

Recuperatorio Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2016

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 22

Integrante	LU	Correo electrónico
BENZO, Mariano	198/14	marianobenzo@gmail.com
FARIAS, Mauro	821/13	farias.mauro@hotmail.com
GUTTMAN, Martin	686/14	mdg_92@yahoo.com.ar

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300

Tel/Fax: (++54 +11) 4576-330 http://www.exactas.uba.ar

$\acute{\mathbf{I}}\mathbf{ndice}$

1.	Tipo es Bool	2
2.	Dato(α) 2.1. Interfaz 2.2. Representación 2.3. Algoritmos	2 2 3 4
3.	Modulo Campo es String	6
4.	Modulo Registro 4.1. Interfaz 4.2. Representación 4.3. Algoritmos	6 6 7 8
5.	Tabla5.1. Interfaz5.2. Representación5.3. Algoritmos5.4. Algoritmos operaciones auxiliares	10 13 15 25
6.	Nombre Tabla es String	26
7.	Base de Datos 7.1. Interfaz	26 26 28 30
8.	Diccionario por Naturales 8.1. Interfaz	36 36 37 38
9.	Modulo Diccionario Lexicografico ($String$, σ) 9.1. Interfaz 9.2. Operaciones del iterador 9.3. Representacion 9.4. Algoritmos 9.4.1. Algoritmos del Diccionario 9.4.2. Algoritmos del iterador	41 42 44 45 45 47

1 Tipo es Bool

Complejidad: O(1)

2 Dato(α)

2.1 Interfaz

```
se explica con TAD DATO
géneros
                      dato
Operaciones
TIPO?(in d: dato) \longrightarrow res: tipo
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tipo?(d)\}\
Descripción: Devuelve el tipo del dato ingresado por parametro.
Complejidad: O(1)
VALORNAT(in \ d : dato) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv {\mathrm{Nat?(d)}}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} valorNat(t)\}\
Descripción: Devuelve valor numerido del dato por parametro.
Complejidad: O(1)
VALORSTRING(in d: \mathtt{dato}) \longrightarrow res: \mathtt{string}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{String}?(\mathbf{d}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} valorString(t)\}\
Descripción: Devuelve valor del dato por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia.
DATONAT(in n: \alpha, in tipoDelDato: tipo) \longrightarrow res: dato
\mathbf{Pre} \equiv \{tipoDelDato\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} datoNat(n, tipoDelDato)\}\
Descripción: Crea un dato de valor numerico.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia.
DATOSTR(in n: \alpha, in tipoDelDato: tipo) \longrightarrow res: dato
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg tipoDelDato\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} datoString(n, tipoDelDato)\}\
Descripción: Crea un dato de valor de letras.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia.
MISMOTIPO?(in d1: dato, in d2: dato) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mismoTipo?(d1, d2)\}\
Descripción: Informa si los datos pasados por parametro son del mismo tipo de valor.
```

```
STRING?(in d: \mathtt{dato}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} String?(d)\}\
Descripción: Informa si el dato pasado por parametro es de tipo string.
Complejidad: O(1)
NAT?(in d : dato) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} Nat?(d) \}
Descripción: Informa si el dato pasado por parametro es de tipo nat.
Complejidad: O(1)
MIN(\mathbf{in}\ cd: Conj(\mathbf{dato})) \longrightarrow res: \mathbf{dato}
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{EsVacio?(cd)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} min(cd)\}\
Descripción: Retorna el minimo entre los valores del conjunto de datos pasado por parametro.
Complejidad: O(Cardinal(cd))
Aliasing: Retorna res por referencia.
\text{MAX}(\mathbf{in}\ cd: \texttt{Conj}(\texttt{dato})) \longrightarrow res: \texttt{dato}
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{EsVacio?(cd)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} max(cd)\}\
Descripción: Retorna el maximo entre los valores del conjunto de datos pasado por parametro.
Complejidad: O(Cardinal(cd))
Aliasing: Retorna res por referencia.
\leq (\mathbf{in} \ d1 : \mathtt{dato}, \ in \ d2 : \mathtt{dato}) \longrightarrow res : \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{mismoTipo?}(d1,d2) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} d1 \le d2 ) \}
Descripción: Retorna si d1 es menor o igual a d2
Complejidad: O(long(k))
```

```
se representa con dattupla\langle Valor : \alpha, TipoValor : bool \rangle
```

Invariante de representación

1. La estructura siempre representa un dato valido en tanto α sea Nat o String

```
Rep : \widehat{\mathtt{dat}} \longrightarrow boolean

(\forall d : \widehat{\mathtt{dat}})

Rep(d) \equiv \text{true}
```

Funcion de Abstracción

Abs : dato
$$d \longrightarrow \text{dato/c}$$
 $\{Rep(d)\}$
Abs(d) \equiv if $Nat?(d)$ then
 $Nat?(c) \land valorNat(c) = valorNat(d)$
else
 $String?(c) \land valorString(c) = valorString(d)$
fi

$$TIPO?(\text{in } a: \text{dato}) \rightarrow res: \text{bool} \\ res \leftarrow a.TipoValor \\ \hline O(1) \\ \hline O(1) \\ \hline VALORNAT(\text{in } a: \text{dato}) \rightarrow res: \text{nat} \\ res \leftarrow a.Valor \\ \hline O(1) \\ \hline O$$

```
	ext{MAX}(	ext{in } cd: 	ext{Conj(dato)}) \longrightarrow res: 	ext{dato}
  itcd \leftarrow CrearItConj(cd)
  maximo \leftarrow Siguiente(itcd)
  while HaySiguiente(itcd) do
      if maximo≤Siguiente(itcd) then
          minimo \leftarrow Siguiente(itcd);
      end if
      Avanzar(itcr);
  end while
                                                                                 O(Cardinal(cd))
\leq(in d1: dato, in d2: dato) \longrightarrow res: bool
  if String?(d1) then
      res \leftarrow valorStr(d1) \leq valorStr(d2)
  else
      res \leftarrow valorNat(d1) \leq valorNat(d2)
  end if
                                                                                 O(valorStr(d1))
Algoritmos de operaciones auxiliares
\leq(in s1: string, in s2: string) \longrightarrow res: bool
  Natn \leftarrow Longitud(d1)
  Natm \leftarrow Longitud(d2)
  Nati \leftarrow 0
  Natj \leftarrow 0
  while (i \le n) \land (j \le m) do
      if ord(n[i]) > ord(m[j]) then
          i \leftarrow n
      end if
      if ord(n[i]) < ord(m[j])) then
          j \leftarrow m
      end if
      i \leftarrow i + 1
  end while
  res \leftarrow i \leq n
                                                                                 O(valorStr(d1))
```

3 Modulo Campo es String

4 Modulo Registro

4.1 Interfaz

```
se explica con REGISTRO géneros reg
```

Operaciones

Cuando se utiliza conj se está utilizando el conjunto lineal provisto por la cátedra. En las complejidades C denota el campo de mayor longitud de un conjunto o registro al que acompaña.

```
NReg() \longrightarrow res : reg
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{res} =_{\operatorname{obs}} \emptyset \}
Descripción: Crea un registro nuevo, vacio
Complejidad: O(1)
DEFINIDO?(in r : reg in c: campo) \longrightarrow res : Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} def?(c,r)\}\
Descripción: Indica si el campo esta definido
Complejidad: O(Longitud(c))
DEFINIR(in/out \ r : reg \ in \ c : campo, \ in \ d : dato)
\mathbf{Pre} \equiv \{r = r_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} Definir(c, d, r_0)\}\
Descripción: Se define s en el diccionario
Complejidad: O(Longitud(c))
Aliasing: d se define por referencia
BORRAR(in/out \ r : reg \ in \ c : campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{r =_{\mathbf{obs}} r_0 \land def?(c, r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{\mathrm{obs}} Borrar(c, r_0)\}\
Descripción: Elimina el campo c
Complejidad: O(Longitud(c))
SIGNIFICADO(in r : reg in c: campo) \longrightarrow res : dato
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(c,r)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(c, r)\}\
Descripción: Se retorna el significado de c
Complejidad: O(Longitud(c))
CAMPOS(in \ r : reg) \longrightarrow res : conj(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} alias(res, claves(r))\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de campos que son claves del registro ingresado por parametro
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve el conjunto por referencia, hay Aliasing
```

```
BORRAR?(in crit : reg, in r : reg) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \# \operatorname{campos}(\operatorname{crit}) = 1 \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} borrar?(crit, r)\}\
Descripción: Devuelve true si y solo si todos los campos de crit pertenecen a campos de r.
Complejidad: O(Longitud(dameUno(campos(crit))))
COINCIDEALGUNO(in r_1: reg, in cc: conj(campo), in r_2: reg) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{cc} \subseteq campos(r_1) \cap \mathbf{campos}(r_2) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coincideAlguno(r_1, r_2)\}\
Descripción: Devuelve true si y solo si alguno de los campos(dato) de cc pertenece a r1 y r2
Complejidad: O(\#cc * C)
COINCIDENTODOS(in r_1: reg, in cc: conj(campo), in r_2: reg) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{cc} \subseteq campos(r_1) \cap \mathbf{campos}(r_2) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coincidenTodos(r_1, cc, r_2)\}\
Descripción: Devuelve ture si y solo si todos los campos(dato) de cc pertenecen a r1 y r2
Complejidad: O(\#cc * C)
EnTodos(in \ c : campo, \ in \ cr : conj(registro)) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} enTodos(c, cr)\}\
Descripción: Devuelve true si y solo si campo c pertenece a los campos de cada uno de los
                 registros cr
Complejidad: O(\#(cr))
UNIRREGISTROS(in c: campo, in r_1: reg, in r_2: reg) \longrightarrow res: registro
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in campos(r_1) \land c \in (campos(r_2))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} combinar Todos(c, r_1, ag(\emptyset, r_2)))\}
Descripción: Devuelve el registro que combina los valores de r_1 y r_2
Complejidad: O(\#campos(r_1) * C)
Aliasing: r_1 y r_2 son tomados por referencia
COMBINARTODOS(in c: campo, in r: reg, in cr: conj(reg)) \longrightarrow res: registro
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in campos(r_1) \land enTodos(c, cr))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} combinar Todos(c, r_1, cr)\}\
Descripción: Devuelve el registro que combina los valores de r_1 y un registro apropiado de cr
Complejidad: O(\#campos(r_1) * C * \#(cr))
Aliasing: r_1 y r_2 son tomados por referencia
```

se representa con dlex donde dlex es subdic: diccString(campo,dato)

Invariante de representación

Rep : $\widehat{\mathtt{Dicc}} \longrightarrow boolean$ $(\forall d : \widehat{\mathtt{Dicc}})$ Rep $(d) \equiv \text{true}$

Función de abstracción

$$\begin{aligned} & \text{Abs} : \widehat{\mathsf{reg}} \ d \longrightarrow \widehat{\mathsf{reg}} \\ & (\forall d : \widehat{\mathsf{reg}}) \\ & \text{Abs}(d) \equiv r : \widehat{\mathsf{reg}} \ | \text{Abs}(\text{dlex}) \end{aligned}$$

```
IDEFINIR(in r : reg, in c : campo, in d : dato)
  Definir(r, c, d)
                                                                         O(Longitud(c))
                                                                         O(Longitud(c))
IDEFINIDO?(in r : reg, in c : campo) \longrightarrow res : bool
  res \leftarrow Definido?(r, c)
                                                                         O(Longitud(c))
                                                                         O(Longitud(c))
ISIGNIFICADO(in r : reg, in c : campo) \longrightarrow res : dato
  res \leftarrow significado(c, r.subdic)
                                                                         O(Longitud(c))
                                                                         O(Longitud(c))
IBORRAR(in/out \ r : reg, \ in \ c : campo)
  Borrar(r.subdic)
                                                                         O(Longitud(c))
                                                                         O(Longitud(c))
CAMPOS(in \ r : reg) \longrightarrow res : Conj(campo)
  res \leftarrow DiccClaves(r.subdic)
                                                                         O(1)
                                                                         O(1)
BORRAR?(in crit : reg in r: reg) \longrightarrow res : bool
  res \leftarrow coincidenTodos(crit, campos(crit), r):
                                                                         O(Longitud(dameUno(campos(crit))))
                                                                         O(Longitud(dameUno(campos(crit))))
ICOINCIDEALGUNO(in r1: reg in cc: conj(campo) in r2: reg) \longrightarrow res: bool
  it \leftarrow CrearIt(cc)
                                                                         O(1)
  res \leftarrow false
                                                                         O(1)
  while (res) \wedge HaySiguiente(it) do
                                                                         O(\#cc)
      res \leftarrow Significado(r1, Siguiente(it)) = Significado(r2, Siguiente(it))
                                                                         O(longitud(siguiente(it))) = O(C)
  end while
                                                                         O(\#cc*C)
```

```
ICOINCIDENTODOS(in r1: reg in cc: conj(campo) in r2: reg) \longrightarrow res: bool
  it \leftarrow CrearIt(cc)
                                                                           O(1)
  res \leftarrow true
                                                                            O(1)
  while res \wedge HaySiguiente(it) do
                                                                            O(\#cc)
      res \leftarrow Significado(r1, Siguiente(it)) = Significado(r2, Siguiente(it))
                                                                           O(longitud(siguiente(it))) = O(C)
  end while
                                                                           O(\#cc*C)
                                                    Donde C es la longitud del campo más largo en cc
IENTODOS(in \ c : campo \ in \ cr: conj(reg)) \longrightarrow res : bool
  \mathrm{res} \leftarrow \mathrm{True}
                                                                           O(1)
  it \leftarrow CrearIt(cr)
                                                                            O(1)
  while haySiguiente(it) \land res do
                                                                            O(\#(cr))
      res \leftarrow Definido?(c,siguiente(it))
                                                                            O(1)
      Avanzar(it)
  end while
                                                                           O(\#(cr))
ICOMBINARTODOS(in c: campo in r1: reg in cr: conj(reg)) \longrightarrow res: reg
  it \leftarrow CrearIt(cr)
                                                                            O(1)
  Bool f \leftarrow true
  while haySiguiente(it) \wedge f do
                                                                           O(\#(cr))
      if Significado(r,c)=Significado(Siguiente(it),c) then
                                                                            O(1)
                                                                            O(\#campos(r_1) * C)
          res \leftarrow unirRegistros(c,r, siguiente(it))
          f \leftarrow false
                                                                            O(1)
      end if
      Avanzar(it)
  end while
                                                                            O(\#campos(r_1) * C * \#(cr))
IUNIRREGISTROS(in c: campo in r_1: reg in r_2: reg) \longrightarrow res: reg
  res \leftarrow r_2
  it \leftarrow CrearIt(campos(r_1))
                                                                           O(\#campos(r_1))
  while HaySiguiente(it) do
      Definir(res, Siguiente(it), Significado(r_1, Siguiente(it)))
                                                                            O(longitud(siguiente(it))) = O(C)
  end while
                                                                           O(\#campos(r_1) * C)
```

5 Tabla

5.1 Interfaz

```
se explica con Tabla, DiccString(string, alfha),
DiccNat(nat, beta), Nat, String, Dato, Campo, Tipo, Registro, ConjString, ConjNat.
géneros
                      tabla
Operaciones
NOMBRE(in t : tab) \longrightarrow res : string
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nombre(t)\}\
Descripción: Devuelve el nombre de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se retorna res por copia, por ser un tipo basico.
CLAVES(in t: tab) \longrightarrow res: Conj(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} claves(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de campos clave en la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
INDICES(in t: tab) \longrightarrow res: ConjString(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} indices(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto campos con los que se crearon los indices.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
CAMPOS(in t: tab) \longrightarrow res: ConjString(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} campos(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de todos los campos de la tabla.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
TIPOCAMPO(in c: \mathtt{campo}, \mathtt{in}\ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{tipo}
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{campos}(t)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tipoCampo(t)\}\
Descripción: Devuelve el tipo del campo c en la tabla.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia, no es modificable.
REGISTROS(in t: tab) \longrightarrow res: itConj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} registros(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto a los registros de la tabla.
Complejidad: O(1)
```

Aliasing: Se devuelve res referencia.

```
CANTIDADDEACCCESOS(in t : tab) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} cantidadDeAccesos(t)\}\
Descripción: Devuelve la cantidad de modificaciones de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por copia.
NUEVATABLA(in nombre: string, in claves: conjString(campo), in columnas: registro)
\longrightarrow res: tab
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathbf{claves}) \land \mathbf{claves} \subseteq \mathbf{campos}(\mathbf{columnas})\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} nuevaTabla(t) \}
Descripción: Crea una tabla sin registros.
Complejidad: O(1)
AGREGARREGISTRO(in r: registro, in/out t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t_0 = t \land \mathrm{campos}(r) = \mathrm{obs}(r) \land \mathrm{puedorInsertar}(r,t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{agregarRegistro}(\mathbf{r}, \mathbf{t}_{-}0) \}
Descripción: Agrega un registro a la tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(Loq(n))
Aliasing: Agrega el registro r por referencia.
BORRARREGISTRO(in crit: registro, in/out t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t\_0 = t \land \#(\mathrm{campos(r)}) = 1 \land_{\mathsf{L}} \ \mathrm{Siguiente}(\mathrm{CrearIt}(\mathrm{campos}(\mathrm{crit}))) \in \mathrm{claves}(t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{borrarRegistro}(\mathbf{r}, \mathbf{t}_{-}0) \}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio pasado por parametro.
Complejidad: O(n)
INDEXAR(in crit: registro, in/out t: tab)
\mathbf{Pre} \equiv \{t_0 = t \land puedeIndexar(c,t)\}\
Post \equiv \{indexar(c,t_0)\}
Descripción: Crea un indice en base al campo de crit.
Complejidad: O(n)
PUEDOINSERTAR?(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puedoInsertar?(r,t)\}
Descripción: Informa si el registro pasado por parametro no tiene valores repetidos con respectos
                  a los registros existentes, para los campos clave en la tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(n)
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
COMPATIBLE(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} compatible(r, t)\}\
Descripción: Informa si el registro pasado por parametro tiene correspondecia en los tipos de los
                  campos de tabla pasada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
MINIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{registro}(t)) \land c \in \mathrm{indices}(t)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} minimo(c, t)\}\
Descripción: Retorna el minimo entre los valores de la tabla para el campo c.
Complejidad: O(L + Log(n))
Aliasing: Retorna res por referencia.
```

```
MAXIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{registro}(t)) \land c \in \mathrm{indices}(t)\}
Post \equiv \{res =_{obs} maximo(c, t)\}\
Descripción: Retorna el maximo entre los valores de la tabla para el campo c.
Complejidad: O(L + Loq(n))
Aliasing: Retorna res por referencia.
PUEDEINDEXAR(in c: \mathtt{campo}, in \ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} puedeIndexar(c, t) \}
Descripción: Informa si se puede crear un nuevo indice.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
COINCIDENCIAS(in r: registro, in cj: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(ItConj(registro))
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coincidencias(r, cj)\}\
Descripción: Devuelve el conjunto de registros de la tabla, que coinciden con los valores de r.
Complejidad: O(Cardinal(cj))
Aliasing: Retorna res por referencia.
HAYCOINCIDENCIA(in r: registro, in cjc: Conj(campo), in \ cjr: Conj(registro)) \longrightarrow res:
bool
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayCoincidencia(r, cjc, cjr)\}\
Descripción: Retorna true si algun registro del conjunto cjr, coincide con r en todos los valores
                 de los campos de cjc.
Complejidad: O(Cardinal(cjr))
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
COMBINARREGISTROS(in c: campo, in cj1: Conj(registro), in cj2: Conj(registro)) \longrightarrow res
: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} combinar Registros(c, cj1, cj2)\}\
Descripción: Combina los valores de los registros para el campo dado por parametro.
Complejidad: O(Cardinal(cj1) + Cardinal(cj2))
Aliasing: Retorna res por referencia, es modificable.
DAMECOLUMNA(in c: campo, in cj: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(dato)
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} dameColumna(c, cj1, cj2)\}\
Descripción: Reune en un conjunto los valores del campo pasado por parametro.
Complejidad: O(\#cr * log(\#cr) + (\#cr * long(k)))
Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.
MISMOSTIPOS(in \ r : registro, in \ t : tab) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{campos}(\mathbf{r}) \subseteq \operatorname{campos}(\mathbf{t}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mismosTipos(r,t)\}\
Descripción: Compara los tipos correspondientes a los campos del registro y la tabla.
Complejidad: O(1)
```

Aliasing: Retorna res por referencia, no es modificable.

```
BUSCARENTABLA(in c: campo, in t: tab) \longrightarrow res: Conj(ItConj(registro))

Pre \equiv \{c \subseteq \text{campos}(t)\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} BuscarEnTabla(c,t)\}

Descripción:

Complejidad: O(O(L + Log(n)))

Aliasing: Retorna res por referencia, es modificable.
```

```
se representa con Tabla
\mathbf{donde}\;\mathtt{tab}\;\mathbf{es}\;\;\mathtt{tupla} \langle \mathrm{Nombre}: \mathtt{NombreTabla},
                      Registros: Conj(Registro),
                      Campos: DiccString(Campo, Tipo),
                      Claves: Conj(Campo),
                      IndiceS: tupla(CampoI: campo,
                                      EnUso: bool.
                                      Indice : DiccString(string, Conj(ItConj(Registro))),
                                      Min: Dato,
                                      Max : Dato
                      IndiceN: tupla(CampoI: campo,
                                       EnUso: bool,
                                       Indice : DiccNat(nat, Conj(ItConj(Registro))),
                                       Min: Dato,
                                       Max : Dato
                      RelacionInd: tupla(CampoR: campo,
                                           ConsultaN : DiccNat(nat, Acceso)),
                                           ConsultaS : DiccString(string, Acceso))
                      \#Accesos : Nat \rangle
donde Acesso es <S: ItConj(ItConj(Registro)),N: ItConj(ItConj(Registro))>
```

Invariante de representación

- 1. t.Claves esta inclido o es igual a t.Campos.
- 2. t.Nombre es un string acotado.
- 3. Para todo registro r de t.Registros, entonces Campos(r) es igual al t.Campos.
- 4. Para todo registro r de t.Registros y para todo campo c de Campos(r), entonces Tipo?(Significado(r,c)) es igual Significado(t.Campos, c).
- 5. Si t.IndiceS.EnUso es true y t.IndiceS.CampoI pertenece a t.Campos, para todo string d, si Definido?(t.IndiceS.Indice, d) es true, entonces para todo itConj(registro) it que pertenece a el conj(ItConj(registro)) cj Significado(t.IndiceS.Indice, d), registro r ←Siguiente(it), r pertenece a t.Registros.
- 6. Si t.IndiceS.EnUso es true y t.IndiceS.CampoI pertenece a t.Campos, entonces para todo registro R de t.Registros entonces

 Definido?(t.IndiceS.Indice, Significado(r, t.IndiceS.CampoI)) es true, entonces algun ItConj(registro) it que pertenece a

 Conj(itConj()) cj Significado(t.IndiceS.Indice, Significado(r, t.IndiceS.CampoI)) entonces Siguiente(it)=R.

- 7. Si t.IndiceN.EnUso es true y t.IndiceN.CampoI pertenece a t.Campos, para todo string d, si Definido?(t.IndiceN.Indice, d) es true, entonces para todo itConj(registro) it que pertenece a el conj(ItConj(registro)) cj Significado(t.IndiceS.Indice, d), registro r ←Siguiente(it), r pertenece a t.Registros.
- 8. Si t.IndiceN.EnUso es true y t.IndiceN.CampoI pertenece a t.Campos, entonces para todo registro R de t.Registros entonces

 Definido?(t.IndiceN.Indice, Significado(r, t.IndiceN.CampoI)) es true, entonces algun ItConj(registro) it que pertenece a

 Conj(itConj()) cj Significado(t.IndiceN.Indice, Significado(r, t.IndiceN.CampoI)) entonces Siguiente(it)=R.
- 9. El campo de e.RelacionInd.CampoR pertenece a t.claves
- 10. Si t.IndiceS.EnUso es true y para todo string X, ¬tipoCampo(t.campo, e.RelacionInd.CampoR) y Definido?(t.RelacionInd.ConsultaS, X), tal que
 Acceso dataInd ←Significado(t.RelacionInd.ConsultaN, Y),
 y el registro R ←Siguiente(Siguiente(dataInd.S)), entonces R pertenece a t.registros ∧_L
 ValorString(Significado(R, t.RelacionInd.campoR))=Y
- 11. Si t.IndiceN.EnUso es true y para todo nat Y, ¬tipoCampo(t.campo, e.RelacionInd.CampoR) y Definido?(t.RelacionInd.ConsultaN, Y), tal que el Acceso dataInd ←Significado(t.RelacionInd.ConsultaN, Y), y el registro R ←Siguiente(Siguiente(dataInd.N)), entonces R pertenece a t.registros ∧_L ValorString(Significado(R, t.RelacionInd.campoR))=Y
- 12. Si t.IndiceS.EnUso es true y para todo nat Y, tipoCampo(t.campo, e.RelacionInd.CampoR) y Definido?(t.RelacionInd.ConsultaN, Y), tal que el Acceso dataInd ←Significado(t.RelacionInd.ConsultaN, Y), y el registro R ←Siguiente(Siguiente(dataInd.S)), entonces R pertenece a t.registros ∧_L ValorString(Significado(R, t.RelacionInd.campoR))=Y
- 13. Si t.IndiceN.EnUso es true y para todo nat Y, tipoCampo(t.campo, e.RelacionInd.CampoR) y Definido?(t.RelacionInd.ConsultaN, Y), tal que el Acceso dataInd ←Significado(t.RelacionInd.ConsultaN, Y), y el registro R ←Siguiente(Siguiente(dataInd.N)), entonces R pertenece a t.registros ∧_L ValorString(Significado(R, t.RelacionInd.campoR))=Y
- 14. El valor de e.#Accesos debe ser la cantidad de registros agregados, la cantidad de registros borrados

Función de abstracción

$$\begin{aligned} \operatorname{Abs}: \widehat{\mathsf{tab}} s &\longrightarrow \widehat{\mathsf{Tabla}} \\ (\forall s: \widehat{\mathsf{tab}}) \\ \operatorname{Abs}(s) &\equiv t: \widehat{\mathsf{Tabla}} \mid s.Nombre =_{\operatorname{obs}} nombre(t) \land s.Claves =_{\operatorname{obs}} claves(t) \land \\ s.Indices =_{\operatorname{obs}} indices(t) \land s.Registros =_{\operatorname{obs}} registros(t) \land DiccClaves(s.Campos) =_{\operatorname{obs}} campos(t) \land \\ s.\#Accesos =_{\operatorname{obs}} cantidadDeAccesos(t) \land \\ ((\forall c: \operatorname{campo})Definido?(s.Campos, c) \Rightarrow_{\operatorname{L}} Significado(s.Campos, c) =_{\operatorname{obs}} tipoCampo(c, t)) \end{aligned}$$

$\mathtt{NOMBRE}(\mathbf{in}\ t:\mathtt{tab})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{string}$	
$res \leftarrow t.Nombre$	O(1) por ref
	O(1) por ref
$\mathtt{CLAVES}(\mathbf{in}\ t:\mathtt{tab})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{Conj}(\mathtt{campo})$	
$res \leftarrow t.Claves$	O(1) por ref
	O(1) por ref
$ ext{INDICES}(ext{in } t: ext{tab}) \longrightarrow res: ext{ConjString(campo)}$	
$ConjString(campo) res \leftarrow vacio();$	O(1) por ref
if t.IndiceS.EnUso then	O(1) por ref
AgregarRapido(res, t.IndiceS.CampoI) end if	O(1) por ref
if t.IndiceN.EnUso then	O(1) por ref
AgregarRapido(res, t.IndiceN.CampoI)	O(1) por ref
end if	(/ -
	O(1) por ref
$ ext{CAMPOS}(extbf{in}\ t: exttt{tab}) \longrightarrow ext{\it res}: exttt{ConjString(campo)}$	
$res \leftarrow DiccClaves(t.Campos)$	O(1) por ref
	O(1) por ref
${\tt TIPOCAMPO}(\textbf{in}\ c: {\tt campo},\ in\ t: {\tt tab}) \longrightarrow res: {\tt Tipo}$	
$res \leftarrow Significado(t.Campos, c)$	O(1) por ref
	O(1) por ref
$\mathtt{REGISTROS}(\mathbf{in}\ t:\mathtt{tab})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{Conj}(\mathtt{registro})$	
$res \leftarrow t.registros$	O(1) por ref
Se retorna el conjunto por referencia	
	O(1) por ref
$\texttt{CANTDEACCESOS}(\textbf{in} \ t : \mathtt{tab}) \longrightarrow \mathit{res} : \mathtt{nat}$	
$res \leftarrow t.cantDeAccesos$	O(1) por ref
	O(1) por ref

```
NUEVATABLA(in nombre: string, in claves: conj(campo), in columnas: registro) \longrightarrow res:
                                                                        O(1) por ref
  Conj(registro) Registros \leftarrow Vacio()
  DiccString(campo, tipo) Campos \leftarrow Vacio()
                                                                        O(1) por ref
  Campo c \leftarrow Siguiente(CrearIt(claves))
  Dato d \leftarrow Obtener(columnas, Siguiente(CrearIt(claves)))
  IndiceS \leftarrow < c, False, Vacio(), d, d >
                                                                        O(1) por ref
  IndiceN \leftarrow < c, False, Vacio(), d, d >
                                                                        O(1) por ref
  \#Acessos \leftarrow 0
                                                                        O(1) por ref
  RelacionInd \leftarrow \langle c, Vacio(), Vacio() \rangle
  res \leftarrow < nombre, Registros, Campos, claves, Indice S, Indice N, Relacion Ind, 0 > 
                                                                        O(1) por ref
  itcampos \leftarrow crearIt(Campos(columnas))
                                                                        O(# de campos)
  while HaySiguiente(itcampos) do
                                                                        O(# de campos)
     Dato valor ← Significado(columnas, Siguiente(itcampos))
                                                                        O(L)
     Definir(res.Campos, Siguiente(itcampos), Tipo?(valor))
                                                                        O(1) por ref
      Avanzar(itcampos)
                                                                        O(1) por ref
  end while
  Donde L es la longitud del valor string mas largo.
                                                                        O((\#(campos(columnas))*L)
```

```
AGREGARREGISTRO(in r: registro, in/out t: tab)
  Para poder acceder al registro en el conj en O(1) por ref, guardo el iterador al elemento
  itConj(Registro) nuevo \leftarrow AgregarRapido(t.Registros,r)
                                                                         O(1) por ref
  t.#Accesos++
                                                                         O(1) por ref
  Este registro debe ser indexado, si algun indice esta en uso.
  if t.IndiceS.EnUso ∧ t.IndiceN.EnUso then
      Dato valorS \leftarrow Significado(r, t.IndiceS.CampoI)
                                                                         O(L)
     Dato valorN \leftarrow Significado(r, t.IndiceN.CampoI)
                                                                         O(Log(n))
     Bool DefinidoS \leftarrow Definido?(t.IndiceS.Indice, ValorString(valorS))
                                                                         O(1)
     Bool DefinidoN \leftarrowDefinido?(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valorN))
                                                                         O(Log(n))
     if \neg DefinidoS \land \neg DefinidoN then
                                                                         O(1)
         Ambos no estan definidos
         cjS \leftarrow vacio()
                                                                         O(1) por ref
         cjN \leftarrow vacio()
                                                                         O(1) por ref
         newS \leftarrow AgregarRapido(ciS, nuevo)
                                                                         O(1) por ref
         newN \leftarrow AgregarRapido(cjN, nuevo)
                                                                         O(1) por ref
         Definir(t.IndiceS.Indice, ValorString(valorS), cjS)
                                                                         O(1) por ref
         Definir(t.IndiceN.Indice, ValorString(valorN), cjN)
                                                                         O(Log(n)) por ref
     else
         if DefinidoS ∧ ¬DefinidoN then
                                                                         O(1)
             cjS \leftarrow Significado(t.IndiceS.Indice, ValorString(valorS))
                                                                         O(1)
             cjN \leftarrow vacio()
                                                                         O(1)
             newS \leftarrow AgregarRapido(cjS, nuevo)
                                                                         O(1)
             newN \leftarrow AgregarRapido(cjN, nuevo)
                                                                         O(1)
             Definir(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valorN), cjN)
                                                                         O(Log(n)) por ref
         else
             if ¬DefinidoS ∧ DefinidoN then
                                                                         O(1)
                 cjN \leftarrow Significado(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valorN))
                                                                         O(Log(n))
                 cjS \leftarrow vacio()
                                                                         O(1)
                 newS \leftarrow AgregarRapido(cjS, nuevo)
                                                                         O(1)
                 newN \leftarrow AgregarRapido(cjN, nuevo)
                                                                         O(1)
                 Definir(t.IndiceS.Indice, ValorString(valorS), cjS)
                                                                         O(1) por ref
             else
                 Caso en que esta definido en los dos indices
                 cjN \leftarrow Significado(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valorN))
                                                                         O(Log(n))
                 cjS \leftarrow Significado(t.IndiceS.Indice, ValorString(valorS))
                                                                         O(1)
                 newS \leftarrow AgregarRapido(cjS, nuevo)
                                                                         O(1) por ref
                 newN \leftarrow AgregarRapido(cjN, nuevo)
                                                                         O(Log(n)) por ref
             end if
         end if
      end if
     if t.IndiceS.Min > valorS then
                                                                         O(L)
         t.IndiceS.Min \leftarrow valorS
                                                                         O(1) por ref
     end if
     if valorS > t.IndiceS.Max then
                                                                         O(L)
```

```
t.IndiceS.Max \leftarrow valorS
                                                                      O(1) por ref
   end if
   if t.IndiceN.Min > valorN then
                                                                      O(1) por ref
       t.IndiceN.Min \leftarrow valorN
                                                                      O(1) por ref
   end if
   if valorN > t.IndiceN.Max then
                                                                      O(1) por ref
       t.IndiceN.Max \leftarrow valorN
                                                                      O(1) por ref
   end if
else
   if t.IndiceS.EnUso ∧ ¬t.IndiceN.EnUso then
       Obtengo de r el valor del campo con el que se creo el indice.
       Dato valor \leftarrow Significado(r, t.IndiceS.CampoI)
                                                                      O(L)
       Bool Def \leftarrow Definido?(t.IndiceS.Indice, ValorString(valor))
       if Def then
                                                                      O(1) por ref
           Si esta definido, entonces hay varios registros que cumplen
           agrego el iterador al conjunto de que ya estaban.
           viejo \leftarrow Significado(t.IndiceS.Indice, ValorString(valor))
                                                                      O(L)
           itConj(registro) newS ←AgregarRapido(viejo, nuevo)
                                                                      O(L)
           itConj(registro) newN \leftarrow CrearIt(vacio())
       else
           Conj(Registro) \ viejo \leftarrow Vacio()
                                                                      O(1) por ref
           itConj(registro) newS \leftarrow AgregarRapido(viejo, nuevo)
                                                                      O(1) por ref
           itConj(registro) newN \leftarrow CrearIt(vacio())
           Definir(t.IndiceS.Indice, ValorString(valor), viejo)
                                                                      O(L)
           Como ingresamos un nuevo valor, actualizamos el min y max
           if t.IndiceS.Min > valor then
                                                                      O(L)
              t.IndiceS.Min \leftarrow valor
                                                                      O(L)
           end if
           if valor > t.IndiceS.Max then
                                                                      O(L)
              t.IndiceS.Max \leftarrow valor
                                                                      O(L)
           end if
       end if
   else
       if \neg t.IndiceS.EnUso \land t.IndiceN.EnUso then
           Obtengo de r el valor del campo con el que se creo el indice.
           Dato valor \leftarrow Significado(r, t.IndiceN.CampoI)
                                                                      O(L)
           Bool Def \leftarrow Definido?(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valor))
                                                                      O(\log(n))
           if Def then
                                                                      O(1) por ref
              Si esta definido, entonces hay varios registros que cumplen
              agrego el iterador al conjunto de que ya estaban.
              viejo \leftarrow Significado(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valor))
                                                                      O(L)
              itConj(registro) newN ←AgregarRapido(viejo, nuevo)
                                                                      O(L)
              itConj(registro) newS \leftarrow CrearIt(vacio())
           else
              Conj(Registro) \ viejo \leftarrow Vacio()
                                                                      O(1) por ref
              itConj(registro) newN ←AgregarRapido(viejo, nuevo)
```

```
O(1) por ref
              itConj(registro) newS \leftarrow CrearIt(vacio())
              Definir(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valor), viejo)
                                                                    O(L)
              Como ingresamos un nuevo valor, actualizamos el min y max
              if t.IndiceN.Min > valor then
                                                                   O(1) por ref
                 t.IndiceN.Min \leftarrow valor
                                                                   O(1) por ref
              end if
              if valor > t.IndiceN.Max then
                                                                   O(1) por ref
                 t.IndiceN.Max \leftarrow valor
                                                                   O(1) por ref
              end if
          end if
       end if
   end if
end if
Bool BasadoEn \leftarrow Significado(t.campos, t.RelacionInd.CampoR)
if BasadoEn then
   Es True entonces es un DiccNat
   Nat elem \leftarrow ValorNat(Significado(r, t.RelacionInd.CampoR))
   Definir(t.RelacionInd.ConsultaN, elem, < newS, newN >)
else
   Es False entonces es un DiccString
   String elem \leftarrowValorString(Significado(r, t.RelacionInd.CampoR))
   Definir(t.RelacionInd.ConsultaS, elem, \langle newS, newN \rangle)
end if
                                                                   O(L+Log(n))
```

```
INDEXAR(in c: campo, in/out t: tab)
  if tipoCampo(c,t.campos) then
      t.IndiceN.EnUso \leftarrow True
  else
      t.IndiceS.EnUso \leftarrow True
  end if
  ItConj(ItConj(registro)) newS \leftarrow CrearIt(CrearIt(Vacio()))
  ItConj(ItConj(registro)) newN \leftarrow CrearIt(CrearIt(Vacio()))
  < ItConj(ItConj(registro)), ItConj(ItConj(registro)) > dataIndices
  Buscamos en la Relacion de Indices segun su campo.
  Primero necesito saber en base a que tipo de campo fue creado.
  Tipo BasadoEn \leftarrow Significado(t.campos, t.RelacionInd.CampoR)
  itConj(registro) cr \leftarrow CrearItConj(t.registros)
  while HaySiguiente(cr) do
      if tipoCampo?(c,t) then
          Caso Naturales
          Dato valor \leftarrow Significado(Siguiente(cr), c)
          Bool Definido \leftarrow Definido?(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valor))
          itConj(registro) itr \leftarrow Copiar(cr)
          if Definido then
             Significa que para este valor del indice hay mas de un iterador de conj a reg
             regviejos \leftarrow Significado(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valor))
             itConj(itConj(registro)) newN \leftarrow AgregarRapido(regviejos, itr)
          else
             Conj(itConj(registro)) nuevo \leftarrow Vacio()
             newN \leftarrow AgregarRapido(nuevo, itr)
             Definir(t.IndiceN.Indice, ValorNat(valor), nuevo)
          end if
      else
          Caso Strings
          Dato valor \leftarrow Significado(Siguiente(cr), c)
          Bool Definido \leftarrow Definido?(t.IndiceS.Indice, ValorString(valor))
          itConj(registro) itr \leftarrow cr
          if Definido then
             Significa que para este valor del indice hay mas de un iterador de conj a reg
             regviejos \leftarrow Significado(t.IndiceS.Indice, ValorString(valor))
             itConj(itConj(registro)) newS \leftarrow AgregarRapido(regviejos, itr)
          else
             Conj(itConj(registro)) nuevo \leftarrow Vacio()
             newS \leftarrow AgregarRapido(nuevo, itr)
             Definir(t.IndiceS.Indice, ValorString(valor), nuevo)
          end if
      end if
      Ahora actualizo la relacion de indices
      Dato valor \leftarrow Significado (Siguiente (cr), t.Relacion Ind. Campo R)
      Bool DefinidoR
      if BasadoEn then
          La relacion de indices esta basada en un campo Natural
          DefinidoR \leftarrow Definido?(t.RelacionInd.ConsultaN, ValorNat(valorR))
      else
          La relacion de indices esta basada en un campo String
          DefinidoR \leftarrow Definido?(t.RelacionInd.ConsultaS, ValorString(valorR))
```

```
end if
     if DefinidoR then
         Significa que el otro indice esta en uso.
         if BasadoEn then
             La relacion de indices esta basada en un campo Natural
             dataIndices \leftarrow Significado(t.RelacionInd.ConsultaN, ValorNat(valorR))
             if tipoCampo?(c,t.campos) then
                 dataIndices.N \leftarrow newN
             else
                 dataIndices.S \leftarrow newS
             end if
         else
             La relacion de indices esta basada en un campo String
             dataIndices \leftarrow Significado(t.RelacionInd.ConsultaS, ValorString(valorR))
             if tipoCampo?(c,t) then
                 dataIndices.N \leftarrow newN
             else
                 dataIndices.S \leftarrow newS
             end if
         end if
     else
         Significa que el otro indice no esta en uso.
         dataIndices \leftarrow \langle newS, newN \rangle
         if BasadoEn then
             Definir(t.RelacionInd.ConsultaN, ValorNat(valorR), dataIndices)
         else
             Definir(t.RelacionInd.ConsultaS, ValorString(valorR), dataIndices)
         end if
     end if
      Avanzar(cr)
  end while
                                                                        O(1) por ref
PUEDOINSERTAR?(in r: registro, in t: tab) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow campatible(r,t) \land \neg hayCoincidencia(r, Campo(r), registros(t))
                                                                        O(Cardinal(registros(t)))
                                                                        O(Cardinal(registros(t)))
COMPATIBLE(in r: registro, int t: tab) \longrightarrow res: bool
  bool valor \leftarrow True
  if Cardinal(campos(r))=Cardinal(DiccClaves(t.Campos)) then
     itcampos \leftarrow CrearItString(DiccClaves(t.Campos))
      while valor ∧ HaySiguiente(itcampos) do
                                                                        O(1) por ref
                                                                        O(1) por ref
         Campo c \leftarrow Siguiente(itcampos)
         valor \leftarrow Definido?(r, c)
                                                                        O(1) por ref
      end while
  else
      valor \leftarrow False
                                                                        O(1) por ref
  end if
  res \leftarrow valor \land_L mismosTipos(r,t)
                                                                        O(1) por ref
  El costo del While es O(1) por ref ya que la cantidad de campos de la tabla es acotado
                                                                        O(1)
```

```
MINIMO(in \ c : campo, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : dato
  Si hay indice en el campo c, debe ser de complejidad O(1) por ref
  if t.IndiceS.EnUso \land t.IndiceS.CampoI=c then
      Sabemos que hay un indice string para el campo c
                                                                            O(Cardinal(t.registros))
      res \leftarrow t.IndiceS.Min
  else
      if t.IndiceN.EnUso \land t.IndiceN.CampoI=c then
          Sabemos que hay un indice string para el campo c
          res \leftarrow t.IndiceN.Min
                                                                            O(Cardinal(t.registros))
      end if
  end if
                                                                            O(1) por ref
\text{MAXIMO}(\mathbf{in}\ c: \mathtt{campo},\ in\ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{dato}
  Si hay indice en el campo c, debe ser de complejidad O(1) por ref
  if t.IndiceS.EnUso \land t.IndiceS.CampoI=c then
      Sabemos que hay un indice string para el campo c
      res \leftarrow t.IndiceS.Max
                                                                            O(Cardinal(t.registros))
  else
      if t.IndiceN.EnUso \land t.IndiceN.CampoI=c then
          Sabemos que hay un indice string para el campo c
          res \leftarrow t.IndiceN.Max
                                                                            O(Cardinal(t.registros))
      end if
  end if
                                                                            O(1) por ref
PUEDEINDEXAR(in c: \mathtt{campo}, in \ t: \mathtt{tab}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
  if TipoCampo(c, t) then
      res \leftarrow \neg(t.IndiceN.EnUso)
  else
      res \leftarrow \neg(t.IndiceS.EnUso)
  end if
                                                                            O(1) por ref
HAYCOINCIDENCIA(in r: registro, in cc: ConjString(campo), in cr: Conj(registro)) \longrightarrow
res: bool
  itcr \leftarrow CrearItConj(cr)
                                                                            O(1) por ref
  res \leftarrow false
                                                                            O(1) por ref
  while HaySiguiente(itcr) do
                                                                            O(Cardinal(cr))
      res \leftarrow coincideAlguno(r,cc,Siguiente(itcr)) \lor res
                                                                            O(1) por ref
      Avanzar(itcr)
                                                                            O(1) por ref
  end while
                                                                            O(Cardinal(cr))
```

```
COINCIDENCIAS(in crit: registro, in cr: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(ItConj(registro))
  Conj(registro) salida \leftarrow Vacio()
                                                                       O(1) por ref
  Debemos comparar todos los registros de cr.
  y agregarlos al conjunto de registros salida
  itcr \leftarrow CrearItConj(cr)
  while HaySiguiente?(cr) do
                                                                       O(Cardinal(cr))
     if coincidenTodos(crit,campos(crit),Siguiente(itcr)) then
                                                                       O(1) por ref
         AgregarRapido(salida, CrearIt(Siguiente(itcr)))
                                                                       O(1) por ref
         AgregarRapido(salida, itcr)
                                                                       O(1) por ref
     end if
      Avanzar(itcr)
                                                                       O(1) por ref
  end while
  res \leftarrow salida
                                                                       O(1) por ref
                                                                       O(Cardinal(cr))
COMBINARREGISTROS(in c: campo, in cr1: Conj(registro), in cr2: Conj(registro)) \longrightarrow
res: Conj(registros)
  itcr1 \leftarrow CrearItConjString(cr1)
                                                                       O(1) por ref
  Lo malo es que combinarRegistros sera O(Cardinal(cr2)*Log(Cardinal(cr2)))
  if Cardinal(cr2)>1 then
                                                                       O(1) por ref
       Registro rtemp \leftarrow Siguiente(CrearIt(cr2))
                                                                       O(1) por ref
       Tipo rac \leftarrow Tipo?(Significado(rtemp, c))
                                                                       O(1) por ref
     if rac then
                                                                       O(1) por ref
         Caso Natural
         DiccNat(Nat, Conj(registro)) d \leftarrow vacio()
                                                                       O(1) por ref
         itcr2 \leftarrow CrearIt(cr2)
                                                                       O(1) por ref
         while HaySiguiente?(itcr2) do
                                                                       O(1) por ref
             Dato valor \leftarrow Obtener(Siguiente(itcr2), c)
                                                                       O(1) por ref
             if Definido?(d, ValorNat(valor)) then
                                                                       O(Cardinal(cr2))
                cjViejo \leftarrow Significado(d, ValorNat(valor))
                                                                       O(Cardinal(cr2))
                AgregarRapido(d, Siguiente(itcr2))
                                                                       O(1) por ref
             else
                ConjNat(registro) cjNuevo \leftarrow vacio()
                                                                       O(1) por ref
                AgregarRapido(d, Siguiente(itcr2))
                                                                       O(1) por ref
                Definir(d, ValorNat(valor), cjNuevo)
                                                                       O(Cardinal(cr2))
             end if
             Avanzar(itcr2)
                                                                       O(1) por ref
         end while
      else
         Caso String
         DiccString(String, Conj(registro)) d \leftarrow vacio()
                                                                       O(1) por ref
         itcr2 \leftarrow CrearIt(cr2)
                                                                       O(1) por ref
         while HaySiguiente?(itcr2) do
                                                                       O(1) por ref
             Dato valor \leftarrow Obtener(Siguiente(itcr2), c)
                                                                       O(1) por ref
             if Definido?(d, ValorString(valor)) then
                                                                       O(Cardinal(cr2))
                cjViejo \leftarrow Significado(d, ValorString(valor))
                                                                       O(Cardinal(cr2))
                AgregarRapido(d, Siguiente(itcr2))
                                                                       O(1) por ref
             else
                ConjString(registro) cjNuevo \leftarrow vacio()
                                                                       O(1) por ref
                AgregarRapido(d, Siguiente(itcr2))
                                                                       O(1) por ref
                Definir(d, ValorString(valor), cjNuevo)
                                                                       O(Cardinal(cr2))
             end if
```

```
Avanzar(itcr2)
                                                                        O(1) por ref
         end while
      end if
      itcr1 \leftarrow CrearIt(cr1)
                                                                        O(1) por ref
      res \leftarrow vacio()
      while HaySiguiente(itcr1) do
                                                                        O(Cardinal(cr1))
         AgregarRapido(res, combinarTodos(c,Siguiente(itcr1),cr2))
                                                                        O(Cardinal(cr2))
         Avanzar(itcr1)
                                                                        O(1) por ref
      end while
  else
      res \leftarrow vacio()
  end if
                                                                        O(Cardinal(cr1))
DAMECOLUMNA(in c: campo, in \ cr: Conj(registro)) \longrightarrow res: Conj(dato)
  res \leftarrow vacio()
                                                                        O(1)
  it \leftarrow CrearIt(cr)
                                                                        O(1)
  Tvalor \leftarrow Tipo?(Significado(Siguiente(it), c))
                                                                        O(1)
  if Tvalor then
      DiccNat(nat,dato) bolsaN \leftarrow vacio
                                                                        O(1)
      while haySiguiente(it) do
                                                                        O(\#cr)
         Definir(bolsaN, valorNat(Significado(Siguiente(it),c)), Significado(Siguiente(it),c))
                                                                        O(log(\#cr))
                                                                        O(1)
         avanzar(it)
      end while
      itN \leftarrow diccClaves(bolsaN)
                                                                        O(1) por ref
      while haySiguiente(itN) do
                                                                        O(\#cr)
         AgregarRapido(res, Significado(bolsaN, siguiente(itN)))
                                                                        O(log(\#cr))
         avanzar(itN)
      end while
  else
      DiccString(String,dato) bolsaS \leftarrow vacio()
                                                                        O(1)
      while haySiguiente(it) do
                                                                        O(\#cr)
         Definir(bolsaS, valorString(Significado(Siguiente(it),c)), Significado(Siguiente(it),c))
                                                                        O(long(k))
                                                                        O(1)
         avanzar(it)
      end while
      itS \leftarrow CrearIt(diccClaves(bolsaS))
                                                                        O(1) por ref
      while haySiguiente(itS) do
                                                                        O(\#cr)
         AgregarRapido(res, Significado(bolsaS, siguiente(itS)))
                                                                        O(long(siguiente(itS)))
         avanzar(itS)
                                                                        O(1)
      end while
  end if
                                                                        O(\#cr * log(\#cr) + (\#cr * long(k)))
```

```
MISMOSTIPOS(in \ r : registro, \ in \ t : tab) \longrightarrow res : bool
  valor \leftarrow True
                                                                            O(1) por ref
  itconjClaves \leftarrow CrearIt(Campo(r))
                                                                            O(1) por ref
  while valor \wedge_L HaySiguiente?(itconjClaves) do
                                                                            O(1) por ref
      val1← tipo?(Significado(r, Siguiente(itconjClaves)))
                                                                           O(1) por ref
      val2← tipoCampo(Siguiente(itconjClaves), t)
                                                                           O(1) por ref
      valor \leftarrow (val1 = val2)
                                                                           O(1) por ref
      Avanzar(cr);
                                                                            O(1) por ref
  end while
  res \leftarrow valor
                                                                            O(1) por ref
```

5.4 Algoritmos operaciones auxiliares

```
Buscarentabla(in criterio: registro, in t: tab) \longrightarrow res: Conj(ItConj(registro))
  Primero busco que campos de r, estan en los campos de t y son del mismo tipo
  itcampos \leftarrow DiccClaves(t.campos)
  Bool Encontrado \leftarrow false
  Campo Encontrado Campo Ind
  Conj(Campo) cj \leftarrow vacio()
  while HaySiguiente?(itcampos) ∧ ¬Encontrado do
     Campo c \leftarrow Siguiente(itcampos)
     Bool Def \leftarrow Definido?(criterio, c)
     if Def then
         bool valorD \leftarrow (Tipo?(Significado(criterio, c))=Significado(t.campos, c))
         if valorD then
             El campo esta en ambos y es del mismo tipo, lo agrego al conj lineal
             AgregarRapido(cj, c)
             Vemos tambien si el campo c de criterio esta en los indices
             Bool EncS \leftarrow (t.IndiceS.EnUso \wedge_L t.IndiceS.CampoI=c)
             Bool EncN \leftarrow (t.IndiceN.EnUso \land_L t.IndiceN.CampoI=c)
             Encontrado \leftarrow (EncS \vee EncN)
             if Encontrado then
                EncontradoCampoInd \leftarrow c
             end if
         end if
     end if
      Avanzar(itcri)
  end while
  Si Encontrado es true entonces uso indice, sino recorro todo los registros
  if Encontrado then
     Entonces hay un indice para EncontradoCampoInd
     if t.IndiceN.EnUso \wedge_L t.IndiceN.CampoI=EncontradoCampoInd then
         Caso Natural
         Obtengo el valor nat del registro criterio
         Nat valor ← ValorNat(Significado(criterio, EncontradoCampoInd))
         Conj(itConj(registro)) res \leftarrow Significado(t.IndiceN.Indice, valor)
     if ¬Significado(t.campos, EncontradoC) then
         Caso String
         Obtengo el valor nat del registro criterio
```

```
String valor ← ValorString(Significado(criterio, EncontradoCampoInd))
       Conj(itConj(registro)) res \leftarrow Significado(t.IndiceS.Indice, valor)
   end if
elseres \leftarrow Coincidencias(criterio, t.registros)
end if
La complejidad depende de si hay indice para algun campo de criterio,
en ese caso la complejidad es O(\#(Campos(t))+L+Log(n))
En caso contrario es O(\#(Campos(t)) + \#(Registros(t)))
```

O(1) por ref

Nombre Tabla es String 6

Base de Datos 7

7.1 Interfaz

```
se explica con BaseDeDatos, Nat, String,
tabla, registro, campo, dato, DiccString(String, alfha), DiccNat(Nat, beta)
géneros
                     base
Operaciones
TABLAS(in b: base) \longrightarrow res: ItConjString(NombreTabla)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nombre(t)\}\
Descripción: Devuelve el nombre de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se retorna res por copia, por ser un tipo basico.
DAMETABLA(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: tabla
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} dameTabla(t, b)\}\
Descripción: Devuelve la tabla correspondiente al nombre ingresado por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve la tabla correspondiente por referencia.
HAYJOIN?(in t1: string, in t2: string, in t: base) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} indices(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto de los indices de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia y no es modificable.
CAMPOJOIN(in t1: string, in \ t2: string, in \ t: base) \longrightarrow res: itConjTrie(campo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} campos(t)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto a los campos de la tabla ingresada por parametro.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se devuelve res por referencia.
```

```
NUEVADB() \longrightarrow res : base
\mathbf{Pre} \equiv \{True\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevaDB()\}
Descripción: Crea una base sin tablas.
Complejidad: O(1)
AGREGARTABLA(in t : tabla, in b : base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b\_0 = b \land \mathrm{nombre}(t) \notin \mathrm{tablas}(b) \land \mathrm{Vacio?}(t.\mathrm{registros})\}
Post \equiv \{agregarTabla(t b_0)\}
Descripción: Agrega una tabla a la base de datos.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Agrega tabla por referencia.
INSERTARENTRADA(in reg: registro, in t: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b = 0 = b \land t \in tablas(b) \land_L \text{ puedoInsertar?}(dameTabla(t) \text{ reg})\}
Post \equiv \{insertarEntrada(rt b_0)\}
Descripción: Inserta el registro a la tabla t.
Complejidad: O(T)
BORRAR(in cr: registro, in t: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b\_0 = b \land t \in tablas(b) \land \#(DiccClaves(cr)) = 1\}
Post \equiv \{borrar(cr t b_0)\}
Descripción: Borra los registros que cumplan el criterio cr pasado por parametro.
Complejidad: O(T + Log(n))
GENERARVISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in c: campo, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b\_0 = b \land t1 \exists t2 \land \{t1, t2\} \subseteq tablas(b) \land_{\mathbf{L}} \}
         Pertenece?(Campos(dameTabla(t1, b)), c) \land Pertenece?(Campos(dameTabla(t1, b)), c) \land
         \neghayJoin?(t1, t2, b)}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{generarVistaJoin}(\mathbf{cr}, t, b_{-0}) \}
Descripción: Genera el Join, entre las tablas pasadas por parametro.
Complejidad: O((n+m)*(L+Log((n+m))))
BORRARJOIN(in t1: string, in t2: string, in b: base)
\mathbf{Pre} \equiv \{b_0 = b \land \text{hayJoin}?(\text{t1 t2 b})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{borrarJoin}(\mathbf{t}1 \ \mathbf{t}2 \ b\_0) \}
Descripción: Borra el join entre tablas, pasadas por parametro.
Complejidad: O(1)
REGISTROS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} registros(t b)\}\
Descripción: Retorna el conjunto de registros correspondientes al nombre de tabla pasado por
                 parametro
Complejidad: O(1) por ref
Aliasing: Se retorna el conjunto de registros por referencia.
VISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(registro)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \{ t1 \ t2 \} \subseteq tablas(b) \land hayJoin?(t1 t2 b) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vistaJoin(t1 t2 b)\}\
Descripción: Retorna el conjunto de registros correspondientes al nombre de tabla pasado por
                 parametro
Complejidad: O(R*(L + Log(n*m)))
```

Aliasing: Se retorna el conjunto de registros por referencia.

```
CANTIDADDEACCESOS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} cantidadDeAccesos(tb)\}\
Descripción: Retorna la cantidad de modificaciones correspondientes al nombre de tabla pasado
                por parametro.
Complejidad: O(1) por ref
Aliasing: Se retorna res por referencia.
TABLAMAXIMA(in b: base) \longrightarrow res: string
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(\mathrm{tablas(b)})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(t b)\}\
Descripción: Retorna el nombre de la tabla con la mayor cantidad de modificaciones.
Complejidad: O(1) por ref
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia, no es modificable.
ENCONTRARMAXIMO(in t: string, in \ ct: conj(string), in \ b: base) \longrightarrow res: string
\mathbf{Pre} \equiv \{\{t\} \cup \mathsf{ct} \subseteq \mathsf{tablas}(\mathsf{b})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(tb)\}\
Descripción: Retorna el nombre de alguna de las tablas con mayor cantidad de accesos.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Se retorna el nombre de la tabla por referencia, no es modificable.
BUSCAR(in criterio: registro, in t: string, in b: base) \longrightarrow res: conj(ItConj(registro))
\mathbf{Pre} \equiv \{t \in tablas(b)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tablaMaxima(t b)\}\
Descripción: Retorna el conjunto de los iteradores de registro al conjunto de registros de la tabla.
Complejidad: O(Cantidadderegistros)
Aliasing: Se retorna por referencia, es modificable.
```

```
se representa con Base
donde estr es tupla (Tabla Maxima: Tmax,
                     Tablas: DiccTrie(NombreTabla; info_tabla)
donde info_tabla es tupla(TActual: tabla,
                          Joins : DiccTrie(NombreTabla; info_join)
donde info_join es tupla(Rcambios : Cola(DatoCambio),
                         campoJ: campo,
                         campoT: tipo,
                         JoinS : DiccTrie(string; itConj(registro)),
                         JoinN : DiccNat(nat; itConj(registro)),
                         JoinC : Conj(registro)
donde Tmax es tupla (NomTabla: NombreTabla,
                    #Modif: Nat>
donde DatoCambio es tupla (Reg: Registro,
                          NomOrigen: NombreTabla,
                          Accion: Bool
```

Invariante de representación

- 1. El Nombre de las tablas es un String acotado.
- 2. Índices es un arreglo de tamaño 2, que aloja el Índice correspondiente según el orden de creación.
- 3. Para toda Dato que es clave en Índice, su significado llamémoslo sign está incluido en Registros.
- 4. El nombre de la TablaMaxima está definido en Tablas.
- 5. El nombre de la TablaMaxima corresponde a una del conjunto de tablas más modificadas.
- 6. En Tmax #Modif es igual a la cantidad de modificaciones de la tabla NomTabla.
- 7. #Modif de TablaMaxima es mayor o igual a todas las cantidades de modificaciones de las tablas en el conjunto de claves de Tablas.
- 8. Cada Nombre Tabla definido en Tablas es igual al nombre de TActual en info_tabla de su significado.
- 9. Todas las claves de Joins, de todos los significados de las tablas definidas en Tablas, pertenecen al conjunto de claves de Tablas.
- 10. Para todo info₋tabla, el nombre de TActual no está definido en Joins.
- 11. para todo info_tabla, el nombre de TActual pertenece al conjunto de claves del Joins de las claves de su Joins.
- 12. Para todo info_join, el tipo de campoJ es igual a campoT.
- 13. Para todo DatoCambio, NomOrigen es igual a TActual o a la clave que le corresponde en Joins.
- 14. Si campoT es true JoinS esta vacio, y si es false JoinN esta vacio.
- 15. Para toda string t1, t2, si Pertenece?(Tablas(b), t1) y Pertenece?(Tablas(b), t1) entonces si HayJoin?(t1,t2, b) y luego si infojoin ← Significado(Significado(b.Tablas, t1).Joins, t2). Si infojoin.CampoT es true entonces para todo nat n, si Definido?(infoJoin.JoinN, n) entonces el registro r ← Siguiente(Significado(infoJoin.JoinN, n)) es tal que ValorNat(Significado(r, infojoin.CampoJ))=n.
- 16. Para toda string t1, t2, si Pertenece?(Tablas(b), t1) y Pertenece?(Tablas(b), t1) entonces si HayJoin?(t1,t2, b) y luego si infojoin ← Significado(Significado(b.Tablas, t1).Joins, t2). Si infojoin.CampoT es false entonces para todo String s, si Definido?(infoJoin.JoinS, s) entonces
 - el registro $r \leftarrow Siguiente(Significado(infoJoin.JoinS, s))$ es tal que ValorNat(Significado(r, infojoin.CampoJ))=s.
- 17. En DatoCambio, si Accion es true entonces Reg pertence al conjunto de registros de NomOrigen.
- 18. En DatoCambio, si Accion es false entonces Reg no pertence al conjunto de registros de NomOrigen.

Función de abstracción

```
\begin{split} \operatorname{Abs}: \widehat{\mathtt{Base}} \: b &\longrightarrow \mathtt{BaseDeDatos} \\ (\forall b: \widehat{\mathtt{Base}}) \\ \operatorname{Abs}(b) &\equiv cb: \mathtt{BaseDeDatos} \mid \\ Tablas(b) &=_{\mathtt{obs}} tablas(cb) \land \\ ((\forall n: \mathtt{NombreTabla}) Pertenece?(n, Tablas(b)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} DameTabla(n, b) =_{\mathtt{obs}} dameTabla(n, cb)) \\ ((\forall n1, n2: \mathtt{NombreTabla}) (Definido?(n1, b.tablas) \land Definido?(n2, b.tablas)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} HayJoin?(n, b) =_{\mathtt{obs}} HayJoin?(n, cs) \land_{\mathtt{L}} campoJoin(n1, n2, b) = campoJoin(n1, n2, cb)) \end{split}
```

${\tt TABLAS}(\textbf{in}\ b: \texttt{estr}) \longrightarrow \textit{res}: {\tt ConjTrie}(\texttt{string})$			
$res \leftarrow DiccClaves(b.tablas)$	O(1) por ref		
- -	O(1) por ref		
DAMETABLA(in $t:$ string, $in b:$ estr) $\longrightarrow res:$ tabla			
$info \leftarrow Significado(b.tablas, t)$	O(1) por ref		
$res \leftarrow info.TActual$	O(1) por ref		
	O(1) por ref		
$\texttt{HAYJOIN?}(\textbf{in}\ t1:\texttt{string},\ in\ t2:\texttt{string},\ in\ b:\texttt{estr}) \longrightarrow res:\texttt{bool}$			
$res \leftarrow (Definido?(Obtener(b, t1).Joins,t2) \leftarrow Definido?(Obtener(b, t2).Joins,t1))$			
	O(1) por ref		
	O(1) por ref		
CAMPOJOIN(in $t1:$ string, $in t2:$ string, $in b:$ estr) $\longrightarrow res$	s:campo		
$res \leftarrow Obtener(Obtener(b,t1).Joins,t2).campoJ$	O(1) por ref		
	O(1) por ref		
$\text{NUEVADB}() \longrightarrow res: \texttt{estr})$			
String s	O(1)		
Nat $n \leftarrow 0$	O(1)		
TablaMaxima $\leftarrow \langle s, 0 \rangle$	O(1) por ref		
$res \leftarrow \langle TablaMaxima, vacio() \rangle$	O(1) por ref		
	O(1) por ref		
$AGREGARTABLA(\mathbf{in}\ t: \mathtt{tabla},\ in/out\ b: \mathtt{estr})$			
$info_tabla \leftarrow \langle cantidadDeAccesos(t), t, vacio() \rangle$	O(1) por ref		
Definir(b.tablas, nombre(t), info_tabla)	O(1) por ref		
- -	O(1) por ref		

```
INSERTARENTRADA(in reg : registro, in t : string, in/out b : estr)
  Obtenemos la tabla es O(1) por ref porque su nombre esta acotado.
  info\_tabla infoT \leftarrow Obtener(b.tablas, t).TActual
                                                                      O(1) por referencia
  Agrego el registro a la tabla.
                                                                      O(1) por ref
  Tabla T \leftarrow infoT.TActual
                                                                      O(1) por ref
  agregarRegistro(reg, T)
                                                                      O(L+Log(n))
  Ahora si hay Joins actualizo la información temporal de cada Join.
  if ¬Vacio?(infoT.Joins) then
                                                                      O(1) por ref
      ItConjString(String) itNomTab \leftarrow CrearIt(Claves(infoT.Joins))
                                                                      O(1) por ref
      while HaySiguiente?(itNomTab) do
                                                                      O(W)
         info\_join\ infoJ \leftarrow Obtener(infoT.Joins, Siguiente(NomTab))
                                                                      O(1) por ref
         Encolar(infoJ.Rcambios, \langle reg, Siguiente(NomTab), true \rangle)
                                                                      O(1) por ref
         Encolar es O(L) porque se copia un registro con su cantidad de campos acotada
         y los valores string copiarlos tiene costo O(L), siendo L el valor string mas largo.
         Avanzar(itClaves)
                                                                      O(1) por ref
      end while
  end if
  if CantidadDeAccesos(T) b.TablaMaxima.#Modif then
      b.TablaMaxima.NomTabla \leftarrow Copiar(Nombre(T))
                                                                      O(L)
      b. Tabla Maxima. \# Modif \leftarrow Copiar (Cantidad De Accesos (T))
                                                                      O(1) por ref
  end if
  W la cant de tablas en la base
                                                                      O(W)
BORRAR(in cr: registro, in t: string, in/out b: estr)
  info_tabla infoT \leftarrow Obtener(b.tablas, t).TActual
                                                                      O(1) por ref
  Tabla T \leftarrow infoT.TActual
                                                                      O(1) por ref
  Nombre Tabla NomTab \leftarrow Nombre Tabla (T)
  La eliminación en primera etapa depende de si hay
  joins con la tabla pasada por parametro
  if \neg \emptyset?(Claves(infoT.Joins)) then
                                                                      O(1) por ref
      Creo el iterador, para navegar los nombres de tablas con los que tiene Join
      itNom \leftarrow CrearIt(Claves(infoT.Joins))
                                                                      O(1) por ref
      while HaySiguiente?(itNom) do
                                                                      O(Cant de tablas)
         info_{-join} infoJ \leftarrow Siguiente(itNom)
                                                                      O(1) por ref
         Verifico si el Join esta creado en base al
         campo del cr pasado por parametro.
                                                                      O(1) por ref
         if infoJ.campoJ=DameUno(Campos(cr)) then
             Entonces solo actualizo la cola temporal del join
             Registro reg \leftarrow Buscar(cr, T)
                                                                      O(L + Log(n))
             Encolar(infoJ.Rcambios, \langle reg, Siguiente(itNom), False \rangle)
                                                                      O(L)
         else
             Si el campo del criterio de borrado, es distinto que el campo del Join.
             Primero busco que registros coinciden con el criterio
             en el peor caso con complejidad O(cantidad de registros de t) sin indices.
             Conj(Registro) cjc \leftarrow Buscar(cr, T)
                                                                      O(L + Log(n))
             ItConj(Registro) itReg \leftarrow CrearIt(cjc)
```

```
Luego agrego estos registros a la cola temporal de cambios del join
             while HaySiguiente?(itReg) do
                Encolar(infoJ.Rcambios, \langle Siguiente(itReg), NomTab, False \rangle)
                                                                      O(L)
                                                                      O(1) por ref
                Avanzar(itReg)
             end while
         end if
     end while
  end if
  Habiendo actualizado las colas temporales de los joins con los
  registros que cumplen con el criterio de borrado
  de los joins correspondientes.
  Elimino del conjunto de registros, aquellos que cumplen el criterio de borrado.
  Siendo n la cantidad de registros de t y T la cantidad de tablas en la base
  En peor caso con costo O(n)
  borrarRegistro(r, T_actual)
                                                                      O(T*L + n)
  if CantidadDeAccesos(T) b.TablaMaxima.#Modif then
     b. Tabla Maxima. Nom Tabla \leftarrow Copiar (Nombre (T))
                                                                      O(L)
     b. Tabla Maxima. \#Modif \leftarrow Copiar (Cantidad De Accesos (T))
                                                                      O(1) por ref
  end if
                                                                      O(T + Log(n))
GENERARVISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in c: campo, in/out b: estr)
  Cola(DatoCambio) Rcambio vacia()
  Campo campoJ \leftarrow
  Tipo campoT \leftarrow tipoCampo(c, Ta1)
  DiccTrie(string; itConj(registro)) JoinS \leftarrow Vacio()
  DiccNat(nat; itConj(registro)) JoinN \leftarrow Vacio()
  Conj(Registro) JoinC \leftarrow vacio()
                                                                      O(1) por ref
  Tabla Ta1 \leftarrow Obtener(b.tablas, t1). Tactual
                                                                      O(1) por ref
  Tabla Ta2 \leftarrow Obtener(b.tablas, t2). Tactual
                                                                      O(1) por ref
  Nat n \leftarrow Cardinal(Registros(Ta1))
                                                                      O(1) por ref
  Nat m \leftarrow Cardinal(Registros(Ta2))
                                                                      O(1) por ref
  Conj(dato) cjd1←dameColumna(c, Registros(Ta1))
                                                                      O(nLog(n))
  Conj(dato) cjd2←dameColumna(c, Registros(Ta2))
                                                                      O(mLog(m))
  Ahora busco la intersección de estos datos entre los conjuntos cjd1 y cjd2
  ItConj(dato) itcjd1 \leftarrow CrearIt(cjd1)
                                                                      O(1) por ref
  DiccString(String, bool) ds \leftarrow vacio()
                                                                      O(1) por ref
  DiccNat(Nat, bool) dn \leftarrow vacio()
                                                                      O(1) por ref
  Conj(Dato) cjD \leftarrow vacio()
  Cargo los valores de t1 en un dicc que depende del tipo del campo c
                                                                      O(1) por ref
  if ¬campoT then
     El tipo del campo es string
     while HaySiguiente?(itcjd1) do
                                                                      O(n)
         Sabemos que el dameColumna no tiene valores repetidos
         Definir(ds, ValorString(Siguiente(itcjd1)), true)
                                                                      O(1) por ref
         Avanzar(itcjd1)
                                                                      O(1) por ref
     end while
     ItConj(dato) itcjd2 \leftarrow CrearIt(cjd2)
                                                                      O(1) por ref
     Ahora buscamos la interseccion
     while HaySiguiente?(itcjd2) do
                                                                      O(m)
         Sabemos que el dameColumna no tiene valores repetidos
```

```
Bool Def \leftarrow Definido?(ds, ValorString(Siguiente(itcjd2)))
                                                                  O(1) por ref
                                                                  O(1) por ref
       if Def then AgregarRapido(cjD, Siguiente(itcjd2))
       end if
       Avanzar(itcjd1)
                                                                  O(1) por ref
   end while
else
   El tipo del campo es nat
   while HaySiguiente?(itcjd1) do
                                                                  O(n*log(n))
       Sabemos que el dameColumna no tiene valores repetidos
       Definir(dn, ValorNat(Siguiente(itcjd1)), true)
                                                                  O(Log(n))
                                                                  O(1) por ref
       Avanzar(itcjd1)
   end while
   ItConj(dato) itcjd2 \leftarrow CrearIt(cjd2)
                                                                  O(1) por ref
   Ahora buscamos la interseccion
   while HaySiguiente?(itcjd2) do
                                                                  O(m*Log(n))
       Sabemos que el dameColumna no tiene valores repetidos
       Bool Def \leftarrow Definido?(dn, ValorString(Siguiente(itcjd2)))
                                                                  O(\log(n))
                                                                  O(1) por ref
       if Def then AgregarRapido(cjD,Siguiente(itcjd2))
       end if
                                                                  O(1) por ref
       Avanzar(itcjd2)
   end while
end if
Si hay algun valor en la interseccion, con esos valores hago el join.
if ¬Vacio?(cjD) then
                                                                  O(1) por ref
   Caso Strings
   its \leftarrow CrearIt(cjD)
                                                                  O(1) por ref
   while HaySiguiente?(its) do
                                                                  O((n+m)*(L+Log(n*m)))
       Registro regModelo \leftarrow Definir(vacio(), c, Siguiente(its))
       Como el campo es clave en ambas tablas
       Si en ambas tablas hay indice en base a c y la complejidad es
       O(L+Log(n*m)) sino es O(cardinal de registros de la tabla)
       Asumimos que es el mejor caso para la complejidad.
       Registro r1 Siguiente(cj1) \leftarrow BuscarEnTabla(regModelo, ta1)
                                                                  O(L+Log(n*m))
       Registro r2 Siguiente(cj1) \leftarrow BuscarEnTabla(regModelo, ta1)
                                                                  O(L+Log(n*m))
       if ¬campoT then
          itConj(Registro) itnuevo AgregarRapido(JoinC, UnirRegistros(r1, r2))
                                                                  O(1) por ref
          Definir(JoinS, ValorString(Siguiente(its)), itnuevo)
                                                                  O(1) por ref
       else
          itConj(Registro) itnuevo AgregarRapido(JoinC, UnirRegistros(r1, r2))
                                                                  O(1) por ref
          Definir(JoinN, ValorNat(Siguiente(its), itnuevo)
                                                                  O(Log(n+m))
       end if
       Avanzar(its)
                                                                  O(1) por ref
   end while
end if
info\_join \leftarrow \langle Rcambios, campoJ, campoT, JoinS, JoinN, JoinC \rangle
                                                                  O(1) por ref
```

```
Definir(Ta1.Joins, t2, info_join)
                                                                        O(1) por ref
                                                                        O(1) por ref
  Definir(Ta2.Joins, t1, info_join)
                                                                        O(1) por ref
BORRARJOIN(in t1: string, in t2: string, in/out b: estr)
  Tabla tab1 \leftarrow DameTabla(t1, b)
  Tabla tab2 \leftarrow DameTabla(t2, b)
  Borrar(tab1.Joins, t2)
  Borrar(tab2.Joins, t1)
                                                                        O(1) por ref
BUSCAR(in\ criterio: registro,\ in\ t: string,\ in\ b: base) \longrightarrow res: conj(ItConj(registro))
  Busco los datos de la tabla.
  info_tabla infot \leftarrow Significado(b.tablas, t)
                                                                        O(1) por ref
  Tabla tab \leftarrow infot.TActual
                                                                        O(1) por ref
  res ← BuscarEnTabla(criterio, tab)
                                                                        O(1) por ref
REGISTROS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: Conj(registros)
  info \leftarrow Significado(b.tablas, t)
                                                                        O(1) por ref
  tab \leftarrow info.TActual
                                                                        O(1) por ref
  res \leftarrow registros(tab)
                                                                        O(1) por ref
                                                                        O(1) por ref
VISTAJOIN(in t1: string, in t2: string, in/out b: estr)
  info_tabla infot1 \leftarrow Significado(b.Tablas, t1)
                                                                        O(1) por ref
  Tabla tab1 \leftarrow infot1.TActual
                                                                        O(1) por ref
  info_tabla infot2 \leftarrow Significado(b.Tablas, t1)
                                                                        O(1) por ref
  Tabla tab2 \leftarrow infot2.TActual
                                                                        O(1) por ref
  info\_join\ infoj \leftarrow Significado(infot1.Joins, t2)
                                                                        O(1) por ref
  Campo c \leftarrow infoj.campoJ
                                                                        O(1) por ref
  if ¬EsVacia?(infoj.Rcambios) then
                                                                        O(1) por ref
      Hubo cambios desde la generación del join o del ultimo vistaJoin
      while ¬EsVacia?(infoj.Rcambios) do
         DatoCambio data \leftarrow Proximo(infoj.Rcambios)
                                                                        O(1) por ref
         Desencolar(infoj.Rcambios)
                                                                        O(1) por ref
         Registro r \leftarrow data.Reg
                                                                        O(1) por ref
         if data.Accion then
             La accion es agregar un registro al join
             Para hacer esto necesito saber a que tabla se agrego el registro
             Nombre Tabla Nom Torigen \leftarrow data. Nom Origen
                                                                       O(1) por ref
             Sabiendo la tabla de origen, necesito identificar la otra tabla para ver si
             hay un registro con el mismo valor para el campo del join.
             Armo un registro auxiliar regModelo con el campo
             Dicc(campo,dato) regModelo \leftarrow vacio()
             Definir(regModelo, c, Significado(r, c))
             Si hay indice en la tabla para el campo c y ademas es campo clave
             BuscarEnTabla(tab, regModelo) tiene complejidad O(L) u O(Log(n))
             dependiendo del tipo del campo c.
             Si no hay indice para el campo c entonces BuscarEnTabla(tab, regModelo)
             tiene complejidad O(m) siendo m la cant de registros en tab.
             Registro rotro \leftarrow vacio()
```

```
if NomTorigen=t1 then
                 Entonces el otro registro lo tengo que buscar en t2
                 Registro rotro \leftarrow Siguiente(BuscarEnTabla(tab2, regModelo))
             else
                 Entonces el otro registro lo tengo que buscar en t1
                 Registro rotro ← Siguiente(BuscarEnTabla(tab1, regModelo))
             end if
             if ¬Vacio?(rotro) then
                 Si habia un registro que cumplia con lo pedido
                 Registro rnuevo \leftarrow UnirRegistros(r, rotro)
                 if info_join.campoT then
                    El tipo del campo es Natural.
                    itConj(registro) itnew ← AgregarRapido(info_join.JoinC, rnuevo)
                    Definir(info_join.JoinN, key, itnew)
                 else
                    El tipo del campo es String.
                    itConj(registro) itnew ← AgregarRapido(info_join.JoinC, rnuevo)
                    Definir(info_join.JoinS, key, itnew)
                 end if
             end if
         elseCasoBorrado
             if info_join.campoT then
                 El tipo del campo es Natural.
                 itConj(registro) itcjr \leftarrow Significado(info_join.JoinN, key)
                 Borrar(info_join.JoinN, key)
                 Eliminar Siguiente (itcjr)
             else
                 El tipo del campo es String.
                 itConj(registro) itcjr \leftarrow Significado(info_join.JoinN, key)
                 Borrar(info_join.JoinS, key)
                 EliminarSiguiente(itcjr)
             end if
         end if
      end while
  end if
  res \leftarrow info\_join.JoinC
                                                                       O(Tamaño(infoj.Rcambios)*)
CANTIDADDEACCESOS(in t: string, in b: base) \longrightarrow res: nat
  info \leftarrow Significado(b.tablas, t)
                                                                       O(1) por ref
  tab \leftarrow info.TActual
                                                                       O(1) por ref
  res \leftarrow cantidadDeAccesos(tab)
                                                                       O(1) por ref
                                                                       O(1) por ref
TABLAMAXIMA(in b: base) \longrightarrow res: string
  res \leftarrow b.TablaMaxima.NomTabla
                                                                       O(1) por ref
                                                                       O(1) por ref
```

8 Diccionario por Naturales

8.1 Interfaz

```
se explica con Diccionario (nat, \sigma)
usa Bool
géneros
                       diccNat(nat, \sigma)
Operaciones
VACIO() \longrightarrow res : diccNat(nat, \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio()\}
Descripción: Crea un nuevo diccionario
Complejidad: O(1)
DEFINIDO?(in d: diccNat(nat, \sigma) in n: nat) \longrightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} def?(n,d) \}
Descripción: Indica si la clave esta definida
Complejidad: O(m)
DEFINIR(in/out d: diccNat(nat, \sigma) in n: nat, in s: \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg def?(n,d) \land d = d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} Definir(n, s, d_0)\}\
Descripción: Se define s en el diccionario
Complejidad: O(m)
BORRAR(in/out d: diccNat(nat, \sigma) in n: nat)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} d_0 \wedge def?(n, d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} Borrar(n, d_0)\}\
Descripción: Elimina el elemento n
Complejidad: O(m)
SIGNIFICADO(in d: diccNat(nat, \sigma) in n: nat) \longrightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(n,d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(n, d)\}\
Descripción: Se retornan los significados
Complejidad: O(m)
Aliasing: Devuelve res por referencia.
DICCCLAVES(\mathbf{in}\ d: \mathtt{diccNat(nat}\ \sigma)) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{itLista(nat)}
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} claves(d)\}\
Descripción: Se retorna un iterador al primer elemento de la lista de claves del diccionario
Complejidad: O(1)
\text{MAXIMO}(\mathbf{in} \ d : \texttt{diccNat}(\mathbf{nat} \ \sigma)) \longrightarrow res : \mathtt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} max(claves(d))\}\
Descripción: Se retorna la clave maxima en forma de dato
Complejidad: O(m)
```

```
MINIMO(in d: diccNat(nat \sigma)) \longrightarrow res: nat \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} min(claves(d))\}
\mathbf{Descripción:} Se retorna la clave minima en forma de dato \mathbf{Complejidad:} O(m)
```

8.2 Representación

```
diccNat
```

```
se representa con tupla\langle \text{dicc} : \text{puntero}(\text{estr}(\text{nat} \ \sigma)), \\ \text{claves} : \text{lista}(\text{nat}) \rangle
\mathbf{donde} \ \text{estr}(\text{nat}, \ \sigma) \ \text{estupla} \\ \langle \text{clave} : \text{nat}, \\ \text{significado} : \sigma, \\ \text{hijoDer} : \text{puntero}(\text{estr}(\text{nat} \ \sigma)), \\ \text{hijoIzq} : \text{puntero}(\text{estr}(\text{nat} \ \sigma)), \\ \text{itClaves} : \text{itLista}(\text{nat}) \rangle
```

donde claves es Lista Enlazada del apunte de modulos basicos que contiene todas las claves del diccionario.

donde itClaves es Iterador bidireccional de lista claves que apunta al elemento correspondiente con su clave.

Invariante de representación

```
\begin{split} &\widehat{(\forall e: \mathtt{diccNat})} \\ &\operatorname{Rep}(e) \equiv true \iff ((\forall n_1, n_2: \mathtt{estr}(\mathtt{nat}, \sigma))(n_1 \in arbol(e.dicc) \land n_2 \in arbol(e.dicc) \Rightarrow_{\mathtt{L}} \\ &(n_1.clave < n_2.clave \Rightarrow n_1 \in arbol(n_2.hijoIzq)) \land (n_1.clave > n_2.clave \Rightarrow n_1 \in arbol(n_2.hijoDer)) \land \\ &(\forall n_1, n_2: \mathtt{estr}(\mathtt{nat}, \sigma))(n_1 \in arbol(e) \land n_2 \in arbol(e) \in n_1.clave \neq n_2.clave \Rightarrow_{\mathtt{L}} \\ &(n_1.hijoIzq = n_2.hijoIzq \lor n_1.hijoIzq = n_2.hijoDer \Rightarrow n_1.hijoIzq = NULL) \land \\ &(n_1.hijoDer = n_2.hijoIzq \lor n_1.hijoDer = n_2.hijoDer \Rightarrow n_1.hijoDer = NULL) \land \\ &((\forall n: \mathtt{estr}(\mathtt{nat}, \sigma))(n \in arbol(e.dicc)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} Esta?(e.claves, n.clave)) \land \\ &((\forall k: \mathtt{nat})(k \in e.claves) \Rightarrow (\exists n: estr(\mathtt{nat}, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.clave = k))) \end{split}
```

- 1. Para todo hijoDer de un estr, si no es NULL, su clave es mayor a la clave de su padre.
- 2. Para todo hijoIzq de un estr, si no es NULL, su clave es menor a la clave de su padre.
- 3. No hay ciclos, ni nodos con dos padres.
- 4. Todos las claves de los elementos del arbos estan en la lista claves y viceversa.

Función de abstracción

8.3

```
Abs: diccNat(nat, \sigma) d \longrightarrow dicc(nat, \sigma)
                                                                                                                            \{\operatorname{Rep}(d)\}\
(\forall d: \mathtt{diccNat}(\mathtt{nat}, \sigma))
Abs(d) \equiv c : dicc(nat, \sigma) \mid ((\forall k : nat)(k \in claves(c)) \Rightarrow
(\exists n : estr(nat, \sigma))(n \in arbol(d.dicc) \land n.clave = k) \land (k \in d.Claves)) \land
((\forall k : \text{nat})(k \in d.Claves) \Rightarrow k \in claves(c)) \land
((\forall n : \operatorname{estr}(\operatorname{nat}, \sigma))(n \in \operatorname{arbol}(\operatorname{d.dicc}) \Rightarrow n.\operatorname{clave} \in \operatorname{claves}(c)))) \wedge_{\operatorname{L}}
((\forall n : \operatorname{estr}(\operatorname{nat}, \sigma))(n \in \operatorname{arbol}(d.\operatorname{dicc}) \Rightarrow \operatorname{obtener}(c, n.\operatorname{clave}) =_{\operatorname{obs}} n.\operatorname{significado})
arbol: puntero(estr(nat, \sigma)) \leftarrow conj(puntero(estr(nat, \sigma)))
arbol(n) \equiv
   if n.hijoIzq \neq null \land n.hijoDer \neq null then
        Ag(n, arbol(n.hijoIzq) \cup arbol(n.hijoDer))
   else
        if n.hijoIzq \neq null then
             Ag(n, arbol(n.hijoIzq))
        else
             if n.hijoDer \neq null then
                  Ag(n, arbol(n.hijoDer))
             else
                  Ag(n,\emptyset)
             end if
        end if
   end if
Algoritmos
IVACIO() \longrightarrow res : estr
   res \leftarrow NULL
                                                                                               O(1)
IDEFINIR(in/out d: diccNat, in n: nat, in s: \sigma)
                                                                                               O(m)
   auxDefinir(\pi_1(d), \pi_2(d), n, s)
                                                                                               O(m)
AUXDEFINIR(in/out d: estr, in l: lista(nat), in n: nat, in s: \sigma)
   if d == NULL then
        res \gets < n, s, NULL, NULL, AgregarAtras(l, n) >
                                                                                               O(1)
   end if
   if d \neq NULL \land n < d.clave then
        d.hijoIzq \leftarrow iDefinir(d.hijoIzq, n, s)
                                                                                               O(m)
   end if
   if d \neq NULL \land n > d.clave then
        d.hijoDer \leftarrow iDefinir(d.hijoDer, n, s)
                                                                                               O(m)
   end if
                                                                                               O(m)
IBORRAR(in/out \ d : diccNat, \ in \ n : nat)
   auxBorrar(\pi_1(d), \pi_2(d), n, s)
                                                                                               O(m)
```

	O(m)
AUXBORRAR(in/out d : estr, in n : nat)	
if $d == NULL$ then	
FinFunction	O(1)
else if $n > d.clave$ then	3 (-)
$d.hijoDer \leftarrow iBorrar(d.hijoDer, n)$	O(m)
else if $n < d.clave$ then	J (III)
$d.hijoIzq \leftarrow iBorrar(d.hijoIzq, n)$	O(m)
else if $d.hijoIzq == NULL \wedge d.hijoDer == NULL$ then	O(m)
$d.itClaves.Anterior.Siguiente \leftarrow d.itClaves.Siguiente$	O(1)
$d.itClaves.Siguiente.Anterior \leftarrow d.itClaves.Anterior$	O(1)
Borrar(d)	O(1)
$d \leftarrow NULL$	O(1)
else if $d.hijoIzq == NULL$ then	O(1)
$aux \leftarrow d.hijoDer$	O(1)
while $aux.hijoDel$ $= vhile vhijoLzq \neq NULL do$	O(1) $O(m)$
$aux \leftarrow aux.hijoIzq$ end while	O(1)
$d.hijoDer \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.hijoDer)$	O(1)
$d.clave \leftarrow aux.clave$	O(1)
$d.significado \leftarrow aux.significado$	O(1)
$d.itClaves \leftarrow aux.itClaves$	O(1)
else	0(1)
$aux \leftarrow d.hijoIzq$	O(1)
while $aux.hijoDer \neq NULL$ do	O(m)
$aux \leftarrow aux.hijoDer$	O(1)
end while	
$d.hijoIzq \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.hijoIzq)$	0(1)
$d.clave \leftarrow aux.clave$	O(1)
$d.significado \leftarrow aux.significado$	O(1)
$d.itClaves \leftarrow aux.itClaves$	$\mathrm{O}(1)$
end if	
	O(m)
$\operatorname{SIGNIFICADO}(\mathbf{in/out}\ d: \mathtt{diccNat},\ in\ n:\mathtt{nat}) \longrightarrow \mathit{res}:\sigma$	
$res \leftarrow auxSignificado(\pi_1(d), n)$	O(m)
	O(m)
$\operatorname{AUXSignificAdo}(\operatorname{\mathbf{in/out}}\ d:\operatorname{\mathbf{estr}},\ in\ n:\operatorname{\mathtt{nat}})\longrightarrow res:\sigma$	
$nodoActual \leftarrow d$	O(1)
while $\neg (nodoActual == NULL) \land \neg res$ do	O(m)
if $nodoActual.clave == n$ then	
$res \leftarrow nodoActual.significado$	O(1)
else	J (-)
if $c < nodoActual.clave$ then	
if $c < nodoActual.clave$ then $nodoActual \leftarrow nodoActual \ hiioIza$	O(1)
$nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq$	O(1)
$nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq$ else	· · ·
$nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq$ \mathbf{else} $nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoDer$	O(1) O(1)
$nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq$ else	· · ·

```
O(m)
IDEFINIDO?(in/out d: diccNat, in n : nat) \longrightarrow res : bool
  res \leftarrow auxDefinido?(\pi_1(d), n)
                                                                             O(m)
                                                                             O(m)
AUXDEFINIDO?(in/out \ d : estr, \ in \ n : nat) \longrightarrow res : bool
  nodoActual \leftarrow d
                                                                             O(1)
  res \leftarrow FALSE
                                                                             O(1)
  while \neg (nodoActual == NULL) \land \neg res do
                                                                             O(m)
      if nodoActual.clave == n then
          res \leftarrow TRUE
                                                                             O(1)
      else
          if c < nodoActual.clave then
              nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoIzq
                                                                             O(1)
          else
              nodoActual \leftarrow nodoActual.hijoDer
                                                                             O(1)
          end if
      end if
  end while
                                                                              O(m)
IDICCCLAVES(in/out \ d : diccNat, \ in \ n : nat) \longrightarrow res : itLista(nat)
  res \leftarrow CrearIt(\pi_2(d))
                                                                             O(m)
IMAXIMO(in/out \ d : diccNat) \longrightarrow res : nat
  if \pi_1(d).hijoDer \neq NULL then
      aux \leftarrow \pi_1(d).hijoDer
                                                                             O(1)
      while aux.hijoDer \neq NULL do
                                                                             O(m)
          aux \leftarrow aux.hijoDer
                                                                             O(1)
      end while
      res \leftarrow aux.clave
                                                                             O(1)
  else
      res \leftarrow \pi_1(d).clave
                                                                             O(1)
  end if
                                                                             O(m)
IMINIMO(in/out \ d : diccNat) \longrightarrow res : nat
  if \pi_1(d).hijoIzq \neq NULL then
      aux \leftarrow \pi_1(d).hijoIzq
                                                                             O(1)
      while aux.hijoIzq \neq NULL do
                                                                             O(m)
          aux \leftarrow aux.hijoIzq
                                                                             O(1)
      end while
      res \leftarrow aux.clave
                                                                             O(1)
  else
                                                                             O(1)
      res \leftarrow \pi_1(d).clave
  end if
                                                                              O(m)
```

m: En peor caso es igual a la cantidad de elementos del arbol. En promedio es log(cantidad de elementos del arbol).

9 Modulo Diccionario Lexicografico($String, \sigma$)

9.1 Interfaz

```
se explica con DICCIONARIO(STRING, \sigma) ITERADOR BIDIRECCIONAL (TUPLA(STRING, \sigma)) géneros diccString(String, \sigma), itDiccString(String, \sigma), itClavesString
```

Operaciones del diccionario

```
VACIO() \longrightarrow res : diccString(String, \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} vacio()\}
Descripción: Crea un nuevo diccionario
Complejidad: O(1)
DEFINIDO?(in d: diccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} def?(n,d)\}\
Descripción: Indica si la clave esta definida
Complejidad: O(Longitud(n))
DEFINIR(in/out d: diccString(String, \sigma) in n: String, in s:\sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} Definir(n, s, d_0)\}\
Descripción: Se define s en el diccionario
Complejidad: O(Longitud(n))
Aliasing: s se define por referencia. En caso de ya estar definido n, pisa la definición anterior
BORRAR(in/out d: diccString(String, \sigma) in n: String)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} d_0 \wedge def?(n, d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} Borrar(n, d_0)\}\
Descripción: Elimina el elemento n
Complejidad: O(Longitud(n))
SIGNIFICADO(in d: diccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(n,d)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(n, d)\}\
Descripción: Se retorna el significado de n
Complejidad: O(Longitud(n))
DICCCLAVES(in d: diccString(String \sigma)) \longrightarrow res: conj(string)
\mathbf{Pre} \equiv \{TRUE\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} claves(d)\}\
Descripción: Se retorna el conjunto de claves del diccionario
Complejidad: O(1)
Aliasing: Res un conjunto devuelto por referencia no modificable.
MAXIMO(in \ d : diccString(String \ \sigma)) \longrightarrow res : String
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} max(claves(d))\}\
Descripción: Se retorna la clave maxima en orden lexicográfico
Complejidad: O(longitud(k)) donde k es la aplabra más larga del diccionario
```

```
MINIMO(in d: diccString (String \sigma)) \longrightarrow res: String \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} min(claves(d))\}
\mathbf{Descripción}: Se retorna la clave minima en orden lexicográfico \mathbf{Complejidad}: O(longitud(k)) donde k es la aplabra más larga del diccionario
```

9.2 Operaciones del iterador

El iterador que presentamos permite modificar el diccionario recorrido. Sin embargo, cuando el diccionario es no modificable, no se pueden utilizar las funciones de eliminacion. Ademas, las claves de los elementos iterados no pueden modificarse nunca, por cuestiones de implementacion. Cuando d es modificable, decimos que it es modificable.

Para simplificar la notacion, vamos a utilizar clave y significado en lugar de Π_1 y Π_2 cuando utilicemos una tupla($String, \sigma$). CrearIt(in d: diccString(String, σ) in n: String) $\longrightarrow res$: itDiccString($String, \sigma$)

```
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}

\mathbf{Post} \equiv \{alias(esPermutacion(SecuSuby(res), d)) \land vacia?(Anteriores(res))\}
```

Descripción: crea un iterador bidireccional del diccionario, que apunta al primer elemento del mismo en orden lexicografico.

Complejidad: O(CL * long(k)) Donde CL es la cantidad de claves de d y k la palabra mas larga de d Aliasing: hay aliasing entre los significados en el iterador y los del diccionario

```
HAYSIGUIENTE(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \text{ haySiguiente?}(it)\}

Descripción: devuelve true si y solo si en el iterador todavia quedan elementos para avanzar. Complejidad: O(1)

HAYANTERIOR(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \text{ hayAnterior?}(it)\}
```

Descripción: devuelve true si y solo si en el iterador todavia quedan elementos para retroceder. **Complejidad:** O(1)

```
SIGUIENTE(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: tupla(String, \sigma)
```

 $\mathbf{Pre} \equiv \{\text{HaySiguiente?}(it)\}\$

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Siguiente}(it)) \}$

Descripción: devuelve el elemento siguiente del iterador.

Complejidad: O(1)

Aliasing: res.significado es modificable si y solo si it es modificable, por aliasing. En cambio, res.clave no es modificable.

```
SIGUIENTECLAVE(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: String \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{HaySiguiente?}(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{Siguiente}(it).\mathrm{clave}) \}
\mathbf{Descripción:} devuelve la clave del elemento siguiente del iterador.
```

Complejidad: O(1)

Aliasing: res no es modficable.

```
SIGUIENTESIGNIFICADO(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HaySiguiente?}(it) \}
Post \equiv \{alias(res =_{obs} Siguiente(it).significado)\}
Descripción: devuelve el significado del elemento siguiente del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res es modificable si y solo si it es modificable, por aliasing.
ANTERIOR(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow tupla(clave: String, significado:
\sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayAnterior}?(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Anterior}(it)) \}
Descripción: devuelve el elemento anterior del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res. significado es modificable si y solo si it es modificable, por aliasing. En cambio,
res.clave no es modificable.
ANTERIOR CLAVE (in it: itDiccString (String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: String
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayAnterior}?(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{Anterior}(it).\operatorname{clave}) \}
Descripción: devuelve la clave del elemento anterior del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res no es modficable.
AnteriorSignificado(in it: itDiccString(String, \sigma) in n: String) \longrightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayAnterior}?(it) \}
Post \equiv \{alias(res =_{obs} Anterior(it).significado)\}
Descripción: devuelve el significado del elemento anterior del iterador.
Complejidad: O(1)
Aliasing: res es modificable si y solo si it es modificable, por aliasing.
AVANZAR(inout it: itDiccString(String, \sigma) in n: String)
\mathbf{Pre} \equiv \{it = it_0 \land \mathrm{HaySiguiente?}(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \operatorname{Avanzar}(it_0)\}\
Descripción: avanza a la posicion siguiente del iterador.
Complejidad: O(1)
Retroceder(inout it: itDiccString(String, \sigma) in n: String)
\mathbf{Pre} \equiv \{it = it_0 \land \mathrm{HayAnterior}?(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \operatorname{Retroceder}(it_0)\}\
Descripción: retrocede a la posicion anterior del iterador.
```

Complejidad: O(1)

9.3 Representacion

```
diccString

se representa con dLex)

donde dLex es tupla\langle \text{raiz} : \text{puntero(nodo)}, \\ \text{claves} : \text{conj(string)} \rangle

nodo

se representa con enodo)

donde enodo es tupla\langle \text{dato} : \sigma, \\ \text{esSig? : Bool}, \\ \text{claveEnConj: itConj(String)}, \\ \text{continuaciones: puntero(char)} \sqsubseteq 256 \; \exists \rangle

1. conj(string) esel Conjunto Lineal de los modulos Básicos. itConj(string) es el iterador del
```

Invariante de representación

mismo

- 1. Todo Nodo, si sus continuaciones son todos punteros a null, es porque es significado.
- 2. No hay ciclos, ni nodos con dos padres.
- 3. En el conjunto claves sólo se encuentran definidas las claves del diccionario y se encuentran todas ellas

Función de abstracción

```
Abs : diccString(string) d \longrightarrow dicc(String\sigma) {Rep (d)}

Abs(d) \equiv AbsAux(d d.claves)

AbsAux : diccString(String) dconj(String)/c \longrightarrow dicc(String \sigma)\{Rep(d) \land c \subseteq d.claves\}

AbsAux(d,c) \equiv if \emptyset?(c) then

©

else

efinir(dameUno(c), significado(dameUno(c), d), AbsAux(d, sinUno(c)))

fi
```

Respresentación del iterador

El iterador del diccionario lo recorre en orden lexicográfico. Los significados están por referencia. Se explica con el iterador bidireccional no modificable. it $DiccString(String, \sigma)$

```
se representa con itdLex)  \begin{aligned} & \text{donde dLex es tupla} \\ & \text{claves : Lista} (String), \\ & \text{significados : Lista} (\sigma) \\ \end{aligned}
```

9.4 Algoritmos

9.4.1 Algoritmos del Diccionario

```
IVACIO() \longrightarrow res : diccString
                                                                           O(1)
  res.raiz \leftarrow NULL
  res.claves \leftarrow Vacio
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
IDEFINIR(in/out d: diccString, in n: String, in s: \sigma)
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                           O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                            O(1)
  while i < Longitud(n) do
                                                                           O(Longitud(n))
      if aux == NULL then
          nNodo.esSig? \leftarrow false
                                                                           O(1)
          j \leftarrow 0
          while j < 256 do
                                                                           O(256) = O(1)
              nNodo.continuaciones[j] \leftarrow NULL
                                                                           O(1)
          end while
          aux \leftarrow \&nNodo
                                                                           O(1)
      end if
      aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                           O(1)
  end while
  aux*.esSig? \leftarrow True
                                                                           O(1)
  if aux * .esSig? \neq True then
      aux * .claveEnConj \leftarrow AgregarRapido(d.claves, n)
                                                                           O(long(n))
  end if
  aux * .esSig? \leftarrow True
                                                                           O(1)
  aux * .dato \leftarrow s
                                                                            O(1)
  el último paso se realiza por referencia
                                                                           O(Longitud(n))
IDEFINIDO?(in/out d: diccString, in n: String) \longrightarrow res: bool
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                           O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                           O(1)
  while i < (Longitud(n) - 1) \land aux \neq NULL do
                                                                           O(Longitud(n))
      aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                            O(1)
  end while
  if aux \neq NULL then
                                                                           O(1)
      res \leftarrow aux * .esSig?
  else
                                                                           O(1)
      res \leftarrow false
  end if
                                                                           O(Longitud(n))
```

```
ISIGNIFICADO(in d: diccString, in n: String) \longrightarrow res : \sigma
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                                 O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                                 O(1)
  while i < Longitud(n) do
                                                                                  O(Longitud(n))
       aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                                  O(1)
       i \leftarrow i + 1
  end while
  res \leftarrow aux * .dato
                                                                                 O(1)(es una referencia)
                                                                                 O(Longitud(n))
iBorrar(in/out d : diccString, in n : String)
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                                 O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                                  O(1)
  pila(puntero(nodo))p \leftarrow Vacia()
                                                                                  O(1)
  while i < Longitud(n) do
                                                                                 O(Longitud(n))
       Apilar(p,aux)
                                                                                 O(1)
       aux \leftarrow aux.continuaciones[ord(n[i])]
                                                                                 O(1)
       i \leftarrow i + 1
  end while
  aux*.esSig? \leftarrow false
   BorrarSiguiente(aux * .claveEnConj)
  aux * esSig? \leftarrow false
  i \leftarrow i-1
  j \leftarrow 0
   while aux *.continuaciones[j] = NULL \land j < 256 do
                                                                                 O(256) = O(1)
       j \leftarrow j + 1
  end while
  if j < 256 then
       p \leftarrow Vacia()
  end if
   while \neg EsVacia?(p) do
       j \leftarrow 0
       Tope(p) * .continuaciones[ord(n[i])] \leftarrow NULL
       while Tope(p)*.continuaciones[j] = NULL \land j < 256 do
                                                                                 O(256) = O(1)
           j \leftarrow j + 1
       end while
       if j < 256 then
           p \leftarrow Vacia()
       else
           Desapilar(p)
           i \leftarrow i-1
       end if
  end while
                                                                                  O(Longitud(n))
\texttt{IDICCCLAVES}(\textbf{in/out}\ d: \texttt{diccString}(\texttt{String}\ \sigma)) \longrightarrow \textit{res}: \textit{conj}(\textit{String})
  res \leftarrow d.claves
```

O(1), d.claves se pasa por referencia

```
MAXIMO(in/out d: diccString(String \sigma)) \longrightarrow res: String
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                                O(1)
  res \leftarrow Vacia()
  Boolf \leftarrow True
  while f do
      nati \leftarrow 256
      while aux * .continuaciones[i-1] = NULL \land i > 0 do
          i \leftarrow i+1
      end while
      if i = 0 then
          f \leftarrow false
      else
          AgregarAtras(res, ord^{-1}(i-1))
          i \leftarrow 0
      end if
  end while
                                                                                O(1) d.claves se pasa por referencia
MINIMO(in/out \ d : diccString(String \ \sigma)) \longrightarrow res : String
  aux \leftarrow d.raiz
                                                                                O(1)
  res \leftarrow Vacia()
  Boolf \leftarrow True
  while f do
      nati \leftarrow 0
      while aux *.continuaciones[i] = NULL \land i < 256 do
          i \leftarrow i + 1
      end while
      if i = 256 then
          f \leftarrow false
      else
          AgregarAtras(res, ord^-1(i))
          i \leftarrow 0
      end if
  end while
                                                                                O(1) d.claves se pasa por referencia
```

9.4.2 Algoritmos del iterador

```
 \begin{split} & \text{ICREARIT}(\textbf{in/out} \ d : \texttt{diccString}, \ in \ n : \texttt{String}) \longrightarrow \textit{res} : \texttt{itDiccString} \\ & \textit{lista}(String)cs \leftarrow Vacia() \\ & \textit{lista}(\sigma)ss \leftarrow Vacia() \\ & \textit{Stringn} \leftarrow Vacio() \\ & \textit{auxXrIt}(cs, ss, n, d.raiz) \\ & \text{res.claves} \leftarrow \textit{cs} \\ & \text{res.significados} \leftarrow \textit{ss} \end{split}   & O(\texttt{Longitud}(\texttt{k})^* \texttt{tam}(\texttt{d}))
```

1. k es la palabra más larga definida en dy tam(d) es la cantidad de palabras definidas que hay $\frac{1}{2}$.

¹Si bien no nos fue posible realizar el calculo de complejidad correspondiente, el algoritmo recursivo recorre una vez cada nodo, y el total de nodos esta acotado por la sumatoria del largo de cada palabra, que a su vez está acotada por la cantidad de palabras multiplicada por la longitud de la palabra más larga, por lo que la cota propuesta a la complejidad es razonable

```
AUXCRIT(in/out cs:Lista(string) in/out ss:Lista(\sigma) in/out n:String in p:puntero(nodo))
  if p \neq NULL then
      if p * .esSig? then
          AgregarAtras(cs, n)
          AgregarAtras(ss, p*.dato)
                                                                         O(1)
      end if
      i \leftarrow 0
      while i < 256 do
          AgregarAtras(n, ord^{-1}(i))
          auxCrIt(cs, ss, n, p * .continuaciones[i])
          TirarUltimos(n, 1)
      end while
  end if
                                                                         Tn desconocido
IHAYSIGUIENTE(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow it.claves.siguiente \neq NULL
                                                                         O(1)
IHAYANTERIOR(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow it.claves.anterior \neq NULL
                                                                         O(1)
ISIGUIENTE(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: tupla(string,\sigma)
  res.clave \leftarrow it.claves.siquiente * .dato
                                                                         O(1)(es una referencia)
  res.significado \leftarrow it.dignificados.siguiente * .dato
                                                                         O(1)(es una referencia)
                                                                         O(1)
ISIGUIENTECLAVE(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: String
  res \leftarrow it.claves.siguiente * .dato
                                                                         O(1)(es una referencia)
                                                                         O(1)
ISIGUIENTESIGNIFICADO(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: \sigma
  res \leftarrow it.significados.siguiente * .dato
                                                                         O(1)(es una referencia)
                                                                         O(1)
IANTERIOR(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: tupla(string, \sigma)
  res.clave \leftarrow it.claves.anterior * .dato
                                                                         O(1)(es una referencia)
  res.significado \leftarrow it.significados.anterior * .dato
                                                                         O(1)(es una referencia)
                                                                         O(1)
IANTERIORCLAVE(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: String
  res \leftarrow it.claves.anterior * .dato
                                                                         O(1)(es una referencia)
                                                                         O(1)
IANTERIORSIGNIFICADO(in/out it: itDiccString, in n: String) \longrightarrow res: \sigma
                                                                         O(1)(es una referencia)
  res \leftarrow it.significados.anterior * .dato
                                                                         O(1)
```

$IAVANZAR(in/out \ it : itDiccString, \ in \ n : String)$	
$it.claves \leftarrow it.claves.siguiente$	O(1)(es una referencia)
$it.significados \leftarrow it.significados.siguiente$	O(1)(es una referencia)
	O(1)
${\tt IRETROCEDER}(\mathbf{in/out}\ it: \mathtt{itDiccString},\ in\ n: \mathtt{String})$	
$it.claves \leftarrow it.claves.anterior$	O(1)(es una referencia)
$it.significados \leftarrow it.significados.anterior$	O(1)(es una referencia)
	O(1)