

Catálogo Grupal de Algoritmos

Integrantes:

- Josué Araya García - 2017103205
- Jonathan Guzmán Araya - 2013041216
- Mariano Muñoz Masís - 2016121607
- Luis Daniel Prieto Sibaja - 2016072504

Índice

1. Tema 1: Ecuaciones no Lineales	2
1.1. Método 1: Bisección	2
1.2. Método 2: Newton-Raphson	3
1.3. Método 3: Secante	5
1.4. Método 4: Falsa Posición	7
1.5. Método 5: Punto Fijo	9
1.6. Método 6: Muller	10
2. Optimización	12
2.1. Método 1: Descenso Coordinado	12
2.2. Método 2: Gradiente Conjugado No Lineal	13
3. Sistemas de Ecuaciones	17
3.1. Método 1: Eliminación Gaussiana	17
3.2. Método 2: Factorización LU	18
3.3. Método 3: Factorización Cholesky	20
3.4. Método 4: Factorización QR	20
3.5. Método 5: Método de Thomas	20
3.6. Método 6: Método de Jacobi	20
3.7. Método 7: Método de Gauss-Seidel	20
3.8. Método 8: Método de Relajación	20
3.9. Método 9: Método de la Pseudoinversa	20
4. Polinomio de Interpolación	20

5. Integración Numérica	20
6. Diferenciación Numérica	20
7. Valores y Vectores Propios	20

1. Tema 1: Ecuaciones no Lineales

1.1. Método 1: Bisección

Código 1: Lenguaje M.

```
%{
    Metodo de la Biseccion
    Parametros de Entrada
        @param f: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
        @param a: limite inferior del intervalo
        @param b: limite superior del intervalo
        @param MAXIT: iteraciones maximas
        @param TOL: tolerancia del algoritmo

    Parametros de Salida
        @return xAprox: valor aproximado de x
        @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
}%

clc;
clear;

function [xAprox, err] = biseccion(f, a, b, MAXIT, TOL)

    if(f(a) * f(b) < 0)

        iter = 1;
        err = 1;
        iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
        errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar

        while(iter < MAXIT)
            xAprox = (a + b) / 2;
            fx = f(xAprox);

            if(f(a) * fx < 0)
                b = xAprox;
            elseif(f(b) * fx < 0)
                a = xAprox;
            endif

            iterl(iter) = iter;
            errl(iter) = err;
            err = (b - a) / (2)^(iter-1);
        end
    end
end
```

```

        if(err < TOL)
            grafica(iterl, errl);
            return;
        else
            iter = iter + 1;
        endif
    endwhile
    grafica(iterl, errl);
else
    error("Condiciones en los parametros de entrada no garantizan el cero de la funcion.")
endif
return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
    @param listaValoresX: valores del eje 'x'
    @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
    @return: Grafico de los datos ingresados
}%
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de la Biseccion");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%valores iniciales
a = 0;
b = 2;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0001;
%Funcion
funct = @(x) e^x - x - 2;
%llamado de la funcion
[xAprox, err] = biseccion(funct, a, b, MAXIT, TOL);
printf("##### \n");
printf("Metodo de la Biseccion \n");
printf('xAprox = %f\n%Error = %d \n', xAprox, err);

```

1.2. Método 2: Newton-Raphson

Código 2: Lenguaje Python.

```

# Metodo de Newton-Raphson
# Entradas:
    #func: es la funcion a analizar
    #x0: valor inicial
    #MAXIT: es la cantidad de iteraciones maximas a realizar

```

```

#TOL: es la tolerancia del algoritmo
# Salidas:
#xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
#error: pocentaje de error del resultado obtenido

#####
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
#####

def newton_raphson(func, x0, MAXIT, TOL):
    itera = 1
    err = 1
    iterl = [] #Lista que almacena el numero de iteraciones
    errl = [] #Lista que almacena el % de error de cada iteracion
    xAprox = x0

    while (itera < MAXIT):
        xk = xAprox
        fd = derivative(func, xk, dx=1e-6)
        xAprox = xk - (func(xk)) / (fd)
        err = (abs(xAprox - xk)) / (abs(xAprox))
        iterl.append(itera)
        errl.append(err)

        if(err < TOL):
            grafica(iterl, errl)
            return xAprox, err
        else:
            itera = itera + 1

    grafica(iterl, errl)
    return xAprox, err

#Grafica
#Entradas:
#listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
#listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
#Grafico con los valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
    plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
    plt.title("Metodo de Newton-Raphson")
    plt.xlabel("Iteraciones")
    plt.ylabel("% Error")
    plt.show()

if __name__ == '__main__':
    #Valor inicial
    x0 = 1
    #Tolerancia
    TOL = 0.0001
    #Maximo iteraciones

```

```

MAXIT = 100
#Funcion
func = lambda x: (math.e)**x - 1/x
#Llamado de la funcion
xAprox, err = newton_raphson(func, x0, MAXIT, TOL)
print("#####")
print("Metodo de Newton-Raphson \n")
print('xAprox = {}\n>Error = {}'.format(xAprox, err))

```

1.3. Método 3: Secante

Código 3: Lenguaje C++.

```

#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
#include "mgl2/mgl.h"
#include <vector>

using namespace std;
using namespace GiNaC;

/*Funcion para crear una grafica:
 * Entradas: Pares ordenados en x y y, vectores de las graficas
 * Salidas: Grafica de iteraciones vs error
 */
void createGraph(double x1, double x2, double y1, double y2, vector<double> x, vector<double> y) {
    mglGraph graph;
    //Estas funciones convierten los vectores de la entrada en arreglos de datos de la grafica
    mglData xGraph(x);
    mglData yGraph(y);
    //Se disena la grafica con los parametros
    graph.Title("Error vs Iteracion");
    graph.SetOrigin(0, 0);
    //Limites de la grafica
    graph.SetRanges(x1, x2, y1, y2);
    //Valores que va a contener la grafica
    graph.Plot(xGraph, yGraph, "o!rgb");
    graph.Axis();
    graph.Grid();
    //Se exporta la grafica a un archivo PNG
    graph.WritePNG("Graph.png");
}

/*Metodo de la secante:
 * Entradas: Funcion a la que se le va a aplicar el metodo (express), primer valor inicial, tolerancia y cantidad de iteraciones maximas
 * Salidas: Aproximacion de la solucion, error y cantidad de iteraciones realizadas*/
ex secante(string express, string firstValue, string secondValue, string tolerance, string toleranceType) {
    //Implementacion del calculo simbolico
    symbol x("x");
    symlist table;
    table["x"] = x;
    parser reader(table);
}

```

```

//Se traducen las entradas a variables de calculo simbolico
ex function = reader(express);
ex x0 = reader(firstValue);
ex x1 = reader(secondValue);
ex tol = reader(tolerance);
ex iterMax = reader(iterations);
//Se definen las variables de la iteracion, solucion y error necesarias
int iter = 1;
ex xk;
ex error = tol + 1;
//Vectores para la grafica
vector<double> errors;
vector<double> iters;
//Funciones por evaluar
ex f0 = evalf(subs(function, x == x0));
ex f1 = evalf(subs(function, x == x1));
while (iter < iterMax) {
    //Ecuacion del metodo de la secante
    xk = x1 - f1 * ((x1 - x0) / (f1 - f0));
    error = abs(xk - x1)/abs(xk); //Error de la solucion
    ex aux = evalf(error);
    //Se actualizan los valores
    x0 = x1;
    x1 = xk;
    iter++;
    //Los vectores de iteracion y error reciben valores
    double m = ex_to<numeric>(aux).to_double();
    errors.push_back(m);
    iters.push_back(iter);
    //Condicion de parada
    if (error <= tol) {
        break;
    }
}
cout << "Aproximacion: " << xk << endl;
cout << "Iteraciones : " << iter << endl;
cout << "Error : " << error << endl;
//Se crea la grafica respectiva
createGraph(0, iter + 1, -ex_to<numeric>(evalf(error)).to_double(), ex_to<numeric>(e
return xk;
}

int main() {
    //Se define la funcion por evaluar
    string express;
    cout << "Escriba la funcion: " << endl;
    cin >> express;
    //Se definen los valores iniciales
    string x0;
    cout << "Escriba el primer valor inicial: " << endl;
    cin >> x0;
    string x1;
    cout << "Escriba el segundo valor inicial: " << endl;
    cin >> x1;

```

```

//Se define la tolerancia
string tol;
cout << "Escriba la tolerancia: " << endl;
cin >> tol;
//Se define el numero maximo de iteraciones
string iterMax;
cout << "Escriba el numero de iteraciones: " << endl;
cin >> iterMax;
//Metodo de la secante
secante(express, x0, x1, tol, iterMax);
return 0;
}

```

1.4. Método 4: Falsa Posición

Código 4: Lenguaje C++.

```

#include <iostream>
#include <ginac/ginac.h>
#include "mgl2/mgl.h"
#include <vector>

using namespace std;
using namespace GiNaC;

/*Funcion para crear una grafica:
 * Entradas: Pares ordenados en x y y, vectores de las graficas
 * Salidas: Grafica de iteraciones vs error
 */
void createGraph(double x1, double x2, double y1, double y2, vector<double> x, vector<double> y) {
    mglGraph graph;
    //Estas funciones convierten los vectores de la entrada en arreglos de datos de la grafica
    mglData xGraph(x);
    mglData yGraph(y);
    //Se disena la grafica con los parametros
    graph.Title("Error vs Iteracion");
    graph.SetOrigin(0, 0);
    //Limites de la grafica
    graph.SetRanges(x1, x2, y1, y2);
    //Valores que va a contener la grafica
    graph.Plot(xGraph, yGraph, "o!rgb");
    graph.Axis();
    graph.Grid();
    //Se exporta la grafica a un archivo PNG
    graph.WritePNG("Graph.png");
}

/*Metodo de la secante:
 * Entradas: Funcion a la que se le va a aplicar el metodo (express), primer valor inicial,
 * valor inicial, tolerancia y cantidad de iteraciones maximas
 * Salidas: Aproximacion de la solucion, error y cantidad de iteraciones realizadas*/
ex secante(string express, string firstValue, string secondValue, string tolerance, string iterMax) {
    //Implementacion del calculo simbolico
}

```

```

symbol x("x");
syntab table;
table["x"] = x;
parser reader(table);
//Se traducen las entradas a variables de calculo simbolico
ex function = reader(express);
ex x0 = reader(firstValue);
ex x1 = reader(secondValue);
ex tol = reader(tolerance);
ex iterMax = reader(iterations);
//Se definen las variables de la iteracion, solucion y error necesarias
int iter = 1;
ex xk;
ex error = tol + 1;
//Vectores para la grafica
vector<double> errors;
vector<double> iters;
//Funciones por evaluar
ex f0 = evalf(subs(function, x == x0));
ex f1 = evalf(subs(function, x == x1));
while (iter < iterMax) {
    //Ecuacion del metodo de la secante
    xk = x1 - f1 * ((x1 - x0) / (f1 - f0));
    error = abs(xk - x1)/abs(xk); //Error de la solucion
    ex aux = evalf(error);
    //Se actualizan los valores
    x0 = x1;
    x1 = xk;
    iter++;
    //Los vectores de iteracion y error reciben valores
    double m = ex_to<numeric>(aux).to_double();
    errors.push_back(m);
    iters.push_back(iter);
    //Condicion de parada
    if (error <= tol) {
        break;
    }
}
cout << "Aproximacion: " << xk << endl;
cout << "Iteraciones : " << iter << endl;
cout << "Error : " << error << endl;
//Se crea la grafica respectiva
createGraph(0, iter + 1, -ex_to<numeric>(evalf(error)).to_double(), ex_to<numeric>(e
return xk;
}

int main() {
    //Se define la funcion por evaluar
    string express;
    cout << "Escriba la funcion: " << endl;
    cin >> express;
    //Se definen los valores iniciales
    string x0;
    cout << "Escriba el primer valor inicial: " << endl;

```



```

cin >> x0;
string x1;
cout << "Escriba el segundo valor inicial: " << endl;
cin >> x1;
//Se define la tolerancia
string tol;
cout << "Escriba la tolerancia: " << endl;
cin >> tol;
//Se define el numero maximo de iteraciones
string iterMax;
cout << "Escriba el numero de iteraciones: " << endl;
cin >> iterMax;
//Metodo de la secante
secante(express, x0, x1, tol, iterMax);
return 0;
}

```

1.5. Método 5: Punto Fijo

Código 5: Lenguaje Python.

```

import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

#Punto Fijo
#Entradas: funcion - Funcion por aproximar - funcion lambda
#valor - inicial - Valor por el cual se empezara a aproximar - int, float, double
#iteraciones - maximas - Numero maximo de itreaciones - int
#
#

def punto_fijo(funcion, valor_inicial, iteraciones_maximas):
    lista_error = [] #lista para graficar
    iteracion = 1
    b = funcion(valor_inicial) #valor para obtener error
    error = abs(b-valor_inicial)
    while(iteracion <= iteraciones_maximas ): #condicion de parada
        valor_inicial = b #reajuste de valores de error
        b = funcion(valor_inicial)
        error = abs(b - valor_inicial)
        lista_error.append(error)
        iteracion += 1

    aproximacion = b
    plt.plot(lista_error, label = 'errores por interacion') #Construccion de tabla
    plt.ylabel('Error')
    plt.xlabel('Iteracion')
    #Los ejes estan limitados por las iteraciones y el error maximo
    plt.axis([0, iteraciones_maximas, 0, lista_error[0]])
    plt.title('Punto Fijo')
    plt.legend()
    plt.show()
    print('Aproximacion: '+ str(aproximacion)+ ', error: '+ str(error))

```

```

    return aproximacion, error

funcion = lambda x: np.exp(-x)
punto_fijo(funcion, 0, 15)

```

1.6. Método 6: Muller

Código 6: Lenguaje M.

```

%{
    Metodo de Muller
    Parametros de Entrada
        @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
        @param x0: primer valor inicial
        @param x1: segundo valor inicial
        @param x2: segundo valor inicial
        @param MAXIT: iteraciones maximas
        @param TOL: tolerencia del algoritmo

    Parametros de Salida
        @return r: valor aproximado de x
        @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
}%

clc;
clear;

function [r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, TOL)
    iter = 1;
    err = 1;
    iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
    errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar

    while(iter < MAXIT)

        a = ((x1-x2)*[func(x0)-func(x2)]-(x0-x2)*[func(x1)-func(x2)])/((x0-x1)*(x0-x2)*(x1-x2));
        b = (((x0-x2)^2)*[func(x1)-func(x2)]-((x1-x2)^2)*[func(x0)-func(x2)])/((x0-x1)*(x0-x2)*(x1-x2));
        c = func(x2);

        discriminante = b^2 - 4*a*c;

        if(discriminante < 0)
            error("Error, la solucion no es real.")
            return;
        endif

        r = x2 - (2*c) / (b + (sign(b))*(sqrt(discriminante)));
        err = (abs(r - x2)) / (abs(r));
        errl(iter) = err;
        iterl(iter) = iter;
        iter = iter + 1;

        if(err < TOL)

```

```

        grafica(iterl, errl);
        return;
    endif

    x0Dist = abs(r - x0);
    x1Dist = abs(r - x1);
    x2Dist = abs(r - x2);

    if (x0Dist > x2Dist && x0Dist > x1Dist)
        x0 = x2;
    elseif (x1Dist > x2Dist && x1Dist > x0Dist)
        x1 = x2;
    endif
    x2 = r;
endwhile

grafica(iterl, errl);
return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
    @param listaValoresX: valores del eje 'x'
    @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
    @return: Grafico de los datos ingresados
}%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo de Muller");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%Valores iniciales
x0 = 2;
x1 = 2.2;
x2 = 1.8;
%Iteraciones maximas
MAXIT = 100;
%Tolerancia
TOL = 0.0000001;
%Funcion
func = @(x) sin(x) - x/2;
%Llamado de la funcion
[r, err] = muller(func, x0, x1, x2, MAXIT, TOL);
printf("##### \n");
printf("Metodo de Muller \n");
printf('r = %f\nError = %i \n', r, err);

```

2. Optimización

2.1. Método 1: Descenso Coordinado

Código 7: Lenguaje M.

```
%{
Metodo del Descenso Coordinado
Parametros de Entrada
    @param func: funcion a la cual se le aplicara el algoritmo
    @param vars: variables que oomponen la funcion
    @param xk: valores iniciales
    @param MAXIT: iteraciones maximas

Parametros de Salida
    @return xAprox: valor aproximado de xk
    @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
%}

clc;
clear;

pkg load symbolic;
syms x y;
warning("off","all");

function [xAprox, err] = coordinado(func, vars, xk, MAXIT)
    n = length(vars);
    iter = 0;
    iterl = [];
    err = [];
    while(iter < MAXIT)
        xk_aux = xk;
        v = 1;
        while(v != n + 1)
            ec_k = func;
            j = 1;
            while(j != n + 1)
                if(j != v)
                    vars(j);
                    xk(j);
                    ec_k = subs(ec_k, vars(j), xk(j));
                endif
                j = j + 1;
            endwhile
            fv = matlabFunction(ec_k);
            min = fminsearch(fv, 0);
            xk(v) = min;
            v = v + 1;
        endwhile
        cond = xk - xk_aux;
        norma = norm(cond, 2);
        errl(iter+1) = norma;
        iterl(iter+1) = iter;
    endwhile
endfunction
```

```

        iter = iter + 1;
    endwhile
    xAprox = xk;
    err = norma;
    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
    @param listaValoresX: valores del eje 'x'
    @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
    @return: Grafico de los datos ingresados
}%}
function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx');
    title("Metodo del Descenso Coordinado");
    xlabel("Iteraciones");
    ylabel("% Error");
endfunction

%valores iniciales
xk = [1, 1];
%variables
vars = [x, y]
%Iteraciones maximas
MAXIT = 9;
%Tolerancia
TOL = 0.000001;
%Funcion
funct = '(x - 2)**2 + (y + 3)**2 + x * y';
%llamado de la funcion
[xAprox, err] = coordinado(funct, vars, xk, MAXIT, TOL);
printf("##### \n");
printf("Metodo del Descenso Coordinado \n");
printf('xAprox X = %f\nxAprox Y = %f\n%Error = %d \n', xAprox, err);

```

2.2. Método 2: Gradiente Conjugado No Lineal

Código 8: Lenguaje Python.

```

# Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal
# Entradas:
    #func: string con la funcion a evaluar
    #vars: lista con las variables de la ecuacion
    #xk: vector con los valores iniciales
    #MAXIT: es la cantidad de iteraciones maximas a realizar
# Salidas:
    #xAprox: es la solucion, valor aproximado de x
    #error: pocentaje de error del resultado obtenido

```

```
#####
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.misc import derivative
from sympy import sympify, Symbol, diff
from numpy import linalg, array
#####

def gradiente(func, variables, xk, MAXIT):
    funcion = sympify(func) #Obtenemos la funcion del string
    itera = 0
    iterl = [] #Lista que almacena el numero de iteraciones
    errl = [] #Lista que almacena el % de error de cada iteracion

    if(len(variables) != len(xk)): #Comprueba la cantidad de variables en xk
        return "Variables y xk deben ser del mismo tamaño"

    listaSimb = []
    n = len(variables)
    for i in range(0, n):
        #Se crean los Symbol de las variables de la funcion
        listaSimb += [Symbol(variables[i])]

    gradiente = []
    for i in range(0, n): #Se calcula el gradiente de la funcion
        gradiente += [diff(funcion, variables[i])]

    #Se calculan los valores iniciales de gk y dk
    gk = evaluarGradiente(gradiente, variables, xk)
    dk = [i * -1 for i in gk]

    while(itera < MAXIT):
        #Se calcula el alpha
        ak = calcularAlphaK(funcion, variables, xk, dk, gk)
        #Se calcula el nuevo valor del vector: x1 = x0 + a * d0
        alphakdk = [i * ak for i in dk]
        vecx = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(xk, alphakdk)]
        #Se calcula el nuevo valor del vector gk
        gkx = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
        #Se calcula el vector para encontrar el error
        vecFinal = evaluarGradiente(gradiente, variables, vecx)
        #Se calcula la norma para el error
        norma = linalg.norm(array(vecFinal, dtype='float'), 2)
        bk = calcularBetaK(gkx, gk) #Se calcula el valor de beta
        betakdk = [i * bk for i in dk] #Se calcula el nuevo valor del vector dk
        mgk = [i * -1 for i in gkx]
        dk = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(mgk, betakdk)]
        xk = vecx.copy()
        gk = gkx.copy()
        iterl.append(itera)
        errl.append(norma)
        itera += 1
    grafica(iterl, errl)
    return vecx, norma

```

```

# Evaluar Gradiente
# Entradas:
    #gradiente: gradiente a evaluar
    #:vars: lista con las variables de la ecuacion
    #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
    #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
def evaluarGradiente(gradiente, variables, xk):
    n = len(variables)
    gradResult = []
    #Se recorre cada una de las derivadas parciales en el gradiente
    for i in range(0, n):
        funcion = gradiente[i] #Se obtiene la derivada parcial
        #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
        for j in range(0, n):
            funcion = funcion.subs(variables[j], xk[j])
            gradResult += [funcion.doit()]
    return gradResult

# Calcular alpha k
# Entradas:
    #gradiente: gradiente a evaluar
    #:vars: lista con las variables de la ecuacion
    #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
    #gradResult: resultado de evaluar el vector en el gradiente
def calcularAlphaK(func, variables, xk, dk, gk):
    a = 1
    while 1:
        adk = [i * a for i in dk] #Se calcula la multiplicacion de ak * dk
        #Se calcula la operacion xk + a * dk
        vecadk = [x1 + x2 for (x1, x2) in zip(xk, adk)]
        #Se evalua la funcion f(xk + a * dk)
        refvecadk = evaluarFuncion(func, variables, vecadk)
        #Se evalua la funcion f(xk)
        refvec = evaluarFuncion(func, variables, xk)
        #Se calcula la parte izquierda de la desigualdad
        izquierdaDesigualdad = refvecadk - refvec
        #Se calcula la operacion gk * dk
        multiplicargkdk = [x1 * x2 for (x1, x2) in zip(gk, dk)]
        #Se suman todos los elementos de la multiplicacion anterior
        sumagkdk = sum(multiplicargkdk)
        #Se calcula la multiplicacion de 0.5 * ak * gk * dk (parte derecha)
        derechaDesigualdad = 0.5 * a * sumagkdk
        if(izquierdaDesigualdad < derechaDesigualdad): #Se verifica la desigualdad
            break;
        a /= 2
    return a

# Evaluar en la funcion
# Entradas:
    #func: string con la funcion a evaluar
    #:vars: lista con las variables de la ecuacion

```

```

        #:xk: vector con los valores iniciales
# Salidas:
        #func: resultado de evaluar en la funcion
def evaluarFuncion(func, variables, xk):
    n = len(variables)
    #Se sustituyen cada una de las variables por el valor en el vector
    for i in range(0, n):
        func = func.subs(variables[i], xk[i])
    return func

# Calcular beta k
# Entradas:
        #gk: vector gk
        #prevGK: vector gk de la iteracion anterior
        #dk: vector dk
        #reglaBK: regla utilizada para calcular el BK
# Salidas:
        #b: valor del Bk cancelado
def calcularBetaK(gk, prevGK):
    #Se calcula la norma 2 del vector actual
    normagk = linalg.norm(array(gk, dtype='float'), 2)
    #Se calcula la norma 2 del vector anterior
    normaprevGK = linalg.norm(array(prevGK, dtype='float'), 2)
    b = (pow(normagk, 2)) / (pow(normaprevGK, 2))
    return b

#Grafica
#Entradas:
        #listaValoresX: valores que se graficaran en el eje 'x'
        #listaValoresY: valores que se graficaran en el eje 'y'
#Salidas:
        #Grafico con lo valores ingresados
def grafica(listaValoresX, listaValoresY):
    plt.plot(listaValoresX, listaValoresY, 'bx')
    plt.title("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal")
    plt.xlabel("Iteraciones")
    plt.ylabel("% Error")
    plt.show()

if __name__ == '__main__':
    #Valores iniciales
    xk = [0, 3]
    # Variables de la ecuacion
    variables = ['x', 'y']
    #Maximo iteraciones
    MAXIT = 14
    #Funcion
    func = '(x-2)**4 + (x-2*y)**2'
    #Llamado de la funcion
    xAprox, err = gradiente(func, variables, xk, MAXIT)
    print("#####")
    print("Metodo del Gradiente Conjugado No Lineal \n")
    print('xAprox = {}\n%Error = {}'.format(xAprox, err))

```


3. Sistemas de Ecuaciones

3.1. Método 1: Eliminación Gaussiana

Código 9: Lenguaje M.

```
%{
    Metodo de Eliminacion Gaussiana
    Parametros de Entrada
        @param matrizD: matriz de coeficientes
        @param matrizI: vector de terminos independientes

    Parametros de Salida
        @return vectorResultado: solucion del sistema
}%

clc;
clear;
pkg load symbolic;
format long;
warning('off', 'all');

function X = gaussiana(matrizD, matrizI)

    [n, m] = size(matrizD);
    if (n ~= m)
        disp("La matrizD debe ser cuadrada");
    end

    n = length(matrizD);
    X = [matrizD, matrizI];
    % Por cada argumento de la matriz
    for i=1:n
        pivot = X(i, i);
        pivotRow = X(i, :);
        % Multiplica los vectores
        M = zeros(1, n - i);
        m = length(M);
        % Obtiene cada fila multiplicada
        for k=1:m
            M(k) = X(i + k, i) / pivot;
        endfor
        % Modifica cada fila
        for k=1:m
            X(i + k, :) = X(i + k, :) - pivotRow*M(k);
        endfor
    endfor
    X = sustitucionAtras(X(1:n, 1:n), X(:,n+1));
endfunction

%{
    Metodo de Sustitucion Atras
    -Resuelve un sistema del tipo Ax = b
    Parametros de Entrada
```

```

    @param matrizA: matriz triangular superior NxN
    @param matrizB: matriz Nx1

    Parametros de Salida
    @return X: solucion de la matriz
%}

function X = sustitucionAtras(matrizA, matrizB)
    n = length(matrizB);
    X = zeros(n, 1);
    X(n) = matrizB(n)/matrizA(n, n);

    for(k = n-1 : -1 : 1)
        div = matrizA(k, k);
        if (div ~= 0)
            X(k) = (matrizB(k) - matrizA(k, k+1:n)*X(k+1:n))/matrizA(k, k);
        else
            disp("Error: se ha producido una division por cero");
        endif
    endfor
endfunction

%Matriz de coeficientes
A = [2 -6 12 16 ; 1 -2 6 6; -1 3 -3 -7; 0 4 3 -6];
%Matriz de terminos independientes
B = [70 26 -30 -26]';
%Llamado de la funcion
X = gaussiana(A, B);
printf("##### \n");
printf("Metodo de la Eliminacion Gaussiana \n");
printf('X = %f\n', X);

```

3.2. Método 2: Factorización LU

Código 10: Lenguaje Python.

```

# Metodo de la Factorizacion LU
# Entradas:
#   matrizD: matriz de coeficientes
#   matrizI: matriz de terminos independientes
# Salidas:
#   X: solucion del sistema

#####
import numpy as np
#####

def fact_lu(matrizD, matrizI):
    n = len(matrizD)
    L = np.eye(n)
    U = matrizD

    for i in range(1, n):

```

```

    pivot = U[i - 1][i - 1]
    pivotRow = U[i - 1]
    M = np.zeros((1, n - i))
    m = M.size + 1

    for k in range(1, m):
        try:
            M[i - 1][k - 1] = (U[i + k - 1][i - 1]) / pivot
        except:
            M = (U[i + k - 1][i - 1]) / pivot

    for k in range(1, m):
        try:
            U[i + k - 1] = U[i + k - 1] - (np.multiply(pivotRow, M[i - 1][k - 1]))
            L[i + k - 1][i - 1] = M[i - 1][k - 1]
        except:
            U[i + k - 1] = U[i + k - 1] - (np.multiply(pivotRow, M))
            L[i + k - 1][i - 1] = M

    Y = ((np.linalg.inv(L)).dot(np.transpose(matrizI)))
    X = (np.linalg.inv(U)).dot(Y)
    return X

if __name__ == '__main__':
    # Matriz de coeficientes
    A = [[4, -2, 1], [20, -7, 12], [-8, 13, 17]]
    # Vector de terminos independientes
    B = [11, 70, 17]
    # Llamado de la funcion
    X = fact_lu(A, B)
    print("#####")
    print("Metodo de la Factorizacion LU\n")
    print('X = {}'.format(X))

```

3.3. Método 3: Factorización Cholesky

3.4. Método 4: Factorización QR

3.5. Método 5: Método de Thomas

Código 11: Lenguaje Python.

```

# Metodo de Thomas
# Entradas:
#   matrizC: matriz de coeficientes
#   matrizTI: matriz de terminos independientes
# Salidas:
#   X: solucion del sistema

#####
import numpy as np
#####

```

```

def thomas(matrizC, vectorTI):
    xn = []
    ci = 0
    di = 0
    qi = 0
    bi = 0
    pi = 0
    n = len(matrizC)

    if(len(matrizC) == len(vectorTI)):
        for i in range(0, n):
            if(i == 0):
                ci = matrizC[i+1][i]
                bi = matrizC[i][i]
                di = vectorTI[i]
                pi = ci/bi
                qi = di/bi
                xn.append(qi)
            elif(i < n-1):
                ai = matrizC[i][i+1]
                bi = matrizC[i][i]
                di = vectorTI[i]
                ci = matrizC[i+1][i]
                pi = ci/(bi-pi*ai)
                qi = (di-qi*ai)/(bi-pi*ai)
                xn.append(qi-pi*xn[i-1])
            else:
                ai = matrizC[i][i]
                bi = matrizC[i][i]
                ci = matrizC[i][i]
                di = vectorTI[i]
                pi = ci / (bi - pi * ai)
                qi = (di - qi * ai) / (bi - pi * ai)
                xn.append(qi - pi * xn[i - 1])
        return xn
    else:
        print("Error: el vector y la matriz deben ser del mismo tamano")

# Funcion para crear la matriz tridiagonal
# Entradas:
# N: tamano de la matriz
# a: valor debajo de la diagonal principal
# b: valor de la diagonal principal
# c: valor sobre la diagonal principal
# Salidas:
# matriz: matriz tridiagonal
def creaTridiagonal(N, a, b, c):
    if (N % 2 != 0):
        print("El valor N debe ser un numero par")
    else:
        matriz = np.zeros((N,N))
        np.fill_diagonal(matriz, b)
        n = N
        print(matriz[0][5])

```

```

        for i in range(0,n-1):
            matriz[i][i + 1] = c
            matriz[i + 1][i] = a
        return matriz

# Funcion para crear el vector d
# Entradas:
# N: tamaño de la matriz
# ext: valor en los extremos del vector
# inte: valor en el interior del vector
# Salidas:
# d: vector d
def creaD(N, ext, inte):
    if(N%2 != 0):
        print("El valor N debe ser un numero par")
    else:
        n = N
        d = []
        for i in range(0, n):
            if ((i == 0) or (i == n - 2)):
                d.append(ext)
            else:
                d.append(inte)
        return d

if __name__ == '__main__':
    #Creacion de la matriz tridiagonal
    matrizC = creaTridiagonal(10, 1, 5, 1)
    #Creacion del vector D
    vectorTI = creaD(10, -12, -14)
    #Llamado del metodo
    X = thomas(matrizC, vectorTI)
    print("#####")
    print("Metodo de Thomas\n")
    print('X = {}'.format(X))

```

3.6. Método 6: Método de Jacobi

3.7. Método 7: Método de Gauss-Seidel

Código 12: Lenguaje M.

```

%{
    Metodo de Gauss-Seidel
    Parametros de Entrada
        @param matrizD: matriz de coeficientes
        @param matrizI: vector de terminos independientes
        @param x: valor inicial
        @param MAXIT: iteraciones maximas
        @param TOL: tolerancia de la respuesta

    Parametros de Salida
        @return xAprox: valor aproximado de X
}

```

```

        @return error: porcentaje de error del resultado obtenido
    %}

clc;
clear;
pkg load symbolic;
format long;
warning('off', 'all');

function [xAprox, err] = gaussSeidel(matrizD, matrizI, x, MAXIT, TOL)
    L = tril(matrizD, -1);
    D = diag(diag(matrizD));
    U = triu(matrizD, 1);
    b = matrizI';
    iter = 0;
    xAprox = x';
    err = 1;
    M = L + D;
    inversa = inv(M);
    iterl = []; % Lista que almacena el numero de iteraciones para despues graficar
    errl = []; % Lista que almacena el % de error de cada iteracion para despues graficar

    while(iter < MAXIT)
        xAprox = (-inversa*U*xAprox)+(inversa*b);

        iterl(iter+1) = iter;
        errl(iter+1) = err;

        err = norm(xAprox);

        %iter = iter + 1;

        if(err < TOL)
            grafica(iterl, errl);
            return;
        else
            iter = iter + 1;
        endif
    endwhile
    grafica(iterl, errl);
    return;
endfunction

%{
    Parametros de Entrada
    @param listaValoresX: valores del eje 'x'
    @param listaValoresY: valores del eje 'y'

    Parametros de Salida
    @return: Grafico de los datos ingresados
%}

function grafica(listaValoresX, listaValoresY)
    plot(listaValoresX, listaValoresY, 'x-');
    title("Metodo de Gauss-Seidel");

```

```

        xlabel("Iteraciones");
        ylabel("% Error");
endfunction

%Valor inicial
x = [0 0 0];
%Iteraciones maximas
MAXIT = 10;
%Tolerancia
TOL = 0.0001;
%Matriz de coeficientes
A = [5 1 1; 1 5 1; 1 1 5];
%Vector de terminos independientes
B = [7 7 7];
%llamado de la funcion
[xAprox, err] = gaussSeidel(A, B, x, MAXIT, TOL);
printf("##### \n");
printf("Metodo de Gauss-Seidel \n");
printf('xAprox = %f\nxAprox = %f\nxAprox = %f\n%Error = %d \n', xAprox, err);

```

3.8. Método 8: Método de Relajación

3.9. Método 9: Método de la Pseudoinversa

4. Polinomio de Interpolación

5. Integración Numérica

6. Diferenciación Numérica

7. Valores y Vectores Propios