Catálogo Grupal de Algoritmos

Integrantes:

- \blacksquare Josué Araya García 2017103205
- \blacksquare Jonathan Guzmán Araya 2013041216
- Mariano Muñoz Masís 2016121607
- Luis Daniel Prieto Sibaja 2016072504

Índice

1.	Ten	na 1: Ecuaciones no Lineales	2
	1.1.	Método 1: Bisección	2
	1.2.	Método 2: Newton-Raphson	3
	1.3.	Método 3: Secante	5
	1.4.	Método 4: Falsa Posición	6
	1.5.	Método 5: Punto Fijo	7
	1.6.	Método 6: Muller	8
2.	Opt	imización	9
	2.1.	Método 1: Descenso Coordinado	9
	2.2.	Método 2: Gradiente Conjugado No Lineal	11
3.	Sist	emas de Ecuaciones	14
	3.1.	Método 1: Eliminación Gaussiana	14
	3.2.	Método 2: Factorización LU	16
	3.3.	Método 3: Factorización Cholesky	17
	3.4.	Método 4: Factorización QR	17
	3.5.	Método 5: Método de Thomas	17
	3.6.	Método 6: Método de Jacobi	19
	3.7.	Método 7: Método de Gauss-Seidel	20
	3.8.	Método 8: Método de Relajacion	22
	3.9.	Método 9: Método de la Pseudoinversa	23
4.	Poli	inomio de Interpolación	23

6.	Diferenciación Númerica	23
7.	Valores y Vectores Propios	23

 $\mathbf{23}$

1. Tema 1: Ecuaciones no Lineales

1.1. Método 1: Bisección

5. Integración Númerica

Código 1: Lenguaje M.

```
%{
   Metodo de la Biseccion
   Parametros de Entrada
       @param f: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
        @param a: limite inferior del intervalo
       @param b: limite superior del intervalo
        @param MAXIT: iteraciones maximas
        @param TOL: tolerencia del algoritmo
   Parametros de Salida
       @return xAprox: valor aproximado de x
       @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}
clc;
clear;
function [xAprox, err] = biseccion(f, a, b, MAXIT, TOL)
   if(f(a) * f(b) < 0)
        iter = 1;
        err = 1;
        iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
        errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar
        while(iter < MAXIT)</pre>
           xAprox = (a + b) / 2;
           fx = f(xAprox);
            if(f(a) * fx < 0)
                b = xAprox;
            elseif(f(b) * fx < 0)
                a = xAprox;
            endif
            iterl(iter) = iter;
            errl(iter) = err;
            err = (b - a) / (2)^{(iter-1)};
```

```
if(err < TOL)</pre>
                grafica(iterl, errl);
                return;
            else
                iter = iter + 1;
            endif
      endwhile
      grafica(iterl, errl);
        error("Condiciones en los parametros de entrada no garantizan el cero de la funcion.")
    endif
    return;
endfunction
%{
    Parametros de Entrada
       @param listaValoresX: valores del eje 'x'
       @param listaValoresY: valores del eje 'y'
    Parametros de Salida
       @return: Grafico de los datos ingresados
%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de la Biseccion");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction
Walores iniciales
a = 0;
b = 2;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0001:
Funcion
funct = @(x) e^x - x - 2;
%Llamado de la funcion
[xAprox, err] = biseccion(funct, a, b, MAXIT, TOL);
printf("################## \n");
printf("Metodo de la Biseccion \n");
printf('xAprox = %f\n%\frac{\pi}{\pi}rror = %d \n', xAprox, err);
```

1.2. Método 2: Newton-Raphson

Código 2: Lenguaje Python.

```
#TOL: es la tolerancia del algoritmo
# Salidas:
          #xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
           #error: pocentaje de error del resultado obtenido
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
def newton_raphson(func, x0, MAXIT, TOL):
   itera = 1
   err = 1
   iterl = [] #Lista que almacena el numero de iteraciones
   errl = [] #Lista que almacena el % de error de cada iteracion
   xAprox = x0
   while (itera < MAXIT):</pre>
       xk = xAprox
       fd = derivative(func, xk, dx=1e-6)
       xAprox = xk - (func(xk)) / (fd)
       err = (abs(xAprox - xk)) / (abs(xAprox))
       iterl.append(itera)
       errl.append(err)
       if(err < TOL):</pre>
           grafica(iterl, errl)
          return xAprox, err
       else:
          itera = itera + 1
   grafica(iterl, errl)
   return xAprox, err
#Grafica
#Entradas:
          #listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
          #listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
          #Grafico con los valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
   plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
   plt.title("Metodo de Newton-Raphson")
   plt.xlabel("Iteraciones")
   plt.ylabel("% Error")
   plt.show()
if __name__ == '__main__':
   #Valor inicial
   x0 = 1
   #Tolerancia
   TOL = 0.0001
   #Maximo iteraciones
```

1.3. Método 3: Secante

Código 3: Lenguaje C++.

```
#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
using namespace std;
using namespace GiNaC;
/**
* Oparam funcion: Funcion a evaluar en el metodo
* @param x0: primer valor inicial
* Oparam x1: segundo valor inicial
 * @param MAXIT: cantidad maxima de iteraciones
 * Oparam TOL: tolerancia del resultado
 * @return tuple <ex, ex>: valor aproximado, error del valor aproximado
 * /
tuple <ex, ex > secante(string funcion, ex x0, ex x1, ex MAXIT, ex TOL) {
    symbol x;
    symtab table;
    table["x"] = x;
    parser reader(table);
    ex f = reader(funcion);
    ex xk = x1;
    ex xkm1 = x0;
    ex xk1;
    int iter = 0;
    ex err = TOL + 1;
    while (iter < MAXIT) {</pre>
        xk1 = xk -
              ((((xk - xkm1)) / ((evalf(subs(f, x == xk))))) - evalf(subs(f, x == xkm1))
        xkm1 = xk;
        xk = xk1;
        err = abs(evalf(subs(f, x == xk)));
        if (err < TOL) {</pre>
            break;
        } else {
            iter = iter + 1;
        }
    }
    xk;
```

```
err = abs((evalf(subs(f, x == xk))));
    return make_tuple(xk, err);
}
int main(void) {
    tuple <ex, ex > testS = secante("exp(-pow(x, 2)) - x", 0, 1, 100, 0.001);
    cout << "Aproximacion: " << get <0 > (testS) << endl;
    cout << "Error: " << get <1 > (testS) << endl;
    return 0;
}</pre>
```

1.4. Método 4: Falsa Posición

Código 4: Lenguaje C++.

```
#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
using namespace std;
using namespace GiNaC;
/**
* @param funcion: Funcion a evaluar en el metodo
 * @param x0: primer valor inicial
 * @param x1: segundo valor inicial
 * @param MAXIT: cantidad maxima de iteraciones
* Cparam TOL: tolerancia del resultado
 * @return tuple <ex, ex>: valor aproximado, error del valor aproximado
 */
tuple <ex, ex > secante(string funcion, ex x0, ex x1, ex MAXIT, ex TOL) {
    symbol x;
    symtab table;
    table["x"] = x;
    parser reader(table);
    ex f = reader(funcion);
    ex xk = x1;
    ex xkm1 = x0;
    ex xk1;
    int iter = 0;
    ex err = TOL + 1;
    while (iter < MAXIT) {</pre>
        xk1 = xk -
              ((((xk - xkm1)) / ((evalf(subs(f, x == xk))))) - evalf(subs(f, x == xkm1))
        xkm1 = xk;
        xk = xk1;
        err = abs(evalf(subs(f, x == xk)));
        if (err < TOL) {</pre>
            break;
        } else {
            iter = iter + 1;
```

```
    xk;
    err = abs((evalf(subs(f, x == xk))));
    return make_tuple(xk, err);
}

int main(void) {
    tuple <ex, ex > testS = secante("exp(-pow(x, 2)) - x", 0, 1, 100, 0.001);
    cout << "Aproximacion: " << get <0 > (testS) << endl;
    cout << "Error: " << get <1 > (testS) << endl;
    return 0;
}
</pre>
```

1.5. Método 5: Punto Fijo

Código 5: Lenguaje Python.

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
#Punto Fijo
#Entradas: funcion - Funcion por aproximar - funcion lambda
#valor - inicial - Valor por el cual se empezara a aproximar - int, float, double
#iteraciones - maximas - Numero maximo de itreaciones - int
#
def punto_fijo(funcion, valor_inicial, iteraciones_maximas):
    lista_error = [] #lista para graficar
    iteracion = 1
    b = funcion(valor_inicial)
                               #valor para obtener error
    error = abs(b-valor_inicial)
    while(iteracion <= iteraciones_maximas ): #condicion de parada
        valor_inicial = b
                                             #reajuste de valores de error
        b = funcion(valor_inicial)
        error = abs(b - valor_inicial)
        lista_error.append(error)
        iteracion += 1
    aproximacion = b
   plt.plot(lista_error, label = 'errores por interacion') #Construccion de tabla
   plt.ylabel('Error')
   plt.xlabel('Iteracion')
    #Los ejes estan limitados por las iteraciones y el error maximo
   plt.axis([0, iteraciones_maximas, 0, lista_error[0]])
   plt.title('Punto Fijo')
   plt.legend()
   plt.show()
   print('Aproximacion: '+ str(aproximacion)+ ', error: '+ str(error))
    return aproximacion, error
funcion = lambda x: np.exp(-x)
punto_fijo(funcion, 0, 15)
```

1.6. Método 6: Muller

Código 6: Lenguaje M.

```
%{
   Metodo de Muller
    Parametros de Entrada
        @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
       @param x0: primer valor inicial
        @param x1: segundo valor inicial
        @param x2: segundo valor inicial
        @param MAXIT: iteraciones maximas
        @param TOL: tolerencia del algoritmo
    Parametros de Salida
       @return r: valor aproximado de x
       @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}
clc;
clear;
function [r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, TOL)
   iter = 1;
   err = 1;
   iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
    errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar
   while(iter < MAXIT)</pre>
        a = ((x1-x2)*[func(x0)-func(x2)]-(x0-x2)*[func(x1)-func(x2)])/((x0-x1)*(x0-x2)*(x1-x2));
        b = (((x0-x2)^2)*[func(x1)-func(x2)]-((x1-x2)^2)*[func(x0)-func(x2)])/((x0-x1)*(x0-x2)*(x1-x2));
        c = func(x2);
        discriminante = b^2 - 4*a*c;
        if(discriminante < 0)</pre>
            error("Error, la solucion no es real.")
            return:
        endif
        r = x2 - (2*c) / (b + (sign(b))*(sqrt(discriminante)));
        err = (abs(r - x2)) / (abs(r));
        errl(iter) = err;
        iterl(iter) = iter;
        iter = iter + 1;
        if(err < TOL)</pre>
            grafica(iterl, errl);
            return;
        endif
        x0Dist = abs(r - x0);
        x1Dist = abs(r - x1);
        x2Dist = abs(r - x2);
```

```
if (x0Dist > x2Dist && x0Dist > x1Dist)
            x0 = x2;
        elseif (x1Dist > x2Dist && x1Dist > x0Dist)
            x1 = x2;
        endif
       x2 = r;
    endwhile
    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction
%{
    Parametros de Entrada
        @param listaValoresX: valores del eje 'x'
        @param listaValoresY: valores del eje 'y'
    Parametros de Salida
        @return: Grafico de los datos ingresados
%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de Muller");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction
Walores iniciales
x0 = 2;
x1 = 2.2;
x2 = 1.8;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0000001;
Funcion
func = @(x) \sin(x) - x/2;
%Llamado de la funcion
[r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, T0L);
printf("################################### \n");
printf("Metodo de Muller \n");
printf('r = %f\n% % rror = %i \n', r, err);
```

2. Optimización

2.1. Método 1: Descenso Coordinado

Código 7: Lenguaje M.

```
%{
Metodo del Descenso Coordinado
```

```
Parametros de Entrada
      @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
      @param vars: variables que oomponen la funcion
      @param xk: valores iniciales
      @param MAXIT: iteraciones maximas
    Parametros de Salida
     @return xAprox: valor aproximado de xk
      @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}
clc;
clear;
pkg load symbolic;
syms x y;
warning("off","all");
function [xAprox, err] = coordinado(func, vars, xk, MAXIT)
    n = length(vars);
    iter = 0;
    iterl = [];
    err = [];
    while(iter < MAXIT)</pre>
        xk_aux = xk;
        v = 1;
        while(v != n + 1)
            ec_k = func;
            j = 1;
            while(j != n + 1)
                if(j != v)
                    vars(j);
                    xk(j);
                    ec_k = subs(ec_k, vars(j), xk(j));
                j = j + 1;
            endwhile
            fv = matlabFunction(ec_k);
            min = fminsearch(fv, 0);
            xk(v) = min;
            v = v + 1;
        endwhile
        cond = xk - xk_aux;
        norma = norm(cond, 2);
        errl(iter+1) = norma;
        iterl(iter+1) = iter;
        iter = iter + 1;
    endwhile
    xAprox = xk;
    err = norma;
    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction
```

```
%{
   Parametros de Entrada
       @param listaValoresX: valores del eje 'x'
       @param listaValoresY: valores del eje 'v'
   Parametros de Salida
       @return: Grafico de los datos ingresados
%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
   plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
   title("Metodo del Descenso Coordinado");
   xlabel("Iteraciones");
   ylabel("% Error");
endfunction
Walores iniciales
xk = [1, 1]:
%Variables
vars = [x, y]
%Iteraciones maximas
MAXIT = 9:
ধ্বolerancia
TOL = 0.000001;
uncion
funct = (x - 2)**2 + (y + 3)**2 + x * y';
%Llamado de la funcion
[xAprox, err] = coordinado(funct, vars, xk, MAXIT, TOL);
printf("Metodo del Descenso Coordinado \n");
printf('xAprox X = %f\nxAprox Y = %f\n%\%rror = %d \n', xAprox, err);
```

2.2. Método 2: Gradiente Conjugado No Lineal

Código 8: Lenguaje Python.

```
# Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal
# Entradas:
         #func: string con la funcion a evaluar
         #vars: lista con las variables de la ecuacion
         #xk: vector con los valores iniciales
         #MAXIT: es la cantidad de iteraciones maximas a realizar
# Salidas:
         #xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
         #error: pocentaje de error del resultado obtenido
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
from sympy import sympify, Symbol, diff
from numpy import linalg, array
```

```
def gradiente(func, variables, xk, MAXIT):
    funcion = sympify(func) #Obtenemos la funcion del string
    itera = 0
    iterl = [] #Lista que almacena el numero de iteraciones
    err1 = [] #Lista que almacena el % de error de cada iteracion
    if(len(variables) != len(xk)): #Comprueba la cantidad de variables en xk
        return "Variables y xk deben ser del mismo tamano"
    listaSimb = []
   n = len(variables)
    for i in range(0, n):
        #Se crean los Symbol de las variables de la funcion
        listaSimb += [Symbol(variables[i])]
    gradiente = []
    for i in range(0, n): #Se calcula el gradiente de la funcion
        gradiente += [diff(funcion, variables[i])]
    #Se calculan los valores iniciales de gk y dk
    gk = evaluarGradiente(gradiente, variables, xk)
    dk = [i * -1 for i in gk]
    while(itera < MAXIT):</pre>
        #Se calcula el alpha
        ak = calcularAlphaK(funcion, variables, xk, dk, gk)
        \#Se calcula el nuevo valor del vector: x1 = x0 + a * d0
        alphakdk = [i * ak for i in dk]
        vecx = [x1 + x2 for(x1, x2) in zip(xk, alphakdk)]
        #Se calcula el nuevo valor del vector gk
        gkx = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
        #Se calcula el vector para encontrar el error
        vecFinal = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
        #Se calcula la norma para el error
        norma = linalg.norm(array(vecFinal, dtype='float'), 2)
        bk = calcularBetaK(gkx, gk) #Se calcula el valor de beta
        betakdk = [i * bk for i in dk] #Se calcula el nuevo valor del vector dk
        mgk = [i * -1 for i in gkx]
        dk = [x1 + x2 \text{ for } (x1, x2) \text{ in } zip(mgk, betakdk)]
        xk = vecx.copy()
        gk = gkx.copy()
        iterl.append(itera)
        errl.append(norma)
        itera += 1
    grafica(iterl, errl)
    return vecx, norma
# Evaluar Gradiente
# Entradas:
            #gradiente: gradiente a evaluar
            #:vars: lista con las variables de la ecuacion
            #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
            #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
```

```
def evaluarGradiente(gradiente, variables, xk):
   n = len(variables)
    gradResult = []
   #Se recorre cada una de las derivadas parciales en el gradiente
    for i in range(0, n):
        funcion = gradiente[i] #Se obtiene la derivada parcial
        #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
        for j in range(0, n):
            funcion = funcion.subs(variables[j], xk[j])
        gradResult += [funcion.doit()]
    return gradResult
# Calcular alpha k
# Entradas:
            #gradiente: gradiente a evaluar
            #:vars: lista con las variables de la ecuacion
            #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
            #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
def calcularAlphaK(func, variables, xk, dk, gk):
    a = 1
    while 1:
        adk = [i * a for i in dk] #Se calcula la multiplicacion de ak * dk
        \#Se calcula la operacion xk + a * dk
        vecadk = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(xk, adk)]
        #Se evalua la funcion f(xk + a * dk)
        refvecadk = evaluarFuncion(func, variables, vecadk)
        #Se evalua la funcion f(xk)
        refvec = evaluarFuncion(func, variables, xk)
        #Se calcula la parte izquierda de la desigualdad
        izquierdaDesigualdad = refvecadk - refvec
        #Se calcula la operacion gk * dk
        multiplicargkdk = [x1 * x2 for(x1, x2) in zip(gk, dk)]
        #Se suman todos los elementos de la multiplicacon anterior
        sumagkdk = sum(multiplicargkdk)
        \#Se calcula la multiplicacion de 0.5 * ak * gk * dk (parte derecha)
        derechaDesigualdad = 0.5 * a * sumagkdk
        if(izquierdaDesigualdad < derechaDesigualdad): #Se verifica la desigualdad
            break;
        a /= 2
    return a
# Evaluar en la funcion
# Entradas:
            #func: string con la funcion a evaluar
            #:vars: lista con las variables de la ecuacion
            #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
            #func: resultado de evaluar en la funcion
def evaluarFuncion(func, variables, xk):
    n = len(variables)
    #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
    for i in range(0, n):
        func = func.subs(variables[i], xk[i])
```

```
return func
# Calcular beta k
# Entradas:
            #gk: vector gk
            #prevGK: vector gk de la iteracion anterior
           #dk: vector dk
            #reglaBK: regla utilizada para calcular el BK
# Salidas:
           #b: valor del Bk canculado
def calcularBetaK(gk, prevGK):
   #Se calcula la norma 2 del vector actual
   normagk = linalg.norm(array(gk, dtype='float'), 2)
   #Se calcula la norma 2 del vector anterior
   normaprevGK = linalg.norm(array(prevGK, dtype='float'), 2)
   b = (pow(normagk, 2)) / (pow(normaprevGK, 2))
   return b
#Grafica
#Entradas:
           #listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
           #listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
            #Grafico con lo valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
   plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
   plt.title("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal")
   plt.xlabel("Iteraciones")
   plt.ylabel("% Error")
   plt.show()
if __name__ == '__main__':
   #Valores iniciales
   xk = [0, 3]
   # Variables de la ecuacion
   variables = ['x', 'y']
   #Maximo iteraciones
   MAXIT = 14
   #Funcion
   func = (x-2)**4 + (x-2*y)**2
    #Llamado de la funcion
    xAprox, err = gradiente(func, variables, xk, MAXIT)
    print("#####################")
    print("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal \n")
    print('xAprox = {}\n%Error = {}'.format(xAprox, err))
```

3. Sistemas de Ecuaciones

3.1. Método 1: Eliminación Gaussiana

Código 9: Lenguaje M.

```
%{
   Metodo de Eliminacion Gaussiana
    Parametros de Entrada
        @param matrizD: matriz de coeficientes
        @param matrizI: vector de terminos independientes
    Parametros de Salida
        @return vectorResultado: solucion del sistema
%}
clc;
clear;
pkg load symbolic;
format long;
warning('off', 'all');
function X = gaussiana(matrizD, matrizI)
  [n, m] = size(matrizD);
  if (n \sim = m)
    disp("La matrizD debe ser cuadrada");
  end
  n = length(matrizD);
 X = [matrizD, matrizI];
  % Por cada argumento de la matriz
  for i=1:n
    pivot = X(i, i);
    pivotRow = X(i, :);
    % Multiplica los vectores
   M = zeros(1, n - i);
   m = length(M);
    % Obtiene cada fila multiplicada
    for k=1:m
      M(k) = X(i + k, i) / pivot;
    endfor
    % Modifica cada fila
    for k=1:m
      X(i + k, :) = X(i + k, :) - pivotRow*M(k);
    endfor
  endfor
 X = sustitucionAtras(X(1:n, 1:n), X(:,n+1));
endfunction
%{
   Metodo de Sustitucion Atras
   -Resuelve un sistema del tipo Ax = b
    Parametros de Entrada
        @param matrizA: matriz triangular superior NxN
        @param matrizB: matriz Nx1
    Parametros de Salida
        @return X: solucion de la matriz
%}
```

```
function X = sustitucionAtras(matrizA, matrizB)
    n = length(matrizB);
   X = zeros(n, 1);
   X(n) = matrizB(n)/matrizA(n, n);
    for(k = n-1 : -1 : 1)
        div = matrizA(k, k);
    if (div != 0)
        X(k) = (matrizB(k) - matrizA(k, k+1:n)*X(k+1:n))/matrizA(k, k);
        disp("Error: se ha producido una division por cero");
    endif
  endfor
endfunction
Matriz de coeficientes
A = [2 -6 \ 12 \ 16 \ ; \ 1 -2 \ 6 \ 6; \ -1 \ 3 \ -3 \ -7; \ 0 \ 4 \ 3 \ -6];
Matriz de terminos independientes
B = [70\ 26\ -30\ -26]';
%Llamado de la funcion
X = gaussiana(A, B);
printf("################ \n");
printf("Metodo de la Eliminacion Gaussiana \n");
printf('X = %f \setminus n', X);
```

3.2. Método 2: Factorización LU

Código 10: Lenguaje Python.

```
# Metodo de la Factorizacion LU
  # Entradas:
     # matrizD: matriz de coeficientes
     # matrizI: matriz de terminos independientes
  # Salidas:
     # X: solucion del sistema
import numpy as np
def fact_lu(matrizD, matrizI):
  n = len(matrizD)
  L = np.eve(n)
  U = matrizD
  for i in range(1, n):
     pivot = U[i - 1][i - 1]
     pivotRow = U[i - 1]
     M = np.zeros((1, n - i))
     m = M.size + 1
     for k in range(1, m):
```

```
try:
               M[i - 1][k - 1] = (U[i + k - 1][i - 1]) / pivot
           except:
               M = (U[i + k - 1][i - 1]) / pivot
       for k in range(1, m):
           try:
               U[i + k - 1] = U[i + k - 1] - (np.multiply(pivotRow, M[i - 1][k - 1]))
               L[i + k - 1][i - 1] = M[i - 1][k - 1]
           except:
               U[i + k - 1] = U[i + k - 1] - (np.multiply(pivotRow, M))
               L[i + k - 1][i - 1] = M
   Y = ((np.linalg.inv(L)).dot(np.transpose(matrizI)))
   X = (np.linalg.inv(U)).dot(Y)
   return X
if __name__ == '__main__':
   # Matriz de coeficientes
   A = [[4, -2, 1], [20, -7, 12], [-8, 13, 17]]
   # Vector de terminos independientes
   B = [11, 70, 17]
   # Llamado de la funcion
   X = fact_lu(A, B)
   print("###################"")
   print("Metodo de la Factorizacion LU\n")
   print('X = {}\n'.format(X))
```

- 3.3. Método 3: Factorización Cholesky
- 3.4. Método 4: Factorización QR
- 3.5. Método 5: Método de Thomas

Código 11: Lenguaje Python.

```
pi = 0
    n = len(matrizC)
    if(len(matrizC) == len(vectorTI)):
        for i in range(0, n):
            if(i == 0):
                ci = matrizC[i+1][i]
                bi = matrizC[i][i]
                di = vectorTI[i]
                pi = ci/bi
                qi = di/bi
                xn.append(qi)
            elif(i < n-1):
                ai = matrizC[i][i+1]
                bi = matrizC[i][i]
                di = vectorTI[i]
                ci = matrizC[i+1][i]
                pi = ci/(bi-pi*ai)
                qi = (di-qi*ai)/(bi-pi*ai)
                xn.append(qi-pi*xn[i-1])
            else:
                ai = matrizC[i][i]
                bi = matrizC[i][i]
                ci = matrizC[i][i]
                di = vectorTI[i]
                pi = ci / (bi - pi * ai)
                qi = (di - qi * ai) / (bi - pi * ai)
                xn.append(qi - pi * xn[i - 1])
        return xn
    else:
        print("Error: el vector y la matriz deben ser del mismo tamano")
# Funcion para crear la matriz tridiagonal
    # Entradas:
        # N: tamano de la matriz
        # a: valor debajo de la diagonal principal
        # b: valor de la diagonal principal
        # c: valor sobre la diagonal principal
    # Salidas:
        # matriz: matriz tridiagonal
def creaTridiagonal(N, a, b, c):
    if (N \% 2 != 0):
        print("El valor N debe ser un numero par")
    else:
        matriz = np.zeros((N,N))
        np.fill_diagonal(matriz, b)
        n = N
        print(matriz[0][5])
        for i in range(0,n-1):
            matriz[i][i + 1] = c
            matriz[i + 1][i] = a
        return matriz
# Funcion para crear el vector d
```

```
# Entradas:
       # N: tamano de la matriz
       # ext: valor en los extremos del vector
       # inte: valor en el interior del vector
    # Salidas:
       # d: vector d
def creaD(N, ext, inte):
    if(N \%2 != 0):
       print("El valor N debe ser un numero par")
    else:
       n = N
       d = []
       for i in range(0, n):
           if ((i == 0) \text{ or } (i == n - 2)):
               d.append(ext)
               d.append(inte)
       return d
if __name__ == '__main__':
   #Creacion de la matriz tridiagonal
   matrizC = creaTridiagonal(10, 1, 5, 1)
   #Creacion del vector D
   vectorTI = creaD(10, -12, -14)
    #Llamado del metodo
   X = thomas(matrizC, vectorTI)
   print("##################")
    print("Metodo de Thomas\n")
   print('X = {}\n'.format(X))
```

3.6. Método 6: Método de Jacobi

Código 12: Lenguaje C++.

```
#include <iostream>
#include <armadillo>

using namespace std;
using namespace arma;

/**
    * @param A: matriz de coeficientes
    * @param b: vector de terminos independientes
    * @param xInicial: vector de valores iniciales
    * @param MAXIT: cantidad de iteraciones maximas
    * @param TOL: tolerancia de la respuesta
    * @return tuple < vec, double >: vector solucion, error de la solucion
    */

tuple < vec, double > jacobi(mat A, vec b, vec xInicial, int MAXIT, double TOL) {

    mat D (size(A), fill::zeros);
    mat U (size(A), fill::zeros);
    mat L (size(A), fill::zeros);
    mat L (size(A), fill::zeros);
}
```

```
for(int i = 0; i < A.n_rows; i++) {</pre>
         for(int j = 0; j < A.n_cols; j++) {
   if(j < i) {</pre>
                 L(i, j) = A(i, j);
             else if(j > i) {
                 U(i, j) = A(i, j);
             else if(i == j) {
                 D(i, j) = A(i, j);
             else {
                 cout << "Error" << endl;</pre>
             }
        }
    }
    vec xk = xInicial;
    vec xk1;
    int iter = 0;
    double err = TOL + 1;
    while(iter < MAXIT) {</pre>
         xk1 = ((-D.i())*(L + U)*(xk)) + ((D.i())*(b));
         xk = xk1;
         err = norm(A*xk-b);
         if(err < TOL) {</pre>
             break;
         else {
             iter = iter + 1;
         }
    return make_tuple(xk, err);
}
* Ejemplo numerico
* /
int main() {
    tuple < vec, double > testJ = jacobi("5 1 1; 1 5 1; 1 1 5", "7 7 7", "0 0 0", 100, 0.00
    cout << "Aproximacion: \n" << get<0>(testJ) << endl;</pre>
    cout << "Error: " << get<1>(testJ) << endl;</pre>
    return 0;
}
```

3.7. Método 7: Método de Gauss-Seidel

Código 13: Lenguaje M.

%{

```
Metodo de Gauss—Seidel
    Parametros de Entrada
        @param matrizD: matriz de coeficientes
        @param matrizI: vector de terminos independientes
        @param x: valor inicial
        @param MAXIT: iteraciones maximas
        @param TOL: tolerancia de la respuesta
    Parametros de Salida
        @return xAprox: valor aproximado de X
        @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}
clc;
clear;
pkg load symbolic;
format long;
warning('off', 'all');
function [xAprox, err] = gaussSeidel(matrizD, matrizI, x, MAXIT, TOL)
    L = tril(matrizD, -1);
    D = diag(diag(matrizD));
   U = triu(matrizD, 1);
    b = matrizI';
    iter = 0;
    xAprox = x';
    err = 1;
   M = L + D;
    inversa = inv(M);
    iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
    errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar
   while(iter < MAXIT)</pre>
        xAprox = (-inversa*U*xAprox)+(inversa*b);
        iterl(iter+1) = iter;
        errl(iter+1) = err;
        err = norm(xAprox);
        %iter = iter + 1;
        if(err < TOL)</pre>
            grafica(iterl, errl);
            return;
        else
            iter = iter + 1;
        endif
    endwhile
    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction
%{
```

```
Parametros de Entrada
       @param listaValoresX: valores del eje 'x'
       @param listaValoresY: valores del eje 'y'
    Parametros de Salida
       @return: Grafico de los datos ingresados
%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
   plot(listaValoresX, listaValoresY, 'x-');
    title("Metodo de Gauss—Seidel");
   xlabel("Iteraciones");
   ylabel("% Error");
endfunction
Walor inicial
x = [0 \ 0 \ 0];
%Iteraciones maximas
MAXIT = 10:
%Tolerancia
TOL = 0.0001;
Matriz de coeficientes
A = [5 \ 1 \ 1; \ 1 \ 5 \ 1; \ 1 \ 1 \ 5];
Wector de terminos independientes
B = [7 7 7];
%Llamado de la funcion
[xAprox, err] = gaussSeidel(A, B, x, MAXIT, TOL);
printf("################## \n");
printf("Metodo de Gauss—Seidel \n");
printf('xAprox = %f\nxAprox = %f\nxAprox = %f\nxAprox, err);
```

3.8. Método 8: Método de Relajacion

Código 14: Lenguaje Python.

```
import numpy as np
import scipy.linalg as la
import matplotlib.pyplot as plt
def relajacion(A,b,maxI,tol,w):
    (P,L,U) = la.lu(A)
    D= np.diag(np.diag(U))
    k = 0
    lista_error=[]
    x = []
    for i in A:
         x.append(0)
    x= np.transpose(x)
    while k<maxI:
         x0 = np.transpose(x)
         M = w * * - 1 * (w * L + D)
         N = w * * - 1 * ((1 - w) * D - w * U)
```

```
x = np.matmul(np.matmul(np.linalg.inv(M),N),x0) + np.matmul(np.linalg.inv(M),b)
    errorM = b - np.matmul(A,np.transpose(x))
    errorM = np.transpose(errorM)
    error = 0
    print(x)
    for i in errorM:
        error = error+i**2
    lista_error.append(error)
    if (error**0.5 < tol):
        break
    k = k + 1
plt.plot(lista_error, label = 'errores por interacion') #Construccion de tabla
plt.ylabel('Error')
plt.xlabel('Iteracion')
#Los ejes estan limitados por las iteraciones y el error maximo
plt.axis([0, maxI, 0, lista_error[0]])
plt.title('Relajacion')
plt.legend()
plt.show()
return x, error
```

- 3.9. Método 9: Método de la Pseudoinversa
- 4. Polinomio de Interpolación
- 5. Integración Númerica
- 6. Diferenciación Númerica
- 7. Valores y Vectores Propios