4. Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos

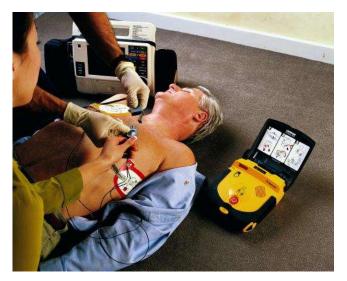


Quer colocar um condensador no seu 4x4 para viajar para o passado e adquirir aquela peça que não encontra mais à venda?

O Sr. está a ver demasiada TV!!!!!

Electromagnetismo EE (2018/19) Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Quando um paciente recebe uma descarga de um desfibrilhador, o que é que o aparelho faz?



O potencial criado por um condutor com uma carga pontual Q é proporcional à sua carga. $V=krac{q}{r}$

A <u>quantidade de carga elétrica que um condutor pode acumular</u> não é infinita, <u>depende das suas características</u> (e.g. material, dimensão, geometria, ...)

Há determinado tipo de dispositivos cuja função essencial é armazenarem carga elétrica. Denominam-se **condensadores** (**capacitors**, em inglês).



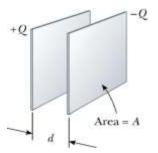
Os condensadores são utilizados:

- Em desfribilhadores;
- Para ajustar a frequência num receptor de rádio, Para filtros em fontes de alimentação;
- Acumuladores de energia em unidades de flash;
- · Microfones, instrumentos musicais;
- Etc.

Electromagnetismo EE (2018/19) Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Um condensador serve para armazenar carga elétrica: Consiste em dois condutores, com carga simétrica (no caso de terem carga) separados por um isolador.

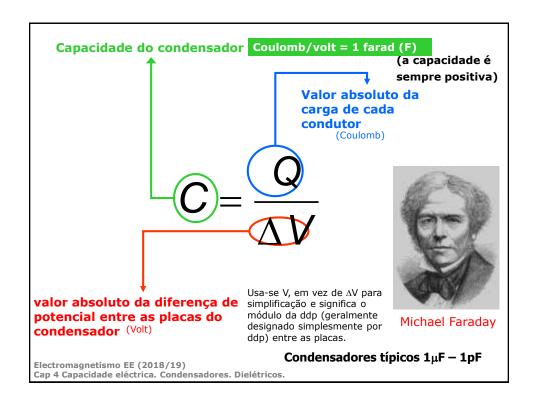
Se dois condutores estiverem carregados com cargas +Q e -Q existe uma diferença de potencial, V, entre eles.

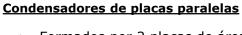


Aos dois condutores associados chamamos **condensador**.

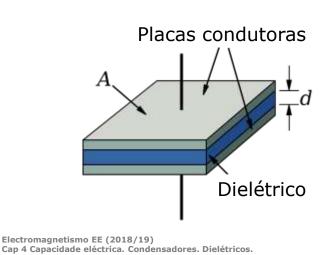
Ao quociente entre a carga Q e a diferença de potencial entre os condutores ΔV chamamos <u>Capacidade</u> <u>do condensador</u>, C.

Veremos que capacidade de um condensador depende da sua geometria e das características do material isolador, que se chama dielétrico.

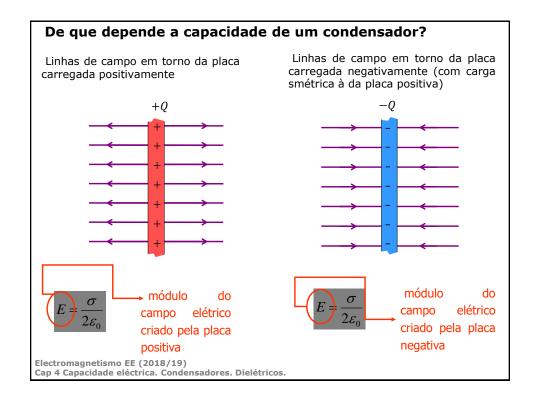


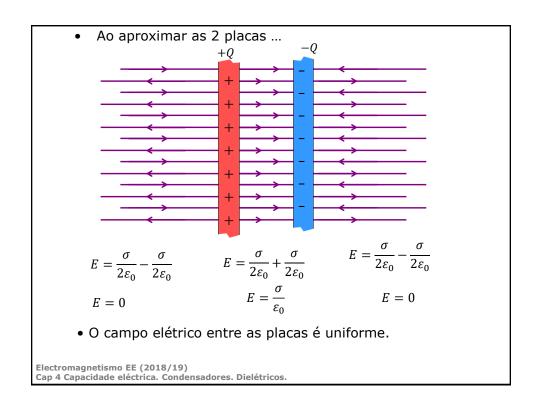


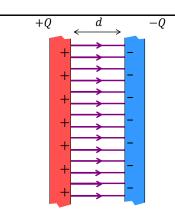
- Formados por 2 placas de área A (a forma não interessa)
- As placas estão separadas por uma distância d.
- Entre as placas existe um material isolador elétrico (ou dielétrico): ar, plástico, papel, etc.



3







O campo elétrico entre as placas uniforme. A diferença de potencial é dada por:

$$\Delta V = -\int_0^d E dx = -Ed$$

Em geral, nos condensadores, é prático ignorar o sinal negative.

A capacidade do condensador, vem então:

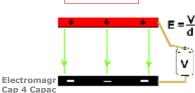
$$C = \frac{Q}{\Delta V}$$

$$C = \frac{\sigma A}{Ed}$$

$$C = \frac{\sigma A}{Ed} \qquad C = \frac{\sigma A \varepsilon_0}{\sigma d}$$

Quando o dielétrico é o vazio

$$C = \frac{A\varepsilon_0}{d}$$



Para um dielétrico que não o vazio

$$C = \frac{A\varepsilon}{d}$$

A capacidade de um condensador de placas planas e paralelas é proporcional à área das placas e inversamente proporcional à separação entre as placas e depende do dieléctrico (ε).

Simbologia



Condensador

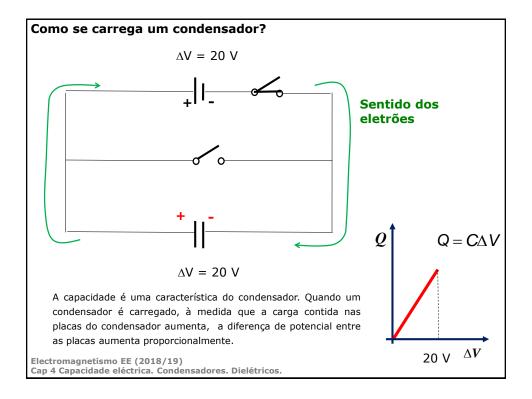


Fonte (gerador, pilha, bateria,...)



Interruptor

Electromagnetismo EE (2018/19)

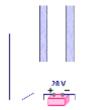


Como se carrega um condensador?

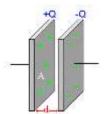
Pode-se carregar um condensador ligando as placas aos terminais de uma bateria. No início, antes de abrir o interruptor a carga armazenada nas placas do condensador é nula.

Quando o interruptor é fechado, do terminal negativo da bateria saem electrões que se acumulam na placa do condensador, que assim fica com carga negativa. Da outra placa saem electrões, que se dirigem para o pólo positivo da bateria, ficando a placa carregada positivamente.

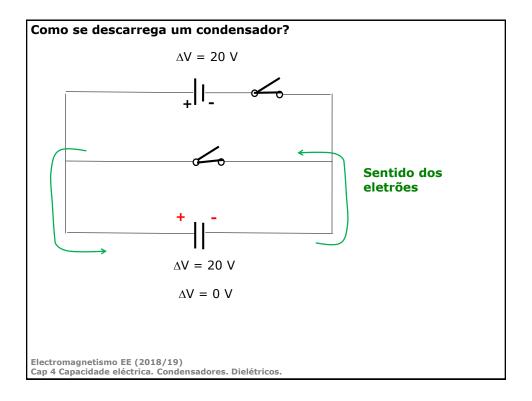
A carga acumulada nas placas vai aumentando até que a diferença de potencial entre as placas iguale a diferença de potencial entre os terminais da bateria. Quando isso acontece, cessa o movimento orientado de cargas.



O condensador carrega até que a ddp nos terminais do condensador (V_C) iguale a ddp nos terminais da fonte (V_{fonte}) .



Electromagnetismo EE (2018/19)



É muito fácil descarregar um condensador...



- ⇒ A descarga pode ser observada, muitas vezes como uma centelha (faísca).
- ⇒ Tocando acidentalmente nas placas opostas dum C carregado, os dedos funcionam como condutores causando um choque eléctrico.

Intensidade do choque depende da capacidade do condensador e da diferença de potencial aplicada. Quando a diferença de potencial é elevada (por exemplo alguns TVs) os condensadores podem constituir um perigo pois podem permanecer carregados com o aparelho desligado da corrente

Checkpoint

Um condensador acumula uma carga Q quando sujeito a uma diferença de potencial ΔV .

Qual a consequência se a diferença de potencial aplicada ao condensador duplicar $(2\Delta V)$?

- (a) A capacidade reduz para metade do valor inicial e a carga acumulada permanece constante
- (b) Tanto a capacidade como a carga diminuem para metade do valor inicial.
- (c) Tanto a capacidade como a carga duplicam o valor inicial.
- (d) A capacidade permanece constante e a carga acumulada duplica.

Electromagnetismo EE (2018/19) Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Armazenamento de energia num condensador.



Quando um condensador de capacidade C é carregado, à medida que a carga é "armazenada" a diferença de potencial entre as duas placas vai aumentando.



O trabalho necessário para transferir a carga dq, é:

$$dW = \Delta V dq$$

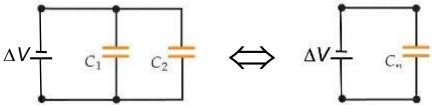
O trabalho total para carregar o condensador de Q = 0 até Q = Q, é:

$$dW = \frac{q}{C}dq \Rightarrow W = \int_0^Q \frac{q}{C}dq = \frac{Q^2}{2C}$$

O trabalho (W) efetuado no processo de carga de um condensador é uma medida da energia transferida ou uma medida da energia potencial elétrica armazenada pelo condensador.

$$E_P = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2}Q\Delta V = \frac{1}{2}C\Delta V^2$$

Associação de condensadores em paralelo



Circuito equivalente – substituir a associação de condensadores por um só condensador com a capacidade da associação

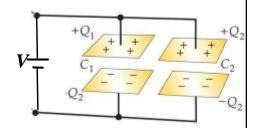
- As placas inferiores ligam-se ao terminal (+) da bateria, estando, por isso, ao mesmo V.
- As placas superiores ligam-se ao terminal (-) da bateria, estando, por isso, ao mesmo V.

Relacionar a ddp nos terminais dos condensadores com a ddp da fonte.

$$\Delta V_{C1} = \Delta V_{C2} = \Delta V$$

Electromagnetismo EE (2018/19) Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Os condensadores podem ter capacidades diferentes, mas a ddp nos seus terminais é mesma, quando estão ligados em paralelo.



Qual a carga acumulada em cada condensador?

$$Q_1 = C_1 \Delta V \qquad \qquad Q_2 = C_2 \Delta V$$

Se os condensadores forem diferentes (\Rightarrow $\mathcal C$ diferente), as cargas acumuladas são diferentes, apesar da ddp entre os seus terminais ser a mesma.

A carga total acumulada é: $Q = Q_1 + Q_2 = C_1 \Delta V + C_2 \Delta V = (C_1 + C_2) \Delta V$

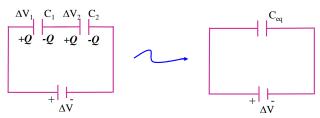
Portanto:
$$C_1 + C_2 = \frac{Q_1 + Q_2}{\Delta V} = \frac{Q}{\Delta V} = C_{eq}$$

Num circuito com n condensadores em paralelo:

$$C_{eq} = \sum_{i=1}^{n} C_{i}$$

Electromagnetismo EE (2018/19)

Associação de condensadores em série

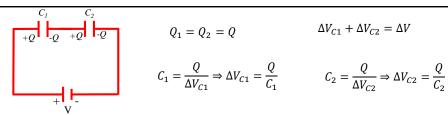


- Na ligação dos condensadores em série, a carga é a mesma em todas as placas.
- Quando a bateria é ligada, há transferência de e- da placa esquerda de C₁ para placa direita de C₂
- À medida que essa carga (-) se acumula na placa direita de C2, uma quantidade equivalente de carga (-) é forçada a sair da placa da esquerda de C2, que fica com um excesso de carga (+)

Ambos os condensadores ficam carregados com carga igual.

Electromagnetismo EE (2018/19)

Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.



$$Q_1 = Q_2 = Q_2$$

$$\Delta V_{C1} + \Delta V_{C2} = \Delta$$

$$C_1 = \frac{Q}{\Delta V_{C1}} \Rightarrow \Delta V_{C1} = \frac{Q}{C_1}$$

$$C_2 = \frac{Q}{\Delta V_{C2}} \Rightarrow \Delta V_{C2} = \frac{Q}{C_2}$$

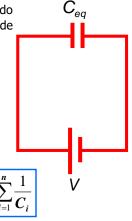
Para que um condensador seja equivalente ao conjunto ${\cal C}_{\cal I}$ e $C_{\it 2}$, terá que ter uma capacidade, $C_{\it equiv}$, que quando carregado com a mesma carga, apresente a mesma diferença de potencial aos terminais.

$$C_{eq} = \frac{Q}{\Delta V} \Rightarrow C_{eq} = \frac{Q}{\Delta V_{c1} + \Delta V_{c2}}$$

$$C_{eq} = \frac{Q}{\frac{Q}{C_1} + \frac{Q}{C_2}}$$
 $C_{eq} = \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}\right)^{-1}$

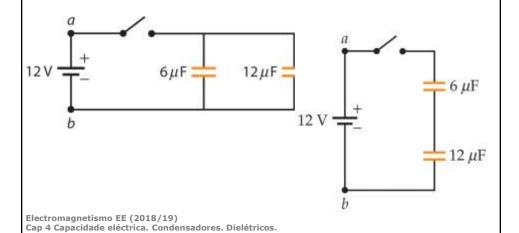
$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \iff C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

Electromagnetismo EE (2018/19)



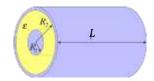
Checkpoint

Calcule a capacidade equivalente, a ddp nos terminais de cada condensador e a carga acumulada em cada condensador em cada uma das seguintes associações.



Determinar a capacidade equivalente, entre os pontos \mathbf{a} e \mathbf{b} , do circuito representado. (todos os valores da capacidade estão em unidades de μF)

Condensadores cilíndricos



Para determinar a capacidade de um condutor cilíndrico ($C = \frac{Q}{\Delta V}$) tem de se determinar a ddp entre os dois condutores $(V_1 - V_2)$:

Aplicando a lei de Gauss:



$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q_{in}}{\varepsilon_0} \qquad \qquad E = \frac{Q}{2\pi r L \varepsilon_0}$$

Tendo em conta que: $\Delta V = -\int \vec{E} \cdot d\vec{r}$

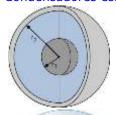
$$V_1 - V_2 = \Delta V = - \int_{r_2}^{r_1} \vec{E} \cdot d\vec{r} = \int_{r_1}^{r_2} \vec{E} \cdot d\vec{r} = \frac{Q}{2\pi L \varepsilon_0} \int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r} =$$

$$\Delta V = \frac{Q}{2\pi L \varepsilon_0} \ln \frac{r_2}{r_1} \qquad \Rightarrow C = \frac{Q}{\Delta V} = \frac{2\pi L \varepsilon_0}{\ln \frac{r_2}{r_1}}$$

Electromagnetismo EE (2018/19)

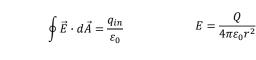
Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Condensadores esféricos



Para determinar a capacidade de um condutor cilíndrico ($\mathcal{C}=\frac{\varrho}{\Delta V}$) tem de se determinar a ddp entre os dois condutores $(V_1 - V_2)$:

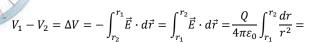
Aplicando a lei de Gauss:



$$E = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}$$

Tendo em conta que: $\Delta V = -\int \vec{E} \cdot d\vec{r}$

ta que:
$$\Delta V = -\int \vec{E} \cdot d\vec{r}$$



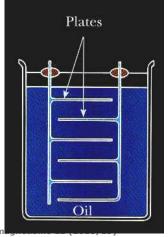
$$\Delta V = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0} \left[\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right]$$

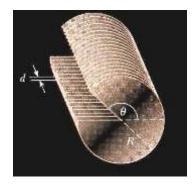
$$\Delta V = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0} \left[\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right] \qquad \Rightarrow C = \frac{Q}{\Delta V} = \frac{4\pi\varepsilon_0}{\left[\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right]}$$

Electromagnetismo EE (2018/19)

Geralmente o que se pretende de um condensador é que tenha a maior capacidade possível e também o menor volume, no entanto, como vimos, a capacidade de um condensador é tanto maior quanto maior for o tamanho das placas.

O que vale é que há gente com ideias: aqui estão dois esquemas de condensadores de placas paralelas, desenhados para ter capacidades elevadas sem ocupar muito espaço





Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Resposta à questão inicial.

Quando um paciente recebe um choque de um desfibrilhador, o que é que acontece?

Um dos equipamentos em que os condensadores são de uma grande importância é nos desfibrilhadores.

A energia libertada para o paciente estava armazenada num condensador.

No condensador destes equipamentos podem se armazenados cerca de 360 J de energia.

Esta energia pode ser transferida para o paciente em cerca de 2 ms. A que potência corresponde esta descarga?

180 000 W (cerca de 3000 vezes a potência de uma lâmpada de 60 W).

Este choque eléctrico pára a fibrilação (contracções cardíacas arritmadas) que acontecem quando há ataques cardíacos, e ajudam a restabelecer o ritmo cardíaco.

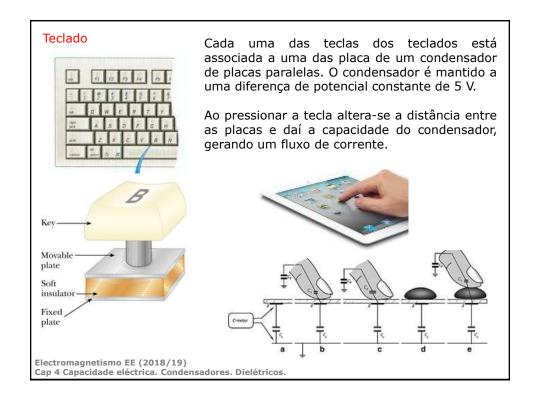
Algumas outras aplicações dos condensadores:

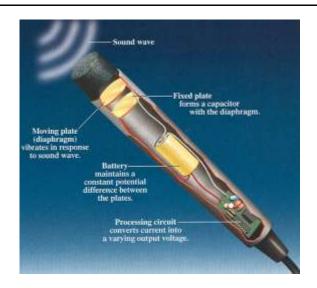


Armazenamento de carga em circuitos elétricos ou eletrónicos

Os condensadores são utilizados:

- · Em desfribilhadores;
- Para ajustar a frequência num receptor de rádio,
 Para filtros em fontes de alimentação;
- · Acumuladores de energia em unidades de flash;
- Microfones;
- Etc.





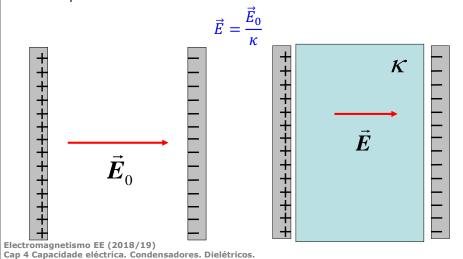
Electromagnetismo EE (2018/19) Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

condensadores: dispositivos que armazenam cargas eléctricas.

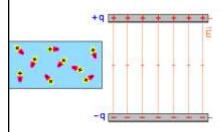
- Defletores de feixes de partículas eletricamente carregados.
- Podem carregar-se vários condensadores para produzir correntes eléctricas elevadas durante períodos curtos.
- São importantes em circuitos AC (corrente alternada) (estudaremos mais tarde).
- Usadas em circuitos eléctricos: para sintonizar a frequência dos receptores de rádio; como filtros, nas fontes de potência; armazenadores de energia nas unidades de flash electrónico...

Dieléctricos (O que é um dielétrico?)

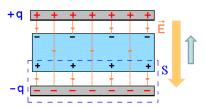
- Materiais não condutores como o ar, vidro, plástico, madeira, papel, são dielétricos.
- Se entre as placas dum condensador for colocado um dielétrico, o campo elétrico diminui de um factor κ (constante dielétrica). Este fator depende do dielétrico usado.



Como "funciona" o dieléctrico?



- Há materiais, como a água, em que as moléculas estão permanentemente polarizadas; noutros as moléculas só ficam polarizadas na presença de um campo elétrico.
- Nos materiais usados como dielétricos, predominam aqueles em que a polarização é induzida.
- Na ausência de um campo elétrico externo, os dipolos orientam-se aleatoriamente.
- Quando um campo é aplicado, surge sobre os dipolos um momento que tende a alinhar os dipolos com o campo externo. Geralmente o alinhamento não é total.
- O grau de alinhamento depende da temperatura, da intensidade do campo aplicado e do material em causa.

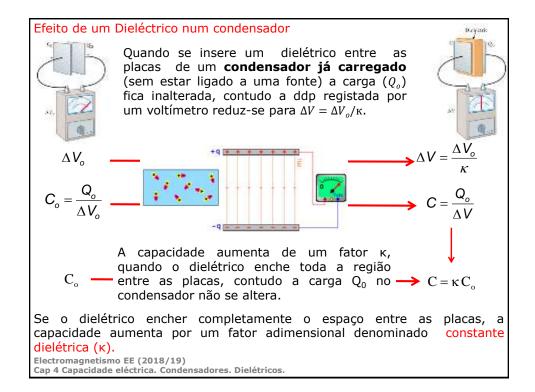


Quando o condensador é carregado, a superfície do dielétrico fica com carga de sinal oposto à da placa mais próxima, produzindo o seu próprio campo elétrico, que se opõe ao campo externo (das placas), "enfraquecendo" o campo entre as placas.

$$E = \frac{E_0}{\kappa}$$

Tendo em conta que: $\Delta V = Ed \Leftrightarrow \Delta V = \frac{E_0}{\kappa}d = \frac{\Delta V_0}{\kappa}$

Electromagnetismo EE (2018/19)



$$C = \frac{q}{\Delta V} = \frac{q}{\Delta V_0} = \kappa \frac{q}{\Delta V_0} = \kappa C_0$$

$$C = \frac{\kappa \varepsilon_0 A}{d} = \frac{\varepsilon A}{d} \Rightarrow \varepsilon = \kappa \varepsilon_0$$
Permitividade do dielétrico
$$\frac{\varphi}{\partial V} = \frac{\varepsilon A}{\partial V} \Rightarrow \varepsilon = \kappa \varepsilon_0$$
Para a mesma carga a ddp nos terminais é menor.
$$\frac{\varphi}{\partial V} = \frac{\varphi}{\partial V} \Rightarrow \varepsilon = \kappa \varepsilon_0$$
Permitividade do dielétrico

Caso de um dielétrico num condensador de placas paralelas

A capacidade de um condensador de placas planas e paralelas é proporcional à área das placas e inversamente proporcional à separação entre as placas. $C_{\rm o}=\epsilon_{\rm o}\,\frac{A}{d}$

 $\text{Com um dielétrico: } C = \kappa \, C_{\scriptscriptstyle o} \Rightarrow C = \kappa \frac{\epsilon_{\scriptscriptstyle o} A}{d} \quad \textbf{\textit{C}} \text{ aumenta com a diminuição de } \textbf{\textit{d}}.$

Na prática, o valor de d está limitado pela descarga elétrica que pode ocorrer através do dielétrico que separa as placas.

Para um dado d, a ΔV_{max} que pode ser aplicada a um C, sem provocar descarga, depende da rigidez dielétrica do material (intensidade máxima do campo)

Se o campo elétrico no dielétrico for superior ao valor da rigidez dielétrica, as propriedades isolantes desaparecem; o meio começa a conduzir.

A maioria dos materiais isolantes têm valores de rigidez e constante dielétrica superiores aos do ar.

Constantes Dieléctricas

TABLE 26.1	Dielectric Constants and Dielectric Strengths of Various Materials at Room Temperature	
Material	Dielectric Constant κ	E máximo (V/m)
Air (dry)	1.000 59	3×10^6
Bakelite	4.9	24×10^{6}
Fined quartz	3.78	8×10^{6}
Neoprene rubber	6.7	12×10^{6}
Nylon	3.4	14×10^{6}
Paper	3.7	16×10^{6}
Polystyrene	2.56	24×10^{6}
Polyvinyl chloride	3.4	40×10^{6}
Porcelain	6	12×10^{6}
Pyrex glass	5.6	14×10^{6}
Silicone oil	2.5	15×10^{6}
Strontium titanate	233	8×10^{6}
Teflon	2.1	60×10^{6}
Vacuum	1,000 00	-
Water	80	_

Vantagens dos dielétricos:

Aumentam a capacidade

Aumentam a voltagem máxima de utilização

Podem proporcionar suporte mecânico entre as placas do condensador

Os dielétricos permitem manter o afastamento das placas, aumentam a ddp a que acontece o **colapso dieléctrico** relativamente ao ar. Acima do E máximo, ocorre colapso do dieléctrico. Para o ar, acima de 3MV/m, o ar ioniza e torna-se condutor.

Electromagnetismo EE (2018/19)

Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Caso...



Os relâmpagos são descargas elétricas atmosféricas. A velocidade pode atingir os 220 000 km/h e a temperatura os 30 000°C (cerca de 5 vezes superior à temperatura superficial do Sol). São razões de perigo suficientes, particularmente:

- (1) Se um relâmpago atingir uma pessoa ou algo que ela esteja a tocar, ocorrerá um fluxo de carga elétrica através do corpo, que será fatal.
- (2) Se atingir um objeto próximo, parte do fluxo de carga elétrica pode atingir a pessoa através do ar (efeito side flash).
- (3) Se atingir o solo perto de alguém, parte do fluxo de carga no solo, pode ser desviada através do corpo.
- (4) Um outro perigo pode ocorrer. A imagem do relâmpago atingir uma árvore, contém uma pista.

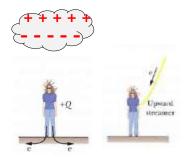
Qual o perigo adicional?

Electromagnetismo EE (2018/19)

^{*} The dielectric strength equals the maximum electric field that can exist in a dielectric without electrical breakslown. Note that these values depend strongly on the presence of impurities and flaws in the materials.

A rapariga da figura estava num miradouro quando uma núvem com a base carregada negativamente se posicionou sobre o local. Alguns dos eletrões de condução do seu corpo foram repelidos para a terra deixando-a carregada positivamente (e por isso os seus cabelos foram atraídos para a núvem e repelidos entre si).





Por sorte não ocorreram as condições para haver uma descarga, mas não faltou muito. A rapariga esteve numa situação de risco muito elevado.

Além do perigo da descarga direta, pode dar-se outra situação. Pode ocorrer descarga através de um percurso com início na rapariga, tal como se pode ver na imagem inicial deste capítulo (mas neste caso a partir da árvore).

Electromagnetismo EE (2018/19) Cap 4 Capacidade eléctrica. Condensadores. Dielétricos.

Essa descarga a partir da rapariga é muito perigosa porque a ionização rápida das moléculas de ar liberta um grande nº de eletrões que tenderiam a neutralizar a carga positiva acumulada pela rapariga, produzindo uma grande descarga através do seu corpo, que poderia ser fatal.



