

# Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2016

Algoritmos y Estructuras de Datos II

# Grupo XXXX

Integrante	LU	Correo electrónico
BENZO, Mariano	198/14	marianobenzo@gmail.com
FARIAS, Mauro	821/13	farias.mauro@hotmail.com
GUTTMAN, Martin	686/14	haris@live.com.ar
MOSQUEIRA C., Edgardo Ramon	808/13	edgarcab666@hotmail.com

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



# Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300

http://www.exactas.uba.ar

# Índice

#### 1 Tabla

#### 1.1 Interfaz

```
se explica con TABLA
usa
géneros
                     nat, dato, campo, tipo, registro, conjTrie, string, diccTrie(string, alfha), diccAVL(
Operaciones
NOMBRE(in t : tab) \longrightarrow res : string
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nombre(t)\}\
Descripción: Devuelve el nombre de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se retorna res por copia, por ser un tipo basico.
CLAVES(in t: tab) \longrightarrow res: itConjTrie(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} claves(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de campos que son claves en la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve un iterador al conjunto claves por referencia.
INDICES(in t: tab) \longrightarrow res: itConjTrie(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} indices(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de los indices de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se devuelve res por referencia y no es modificable.
CAMPOS(in \ t : tab) \longrightarrow res : itConjTrie(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} campos(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto a los campos de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia.
TIPOCAMPO(in c: \mathtt{campo}, \mathtt{in}\ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{tipo}
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{campos}(t)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tipoCampo(t)\}\
Descripción: Devuelve el tipo del campo c en la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
REGISTROS(in t: tab) \longrightarrow res: itConj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} registros(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto a los registros de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(L + log(n))
Aliasing: Se devuelve res referencia
```

```
CANTIDADDEACCCESOS(in t : tab) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} cantidadDeAccesos(t)\}\
Descripción: Devuelve la cantidad de modificaciones de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por copia.
NUEVATABLA(in nombre: string, in claves: conjTrie(campo), in columnas: registro) \longrightarrow
res: tab
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\text{claves}) \land \text{claves} \subseteq \text{campos}(\text{columnas})\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} nuevaTabla(t) \}
Descripción: Crea una tabla sin registros.
Complejidad: O(calcular)
AGREGARREGISTRO(in r : registro, in t : tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t_0 = t \land \mathrm{campos}(r) = \mathrm{obs}(r) \land \mathrm{puedorInsertar}(r,t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{agregarRegistro}(\mathbf{r}, \mathbf{t}_{-}0) \}
Descripción: Agrega un registro a la tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(L+in)
Aliasing: Agrega el registro r por referencia.
BORRARREGISTRO(in crit: registro, in t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t_0 = t \land \#(\mathrm{campos}(r)) = 1 \land_L \mathrm{dameUno}(\mathrm{campos}(\mathrm{crit})) \in \mathrm{claves}(t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{borrarRegistro}(\mathbf{r}, \mathbf{t}_{-}0) \}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio pasado por parametro.
Complejidad: O(L + in)
INDEXAR(in crit: registro, in t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t_0 = t \land \mathrm{puedeIndexar}(c,t)\}\
Post \equiv \{indexar(c,t_0)\}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio pasado por parametro.
Complejidad: O(L+in)
PUEDOINSERTAR?(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puedoInsertar?(r,t)\}
Descripción: Informa si el registro pasado por parametro no tiene valores repetidos con respectos
                   a los registros existentes, para los campos clave en la tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(T * L + in)
COMPATIBLE(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} compatible(r, t)\}\
Descripción: Informa si el registro pasado por parametro tiene correspondecia en los tipos de los
                   campos de tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(1)
MINIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{registro}(t)) \land c \in \mathrm{indices}(t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} minimo(c, t)\}\
Descripción: Retorna el minimo entre los valores de la tabla para el campo c.
Complejidad: O(L + in)
Aliasing: Retorna res por referencia.
MAXIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{registro}(t)) \land c \in \mathrm{indices}(t)\}
```

```
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} maximo(c, t) \}
Descripción: Retorna el maximo entre los valores de la tabla para el campo c.
Complejidad: O(L + in)
Aliasing: Retorna res por referencia.
PUEDEINDEXAR(in c: \mathtt{campo}, in \ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} puedeIndexar(c, t)\}
Descripción: Informa si se puede crear un nuevo indice.
Complejidad: O(L+in)
COINCIDENCIAS(in r: registro, in cj: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
Post \equiv \{res =_{obs} coincidencias(r, cj)\}\
Descripción: Compara el valor del registro con el conjunto de registros y retorna la interseccion.
Complejidad: O(L+in)
Aliasing: Retorna res por referencia.
HAYCOINCIDENCIA(in r: registro, in cj1: ConjTrie(campo), in cj2: Conj(registro)) \longrightarrow
res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayCoincidencia(r, cj1, cj2)\}\
Descripción: Compara los valores del registro para los campos dados por parametro, con el
                 conjunto de registros.
Complejidad: O(L + in)
COMBINARREGISTROS(in c: campo, in cj1: Conj(registro), in cj2: Conj(registro)) \longrightarrow res
: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} combinar Registros(c, cj1, cj2)\}\
Descripción: Combina los valores de los registros para el campo dado por parametro.
Complejidad: O(L + in)
Aliasing: Retorna res por copia.
DAMECOLUMNA(in c: campo, in cj: Conj(registro)) \longrightarrow res: conj(dato)
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} dameColumna(c, cj1, cj2)\}\
Descripción: Reune en un conjunto los valores del campo pasado por parametro.
Complejidad: O(T * L + in)
Aliasing: Retorna res por referencia.
MISMOSTIPOS(in \ r : registro, in \ t : tab) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{campos}(\mathbf{r}) \subseteq \operatorname{campos}(\mathbf{t}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mismosTipos(r,t)\}\
Descripción: Compara los tipos correspondientes a los campos del registro y la tabla.
Complejidad: O(1)
```

#### 1.2 Representación

#### Invariante de representación

- 1. Para todos los registros de r, el tipo de los datos de las columnas de r, deben coincidir con los tipos de las columnas en e.campos.
- 2. Todas las columnas de e.campos y su tipo, deben coincidir con los campos y tipo de todos los registros de e.registros. Es decir no debe haber campos de mas.'
- 3. El nombre de la tabla que figura en e.nombre, es un string de longitut acotada.
- 4. Para todo registro r de e.registros y para todo campo c de e.Indices.DiccClaves, se debe cumplir que si tenemos valor ← Obtener(r, c) y ind ← Obtener(e.Indices, c). Al evaluar que r ∈ Obtener(ind, valor) y deben ser del mismo tipo.
- 5. Para todo campo c, que pertenece a e.Indices.DiccClaves, si tenemos que ind ← Obtener(e.Indices, c), y para todo dato d perteneciente a ind.DiccClaves entonces Obtener(ind, d) esta incluido o es igual a e.registros.
- 6. Para todo registro r perteneciente a e.registros r.DiccClaves es igual a e.campos.DiccClaves.
- 7. El valor de e.#Accesos debe ser la cantidad de registros agregados, la cantidad de registros borrados, mas la cantidad de indices creados.

#### Función de abstracción

```
 \begin{array}{l} \operatorname{Abs}:\widehat{\mathsf{sistema}} s \longrightarrow \operatorname{\mathsf{CampusSeguro}} & \{\operatorname{Rep}(s)\} \\ (\forall s:\widehat{\mathsf{sistema}}) \\ \operatorname{Abs}(s) \equiv cs: \operatorname{\mathsf{CampusSeguro}} \mid s.campus =_{\operatorname{obs}} campus(cs) \land \\ s.estudiantes =_{\operatorname{obs}} estudiantes(cs) \land \\ s.hippies =_{\operatorname{obs}} hippies(cs) \land \\ s.agentes =_{\operatorname{obs}} agentes(cs) \land \\ ((\forall n:\operatorname{nombre})s.hippies.definido(n) \Rightarrow_{\mathsf{L}} s.hippies.obtener(n) =_{\operatorname{obs}} posEstYHippie(n,cs) \lor \\ (\forall n:\operatorname{nombre})s.estudiantes.definido(n) \Rightarrow_{\mathsf{L}} s.estudiantes.obtener(n) =_{\operatorname{obs}} posEstYHippie(n,cs)) \\ (\forall pl:\operatorname{placa})s.agentes.definido(pl) \Rightarrow_{\mathsf{L}} s.estudiantes.obtener(pl).pos =_{\operatorname{obs}} posAgente(pl,cs)) \\ (\forall pl:\operatorname{placa})s.agentes.definido(pl) \Rightarrow_{\mathsf{L}} s.estudiantes.obtener(pl).cantSanciones =_{\operatorname{obs}} cantSanciones(pl,cs)) \\ (\forall pl:\operatorname{placa})s.agentes.definido(pl) \Rightarrow_{\mathsf{L}} s.estudiantes.obtener(pl).cantCapturas =_{\operatorname{obs}} cantCapturas(pl,cs)) \\ \end{aligned}
```

# 1.3 Algoritmos

```
NOMBRE(in \ t : tab) \longrightarrow res : string
  res \leftarrow t.nombre
                                                                               O(1)
                                                                               O(1)
CLAVES(in t: tab) \longrightarrow res: ConjTrie(campo)
  res \leftarrow t.Campos.ClavesDicc
                                                                               O(1)
                                                                               O(1)
INDICES(in t: tab) \longrightarrow res: ConjTrie(campo)
  res \leftarrow t.ClavesDicc
                                                                               O(1)
                                                                               O(1)
{\tt CAMPOS}(\mathbf{in}\ t: {\tt tab}) \longrightarrow \mathit{res}: {\tt ConjTrie}({\tt campo})
  res \leftarrow t.Campos.ClavesDicc
                                                                               O(1)
                                                                               O(1)
TIPOCAMPO(in c: \mathtt{campo}, in \ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{Tipo}
  res \leftarrow Significado(t.Campos, c)
                                                                               O(1)
                                                                               O(1)
REGISTROS(in t: tab) \longrightarrow res: Conj(registro)
  res \leftarrow t.registros
                                                                               \theta(L + \log(n))
                                                                               \theta(L + \log(n))
CANTDEACCESOS(in t : tab) \longrightarrow res : nat
  res \leftarrow t.cantDeAccesos
                                                                               \theta(1)
                                                                               \theta(1)
NUEVATABLA(in nombre: string, in claves: conjTrie(campo), in <math>columnas: registro) \longrightarrow
res: tab
  itcampos \leftarrow crearItTrie(Campos(columnas))
                                                                               O(1)
                             < nombre Vacio() Vacio() Vacio() 0 >
                                                                               O(1)
  while HaySiguiente(itcampos) do
                                                                               O(1)
      Esto se debe a que # de campos a iterar es acotada.
      valor \leftarrow Significado(r, Siguiente(itcampos))
                                                                               O(1)
      DefinirRapido(res.Campos, Siguiente(itcampos), valor)
                                                                               O(1)
      if Pertenece?(claves,Siguiente(itcampos)) then
                                                                               O(1)
           val \leftarrow Significado(r, Siguiente(itcampos))
           AgregarRapido(res.Campos.CamposClave, val)
                                                                               O(1)
      end if
       Avanzar(itcampos)
                                                                               O(1)
  end while
                                                                               \theta(1)
AGREGARREGISTRO(in r: registro, in t: tab)
  nuevo \leftarrow AgregarRapido(t.Registros,r)
                                                                               \theta(1)
                                                                               \theta(1)
  t.#Accesos++
  if Cardinal(t.Indices.ClavesDicc)≥1 then
                                                                               \theta(1)
```

```
\theta(1)
      itInd \leftarrow crearItConjTrie(t.Indices.ClavesDicc)
      while HaySiguiente(itInd) do
                                                                              \theta(1)
          indiceC \leftarrow Obtener(t.Indices, Siguiente(itInd))
                                                                             \theta(1)
          valorC \leftarrow Obtener(r, Siguiente(itInd))
                                                                             \theta(1)
          AgregarRapido(Obtener(indiceC, valorC), nuevo)
                                                                             \theta(1)
          Avanzar(itInd)
                                                                             \theta(1)
      end while
  end if
                                                                             \theta(1)
BORRARREGISTRO(in crit: registro, in t: tab)
  c \leftarrow Siguiente(Campos(crit))
                                                                             \theta(1)
  valor \leftarrow Obtener(crit, c)
                                                                             \theta(1)
  if Definido?(t.Indices, c) then
                                                                             \theta(1)
      indiceC \leftarrow Obtener(t.Indices, c)
                                                                             \theta(1)
      itcir \leftarrow CrearItConj(Obtener(indiceC, valor))
                                                                             \theta(1)
      while HaySiguiente(itcjr) do
                                                                             \theta(Log(n))
          EliminarSiguiente(Siguiente(itcjr))
                                                                             \theta(1)
          tiene sentido???
          EliminarSiguiente(itcjr)
                                                                             \theta(1)
      end while
  else
      cr \leftarrow Coincidencias(crit, t.registros)
                                                                             \theta(Cardinal(t.registros))
      while HaySiguiente(cr) do
          EliminarSiguiente(Siguiente(cr))
          tiene sentido???
          EliminarSiguiente(cr)
       end while
  end if
                                                                             \theta(Calcular despues de consulta)
INDEXAR(in c : campo, in t : tab)
  if tipoCampo(c,t) then
      conjLog(registro) nuevo \leftarrow vacio()
  else
       conjTrie(registro) nuevo \leftarrow vacio()
  end if
  indC \leftarrow Siguiente(DefinirRapido(t.Indices, c, nuevo))
  cr \leftarrow t.registros
  while HaySiguiente(cr) do
      valor \leftarrow Obtener(Siguiente(cr), c)
      if Definido?(indC, valor) then
          regviejos \leftarrow Obtener(indC, valor)
          AgregarRapido(regviejos, Siguiente(cr))
      else
          DefinirRapido(indC, valor, Siguiente(cr))
      end if
      Avanzar(cr)
  end while
                                                                             \theta(1)
PUEDOINSERTAR?(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
```

```
res \leftarrow campatible(r,t) \land \neg havCoincidencia(r, r.ClavesDicc, registros(t))
                                                                                   \theta(L + \log(n))
                                                                                   \theta(L + \log(n))
COMPATIBLE(in r: registro, int t: tab) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow campatible(r,t) \wedge_L mismosTipos(r,t)
                                                                                   \theta(1)
                                                                                   O(1)
PUEDEINDEXAR(in c: \mathtt{campo}, in \ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
  res \leftarrow Definido?(t.campos,c) \land_L \neg Definido?(t.Indices,c) \land (Cardinal(t.Indices) \le 1
                                                                                   O(calcular)
COMBINARREGISTROS(in c: campo, in cr1: Conj(registro), in cr2: Conj(registro)) \longrightarrow
res : Conj(registros)
  itcr1 \leftarrow CrearItConjTrie(cr1)
                                                                                   \theta(1)
  copiacr2 \leftarrow Copiar(cr2)
                                                                                   \theta(Cardinal(cr2))
  while HaySiguiente(itcr1) do
                                                                                   \theta(Cardinal(cr1))
       combinarTodos(c,Siguiente(itcr1),copiacr2)
                                                                                   \theta(1)
       Avanzar(itcr1);
                                                                                   \theta(1)
  end while
                                                                                   \theta(1)
  res \leftarrow copiacr2;
                                                                                   O(Cardinal(cr1))
HAYCOINCIDENCIA(in r: registro, in cc: ConjTrie(campo), in cr: Conj(registro)) \longrightarrow res
: bool
                                                                                   \theta(1)
  itcr \leftarrow CrearItConj(cr);
  res \leftarrow false;
                                                                                   \theta(1)
                                                                                   \theta(Cardinal(cr))
   while HaySiguiente(itcr) do
       res \leftarrow coincideAlguno(r,cc,Siguiente(itcr)) \lor res;
                                                                                   \theta(1)
       Avanzar(itcr);
                                                                                   \theta(1)
  end while
                                                                                   O(Cardinal(cr))
COINCIDENCIAS(in crit: registro, in cr: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(registro)
  res \leftarrow Vacio();
                                                                                   \theta(1)
  itcr \leftarrow CrearItConj(cr)
  while HaySiguiente(cr) do
                                                                                   \theta(Cardinal(cr))
       if coincidenTodos(crit,campos(crit),Siguiente(itcr)) then
                                                                                   \theta(1)
           AgregarRapido(res,Siguiente(itcr))
                                                                                   \theta(1)
       end if
       Avanzar(itcr);
                                                                                   \theta(1)
  end while
                                                                                   O(Cardinal(cr))
MINIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
  res \leftarrow min(dameColumna(c, t.registros))
                                                                                   \theta(Cardinal(t.registros))
                                                                                   O(Cardinal(t.registros))
\text{MAXIMO}(\mathbf{in}\ c: \mathtt{campo},\ in\ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{dato}
  res \leftarrow max(dameColumna(c, t.registros))
                                                                                   \theta(Cardinal(t.registros))
```

```
O(Cardinal(t.registros))
DAMECOLUMNA(in c: campo, in \ cr: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(dato)
  itcr \leftarrow CrearItConj(cr);
  res \leftarrow vacio();
                                                                               \theta(1)
  while HaySiguiente(itcr) do
                                                                               \theta(Cardinal(cr))
      if ¬Pertenece(res, Siguiente(itcr)) then
                                                                               \theta(?????)
           AgregarRapido(res, Siguiente(itcr))
      end if
                                                                               \theta(1)
       Avanzar(itcr);
  end while
                                                                               O(calcular)
MISMOSTIPOS(in \ r : registro, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : bool
  res \leftarrow True;
                                                                               \theta(1)
  itconjClaves \leftarrow CrearItConj(r.ClavesDicc);
                                                                               \theta(1)
  while HaySiguiente(itconjClaves) do
                                                                               \theta(1)
      val1← tipo?(Obtener(r,Siguiente(itconjClaves)))
                                                                               \theta(Cardinal(t.registros))
      val2← tipoCampo(Siguiente(itconjClaves)),t)
                                                                               \theta(1)
      res \leftarrow res \wedge val1 = val2
                                                                               \theta(1)
       Avanzar(cr);
                                                                               \theta(1)
  end while
                                                                               O(calcular)
```

# 1.4 Algoritmos operaciones auxiliares

# 2 Diccionario por Naturales

# 2.1 Interfaz

```
se explica con \operatorname{DICCIONARIO}(\kappa, \sigma)
usa \operatorname{Bool}
géneros \operatorname{diccNat}(\kappa, \sigma)
```

#### **Operaciones**

```
VACIO() \longrightarrow res: diccNat(\kappa, \sigma)

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} vacio()\}

Descripción: Crea un nuevo diccionario

Complejidad: O(1)

DEFINIDO?(in d: diccNat(\kappa, \sigma) in n : \kappa) \longrightarrow res: Bool

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} def?(n,d)\}

Descripción: Indica si la clave esta definida

Complejidad: O(m)
```

```
DEFINIR(in/out d: diccNat(\kappa, \sigma) in n : \kappa, in s : \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg def?(n,d) \land d = d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} Definir(n, s, d_0)\}\
Descripción: Se define s en el diccionario
Complejidad: O(m)
BORRAR(in/out d: diccNat(\kappa, \sigma) in n : \kappa)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} d_0 \wedge def?(n, d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} Borrar(n, d_0)\}\
Descripción: Elimina el elemento n
Complejidad: O(m)
SIGNIFICADO(in d: diccNat(\kappa, \sigma) in n: \kappa) \longrightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(n,d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(n, d)\}\
Descripción: Se retornan los significados
Complejidad: O(m)
CLAVES(in d: diccNat(\kappa\sigma)) \longrightarrow res: conjLog(\kappa)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} claves(d)\}\
Descripción: Se retornan el conjunto de claves del diccionario
Complejidad: O(1)
```

# 2.2 Representación

```
diccNat
```

```
se representa con raiz: \operatorname{puntero}(\operatorname{estr}(\kappa \ \sigma))
\operatorname{donde} \operatorname{estr}(\kappa, \ \sigma) \text{ es tupla} \langle \operatorname{clave} : \kappa, \\ \operatorname{significado} : \sigma, \\ \operatorname{hijoDer} : \operatorname{puntero}(\operatorname{estr}(\kappa\sigma)), \\ \operatorname{hijoIzq} : \operatorname{puntero}(\operatorname{estr}(\kappa\sigma)), \\ \operatorname{diccClaves} : \operatorname{conjLog}(\kappa) \rangle
```

#### Invariante de representación

```
 \begin{aligned} &(\forall e: \widehat{\texttt{estr}}) \\ &\text{Rep}(e) \equiv true \iff ((\forall n_1, n_2: \text{estr}(\kappa, \sigma))(n_1 \in arbol(e) \land n_2 \in arbol(e) \Rightarrow_{\mathsf{L}} \\ &(n_1.clave < n_2.clave \implies n_1 \in arbol(n_2.hijoIzq)) \land (n_1.clave > n_2.clave \implies n_1 \in arbol(n_2.hijoDer)) \land \\ &(\forall n_1, n_2: \text{estr}(\kappa, \sigma))(n_1 \in arbol(e) \land n_2 \in arbol(e) \in n_1.clave \ne n_2.clave \implies_{\mathsf{L}} \\ &(n_1.hijoIzq = n_2.hijoIzq \lor n_1.hijoIzq = n_2.hijoDer \implies n_1.hijoIzq = NULL) \land \\ &(n_1.hijoDer = n_2.hijoIzq \lor n_1.hijoDer = n_2.hijoDer \implies n_1.hijoDer = NULL) \land \\ &((\forall n: \text{estr}(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e)) \implies_{\mathsf{L}} Pertenece?(e.diccClaves, n.clave) \land \\ &(\forall k: \kappa)(k \in e.diccClaves) \implies (\exists n: estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.clave = k))) \end{aligned}
```

- 1. Para todo hijoDer de un estr, si no es NULL, su clave es mayor a la clave de su padre.
- 2. Para todo hijoIzq de un estr, si no es NULL, su clave es menor a la clave de su padre.
- 3. No hay ciclos, ni nodos con dos padres.

4. Todos las claves de los elementos del arbos estan en diccClaves y viceversa.

#### Función de abstracción

```
Abs: \operatorname{diccNat}(\kappa, \sigma) d \longrightarrow \operatorname{dicc}(\kappa, \sigma)
                                                                                                                                                    \{\operatorname{Rep}(d)\}
(\forall d: \mathtt{diccNat}(\widehat{\kappa}, \sigma))
Abs(d) \equiv c : dicc(\kappa, \sigma) \mid ((\forall k : \kappa)(k \in claves(c))) \Rightarrow
(\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k) \land (k \in d.diccClaves)) \land
((\forall k : \kappa)(k \in d.diccClaves) \Rightarrow k \in claves(c)) \land
((\forall n : \operatorname{estr}(\kappa, \sigma))(n \in \operatorname{arbol}(d) \Rightarrow n.\operatorname{clave} \in \operatorname{claves}(c)))) \wedge_{\mathtt{L}}
((\forall n : \operatorname{estr}(\kappa, \sigma))(n \in \operatorname{arbol}(d) \Rightarrow \operatorname{obtener}(c, n.clave) =_{\operatorname{obs}} n.significado)
arbol: puntero(estr(\kappa, \sigma)) \leftarrow conj(puntero(estr(\kappa, \sigma)))
arbol(n) \equiv
   if n.hijoIzq \neq null \land n.hijoDer \neq null then
         Ag(n, arbol(n.hijoIzq) \cup arbol(n.hijoDer))
   else
         if n.hijoIzq \neq null then
               Ag(n, arbol(n.hijoIzq))
         else
               if n.hijoDer \neq null then
                     Ag(n, arbol(n.hijoDer))
               else
                     Ag(n,\emptyset)
               end if
         end if
   end if
```

#### 2.3 Algoritmos

```
IVACIO() \longrightarrow res : estr
  res \leftarrow NULL
                                                                          O(1)
IDEFINIR(in/out d : estr, in n : \kappa, in s : \sigma)
  if d == NULL then
      res \leftarrow < n, s, NULL, NULL >
                                                                          O(1)
  end if
  if d \neq NULL \land n < d.clave then
      d.hijoIzq \leftarrow iDefinir(d.hijoIzq, n, s)
                                                                          O(\log(m))
  end if
  if d \neq NULL \land n > d.clave then
                                                                          O(m)
      d.hijoDer \leftarrow iDefinir(d.hijoDer, n, s)
  end if
                                                                          O(m)
  AgregarRapido(d.diccClaves, n)
                                                                          O(m)
IBORRAR(in/out \ d : estr, \ in \ n : \kappa)
  if d == NULL then
      FinFunction
                                                                          O(1)
```

```
else if n > d.clave then
      d.hijoDer \leftarrow iBorrar(d.hijoDer, n)
                                                                          O(m)
  else if n < d.clave then
      d.hijoIzq \leftarrow iBorrar(d.hijoIzq, n)
                                                                          O(m)
  else if d.hijoIzq == NULL \wedge d.hijoDer == NULL then
      Borrar(d)
                                                                          O(1)
      d \leftarrow NULL
                                                                          O(1)
  else if d.hijoIzq == NULL then
      aux \leftarrow d.hijoDer
                                                                          O(1)
      while aux.hijoIzq \neq NULL do
                                                                          O(m)
          aux \leftarrow aux.hijoIzq
                                                                          O(1)
      end while
      d.hijoDer \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.hijoDer)
      d.clave \leftarrow aux.clave
                                                                          O(1)
      d.significado \leftarrow aux.significado
                                                                          O(1)
  else
      aux \leftarrow d.hijoIzq
                                                                          O(1)
      while aux.hijoDer \neq NULL do
                                                                          O(m)
          aux \leftarrow aux.hijoDer
                                                                          O(1)
      end while
      d.hijoIzq \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.hijoIzq)
      d.clave \leftarrow aux.clave
                                                                          O(1)
      d.significado \leftarrow aux.significado
                                                                          O(1)
  end if
  Eliminar(d.diccClaves, n)
                                                                          O(m)
                                                                          O(m)
ISIGNIFICADO(in/out d : estr, in n : \kappa) \longrightarrow res : \sigma
  nodoActual \leftarrow d
                                                                          O(1)
  while \neg (nodoActual == NULL) \land \neg res do
                                                                          O(m)
      if nodoActual.clave == n then
          res \leftarrow nodoActual.significado
                                                                          O(1)
      else
          if c < nodoActual.clave then
              nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq
                                                                          O(1)
          else
              nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoDer
                                                                          O(1)
          end if
      end if
  end while
                                                                          O(m)
IDEFINIDO?(in/out d : estr, in n : \kappa) \longrightarrow res : bool
  nodoActual \leftarrow d
                                                                          O(1)
  res \leftarrow FALSE
                                                                          O(1)
  while \neg (nodoActual == NULL) \land \neg res do
                                                                          O(m)
      if nodoActual.clave == n then
          res \leftarrow TRUE
                                                                          O(1)
      else
          if c < nodoActual.clave then
              nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq
                                                                          O(1)
          else
```

```
\begin{array}{c} nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoDer & O(1) \\ \text{end if} \\ \text{end while} & \\ \hline O(m) \end{array}
```

m: En peor caso es igual a la cantidad de elementos del arbol. En promedio es log(cantidad de elementos del arbol).

# 3 Conjunto en Promedio Logaritmico

#### 3.1 Interfaz

```
se explica con CONJ(\alpha)
usa
géneros
                        conjLog(\alpha)
Operaciones
VACIO() \longrightarrow res : conjLog(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio()\}\
Descripción: Crea un conjunto vacio
Complejidad: O(1)
PERTENECE?(in c: conjLog(\alpha), in a: \alpha) \longrightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathbf{obs}} a \in c\}
Descripción: Indica si el elemento a esta en el conjunto
Complejidad: O(m)
AGREGAR(in/out \ c : conjLog(\alpha), \ in \ a : \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} Ag(a, c_0)\}\
Descripción: Si a no pertenece a c, entonces lo agrega
Complejidad: O(m)
AGREGARRAPIDO(in/out\ c:conjLog(\alpha),\ in\ a:\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{c =_{\mathbf{obs}} c_0 \land a \notin c\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\text{obs}} Ag(a, c_0)\}\
Descripción: Se agrega a en c
Complejidad: O(m)
ELIMINAR(in/out \ c : conjLog(\alpha), \ in \ a : \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} c - \{a\} \}
Descripción: Elimina el elemento a
Complejidad: O(m)
```

#### 3.2 Representación

```
conjLog se representa con puntero(estr(\alpha)) donde estr(\alpha) es tupla\langle {\rm dato}: \alpha, \\ {\rm hijoDer:puntero(estr(}\alpha)), \\ {\rm hijoIzq:puntero(estr(}\alpha)) \rangle
```

# Invariante de representación

```
\begin{aligned} & (\forall e: \widehat{\texttt{estr}}) \\ & \text{Rep}(e) \equiv true \iff ((\forall n_1, n_2: \text{estr}(\alpha))(n_1 \in arbol(e) \land n_2 \in arbol(e) \Rightarrow_{\texttt{L}} \\ & (n_1.dato < n_2.dato \Rightarrow n_1 \in arbol(n_2.hijoIzq)) \land (n_1.dato > n_2.dato \Rightarrow n_1 \in arbol(n_2.hijoDer)) \land \\ & (\forall n_1, n_2: \text{estr}(\alpha))(n_1 \in arbol(e) \land n_2 \in arbol(e) \in n_1.dato \neq n_2.dato \Rightarrow_{\texttt{L}} \\ & (n_1.hijoIzq = n_2.hijoIzq \lor n_1.hijoIzq = n_2.hijoDer \Rightarrow n_1.hijoIzq = NULL) \land \\ & (n_1.hijoDer = n_2.hijoIzq \lor n_1.hijoDer = n_2.hijoDer \Rightarrow n_1.hijoDer = NULL)) \end{aligned}
```

- 1. Para todo hijoDer de un estr, si no es NULL, su dato es mayor a el dato de su padre.
- 2. Para todo hijoIzq de un estr, si no es NULL, su dato es menor a el dato de su padre.
- 3. No hay ciclos, ni nodos con dos padres.

#### Función de abstracción

```
Abs : \widehat{\operatorname{conjLog}}(\alpha) cl \longrightarrow \widehat{\operatorname{conj}}(\alpha)
                                                                                                                                        \{\operatorname{Rep}(cl)\}
(\forall cl : \texttt{conjLog}(\alpha))
Abs(cl) \equiv c : conj(\alpha) \mid ((\forall a : \alpha)(a \in c \Rightarrow Pertenece?(cl, a)) \land
((\forall n : \operatorname{estr}(\alpha))(n \in \operatorname{arbol}(cl) \Rightarrow n.\operatorname{dato} \in c)))
arbol: puntero(estr(\alpha)) \leftarrow conj(puntero(estr(\alpha)))
arbol(n) \equiv
   if n.hijoIzq \neq null \land n.hijoDer \neq null then
        Ag(n, arbol(n.hijoIzq) \cup arbol(n.hijoDer))
   else
        if n.hijoIzq \neq null then
              Ag(n, arbol(n.hijoIzq))
        else
             if n.hijoDer \neq null then
                   Ag(n, arbol(n.hijoDer))
              else
                   Ag(n, \emptyset)
              end if
        end if
   end if
```

# 3.3 Algoritmos

```
IVACIO() \longrightarrow res : estr
  res \leftarrow NULL
                                                                        O(1)
IAGREGAR(in/out c: estr, in a: \alpha)
  if \neg iPertenece?(c, a) then
      if c == NULL then
         res \leftarrow < a, NULL, NULL >
                                                                        O(1)
      end if
      if c \neq NULL \land a < c.dato then
         c.hijoIzq \leftarrow iAgregarRapido(c.hijoIzq, a)
                                                                        O(m)
      end if
      if c \neq NULL \land a > c.dato then
         c.hijoDer \leftarrow iAgregarRapido(c.hijoDer, a)
                                                                        O(m)
      end if
  end if
                                                                        O(m)
IAGREGARRAPIDO(in/out\ c:estr,\ in\ a:\alpha)
  if c == NULL then
      res \leftarrow < a, NULL, NULL >
                                                                        O(1)
  end if
  if c \neq NULL \land a < c.dato then
      c.hijoIzq \leftarrow iAgregarRapido(c.hijoIzq, a)
                                                                        O(m)
  end if
  if c \neq NULL \land a > c.dato then
      c.hijoDer \leftarrow iAgregarRapido(c.hijoDer, a)
                                                                        O(m)
  end if
                                                                        O(m)
IELIMINAR(in/out \ c : estr, \ in \ a : \alpha)
  if c == NULL then
      FinFunction
                                                                        O(1)
  else if a > c.dato then
      c.hijoDer \leftarrow iEliminar(c.hijoDer, a)
                                                                        O(m)
  else if a < c.dato then
      c.hijoIzq \leftarrow iEliminar(c.hijoIzq, a)
                                                                        O(m)
  else if c.hijoIzq == NULL \wedge c.hijoDer == NULL then
      Borrar(c)
                                                                        O(1)
      c \leftarrow NULL
                                                                        O(1)
  else if c.hijoIzq == NULL then
      aux \leftarrow c.hijoDer
                                                                        O(1)
      while aux.hijoIzq \neq NULL do
                                                                        O(m)
                                                                        O(1)
         aux \leftarrow aux.hijoIzq
      end while
      c.hijoDer \leftarrow iEliminar(aux.dato, c.hijoDer)
      c.dato \leftarrow aux.dato
                                                                        O(1)
  else
      aux \leftarrow c.hijoIzq
                                                                        O(1)
      while aux.hijoDer \neq NULL do
                                                                        O(m)
```

```
aux \leftarrow aux.hijoDer
                                                                           O(1)
      end while
      c.hijoIzq \leftarrow iEliminar(aux.dato, c.hijoIzq)
      c.dato \leftarrow aux.dato
                                                                           O(1)
  end if
                                                                           O(m)
IPERTENECE?(in/out\ c:estr,\ in\ a:\alpha)\longrightarrow res:bool
  nodoActual \leftarrow c
                                                                           O(1)
  res \leftarrow FALSE
                                                                           O(1)
  while \neg (nodoActual == NULL) \land \neg res do
                                                                           O(m)
      if nodoActual.dato == a then
                                                                           O(1)
          res \leftarrow TRUE
      else
          if a < nodoActual.dato then
              nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq
                                                                           O(1)
          else
              nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoDer
                                                                           O(1)
          end if
      end if
  end while
                                                                           O(m)
```

m: En peor caso es igual a la cantidad de elementos del arbol. En promedio es log(cantidad de elementos del arbol).

# 4 Modulo Diccionario Lexicografico ( $String, \sigma$ )

#### 4.1 Interfaz

```
se explica con DICCIONARIO(STRING, \sigma)
usa Bool, Nat
géneros diccString(String, \sigma)
```

# 4.2 Operaciones basicas de diccionario

```
Vacio() \longrightarrow res: diccString(String, \sigma)

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} vacio()\}

Descripción: Crea un nuevo diccionario

Complejidad: O(1)

Definido?(in d: diccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: Bool

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} def?(n,d)\}

Descripción: Indica si la clave esta definida

Complejidad: O(Longitud(n))

Definir(in/out d: diccString(String, \sigma) in n: String, in s:\sigma)

Pre \equiv \{\neg def?(n,d) \land d = d_0\}
```

```
Post \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} Definir(n, s, d_0)\}

Descripción: Se define s en el diccionario

Complejidad: O(Longitud(n) + copy(s))

Aliasing: s se define por copia

BORRAR(in/out d: diccString(String, \sigma) in n: String)

Pre \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \wedge def?(n, d)\}

Post \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} Borrar(n, d_0)\}

Descripción: Elimina el elemento n

Complejidad: O(Longitud(n))

SIGNIFICADO(in d: diccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: \sigma

Pre \equiv \{def?(n, d)\}

Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} obtener(n, d)\}

Descripción: Se retorna el significado de n

Complejidad: O(Longitud(n))
```

### 4.3 Operaciones del iterador

El iterador que presentamos permite modificar el diccionario recorrido, eliminando elementos. Sin embargo, cuando el diccionario es no modificable, no se pueden utilizar las funciones de eliminacion. Ademas, las claves de los elementos iterados no pueden modificarse nunca, por cuestiones de implementacion. Cuando d es modificable, decimos que it es modificable.

Para simplificar la notacion, vamos a utilizar clave y significado en lugar de  $\Pi_1$  y  $\Pi_2$  cuando utilicemos una tupla( $String, \sigma$ ). CrearIt(in d: diccString(String,  $\sigma$ ) in n: String)  $\longrightarrow res$ : itDiccString( $String, \sigma$ )

```
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
```

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{esPermutacion}(\text{SecuSuby}(res), d)) \land \text{vacia?}(\text{Anteriores}(res)) \}$ 

**Descripción:** crea un iterador bidireccional del diccionario, que apunta al primer elemento del mismo en orden lexicografico.

Complejidad: O(CL \* long(k)) Donde CL es la cantidad de claves de d y k la palabra mas larga de d Aliasing: hay aliasing entre los significados en el iterador y los del diccionario

```
HAYSIGUIENTE(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \text{ haySiguiente?}(it)\}
\mathbf{Descripción:} \text{ devuelve true si y solo si en el iterador todavia quedan elementos para avanzar.}
\mathbf{Complejidad:} \ O(1)
```

 ${\tt HAYANTERIOR}(\textbf{in}\ it: \mathtt{itDiccString}(\mathtt{String},\ \sigma)\ in\ n: \mathtt{String}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{bool}$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{true\}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ hayAnterior?}(it)\}$ 

Descripción: devuelve true si y solo si en el iterador todavia quedan elementos para retroceder.

Complejidad: O(1)

```
SIGUIENTE(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: tupla(String, \sigma)

Pre \equiv \{\text{HaySiguiente}?(it)\}

Post \equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{Siguiente}(it))\}
```

Descripción: devuelve el elemento siguiente del iterador.

Complejidad: O(1)

**Aliasing:** res.significado es modificable si y solo si it es modificable. En cambio, res.clave no es modificable.

SIGUIENTECLAVE(in it: itDiccString(String,  $\sigma$ ) in n: String)  $\longrightarrow res$ : String

```
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HaySiguiente?}(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Siguiente}(it).\operatorname{clave}) \}
Descripción: devuelve la clave del elemento siguiente del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res no es modficable.
SIGUIENTESIGNIFICADO(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HaySiguiente?}(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Siguiente}(it).\operatorname{significado}) \}
Descripción: devuelve el significado del elemento siguiente del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res es modificable si y solo si it es modificable.
ANTERIOR(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow tupla(clave: String, significado:
\sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayAnterior?}(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Anterior}(it)) \}
Descripción: devuelve el elemento anterior del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res. significado es modificable si y solo si it es modificable. En cambio, res. clave no es
modificable.
ANTERIOR CLAVE (in it: itDiccString (String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: String
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayAnterior}?(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Anterior}(it).\operatorname{clave}) \}
Descripción: devuelve la clave del elemento anterior del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res no es modficable.
AnteriorSignificado(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayAnterior?}(it) \}
Post \equiv \{alias(res =_{obs} Anterior(it).significado)\}
Descripción: devuelve el significado del elemento anterior del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res es modificable si y solo si it es modificable.
AVANZAR(inout it: itDiccString(String, \sigma) in n: String)
\mathbf{Pre} \equiv \{it = it_0 \land \mathrm{HaySiguiente?}(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \operatorname{Avanzar}(it_0)\}\
Descripción: avanza a la posicion siguiente del iterador.
Complejidad: O(1)
Retroceder(inout it: itDiccString(String, \sigma) in n: String)
\mathbf{Pre} \equiv \{it = it_0 \land \mathrm{HayAnterior?}(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \operatorname{Retroceder}(it_0)\}\
Descripción: retrocede a la posicion anterior del iterador.
Complejidad: O(1)
Representacion
diccString
se representa con dLex)
```

donde dLex es tupla(raiz : puntero(nodo))

4.4

nodo

```
se representa con enodo)  {\bf donde\ enodo\ es\ tupla} \langle {\rm dato:}\ \sigma, \\ {\rm esSig?:Bool}, \\ {\rm continuaciones:puntero(char)}\ \sqsubseteq 256\ \exists \rangle
```

#### Invariante de representación

- 1. Todo Nodo, si sus continuaciones son todos punteros a null, es porque es significado.
- 2. No hay ciclos, ni nodos con dos padres.

#### Función de abstracción

### Respresentación del iterador

El iterador del diccionario lo recorre en orden lexicográfico. Los significados están por referencia. it $\text{DiccString}(String, \sigma)$ 

```
se representa con itdLex)
```

```
donde dLex es tupla\langle claves : Lista(String), significados : Lista(<math>\sigma)\rangle
```

#### 4.5 Algoritmos

```
IVACIO() \longrightarrow res : diccString
  res.raiz \leftarrow NULL
                                                                            O(1)
                                                                            O(1)
IDEFINIR(in/out d: diccString, in n: String, in s: \sigma)
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                            O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                            O(1)
  while i < Longitud(n) do
                                                                            O(Longitud(n))
      if aux == NULL then
          nNodo.esSig? \leftarrow false
                                                                            O(1)
          j \leftarrow 0
          while j < 256 do
                                                                            O(256) = O(1)
              nNodo.continuaciones[j] \leftarrow NULL
                                                                            O(1)
          end while
          aux \leftarrow \&nNodo
                                                                            O(1)
      end if
      aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                            O(1)
  end while
  aux*.esSig? \leftarrow True
                                                                            O(1)
  aux*.dato \leftarrow s
                                                                            O(copy(s)) el costo de la copia de \sigma
                                                                            O(Longitud(n) + copy(s))
```

IDEFINIDO?(in/out d: diccString, in n: String)  $\longrightarrow res$ : bool

```
O(1)
  aux \leftarrow d.raiz
  i \leftarrow 0
                                                                              O(1)
  while i < (Longitud(n) - 1) \land aux \neq NULL do
                                                                              O(Longitud(n))
      aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                              O(1)
  end while
  if aux \neq NULL then
                                                                              O(1)
      res \leftarrow aux * .esSig?
  else
      res \leftarrow false
                                                                              O(1)
  end if
                                                                              O(Longitud(n))
ISIGNIFICADO(in d: diccString, in n: String) \longrightarrow res: \sigma
                                                                              O(1)
  aux \leftarrow d.raiz
  i \leftarrow 0
                                                                              O(1)
                                                                              O(Longitud(n))
  while i < Longitud(n) do
      aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                              O(1)
      i \leftarrow i + 1
  end while
                                                                              O(1)(es una referencia)
  res \leftarrow aux * .dato
                                                                              O(Longitud(n))
IBORRAR(in/out d : diccString, in n : String)
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                              O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                              O(1)
  pila(puntero(nodo))p \leftarrow Vacia()
                                                                              O(1)
  while i < Longitud(n) do
                                                                              O(Longitud(n))
                                                                              O(1)
      Apilar(p,aux)
      aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                              O(1)
      i \leftarrow i + 1
  end while
  aux * esSig? \leftarrow false
  i \leftarrow i-1
  j \leftarrow 0
  while aux * .continuaciones[j] = NULL \land j < 256 do
                                                                              O(256) = O(1)
      j \leftarrow j + 1
  end while
  if j < 256 then
      p \leftarrow Vacia()
  end if
  while \neg EsVacia?(p) do
      j \leftarrow 0
      Tope(p) * .continuaciones[ord(n[i])] \leftarrow NULL
      while Tope(p)*.continuaciones[j] = NULL \land j < 256 do
                                                                              O(256) = O(1)
          j \leftarrow j + 1
      end while
      if j < 256 then
          p \leftarrow Vacia()
      else
          Desapilar(p)
          i \leftarrow i-1
      end if
```

#### end while

```
 \hline O(\text{Longitud(n)}) \\ \hline ICrearIt(\textbf{in/out}\ d: \texttt{diccString},\ in\ n: \texttt{String}) \longrightarrow res: \texttt{itDiccString} \\ lista(String)cs \leftarrow Vacia() \\ lista(\sigma)ss \leftarrow Vacia() \\ Stringn \leftarrow Vacio() \\ auxXrIt(cs, ss, n, d.raiz) \\ res.claves \leftarrow cs \\ res.significados \leftarrow ss \\ \hline \hline O(\text{Longitud(k)}^* \texttt{tam(d)}) \\ \hline O(\text{Longitud(k)}^* \texttt{ta
```

O(Longitud(k)\*tam(d)) Donde k es la pala

# 5 Modulo Conjunto Lexicografico

se explica con Conjunto(String)

### 5.1 Interfaz

```
usa Bool, Nat, String
géneros
                      conjString
Operaciones básicas
VACIO() \longrightarrow res : diccString(String, \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio()\}
Descripción: Crea un nuevo conjunto
Complejidad: O(1)
PERTENECE?(in d: conjString in n:String) \longrightarrow res:Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} def?(n,d)\}\
Descripción: Indica si el elemento pertenece al conjunto
Complejidad: O(Longitud(n))
CARDINAL(in d: conjString) \longrightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \#d\}
Descripción: Indica el cardinal del conjunto
Complejidad: O(Longitud(n))
AGREGAR(in/out d : conjString in n:String)
\mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} Ag(n, d_0)\}\
Descripción: Agrega el elemento n al conjunto
Complejidad: O(Longitud(n))
Aliasing: s se define por copia
BORRAR(in/out d : conjString in n:String)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} d_0 \land n \in d\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0 - \{n\}\}\
```

Descripción: Elimina el elemento n

Complejidad: O(Longitud(n))

Trabajo Práctico 2: DiseñoOperaciones del iterador

El iterador que presentamos permite modificar el diccionario recorrido.

Para simplificar la notacion, vamos a utilizar clave y significado en lugar de  $\Pi_1$  y  $\Pi_2$  cuando utilicemos una tupla  $(String, \sigma)$ . CREARIT (in d: conjString in n:String)  $\longrightarrow res$ : itDiccString  $(String, \sigma)$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{true\}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{esPermutacion}(\text{SecuSuby}(res), d)) \land \text{vacia?}(\text{Anteriores}(res)) \}$ 

**Descripción:** crea un iterador bidireccional del diccionario, que apunta al primer elemento del mismo en orden lexicografico.

Complejidad: O(CL \* long(k)) Donde CL es la cantidad de claves de d y k la palabra mas larga de d Aliasing: hay aliasing entre los significados en el iterador y los del diccionario

 $\texttt{HAYSIGUIENTE}(\textbf{in} \ \textit{it}: \texttt{itConjString} \ \textbf{in} \ \texttt{n:String}) \longrightarrow \textit{res}: \texttt{bool}$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{true\}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it) \}$ 

Descripción: devuelve true si y solo si en el iterador todavia quedan elementos para avanzar.

Complejidad: O(1)

 $\text{HAYANTERIOR}(\textbf{in } it: \textbf{itConjString in n:String}) \longrightarrow res: \textbf{bool}$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{true\}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ hayAnterior?}(it) \}$ 

Descripción: devuelve true si y solo si en el iterador todavia quedan elementos para retroceder.

Complejidad: O(1)

 ${\tt SIGUIENTE}(\textbf{in } it: \texttt{itConjString in n:String}) \longrightarrow \textit{res}: \texttt{tupla(String, } \sigma)$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HaySiguiente?}(it) \}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Siguiente}(it)) \}$ 

**Descripción:** devuelve el elemento siguiente del iterador.

Complejidad: O(1)

**Aliasing:** res.significado es modificable si y solo si it es modificable. En cambio, res.clave no es modificable.

ANTERIOR(in it: itConjString in n:String)  $\longrightarrow tupla(clave: String, significado: \sigma)$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayAnterior}?(it) \}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Anterior}(it)) \}$ 

Descripción: devuelve el elemento anterior del iterador.

Complejidad: O(1)

**Aliasing:** res.significado es modificable si y solo si it es modificable. En cambio, res.clave no es modificable.

AVANZAR(inout it: itConjString in n:String)

 $\mathbf{Pre} \equiv \{it = it_0 \land \mathrm{HaySiguiente?}(it)\}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{it =_{\text{obs}} \operatorname{Avanzar}(it_0)\}\$ 

Descripción: avanza a la posicion siguiente del iterador.

Complejidad: O(1)

Retroceder(inout it: itConjString in n:String)

 $\mathbf{Pre} \equiv \{it = it_0 \land \mathrm{HayAnterior?}(it)\}\$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \operatorname{Retroceder}(it_0)\}\$ 

Descripción: retrocede a la posicion anterior del iterador.

Complejidad: O(1)

# 5.2 Representacion

diccString

se representa con cLex)

donde cLex es tupla(dicL: diccString(String, Respresentación del iterador

Trabajo Práctico 2: DiseñoRepresentacion del iterador

El iterador del conjunto lo recorre en orden lexicográfico. Los significados están por referencia. itConjString

se representa con itcLex)

donde itcLex es itDiccString(String, Bool)

# 5.3 Algoritmos

```
	ext{IVACIO}() \longrightarrow res: 	ext{diccString} \ res.dicL \leftarrow Vacio() \ res.cardinal \leftarrow 0 \ O(1) \ O(1) \ O(1)
```

# 6 Base de Datos

#### 6.1 Interfaz

se explica con Base

usa

géneros nat, string, tabla, regisro, campo, dato

#### **Operaciones**

```
TABLAS(in b: base) \longrightarrow res: conj(string)

\mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}\

\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} nombre(t)\}
```

Descripción: Devuelve el nombre de la tabla ingresada por parametro.

Complejidad: O(1)

Aliasing: Se retorna res por copia, por ser un tipo basico.

```
 \begin{split} & \texttt{DAMETABLA}(\textbf{in} \ b : \texttt{base}) \longrightarrow res : \texttt{tabla} \\ & \textbf{Pre} \equiv \{\texttt{true}\} \\ & \textbf{Post} \equiv \{res =_{\texttt{obs}} claves(t)\} \end{split}
```

Descripción: Devuelve un conjunto de campos que son claves en la tabla ingresada por parametro.

Complejidad: O(1)

Aliasing: Se devuelve un iterador al conjunto claves por referencia.

```
\text{HAYJOIN}?(in t1: \text{string}, in t2: \text{string}, in t: \text{base}) \longrightarrow res: \text{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} indices(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de los indices de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se devuelve res por referencia y no es modificable.
CAMPOJOIN(in t1: string, in t2: string, in t: base) \longrightarrow res: itConjTrie(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} campos(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto a los campos de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia.
NUEVADB() \longrightarrow res : base
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} nuevaDB() \}
Descripción: Crea una base sin tablas.
Complejidad: O(calcular)
AGREGARTABLA(in \ t : tabla, \ in \ b : base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b\_0 = b \land \mathrm{nombre}(t) \notin \mathrm{tablas}(b) \land \mathrm{Vacio?}(t.\mathrm{registros})\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{agregarTabla}(\mathsf{t} \, b_{-}0) \}
Descripción: Agrega una tabla a la base de datos.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Agrega tabla por referencia.
INSERTARENTRADA(in reg: registro, in t: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b_0 = b \land t \in tablas(b) \land_L \text{ puedoInsertar?}(dameTabla(t) \text{ reg})\}
Post \equiv \{insertarEntrada(rt b_0)\}
Descripción: Inserta el registro a la tabla que corresponde al string pasado por parametro.
Complejidad: O(calcular)
BORRAR(in cr: registro, in t: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b_0 = b \land t \in tablas(b) \land \#(cr.DiccClaves)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{borrar}(\mathbf{cr} \ \mathbf{t} \ b_{-}0) \}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio cr pasado por parametro.
Complejidad: O(calcular)
GENERARVISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in c: campo, in b: base)
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{generarVistaJoin}(\operatorname{cr}, t, b_{-0}) \}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio cr pasado por parametro.
Complejidad: O(calcular)
BORRARJOIN(in t1: string, in t2: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b\_0 = b \land \text{hayJoin}?(\text{t1 t2 b})\}\
Post \equiv \{borrarJoin(t1 \ t2 \ b_0)\}
Descripción: Borra correspondiente a los nombres de tablas, pasados por parametro.
Complejidad: O(calcular)
REGISTROS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} registros(t \, b)\}\
Descripción: Retorna el conjunto de registros correspondientes al nombre de tabla pasado por
                 parametro
```

```
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el conjunto de registros por referencia.
VISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{\{\text{t1 t2}\}\subseteq \text{tablas(b)} \land \text{hayJoin?(t1 t2 b)}\}
Post \equiv \{res =_{obs} vistaJoin(t1 t2 b)\}\
Descripción: Retorna el conjunto de registros correspondientes al nombre de tabla pasado por
                 parametro
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el conjunto de registros por referencia.
CANTIDADDEACCESOS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} cantidadDeAccesos(t \, b)\}\
Descripción: Retorna la cantidad de modificaciones correspondientes al nombre de tabla pasado
                por parametro.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna res por referencia.
TABLAMAXIMA(in b: base) \longrightarrow res: string
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{tablas}(\mathrm{b}))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(t b)\}\
Descripción: Retorna el nombre de la tabla con la mayor cantidad de modificaciones.
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia.
ENCONTRARMAXIMO(in t: string, in ct: conj(string), in b: base) \longrightarrow res: string
\mathbf{Pre} \equiv \{\{t\} \cup \mathsf{ct} \subseteq \mathsf{tablas}(\mathsf{b})\}\
Post \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(tb)\}\
Descripción: Retorna ...
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia.
BUSCAR(in criterio: registro, in t: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(t b)\}\
Descripción: Retorna ...
Complejidad: O(calcular)
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia.
Representación
se representa con Base
donde estr es tupla(Tablas : DiccTrie(Campo,info_tabla))
donde info_tabla es tupla \( \psi \) Accesos : nat,
                                  TActual: tabla,
                                  Joins: DiccTrie(string info_join)
donde info_join es tupla\langle R : \mathtt{nat},
                                 Rborrados: Conj(registro),
                                 Ragregados: Conj(registro),
                                 campoJ: campo,
```

6.2

campoT: tipo,

Join : Conj(registro)

#### Invariante de representación

- 1. El Nombre de la tabla es un String acotado.
- 2. Indices es un arreglo de tamaño 2, que aloja el Indice correspondiente segun el orden de creacion.
- 3. Para toda Dato que es clave en Indice, su significado llamemoslo sign esta incluido en Registros.

4.

#### Función de abstracción

```
 \begin{array}{l} \operatorname{Abs}: \operatorname{sistema} s \longrightarrow \operatorname{CampusSeguro} & \{\operatorname{Rep}(s)\} \\ (\forall s: \operatorname{sistema}) \\ \operatorname{Abs}(s) \equiv cs: \operatorname{CampusSeguro} \mid s. campus =_{\operatorname{obs}} campus(cs) \wedge \\ s. estudiantes =_{\operatorname{obs}} estudiantes(cs) \wedge \\ s. hippies =_{\operatorname{obs}} hippies(cs) \wedge \\ s. agentes =_{\operatorname{obs}} agentes(cs) \wedge \\ ((\forall n: \operatorname{nombre}) s. hippies. definido(n) \Rightarrow_{\operatorname{L}} s. hippies. obtener(n) =_{\operatorname{obs}} posEstY Hippie(n, cs) \vee \\ (\forall n: \operatorname{nombre}) s. estudiantes. definido(n) \Rightarrow_{\operatorname{L}} s. estudiantes. obtener(n) =_{\operatorname{obs}} posEstY Hippie(n, cs)) \\ (\forall pl: \operatorname{placa}) s. agentes. definido(pl) \Rightarrow_{\operatorname{L}} s. estudiantes. obtener(pl). pos =_{\operatorname{obs}} posAgente(pl, cs)) \\ (\forall pl: \operatorname{placa}) s. agentes. definido(pl) \Rightarrow_{\operatorname{L}} s. estudiantes. obtener(pl). cantSanciones =_{\operatorname{obs}} cantSanciones(pl, cs)) \\ (\forall pl: \operatorname{placa}) s. agentes. definido(pl) \Rightarrow_{\operatorname{L}} s. estudiantes. obtener(pl). cantCapturas =_{\operatorname{obs}} cantCapturas(pl, cs)) \\ \end{aligned}
```

# 6.3 Algoritmos

```
TABLAS(in b : estr) \longrightarrow res : ConjTrie(string)
  res \leftarrow b.tablas.DiccClaves
                                                                              O(1)
                                                                              O(1)
HAYJOIN?(in t1: string, in t2: string, in b: estr) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow Pertenece?(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle)\veePertenece?(b.Joins, \langle t2, t1 \rangle)
                                                                              O(1)
                                                                              O(1)
CAMPOJOIN(in t1: string, in t2: string, in b: estr) \longrightarrow res: campo
  if Pertenece?(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle) then
                                                                              O(1)
      res \leftarrow Obtener(e.Joins, \langle t1, t2 \rangle).campoJ
                                                                              O(1)
  else
      res \leftarrow Obtener(e.Joins, \langle t2, t1 \rangle).campoJ
                                                                              O(1)
  end if
                                                                              O(1)
NUEVADB() \longrightarrow res : estr)
                                                                              O(1)
  res \leftarrow \langle vacio(), vacio() \rangle
                                                                              O(1)
AGREGARTABLA(in t : tabla, in b : estr)
  info\_tabla \leftarrow \langle t.cantidadDeAccesos, t \rangle
                                                                              O(1)
  Definir(b.tablas, nombre(t), info_tabla)
                                                                              O(1)
  Falta hacer algo?
                                                                              O(1)
INSERTARENTRADA(in reg : registro, in t : string, in b : estr)
  T_{actual} \leftarrow Obtener(b.tablas, t).TActual
                                                                              O(1)
  agregarRegistro(reg, T_actual)
                                                                              O(1)
  Falta hacer algo?
                                                                              O(1)
BORRAR(in cr: registro, in t: string, in b: estr)
  T_{actual} \leftarrow Obtener(b.tablas, t).TActual
                                                                              O(1)
  borrarRegistro(r, T_actual)
                                                                              O(1)
  Falta hacer algo?
                                                                              O(1)
GENERARVISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in c: campo, in/out b: estr)
  Join \leftarrow vacio()
  T_{actual1} \leftarrow Obtener(b.tablas, t1).Tactual
                                                                              O(1)
  T_{actual2} \leftarrow Obtener(b.tablas, t2).Tactual
                                                                              O(1)
  if Definido?(T_actual1.Indices, c) \(\triangle \) Definido?(T_actual2.Indices, c) then
      ind1 \leftarrow Obtener(T_actual1.Indices, c)
      ind2 \leftarrow Obtener(T_actual2.Indices, c)
      if tipoCampo(T_actual1, c) then
          itvalores \leftarrow CrearItConjNat(ind1.PorNat.DiccClaves)
          while HaySiguiente(itvalores) do
```

```
r1 \leftarrow Obtener(ind1.PorNat, Siguiente(itvalores))
              r2 \leftarrow Obtener(ind2.PorNat, Siguiente(itvalores))
              cj1 \leftarrow AgregarRapido(vacio(), r1)
              cj2 \leftarrow AgregarRapido(vacio(), r2)
              nuevor \leftarrow combinarRegistros(c, cj1, cj2)
              AgregarRapido(Join, DameUno(nuevor))
              Avanzar(itvalores)
          end while
      else
          itvalores \leftarrow CrearItConjString(ind1.PorString.DiccClaves)
          while HaySiguiente(itvalores) do
              r1 \leftarrow Obtener(ind1.PorString, Siguiente(itvalores))
              r2 \leftarrow Obtener(ind2.PorString, Siguiente(itvalores))
              cil \leftarrow AgregarRapido(vacio(), r1)
              cj2 \leftarrow AgregarRapido(vacio(), r2)
              nuevor \leftarrow combinarRegistros(c, cj1, cj2)
              AgregarRapido(Join, DameUno(nuevor))
              Avanzar(itvalores)
          end while
      end if
  else
      cjr1 \leftarrow T_actual1.registros
      cjr2 \leftarrow T_actual1.registros
      Join←combinarRegistros(c, cjr1,cjr2)
  end if
  info\_join \leftarrow \langle 0, vacio(), vacio(), c, tipoCampo(T\_actual1, c), Join \rangle
  Definir(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle, info_join)
                                                                               O(1)
BORRARJOIN(in t1: string, in t2: string, in/out b: estr)
  if Pertenece?(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle) then
      Borrar(b.Joins, \langle t1, t2 \rangle)
  else
      if Pertenece?(b.Joins, \langle t2, t1 \rangle) then
          Borrar(b.Joins, \langle t2, t1 \rangle)
      end if
  end if
                                                                               O(1)
```