

# Catálogo Grupal de Algoritmos

## Integrantes:

- Josué Araya García - 2017103205
- Jonathan Guzmán Araya - 2013041216
- Mariano Muñoz Masís - 2016121607
- Luis Daniel Prieto Sibaja - 2016072504

## Índice

<b>1. Tema 1: Ecuaciones no Lineales</b>	<b>1</b>
1.1. Método 1: Bisección . . . . .	1
1.2. Método 2: Newton-Raphson . . . . .	3
1.3. Método 3: Secante . . . . .	4
1.4. Método 4: Falsa Posición . . . . .	7
1.5. Método 5: Punto Fijo . . . . .	9
1.6. Método 6: Muller . . . . .	9
<b>2. Optimización</b>	<b>11</b>
2.1. Método 1: Descenso Coordinado . . . . .	11
2.2. Método 2: Gradiente Conjugado No Lineal . . . . .	13
<b>3. Sistemas de Ecuaciones</b>	<b>17</b>
<b>4. Polinomio de Interpolación</b>	<b>17</b>
<b>5. Integración Numérica</b>	<b>17</b>
<b>6. Diferenciación Numérica</b>	<b>17</b>
<b>7. Valores y Vectores Propios</b>	<b>17</b>

## 1. Tema 1: Ecuaciones no Lineales

### 1.1. Método 1: Bisección

```

%{
    Metodo de la Biseccion
    Parametros de Entrada
        @param f: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
        @param a: limite inferior del intervalo
        @param b: limite superior del intervalo
        @param MAXIT: iteraciones maximas
        @param TOL: tolerencia del algoritmo

    Parametros de Salida
        @return xAprox: valor aproximado de x
        @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
}%

clc;
clear;

function [xAprox, err] = biseccion(f, a, b, MAXIT, TOL)

    if(f(a) * f(b) < 0)

        iter = 1;
        err = 1;
        iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
        errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar

        while(iter < MAXIT)
            xAprox = (a + b) / 2;
            fx = f(xAprox);

            if(f(a) * fx < 0)
                b = xAprox;
            elseif(f(b) * fx < 0)
                a = xAprox;
            endif

            iterl(iter) = iter;
            errl(iter) = err;
            err = (b - a) / (2)^(iter-1);

            if(err < TOL)
                grafica(iterl, errl);
                return;
            else
                iter = iter + 1;
            endif
        endwhile
        grafica(iterl, errl);
    else
        error("Condiciones en los parametros de entrada no garantizan el cero de la funcion.")
    endif
    return;
endfunction

```

```

%{
    Parametros de Entrada
    @param listaValoresX: valores del eje 'x'
    @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
    @return: Grafico de los datos ingresados
}%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de la Biseccion");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%Valores iniciales
a = 0;
b = 2;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0001;
%Funcion
funct = @(x) e^x - x - 2;
%llamado de la funcion
[xAprox, err] = biseccion(funct, a, b, MAXIT, TOL);
printf("##### \n");
printf("Metodo de la Biseccion \n");
printf('xAprox = %f\n%Error = %d \n', xAprox, err);

```

## 1.2. Método 2: Newton-Raphson

Código 2: Lenguaje Python.

```

# Metodo de Newton-Raphson
# Entradas:
    #func: es la funcion a analizar
    #x0: valor inicial
    #MAXIT: es la cantidad de iteraciones maximas a realizar
    #TOL: es la tolerancia del algoritmo
# Salidas:
    #xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
    #error: pocentaje de error del resultado obtenido

#####
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
#####

def newton_raphson(func, x0, MAXIT, TOL):
    itera = 1

```

```

err = 1
iterl = [] #Lista que almacena el numero de iteraciones
errl = [] #Lista que almacena el % de error de cada iteracion
xAprox = x0

while (itera < MAXIT):
    xk = xAprox
    fd = derivative(func, xk, dx=1e-6)
    xAprox = xk - (func(xk)) / (fd)
    err = (abs(xAprox - xk)) / (abs(xAprox))
    iterl.append(itera)
    errl.append(err)

    if(err < TOL):
        grafica(iterl, errl)
        return xAprox, err
    else:
        itera = itera + 1

grafica(iterl, errl)
return xAprox, err

#Grafica
#Entradas:
    #listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
    #listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
    #Grafico con los valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
    plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
    plt.title("Metodo de Newton-Raphson")
    plt.xlabel("Iteraciones")
    plt.ylabel("% Error")
    plt.show()

if __name__ == '__main__':
    #Valor inicial
    x0 = 1
    #Tolerancia
    TOL = 0.0001
    #Maximo iteraciones
    MAXIT = 100
    #Funcion
    func = lambda x: (math.e)**x - 1/x
    #Llamado de la funcion
    xAprox, err = newton_raphson(func, x0, MAXIT, TOL)
    print("#####")
    print("Metodo de Newton-Raphson \n")
    print('xAprox = {}\n%Error = {}'.format(xAprox, err))

```

### 1.3. Método 3: Secante

```

#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
#include "mgl2/mgl.h"
#include <vector>

using namespace std;
using namespace GiNaC;

/*Funcion para crear una grafica:
 * Entradas: Pares ordenados en x y y, vectores de las graficas
 * Salidas: Grafica de iteraciones vs error
 */
void createGraph(double x1, double x2, double y1, double y2, vector<double> x, vector<double> y) {
    mglGraph graph;
    //Estas funciones convierten los vectores de la entrada en arreglos de datos de la grafica
    mglData xGraph(x);
    mglData yGraph(y);
    //Se diseña la grafica con los parametros
    graph.Title("Error vs Iteracion");
    graph.SetOrigin(0, 0);
    //Limites de la grafica
    graph.SetRanges(x1, x2, y1, y2);
    //Valores que va a contener la grafica
    graph.Plot(xGraph, yGraph, "o!rgb");
    graph.Axis();
    graph.Grid();
    //Se exporta la grafica a un archivo PNG
    graph.WritePNG("Graph.png");
}

/*Metodo de la secante:
 * Entradas: Funcion a la que se le va a aplicar el metodo (express), primer valor inicial,
 * valor inicial, tolerancia y cantidad de iteraciones maximas
 * Salidas: Aproximacion de la solucion, error y cantidad de iteraciones realizadas*/
ex secante(string express, string firstValue, string secondValue, string tolerance, string iterations) {
    //Implementacion del calculo simbolico
    symbol x("x");
    symtab table;
    table["x"] = x;
    parser reader(table);
    //Se traducen las entradas a variables de calculo simbolico
    ex function = reader(express);
    ex x0 = reader(firstValue);
    ex x1 = reader(secondValue);
    ex tol = reader(tolerance);
    ex iterMax = reader(iterations);
    //Se definen las variables de la iteracion, solucion y error necesarias
    int iter = 1;
    ex xk;
    ex error = tol + 1;
    //Vectores para la grafica
    vector<double> errors;
    vector<double> iters;

```

```

//Funciones por evaluar
ex f0 = evalf(subs(function, x == x0));
ex f1 = evalf(subs(function, x == x1));
while (iter < iterMax) {
    //Ecuacion del metodo de la secante
    xk = x1 - f1 * ((x1 - x0) / (f1 - f0));
    error = abs(xk - x1)/abs(xk); //Error de la solucion
    ex aux = evalf(error);
    //Se actualizan los valores
    x0 = x1;
    x1 = xk;
    iter++;
    //Los vectores de iteracion y error reciben valores
    double m = ex_to<numeric>(aux).to_double();
    errors.push_back(m);
    iters.push_back(iter);
    //Condicion de parada
    if (error <= tol) {
        break;
    }
}
cout << "Aproximacion: " << xk << endl;
cout << "Iteraciones : " << iter << endl;
cout << "Error : " << error << endl;
//Se crea la grafica respectiva
createGraph(0, iter + 1, -ex_to<numeric>(evalf(error)).to_double(), ex_to<numeric>(e
return xk;
}

int main() {
    //Se define la funcion por evaluar
    string express;
    cout << "Escriba la funcion: " << endl;
    cin >> express;
    //Se definen los valores iniciales
    string x0;
    cout << "Escriba el primer valor inicial: " << endl;
    cin >> x0;
    string x1;
    cout << "Escriba el segundo valor inicial: " << endl;
    cin >> x1;
    //Se define la tolerancia
    string tol;
    cout << "Escriba la tolerancia: " << endl;
    cin >> tol;
    //Se define el numero maximo de iteraciones
    string iterMax;
    cout << "Escriba el numero de iteraciones: " << endl;
    cin >> iterMax;
    //Metodo de la secante
    secante(express, x0, x1, tol, iterMax);
    return 0;
}

```

## 1.4. Método 4: Falsa Posición

Código 4: Lenguaje C++.

```
#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
#include "mgl2/mgl.h"
#include <vector>

using namespace std;
using namespace GiNaC;

/*Funcion para crear una grafica:
 * Entradas: Pares ordenados en x y y, vectores de las graficas
 * Salidas: Grafica de iteraciones vs error
 */
void createGraph(double x1, double x2, double y1, double y2, vector<double> x, vector<double> y) {
    mglGraph graph;
    //Estas funciones convierten los vectores de la entrada en arreglos de datos de la grafica
    mglData xGraph(x);
    mglData yGraph(y);
    //Se diseña la grafica con los parametros
    graph.Title("Error vs Iteracion");
    graph.SetOrigin(0, 0);
    //Limites de la grafica
    graph.SetRanges(x1, x2, y1, y2);
    //Valores que va a contener la grafica
    graph.Plot(xGraph, yGraph, "o!rgb");
    graph.Axis();
    graph.Grid();
    //Se exporta la grafica a un archivo PNG
    graph.WritePNG("Graph.png");
}

/*Metodo de la secante:
 * Entradas: Funcion a la que se le va a aplicar el metodo (express), primer valor inicial,
 * valor inicial, tolerancia y cantidad de iteraciones maximas
 * Salidas: Aproximacion de la solucion, error y cantidad de iteraciones realizadas*/
ex secante(string express, string firstValue, string secondValue, string tolerance, string iterations) {
    //Implementacion del calculo simbolico
    symbol x("x");
    symtab table;
    table["x"] = x;
    parser reader(table);
    //Se traducen las entradas a variables de calculo simbolico
    ex function = reader(express);
    ex x0 = reader(firstValue);
    ex x1 = reader(secondValue);
    ex tol = reader(tolerance);
    ex iterMax = reader(iterations);
    //Se definen las variables de la iteracion, solucion y error necesarias
    int iter = 1;
    ex xk;
    ex error = tol + 1;
    //Vectores para la grafica
```

```

vector<double> errors;
vector<double> iters;
//Funciones por evaluar
ex f0 = evalf(subs(function, x == x0));
ex f1 = evalf(subs(function, x == x1));
while (iter < iterMax) {
    //Ecuacion del metodo de la secante
    xk = x1 - f1 * ((x1 - x0) / (f1 - f0));
    error = abs(xk - x1)/abs(xk); //Error de la solucion
    ex aux = evalf(error);
    //Se actualizan los valores
    x0 = x1;
    x1 = xk;
    iter++;
    //Los vectores de iteracion y error reciben valores
    double m = ex_to<numeric>(aux).to_double();
    errors.push_back(m);
    iters.push_back(iter);
    //Condicion de parada
    if (error <= tol) {
        break;
    }
}
cout << "Aproximacion: " << xk << endl;
cout << "Iteraciones : " << iter << endl;
cout << "Error : " << error << endl;
//Se crea la grafica respectiva
createGraph(0, iter + 1, -ex_to<numeric>(evalf(error)).to_double(), ex_to<numeric>(e
return xk;
}

int main() {
    //Se define la funcion por evaluar
    string express;
    cout << "Escriba la funcion: " << endl;
    cin >> express;
    //Se definen los valores iniciales
    string x0;
    cout << "Escriba el primer valor inicial: " << endl;
    cin >> x0;
    string x1;
    cout << "Escriba el segundo valor inicial: " << endl;
    cin >> x1;
    //Se define la tolerancia
    string tol;
    cout << "Escriba la tolerancia: " << endl;
    cin >> tol;
    //Se define el numero maximo de iteraciones
    string iterMax;
    cout << "Escriba el numero de iteraciones: " << endl;
    cin >> iterMax;
    //Metodo de la secante
    secante(express, x0, x1, tol, iterMax);
    return 0;
}

```



```
}
```

## 1.5. Método 5: Punto Fijo

Código 5: Lenguaje Python.

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

#Punto Fijo
#Entradas: funcion - Funcion por aproximar - funcion lambda
#valor - inicial - Valor por el cual se empezara a aproximar - int, float, double
#iteraciones - maximas - Numero maximo de itreaciones - int
#
#

def punto_fijo(funcion, valor_inicial, iteraciones_maximas):
    lista_error = [] #lista para graficar
    iteracion = 1
    b = funcion(valor_inicial) #valor para obtener error
    error = abs(b-valor_inicial)
    while(iteracion <= iteraciones_maximas ): #condicion de parada
        valor_inicial = b #reajuste de valores de error
        b = funcion(valor_inicial)
        error = abs(b - valor_inicial)
        lista_error.append(error)
        iteracion += 1

    aproximacion = b
    plt.plot(lista_error, label = 'errores por interaccion') #Construccion de tabla
    plt.ylabel('Error')
    plt.xlabel('Iteracion')
    #Los ejes estan limitados por las iteraciones y el error maximo
    plt.axis([0, iteraciones_maximas, 0, lista_error[0]])
    plt.title('Punto Fijo')
    plt.legend()
    plt.show()
    print('Aproximacion: ' + str(aproximacion)+ ', error: ' + str(error))
    return aproximacion, error

funcion = lambda x: np.exp(-x)
punto_fijo(funcion, 0, 15)
```

## 1.6. Método 6: Muller

Código 6: Lenguaje M.

```
%{
Metodo de Muller
Parametros de Entrada
    @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
    @param x0: primer valor inicial
```

```

    @param x1: segundo valor inicial
    @param x2: segundo valor inicial
    @param MAXIT: iteraciones maximas
    @param TOL: tolerencia del algoritmo

Parametros de Salida
    @return r: valor aproximado de x
    @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}

clc;
clear;

function [r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, TOL)
    iter = 1;
    err = 1;
    iterl = []; %Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
    errl = []; %Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar

    while(iter < MAXIT)

        a = ((x1-x2)*[func(x0)-func(x2)]-(x0-x2)*[func(x1)-func(x2)])/((x0-x1)*(x0-x2)*(x1-x2));
        b = (((x0-x2)^2)*[func(x1)-func(x2)]-((x1-x2)^2)*[func(x0)-func(x2)])/((x0-x1)*(x0-x2)*(x1-x2));
        c = func(x2);

        discriminante = b^2 - 4*a*c;

        if(discriminante < 0)
            error("Error, la solucion no es real.");
            return;
        endif

        r = x2 - (2*c) / (b + (sign(b))*(sqrt(discriminante)));
        err = (abs(r - x2)) / (abs(r));
        errl(iter) = err;
        iterl(iter) = iter;
        iter = iter + 1;

        if(err < TOL)
            grafica(iterl, errl);
            return;
        endif

        x0Dist = abs(r - x0);
        x1Dist = abs(r - x1);
        x2Dist = abs(r - x2);

        if (x0Dist > x2Dist && x0Dist > x1Dist)
            x0 = x2;
        elseif (x1Dist > x2Dist && x1Dist > x0Dist)
            x1 = x2;
        endif
        x2 = r;
    endwhile

```

```

    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
        @param listaValoresX: valores del eje 'x'
        @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
        @return: Grafico de los datos ingresados
}%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de Muller");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%Valores iniciales
x0 = 2;
x1 = 2.2;
x2 = 1.8;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0000001;
%Funcion
func = @(x) sin(x) - x/2;
%llamado de la funcion
[r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, TOL);
printf("##### \n");
printf("Metodo de Muller \n");
printf('r = %f\n%Error = %f \n', r, err);

```

## 2. Optimización

### 2.1. Método 1: Descenso Coordinado

Código 7: Lenguaje M.

```

%{
    Metodo del Descenso Coordinado
    Parametros de Entrada
        @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
        @param vars: variables que oomponen la funcion
        @param xk: valores iniciales
        @param MAXIT: iteraciones maximas

    Parametros de Salida
        @return xAprox: valor aproximado de xk
}%}

```

```

    @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}

clc;
clear;

pkg load symbolic;
syms x y;
warning("off","all");

function [xAprox, err] = coordinado(func, vars, xk, MAXIT)
    n = length(vars);
    iter = 0;
    iterl = [];
    err = [];
    while(iter < MAXIT)
        xk_aux = xk;
        v = 1;
        while(v != n + 1)
            ec_k = func;
            j = 1;
            while(j != n + 1)
                if(j != v)
                    vars(j);
                    xk(j);
                    ec_k = subs(ec_k, vars(j), xk(j));
                endif
                j = j + 1;
            endwhile
            fv = matlabFunction(ec_k);
            min = fminsearch(fv, 0);
            xk(v) = min;
            v = v + 1;
        endwhile
        cond = xk - xk_aux;
        norma = norm(cond, 2);
        errl(iter+1) = norma;
        iterl(iter+1) = iter;
        iter = iter + 1;
    endwhile
    xAprox = xk;
    err = norma;
    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
        @param listaValoresX: valores del eje 'x'
        @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
        @return: Grafico de los datos ingresados
%}

```

```

function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo del Descenso Coordinado");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%Valores iniciales
xk = [1, 1];
%Variables
vars = [x, y]
%Iteraciones maximas
MAXIT = 9;
%Tolerancia
TOL = 0.000001;
%Funcion
funct = '(x - 2)**2 + (y + 3)**2 + x * y';
%llamado de la funcion
[xAprox, err] = coordinado(funct, vars, xk, MAXIT, TOL);
printf("##### \n");
printf("Metodo del Descenso Coordinado \n");
printf('xAprox X = %f\nxAprox Y = %f\n%Error = %d \n', xAprox, err);

```

## 2.2. Método 2: Gradiente Conjugado No Lineal

Código 8: Lenguaje Python.

```

# Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal
# Entradas:
    #func: string con la funcion a evaluar
    #vars: lista con las variables de la ecuacion
    #xk: vector con los valores iniciales
    #MAXIT: es la cantidad de iteraciones maximas a realizar
# Salidas:
    #xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
    #error: pocentaje de error del resultado obtenido

#####
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
from sympy import sympify, Symbol, diff
from numpy import linalg, array
#####

def gradiente(func, variables, xk, MAXIT):
    funcion = sympify(func) #Obtenemos la funcion del string
    itera = 0
    iterl = [] #Lista que almacena el numero de iteraciones
    errl = [] #Lista que almacena el % de error de cada iteracion

    if(len(variables) != len(xk)): #Comprueba la cantidad de variables en xk
        return "Variables y xk deben ser del mismo tamaño"

```

```

listaSimb = []
n = len(variables)
for i in range(0, n):
    #Se crean los Symbol de las variables de la funcion
    listaSimb += [Symbol(variables[i])]

gradiente = []
for i in range(0, n): #Se calcula el gradiente de la funcion
    gradiente += [diff(funcion, variables[i])]

#Se calculan los valores iniciales de gk y dk
gk = evaluarGradiente(gradiente, variables, xk)
dk = [i * -1 for i in gk]

while(itera < MAXIT):
    #Se calcula el alpha
    ak = calcularAlphaK(funcion, variables, xk, dk, gk)
    #Se calcula el nuevo valor del vector: x1 = x0 + a * d0
    alphakdk = [i * ak for i in dk]
    vecx = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(xk, alphakdk)]
    #Se calcula el nuevo valor del vector gk
    gkx = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
    #Se calcula el vector para encontrar el error
    vecFinal = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
    #Se calcula la norma para el error
    norma = linalg.norm(array(vecFinal, dtype='float'), 2)
    bk = calcularBetaK(gkx, gk) #Se calcula el valor de beta
    betakdk = [i * bk for i in dk] #Se calcula el nuevo valor del vector dk
    mgk = [i * -1 for i in gkx]
    dk = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(mgk, betakdk)]
    xk = vecx.copy()
    gk = gkx.copy()
    iterl.append(itera)
    errl.append(norma)
    itera += 1
grafica(iterl, errl)
return vecx, norma

# Evaluar Gradiente
# Entradas:
    #gradiente: gradiente a evaluar
    #:vars: lista con las variables de la ecuacion
    #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
    #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
def evaluarGradiente(gradiente, variables, xk):
    n = len(variables)
    gradResult = []
    #Se recorre cada una de las derivadas parciales en el gradiente
    for i in range(0, n):
        funcion = gradiente[i] #Se obtiene la derivada parcial
        #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
        for j in range(0, n):

```

```

        funcion = funcion.subs(variables[j], xk[j])
    gradResult += [funcion.doit()]
    return gradResult

# Calcular alpha k
# Entradas:
#     #gradiente: gradiente a evaluar
#     #:vars: lista con las variables de la ecuacion
#     #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
#     #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
def calcularAlphaK(func, variables, xk, dk, gk):
    a = 1
    while 1:
        adk = [i * a for i in dk] #Se calcula la multiplicacion de ak * dk
        #Se calcula la operacion xk + a * dk
        vecadk = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(xk, adk)]
        #Se evalua la funcion f(xk + a * dk)
        refvecadk = evaluarFuncion(func, variables, vecadk)
        #Se evalua la funcion f(xk)
        refvec = evaluarFuncion(func, variables, xk)
        #Se calcula la parte izquierda de la desigualdad
        izquierdaDesigualdad = refvecadk - refvec
        #Se calcula la operacion gk * dk
        multiplicargkdk = [x1 * x2 for (x1, x2) in zip(gk, dk)]
        #Se suman todos los elementos de la multiplicacion anterior
        sumagkdk = sum(multiplicargkdk)
        #Se calcula la multiplicacion de 0.5 * ak * gk * dk (parte derecha)
        derechaDesigualdad = 0.5 * a * sumagkdk
        if(izquierdaDesigualdad < derechaDesigualdad): #Se verifica la desigualdad
            break;
        a /= 2
    return a

# Evaluar en la funcion
# Entradas:
#     #func: string con la funcion a evaluar
#     #:vars: lista con las variables de la ecuacion
#     #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
#     #func: resultado de evaluar en la funcion
def evaluarFuncion(func, variables, xk):
    n = len(variables)
    #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
    for i in range(0, n):
        func = func.subs(variables[i], xk[i])
    return func

# Calcular beta k
# Entradas:
#     #gk: vector gk
#     #prevGK: vector gk de la iteracion anterior
#     #dk: vector dk
#     #reglaBK: regla utilizada para calcular el BK

```

```

# Salidas:
    #b: valor del Bk calculado
def calcularBetaK(gk, prevGK):
    #Se calcula la norma 2 del vector actual
    normagk = linalg.norm(array(gk, dtype='float'), 2)
    #Se calcula la norma 2 del vector anterior
    normaprevGK = linalg.norm(array(prevGK, dtype='float'), 2)
    b = (pow(normagk, 2)) / (pow(normaprevGK, 2))
    return b

#Grafica
#Entradas:
    #listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
    #listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
    #Grafico con lo valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
    plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
    plt.title("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal")
    plt.xlabel("Iteraciones")
    plt.ylabel("% Error")
    plt.show()

if __name__ == '__main__':
    #Valores iniciales
    xk = [0, 3]
    # Variables de la ecuacion
    variables = ['x', 'y']
    #Maximo iteraciones
    MAXIT = 14
    #Funcion
    func = '(x-2)**4 + (x-2*y)**2'
    #Llamado de la funcion
    xAprox, err = gradiente(func, variables, xk, MAXIT)
    print("#####")
    print("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal \n")
    print('xAprox = {}\n%Error = {}'.format(xAprox, err))

```

### 3. Sistemas de Ecuaciones

### 4. Polinomio de Interpolación

### 5. Integración Numérica

### 6. Diferenciación Numérica

### 7. Valores y Vectores Propios