Wydział:	Dzień:Poniedziałek 14-17	Zespół:	
Fizyki	Data: 20.03.2017	8	
Imiona i nazwiska:	Ocena z przygotowania:	Ocena ze sprawozdania:	Ocena końcowa:
Marta Pogorzelska			
Paulina Marikin			
Prowadzący:		Podpis:	

Ćwiczenie 46: Wyznaczanie wartości poziomej pola magnetycznego Ziemi metoda busoli stycznych

Marta Pogorzelska & Paulina Marikin

1 Cel badań

Celem doświadczenia było wyznaczenie wartości składowej poziomej natężenia pola magnetycznego Ziemi poprzez badanie zmian kąta wychylenia wektora wypadkowego pola ziemskiego i pola wytwarzanego przez zwojnicę busoli stycznych z prądem stałym.

2 Wstęp teoretyczny

Ziemskie pole magnetyczne odpowiada w przybliżeniu polu dipola magnetycznego znajdującego się w środku Ziemi. O właściwościach magnetycznych naszej planety decyduje będące w ciągłym ruchu płynne, przewodzące jądro Ziemi. Bieguny magnetyczne leżą przeciwstawnie do biegunów geograficznych, a ich położenie względem biegunów geograficznych trochę się różni. Linia łącząca bieguny magnetyczne tworzy wraz z osią obrotu Ziemi kąt (na stan obecny) 11,5°. Obszar, w którym występuje ziemskie pole magnetyczne nazywany jest ziemską magnetosferą i rozciąga się do kilkudziesięciu kilometrów nad powierzchnią Ziemi.



Rysunek 1: Rozkład linii pola magnetycznego Ziemi oraz położenie biegunów magnetycznych i geograficznych.

W dowolnym punkcie przestrzeni pole magnetyczne opisane jest wektorem natężenia \vec{H} tego pola. Jednostką natężenia jest Tesla [T]. Wektor natężenia można rozłożyć na 2 składowe: poziomą $\vec{H_g}$ i pionową. Przy użyciu igły magnetycznej i obwodu kołowego można wyznaczyć kierunek oraz wartość składowej poziomej. Na umieszczoną w polu magnetycznym igłę działa moment siły \vec{M} , który ustawia ją równolegle do wektora \vec{H} . Jeśli umieścimy igłę w płaszczyżnie poziomej, to w wyniku tego w przeprowadzanym doświadczeniu można brać pod uwagę tylko składową poziomą. Jeśli następnie w obwodzie zostanie puszczony prąd o natężeniu $\vec{H_o}$:

$$H_0 = \frac{NI}{2R} \tag{1}$$

"gdzie N - liczba zwojów w obwodzie, R - promień zwojnicy.

W celu wyznaczenia wartości H_g w doświadczeniu zostanie użyta busola stycznych. Jest to urządzenie do pomiaru natężeń stałych pól magnetycznych. Prąd stały o natężeniu I, płynący w zwojnicy, wytwarza pole magnetyczne, które nakłada się na składową poziomą pola magnetycznego Ziemi $\vec{H_g}$. Wektor wypadkowy $\vec{H_w}$ obu natężeń jest sumą geometryczną pola $\vec{H_g}$ i pola zwojnicy $\vec{H_o}$. Namagnesowana igła umieszczona w takim polu wychyli się o pewien kąt φ i ustawi w kierunku zgodnym z kierunkiem wektora $\vec{H_w}$. Między natężeniami zachodzi zależność:

$$ctg\varphi = \frac{H_g}{H_o} \tag{2}$$

,a po podstawieniu do wzoru (1):

$$H_g = \frac{NIctg\varphi}{2R} \tag{3}$$

3 Opis układu i metody pomiarowej

./busola.png

Rysunek 2: Schemat busoli stycznych oraz wektory składowej poziomej natężenia ziemskiego H_g i natężenia obwodu H_o .

Najpierw należało uruchomić komputer i podłączyć zasilacz do amperomierza i busoli stycznych, w taki sposób aby liczba zwojów cewki busoli wynosiła 1. Następnie włączono specjalny program na komputerze, który pokazywał obraz z kamery umieszczonej bezpośrednio nad igłą magnetyczną. Wpierw poczekano aż igła będzie w stanie równowagi i ustawiono busolę tak, by linia 0° na kątomierzu pokrywała się z kierunkiem igły. Po ustabilizowaniu układu minimalnie podwyższono natężenie prądu w zasilaczu tak, by igła wychyliła się o pewien kąt φ . Odczytano i spisano kąt odchylenia do protokołu. Wykonano 12 pomiarów kątów wychyleń z przedziału od 0° – 90°dla coraz to wyższych wartości prądu. Doświadczenie przeprowadzono analogicznie również dla 3 i 5 zwojów na cewce. W tym celu przełączono kabel między zasilaczem a cewką tak, by zwiększyć liczbę zwojów.

Użyte przyrządy i materiały:

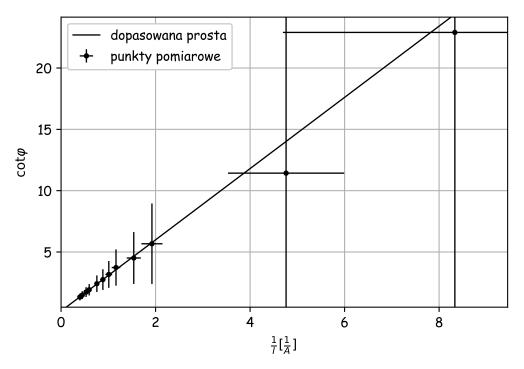
- busola stycznych:
 - cewka pierścieniowa
 - tarcza wraz z kątomierzem

- $-\,$ igła magnetyczna
- kamerka podłączona do komputera
- komputer mierzący pomiary
- $\bullet\,$ amperomierz klasy2%
- $\bullet\,$ zasilacz prądu stałego
- \bullet kable

4 Wyniki i analiza pomiarów

4.1 Dla N = 1

	$\varphi[^{\circ}]$	$\Delta\varphi [^{\circ}]$	I[A]	$\Delta I[A]$	$\frac{1}{I}$	$\Delta rac{1}{I}$	$\cot \varphi$	$\Delta \cot \varphi$
0	2.5	5.675	0.12	0.052	8.333	3.639	22.904	52.058
1	5.0	5.675	0.21	0.054	4.762	1.229	11.430	13.039
2	10.0	5.675	0.52	0.060	1.923	0.223	5.671	3.285
3	15.0	5.675	0.86	0.067	1.163	0.091	3.732	1.479
4	20.0	5.675	1.13	0.073	0.885	0.057	2.747	0.847
5	30.0	5.675	1.89	0.088	0.529	0.025	1.732	0.396
6	37.0	5.675	2.51	0.100	0.398	0.016	1.327	0.273
7	34.0	5.675	2.23	0.095	0.448	0.019	1.483	0.317
8	27.5	5.675	1.68	0.084	0.595	0.030	1.921	0.465
9	22.5	5.675	1.32	0.076	0.758	0.044	2.414	0.676
10	17.5	5.675	0.99	0.070	1.010	0.071	3.172	1.095
11	12.5	5.675	0.65	0.063	1.538	0.149	4.511	2.114

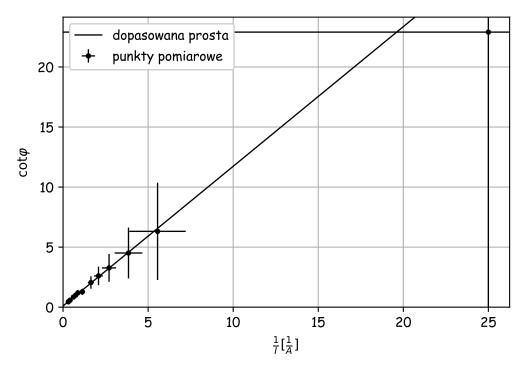


Rysunek 3

a = 2.904(0.074) $H_g = 9.746(0.136)$

4.2 Dla N = 3

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$									
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		$\varphi [^{\circ}]$	$\Delta\varphi [^{\circ}]$	I[A]	$\Delta I[A]$	$\frac{1}{I}$	$\Delta rac{1}{I}$	$\cot \varphi$	$\Delta \cot \varphi$
2 9.0 5.675 0.18 0.054 5.556 1.654 6.314 4.047 3 17.0 5.675 0.37 0.057 2.703 0.419 3.271 1.159 4 21.0 5.675 0.48 0.060 2.083 0.259 2.605 0.771 5 26.0 5.675 0.61 0.062 1.639 0.167 2.050 0.515 6 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 7 40.0 5.675 1.15 0.073 0.870 0.055 1.192 0.240 8 45.0 5.675 1.35 0.077 0.741 0.042 1.000 0.198 9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	0	2.5	5.675	0.04	0.051	25.000	31.750	22.904	52.058
3 17.0 5.675 0.37 0.057 2.703 0.419 3.271 1.159 4 21.0 5.675 0.48 0.060 2.083 0.259 2.605 0.771 5 26.0 5.675 0.61 0.062 1.639 0.167 2.050 0.515 6 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 7 40.0 5.675 1.15 0.073 0.870 0.055 1.192 0.240 8 45.0 5.675 1.35 0.077 0.741 0.042 1.000 0.198 9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	1	12.5	5.675	0.26	0.055	3.846	0.817	4.511	2.114
4 21.0 5.675 0.48 0.060 2.083 0.259 2.605 0.771 5 26.0 5.675 0.61 0.062 1.639 0.167 2.050 0.515 6 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 7 40.0 5.675 1.15 0.073 0.870 0.055 1.192 0.240 8 45.0 5.675 1.35 0.077 0.741 0.042 1.000 0.198 9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	2	9.0	5.675	0.18	0.054	5.556	1.654	6.314	4.047
5 26.0 5.675 0.61 0.062 1.639 0.167 2.050 0.515 6 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 7 40.0 5.675 1.15 0.073 0.870 0.055 1.192 0.240 8 45.0 5.675 1.35 0.077 0.741 0.042 1.000 0.198 9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	3	17.0	5.675	0.37	0.057	2.703	0.419	3.271	1.159
6 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 7 40.0 5.675 1.15 0.073 0.870 0.055 1.192 0.240 8 45.0 5.675 1.35 0.077 0.741 0.042 1.000 0.198 9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	4	21.0	5.675	0.48	0.060	2.083	0.259	2.605	0.771
7 40.0 5.675 1.15 0.073 0.870 0.055 1.192 0.240 8 45.0 5.675 1.35 0.077 0.741 0.042 1.000 0.198 9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	5	26.0	5.675	0.61	0.062	1.639	0.167	2.050	0.515
8 45.0 5.675 1.35 0.077 0.741 0.042 1.000 0.198 9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	6	38.0	5.675	0.88	0.068	1.136	0.087	1.280	0.261
9 50.0 5.675 1.65 0.083 0.606 0.030 0.839 0.169 10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	7	40.0	5.675	1.15	0.073	0.870	0.055	1.192	0.240
10 60.0 5.675 2.43 0.099 0.412 0.017 0.577 0.132	8	45.0	5.675	1.35	0.077	0.741	0.042	1.000	0.198
	9	50.0	5.675	1.65	0.083	0.606	0.030	0.839	0.169
11 66.0 5.675 3.23 0.115 0.310 0.011 0.445 0.119	10	60.0	5.675	2.43	0.099	0.412	0.017	0.577	0.132
	11	66.0	5.675	3.23	0.115	0.310	0.011	0.445	0.119

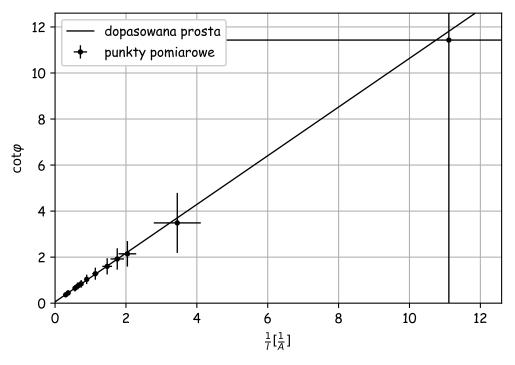


Rysunek 4

 $\dot{a} = 1.163(0.048)$ $H_g = 11.705(0.153)$

4.3 Dla N = 5

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$									
1 16.0 5.675 0.29 0.056 3.448 0.663 3.487 1.304 2 25.0 5.675 0.49 0.060 2.041 0.249 2.145 0.555 3 27.5 5.675 0.57 0.061 1.754 0.189 1.921 0.465 4 32.0 5.675 0.68 0.064 1.471 0.138 1.600 0.353 5 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 6 44.0 5.675 1.12 0.072 0.893 0.058 1.036 0.205 7 50.0 5.675 1.36 0.077 0.735 0.042 0.839 0.169 8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119 </th <th></th> <th>$\varphi [^{\circ}]$</th> <th>$\Delta\varphi [^{\circ}]$</th> <th>I[A]</th> <th>$\Delta I[A]$</th> <th>$\frac{1}{I}$</th> <th>$\Delta rac{1}{I}$</th> <th>$\cot \varphi$</th> <th>$\Delta \cot \varphi$</th>		$\varphi [^{\circ}]$	$\Delta\varphi [^{\circ}]$	I[A]	$\Delta I[A]$	$\frac{1}{I}$	$\Delta rac{1}{I}$	$\cot \varphi$	$\Delta \cot \varphi$
2 25.0 5.675 0.49 0.060 2.041 0.249 2.145 0.555 3 27.5 5.675 0.57 0.061 1.754 0.189 1.921 0.465 4 32.0 5.675 0.68 0.064 1.471 0.138 1.600 0.353 5 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 6 44.0 5.675 1.12 0.072 0.893 0.058 1.036 0.205 7 50.0 5.675 1.36 0.077 0.735 0.042 0.839 0.169 8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	0	5.0	5.675	0.09	0.052	11.111	6.395	11.430	13.039
3 27.5 5.675 0.57 0.061 1.754 0.189 1.921 0.465 4 32.0 5.675 0.68 0.064 1.471 0.138 1.600 0.353 5 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 6 44.0 5.675 1.12 0.072 0.893 0.058 1.036 0.205 7 50.0 5.675 1.36 0.077 0.735 0.042 0.839 0.169 8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	1	16.0	5.675	0.29	0.056	3.448	0.663	3.487	1.304
4 32.0 5.675 0.68 0.064 1.471 0.138 1.600 0.353 5 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 6 44.0 5.675 1.12 0.072 0.893 0.058 1.036 0.205 7 50.0 5.675 1.36 0.077 0.735 0.042 0.839 0.169 8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	2	25.0	5.675	0.49	0.060	2.041	0.249	2.145	0.555
5 38.0 5.675 0.88 0.068 1.136 0.087 1.280 0.261 6 44.0 5.675 1.12 0.072 0.893 0.058 1.036 0.205 7 50.0 5.675 1.36 0.077 0.735 0.042 0.839 0.169 8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	3	27.5	5.675	0.57	0.061	1.754	0.189	1.921	0.465
6 44.0 5.675 1.12 0.072 0.893 0.058 1.036 0.205 7 50.0 5.675 1.36 0.077 0.735 0.042 0.839 0.169 8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	4	32.0	5.675	0.68	0.064	1.471	0.138	1.600	0.353
7 50.0 5.675 1.36 0.077 0.735 0.042 0.839 0.169 8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	5	38.0	5.675	0.88	0.068	1.136	0.087	1.280	0.261
8 53.0 5.675 1.55 0.081 0.645 0.034 0.754 0.155 9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	6	44.0	5.675	1.12	0.072	0.893	0.058	1.036	0.205
9 57.0 5.675 1.78 0.086 0.562 0.027 0.649 0.141 10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	7	50.0	5.675	1.36	0.077	0.735	0.042	0.839	0.169
10 66.0 5.675 2.70 0.104 0.370 0.014 0.445 0.119	8	53.0	5.675	1.55	0.081	0.645	0.034	0.754	0.155
	9	57.0	5.675	1.78	0.086	0.562	0.027	0.649	0.141
11 70.0 5.675 3.33 0.117 0.300 0.011 0.364 0.112	10	66.0	5.675	2.70	0.104	0.370	0.014	0.445	0.119
	11	70.0	5.675	3.33	0.117	0.300	0.011	0.364	0.112



Rysunek 5

a = 1.058(0.017) $H_g = 17.749(0.070)$

Paramety wszystkich prostych zostały, wraz z ich niepewnościami wyliczone przy użyciu funkcji polyfit pakietu numpy w Pythonie. Funkcja ta dopasowuje prostą przy użyciu metody najmniejszych kwadratów, przyjmując dla każdego punktu wagę $\frac{1}{\text{dy}}$

5 Analiza niepewności

Za niepewność pomiaru kąta przyjęto wartość daną wzorem:

$$\Delta \varphi = \sqrt{\left(\frac{\text{podziałka}}{\sqrt{3}}\right)^2 + \left(\frac{\text{experymentator}}{\sqrt{3}}\right)^2}$$
 (4)

przujmując podziałkę co 5° , i niepewność eksperymentatora równą połowie podziałki.

Niepewności dla pomiaru prądu:

$$\Delta I = I * 0.02 + 5dgt \tag{5}$$

Dla wartości potrzebnych do wyrysowania wykresu niepewności wyliczono metodą propagacji niepewności:

$$\Delta \frac{1}{I} = \Delta I * \frac{1}{I^2} \tag{6}$$

$$\Delta \cot \varphi = \Delta \varphi * \frac{1}{\sin^2 \varphi} \tag{7}$$

Niepewność dla a uzyskano pierwiastkując zwracaną przez funkcję polyfit kowariancję tegoż współczynnika. W celu wyznaczenia niepewności składowej pola magnetycznego użyto metody różniczki zupełnej:

$$\Delta H_g = \Delta a * \frac{N}{2R} \tag{8}$$

6 Wnioski