1: $\neg \exists x. \neg R(x)$ premise

. . .

2: _B1

. . .

3: $\neg$_B1

4: $\bot$ $\neg$ elim 2,3

5: $\forall y. R(y)$ contra (constructive) 4