

CADERNO DE EXERCÍCIOS

Engenharia Económica

Filipa Dionísio Vieira ©

ANO LETIVO 2020/2021

FICHA 1 – Fronteira de Possibilidades de Produção (FPP)

- 1. Os pontos de uma fronteira de possibilidades de produção (FPP) expressam
- **a)** as combinações de máxima produção de dois bens possíveis de obter, correspondentes ao mínimo custo de produção, dada a tecnologia.
- **b)** as combinações de mínima produção de dois bens possíveis de obter, quando a dotação disponível dos fatores de produção é plenamente utilizada, dada a tecnologia.
- c) as combinações de máxima produção de dois bens possíveis de obter, quando a dotação disponível dos fatores de produção é plenamente utilizada, dada a tecnologia.
- **d)** as combinações de níveis de produção de dois bens possíveis de obter, correspondentes ao máximo lucro, dada a tecnologia.

c)

2. Os dados do quadro seguinte mostram as diferentes combinações para "Alimento" e "Vestuário", face aos recursos escassos limitados. Com base nesta informação responda às seguintes questões:

Possibilidades	Unidades de Alimento	Unidades de Vestuário
А	0	8
В	1	7,5
С	2	6,5
D	3	5
Е	4	3
F	5	0

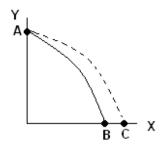
- a) Explique a escala de possibilidades de produção dada.
- **b)** Calcule o custo de produzir unidades adicionais de "Alimento".
- c) Com base nos dados do quadro anterior, trace a fronteira de possibilidades de produção (FPP).
- **d)** Na mesma curva, considere o ponto G que se refere a 3 unidades de "Alimento" e 3 unidades de "Vestuário" e o ponto H que se refere a 3,5 unidades de "Alimento" e 6 de "Vestuário". Diga o que os pontos G e H indicam.

b)0,5/1/1,5/2/3

3. Suponha que numa economia se produzem dois bens: "Roupa" e "Comida". A utilização de todos os recursos disponíveis conduz às seguintes possibilidades de produção:

Possibilidades	Roupa	Comida
Α	0	9
В	3	7
С	5	4
D	6	2
E	7	0

- a) Represente num gráfico aquelas possibilidades de produção. Como designa a curva que obteve?
- b) Como é possível aumentar a produção de "Roupa" e "Comida" sem alterar a dotação de fatores?
- **c)** Comente o facto de a produção efetiva ser de 3 unidades de "Roupa" e de 5 unidades de "Comida".
- **d)** Suponha que em dado período a curva FPP registou um deslocamento para a direita. Quais as explicações possíveis para esta situação?
- **4.** Admita que uma economia hipotética produz "Cortes de cabelo" e "Camisas", com o fator trabalho e tem disponíveis 1 000 horas de trabalho. Sabendo que um corte de cabelo exige 0,5 horas de trabalho, enquanto uma camisa exige 5 horas de trabalho. Construa a fronteira de possibilidades de produção (FPP).
- **5.** No gráfico a seguir, a fronteira de possibilidades de produção de uma economia é representada pela linha cheia ligando os pontos A e B. O deslocamento da curva para a posição ocupada pela linha tracejada que liga os pontos A e C é compatível com qual das seguintes causas? Justifique adequadamente.

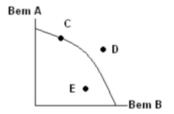


- **a)** Progresso tecnológico aplicável à produção dos dois bens, mantidas constantes as dotações dos fatores produtivos.
- **b)** Redução da dotação de um dos recursos aplicáveis à produção do bem Y, mantidas constantes as dotações dos restantes recursos aplicáveis à produção dos bens X e Y.
- **c)** Progresso tecnológico aplicável exclusivamente à produção do bem Y, mantidas constantes as dotações dos restantes recursos aplicáveis à produção dos bens X e Y.

- **d)** Redução da dotação de um dos recursos aplicáveis à produção do bem X, mantidas constantes as dotações dos restantes recursos aplicáveis à produção dos bens X e Y.
- **e)** Progresso tecnológico aplicável exclusivamente à produção do bem X, mantidas constantes as dotações dos restantes recursos aplicáveis à produção dos bens X e Y.

e)

6. Identifique os pontos, onde se verifica a ocorrência das seguintes situações, dada a seguinte fronteira de possibilidades de produção (FPP). Justifique.



- a) Pleno emprego dos fatores de produção e conhecimento.
- **b)** Um nível de produção impraticável no curto prazo.
- c) Um nível de produção em que há ineficiência da economia.

a) C; b) D; c) E

- **7.** Explique o que significa um deslocamento da FPP "para fora" (em sentido oposto à origem). De que resulta tal deslocamento?
- **8.** Perdido por entre as águas do Pacífico e confinado a metade de uma pequena ilha vive um povo, que apesar da sua coragem e determinação, tem sido hipocritamente abandonado pelo resto do mundo. As questões que lhe serão colocadas referem-se a essa pequena economia: *Lorosae*, a terra do sol nascente.

Atendendo ao conceito de fronteira de possibilidades de produção, explique como esta economia se comporta face às duas situações seguintes:

- **a)** A comunidade internacional envia equipamento e maquinaria para permitir o desenvolvimento económico de *Lorosae*.
- **b)** Uma potência militar vizinha, invasora do território, dizima parte da sua população que passa de 600 000 para 450 000 habitantes, num período de 25 anos.

FICHA 2 - Teoria da Procura e da Oferta

1. Considere um mercado, onde se transaciona um determinado produto e, no qual nenhum consumidor ou produtor tem poder para influenciar isoladamente o preço desse produto:

$$Q_D = 60 - 4P$$

$$Q_s = P - 10$$

- a) Determine o preço e a quantidade de equilíbrio.
- **b)** Se o governo fixar um preço máximo de 12 u.m., qual o efeito sobre este mercado? Justifique através de cálculos.

2. Suponha que a procura e oferta de melões é dada pelas seguintes expressões:

$$P = 160 - 3Q_{D}$$

$$P = 5Q_s$$

- a) Determine a solução de equilíbrio.
- **b)** Suponha que o governo impõe um preço mínimo de 130 u.m.. De quanto será o excesso de melões resultante daquela imposição?

3. Sabendo que as intenções de Procura e de Oferta de um dado produto podem ser expressas por:

$$P = 4.75 - 0.1250$$

$$P = 0.50 - 6$$

- **a)** Calcule a quantidade de equilíbrio e a receita dos vendedores, gerada nessa mesma situação de equilíbrio.
- **b)** Qual deveria ser o preço máximo imposto pelo Estado para que tal imposição gerasse um excesso da procura de 11 unidades? Represente graficamente.

- **4.** Suponha que nenhum consumidor ou produtor tem poder para influenciar isoladamente o preço de equilíbrio, expresso em unidades monetárias. A função procura deste produto no mercado interno pode ser representada por $Q_D = 36 8P$ e a função procura no mercado externo pode ser representada por $Q_D = 10 2P$. A curva da oferta no mercado é dada por $Q_S = 8 + 6P$.
- **a)** Calcule a solução de equilíbrio no mercado interno. Explique porque é a solução de equilíbrio única.

b) Considere também a procura do produto no mercado externo. Calcule o preço e a quantidade que restabelece o equilíbrio no mercado agregado total deste produto.

- **5.** Suponha que a seguinte expressão representa a curva da procura do produto x: $Q_D = a 2P$. Sabese que para um preço igual a 6 u.m. os consumidores não estão dispostos a adquirir qualquer quantidade deste produto.
- a) Calcule o valor de a.
- b) A função procura deste produto passou a ser Q_D' = 10 2P. Indique se se tratou de uma variação da procura ou de uma variação da quantidade procurada. Descreva três hipóteses que possam ter originado esta variação.
- c) Suponha agora, que existem 10 000 indivíduos idênticos no mercado para o produto x e 1 000 produtores, cada um dos quais seguindo a função: Q_s = 20P. Calcule o preço e a quantidade de equilíbrio no mercado.

6. A função procura de um bem inferior pode ser representada da seguinte forma:

$$Q_D + 15P - 150 = 0$$

Admitindo que o rendimento dos indivíduos aumentou responda às seguintes questões:

- a) Represente graficamente a alteração verificada na curva da função procura devido ao aumento do rendimento dos indivíduos. Dê um exemplo à sua escolha do que pode acontecer à função procura acima indicada.
- **b)** Que outros fatores é que podem influenciar a função procura e qual o seu comportamento?
- **c)** O que ocorreu neste mercado foi uma variação da procura ou da quantidade procurada? Justifique adequadamente.
- **d)** Sabe-se que existem cinco produtores idênticos a oferecer esse bem, cada um com uma curva da oferta representada por: Os + 2 = P.

Considerando a função procura dada calcule o preço que satisfaz simultaneamente os consumidores e os produtores.

d) Pe = 8 u.m.

7. O mercado de um determinado bem é representado pelas seguintes expressões.

$$0 = 5 + 2P$$

$$0 = 30 - 3P$$

a) Calcule e represente graficamente a situação de equilíbrio.

b) Admita que se verificou um aumento da oferta. Represente graficamente e explique as implicações desta alteração. Apresente, explicando, três razões para esta variação da oferta.

a)
$$E = (15, 5)$$

8. Considere que determinado mercado pode ser representado pelas seguintes funções de procura e de oferta, respetivamente:

$$3P = 30 - Q_D$$

$$P = 2 + Q_s$$

- a) Determine a situação de equilíbrio deste mercado.
- **b)** Relativamente à situação de equilíbrio inicial, explique, com cálculos, o que acontece se o Estado impuser um preço máximo igual a 5 u.m.
- **c)** Supondo que esta situação leva à criação de um mercado negro e que toda a produção será vendida nesse mercado. Determine as receitas ilegais obtidas pelos negociantes.

a) E = (6, 8); c) Receitas ilegais = 9 u.m.

FICHA 3 - Estudo das Elasticidades

- **1.** Um clube de futebol que atua numa divisão distrital tem um orçamento apertado e o número de bolas adquiridas no início da época depende essencialmente do preço de aquisição. Quanto menor o preço, maior a quantidade adquirida. O responsável pelas compras usa o seguinte quadro como referência.
- **a)** Calcule a elasticidade preço da procura das bolas de futebol para este clube, ao longo dos sucessivos níveis de preço.
- b) Suponha que a empresa que vende este artigo pretende saber os efeitos nas suas receitas, quando os preços do seu produto diminuem. Com o auxílio do conceito de elasticidade, explique o que esta empresa poderá concluir acerca desta relação.

Quantidade	Preço
20	5
40	4
60	3
80	2
100	1

a) 3, 1.4, 0.7 e 0.3

2. De acordo com fontes estatísticas oficiais, entre 2015 e 2019, verificaram-se as seguintes variações percentuais nos precos e nas quantidades consumidas dos seguintes produtos:

	Produto A	Produto B	Produto C
Preço	30	-40	50
Quantidade	-90	40	-20

- **a)** Explicite o conceito de elasticidade preço da procura e calcule-a para cada produto. Interprete os resultados obtidos.
- **b)** Considere uma empresa que produz estes três produtos. Qual a atitude que ela deve tomar, sendo o seu objetivo maximizar a receita total?

a)
$$E_{DA} = 3$$
, $E_{DB} = 1$ e $E_{DC} = 0.4$

3. Numa determinada comunidade chinesa, o consumo anual de arroz de cada família depende do seu rendimento; famílias com rendimentos diferentes têm um nível de consumo diferente.

- a) Calcule a elasticidade rendimento da procura deste tipo de produto, ao longo dos sucessíveis níveis de rendimento.
- **b)** Em que níveis de rendimento pode este produto ser enquadrado como bem de luxo, normal ou inferior para a família em causa?

Rendimento (Y)	Quantidade (Kg/ano)
4 000	100
6 000	200
8 000	300
10 000	350
12 000	380
14 000	390
16 000	350
18 000	250

a) 1.67, 1.4, 0.69, 0.45, 0.169. -0.81 e -2.83

4. A função Procura de um determinado produto é representada por:

$$0_{\rm p} = 200 - 20P$$

- a) Identifique os níveis de preço para os quais a procura é rígida ou elástica.
- b) Para que nível de preço a decisão de alterar o preço do produto não afeta a receita total gerada?
 - a) Rígida para 0 < P < 10 e elástica para 10 < P < 20; b) P = 10
- 5. Considere a função da procura do produto A:

$$Q_{DA} = 20 - 1,25P_{A} - P_{B} + 0,65Y$$

Em que:

- quantidade procurada do produto A: Qna
- preço do produto A: P_A = 4 u.m./unidade
- preço do produto B: P_B = 3 u.m./unidade
- rendimento anual dos consumidores: Y = 200 u.m.
- a) Considere que se verificaram as seguintes alterações:
- Preço do produto B: P_B = 5 u.m./unidade
- Rendimento anual dos consumidores: Y = 250 u.m.

Calcule os efeitos de cada uma destas alterações na quantidade procurada do produto A.

b) Confirme e interprete, recorrendo-se do cálculo das elasticidades, os resultados obtidos na alínea anterior.

b)
$$E_{AB} = -0.02 e E_{Y} = 0.92$$

6. A função procura estimada num concessionário Mercedes é, numa base anual, a seguinte:

$$Q_{D}^{M} = 2000 - 0.1P_{M} + 0.05P_{B} + 3Y$$

Sendo:

P_м: Preço médio do Mercedes (em Euros)

P_B: Preço médio do BMW (em Euros)

Y: Rendimento médio das famílias (em Euros)

Considerando os seguintes valores:

 $P_{M} = 45\ 000$ €; $P_{B} = 40\ 000$ €; Y = 750€

- a) Determine a elasticidade preço da procura e classifique a procura nesta situação.
- **b)** Face à situação descrita na alínea anterior, o que aconteceria às receitas totais se houvesse uma alteração de preços. Justifique adequadamente.
- **c)** Utilizando o conceito de elasticidade que julgue apropriado, conclua com cálculos quanto à relação das duas marcas de automóveis referidas anteriormente.
- **d)** Calcule a elasticidade rendimento da procura para os automóveis da marca Mercedes e classifique-os.

a)
$$E_p = 2.57$$
; c) 1.14; d) $E_y = 1.29$

7. Considere a seguinte função da procura de carne de vitela:

$$Q_{p}^{v} = 3.5 - 0.09P_{v} + 0.06P_{p} + 0.02Y$$

em que:

Q^v_D - quantidade procurada de carne de vitela;

P_v- preço da carne de vitela;

P_P - preço da carne de porco;

Y - índice do montante de salários anualmente distribuídos.

- a) Interprete a função procura da carne de vitela.
- **b)** Classifique do ponto de vista da substituição os bens: carne de vitela e carne de porco.
- c) Indique a expressão:
 - **c.1)** da elasticidade preço da procura;
 - c.2) da elasticidade cruzada da procura;
 - **c.3)** da elasticidade rendimento da procura.

b) Bens substitutos

- **8.** Sobre os conceito e aplicações de elasticidade da procura diga se são verdadeiras (V) ou falsas (F) as seguintes afirmações. Corrija as afirmações falsas.
- a) Bens inferiores são aqueles que têm elasticidade rendimento da procura negativa.

- **b)** Exemplos de bens com baixa elasticidade rendimento da procura são calçado barato e automóveis de luxo.
- **c)** Bens que possuem uma baixa elasticidade rendimento da procura experimentam uma rápida expansão de consumo quando o rendimento destes países cresce rapidamente.
- **d)** Os bens com elasticidade rendimento da procura acima de 1 são aqueles em que o aumento percentual da quantidade procurada ocorre numa proporção menor do que o aumento percentual do rendimento.
- **e)** Se a elasticidade preço da procura de um bem for igual a 0,5, então a procura desse bem será elástica.
- **f)** Se a elasticidade rendimento da procura de um bem é igual a 0,5, então esse bem será um bem inferior.
- **g)** Se um aumento no preço de um bem gera como resultado o aumento da procura de outro bem, então existe uma relação de complementaridade entre os bens.
- h) Se a elasticidade cruzada entre dois bens for positiva, então esses bens são bens substitutos.
- i) Se um aumento do rendimento gera, como resultado, a redução da procura de um bem, então esse bem é denominado bem de normal.

a) V; b) V; c) F; d) F; e) F; f) F; g) F; h) V; i) F

FICHA 4 – Teoria da Produção e dos Custos

1. A empresa "SóGama, Lda." é bastante conhecida no mercado pela flexibilidade de utilização de mão de obra. É uma autêntica firma de ocasião. Mediante os dados fornecidos para o produto total da atividade desta empresa, apresentados no quadro seguinte:

Trabalhadores	0	1	2	3	4	5	6	7
Produto total	0	2	4	7	11	14	16	18

e sabendo ainda, que o custo unitário do fator produtivo variável é de 5 u.m. e o Custo Fixo Total de 2 u.m., calcule para cada nível de utilização do fator trabalho o

- a) Produto Médio.
- **b)** Produto Marginal.
- c) Custo Total.
- d) Custo variável médio.
- **2.** Uma determinada empresa fabrica um dado produto, a partir de um stock de bens de capital e trabalho, sendo a quantidade produzida por unidade de trabalho a seguinte:

L									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Produto Médio	2	2.5	3	3	2.8	2.5	2.21	1.75	1.33

- **a)** Calcule e defina o produto total e a produtividade marginal do trabalho.
- **b)** Qual deverá ser a decisão da empresa quanto ao número de trabalhadores a empregar, no caso de pretender maximizar a produtividade marginal do trabalho? E se o objetivo for antes a maximização do produto total do trabalho?

b) L = 3 trabalhadores e L = 7 trabalhadores

3. Suponha que o departamento de contabilidade de uma determinada empresa lhe apresentou a seguinte informação referente ao 1° trimestre de atividade:

L	PT	CVT	СТМ
0	0	0	-
1	5	5	11,00
2	12	10	5
3	24	15	2,708

4	39	20	1,795
5	50	25	1,50
6	59	30	1,3559
7	67	35	1,2687

- **a)** Com base nestes dados calcule o custo fixo total, o custo variável por unidade produzida e o custo de produzir unidades adicionais do produto.
- **b)** Indique o número de trabalhadores para que se estabelaça a relação ótima entre a produção média do trabalho e o custo variável médio? Justifique recorrendo aos resultados obtidos.

a) CFT = 50 u.m.; b) L = 5 trabalhadores

- **4.** Segundo informação do departamento de custos de uma determinada empresa, o custo unitário do fator produtivo variável foi de 10 u.m. e o custo fixo total de 100 u.m..
- a) Utilizando a informação apresentada no quadro ao lado, indique o número de unidades do fator produtivo variável a empregar, para otimizar a relação entre o custo marginal do trabalho e a produção marginal do trabalho.
- **b)** Diga em que consiste a "Lei dos produtos marginais decrescentes". Justifique através do exemplo dado.

L	PT
0	0
1	7
2	17
3	29
4	38
5	45
6	50

a) L = 3 trabalhadores

5. Numa determinada empresa o nível produtivo depende da quantidade de fator trabalho empregue,como se pode verificar no quadro seguinte:

Trabalhadores	0	1	2	3	4	5	6	7
Produção (unidades)	0	15	36	72	117	150	177	201

- a) Calcule o Produto Marginal e o Produto Médio. Distinga Produto Marginal de Produto Médio.
- **b)** Sabendo que a empresa tem um Custo Total de 8 000 u.m. quando produz 36 unidades do produto e que no quadro seguinte temos os Custos Marginais, calcule os custos fixos totais e os custos variáveis totais suportados pela empresa.

L	0	1	2	3	4	5	6	7
CMg	0	66.6	47.62	27.77	22.22	30.3	37.04	41.66

b) CVT = 2000; CFT = 6000

6. A empresa Minhota emprega 6 trabalhadores. Se não operar suporta um custo de 100 u.m.. O custo unitário do fator produtivo variável é de 10 u.m.. Os custos totais por unidade produzida são os que constam no quadro seguinte:

Nº Trabalhadores	1	2	3	4	5	6
Custos Totais/ unidade	15.7	7	4.5	3.7	3.3	3.2

- a) Indique o número de trabalhadores para a relação ótima que conhece entre o produto médio e o custo variável médio.
- **b)** Calcule o custo de produzir unidades adicionais.

a) L = 3 trabalhadores

- **7.** Sobre a teoria da produção e a teoria dos custos diga se são verdadeiras (V) ou falsas (F) as seguintes afirmações. Corrija as afirmações falsas.
- a) No longo prazo, todos os fatores produtivos são fatores produtivos variáveis.
- **b)** A produtividade marginal do trabalho é o número de unidades de trabalho necessárias para produzir uma unidade adicional do produto.
- c) O Produto Médio é a relação entre o produto total e a quantidade de um fator de produção.
- **d)** O custo variável é definido como o custo total do fator produtivo variável para cada quantidade de produto.
- e) A diferença entre o custo médio total e o custo médio variável é o custo marginal.
- **f)** O custo de produzir uma unidade adicional de produto é o custo variável médio.
- **g)** Os custos fixos podem ser definidos como custos que variam com o produto total e os custos variáveis como custos que não variam com o produto total.
- **h)** A diferença entre o custo total médio e o custo variável médio torna-se mais pequena à medida que o produto diminui.

a) V; b) F; c) V; d) V; e) F; f) F; g) F; h) F

FICHA 5 - Mercados e Formação de Preços

1. A empresa "Gama" produz um determinado produto e os resultados mais recentes têm permitido expressar o lucro em função da quantidade produzida da seguinte forma:

$$\pi = (-1/3)Q^3 - 3Q^2 + 40Q - 50$$
 (u.m.)

Considere ainda a função procura do bem:

$$Q_{D} = 12 - 0.2 P$$

- a) Determine o preço que tem de vigorar no mercado para que esta empresa tenha um lucro que seja máximo. Calcule o valor desse lucro máximo.
- b) Determine a expressão para o Custo Variável Médio (CVM). Qual o nível produtivo para o qual o CVM é mínimo?

a)P = 40 u.m.;
$$\pi$$
 = 40.66 u.m.; b)CVM = 1/3Q² - 2Q + 20; Q = 3

2. A receita marginal de uma empresa é:

$$RMg = 21 - 2Q$$
 (u.m.)

- e Q = número de unidades produzidas
- a) Identifique a função procura da empresa.
- **b)** Sabendo que o custo marginal é igual a: $CMg = Q^2 6Q + 9$ (u.m.)
- b.1). Calcule a função do custo total e custo médio, supondo que os custos fixos têm um valor igual a 16 u.m.;
- b.2) Calcule o preço que maximiza o lucro desta empresa e o valor desse lucro.

a)Q₀ = 21 - P; b.1)CT = Q³/3 - 3Q² + 9Q + 16; CTM = Q²/3 - 3Q + 9 + 16/Q b.2)P = 15 u.m.;
$$\pi$$
 = 56 u.m.

3. Uma empresa tem um custo fixo total de 600 u.m., independentemente da sua produção. A função da receita total é dada pela expressão RT = 10Q. Sabendo que a empresa não tem lucro nem prejuízo quando produz 100 unidades, determine qual é o custo variável por unidade de produção.

$$CVM = 4 u.m.$$

4. Uma indústria perfeitamente competitiva está em equilíbrio a um preço de mercado de 5 u.m., quando 2 000 unidades de produto são oferecidas nesse mercado. Cada empresa enfrenta uma função custo total igual a:

$$CT = Q^3 - 6Q^2 + 5Q - 100$$
 (u.m.)

Calcule o lucro máximo de cada empresa e o número de empresas que estão a operar na indústria.



$\pi_{\text{max}} = 132 \text{ u.m. e } N^{\circ} \text{ de empresas} = 500$

5. Suponha que uma empresa opera num mercado em concorrência perfeita. E que os custos totais desta empresa podem ser representados pela seguinte expressão:

$$CT = Q^3 - 10Q^2 + 125Q$$
 (u.m.)

Calcule a quantidade de equilíbrio no longo prazo e o preço consistente com esse nível de produção.

$$Q = 5$$
 unidades; $P = 100$ u.m.

6. As funções Custo Total e Receita Total de uma determinada empresa são dadas por:

$$CT = Q^3 - 6Q^2 + 15Q + 100$$

$$RT = 51Q$$

Calcule o volume de produção de equilíbrio, os montantes de lucro unitário e lucro total.

$$Q = 6$$
 unidades; $\pi_{unitário} = 19.3(3)$ u.m.; $\pi_{max} = 116$ u.m.

7. Uma empresa têxtil produz exclusivamente para o mercado alemão e as expressões para o custo total médio do seu produto e a respetiva receita marginal são as seguintes:

$$CTM = Q^2/3 - 3Q + 38 + 16/Q$$
 (u.m.)

$$RMg = 62 - 4Q$$
 (u.m.)

- a) Qual é a função procura deste produto?
- **b)** Obtenha a quantidade vendida, o preço praticado e o lucro obtido pela empresa num contexto de maximização de lucro.

a)
$$Q_p = 31 - 0.5P$$
; b) $Q = 6$ unidades; $P = 50$ u.m.; $\pi_{max} = 92$ u.m.

8. Uma determinada empresa enfrenta os seguintes custos na produção:

A curva da procura é representada pela seguinte expressão: Q₀ = 5,6 − P/100

Calcule o nível de produção, o preço de cada unidade do produto e o lucro que esta empresa obterá nos seguintes casos:

- a) O objetivo da empresa é a maximização do lucro.
- **b)** O objetivo da empresa é a maximização das vendas.

a)Q = 2 unidades; P = 360 u.m.;
$$\pi_{max}$$
 = 130 u.m.; b)Q = 2.8 unidades; P = 280 u.m.; π = 53.2 u.m.



FICHA 6 - Matemática Financeira

1. Se a taxa de inflação anual se mantiver em 5% durante os próximos 10 anos, um par de sapatos que no presente custam 100€, na altura quanto custarão?

F = 162.9€

2. Imagine que comprou um terreno há 10 anos por 20 000€ e que vendeu hoje esse mesmo terreno por 74 144€. Qual foi a taxa de rendibilidade anual que obteve?

i = 14%

3. Espera-se que um investimento gere o seguinte fluxo de rendimentos:

Ano	1	2	3
Rendimento	20 000€	30 000€	40 000€

Considerando uma taxa de juro anual de 10%, qual é o valor presente deste fluxo de rendimentos?

P = 73 026€

4. Imagine que decide aplicar num Plano Poupança Reforma (PPR) 2 000€ no final de cada ano, durante os próximos 40 anos. Qual o valor que terá acumulado ao fim de 40 anos, se a taxa de rendibilidade anual for de 10%?

FA = 885 180€

5. Qual é o Valor Presente de um projeto que gera quatro fluxos de caixa iguais, no valor de 850 u.m., no final dos anos 1, 2, 3 e quatro, respetivamente. Considere que taxa de interesse é de 8% ao ano.

PA = 2 815.3 u.m.

6. Considere que aluga um terreno vitaliciamente a 1 800€ anuais. Admitindo uma taxa de juro de 9% ao ano, calcule o valor do terreno.

P∞ = 20 000€

7. O Banco do Litoral, SA paga uma taxa de juro anual nominal de 12% nos depósitos. Qual é a taxa de juro anual efetiva se a capitalização for trimestral? E se for mensal?

 $i_{\text{\tiny efanual}} = 12.55\%; i_{\text{\tiny efanual}} = 12.68\%$



- **8.** Uma empresa do ramo financeiro tem em análise diversas opções de investimento, todas elas baseadas numa taxa anual nominal de 12% com capitalização semestral. Indique qual das seguintes opções trará mais benefícios à empresa ao fim de 10 anos.
- A- Depositar 30000 € agora.
- B- Depositar 4076 € no fim de cada semestre durante os primeiros 5 anos.
- C- Depositar 10000 € agora e 35817 € ao fim de 5 anos.
- D- Depositar 2615.5 € no fim de cada semestre durante 10 anos.

São equivalentes

9. Admita que planeia reformar-se daqui a 40 anos e que pode investir a uma taxa de 8%. Estima que vai necessitar de 38 000€ no final de cada ano durante os seus 25 anos de vida que estima ter após a data de reforma, e que a taxa de juro será de 8% após a reforma. Qual o montante que deverá poupar no final de cada ano de forma a acumular o dinheiro necessário para a sua reforma?

A = 1 565.84€

10. Um agricultor necessita de um trator para os seus trabalhos agrícolas durantes os próximos 3 anos. Poderá recorrer ao aluguer que terá um custo de 3000 €/ano, onde se inclui a manutenção. Mas também tem como alternativa a possibilidade de adquirir um trator por 7000 €, fazer um contrato adicional para a manutenção com pagamentos anuais, manter o trator durante 3 anos e vende-lo a seguir por 1500 €.

Qual deverá ser o custo anual de manutenção para ser economicamente mais interessante adquirir o trator do que alugá-lo? Assuma uma taxa de juro nominal de 12% ao ano com capitalização anual.

A = 530€/ano



FICHA 7 - Avaliação de Projetos de Investimento

1. A empresa de acabamentos "Faz Quase Tudo, SA" está a ponderar expandir a sua capacidade de produção. Para isso pretende avaliar o projeto de investimento, do qual se conhecem os seguintes elementos caracterizadores.

Investimento em capital fixo e em fundo de maneio necessário, valores em euros:

	Ano 0	Ano 1	Ano 2	Ano 3
Capital Fixo:				
- Incorpóreo	69.000			
-Equipamentos Produtivos	200.000	94.000	490.000	
- Outros equipamentos	25.000			
Fundo de Maneio:	25.000	15.000	10.000	5.000

A projeção efetuada para o valor das vendas é a seguinte, valores em euros:

	Ano 1	Ano 2	Ano 3	Ano 4	Ano 5
Proveitos	500.000	510.000	520.000	530.000	540.000

Com a implementação do projeto a empresa espera incorrer nos seguintes custos de exploração, valores em euros:

	Ano 1	Ano 2	Ano 3	Ano 4	Ano 5
Materiais Diretos	115.200	130.880	150.550	150.550	150.550
Mão de obra Direta	100.800	114.520	131.731	131.731	131.731
Gastos Gerais de Fabrico	72.000	81.800	94.094	94.094	94.094

A empresa adota o método linear para amortizar os diferentes tipos de ativos fixos ao longo da sua vida útil. Os equipamentos produtivos são amortizados em 14 anos e os outros equipamentos em 8 anos. Os ativos fixos incorpóreos são amortizados em 3 anos.

Sabe-se, também, que a empresa estima um custo de capital de 10%, e que a taxa de imposto sobre os lucros é de 25%.

Com base nos critérios do VAL, da TIR e do PRI, ajuíze sobre a viabilidade económico-financeira deste projeto de investimento.

VAL=95 631,78€; TIR=14,97%; PRI=4 anos e 6 meses

2. A empresa "Têxtil do Minho, SA" está a ponderar aumentar a sua atividade de produção. Para isso necessita de elaborar e avaliar um projeto de investimento, do qual se conhecem os seguintes elementos caracterizadores.

Investimento em capital fixo e em fundo de maneio necessário, valores em euros:



	Ano O	Ano 1	Ano 2
Capital Fixo Incorpóreo	50.000		
Capital Fixo Corpóreo	300.000	200.000	
Fundo de Maneio	25.000	15.000	10.000

A projeção efetuada para o valor das vendas é a seguinte, valores em euros:

	Ano 1	Ano 2	Ano 3	Ano 4	Ano 5
Proveitos	350.000	425.000	500.000	500.000	500.000

Com a implementação do projeto a empresa espera incorrer nos seguintes custos de exploração, valores em euros:

	Ano 1	Ano 2	Ano 3	Ano 4	Ano 5
Materiais Diretos	104.000	116.000	132.000	132.000	132.000
Mão de obra Direta	91.000	101.500	115.500	115.500	115.500
Gastos Gerais de Fabrico	65.000	72.500	82.500	82.500	82.500

A empresa adota o método linear para amortizar os diferentes tipos de ativos fixos ao longo da sua vida útil. Os ativos fixos corpóreos têm uma vida útil de 10 anos e os ativos fixos incorpóreos 5 anos.

A empresa pretende recorrer a um empréstimo bancário para financiar 40% do valor do investimento no ano zero, a reembolsar em cinco prestações anuais constantes, a uma taxa de juro de 8%.

Sabe-se, também, que a empresa estima um custo de capital de 14%, e que a taxa de imposto sobre os lucros é de 25%.

Com base nos critérios do VAL, da TIR e do PRI, ajude a empresa a tomar a decisão correta.

VAL=28.935,91€; TIR=16,36%; PRI=4 anos e 3 meses

3. Uma determinada empresa têxtil está a equacionar apostar num projeto que tem a duração de três anos. As despesas de investimento em ativos fixos e em fundo de maneio identificadas são as seguintes (em euros):

	Ano O	Ano 1	Ano 2	Ano 3
Ativo Fixo:				
- Intangíveis	100.000			
- Equipamentos Produtivos	250.000	200.000		
- Outros equipamentos	50.000	10.000	20.000	
Fundo de Maneio	10.000	25.000	25.000	30.000

A projeção efetuada para o valor das vendas é a seguinte (em euros):

	Ano 1	Ano 2	Ano 3
Proveitos	1.000.000	1.500.000	2.000.000



Com a implementação do projeto a empresa espera incorrer nos seguintes custos de exploração (em euros):

	Ano 1	Ano 2	Ano 3
Materiais	200.000	300.000	600.000
Fornecimentos Diversos	300.000	400.000	500.000
Pessoal	150.000	300.000	500.000

A empresa adota o método linear para amortizar os diferentes tipos de ativos fixos ao longo da sua vida útil. Os equipamentos produtivos são amortizados em 10 anos e os outros equipamentos em 5 anos. Os ativos fixos intangíveis são amortizados em 5 anos.

Sabe-se ainda que a empresa pretende recorrer a um empréstimo bancário para financiar 40% do valor do investimento no ano zero, a reembolsar em três prestações anuais constantes, a uma taxa de juro de 10%. A taxa de imposto sobre os lucros é de 25%.

Com base nos critérios do VAL, da TIR e do PRI, ajuíze sobre a viabilidade económico-financeira deste projeto de investimento admitindo um custo do capital de 12%.

VAL=476 053,19€; TIR =68,76%; PRI =1 ano e 10 meses