Catálogo Grupal de Algoritmos

Integrantes:

- Josué Araya García - 2017103205
- Jonathan Guzmán Araya - 2013041216
- Mariano Muñoz Masís - 2016121607
- Luis Daniel Prieto Sibaja - 2016072504

Índice

1. Tema 1: Ecuaciones no Lineales

1.1. Método 1: Bisección

Código 1: Lenguaje M.

```
%{
    Metodo de la Biseccion
    Parametros de Entrada
        @param f: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
        @param a: limite inferior del intervalo
        @param b: limite superior del intervalo
        @param MAXIT:  iteraciones maximas
        @param TOL:  tolerencia del algoritmo

    Parametros de Salida
        @return xAprox: valor aproximado de x
        @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}

clc;
clear;

function [xAprox, err] = biseccion(f, a, b, MAXIT, TOL)

    if(f(a) * f(b) < 0)

        iter = 1;
        err = 1;
        iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
        errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar

        while(iter < MAXIT)
            xAprox = (a + b) / 2;
            fx = f(xAprox);

            if(f(a) * fx < 0)
                b = xAprox;
            elseif(f(b) * fx < 0)
                a = xAprox;
            endif

            iterl(iter) = iter;
            errl(iter) = err;
            err = (b - a) / (2)^(iter-1);

            if(err < TOL)
                grafica(iterl, errl);
                return;
            else
                iter = iter + 1;
            endif
      endwhile
      grafica(iterl, errl);
    else
        error("Condiciones en los parametros de entrada no garantizan el cero de la funcion.")
    endif
    return;
endfunction
```

```
%{
    Parametros de Entrada
        @param listaValoresX: valores del eje 'x'
        @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
        @return: Grafico de los datos ingresados
%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de la Biseccion");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%Valores iniciales
a = 0;
b = 2;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0001;
%Funcion
funct = @(x) e^x - x - 2;
%Llamado de la funcion
[xAprox, err] =  biseccion(funct, a, b, MAXIT, TOL);
printf("########################################## \n");
printf("Metodo de la Biseccion \n");
printf('xAprox = %f\n%%Error = %d \n', xAprox, err);
```

1.2. Método 2: Newton-Raphson

Código 2: Lenguaje Python.

```
# Metodo de Newton-Raphson
# Entradas:
            #func: es la funcion a analizar
            #x0: valor inicial
            #MAXIT: es la cantidad de iteraciones maximas a realizar
            #TOL: es la tolerancia del algoritmo
# Salidas:
            #xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
            #error: pocentaje de error del resultado obtenido

##############################################################################
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
##############################################################################

def newton_raphson(func, x0, MAXIT, TOL):
    itera = 1
```

```
    err = 1
    iterl = []  #Lista que almacena el numero de iteraciones
    errl = []  #Lista que almacena el % de error de cada iteracion
    xAprox = x0

    while (itera < MAXIT):
        xk = xAprox
        fd = derivative(func, xk, dx=1e-6)
        xAprox = xk - (func(xk)) / (fd)
        err = (abs(xAprox - xk)) / (abs(xAprox))
        iterl.append(itera)
        errl.append(err)

        if(err < TOL):
            grafica(iterl, errl)
            return xAprox, err
        else:
            itera = itera + 1

    grafica(iterl, errl)
    return xAprox, err

#Grafica
#Entradas:
            #listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
            #listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
            #Grafico con los valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
    plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
    plt.title("Metodo de Newton-Raphson")
    plt.xlabel("Iteraciones")
    plt.ylabel("% Error")
    plt.show()

if __name__ == '__main__':
    #Valor inicial
    x0 = 1
    #Tolerancia
    TOL = 0.0001
    #Maximo iteraciones
    MAXIT = 100
    #Funcion
    func = lambda x: (math.e)**x - 1/x
    #Llamado de la funcion
    xAprox, err = newton_raphson(func, x0, MAXIT, TOL)
    print("########################################################")
    print("Metodo de Newton-Raphson \n")
    print('xAprox = {}\n%Error = {}'.format(xAprox, err))
```

1.3. Método 3: Secante

Código 3: Lenguaje C++.

```
#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
#include "mgl2/mgl.h"
#include <vector>

using namespace std;
using namespace GiNaC;

/*Funcion para crear una grafica:
 * Entradas: Pares ordenados en x y y, vectores de las graficas
 * Salidas: Grafica de iteraciones vs error
*/
void createGraph(double x1, double x2, double y1, double y2, vector<double> x, vector<do
    mglGraph graph;
    //Estas funciones convierten los vectores de la entrada en arreglos de datos de la g
    mglData xGraph(x);
    mglData yGraph(y);
    //Se disena la grafica con los parametros
    graph.Title("Error vs Iteracion");
    graph.SetOrigin(0, 0);
    //Limites de la grafica
    graph.SetRanges(x1, x2, y1, y2);
    //Valores que va a contener la grafica
    graph.Plot(xGraph, yGraph, "o!rgb");
    graph.Axis();
    graph.Grid();
    //Se exporta la grafica a un archivo PNG
    graph.WritePNG("Graph.png");
}

/*Metodo de la secante:
 * Entradas: Funcion a la que se le va a aplicar el metodo (express), primer valor inici
   valor inicial, tolerancia y cantidad de iteraciones maximas
 * Salidas: Aproximacion de la solucion, error y cantidad de iteraciones realizadas*/
ex secante(string express, string firstValue, string secondValue, string tolerance, stri
    //Implementacion del calculo simbolico
    symbol x("x");
    symtab table;
    table["x"] = x;
    parser reader(table);
    //Se traducen las entradas a variables de calculo simbolico
    ex function = reader(express);
    ex x0 = reader(firstValue);
    ex x1 = reader(secondValue);
    ex tol = reader(tolerance);
    ex iterMax = reader(iterations);
    //Se definen las variables de la iteracion, solucion y error necesarias
    int iter = 1;
    ex xk;
    ex error = tol + 1;
    //Vectores para la grafica
    vector<double> errors;
    vector<double> iters;
```

```
    //Funciones por evaluar
    ex f0 = evalf(subs(function, x == x0));
    ex f1 = evalf(subs(function, x == x1));
    while (iter < iterMax) {
        //Ecuacion del metodo de la secante
        xk = x1 - f1 * ((x1 - x0) / (f1 - f0));
        error = abs(xk - x1)/abs(xk); //Error de la solucion
        ex aux = evalf(error);
        //Se actualizan los valores
        x0 = x1;
        x1 = xk;
        iter++;
        //Los vectores de iteracion y error reciben valores
        double m = ex_to<numeric>(aux).to_double();
        errors.push_back(m);
        iters.push_back(iter);
        //Condicion de parada
        if (error <= tol) {
            break;
        }
    }
    cout << "Aproximacion: " << xk << endl;
    cout << "Iteraciones : " << iter << endl;
    cout << "Error : " << error << endl;
    //Se crea la grafica respectiva
    createGraph(0, iter + 1, -ex_to<numeric>(evalf(error)).to_double(), ex_to<numeric>(e
    return xk;
}

int main() {
    //Se define la funcion por evaluar
    string express;
    cout << "Escriba la funcion: " << endl;
    cin >> express;
    //Se definen los valores iniciales
    string x0;
    cout << "Escriba el primer valor inicial: " << endl;
    cin >> x0;
    string x1;
    cout << "Escriba el segundo valor inicial: " << endl;
    cin >> x1;
    //Se define la tolerancia
    string tol;
    cout << "Escriba la tolerancia: " << endl;
    cin >> tol;
    //Se define el numero maximo de iteraciones
    string iterMax;
    cout << "Escriba el numero de iteraciones: " << endl;
    cin >> iterMax;
    //Metodo de la secante
    secante(express, x0, x1, tol, iterMax);
    return 0;
}
```

1.4. Método 4: Falsa Posición

Código 4: Lenguaje C++.

```
#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
#include "mgl2/mgl.h"
#include <vector>

using namespace std;
using namespace GiNaC;

/*Funcion para crear una grafica:
 * Entradas: Pares ordenados en x y y, vectores de las graficas
 * Salidas: Grafica de iteraciones vs error
*/
void createGraph(double x1, double x2, double y1, double y2, vector<double> x, vector<do
    mglGraph graph;
    //Estas funciones convierten los vectores de la entrada en arreglos de datos de la g
    mglData xGraph(x);
    mglData yGraph(y);
    //Se disena la grafica con los parametros
    graph.Title("Error vs Iteracion");
    graph.SetOrigin(0, 0);
    //Limites de la grafica
    graph.SetRanges(x1, x2, y1, y2);
    //Valores que va a contener la grafica
    graph.Plot(xGraph, yGraph, "o!rgb");
    graph.Axis();
    graph.Grid();
    //Se exporta la grafica a un archivo PNG
    graph.WritePNG("Graph.png");
}

/*Metodo de la secante:
 * Entradas: Funcion a la que se le va a aplicar el metodo (express), primer valor inici
   valor inicial, tolerancia y cantidad de iteraciones maximas
 * Salidas: Aproximacion de la solucion, error y cantidad de iteraciones realizadas*/
ex secante(string express, string firstValue, string secondValue, string tolerance, stri
    //Implementacion del calculo simbolico
    symbol x("x");
    symtab table;
    table["x"] = x;
    parser reader(table);
    //Se traducen las entradas a variables de calculo simbolico
    ex function = reader(express);
    ex x0 = reader(firstValue);
    ex x1 = reader(secondValue);
    ex tol = reader(tolerance);
    ex iterMax = reader(iterations);
    //Se definen las variables de la iteracion, solucion y error necesarias
    int iter = 1;
    ex xk;
    ex error = tol + 1;
    //Vectores para la grafica
```

```
    vector<double> errors;
    vector<double> iters;
    //Funciones por evaluar
    ex f0 = evalf(subs(function, x == x0));
    ex f1 = evalf(subs(function, x == x1));
    while (iter < iterMax) {
        //Ecuacion del metodo de la secante
        xk = x1 - f1 * ((x1 - x0) / (f1 - f0));
        error = abs(xk - x1)/abs(xk); //Error de la solucion
        ex aux = evalf(error);
        //Se actualizan los valores
        x0 = x1;
        x1 = xk;
        iter++;
        //Los vectores de iteracion y error reciben valores
        double m = ex_to<numeric>(aux).to_double();
        errors.push_back(m);
        iters.push_back(iter);
        //Condicion de parada
        if (error <= tol) {
            break;
        }
    }
    cout << "Aproximacion: " << xk << endl;
    cout << "Iteraciones : " << iter << endl;
    cout << "Error : " << error << endl;
    //Se crea la grafica respectiva
    createGraph(0, iter + 1, -ex_to<numeric>(evalf(error)).to_double(), ex_to<numeric>(e
    return xk;
}

int main() {
    //Se define la funcion por evaluar
    string express;
    cout << "Escriba la funcion: " << endl;
    cin >> express;
    //Se definen los valores iniciales
    string x0;
    cout << "Escriba el primer valor inicial: " << endl;
    cin >> x0;
    string x1;
    cout << "Escriba el segundo valor inicial: " << endl;
    cin >> x1;
    //Se define la tolerancia
    string tol;
    cout << "Escriba la tolerancia: " << endl;
    cin >> tol;
    //Se define el numero maximo de iteraciones
    string iterMax;
    cout << "Escriba el numero de iteraciones: " << endl;
    cin >> iterMax;
    //Metodo de la secante
    secante(express, x0, x1, tol, iterMax);
    return 0;
```

```
}
```

1.5. Método 5: Punto Fijo

Código 5: Lenguaje Python.

```python
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

#Punto Fijo
#Entradas: funcion - Funcion por aproximar - funcion lambda
#valor - inicial - Valor por el cual se empezara a aproximar - int, float, double
#iteraciones - maximas - Numero maximo de itreaciones - int
#
#

def punto_fijo(funcion, valor_inicial, iteraciones_maximas):
    lista_error = [] #lista para graficar
    iteracion = 1
    b = funcion(valor_inicial)  #valor para obtener error
    error = abs(b-valor_inicial)
    while(iteracion <= iteraciones_maximas ):  #condicion de parada
        valor_inicial = b                    #reajuste de valores de error
        b = funcion(valor_inicial)
        error = abs(b - valor_inicial)
        lista_error.append(error)
        iteracion += 1

    aproximacion = b
    plt.plot(lista_error, label = 'errores por interacion') #Construccion de tabla
    plt.ylabel('Error')
    plt.xlabel('Iteracion')

    plt.axis([0, iteraciones_maximas, 0, lista_error[0]]) #Los ejes estan limitados por
    plt.title('Punto Fijo')
    plt.legend()
    plt.show()
    print('Aproximacion: '+ str(aproximacion)+ ', error: '+ str(error))
    return aproximacion, error

funcion = lambda x: np.exp(-x)
punto_fijo(funcion, 0, 15)
```

1.6. Método 6: Muller

Código 6: Lenguaje M.

```
%{
    Metodo de Muller
    Parametros de Entrada
        @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
        @param x0: primer valor inicial
```

```
        @param x1: segundo valor inicial
        @param x2: segundo valor inicial
        @param MAXIT:  iteraciones maximas
        @param TOL:  tolerencia del algoritmo

    Parametros de Salida
        @return r: valor aproximado de x
        @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}

clc;
clear;

function [r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, TOL)
    iter = 1;
    err = 1;
    iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
    errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar

    while(iter < MAXIT)

        a = ((x1 - x2)*[func(x0) - func(x2)] - (x0 - x2)*[func(x1) - func(x2)]) / ((x0 - x1)*(x0 - x2)*(
            x1 - x2));
        b = (((x0 - x2)^2)*[func(x1) - func(x2)] - ((x1 - x2)^2)*[func(x0) - func(x2)]) / ((x0 - x1)*(x0
            - x2)*(x1 - x2));
        c = func(x2);

        discriminante = b^2 - 4*a*c;

        if(discriminante < 0)
            error("Error, la solucion no es real.")
            return;
        endif

        r = x2 - (2*c) / (b + (sign(b))*(sqrt(discriminante)));
        err = (abs(r - x2)) / (abs(r));
        errl(iter) = err;
        iterl(iter) = iter;
        iter = iter + 1;

        if(err < TOL)
            grafica(iterl, errl);
            return;
        endif

        x0Dist = abs(r - x0);
        x1Dist = abs(r - x1);
        x2Dist = abs(r - x2);

        if (x0Dist > x2Dist && x0Dist > x1Dist)
            x0 = x2;
        elseif (x1Dist > x2Dist && x1Dist > x0Dist)
            x1 = x2;
        endif
```

```
        x2 =  r;
    endwhile

    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
        @param listaValoresX: valores del eje 'x'
        @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
        @return: Grafico de los datos ingresados
%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de Muller");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%Valores iniciales
x0 = 2;
x1 = 2.2;
x2 = 1.8;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0000001;
%Funcion
func = @(x) sin(x) - x/2;
%Llamado de la funcion
[r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, TOL);
printf("########################################### \n");
printf("Metodo de Muller \n");
printf('r = %f\n%%Error = %i \n', r, err);
```

2. Optimización

2.1. Método 1: Descenso Coordinado

Código 7: Lenguaje M.

```
%{
    Metodo del Descenso Coordinado
    Parametros de Entrada
      @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
      @param vars: variables que oomponen la funcion
      @param xk: valores iniciales
      @param MAXIT:  iteraciones maximas
      @param TOL:  tolerencia del algoritmo
```

```
    Parametros de Salida
      @return xAprox: valor aproximado de xk
      @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}

clc;
clear;

pkg load symbolic;
syms x y;
warning("off","all");

function [xAprox, err] = coordinado(func, vars, xk, MAXIT)
    n = length(vars);
    iter = 0;
    iterl = [];
    err = [];
    while(iter < MAXIT)
        xk_aux = xk;
        v = 1;
        while(v != n + 1)
            ec_k = func;
            j = 1;
            while(j != n + 1)
                if(j != v)
                    vars(j);
                    xk(j);
                    ec_k = subs(ec_k, vars(j), xk(j));
                endif
                j = j + 1;
            endwhile
            fv = matlabFunction(ec_k);
            min = fminsearch(fv, 0);
            xk(v) = min;
            v = v + 1;
        endwhile
        cond = xk - xk_aux;
        norma = norm(cond, 2);
        errl(iter+1) = norma;
        iterl(iter+1) = iter;
        iter = iter + 1;
    endwhile
    xAprox = xk;
    err = norma;
    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
        @param listaValoresX: valores del eje 'x'
        @param listaValoresY: valores del eje 'y'
```

```
    Parametros de Salida
        @return: Grafico de los datos ingresados
%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo del Descenso Coordinado");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%Valores iniciales
xk = [1, 1];
%Variables
vars = [x, y]
%Iteraciones maximas
MAXIT = 9;
%Tolerancia
TOL = 0.000001;
%Funcion
funct = '(x - 2)**2 + (y + 3)**2 + x * y';
%Llamado de la funcion
[xAprox, err] = coordinado(funct, vars, xk, MAXIT, TOL);
printf("########################################## \n");
printf("Metodo del Descenso Coordinado \n");
printf('xAprox X = %f\nxAprox Y = %f\n%%Error = %d \n', xAprox, err);
```

2.2. Método 2: Gradiente Conjugado No Lineal

Código 8: Lenguaje Python.

```
# Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal
# Entradas:
            #func: string con la funcion a evaluar
            #vars: lista con las variables de la ecuacion
            #xk: vector con los valores iniciales
            #MAXIT: es la cantidad de iteraciones maximas a realizar
# Salidas:
            #xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
            #error: pocentaje de error del resultado obtenido

#############################################################################
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
from sympy import sympify, Symbol, diff
from numpy import linalg, array
#############################################################################

def gradiente(func, variables, xk, MAXIT):
    funcion = sympify(func) #Obtenemos la funcion del string
    itera = 0
    iterl = [] #Lista que almacena el numero de iteraciones
    errl = [] #Lista que almacena el % de error de cada iteracion
```

```
    if(len(variables) != len(xk)): #Comprueba la cantidad de variables en xk
        return "Variables y xk deben ser del mismo tamano"

    listaSimb = []
    n = len(variables)
    for i in range(0, n):
        #Se crean los Symbol de las variables de la funcion
        listaSimb += [Symbol(variables[i])]

    gradiente = []
    for i in range(0, n):  #Se calcula el gradiente de la funcion
        gradiente += [diff(funcion, variables[i])]

    #Se calculan los valores iniciales de gk y dk
    gk = evaluarGradiente(gradiente, variables, xk)
    dk = [i * -1 for i in gk]

    while(itera < MAXIT):
        #Se calcula el alpha
        ak = calcularAlphaK(funcion, variables, xk, dk, gk)
        #Se calcula el nuevo valor del vector: x1 = x0 + a * d0
        alphakdk = [i * ak for i in dk]
        vecx = [x1 + x2 for(x1, x2) in zip(xk, alphakdk)]
        #Se calcula el nuevo valor del vector gk
        gkx = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
        #Se calcula el vector para encontrar el error
        vecFinal = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
        #Se calcula la norma para el error
        norma = linalg.norm(array(vecFinal, dtype='float'), 2)
        bk = calcularBetaK(gkx, gk) #Se calcula el valor de beta
        betakdk = [i * bk for i in dk] #Se calcula el nuevo valor del vector dk
        mgk = [i * -1 for i in gkx]
        dk = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(mgk, betakdk)]
        xk = vecx.copy()
        gk = gkx.copy()
        iterl.append(itera)
        errl.append(norma)
        itera += 1
    grafica(iterl, errl)
    return vecx, norma

# Evaluar Gradiente
# Entradas:
            #gradiente: gradiente a evaluar
            #:vars: lista con las variables de la ecuacion
            #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
            #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
def evaluarGradiente(gradiente, variables, xk):
    n = len(variables)
    gradResult = []
    #Se recorre cada una de las derivadas parciales en el gradiente
    for i in range(0, n):
```

```
        funcion = gradiente[i] #Se obtiene la derivada parcial
        #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
        for j in range(0, n):
            funcion = funcion.subs(variables[j], xk[j])
        gradResult += [funcion.doit()]
    return gradResult

# Calcular alpha k
# Entradas:
            #gradiente: gradiente a evaluar
            #:vars: lista con las variables de la ecuacion
            #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
            #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
def calcularAlphaK(func, variables, xk, dk, gk):
    a = 1
    while 1:
        adk = [i * a for i in dk] #Se calcula la multiplicacion de ak * dk
        #Se calcula la operacion xk + a * dk
        vecadk = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(xk, adk)]
        #Se evalua la funcion f(xk + a * dk)
        refvecadk = evaluarFuncion(func, variables, vecadk)
        #Se evalua la funcion f(xk)
        refvec = evaluarFuncion(func, variables, xk)
        #Se calcula la parte izquierda de la desigualdad
        izquierdaDesigualdad = refvecadk - refvec
        #Se calcula la operacion gk * dk
        multiplicargkdk = [x1 * x2 for(x1, x2) in zip(gk, dk)]
        #Se suman todos los elementos de la multiplicacon anterior
        sumagkdk = sum(multiplicargkdk)
        #Se calcula la multiplicacion de 0.5 * ak * gk * dk (parte derecha)
        derechaDesigualdad =  0.5 * a * sumagkdk
        if(izquierdaDesigualdad < derechaDesigualdad): #Se verifica la desigualdad
            break;
        a /= 2
    return a

# Evaluar en la funcion
# Entradas:
            #func: string con la funcion a evaluar
            #:vars: lista con las variables de la ecuacion
            #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
            #func: resultado de evaluar en la funcion
def evaluarFuncion(func, variables, xk):
    n = len(variables)
    #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
    for i in range(0, n):
        func = func.subs(variables[i], xk[i])
    return func

# Calcular beta k
# Entradas:
            #gk: vector gk
```

```
            #prevGK: vector gk de la iteracion anterior
            #dk: vector dk
            #reglaBK: regla utilizada para calcular el BK
# Salidas:
            #b: valor del Bk canculado
def calcularBetaK(gk, prevGK):
    #Se calcula la norma 2 del vector actual
    normagk = linalg.norm(array(gk, dtype='float'), 2)
    #Se calcula la norma 2 del vector anterior
    normaprevGK = linalg.norm(array(prevGK, dtype='float'), 2)
    b = (pow(normagk, 2)) / (pow(normaprevGK, 2))
    return b

#Grafica
#Entradas:
            #listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
            #listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
            #Grafico con lo valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
    plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
    plt.title("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal")
    plt.xlabel("Iteraciones")
    plt.ylabel("% Error")
    plt.show()

if __name__ == '__main__':
    #Valores iniciales
    xk = [0, 3]
    # Variables de la ecuacion
    variables = ['x', 'y']
    #Maximo iteraciones
    MAXIT = 14
    #Funcion
    func = '(x-2)**4 + (x-2*y)**2'
    #Llamado de la funcion
    xAprox, err = gradiente(func, variables, xk, MAXIT)
    print("########################################################")
    print("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal \n")
    print('xAprox = {}\n%Error = {}'.format(xAprox, err))
```

3. Sistemas de Ecuaciones

4. Polinomio de Interpolación

5. Integración Númerica

6. Diferenciación Númerica

7. Valores y Vectores Propios