Algorithmique et programmation : les bases (Algo) Corrigé

Résumé

Ce document décrit les éléments de base de notre langage algorithmique : la structure d'un algorithmique, les variables, les types, les constantes, les expressions et les instructions.

Table des matières

1	Pourquoi deimir notre langage algorithmique ?	3					
2	Structure d'un algorithme	3					
	2.1 Exemple d'algorithme : calculer le périmètre d'un cercle	3					
		4					
	2.3 Identificateurs	5					
	2.4 Commentaires	5					
3	Variables	5					
	3.1 Qu'est ce qu'une variable?	5					
	3.2 Définition d'une variable	6					
4	Types fondamentaux	7					
	4.1 Les entiers	8					
	4.2 Les réels	8					
	4.3 Les booléens	8					
	4.4 Les caractères	9					
	4.5 Les chaînes de caractères	9					
5	Constantes	10					
6	Expressions						
7	Instructions d'entrée/sorties	12					
	7.1 Opération d'entrée	12					
	7.2 Opération de sortie	12					
8	Affectation	14					

9 Stri	uctures o	de contrôle	16
9.1	Enchai	înement séquentiel	16
9.2	Instruc	ctions conditionnelles	17
	9.2.1	Conditionnelle Si Alors FinSi	17
	9.2.2	Conditionnelle Si Alors Sinon FinSi	
	9.2.3	La clause SinonSi	21
	9.2.4	Conditionnelle Selon	. 22
9.3	Instruc	ctions de répétitions	24
	9.3.1	Répétition TantQue	24
	9.3.2	Répétition Répéter JusquÀ	28
	9.3.3	Répétition Pour	
	9.3.4	Quelle répétition choisir?	31
Liste	des e	xercices	
Evereie	o 1 · L io	n entre raffinage et algorithme	1
		rifier les formules de De Morgan	
		enthèser	
		idité d'instructions	
		pe d'un réel	
		nprendre l'affectation	
		muter deux caractères	
		pe d'un réel (avec une variable)	
		e valeur entière est-elle paire?	
		aximum de deux valeurs réelles	
		non et Si	
		gne d'un entier	
		éponse	
		ondition après un FinTQ	
		omme des premiers entiers (TantQue)	
		uisie contrôlée d'un numéro de mois	
		usieurs sommes des n premiers entiers	
		usieurs sommes des ir premiers enders	
		intQue et Répéter	
		omme des premiers entiers	
LACICIC	c 20 . Sc	mine des premiers entiers	. 51

1 Pourquoi définir notre langage algorithmique?

Plusieurs raisons justifient l'utilisation d'un langage algorithmique spécifique :

- bien insister sur la différence entre programmation et construction d'une solution algorithmique.
- être indépendant d'un langage de programmation particulier : même si ce langage est proche de Pascal dans sa structure, il n'est pas identique, et peut être très facilement traduit dans d'autres langages de programmation tels que C, Ada, Fortran, Modula-2, etc.
- utiliser des concepts intéressants issus de plusieurs langages comme par exemple :
 - les structures de contrôle de Pascal avec les mots-clés de fin de structure de Modula-2;
 - les modes de passages des paramètres aux sous-programmes d'Ada;
 - la variable prédéfinie **Résultat** d'Eiffel pour les fonctions, etc.
- favoriser la créativité en ayant un langage souple (permettant par exemple des instructions abstraites) mais suffisamment rigoureux pour que tout le monde puisse comprendre un algorithme écrit dans ce langage.

2 Structure d'un algorithme

Un algorithme (comme un programme) est composé de trois parties principales :

- 1. La partie **définitions** permet de définir les « entités » qui pourront être manipulées dans l'algorithme. En particulier, on définit des constantes, des types et des sous-programmes.
- 2. La partie **déclarations** permet de déclarer les données qui sont utilisées par le programme. Les données sont représentées par des variables.
- 3. La partie **instructions** constitue le **programme principal**. Les instructions sont exécutées par l'ordinateur pour transformer les données.

2.1 Exemple d'algorithme : calculer le périmètre d'un cercle

Un exemple d'algorithme/programme est donné ci-dessous. Il décrit comment obtenir le périmètre d'un cercle à partir de son diamètre. Cet exemple est volontairement très simple.

Listing 1 – Algorithme pour calculer le périmètre d'un cercle

```
Algorithme périmètre_cercle
2
       -- Déterminer le périmètre d'un cercle à partir de son rayon
3
       -- Attention : aucun contrôle sur la saisie du rayon ==> non robuste !
4
5
  Constante
       PI = 3.1415
7
8
  Variable
9
                           -- le rayon du cercle lu au clavier
       périmètre: Réel
       rayon: Réel
10
                           -- le perimètre du cercle
11
12
```

```
Début
        -- Saisir le rayon
14
       Écrire("Rayon = ")
15
       Lire(rayon)
16
17
        -- Calculer le périmètre
18
       périmètre <- 2 * PI * rayon
                                              -- par définition
19
        { périmètre = 2 * PI * rayon }
20
2.1
        -- Afficher le périmètre
22
        Écrire("Le_périmètre_est_:_", périmètre)
23
24 Fin
```

2.2 Structure de l'algorithme

L'algorithme est composé d'un nom. Ensuite, un commentaire général explique l'objectif de l'algorithme.

Dans le partie « définition », nous avons défini la constante PI.

Dans la partie « déclaration », deux variables sont déclarées pour représenter respectivement le rayon du cercle et son périmètre.

Dans la partie « instruction », les instructions permettent d'afficher (**Écrire**) des informations à l'utilisateur du programme (« Rayon = ») et de lui demander de saisir la valeur du rayon (**Lire**) et d'initialiser la variable périmètre. L'algorithme se termine avec l'affichage du périmètre pour que l'utilisateur puisse le voir sur l'écran.

Exercice 1: Lien entre raffinage et algorithme

Donner le raffinage qui a conduit à l'algorithme décrit dans le listing 1.

```
RO : Déterminer le périmètre d'un cercle à partir de son rayon
   R1 : Raffinage De « Déterminer le périmètre d'un cercle à partir de son rayon »
       | Saisir le rayon
                                            rayon: out Réel
4
         Calculer le périmètre
5
                                            rayon: in ; périmètre: out Réel
       | Afficher le périmètre
                                            périmètre: in
6
   R2 : Raffinage De « Saisir le rayon »
       | Écrire("Donner_le_rayon_du_cercle_:_")
9
10
       | Lire(rayon)
11
   R2 : Raffinage De « Calculer le périmètre »
12
       | périmètre <- 2 * PI * rayon
13
14
   R2 : Raffinage De « Afficher le périmètre »
15
       | ÉcrireLn("Le_périmètre_est_:_", périmètre)
16
17
   Le dictionnaire des données est :
18
                           -- le rayon du cercle saisi au clavier
       rayon: Réel
19
       périmètre: Réel;
                            -- le périmètre du cercle
20
```

2.3 Identificateurs

Les entités qui apparaissent (le programme, les variables, les constantes, les types, les sousprogrammes, etc.) doivent avoir un nom. Ce nom permet à l'ordinateur de les distinguer et aux hommes de les comprendre et de les désigner. Les noms ainsi donnés sont appelés **identificateurs**. Un identificateur commence par une lettre ou un souligné (_) et se continue par un nombre quelconque de lettres, chiffres ou soulignés.

2.4 Commentaires

Notre langage algorithmique propose deux types de commentaires, l'un introduit par deux tirets et qui se termine à la fin de la ligne et l'autre délimité par des accolades. Nous donnerons une signification particulière à ces deux types de commentaires :

- Les commentaires introduits par deux tirets seront utilisés pour faire apparaître les raffinages, donc la structure de l'algorithme, dans l'algorithme lui-même. Les commentaires précèdent et sont alignés avec les instructions qu'ils décrivent.
 - Ils peuvent être également utilisés pour expliquer ce qui a été fait. Dans ce cas, ils sont placés à la fin de la ligne et ont un rôle de justification. Ils sont également utilisés pour expliquer le rôle d'une variable ou d'une constante, etc.
- Les commentaires entre accolades seront utilisés pour mettre en évidence une propriété sur l'état du programme. Ces commentaires contiennent en général une expression booléenne qui doit être vraie à cet endroit du programme.

Dans l'exemple du calcul du périmètre d'un cercle (listing 1), nous trouvons ces différents types de commentaires :

- le premier commentaire explique l'objectif du programme (R0);
- les commentaires « saisir le rayon », « calculer le périmètre » et « afficher le périmètre » correspondent aux étapes identifiées lors du raffinage;
- les commentaires « le rayon du cercle lu au clavier » et « le périmètre du cercle » expliquent le rôle de la variable;
- le commentaire { périmètre = 2 * PI * rayon } indique qu'à ce moment du programme,
 la valeur de la variable périmètre est la même que celle de l'expression 2 * PI * rayon.

3 Variables

3.1 Qu'est ce qu'une variable?

Un algorithme est fait pour résoudre un ensemble de problèmes semblables (cf définition du terme « algorithmique » dans le petit Robert). Par exemple, un logiciel qui gère la facturation d'une entreprise doit connaître les noms et adresses des clients, les produits commandés, etc. Ces informations ne peuvent pas être devinées par le programme et doivent donc être saisies par les utilisateurs. Ces informations sont appelées *données en entrée*. Elles proviennent de l'extérieur du programme et sont utilisées dans le programme.

Inversement, le programme effectue des opérations, des calculs dont les résultats devront être transmis aux utilisateurs. Par exemple, le total d'une facture est calculée comme la somme de tous les produits commandés en multipliant le nombre d'articles par leur prix unitaire; le total des ventes pour une période donnée est obtenu en faisant la somme des montants des factures, etc. Ces informations seront affichées à l'écran, imprimées, stockées dans des bases de données, etc. Ce sont des informations qui sortent du programme. On les appelle *données en sortie*.

Le programmeur, pour décrire son algorithme utilise des variables pour représenter les données manipulées par un programme. Ce peut être les données en entrée, les données en sortie mais également les données résultant de calculs intermédiaires. Ainsi, pour calculer le montant d'une ligne d'une facture, le programmeur expliquera que le montant est obtenu en multipliant le prix unitaire par la quantité d'articles commandés. Il utilisera donc trois variables :

- prix_unitaire, le prix unitaire de l'article;
- quantité, la quantité d'articles commandé;
- et montant, le montant de la ligne du bon de commande.

3.2 Définition d'une variable

Une variable peut être vue comme une zone dans la mémoire (vive) de l'ordinateur qui est utilisée pour conserver les données qui seront manipulées par l'ordinateur.

Une variable est caractérisée par quatre informations :

- son rôle : il indique à quoi va servir la variable dans le programme. Par exemple, on peut utiliser une variable pour conserver le prix unitaire d'un article, prix exprimé en euros. Cette information doit apparaître dans l'algorithme sous la forme d'un commentaire informel (texte libre) associé à la variable;
- son nom : composé uniquement de lettres minuscules, majuscules, de chiffres et du caractère souligné, il permet d'identifier la variable. On parle d'« identificateur ». Ce nom doit être significatif (refléter le rôle de la variable). Un compromis doit bien sûr être trouvé entre expressivité et longueur. On peut par exemple appeler prix_unitaire une variable qui représente le prix unitaire d'un article. Le nom prix_unitaire_d_un_article est un nom beaucoup trop long;
- son type : une variable est utilisée pour représenter des données qui sont manipulées par le programme. Un type est utilisé pour caractériser l'ensemble des valeurs qu'une variable peut prendre. Par exemple le prix unitaire représente le prix d'un article exprimé en euros. On peut considèrer qu'il est représenté par un réel. Il ne peut alors prendre que ce type de valeurs. De la même manière la quantité, ne peut prendre que des valeurs entières et le nom est une chaîne de caractères. On dira respectivement que le type de prix_unitaire est Réel, le type de quantité est Entier et le type de nom est Chaîne.

```
prix_unitaire: Réel -- prix unitaire d'un article (en euros)
quantité: Entier -- quantité d'articles commandés
nom: Chaîne -- nom de l'article
```

 sa valeur : La variable contient une information qui peut varier au cours de l'exécution d'un programme. C'est cette information que l'on appelle valeur de la variable. La valeur d'une variable doit correspondre au type de la variable. Ainsi, une variable quantité de type entier pourra prendre successivement les valeurs de 10, 25 et 3.

La valeur d'une variable n'existe que lorsque le programme est exécuté. Les autres informations (nom, rôle et type) sont définies lors de la conception du programme, pendant la construction de l'algorithme. Le rôle, le nom et le type sont des informations statiques qui doivent être précisées lors de la déclaration de la variable. En revanche, la valeur est une information dynamique qui changera au cours de l'exécution du programme.

Règle: Une variable doit toujours être initialisée avant d'être utilisée.

Définition : Une variable est un nom désignant symboliquement un emplacement mémoire typé auquel est associé une valeur courante. Cette valeur peut être accédée ¹ (expressions, section 6) ou modifiée (affectation, section 8).

Attention : Le nom d'une variable doit être significatif : il doit suggérer, si possible sans ambiguïté, la donnée représentée par cette variable.

Règle: En général, dès qu'on identifie une variable, il faut mettre un commentaire qui explique ce qu'elle représente et le rôle qu'elle joue dans l'algorithme.

L'ensemble de variables et leur description constitue le **dictionnaire des données**.

4 Types fondamentaux

Définition : Un type caractérise les valeurs que peut prendre une variable. Il définit également les opérations, généralement appelées opérateurs, qui pourront être appliquées sur les données de ce type.

On appelle types fondamentaux les types qui sont définis dans notre langage algorithme par opposition aux types structurés (tableaux, enregistrements et types énumérés) qui doivent être définis par le programmeur.

Intérêts: Les types ont deux intérêts principaux :

- Permettre de vérifier automatiquement (par le compilateur) la cohérence de certaines opérations. Par exemple, une valeur définie comme entière ne pourra par recevoir une valeur chaîne de caractères.
- Connaître la place nécessaire pour stocker la valeur de la variable. Ceci est géré par le compilateur du langage de programmation considéré et est en général transparent pour le programmeur.

Opérateur : À chaque type est associé un ensemble d'opérations (ou opérateurs).

Opérateurs de comparaison : Tous les types présentés dans cette partie sont munis des opérations de comparaison suivantes : <, >, <=, >=, = et <>.

Les opérateurs de comparaison sont des opérateurs à valeur booléenne (cf type booléen, section 4.3).

^{1.} Le verbe « lire » est parfois utilisé en informatique pour indiquer que l'on accède à la valeur de la variable. Il ne faut pas confondre ce « lire » avec l'instruction d'entrée/sortie de même nom et qui permet d'initialiser une variable à partir d'une valeur lue sur périphérique d'entrée tel que le clavier. Il ne faut donc pas confondre les deux sens de « lire » : « accèder à la valeur d'une variable » et « saisir la valeur d'une variable ».

Attention : Tous les types manipulés par une machine sont discrets et bornés. Ces limites dépendent du langage de programmation et/ou de la machine cible considérés. Aussi, nous n'en tiendrons pas compte ici. Il faut cependant garder à l'esprit que toute entité manipulée est nécessairement bornée.

4.1 Les entiers

Le type **Entier** caractérise les entiers relatifs.

```
1 -- Exemple de représentants des entiers
2 10
3 0
4 -10
```

Les opérations sont : +, -, *, **Div** (division entière), **Mod** (reste de la division entière) et **Abs** (valeur absolue)

- et + peuvent être unaires ou binaires.

```
1 10 Mod 3 -- 1 (le reste de la division entière de 10 par 3)
2 10 Div 3 -- 3 (le quotient de la division entière de 10 par 3)
3 1 Div 2 -- 0 (le quotient de la division entière de 1 par 2)
4 Abs(-5) -- 5 (l'entier est mis entre parenthèses (cf sous-programmes))
```

4.2 Les réels

Le type **Réel** caractérise les réels.

```
1 -- Exemple de représentants des réels
2 10.0
3 0.0
4 -10e-4
```

Les opérations sont : +, -, *, /, Abs (valeur absolue), Trunc (partie entière).

- et + peuvent être unaires ou binaires.

4.3 Les booléens

Le type **Booléen** caractérise les valeurs booléennes qui ne correspondent qu'à deux valeurs **VRAI** ou **FAUX**.

Les opérations sont Et, Ou et Non qui sont définies par la table de vérité suivante :

A	В	A Et B	A 0u B	Non A
VRAI	VRAI	VRAI	VRAI	FAUX
VRAI	FAUX	FAUX	VRAI	FAUX
FAUX	VRAI	FAUX	VRAI	VRAI
FAUX	FAUX	FAUX	FAUX	VRAI

Lois de De Morgan : Les lois de De Morgan sont particulièrement importantes à connaître (cf structures de contrôle, section 9).

```
Non (A Et B) = (Non A) Ou (Non B)
Non (A Ou B) = (Non A) Et (Non B)
Non (Non A) = A
```

Exercice 2 : Vérifier les formules de De Morgan

En utilisant des tables de vérité, vérifier que les formules de De Morgan sont correctes.

Remarque:

```
A: Booléen -- A est une variable de type Booléen

A est équivalent à A = VRAI

Non A est équivalent à A = FAUX
```

Il est préférable d'utiliser A et Non A. Les deux autres formulations, si elles ne sont pas fausses, sont des pléonasmes!

4.4 Les caractères

Le type Caractère caractérise les caractères.

```
-- Exemple de représentants des caractères
'a' -- le caractère a
'\'' -- le caractère '
'\\' -- le caractère \
'\n' -- retour à la ligne
'\t' -- Caractère tabulation
```

Remarque: On considère que les lettres majuscules, les lettres minuscules et les chiffres se suivent. Ainsi, pour savoir si un variable c de type caractère correspond à un chiffre, il suffit d'évaluer l'expression (c >= '0') Et (c <= '9').

Opérations:

- Ord : Permet de convertir un caractère en entier.
- Chr: Permet de convertir un entier en caractère.

Pour tout c: Caractère on a Chr(Ord(c)) = c.

4.5 Les chaînes de caractères

Le type Chaîne caractérise les chaînes de caractères.

```
"Une_chaîne_de_caractères" -- un exemple de Chaîne
"Une_chaîne_avec_guillement_(\")" -- un exemple de Chaîne
```

Remarque : Nous verrons plus en détail les chaînes de caractères lorsque nous traiterons de la structure de données « tableau ».

Attention : Il ne faut pas confondre le nom d'une variable et une constante chaîne de caractères !

5 Constantes

Certaines informations manipulées par un programme ne changent jamais. C'est par exemple la cas de la valeur de π , du nombre maximum d'étudiants dans une promotion, etc.

Ces données ne sont donc pas variables mais constantes. Plutôt que de mettre explicitement leur valeur dans le texte du programme (constantes littérales), il est préférable de leur donner un nom symbolique (et significatif). On parle alors de constantes (symboliques).

 π peut être considérée comme une constante absolue. Son utilisation permet essentiellement de gagner en clarté et lisibilité. Les constantes MAJORITÉ, TVA, CAPACITÉ, etc. sont utilisées pour paramètrer le programme. Ces quantités ne peuvent pas changer au cours de l'exécution d'un programme. Toutefois, si un changement doit être réalisé (par exemple, la précision de PI utilisée n'est pas suffisante), il suffit de changer la valeur de la constante symbolique dans sa définition (et de recompiler le programme) pour que la modification soit prise en compte dans le reste de l'algorithme. 2

Question : Quel est l'intérêt d'une constante symbolique ?

Solution: Au moins les deux explications ci-dessus.

6 Expressions

Définition : Une expression est « quelque chose » qui a une valeur. Ainsi, en fonction de ce qu'on a vu jusqu'à présent, une expression est une constante, une variable ou toute combinaison d'expressions en utilisant les opérateurs arithmétiques, les opérateurs de comparaison ou les opérateurs logiques.

Exemple: Voici quelques exemples de valeurs réelles :

```
1 10.0 -- une constante litérale
2 PI -- une constante symbolique
3 rayon -- une variable de type réel
4 2*rayon -- l'opérateur * appliqué sur 2 et rayon
5 2*PI*rayon -- une expression mêlant opérateurs, constantes et variables
6 rayon >= 0 -- expression avec un opérateur de comparaison
```

Attention : Pour qu'une expression soit acceptable, il est nécessaire que les types des opérandes d'un opérateur soient compatibles. Par exemple, faire l'addition d'un entier et d'un booléen n'a pas de sens. De même, on ne peut appliquer les opérateurs logiques que sur des expressions booléennes.

Quelques règles sur la compatibilité :

- Deux types égaux sont compatibles.
- 2. Ceci suppose d'arrêter le programme, de le recompiler et de l'exécuter à nouveau.

- On peut ensuite prendre comme règle : le type A est compatible avec le type B si et seulement si le passage d'un type A à un type B se fait sans perte d'information. En d'autres termes, tout élément du type A a un correspondant dans le type B. Par exemple, **Entier** est compatible avec **Réel** mais l'inverse est faux.

Si l'on écrit n + x avec n entier et x réel, alors il y a « coertion » : l'entier n est converti en un réel puis l'addition est réalisée sur les réels, le résultat étant bien sûr réel.

Règle d'évaluation d'une expression : Une expression est évaluée en fonction de la priorité des opérateurs qui la composent, en commençant par ceux de priorité plus forte. À priorité égale, les opérateurs sont évalués de gauche à droite.

Voici les opérateurs rangés par priorité décroissante ³ :

```
. (accès à un champ) la priorité la plus forte
+, -, Non (unaires)
*, /, Div, Mod, Et
+, -, Ou
<, >, <=, >=, = et <> priorité la plus faible
```

Il est toujours possible de mettre des parenthèses pour modifier les priorité.

```
prix_ht * (1 + tva) -- prix_ttc
```

En cas d'ambiguïté (ou de doute), il est préférable de mettre des parenthèses.

Exercice 3: Parenthèser

Parenthéser complètement les expressions suivantes. Peuvent-elles être considérées comme correctes et si oui, à quelles conditions, si non pourquoi ?

```
1 2 + x * 3
2 - x + 3 * y \leq 10 + 3
3 x = 0 0u y = 0
```

Solution:

```
1 (2 + (x * 3)) -- ok si x Entier (ou Réel)
2 (((-x) + (3 * y)) \le (10 + 3)) -- ok si x et y Entier (ou Réel)
3 ((x = (0 \ \mathbf{0u} \ y)) = 0) -- incorrecte car 0 non booléen
```

Exercice 4 : Validité d'instructions

À quelles conditions les instructions suivantes sont-elles cohérentes?

```
1     (a Mod b)
2     (rep = 'o') Ou (rep = 'n')
3     (R <> '0') Et (R <> 'o')
4     (C >= 'A') Et (C <= 'Z') Ou (C >= 'a') Et (C <= 'z')
5     termine Ou (nb > 10)
6     Non trouve Ou (x = y)
```

^{3.} Attention, nous donnons ici les priorités du pseudo-langage. Si la priorité des opérateurs arithmétiques est la même quelque soit le langage, il n'en va de même pour les opérateurs de comparaison.

```
a, b, nb : Entier
rep, R, C : Caractère
termine, trouve : Booléen
```

Remarque : Les fonctions que nous verrons par la suite sont également des expressions. Elles sont assimilables à des opérateurs définis par le programmeur.

Exemple: Les expressions booléennes.

Une expression booléenne peut être constituée par :

- une constante booléenne (VRAI ou FAUX);
- une variable booléenne :
- une comparaison entre deux expressions de même type $(=, \neq, <, >, \leq, \geq)$;
- la composition de une ou deux expressions booléennes reliées par un opérateur booléen (Et, Ou, Non).

7 Instructions d'entrée/sorties

Le point de référence est le programme. Ainsi les informations d'entrée sont les informations produites à l'extérieur du programme et qui rentrent dans le programme (saisie clavier par exemple), les informations de sortie sont élaborées par le programme et transmises à l'extérieur (l'écran par exemple).

7.1 Opération d'entrée

Lire(var) : lire sur le périphérique d'entrée une valeur et la ranger dans la variable var.

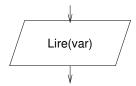
Autre formulation : affecter la variable var avec une valeur lue au clavier.

Règle : Le paramètre « var » est nécessairement une variable. En effet, la valeur lue sur le périphérique d'entrée doit être rangée dans « var ».

Évaluation : L'évaluation se fait en deux temps :

- récupérer l'information sur le périphérique d'entrée (elle est convertie dans le type de la variable var);
- ranger cette information dans la variable var.

Organigramme:



7.2 Opération de sortie

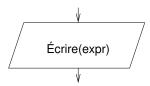
Écrire(expr) : transférer (afficher, imprimer...) la valeur de l'expression expr vers le périphérique de sortie.

Règle: « expr » est une expression quelconque d'un type fondamental.

Évaluation : L'évaluation se fait en deux temps :

- évaluer l'expression (c'est-à-dire calculer sa valeur);
- afficher (ajouter) sur le périphérique de sortie la valeur de l'expression.

Organigramme:



Variantes : Nous utiliserons une variante EcrireLn(expr) qui ajoute un saut de ligne sur le périphérique de sortie après avoir affiché la valeur de l'expression.

Remarque : Lire et Écrire sont deux « instructions » qui peuvent prendre en paramètre n'importe quel type fondamental. Si la variable est entière, Lire lit un entier, si c'est une chaîne de caractères, alors c'est une chaîne de caractères qui est saisie. On dit que Lire et Écrire sont polymorphes.

Exercice 5 : Cube d'un réel

Écrire un programme qui affiche le cube d'un nombre réel saisi au clavier.

```
1 R0 : Afficher le cube d'un nombre réel
3 Tests:
    0 -> 0
5
       1 -> 1
       2 -> 8
6
       -2 -> -8
7
       1.1 -> 1,331
8
10 R1 : Raffinage De « Afficher le cube d'un nombre réel »
                              x: out Réel
11
   | Saisir un nombre réel
     | Afficher le cube de x
                                 x: in Réel
12
13
14 R2 : Raffinage De « Afficher le cube de x »
     | Écrire(x * x * x)
 On en déduit alors l'algorithme suivant :
  Algorithme cube
2
       -- afficher le cube d'un nombre réel
3
4
   Variable
       x: Réel
                   -- un nombre saisi par l'utilisateur
6
7
8 Début
      -- Saisir un nombre réel
9
      Écrire("Nombre_=_")
10
      Lire(x)
11
12
      -- Afficher le cube de x
```

8 Affectation

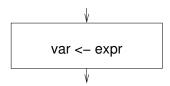
Définition : L'affectation permet de modifier la valeur associée à une variable.

```
var <- expr</pre>
```

Règle : Le type de expr doit être compatible avec le type de var. **Évaluation :** L'évaluation de l'affectation se fait en deux temps :

- 1. calculer la valeur de l'expression expr;
- 2. ranger cette valeur dans la variable var.

Organigramme:



Exemple: Voici quelques exemples d'affectation:

```
rayon <- 10
diamètre <- 2 * rayon
périmètre <- PI * diamètre
```

Exercice 6 : Comprendre l'affectation

Quelle est la valeur de n après l'exécution de chacune des instructions suivantes ?

Solution:

La variable n prend pour valeurs successives : 5, la valeur saisie par l'utilisateur du programme, 10 et enfin 11.

Après ces affectations les valeurs respectives de n et c sont 11 et 'c'.

Exercice 7: Permuter deux caractères

Écrire un programme qui permute la valeur de deux variables c1 et c2 de type caractère.

Solution : Le principe est d'utiliser une variable intermédiaire (tout comme on utilise un récipient intermédiaire si l'on veut échanger le contenu de deux bouteilles). On en déduit donc l'algorithme suivant :

```
1 Variable
       c1, c2: Caractère -- les deux caractères à permuter
       tmp: Caractère -- notre intermédiaire
3
4 Début
       -- initialiser c1 et c2
5
6
7
       -- permuter c1 et c2
8
       tmp <- c1
9
       c1 <- c2
10
       c2 <- tmp
11
12
       { les valeurs de c1 et c2 ont été permutées }
13
14
15
16 Fin
```

Exercice 8 : Cube d'un réel (avec une variable)

Reprenons l'exercice 5.

8.1 Utiliser une variable intermédiaire pour le résoudre.

Solution : On reprend le même R0 et les mêmes tests. En fait, seule la manière de résoudre le problème change.

```
1 R1 : Raffinage De « Afficher le cube d'un nombre réel »
  | Saisir un nombre réel x: out Réel
     | Calculer le cube de x
                                 x: in Réel ; cube: out Réel
   | Afficher le cube
  R2 : Raffinage De « Afficher le cube de x »
    \mid cube <- x * x * x
On en déduit alors l'algorithme suivant :
1 Algorithme cube
2
       -- afficher le cube d'un nombre réel
3
4
5 Variable
                -- un nombre saisi par l'utilisateur
       x: Réel
6
       cube: Réel -- le cube de x
7
8
9 Début
      -- Saisir un nombre réel
10
      Écrire("Nombre_=_")
11
      Lire(x)
12
13
      -- Calculer le cube de x
14
      cube <- x * x * x
15
16
      -- Afficher le cube
17
      Écrire("Son_cube_est_:_")
18
      Écrire(cube)
```

20 **Fin**

8.2 Ouel est l'intérêt d'utiliser une telle variable?

Solution : L'intérêt d'utiliser une variable intermédiaire est d'améliorer la lisibilité du programme car elle permet de mettre un nom sur une donnée manipulée. Ici on nomme cube la donnée x * x * x.

De plus, ceci nous a permis, au niveau du raffinage, de découpler le calcul du cube de son affichage. Il est toujours souhaitable de séparer calcul des opérations d'entrées/sorties car l'interface avec l'utilisateur est la partie d'une application qui a le plus de risque d'évoluer.

8.3 Exécuter à la main l'algorithme ainsi écrit.

Solution: À faire soi-même!

9 Structures de contrôle

Dans un langage impératif, on peut définir l'état d'un programme en cours d'exécution par deux choses :

- l'ensemble des valeurs des variables du programme ;
- l'instruction qui doit être exécutée.

L'exécution d'un programme est alors une séquence d'affectations qui font passer d'un état initial (les valeurs des variables sont indéterminées) à un état final considéré comme le résultat.

Les structures de contrôle décrivent comment les affectations s'enchaînent séquentiellement. Elles définissent dont le transfert du contrôle après la fin de l'exécution d'une instruction.

Remarque : Ceci était avant réalisé en utilisant des « goto », instruction qui a été banni en 1970 avec la naissance de la programmation structurée.

En programmation structurée, le transfert de contrôle s'exprime par :

- 1. enchaînement séquentiel (une instruction puis la suivante);
- 2. traitements conditionnels;
- 3. traitements répétitifs (itératifs);
- 4. appel d'un sous-programme (un autre programme qui réalise un traitement particulier).

Pour chacune des structures de contrôle présentées ci-après, sont données la syntaxe de la structure dans notre langage algorithmique, les règles à respecter (en particulier pour le typage), la sémantique (c'est-à-dire la manière dont elle doit être comprise et donc interprétée), des exemples ou exercices à but illustratifs.

9.1 Enchaînement séquentiel

Les instructions sont exécutées dans l'ordre où elles apparaissent.

- $_{1}$ opération $_{1}$
- 2 ...
- $opération_n$

Exemple:

Question : Quand utilisera-t-on cette séquence de trois instructions ? Que permet-elle de faire ?

Solution: Quand on veut permuter les valeurs des deux variables a et b.

Remarque: On utilise parfois le terme d'instruction composée.

9.2 Instructions conditionnelles

9.2.1 Conditionnelle Si ... Alors ... FinSi

```
1 Si condition Alors
2 séquence -- une séquence d'instructions
3 FinSi
```

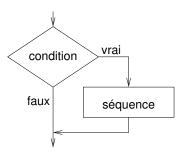
Règle: La condition est nécessairement une expression booléenne.

Évaluation:

- la condition est évaluée;
- si la condition est vraie, la séquence est exécutée puis le contrôle passe à l'instruction qui suit le FinSi;
- si la condition est fausse, le contrôle passe à l'instuction qui suit le **FinSi**.

En d'autres termes, la séquence est exécutée si et seulement si la condition est VRAI.

Organigramme:



Exercice 9 : Une valeur entière est-elle paire?

Écrire un algorithme qui lit une valeur entière au clavier et affiche « paire » si elle est paire.

```
1 R0 : Afficher « paire » si une valeur entière saisie au clavier est paire
2
3 tests :
4    2 -> paire
5    5 -> ----
6    0 -> paire
7
8 R1 : Raffinage De « Afficher ... »
9    | Saisir la valeur entière n
10    | Afficher le verdict de parité
```

```
11
12 R2 : Raffinage De « Afficher le verdict de parité »
13 | Si n est paire Alors
14 | Écrire("paire")
15 | FinSi
16
17 R3 : Raffinage De « n est paire »
18 | Résultat <- n Mod 2 = 0
```

Dans le raffinage précédent un point est à noter. Il s'agit du raffinage R2 qui décompose « Afficher le verdict de parité ». Nous n'avons pas directement mis la formule « n Mod 2 = 0 ». L'intérêt est que la formulation « n est paire » est plus facile à comprendre. Avec la formule, il faut d'abord comprendre la formule, puis en déduire sa signification. « n est paire » nous indique ce qui nous intéresse comme information (facile à lire et comprendre) et son raffinage (R3) explique comment on détermine si n est paire. Le lecteur peut alors vérifier la formule en sachant ce qu'elle est sensée représenter.

Raffiner est quelque chose de compliquer car on a souvent tendance à descendre trop vite dans les détails de la solution sans s'arrêter sur les étapes intermédiaires du raffinage alors que ce sont elles qui permettent d'expliquer et de donner du sens à la solution.

Dans cet exercice, vous vous êtes peut-être posé la question : « mais comment sait-on que n est paire ». Si vous avez trouvé la solution vous avez peut-êre donnée directement la formule alors que le point clé est la question. Il faut la conserver dans l'expression de votre algorithme ou programme, donc en faire une étape du raffinage.

Si vous arrivez sur une étape que vous avez du mal à décrire, ce sera toujours une indication d'une étape qui doit apparaître dans le raffinage. Cependant, même pour quelque chose de simple, que vous savez faire directement, il faut être capable de donner les étapes intermédiaires qui conduisent vers et expliquent la solution proposée. Ceci fait partie de l'activité de construction d'un programme ou algorithme.

Remarque : Il est généralement conseillé d'éviter de mélanger traitement et entrées/sorties. C'est pourtant ce qui a été fait ci-dessus. On aurait pu écrire le premier niveau de raffinage différemment en faisant.

```
1 R1 : Raffinage De « Afficher ... »
    | Saisir la valeur entière
                                           n: out Entier
      Déterminer la parité de n
                                           n: in ; paire: out Booléen
3
     Afficher le verdict de parité paire: in Booléen
4
  R2 : Raffinage De « Déterminer la parité de n »
   \mid parité <- (n Mod 2) = 0
8
  R2 : Raffinage De « Afficher le verdict de parité »
    | Si paire Alors
10
11
        | Écrire("paire")
      FinSi
```

On constate ici que la variable intermédiaire « paire » permet d'avoir un programme plus lisible car on a donné un nom à la quantité (n Mod 2) = 0.

9.2.2 Conditionnelle Si ... Alors ... Sinon ... FinSi

```
Si condition Alors
séquence<sub>1</sub> -- séquence exécutée ssi condition est VRAI

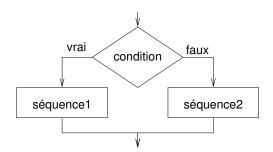
Sinon { Non condition }
séquence<sub>2</sub> -- séquence exécutée ssi condition est FAUX

FinSi
```

Évaluation : Si la condition est vraie, c'est séquence₁ qui est exécutée, sinon c'est séquence₂. Dans les deux cas, après l'exécution de la séquence, l'instruction suivante à exécuter est celle qui suit le **FinSi**.

Remarque : Il est recommandé de faire apparaître sous forme de commentaire la condition associée à la partie **Sinon**.

Organigramme:



Exercice 10 : Maximum de deux valeurs réelles

Étant données deux valeurs réelles lues au clavier, afficher à l'écran la plus grande des deux.

Solution:

```
RO : Afficher le plus grand de deux réels saisis au clavier
2
3
   tests:
4
       1 et 2 -> 2
       2 et 1 -> 1
5
       3 et 3 -> 3
6
7
  R1 : Raffinage De « Afficher le plus grand de deux réels ... »
     | Saisir les deux réels
                                     x1, x2 : out Réel
     | Déterminer le maximum
                                     x1, x2 : in ; max : out Réel
10
     | Afficher le maximum
11
12
   R2 : Raffinage De « Déterminer le maximum »
13
       Si \times 1 > \times 2 Alors
14
        | max <- x1
15
16
       Sinon
17
       | max <- x2
       FinSi
```

L'algorihme est alors le suivant :

```
Algorithme calculer_max

-- Afficher le plus grand de deux réels saisis au clavier
```

```
Variable
       x1, x2: Réel
                             -- les deux réels saisis au clavier
6
       max: Réel
                             -- le plus grand de x1 et x2
7
8
9 Début
        -- Saisir les deux réels
10
       Lire(x1, x2)
11
12
        -- Déterminer le maximum
13
14
       Si \times 1 > \times 2 Alors
15
            max <- x1
       Sinon
16
           max <- x2
17
       FinSi
18
19
        -- Afficher le maximum
20
        Écrire(max)
21
22 Fin
```

Exercice 11: Sinon et Si

Réécrire une instruction Si ... Alors ... Sinon ... FinSi en utilisant seulement la structure Si ... Alors ... FinSi (sans utiliser le Sinon).

Solution: Soit la structure

```
Si condition Alors
séquence1
Sinon
séquence2
FinSi
```

On la réécrit sans utiliser le **Sinon** de la manière suivante :

```
1 Si condition Alors
2     séquence1
3 FinSi
4 Si Non condition Alors
5     séquence2
6 FinSi
```

Quel est l'intérêt du Sinon?

- Il apparaît clairement que les deux groupes d'instructions (les deux séquences) sont exclusifs. Au delà de la structure syntaxique, ceci est aussi renforcé par la présentation (et l'indentation).
- Accessoirement, le traitement peut être plus efficace puisque la condition ne sera évaluée qu'une seule fois.
- Si on veut faire du test par couverture en prenant comme critère de couverture « tous les chemins » on ne pourra jamais atteindre les 100%!!!

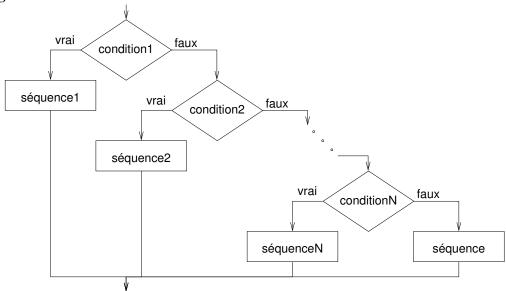
9.2.3 La clause SinonSi

La conditionnelle Si ... Alors ... Sinon ... FinSi peut être complétée avec des clauses SinonSi suivant le schéma suivant :

```
Si condition<sub>1</sub> Alors
 1
2
               séquence<sub>1</sub>
3
         SinonSi condition<sub>2</sub> Alors
               séquence<sub>2</sub>
4
5
         SinonSi conditionN Alors
6
               s\'{e}quence_N
                          { Expliciter la condition ! }
         Sinon
8
9
               séquence
10
         FinSi
```

Évaluation: Les conditions sont évaluées dans l'ordre d'apparition. Dès qu'une condition est vraie, la séquence associée est exécutée. L'instruction suivante à exécuter sera alors celle qui suit le FinSi. Si aucune condition n'est vérifiée, alors la séquence associée au Sinon, si elle existe, est exécutée.

Organigramme:



Exercice 12: Signe d'un entier

Étant donné un entier lu au clavier, indiquer s'il est nul, positif ou négatif.

```
| Saisir un entier n
                                     n: out Entier
10
     | Afficher le signe de n
                                    n: in
11
12 R2 : Raffinage De « Afficher le signe de n »
   | Si n > 0 Alors
13
       | Écrire("positif");
14
     | SinonSi n < 0 Alors
15
       | Écrire("positif");
16
     | Sinon { Non (n > 0) Et Non (n < 0) donc N = 0 }
17
        | Écrire("nul");
18
       FinSi
19
 Le principe est d'utliser un SinonSi car les trois cas sont exclusifs.
   Algorithme signe_entier
2
       -- Afficher le signe d'un entier
3
4
   Variable
       n: Entier -- entier saisi au clavier
6
7
8 Début
       -- Saisir un entier n
9
       Lire(n)
10
11
       -- Afficher le signe de n
12
13
       Si n > 0 Alors
            Écrire("positif");
14
       SinonSi n < 0 Alors
15
           Écrire("positif");
16
       Sinon { Non (n > 0) Et Non (n < 0) donc N = 0 }
17
            Écrire("nul");
18
       FinSi
19
20 Fin
```

9.2.4 Conditionnelle Selon

```
1
          Selon expression Dans
                choix_1:
2
3
                      séquence<sub>1</sub>
                \hbox{\rm choix}_2 \ :
4
                     séquence<sub>2</sub>
5
7
                choix_N :
                      séquence_N
8
9
          Sinon
                séquence
10
          FinSelon
11
```

Règles:

- expression est nécessairement une expression de type scalaire.

- choix_i est une liste de choix séparés par des virgules. Chaque choix est soit une constante, soit un intervalle (10..20, par exemple).

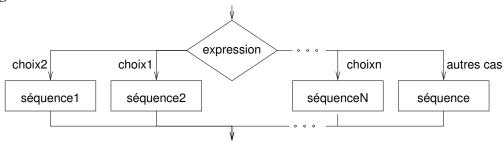
L'instruction **Selon** peut donc être considérée comme un cas particulier de la conditionnelle

Si ... SinonSi ... FinSi.

Évaluation : L'expression est évaluée, puis sa valeur est successivement comparée à chacun des ensembles choix_i. Dès qu'il y a correspondance, les comparaisons sont arrêtées et la séquence associée est exécutée. Les différents choix sont donc *exclusifs*. Si aucun choix ne correspondant, alors la séquence associée au **Sinon**, si elle existe, est exécutée.

Remarque : La clause **Sinon** est optionnelle... mais il faut être sûr de traiter tous les cas (toutes les valeurs possibles de l'expression).

Organigramme:



Exercice 13: Réponse

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur de saisir un caractère et qui affiche « affirmatif » si le caractère est un « o » (minuscule ou majuscule), « négatif » si c'est un « n » (minuscule ou majuscule) et « ? ! ? ! ? ! ? » dans les autres cas.

```
1 Algorithme repondre
2
       -- Répondre par « affirmatif », « négatif » ou « ?!?!?!? ».
3
4
5
   Variable
6
       reponse: Charactere -- caractère lu au clavier
7
  Début
8
       -- saisir le caractère
9
       Écrire("Votre_réponse_(o/n)_:_")
10
       Lire(reponse)
11
12
       -- afficher la réponse
13
       Selon reponse Dans
14
            'o', '0':
                             { réponse positive }
15
                Écrireln("Affirmatif_!")
16
17
            'n', 'N':
                             { réponse négative }
18
                Écrireln("Négatif..!")
19
20
       Sinon
```

```
22 Écrireln("?!?!?")
23 FinSelon
24 Fin
```

9.3 Instructions de répétitions

9.3.1 Répétition TantQue

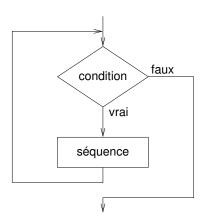
- 1 TantQue condition Faire
- 2 séquence
- 3 FinTQ

Règles:

- La condition doit être une expression booléenne.
- Pour que la boucle se termine, il est nécessaire que la séquence modifie la condition.

Évaluation: La condition est évaluée. Si elle vaut FAUX alors la boucle se termine et l'exécution se poursuit avec l'instruction qui suit FinTQ. Si elle vaut VRAI alors la séquence d'instructions est exécutée et la condition est de nouveau évaluée.

Organigramme:



Exercice 14: Condition après un FinTQ

Que sait-on sur l'état du programme lorsque l'instruction suivante à exécuter est celle qui suit le **FinTQ**?

Solution : Puisqu'on est sortie de la boucle c'est que la condition du **TantQue** est fausse. On peut utiliser les commentaires {} pour l'exprimer (et les formules de De Morgan pour simplifier l'expression booléenne).

```
1 TantQue condition Faire
2 séquence
3 FinTQ
4 { Non condition }
```

Remarque : On fera apparaître explicitement cette condition sous forme de commentaire après le **FinTQ**.

Remarque : Comme le test de la condition est fait en premier, la séquence peut ne pas être exécutée. Il suffit que la condition soit fausse dès le début.

Problème de la terminaison. Nous avons vu qu'une propriété importante d'un algorithme/programme est qu'il doit se terminer. Jusqu'à présent la terminaison était assurée car avec seulement la séquence et les conditionnelles, l'exécution du programme se fait toujours vers l'avant. On doit donc nécessairement atteindre la fin.

Avec les répétitions, on peut revenir en arrière dans le programme. Il est alors important de s'assurer que l'on finira toujours par sortir des répétitions d'un programme. Sinon, le programme risque de s'exécuter indéfiniment. On parle alors de boucle sans fin.

Pour garantir qu'une boucle (une répétition) se termine, on peut mettre en évidence un variant. C'est une expression entière qui doit toujours être positive et décroître strictement à chaque passage dans la boucle. Si on arrive à exhiber ce variant et prouver les deux propriétés, alors on est assuré que la répétition se termine.

Un programme qui se termine n'est pas forcément un programme valide. Pour vérifier la validité d'une boucle, on peut mettre en évidence un invariant. C'est une expression booléenne qui est vraie avant et après chaque passage dans la boucle. Elle aide à prouver la validité d'une boucle et d'un programme. L'invariant est cependant généralement difficile à trouver et la preuve difficile à faire. Cependant, dans les exercices nous essaierons de mettre en évidence des invariants, même s'ils ne sont qu'intuitifs et incomplets.

Exercice 15: Somme des premiers entiers (TantQue)

Calculer la somme des n premiers entiers.

Solution : Une solution algorithmique sous forme de raffinages peut-être la suivante :

```
R0 : Afficher la somme des n premiers entiers
2
3 R1 : Raffinage De « Afficher la somme des n premiers entiers »
      Saisir la valeur de n (pas de contrôle) n: out Entier
5
      \{ n >= 0 \}
      Calculer la somme des n premiers entiers n: in; somme: out Entier
6
7
      Afficher la somme
                                                somme: in Entier
8
  R2 : Raffinage De « Calculer la somme des n premiers entiers »
9
      somme <- 0
                                 somme: out
10
      i < -1
                                 i: out Entier
11
      TantQue i <= n Faire i, n: in
12
          { Variant : n - i + 1 }
13
          { Invariant : somme = \sum_{j=0}^{i-1} j }
14
          15
          i < -i + 1
                                 i: in; i: out
16
17
```

Intéressons nous à la condition après le **TantQue**. On a la propriété suivante :

Les deux premières expressions s'écrivent

```
(i > n) Et (i <= n+1)
```

On en déduit : i = n + 1.

La troisième donne alors :

$$somme = \sum_{j=1}^{n} j$$

C'est bien le résultat demandé!

Bien entendu, il faut aussi prouver que le variant est toujours positif et qu'il décroit strictement (on incrémente i de 1 donc on diminue le variant de 1). Il faut également prouver que l'invariant est toujours vrai.

Commençons par le variant. Montrons par récurrence sur le nombre de passage dans la boucle que la **variant est toujours positif**.

Si le nombre de passage est nul, donc avant le premier passage, on a : $V_0 = n - i1 = n - 1 + 1 = n$. Par hypothèse sur n (saisie contrôlée), on a bien $V_0 \ge 0$

Supposons la propriété vraie pour le passage p. On a donc : $V_p = \ge 0$

Montrons que V_{p+1} est vraie. On notera avec des primes les variables de V_{p+1} au lieu d'utiliser des indices en p.

On a: $V_{p+1} = n' - i' + 1$

Si on parle de V_{p+1} c'est qu'on est passé dans la boucle. Donc la condition du **TantQue** est vraie. On a donc $i \le n$.

Or on a n' = n et i' = i + 1 (passage une fois dans la boucle).

Donc $V_{p+1} = n - (i+1) + 1 = n - i + 1 - 1 = n - i$ Comme $i \le n$, on a bien $V_{p+1} \ge 0$.

Par récurrence, on a montrer que le variant est toujours positif.

Montrons que le **variant décroit strictement**. On $V_{p+1} = n' - i' + 1 = n - i + 1 - 1 = (n - i + 1) - 1 = V_p - 1$. On a bien $V_{p+1} < V_p$.

On a donc montrer la terminaison de la boucle.

Remarque : Dans la formulation initiale du R1, j'avais oublié la propriété $\{n >= 0\}$. Elle était bien sûr implicite. Essayer de montrer que le variant était toujours positif m'a permis de penser à l'expliciter.

Montrons maintenant que l'**invariant est toujours vrai**. On utilise aussi une récurrence sur le nombre p de passage dans la boucle.

Avant le premier passage, on a $\sum_{j=0}^{i-1} j = \sum_{j=0}^{0} j = 0$ et on a somme = 0. Donc I_0 est vrai.

Supposons I_p vrai. On a donc : $somme = \sum_{j=0}^{i-1} j$

Montrons que I_{p+1} est vrai. Si on parle de I_{p+1} , c'est qu'on passe une nouvelle fois dans la boucle. On a donc : $i \ge n$.

Les valeurs de n, i et somme deviennent :

$$s' = s + i$$

$$i' = i + 1$$

$$n' = n$$

 $s' = \sum_{j=0}^{i-1} j + i$ par hypothèse de récurrence. $s' = \sum_{j=0}^{i} j \ s' = \sum_{j=0}^{(i+1)-1} j \ s' = \sum_{j=0}^{i'-1} j$

Donc on a bien I_{p+1} .

Par récurrence, on montre donc que l'invariant est toujours vrai.

On en déduit alors l'algorithme suivant :

```
Algorithme somme_n
        -- Afficher la somme des n premiers entiers
3
4
   Variable
5
       n: Entier
                    -- valeur lue au clavier
6
                   -- parcourir les entiers de 1 à n
7
       i: Entier
       somme: Entier
                             -- somme des entiers de 0 à i
8
   Début
10
        -- Saisir la valeur de n (pas de contrôle)
11
       Écrire("Nombre_d'entiers_:_");
12
       Lire(n)
13
14
       -- Calculer la somme des n premiers entiers
15
       somme <- 0
16
       i < -1
17
       TantQue i <= n Faire</pre>
18
19
            { Variant : n - i + 1 }
            { Invariant : somme = \sum_{j=0}^{i-1} j }
20
            somme < - somme + i
21
            i < -i + 1
22
       FinTQ
23
24
        -- Afficher la somme
25
       Écrire("La_somme_est_:_")
26
        Écrire(somme)
27
  Fin.
28
```

Exercice 16 : Saisie contrôlée d'un numéro de mois

On souhaite réaliser la saisie du numéro d'un mois (compris entre 1 et 12) avec vérification. Le principe est que si la saisie est incorrecte, le programme affiche un message expliquant l'erreur de saisie et demande à l'utilisateur de resaisir la donnée.

- 16.1 Utiliser un TantQue pour réaliser la saisie contrôlée.
- **16.2** Généraliser l'algorithme au cas d'une saisie quelconque.

Solution : Voici l'algorithme pour le cas d'une saisie quelconque.

```
R0 : Réaliser une saisie avec vérification
  R1 : Raffinage De « Réaliser une saisie avec vérification »
3
           Saisir les données
4
           Traiter les erreurs éventuelles
5
  R2 : Raffinage De « Traiter les erreurs éventuelles »
7
           TantQue saisie incorrecte Faire
8
               Signaler l'erreur de saisie
9
               Saisir les nouvelles données
10
           FinTQ
11
12
  -- Remarque : je pense que le raffinage R1 n'apporte pas suffisament
```

```
-- d'information. Il serait donc préférable de ne faire qu'un seul
15 -- niveau de raffinage avec les R1 et R2 ci-dessus
```

Théorème : Tout algorithme (calculable) peut être exprimé à l'aide de l'affectation et des trois structures **Si Alors FinSi**, **TantQue** et enchaînement séquentiel.

... Mais ce n'est pas forcément pratique, aussi des structures supplémentaires ont été introduites.

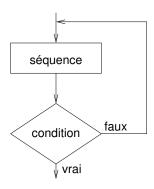
9.3.2 Répétition Répéter ... JusquÀ

- 1 Répéter
- 2 séquence
- 3 Jusquà condition

Remarques:

- la condition n'est évaluée qu'après l'exécution de la séquence ;
- la séquence est exécutée au moins une fois ;
- la condition doit être modifiée par la séquence ;

Organigramme:



Exercice 17: Plusieurs sommes des n premiers entiers

Écrire un programme qui affiche la somme des n premiers entiers naturels, n étant un entier saisi au clavier. Le programme devra proposer la possibilité à l'utilisateur de recommencer le calcul pour un autre entier.

Solution : Le raffinage peut être décrit ainsi.

```
R0 : Afficher la somme des n premiers entiers avec possibilité de recommencer
R1 : Raffinage De « R0 »
Répéter
R1 : Rafficher la somme des n premiers entiers
R2 | Afficher la somme des n premiers entiers
R3 | Demander si l'utilisateur veut recommencer reponse: out
R4 | JusquÀ réponse est non
```

Le raffinage de « Afficher la somme des n premiers entiers » a déjà été donné dans un exercice précédent. On peut donc directement en déduire l'algorithme.

```
1 Algorithme sommes
```

-- Afficher la somme des n premiers entiers avec possibilité de recommencer

```
Variables
       n: Entier
                    -- un entier saisi au clavier
       s: Entier
                    -- la somme des n premiers entiers
5
       i: Entier -- parcourir les entiers de 1 à n
6
       réponse: Caractère -- réponse lue au clavier
7
   Début
8
       Répéter
            -- Afficher la somme des n premiers entiers
10
11
                 saisir n (il faudrait la contrôler !)
12
            Écrire("Valeur_de_n_=_")
13
            Lire(n)
14
15
                 calculer la somme des n premiers entiers
16
            somme <- 0
17
            i < -1
18
            TantQue i <= n Faire</pre>
19
                { Variant : n - i + 1 }
20
                { Invariant : somme = \sum_{j=1}^{i-1} j }
21
                somme <- somme + i
22
                i < -i + 1
23
            FinT0
24
25
                 afficher le résultat
26
27
            ÉcrireLn("La_somme_des_entiers_est_:_", somme);
28
            -- Demander si l'utilisateur veut recommencer
29
            Écrire("Encore_(o/n)_?_")
30
            Lire(réponse)
31
32
       JusquÀ (réponse = 'n') Ou (réponse = 'N')
33
  Fin.
34
```

Exercice 18 : Saisie contrôlée d'un numéro de mois

On souhaite réaliser la saisie du numéro d'un mois (compris entre 1 et 12) avec vérification. Le principe est que si la saisie est incorrecte, le programme affiche un message expliquant l'erreur de saisie et demande à l'utilisateur de resaisir la donnée.

On utilisera un Répéter pour réaliser la saisie contrôlée.

Généraliser l'algorithme au cas d'une saisie quelconque.

```
R1: Raffinage De « Faire une saisie avec vérification »
Répéter
Saisir les données
Si saisie incorrecte Alors
Si saisie incorrecte Alors
I | Signaler l'erreur de saisie
I | Indiquer qu'une nouvelle saisie doit être réalisée
I | FinSi
JusquÀ saisie correcte
```

Exercice 19 : TantQue et Répéter

Écrire la répétition **Répéter** à partir du **TantQue** et réciproquement.

Solution : Écrire un Répéter en utilisant le TantQue :

```
1 Répéter
       séquence
  2
  3 JusquA condition
devient:
  1 séquence
  2 TantOue Non condition Faire
        séquence
  4 FinTQ
  Inversement,
  1 TantQue condition Faire
       séquence
  3 FinTQ
devient:
  1 Si condition Alors
       Répéter
  3
            séquence
        Jusquà Non condition
  4
  5 FinSi
```

9.3.3 Répétition Pour

```
Pour var <- val_min [ Décrémenter ] JusquÀ var = val_max Faire
sequence
FinPour

-- Une variante
Pour Chaque var Dans val_min..val_max [ Renversé ] Faire
sequence
FinPour</pre>
```

Règle:

- La variable var est une variable d'un type scalaire. Elle est dite *variable de contrôle*.
- Les expressions val_min et val_max sont d'un type compatible avec celui de var.
- La séquence d'instructions ne doit pas modifier la valeur de la variable var.

Évaluation : Les expressions val_min et val_max sont évaluées. La variable var prend alors successivement chacune des valeurs de l'intervalle [val_min..val_max] dans l'ordre indiqué et pour chaque valeur, la séquence est exécutée.

Remarques:

- Cette structure est utilisée lorsqu'on connaît à l'avance le nombre d'itérations à faire.
- Les expressions val_min et val_max ne sont évaluées qu'une seule fois.
- La séquence peut ne pas être exécutée (intervalle vide : val_min > val_max).

La séquence termine nécessairement (le variant est val_max - var + 1).

Attention : Il est interdit de modifier la valeur de la variable de contrôle var dans la boucle.

Remarque : Il n'y a pas d'équivalent du **Pour** dans les organigrammes. On peut utiliser la traduction du **Pour** sous forme de **TantQue** ou de **Répéter**.

Exercice 20: Somme des premiers entiers

Calculer la somme des n premiers entiers.

Solution:

```
1 Algorithme somme_n
      -- calculer la somme des n premiers entiers
   Variables
                    -- valeur lue au clavier
       n: Entier
       i: Entier -- parcourir les entiers de 1 à n
5
                          -- somme des entiers de 0 à i
       somme: Entier
6
7
   Début
       -- saisir la valeur de n (pas de contrôle)
8
       Écrire("Nombre_d'entiers_:_");
9
       Lire(n)
10
11
12
       -- calculer la somme des n premiers entiers
       somme <- 0
13
       Pour i < -1 JusquÀ i = n Faire
14
15
           { Variant : n - i + 1 }
           { Invariant : somme = \sum_{j=1}^{i} j }
            somme < - somme + i
17
       FinPour
18
19
       -- afficher la somme
20
       Écrire("La_somme_est_:_")
2.1
       Écrire(somme)
22
23 Fin.
```

9.3.4 Quelle répétition choisir?

La première question à se poser est : « Est-ce que je connais a priori le nombre d'itérations à effectuer ? ». Dans l'affirmative, on choisit la boucle **Pour**.

Dans la négative, on peut généralement employer soit un **TantQue**, soit un **Répéter**. En général, utiliser un **Répéter** implique de dupliquer une condition et utiliser un **TantQue** implique de dupliquer une instruction.

Dans le cas, où on choisit d'utiliser un **Répéter**, il faut faire attention que les instructions qu'il contrôle seront exécutées au moins une fois. S'il existe des cas où la séquence d'instructions ne doit pas être exécutée, alors il faut utiliser un **TantQue** (ou protéger le **Répéter** par un **Si**).

Une heuristique pour choisir entre **TantQue** et **Répéter** est de se demander combien de fois on fait l'itération. Si c'est au moins une fois alors on peut utiliser un **Répéter** sinon on préfèrera un **TantQue**.

Remarque: Pour aider au choix, il est parfois judicieux de se poser les questions suivantes:

```
- Qu'est ce qui est répété (quelle est la séquence)?
- Quand est-ce qu'on arrête (ou continue)?
  R1 : Comment { Quelle répétition choisir ? }
           Si nombre d'itérations connu Alors
                Résultat <- Pour
3
           Sinon
4
                Si itération exécutée au moins une fois Alors
5
                    Résultat <- Répéter
6
                Sinon
7
                    Résultat <- TantQue
8
                FinSi
           FinSi
10
```