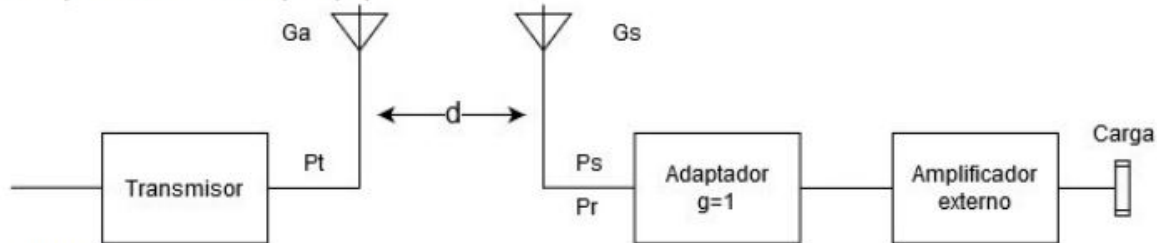


Ejercicio 3 (OBLIGATORIO)

De acuerdo con el sistema planteado debajo se pretende una relación señal a ruido, indicada más adelante, ($SNR = P_s / P_r$) a la entrada del amplificador. Se sabe que la potencia de ruido de entrada del amplificador es de 50pW (P_r).



Se pide:

- Calcular la potencia de transmisión (en W, dBW y dBm) de un radioenlace para las siguientes distancias: 5 Km, 10 Km y 20 Km
- Repetir el punto anterior, pero en vez de un radioenlace usar un cable coaxial con una atenuación de 5dB / km e impedancia característica $Z_0 = 75\Omega$.
- Encuentre la problemática que se produce al duplicar las distancias en cada caso. Compare y extraiga conclusiones. Proponga alguna solución práctica a esa problemática.

Datos:

$SNR = 33 \text{ dB}$ $F_c = 200 \text{ MHz}$ $G_a = 2,15 \text{ dBi}$ $G_s = 1.64 [\text{veces}]$

El Adaptador es ideal, no agrega ruido.

dBi refiere a isotrópico, es la ganancia de la antena real respecto de una antena ideal isotrópica.

a)

Se puede expresar la densidad de potencia como:

$$S = \frac{P_t}{4 \cdot \pi \cdot d^2}$$

Y la potencia recibida como:

$$P_r = S \cdot A_e$$

Donde A_e es el área efectiva de la antena receptora.

$$A_e = \frac{\lambda^2}{4 \cdot \pi}$$

Reemplazando una expresión en la otra se llega a:

$$P_r = \frac{P_t}{4 \cdot \pi \cdot d^2} \cdot A_e = \frac{P_t}{4 \cdot \pi \cdot d^2} \cdot \frac{\lambda^2}{4 \cdot \pi}$$

Finalmente se puede expresar la atenuación del medio (en veces) como:

$$\frac{P_t}{P_r} = \left(\frac{4 \cdot \pi \cdot d}{\lambda} \right)^2$$

Expresado en DB se lo conoce como la expresión de Friss:

$$L_{(dB)} = 20 \cdot \log\left(\frac{4 \cdot \pi \cdot d}{\lambda}\right)$$

La atenuación del medio dependerá de la longitud de onda λ y de la distancia d .

La longitud de onda se calcula como:

$$\lambda = \frac{c}{F_c} = \frac{3 \cdot 10^8}{200 \cdot 10^6} = \frac{3}{2} = 1,5$$

La atenuación para los distintos casos será:

$$L_{(dB)}|_{5Km} = 20 \cdot \log\left(\frac{4 \cdot \pi \cdot 5 \cdot 10^3}{1,5}\right) = 92,44dB$$

$$L_{(dB)}|_{10Km} = 20 \cdot \log\left(\frac{4 \cdot \pi \cdot 10 \cdot 10^3}{1,5}\right) = 98,46dB$$

$$L_{(dB)}|_{20Km} = 20 \cdot \log\left(\frac{4 \cdot \pi \cdot 20 \cdot 10^3}{1,5}\right) = 104,48dB$$

La potencia de salida P_s se puede calcular a partir de la potencia de ruido y la relación señal ruido (SNR).

$$P_N = 50pW$$

$$P_{N(dBm)} = 10 \cdot \log\left(\frac{P_N}{1mW}\right) = 10 \cdot \log\left(\frac{50pW}{1mW}\right) = -73dBm$$

$$SNR_{(Veces)} = \frac{P_s}{P_N}$$

$$SNR_{(dBm)} = P_{s(dBm)} - P_{N(dBm)}$$

Finalmente, se puede calcular la potencia de salida como:

$$P_{s(dBm)} = SNR_{(dBm)} + P_{N(dBm)} = 33dB + (-73dBm) = -40dBm$$

Conociendo la ganancia de los transmisores (G_A/G_S), la atenuación del medio ($L_{(dB)}$) y la potencia de salida (P_s), se puede calcular la potencia de transmisión como:

$$P_{t(dBm)} = P_{s(dBm)} + L_{(dB)} - (G_A + G_S)$$

$$P_{t(dBm)}|_{5Km} = -40dBm + 92,44dB - 4,3dB = 48,14dBm$$

$$P_{t(dBm)}|_{10Km} = -40dBm + 98,46dB - 4,3dB = 54,16dBm$$

$$P_{t(dBm)}|_{20Km} = -40dBm + 104,48dB - 4,3dB = 60,18dBm$$

Para convertirlo a potencia en $[W]$ utilizamos:

$$P_{(W)} = 1mW \cdot 10^{\frac{P_{(dBm)}}{10}}$$

$$P_{t(W)}|_{5Km} = 65,16W$$

$$P_{t(W)}|_{10Km} = 413W$$

$$P_{t(W)}|_{20Km} = 1042,31W$$

Para convertirlo a potencia en $[dBW]$ utilizamos:

$$P_{(dBW)} = 10 \cdot \log\left(\frac{P_{(W)}}{1W}\right)$$

$$P_{t(dBW)}|_{5Km} = 18,14dBW$$

$$P_{t(dBW)}|_{10Km} = 24,16dBW$$

$$P_{t(dBW)}|_{20Km} = 30,18dBW$$

b)

Para el caso en el que el medio es un cable Coaxil, la atenuación varía linealmente con la distancia, siendo esta para cada caso:

$$L_{(dB)}|_{5Km} = 5 \frac{dB}{Km} \cdot 5Km = 25dB$$

$$L_{(dB)}|_{10Km} = 5 \frac{dB}{Km} \cdot 10Km = 50dB$$

$$L_{(dB)}|_{20Km} = 5 \frac{dB}{Km} \cdot 20Km = 100dB$$

Siendo este el único factor que cambia, se calcula la potencia transmitida como:

$$P_{t(dBm)} = P_{s(dBm)} + L_{(dB)} - (G_A + G_S)$$

$$P_{t(dBm)}|_{5Km} = -40dBm + 25dB - 4,3dB = -19,3dBm$$

$$P_{t(dBm)}|_{10Km} = -40dBm + 50dB - 4,3dB = 5,7dBm$$

$$P_{t(dBm)}|_{20Km} = -40dBm + 100dB - 4,3dB = 55,7dBm$$

Para convertirlo a potencia en [W] utilizamos:

$$P_{(W)} = 1mW \cdot 10^{\frac{P_{(dBm)}}{10}}$$

$$P_{t(W)}|_{5Km} = 11,75\mu W$$

$$P_{t(W)}|_{10Km} = 3,71mW$$

$$P_{t(W)}|_{20Km} = 371,53W$$

Para convertirlo a potencia en [dBW] utilizamos:

$$P_{(dBW)} = 10 \cdot \log\left(\frac{P_{(W)}}{1W}\right)$$

$$P_{t(dBW)}|_{5Km} = -49,3dBW$$

$$P_{t(dBW)}|_{10Km} = -24,3dBW$$

$$P_{t(dBW)}|_{20Km} = 25,7dBW$$

Para calcular la transmisión de potencia en [dBmV] es necesario calcular el valor de tensión en la entrada para cada caso:

$$V_{ief} = \sqrt{P_t \cdot Z_0}$$

$$V_{ief}|_{5Km} = \sqrt{P_{t(W)}|_{5Km} \cdot Z_0} = \sqrt{11,75 \cdot 10^{-6} W \cdot 75\Omega} = 0,029V$$

$$V_{ief}|_{10Km} = \sqrt{P_{t(W)}|_{10Km} \cdot Z_0} = \sqrt{3,71 \cdot 10^{-3} W \cdot 75\Omega} = 0,52V$$

$$V_{ief}|_{20Km} = \sqrt{P_{t(W)}|_{20Km} \cdot Z_0} = \sqrt{371 W \cdot 75\Omega} = 166,8V$$

Ahora se puede calcular la transmisión de potencia como:

$$P_{t(dBmV)} = 20 \cdot \log\left(\frac{V_{ief}}{1mV}\right)$$

$$P_{t(dBmV)}|_{5Km} = 20 \cdot \log\left(\frac{V_{ief}|_{5Km}}{1mV}\right) = 20 \cdot \log\left(\frac{0,029V}{1mV}\right) = 29,24dBmV$$

$$P_{t(dBmV)}|_{10Km} = 20 \cdot \log\left(\frac{V_{ief}|_{10Km}}{1mV}\right) = 20 \cdot \log\left(\frac{0,52V}{1mV}\right) = 54,32dBmV$$

$$P_{t(dBmV)}|_{20Km} = 20 \cdot \log\left(\frac{V_{ief}|_{20Km}}{1mV}\right) = 20 \cdot \log\left(\frac{166,8V}{1mV}\right) = 104,44dBmV$$

	d[Km]				
	5	10	20		
Radioenlace	92,44	98,46	104,48	[dB]	Atenuación
	65,16	413	1042,31	[W]	Potencia Transmitida
	18,14	26,16	30,18	[dBW]	
	48,14	56,16	60,18	[dBm]	
Cable Coaxil	25	50	100	[dB]	Atenuación
	11,75.10 ⁻⁶	3,71.10 ⁻³	371,53	[W]	Potencia Transmitida
	-49,3	-24,3	25,7	[dBW]	
	-19,3	5,7	55,7	[dBm]	
	29,24	54,32	104,44	[dBmV]	