# Économétrie des séries temporelles

### Modélisation sur données simulées

Le but de ces exercices est de modéliser, à l'aide de la méthode de Box-Jenkins, une série chronologique que vous allez simuler. Le processus générateur de données est donc connu. Avec les éléments vus en cours, vous devez donc retrouver ce processus.

#### Exercice 1

1. Simuler le processus suivant :

$$T = 500$$

$$y_t = y_{t-1} + \varepsilon_t$$

$$\varepsilon_t = 0.2\varepsilon_{t-1} + u_t$$

$$u_t \sim \mathcal{N}(0, 1)$$

- 2. Appliquer la procédure de test de Dickey-Fuller et stationnariser le processus
- 3. Étudier la série stationnaire (ACF, PACF)
- 4. Sélectionner le processus correspondant et estimer le.
- 5. Appliquer la procédure de validation du modèle.

### Exercice 2

1. Simuler le processus suivant :

$$T = 500$$

$$y_t = y_{t-1} + 0.1t + \varepsilon_t$$

$$\varepsilon_t = -0.2u_{t-1} + u_t$$

$$u_t \sim \mathcal{N}(0, 1)$$

- 2. Appliquer la procédure de test de Dickey-Fuller et stationnariser le processus
- 3. Étudier la série stationnaire (ACF, PACF)
- 4. Sélectionner le processus correspondant et estimer le.
- 5. Appliquer la procédure de validation du modèle.

## Modélisation sur données réelles

Le but de cet exercice est de modéliser, à l'aide de la méthode de Box-Jenkins, une série temporelle. Les données de la série à étudier se trouve dans le fichier TP\_TS\_ex3.csv.

- 1. Appliquer une transformation logarithmique et déterminer le type de stationnarité de la série. Pourquoi opère t'on cette transformation?
- 2. Suite à la question 1, stationnariser la série.
- 3. Présenter brièvement la série stationnaire avec des statistiques descriptives.
- 4. Modéliser la série stationnarisée à l'aide du meilleur modèle linéaire.
- 5. Estimer deux modèles non linéaires et comparez les résultats avec le modèle linéaire.
- 6. Procédez au diagnostic des résidus, conclure.