1)
     Este while es O(1) y se debe a que el cardinal de campos a iterar es acotado.
      valor \leftarrow Significado(columnas, Siguiente(itcampos))
                                                                       O(1)
     DefinirRapido(res.Campos, Siguiente(itcampos), Tipo?(valor))
                                                                       O(1)
      Avanzar(itcampos)
                                                                       O(1)
  end while
  itclaves \leftarrow crearItConj(claves)
                                                                       O(1)
  Paso los campos claves de un conj al conjString
  while HaySiguiente(itclaves) do
                                                                       O(1)
     Esto se debe a que # de campos a iterar es acotada.
      AgregarRapido(res.Claves, Siguiente(itclaves))
                                                                       O(L)
      Avanzar(itcampos)
                                                                       O(1)
  end while
  Donde L es la longitud de la cadena string mas larga y acotada del parametro claves.
                                                                       \theta(1)
```

```
AGREGARREGISTRO(in r: registro, in/out t: tab)
  Para poder acceder al registro, guardo el iterador al elemento
  itConj(Registro) nuevo \leftarrow AgregarRapido(t.Registros,r)
                                                                             \theta(1)
  t.#Accesos++
                                                                             \theta(1)
  Este registro debe ser indexado, si estos indices existieran.
  if t.IndiceS.EnUso then
      Para el indice traigo el valor del campo con el que se creo.
      valor \leftarrow Significado(r, t.IndiceS.CampoI)
                                                                             \theta(L)
      if Definido?(t.IndiceS.Indice, valor) then
                                                                             \theta(L)
          viejo \leftarrow Significado(t.IndiceS.Indice, valor)
                                                                             \theta(L)
          AgregarRapido(viejo, nuevo)
                                                                             \theta(L)
      else
                                                                             \theta(1)
          viejo \leftarrow Vacio()
          AgregarRapido(viejo, nuevo)
                                                                             \theta(L)
          Definir(t.IndiceS.Indice, ValorString(valor), viejo)
                                                                             \theta(L)
          Como ingresamos un nuevo valor, actualizamos el min y max
          if t.IndiceS.Min>valor then
                                                                             \theta(L)
              t.IndiceS.Min \leftarrow Copiar(valor)
                                                                             \theta(L)
          end if
          if valor≥t.IndiceS.Max then
                                                                             \theta(L)
              t.IndiceS.Max \leftarrow Copiar(valor)
                                                                             \theta(L)
          end if
      end if
      Donde L es la longitud del valor string agregado a t.IndiceS
  end if
  if t.IndiceN.EnUso then
      Para el indice traigo el valor del campo con el que se creo.
      valor \leftarrow Significado(r, t.IndiceN.CampoI)
                                                                             \theta(\text{Log(n)})
      if Definido?(t.IndiceN.Indice, valor) then
                                                                             \theta(\log(n))
          viejo \leftarrow Significado(t.IndiceN.Indice, valor)
                                                                             \theta(1)
          AgregarRapido(viejo, nuevo)
                                                                             \theta(1)
      else
                                                                             \theta(1)
          viejo \leftarrow Vacio()
          AgregarRapido(viejo, nuevo)
                                                                             \theta(1)
          Definir(t.IndiceN.Indice, valor, viejo)
                                                                             \theta(Log(n))
          Como ingresamos un nuevo valor, actualizamos el min y max
          if t.IndiceN.Min \ge valor then
                                                                             \theta(1)
              t.IndiceS.Min \leftarrow Copiar(valor)
                                                                             \theta(1)
          end if
          if valor≥t.IndiceS.Max then
                                                                             \theta(1)
              t.IndiceN.Max \leftarrow Copiar(valor)
                                                                             \theta(1)
          end if
      end if
  end if
  Donde n es la cantidad de registros y L es la longitudad maxima de un valor String.
                                                                             \theta(Log(n))
```

```
BORRARREGISTRO(in crit: registro, in/out t: tab)
  Campo c \leftarrow Siguiente(CrearIt(Campos(crit)))
                                                                         \theta(1)
  Dato valor \leftarrow Copiar(Significado(crit, c))
                                                                         \theta(L)
  Sabemos que c esta incluido en claves(t)
  si hay un indice de un campo clave borrar es O(log(n)) u O(L) en peor caso
  if t.IndiceS.EnUso \wedge t.IndiceS.CampoI=c then
      String S \leftarrow ValorString(valor)
     if Definido?(t.IndiceS.Indice, S) then
         itConj(registro) itr \leftarrow Significado(t.IndiceS.Indice, S)
                                                                         \theta(1)
         Borro el registro del conjunto de registros
         EliminarSiguiente(itr)
                                                                         \theta(1)
         Borro el registro del indice,
         Borrar(t.IndiceS.Indice, S)
                                                                         \theta(1)
         if t.IndiceS.Min=valor then
             t.IndiceS.Min \leftarrow Minimo(Claves(t.IndiceS))
         end if
         if t.IndiceS.Max=valor then
             t.IndiceS.Max \leftarrow Maximo(Claves(t.IndiceS))
         end if
         Dado que el crit solo tiene un campo clave, siempre elimino un registro. t.#Accesos++
     end if
  else
     if t.IndiceN.EnUso \land t.IndiceN.CampoI=c then
         N \leftarrow ValorNat(valor)
         if Definido?(t.IndiceN.Indice, valor) then
             itConj(registro) itr \leftarrow Significado(t.IndiceN.Indice, valor)
                                                                         \theta(1)
             EliminarSiguiente(itr)
                                                                         \theta(1)
             Borrar(t.IndiceN.Indice, valor)
                                                                         \theta(1)
             if t.IndiceN.Min=valor then
                                                                         \theta(1)
                 t.IndiceS.Min \leftarrow Minimo(Claves(t.IndiceN))
                                                                         \theta(Log(n))
             end if
             if t.IndiceN.Max=valor then
                                                                         \theta(1)
                 t.IndiceS.Max \leftarrow Maximo(Claves(t.IndiceN))
                                                                         \theta(Log(n))
             Dado que el crit solo tiene un campo clave, siempre elimino un registro. t.#Accesos++
         end if
     else
         No hay indice para el campo clave de criterio pasado por parametro
         itConj(registro) cr \leftarrow CrearItConj(t.registros)
         while HaySiguiente(cr) do
                                                                         \theta(Cardinal(t.registros))
             valorR \leftarrow Significado(Siguiente(cr), c)
                                                                         \theta(1)
             if valorR=valor then
                 EliminarSiguiente(cr);
                                                                         \theta(1)
                 Dado que el crit solo tiene un campo clave, siempre elimino solo un registro.
  t.#Accesos++
             end if
             Avanzar(cr)
                                                                         \theta(1)
         end while
         La complejidad de la operación borrar depende de si hay o no indices
         para el campo del crit pasado por parametro.
         En caso de que exista dicho indice, en peor caso eliminar es O(Log(n)) u O(L)
```

siendo n la cantidad de registros de la tabla pasada por parametro y L		
el valor string mas largo definido en la tabla.		
En caso de no haber tal indice es O(n).		
end if		
end if		
	O(n)	

```
INDEXAR(in c: campo, in/out t: tab)
  if tipoCampo(c,t) then
      t.IndiceN.EnUso \leftarrow True
  else
      t.IndiceS.EnUso \leftarrow True
  end if
  cr \leftarrow CrearItConj(t.registros)
  if tipoCampo?(c,t) then
      while HaySiguiente(cr) do
          Dato valor \leftarrow Significado(Siguiente(cr), c)
          itConj(registro) itr \leftarrow CrearItConj(Siguiente(cr))
          if Definido?(t.IndiceN.Indice, valor) then
              regviejos \leftarrow Significado(indC, valor)
              AgregarRapido(regviejos, itr)
          else
              conj(registro) nuevo \leftarrow Vacio()
              AgregarRapido(nuevo, itr)
              DefinirRapido(t.IndiceN.Indice, valor, nuevo)
          end if
          Avanzar(cr)
      end while
  end if
  if ¬tipoCampo?(c,t) then
      while HaySiguiente(cr) do
          Dato valor \leftarrow Significado(Siguiente(cr), c)
          itConj(registro) itr \leftarrow CrearItConj(Siguiente(cr))
          if Definido?(t.IndiceS.Indice, valor) then
              regviejos \leftarrow Significado(indC, valor)
              AgregarRapido(regviejos, itr)
          else
              conj(registro) nuevo \leftarrow Vacio()
              AgregarRapido(nuevo, itr)
              DefinirRapido(t.IndiceN.Indice, valor, nuevo)
          end if
          Avanzar(cr)
      end while
  end if
                                                                           \theta(1)
PUEDOINSERTAR?(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow campatible(r,t) \land \neg hayCoincidencia(r, r.ClavesDicc, registros(t))
                                                                            \theta(\text{calcular})
                                                                           \theta(calcular)
COMPATIBLE(in r: registro, int t: tab) \longrightarrow res: bool
  bool valor \leftarrow True
  if Cardinal(campos(r))=Cardinal(t.Campos.DiccClaves) then
      itcampos \leftarrow CrearItString(t.Campos.DiccClaves)
      while valor ∧ HaySiguiente(itcampos) do
                                                                            \theta(1)
          Campo c \leftarrow Siguiente(itcampos)
                                                                            \theta(1)
          valor \leftarrow Definido?(r, c)
                                                                            \theta(1)
      end while
```

```
else
      valor \leftarrow False
                                                                                  \theta(1)
  end if
  res \leftarrow valor \land_L mismosTipos(r,t)
                                                                                  \theta(1)
  El costo del While es O(1) ya que la cantidad de campos de la tabla es acotado
                                                                                  O(1)
MINIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
  Si hay indice en el campo c, debe ser de complejidad O(1)
  if t.IndiceS.EnUso \land t.IndiceS.CampoI=c then
      Sabemos que hay un indice string para el campo c
      res \leftarrow t.IndiceS.Min
                                                                                  \theta(Cardinal(t.registros))
  else
      if t.IndiceN.EnUso \land t.IndiceN.CampoI=c then
           Sabemos que hay un indice string para el campo c
           res \leftarrow t.IndiceN.Min
                                                                                  \theta(Cardinal(t.registros))
      end if
  end if
                                                                                  O(1)
MAXIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
  Si hay indice en el campo c, debe ser de complejidad O(1)
  if t.IndiceS.EnUso \land t.IndiceS.CampoI=c then
      Sabemos que hay un indice string para el campo c
      res \leftarrow t.IndiceS.Max
                                                                                  \theta(Cardinal(t.registros))
  else
      if t.IndiceN.EnUso \land t.IndiceN.CampoI=c then
           Sabemos que hay un indice string para el campo c
           res \leftarrow t.IndiceN.Max
                                                                                  \theta(Cardinal(t.registros))
      end if
  end if
                                                                                  O(1)
PUEDEINDEXAR(in c: \mathtt{campo}, in t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
  if TipoCampo(c, t) then
      res \leftarrow \neg(t.IndiceN.EnUso)
  else
      res \leftarrow \neg(t.IndiceS.EnUso)
  end if
                                                                                  O(1)
\texttt{HAYCOINCIDENCIA}(\textbf{in} \ r : \texttt{registro}, \ \textit{in} \ \textit{cc} : \texttt{ConjString}(\texttt{campo}), \ \textit{in} \ \textit{cr} : \texttt{Conj}(\texttt{registro})) \longrightarrow
res: bool
  itcr \leftarrow CrearItConj(cr)
                                                                                  \theta(1)
  res \leftarrow false
                                                                                  \theta(1)
  while HaySiguiente(itcr) do
                                                                                  \theta(Cardinal(cr))
      res \leftarrow coincideAlguno(r,cc,Siguiente(itcr)) \lor res
                                                                                  \theta(1)
       Avanzar(itcr)
                                                                                  \theta(1)
  end while
                                                                                  O(Cardinal(cr))
COINCIDENCIAS(in crit: registro, in cr: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(registro)
```

```
Conj(registro) salida \leftarrow Vacio()
  Debemos comparar todos los registros de cr.
  y agregarlos al conjunto de registros salida
  itcr \leftarrow CrearItConj(cr)
  while HaySiguiente(cr) do
                                                                             \theta(Cardinal(cr))
      if coincidenTodos(crit,campos(crit),Siguiente(itcr)) then
                                                                             \theta(1)
          AgregarRapido(salida,Siguiente(itcr))
                                                                             \theta(1)
      end if
                                                                             \theta(1)
      Avanzar(itcr);
  end while
                                                                             O(Cardinal(cr))
COMBINARREGISTROS(in c: campo, in cr1: Conj(registro), in cr2: Conj(registro)) \longrightarrow
res: Conj(registros)
  itcr1 \leftarrow CrearItConjString(cr1)
                                                                             \theta(1)
                                                                             \theta(Cardinal(cr2))
  copiacr2 \leftarrow Copiar(cr2)
  while HaySiguiente(itcr1) do
                                                                             \theta(Cardinal(cr1))
      combinarTodos(c,Siguiente(itcr1),copiacr2)
                                                                             \theta(1)
      Avanzar(itcr1)
                                                                             \theta(1)
  end while
  res \leftarrow copiacr2
                                                                             \theta(1)
                                                                             O(Cardinal(cr1))
DAMECOLUMNA(in c: campo, in cr: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(dato)
  Conj(Dato) cj \leftarrow vacio();
                                                                             \theta(1)
  La idea es no agregar el mismo dato dos veces, para eso uso un conj
  del tipo de dato de la columna para hacer consulta.
  if Cardinal(cr) \ge 1 then
                                                                             \theta(1)
      Tvalor \leftarrow Tipo?(Significado(Siguiente(CrearIt(cr))), c)
                                                                             \theta(1)
      if Tvalor then
          ConjLog(nat) \ cj \leftarrow Vacio()
                                                                             \theta(1)
      else
                                                                             \theta(1)
          ConjString(string) cj \leftarrow Vacio()
      end if
      itcr \leftarrow CrearItConj(cr)
                                                                             \theta(1)
      cjd \leftarrow Vacio()
      while HaySiguiente(itcr) do
                                                                             \theta(Cardinal(cr))
          Dato data \leftarrow Significado(Siguiente(itcr), c)
          if Tvalor then
              if ¬Pertenece?(cj, valorNat(data)) then
                                                                             \theta(Log(n))
                  AgregarRapido(cjd, data)
                                                                             \theta(1)
                  AgregarRapido(cj, valorNat(data))
                                                                             \theta(1)
              end if
          else
              if ¬Pertenece?(cj, valorString(data)) then
                                                                             \theta(1)
                  AgregarRapido(cjd, data)
                                                                             \theta(1)
                  AgregarRapido(cj, valorString(data))
                                                                             \theta(1)
              end if
          end if
          Avanzar(itcr);
                                                                             \theta(1)
      end while
  end if
```

```
res \leftarrow cjd
Si la columna es de tipo String, la complejidad es O(n), en caso de ser
de tipo Nat la complejidad es O(nlog(n)).
El cardinal de res es la cantidad de datos distintos.
```

	O(nlog(n))
${\tt MISMOSTIPOS}({\tt in}\ r: {\tt registro},\ in\ t: {\tt tab}) \longrightarrow res: {\tt bool}$	
$valor \leftarrow True$	$\theta(1)$
$itconjClaves \leftarrow CrearItConj(r.ClavesDicc)$	$\theta(1)$
while valor \land HaySiguiente(itconjClaves) do	$\theta(1)$
$val1 \leftarrow tipo?(Significado(r, Siguiente(itconjClaves)))$	heta(1)
$val2 \leftarrow tipoCampo(Siguiente(itconjClaves),t)$	heta(1)
$valor \leftarrow (val1 = val2)$	heta(1)
Avanzar(cr);	heta(1)
end while	
$res \leftarrow valor$	
	O(1)

1.4 Algoritmos operaciones auxiliares

2 Base de Datos

2.1 Interfaz

```
se explica con BASE

usa

géneros nat, string, tabla, regisro, campo, dato
```

Operaciones

```
\begin{aligned} & \text{TABLAS}(\textbf{in }b:\texttt{base}) \longrightarrow \textit{res}:\texttt{conj}(\texttt{string}) \\ & \textbf{Pre} \equiv \{\text{true}\} \\ & \textbf{Post} \equiv \{\textit{res} =_{\text{obs}} \textit{nombre}(t)\} \\ & \textbf{Descripción:} \ \text{Devuelve el nombre de la tabla ingresada por parametro.} \\ & \textbf{Complejidad:} \ \text{O}(1) \\ & \textbf{Aliasing:} \ \text{Se retorna res por copia, por ser un tipo basico.} \\ & \text{DAMETABLA}(\textbf{in }b:\texttt{base}) \longrightarrow \textit{res}:\texttt{tabla} \end{aligned}
```

```
DAMETABLA(in b: base) \longrightarrow res: tabla

Pre \equiv \{\text{true}\}\

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} claves(t)\}\
```

Descripción: Devuelve un conjunto de campos que son claves en la tabla ingresada por parametro.

Complejidad: O(1)

Aliasing: Se devuelve un iterador al conjunto claves por referencia.

```
HAYJOIN?(in t1: string, in \ t2: string, in \ t: base) \longrightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \} \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} indices(t) \}
```

Descripción: Devuelve un conjunto de los indices de la tabla ingresada por parametro.

Complejidad: O(calcular)

Aliasing: Se devuelve res por referencia y no es modificable.

```
CAMPOJOIN(in t1: string, in t2: string, in t: base) \longrightarrow res: itConjTrie(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} campos(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto a los campos de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia.
NUEVADB() \longrightarrow res : base
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} nuevaDB()\}
Descripción: Crea una base sin tablas.
Complejidad: O(calcular)
AGREGARTABLA(in t : tabla, in b : base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b_0 = b \land \mathrm{nombre}(t) \notin \mathrm{tablas}(b) \land \mathrm{Vacio?}(t.\mathrm{registros})\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{agregarTabla}(t \, b_{-}0) \}
Descripción: Agrega una tabla a la base de datos.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Agrega tabla por referencia.
INSERTARENTRADA(in reg : registro, in t : string, in b : base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b_0 = b \land t \in tablas(b) \land_L \text{ puedoInsertar?}(dameTabla(t) \text{ reg})\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{insertarEntrada}(\mathbf{rt} \ b_{-}0) \}
Descripción: Inserta el registro a la tabla que corresponde al string pasado por parametro.
Complejidad: O(calcular)
BORRAR(in cr: registro, in t: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b\_0 = b \land t \in tablas(b) \land \#(cr.DiccClaves)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{borrar}(\mathbf{cr} \ \mathbf{t} \ b_{-}0) \}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio cr pasado por parametro.
Complejidad: O(calcular)
GENERARVISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in c: campo, in b: base)
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{generarVistaJoin}(\mathbf{cr}, \mathbf{t}, b_{-0}) \}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio cr pasado por parametro.
Complejidad: O(calcular)
BORRARJOIN(in t1: string, in t2: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b_0 = b \land \text{hayJoin?}(\text{t1 t2 b})\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{borrarJoin}(\mathbf{t1} \ \mathbf{t2} \ b_{-}0) \}
Descripción: Borra correspondiente a los nombres de tablas, pasados por parametro.
Complejidad: O(calcular)
REGISTROS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} registros(t \, b)\}\
Descripción: Retorna el conjunto de registros correspondientes al nombre de tabla pasado por
                 parametro
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el conjunto de registros por referencia.
VISTAJOIN(in \ t1: string, \ in \ t2: string, \ in \ b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \{ t1 \ t2 \} \subseteq tablas(b) \land hayJoin?(t1 t2 b) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vistaJoin(t1 t2 b)\}\
```

```
Descripción: Retorna el conjunto de registros correspondientes al nombre de tabla pasado por
                parametro
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el conjunto de registros por referencia.
CANTIDADDEACCESOS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ t \in tablas(b) \}
Post \equiv \{res =_{obs} cantidadDeAccesos(tb)\}\
Descripción: Retorna la cantidad de modificaciones correspondientes al nombre de tabla pasado
                por parametro.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna res por referencia.
TABLAMAXIMA(in b: base) \longrightarrow res: string
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{tablas}(\mathrm{b}))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} tablaMaxima(t b) \}
Descripción: Retorna el nombre de la tabla con la mayor cantidad de modificaciones.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia.
ENCONTRARMAXIMO(in t: string, in ct: conj(string), in b: base) \longrightarrow res: string
\mathbf{Pre} \equiv \{\{t\} \cup \mathsf{ct} \subseteq \mathsf{tablas}(\mathsf{b})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(t b)\}\
Descripción: Retorna ...
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia.
BUSCAR(in criterio: registro, in t: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(t \, b)\}\
Descripción: Retorna ...
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia.
Representación
se representa con Base
donde estr es tupla (Tabla Maxima: Tmax,
                          Tablas: DiccTrie(NombreTabla; info_tabla)
donde info_tabla es tupla(TActual: tabla,
                                Joins : DiccTrie(NombreTabla; info_join)
donde info_join es tupla(Rcambios : Cola(DatoCambio),
                               campoJ: campo,
                               campoT: tipo,
                               JoinS : ConjTrie(registro),
                               ValoresS: ConjTrie(String),
                               JoinN : ConjNat(registro),
                               ValoresN : ConjNat(Nat)
```

2.2

NomOrigen: NombreTabla,

Accion: Bool

 $\mathbf{donde} \ \mathtt{Tmax} \ \mathbf{es} \ \mathtt{tupla} \langle \mathrm{NomTabla} : \mathtt{NombreTabla},$

donde DatoCambio es tupla (Reg: Registro,

#Modif: Nat

Invariante de representación

- 1. El Nombre de la tabla es un String acotado.
- 2. Indices es un arreglo de tamaño 2, que aloja el Indice correspondiente segun el orden de creacion.
- 3. Para toda Dato que es clave en Indice, su significado llamemoslo sign esta incluido en Registros.

4.

Función de abstracción

2.3 Algoritmos

```
TABLAS(in b : estr) \longrightarrow res : ConjTrie(string)
  res \leftarrow b.tablas.DiccClaves
                                                                          O(1)
                                                                          O(1)
HAYJOIN?(in t1: string, in t2: string, in b: estr) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow Definido?(Obtener(b, t1).Joins,t2) \leftarrow Definido?(Obtener(b, t2).Joins,t1)
                                                                          O(1)
CAMPOJOIN(in t1: string, in t2: string, in b: estr) \longrightarrow res: campo
  res \leftarrow Obtener(Obtener(b, t1).Joins, t2).campoJ
                                                                          O(1)
NUEVADB() \longrightarrow res : estr)
  String s
  Nat n \leftarrow 0
  res \leftarrow \langle \langle s, 0 \rangle, vacio() \rangle
                                                                          O(1)
                                                                          O(1)
AGREGARTABLA(in t: tabla, in/out b: estr)
  info\_tabla \leftarrow \langle t.cantidadDeAccesos, t, vacio() \rangle
                                                                          O(1)
  Definir(b.tablas, nombre(t), info_tabla)
                                                                          O(1)
                                                                          O(1)
INSERTARENTRADA(in reg : registro, in t : string, in/out b : estr)
  Obtenemos la tabla es O(1) porque su nombre esta acotado.
                                                                          O(1) Por referencia
  info_tabla infoT \leftarrow Obtener(b.tablas, t).TActual
  Agrego el registro a la tabla.
                                                                          O(1)
  Tabla T \leftarrow infoT.TActual
                                                                          O(1)
  agregarRegistro(reg, T)
                                                                          O(1)
  Ahora si hay Joins actualizo la información temporal de cada Join.
  if \neg \emptyset?(infoT.Joins) then
                                                                          O(1)
      ItConjString(String) itNomTab \leftarrow CrearIt(Claves(infoT.Joins))
                                                                          O(1)
      while HaySiguiente?(itNomTab) do
                                                                          O(1)
          info\_join\ infoJ \leftarrow Obtener(infoT.Joins, Siguiente(NomTab))
                                                                          O(1)
          Encolar(infoJ.Rcambios, \langle reg, Siguiente(NomTab), true \rangle)
                                                                          O(L)
          Encolar es O(L) porque se copia un registro con su cantidad de campos acotada
          y los valores string copiarlos tiene costo O(L), siendo L el valor string mas largo.
          Avanzar(itClaves)
                                                                          O(1)
      end while
  end if
  if CantidadDeAccesos(T) b.TablaMaxima.#Modif then
      b.TablaMaxima.NomTabla \leftarrow Copiar(Nombre(T))
                                                                          O(L)
      b. Tabla Maxima. \#Modif \leftarrow Copiar (Cantidad De Accesos (T))
                                                                          O(1)
  end if
                                                                          O(T*L + Log(n)) siendo n la cantidad de r
BORRAR(in cr: registro, in t: string, in/out b: estr)
```

```
info_tabla infoT \leftarrow Obtener(b.tablas, t).TActual
                                                                       O(1) por ref
  Tabla T \leftarrow infoT.TActual
                                                                       O(1) por ref
  Nombre Tabla Nom Tabla \leftarrow Nombre Tabla (T)
  La eliminación en primera etapa depende de si hay
  joins con la tabla pasada por parametro
  if \neg \emptyset?(Claves(infoT.Joins)) then
                                                                       O(1)
     Creo el iterador, para navegar los nombres de tablas con los que tiene Join
     itNom \leftarrow CrearIt(Claves(infoT.Joins))
                                                                       O(1)
     while HaySiguiente?(itNom) do
                                                                       O(Cant de tablas)
         info_{-join} infoJ \leftarrow Siguiente(itNom)
                                                                       O(1)
         Verifico si el Join esta creado en base al
         campo del cr pasado por parametro.
         if infoJ.campoJ=DameUno(Campos(cr)) then
                                                                       O(1)
             Entonces solo actualizo la cola temporal del join
             Registro reg \leftarrow Buscar(cr, T)
                                                                       O(L + Log(n))
             Encolar(infoJ.Rcambios, \langle reg, Siguiente(itNom), False \rangle)
                                                                       O(L)
         else
             Si el campo del criterio de borrado, es distinto que el campo del Join.
             Primero busco que registros coinciden con el criterio
             en el peor caso con complejidad O(cantidad de registros de t) sin indices.
             Conj(Registro) cjc \leftarrow Buscar(cr, T)
                                                                       O(L + Log(n))
             ItConj(Registro) itReg \leftarrow CrearIt(cjc)
             Luego agrego estos registros a la cola temporal de cambios del join
             while HaySiguiente?(itReg) do
                Encolar(infoJ.Rcambios, \langle Siquiente(itReq), NomTab, False \rangle)
                                                                       O(L)
                                                                       O(1)
                Avanzar(itReg)
             end while
         end if
     end while
  end if
  Habiendo actualizado las colas temporales de los joins con los
  registros que cumplen con el criterio de borrado
  de los joins correspondientes.
  Elimino del conjunto de registros, aquellos que cumplen el criterio de borrado.
  Siendo n la cantidad de registros de t y T la cantidad de tablas en la base
  En peor caso con costo O(n)
                                                                       O(T*L + n)
  borrarRegistro(r, T_actual)
  if CantidadDeAccesos(T) b.TablaMaxima.#Modif then
     b.TablaMaxima.NomTabla \leftarrow Copiar(Nombre(T))
                                                                       O(L)
     b. Tabla Maxima. \#Modif \leftarrow Copiar (Cantidad De Accesos (T))
                                                                       O(1)
  end if
                                                                       O(T*L + n)
GENERARVISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in c: campo, in/out b: estr)
  Join \leftarrow vacio()
  T_{actual1} \leftarrow Obtener(b.tablas, t1).Tactual
                                                                       O(1)
  T_{actual} \leftarrow Obtener(b.tablas, t2).Tactual
                                                                       O(1)
  if Pertenece?(Indices(T_{actual1}), c) \land Pertenece?(Indices(T_{actual1}), c) then
                                                                       O(1)
     ind1 \leftarrow Obtener(T_actual1.Indices, c)
                                                                       O(calcular)
```

```
ConjNat(Nat) cjNat \leftarrow vacio()
          itvalores \leftarrow CrearItConjNat(ind1.PorNat.DiccClaves)
          while HaySiguiente(itvalores) do
              Registro r \leftarrow Obtener(ind1.PorNat, Siguiente(itvalores))
              Nat n \leftarrow ValorNat(Obtener(r, c))
              if ¬ Pertenece?(cjNat, n) then
                  AgregarRapido(cjNat, r)
              end if
              Avanzar(itvalores)
          end while
          ind2 \leftarrow Obtener(T_actual2.Indices, c)
          itvalores \leftarrow CrearItConjNat(ind2.PorNat.DiccClaves)
          while HaySiguiente(itvalores) do
              Registro r \leftarrow Obtener(ind2.PorNat, Siguiente(itvalores))
              Nat n \leftarrow ValorNat(Obtener(r, c))
              if ¬ Pertenece?(cjNat, n) then
                  AgregarRapido(cjNat, r)
              end if
              Avanzar(itvalores)
          end while
      else
          itvalores \leftarrow CrearItConjString(ind1.PorString.DiccClaves)
          while HaySiguiente(itvalores) do
              r1 \leftarrow Obtener(ind1.PorString, Siguiente(itvalores))
              r2 \leftarrow Obtener(ind2.PorString, Siguiente(itvalores))
              cj1 \leftarrow AgregarRapido(vacio(), r1)
              cj2 \leftarrow AgregarRapido(vacio(), r2)
              nuevor \leftarrow combinarRegistros(c, cj1, cj2)
              AgregarRapido(Join, DameUno(nuevor))
              Avanzar(itvalores)
          end while
      end if
  else
      cjr1 \leftarrow T_actual1.registros
      cjr2 \leftarrow T_actual1.registros
      Join←combinarRegistros(c, cjr1,cjr2)
  info\_join \leftarrow \langle 0, vacio(), vacio(), c, tipoCampo(T\_actual1, c), Join \rangle
  Definir(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle, info_join)
                                                                             O(1)
BORRARJOIN(in t1: string, in t2: string, in/out b: estr)
  if Pertenece?(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle) then
      Borrar(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle)
  else
      if Pertenece?(b.Joins, \langle t2, t1 \rangle) then
          Borrar(b.Joins, \langle t2, t1 \rangle)
      end if
  end if
                                                                             O(1)
```

if tipoCampo(T_actual1, c) then