introdução aos sistemas dinâmicos

edos de primeira ordem separáveis

. 1

$$x'(t) = -3t\cos(t)e^x = f(t)g(x)$$
, com $f(t) = -3t\cos t e g(x) = e^x$

logo, trata-se de uma equação diferencial ordinária de primeira ordem separável

vamos procurar saber se a equação diferencial admite soluções de tipo constante:

 $g(x) = e^x \neq 0$, logo podemos concluir que a equação diferencial não admite soluções de tipo constante

$$x'(t) = \frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} = -3t\cos(t)\,\mathrm{e}^x \quad \longrightarrow \quad \frac{1}{\mathrm{e}^x}\,\mathrm{d}x = -3t\cos(t)\,\mathrm{d}t \quad \longrightarrow \quad \int \mathrm{e}^{-x}\,\mathrm{d}x = \int -3t\cos(t)\,\mathrm{d}t$$

consultando uma tabela de primitivas, podemos escrever a solução formal da equação diferencial:

$$-e^{-x} = -3\cos t - 3t \sin t + C$$
, com $C \in \mathbb{R}$

isto é,

$$e^{-x} = 3\cos t + 3t \sin t + C$$
, com $C \in \mathbb{R}$