

---

# TRABALHO COMPUTACIONAL 1

Cálculo da raiz quadrada de 2:

1.

Iteração	a	b	c	F(c)
1	1.000000	2.000000	1.500000	0.250000
2	1.000000	1.500000	1.250000	-0.437500
3	1.250000	1.500000	1.375000	-0.109375
4	1.375000	1.500000	1.437500	0.066406
5	1.375000	1.437500	1.406250	-0.022460
6	1.406250	1.437500	1.421875	0.021728
7	1.406250	1.421875	1.414062	-0.00042
8	1.414062	1.421875	1.417968	0.010635
9	1.414062	1.417968	1.416015	0.005100
10	1.414062	1.416015	1.415039	0.002335
11	1.414062	1.415039	1.414550	0.000953
12	1.414062	1.414306	1.414306	0.000263
13	1.414062	1.414306	1.414184	-0.000082
14	1.414184	1.414306	1.414245	0.000090
15	1.414184	1.414245	1.414215	0.000004
16	1.414184	1.414215	1.414199	-0.000038
17	1.414199	1.414215	1.414207	-0.000017
18	1.414207	1.414215	1.414211	-0.000006
19	1.414211	1.414215	1.414213	-0.000001

Precisão desejada: 1e-6

Aproximação da raiz: 1.4142141342163086

Número de iterações: 19

O conceito de erro utilizado foi o erro absoluto baseado na largura do intervalo, ou seja, em cada iteração dividiu-se o intervalo  $[a, b]$  pela metade. Portanto, o erro máximo da aproximação é dado por  $\frac{(b-a)}{2}$ . Esse erro absoluto também foi critério de parada do algoritmo. Por fim, garantiu-se que a raiz verdadeira está dentro do intervalo atual e que a aproximação está dentro do erro máximo permitido.

2. A aproximação encontrada foi: 1,414213562373095, com estimativa inicial igual a 1.

DEFINIÇÃO  
DO MÉTODO:

$$a_n = \frac{1}{2} \left( a_{n-1} + \frac{S}{a_{n-1}} \right)$$

• ENCONTRAR  $\sqrt{2}$ , com  
PRECISÃO DE  $10^{-6}$ , com  
ESTIMATIVA INICIAL DE  $a_0 = 1$ .

CRITÉRIO  
DE PARADA  $|a_n - a_{n-1}| \leq 10^{-6}$

ERRO ABSOLUTO  
ENTRE AS APROXIMAÇÕES  
SUCESSIVAS.

FORAM NECESSÁRIAS

5 ITERAÇÕES PARA DESCOBRIR

$T_2$ :  $T_2 \approx a_5 \approx 1,414213562373095$

ITERAÇÃO 1:

$$a_1 = \frac{1}{2} \left( a_0 + \frac{2}{a_0} \right) =$$

$$\frac{1}{2} \left( 1 + \frac{2}{1} \right) = \frac{1}{2} (1 + 2) =$$

$$\frac{3}{2} = 1,5$$

ERRO:  $|a_1 - a_0| = |1,5 - 1| =$   
 $\frac{0,5}{0,5} \rightarrow$  CONTÍNUA,  
 pois,  
 $0,5 > 10^{-6}$

ITERAÇÃO 2:

$$a_2 = \frac{1}{2} \left( a_1 + \frac{2}{a_1} \right) = \frac{1}{2} \left( 1,5 + \frac{2}{1,5} \right) =$$

$$\frac{1}{2} (1,5 + 1,333) = \frac{1}{2} (2,8333) =$$

$$1,41666$$

ERRO:  $|a_2 - a_1| = |1,41666... - 1,5| =$

$$0,08333...$$

$\rightarrow$  CONTÍNUA,  
 pois,  
 $0,08333 > 10^{-6}$

ITERAÇÃO 3:

$$a_3 = \frac{1}{2} \left( a_2 + \frac{2}{a_2} \right) =$$

$$\frac{1}{2} \left( 1,4166... + \frac{2}{1,4166...} \right) =$$

$$\frac{1}{2} (1,4166 + 1,4117) =$$

$$\frac{1}{2} (2,828431) =$$

$$1,414215$$

ERRO:  $|a_3 - a_2| = |1,414215 - 1,41666| =$

$$0,002450$$

$\rightarrow$  CONTÍNUA,  
 pois,  
 $0,002450 > 10^{-6}$

ITERAÇÃO 4:

$$a_4 = \frac{1}{2} \left( a_3 + \frac{2}{a_3} \right) =$$

$$\frac{1}{2} \left( 1,414215 + \frac{2}{1,414215} \right) =$$

$$\frac{1}{2} (1,414215 + 1,414211) =$$

$$\frac{1}{2} (2,828427) =$$

$$1,414213$$

ERRO:  $|a_4 - a_3| =$

$$|1,414213 - 1,414215| =$$

$$0,000002$$

$\rightarrow$  CONTÍNUA,  
 pois,  
 $0,000002 > 10^{-6}$

ITERAÇÃO 5:

$$a_5 = \frac{1}{2} \left( a_4 + \frac{2}{a_4} \right) =$$

$$\frac{1}{2} \left( 1,414213 + \frac{2}{1,414213} \right) =$$

$$\frac{1}{2} (1,414213 + 1,414213) =$$

$$\frac{1}{2} (2,828427) =$$

$$1,414213$$

ERRO:  $|a_5 - a_4| =$

$$|1,414213 - 1,414213| \approx$$

$$0,000000$$

$\rightarrow$  PARADA

$$0,000000 < 10^{-6}$$

3. O cálculo segue a mesma lógica da imagem da Questão 2, entretanto o valor inicial é diferente. O resultado da aproximação variou um pouco pois resultou em: 1.4142135623746899. Apesar disso, o número de iterações permaneceu o mesmo, sendo 5 iterações necessárias.

4. O erro absoluto comparando o valor de raiz de dois na linguagem Python com a primeira questão foi: 5.718432134482754e-07. Já dessa vez, comparando com a

segunda questão foi:  $2.220446049250313e-16$ . E por fim, comparando com a terceira questão foi:  $1.5947243525715749e-12$

5. Encontre um zero de função  $f(x) = x^3 - x^2 - 1$  usando o método de newton. Compare o número de iterações desse método com o método da bissecção.

6. O primeiro exercício utilizando o método de newton, com condição inicial 1.5, resulta em: 1.4655712318767682. O segundo exercício, com condição inicial 1.0, resulta em: 1.4655712318767877. O terceiro exercício, com condição inicial 2.0, resulta em: 1.4655712318767877. O quarto exercício, comparando o valor de raiz de 2 na linguagem Python, com a aproximação encontrada pelo método de Newton (com valor inicial 1,5), o erro absoluto é: 0.05135766950367304.