

## EXAMEN ①

17/10/2023

F = "falla un conector"

① S = "el conector se mantiene seco"

H = "el conector se humedece"

 $P(S) = 0,9 \rightarrow$  Probabilidad de que un conector se mantenga seco $P(H) = 0,1 \rightarrow$  Probabilidad de que un conector se humedezca $P(F/S) = 0,01 \rightarrow$  Probabilidad de que falle si se mantiene seco $P(F/H) = 0,05 \rightarrow$  Probabilidad de que falle si se humedecea) Queremos calcular  $P(F)$  usamos TEOREMA DE LA PROBABILIDAD TOTAL

$$P(F) = P(S) \cdot P(F/S) + P(H) \cdot P(F/H)$$

$$= 0,9 \cdot 0,01 + 0,1 \cdot 0,05$$

$$= 0,014$$

Rta  $P(F) = 0,014$ , por lo tanto el 1,4% de conectores fallan en la cimentaciónb) Ahora queremos saber  $P(S/F)$  usamos TEOREMA DE BAYES

$$P(S/F) = \frac{P(S)P(F/S)}{P(F)} = \frac{0,9 \cdot 0,01}{0,014} = 0,6428$$

Rta  $P(S/F) = 0,6428$  es la probabilidad de que si un conector falla, se halla mantenido seco②  $E(x) = \lambda = 2$ 

POISSON

a) Queremos saber la probabilidad de que una lámina tenga algún defecto

$$X \sim P(\lambda = 2) \rightarrow \text{usamos } (e^{-\lambda} \lambda^x) / x!$$

$$P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - \frac{e^{-2} (-2)^0}{0!} = 0,8647$$

Rta La probabilidad de que una lámina al azar contenga algún defecto es 0,8647

b)  $n = 5$  repeticiones independientes

• Éxito (tiene defecto) o fracaso (no lo tiene)

• Probabilidad de éxito constante igual a  $p = 0,8647$ EXPERIMENTO  
BINOMIAL $Y =$  "número de láminas con algún defecto"  $K = 3$ 

$$Y \sim B(5, 0,8647)$$

$$P(Y = 3) = \binom{5}{3} (0,8647)^3 (1 - 0,8647)^{5-3} = 0,1183$$

Rta La probabilidad de que exactamente 3 láminas tengan defectos es 0,1183

- repeticiones independientes hasta que  $Z$  ocurre por primera vez
- repeticiones idénticas (ocurre o no ocurre  $Z$ )
- probabilidad de éxito constante

## DISTRIBUCION GEOMETRICA

$Z$  = "numero de laminas extraidas hasta hallar una sin defecto"

$$X \sim G(0,1353) \quad k=3 \quad P(X=0) = e^{-\frac{1}{0,1353}} = 0,1353 \rightarrow p(\text{sin defecto})$$

$$P(Z=3) = 0,1353 (1-0,1353)^2 = 0,1011$$

Rta La probabilidad de que tuvieran que elegir 3 laminas es de 0,1011

- $X$  = "numero de furos delanteros que necesitan ajuste"  $R_X = \{0,1,2\}$
- $Y$  = "numero de neumáticos defectuosos"  $R_Y = \{0,1,2,3,4\}$

$X, Y$  independientes

$$a) P(X \leq 1, Y \leq 1) = P(X \leq 1) \cdot P(Y \leq 1) = 0,8 \times 0,7 = 0,56$$

$$P(X+Y \leq 1) = P(X=0, Y=1) + P(X=1, Y=0) + P(X=0, Y=0)$$

$$= P(X=0) \cdot P(Y=1) + P(X=1) \cdot P(Y=0) + P(X=0) \cdot P(Y=0)$$

$$= 0,5 \times 0,1 + 0,3 \times 0,6 + 0,5 \times 0,6 = 0,53$$

b) Probabilidad de que no hayan defectos

$$P(X=0, Y=0) = P(X=0) \cdot P(Y=0) = 0,5 \times 0,6 = 0,3$$

$$c) E(X) = \sum_{x_i \in R_X} x_i P(X=x_i) = 0 \times (0,5) + 1 \times (0,3) + 2 \times (0,2) = 0,7$$

$$E(Y) = \sum_{y_i \in R_Y} y_i P(Y=y_i) = 0 \times (0,6) + 1 \times (0,1) + 2 \times (0,05) + 3 \times (0,05) + 4 \times (0,2) = 1,15$$

$$V(X) = E(X^2) - \mu_X^2$$

$$V(Y) = E(Y^2) - \mu_Y^2$$

Para calcular  $E(X^2)$  y  $E(Y^2)$

$$E(X^2) = \sum_{x_i \in R_X} x_i^2 P(X=x_i) = 0,3 + 2^2 \times (0,2) = 1,1$$

$$E(Y^2) = \sum_{y_i \in R_Y} y_i^2 P(Y=y_i) = 0,1 + 2^2(0,05) + 3^2(0,05) + 4^2(0,2) = 3,95$$

Entonces

$$V(X) = E(X^2) - \mu_X^2 = 1,1 - (0,7)^2 = 0,61$$

$$V(Y) = E(Y^2) - \mu_Y^2 = 3,95 - (1,15)^2 = 2,6275$$

$$d) E(X+Y) = E(X) + E(Y) = 0,7 + 1,15 = 1,85$$

$$\sigma_{X+Y} = \sqrt{V(X+Y)} = \sqrt{V(X) + V(Y)} = \sqrt{0,61 + 2,6275} = 1,7799$$



④  $\mu = 7$  años  $X_i = \text{"vida en años de máquina } i"$   $i = 1, 2, \dots, 9$

$\sigma = 1$  año

$$X \sim N(\mu, \sigma^2) = X \sim N(7, 1)$$

Quitar cables

$$P(6.4 \leq X \leq 7.2) = P\left(\frac{6.4 - 7}{1/\sqrt{9}} \leq \frac{X - 7}{\sigma/\sqrt{n}} \leq \frac{7.2 - 7}{1/\sqrt{9}}\right)$$

Estándar

$$Z \sim N(0, 1)$$

$$= P\left(\frac{6.4 - 7}{1/\sqrt{9}} \leq Z \leq \frac{7.2 - 7}{1/\sqrt{9}}\right)$$

$$= P(-1.8 \leq Z \leq 0.6)$$

$$= \Phi(0.6) - \Phi(-1.8)$$

$$[\Phi(0.6) = P(Z \leq 0.6)]$$

$$= 0.72575 - 0.03593$$

← App

$$= 0.68982$$

⑤ 35 focos → se encienden 1 por vez

$\mu = 50$  horas

$\sigma = 4$  horas

Los focos son independientes

$X = \text{"duración en horas del foco } i"$ ,  $i = 1, 2, \dots, m$ ,  $m = 35$

Quitar cables la probabilidad de que un foco esté encendido después de 1800 horas es decir, probabilidad de que la suma total de duración de los 35 focos supere 1800 horas.

$$P\left(\sum_{i=1}^m X_i \geq 1800\right) = 1 - P\left(\sum_{i=1}^m X_i < 1800\right) \Leftrightarrow$$

$$\sum_{i=1}^m X_i = T, X_i \sim N(50, 4^2)$$

$$\mu_T = 50 \times 35$$

$$\Leftrightarrow 1 - P\left(\frac{T - \mu_T}{\sigma_T} < \frac{1800 - \mu_T}{\sigma_T}\right)$$

$$\sigma_T = 4 \times \sqrt{35}$$

App

$$\Leftrightarrow 1 - P\left(\frac{T - \mu_T}{\sigma_T} < 2.11\right) = 1 - \Phi(2.11) = 1 - 0.98257 = 0.01743$$

## Examen (2)

17/08/2023

$$1) a) P(A) = 1 - P(A^c) = 1 - 5/8 = 3/8$$

$$b) P(B) = 3/4$$

$$\text{Usamos } P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \rightarrow P(B) = P(A \cup B) + P(A \cap B) - P(A) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 7/8 + 1/4 - 3/8 = 3/4$$

$$c) P(A \cap B^c) = P(A) - P(A \cap B) = 3/8 - 1/4 = 1/8$$

A y B son independientes si  $P(A \cap B) = P(A)P(B)$  y además si A y B son independientes, A y  $B^c$  también lo serán

$$\text{Supongamos } P(A \cap B) = P(A)P(B)$$

$$1/4 = 3/8 \times 3/4$$

$$1/4 = 9/32 \rightarrow \text{Absurdo!}$$

Por lo tanto, A y B no son independientes, y A y  $B^c$  tampoco



$X \sim U[a, b]$  Los colectores de una determinada línea llegan a una parada en particular en intervalos de 15 minutos comenzando desde las 7 a.m. Si un pasajero llega a la parada en un tiempo que se puede considerar una v.a. distribuida uniformemente entre 7 y 7.30, encontrar la probabilidad de que:

a) el pasajero espere menos de 5 minutos al colectivo

b) el pasajero espere más de 10 minutos al colectivo

DISTRIBUCIÓN UNIFORME EN EL INTERVALO  $[0, 30]$

llamamos  $X =$  "tiempo en minutos desde las 7 a.m. que pasaron desde que el pasajero llega a la parada"

$X \sim U[0, 30]$

v.a. e/ 7 y 7.30 (30 minutos)  $\rightarrow \begin{cases} a = 0 \text{ minutos} \\ b = 30 \text{ minutos} \end{cases}$

a) Si el pasajero espera menos de 5 minutos  $\rightarrow$  llega a e/ 7:10 y 7:15  
a e/ 7:25 y 7:30

luego la PROBABILIDAD DE QUE EL PASAJERO ESPERE MENOS DE 5 MINUTOS

$$P(10 \leq X \leq 15) + P(25 \leq X \leq 30) = \int_{10}^{15} f(x) dx + \int_{25}^{30} f(x) dx = \int_{10}^{15} \frac{1}{b-a} dx + \int_{25}^{30} \frac{1}{b-a} dx \quad \textcircled{=}$$

$$\textcircled{=} \int_{10}^{15} \frac{1}{30} dx + \int_{25}^{30} \frac{1}{30} dx = \frac{x}{30} \Big|_{10}^{15} + \frac{x}{30} \Big|_{25}^{30} = \frac{15-10}{30} + \frac{30-25}{30} = \frac{5}{30} + \frac{5}{30} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3} \quad \textcircled{=}$$

$$\textcircled{=} \frac{3}{2} - \frac{7}{6} = \frac{9-7}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

JUSTIF  $\rightarrow$  Como se cumple  $\frac{a_1}{0} \leq 10 \leq 15 = \frac{b_1}{15}$  y  $\frac{a_2}{15} \leq 25 \leq 30 = \frac{b_2}{30}$  puedo hacer directamente

$$P(10 \leq X \leq 15) + P(25 \leq X \leq 30)$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$F(15) - F(10) + F(30) - F(25) = \frac{15}{30} - \frac{10}{30} + \frac{30}{30} - \frac{25}{30} = \frac{1}{3}$$

Rta la probabilidad de que espere menos de 5 minutos es de  $1/3$

b) Si el pasajero espera más de 10 minutos  $\rightarrow$  llega a e/ 7 y 7.5  
a e/ 7.15 y 7.20

luego la PROBABILIDAD DE QUE ESPERE MÁS DE 10 MINUTOS

$$P(0 \leq X \leq 5) + P(15 \leq X \leq 20) = F(5) - F(0) + F(20) - F(15) = \frac{5}{30} - \frac{0}{30} + \frac{20}{30} - \frac{15}{30} \quad \textcircled{=}$$

$$\textcircled{=} \frac{1}{6} + \frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{1+4-3}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

Rta la probabilidad de que espere más de 10 minutos es  $1/3$

• Si  $X \sim N(0,1)$  vamos a calcular

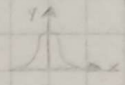
## DISTRIBUCIÓN NORMAL

$X \sim N(0,1)$

a)  $P(X \leq 1.26) = \Phi(1.26) \underset{\text{app}}{=} 0.89617$  (tabla = 0.8962)

b)  $P(X > 1.26) = 1 - P(X \leq 1.26)$   
 $= 1 - \Phi(1.26)$   
 $= 1 - 0.89617$   
 $= 0.10383$

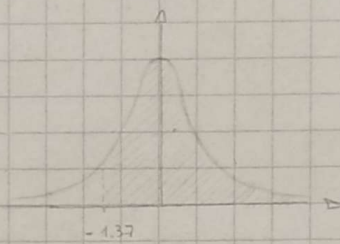
⊗ Como  $\Phi(x)$  es simétrica respecto al eje de simetría vale la igualdad



Justif

c)  $P(X > -1.37) = P(X \leq 1.37) = \Phi(1.37) \underset{\text{app}}{=} 0.91466$  (tabla = 0.9147)

d)  $P(-1.25 < X < 0.37) = P(X < 0.37) - P(X < -1.25)$   
 $= \Phi(0.37) - \Phi(-1.25)$   
 $= 0.64431 - 0.10565$   
 $\underset{\text{app}}{\uparrow}$   
 $= 0.53866$



e) ¿Para que valores se cumple  $P(-x < X < x) = 0.95$ ?

Tenemos que  $P(-x < X < x) = P(X < x) - P(X < -x)$

⊗

$= \Phi(x) - \Phi(-x)$

⊗

$= \Phi(x) - (1 - \Phi(x))$

⊗ Al ser  $\Phi(x)$

simétrica, vale

•  $\Phi(-x) = 1 - \Phi(x)$

$0.95 = 2\Phi(x) - 1$

$\frac{1+0.95}{2} = \Phi(x)$

$0.975 = \Phi(x) \xrightarrow{\text{tabla}} \Phi(1.96) = 0.975 \rightarrow X = 1.96$

• Sea  $X \sim N(3, 9)$  calculamos

$\mu = 3, \sigma^2 = 9, \sigma = 3$

Estandarizamos

a)  $P(2 < X < 5) = P\left(\frac{2-\mu}{\sigma} < \frac{X-\mu}{\sigma} < \frac{5-\mu}{\sigma}\right)$

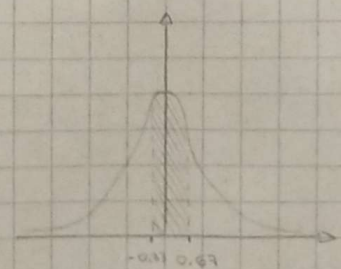
$= P\left(\frac{2-3}{3} < Y < \frac{5-3}{3}\right), Y \sim N(0,1)$

$= P(Y < 0.67) - P(Y < -0.33)$

$= \Phi(0.67) - \Phi(-0.33)$

$= 0.7486 - 0.3707$

$= 0.3779$





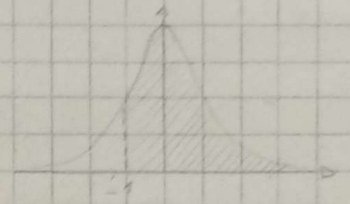
estandarizamos

$$b) P(X > 0) = P\left(\frac{X - \mu}{\sigma} > \frac{0 - \mu}{\sigma}\right) = P\left(Y > \frac{0 - 3}{3}\right), \quad Y \sim N(0, 1)$$

$$= 1 - P(Y \leq -1) = 1 - \Phi(-1)$$

$$= 1 - 0.1587$$

$$= 0.8413$$



\* forma  $\Phi(y)$  es simétrica vale la igualdad

$$c) P(|X - 3| > 6) = 1 - P(|X - 3| \leq 6)$$

$$= 1 - P(-3 \leq X \leq 9)$$

$$= 1 - P\left(\frac{-3 - \mu}{\sigma} \leq \frac{X - \mu}{\sigma} \leq \frac{9 - \mu}{\sigma}\right)$$

$$= 1 - P(0 \leq Y \leq 2), \quad Y \sim N(0, 1)$$

$$= 1 - (P(Y \leq 2) - P(Y \leq 0))$$

$$= 1 - (0.9772 - 0.5)$$

$$= 0.5228$$

? Porque me puede hacer esto

• Supongase que la resistencia a romperse (en kgf) de fibras de yute está descrita por una v.a. continua  $X$  normalmente distribuida con  $\mu = E(X) = 165 \text{ kgf}$  y  $\sigma^2 = V(X) = 9 \text{ kgf}^2$ . Suponiendo además que una muestra de esta fibra se considera defectuosa si  $X < 162$ . ¿Cuál es la probabilidad de que una fibra elegida al azar sea defectuosa?

Queremos saber  $P(X < 162)$

$X \sim N(165, 9)$   $\mu = 165$   $\sigma = 3$

$$= P\left(\frac{X - \mu}{\sigma} < \frac{162 - \mu}{\sigma}\right) \rightarrow \text{estandarizamos}$$

$$= P\left(Y < \frac{162 - 165}{3}\right), \quad Y \sim N(0, 1)$$

como  $Y$  tiene una distribución normal estandar, resolvemos por la tabla

$$= P(Y < -1)$$

$$= \Phi(-1)$$

$$= 0.1587$$

La probabilidad de que una fibra elegida al azar sea defectuosa es de 0.1587

• [EXAMEN 1ª FECHA (3)] El tiempo para hacer un cambio de aceite en ciertos negocios se distribuye normalmente con media de 29.5 minutos y desviación estándar de 3 minutos. ¿Cuál es la probabilidad de que un mecánico pueda realizar 16 cambios de aceite en una jornada de 8 horas al día?

Sea  $X_i$ : "tiempo para hacer el  $i$ -ésimo cambio de aceite"  $i = 1, 2, \dots, 16$

Datos

• distribución normal

$$X_i \sim N(29.5, 9)$$

•  $\mu = 29.5$

•  $\sigma = 3$

$$\text{Sea } Y = \sum_{i=1}^{16} X_i, \quad Y \sim N\left(\sum_{i=1}^{16} \mu_i, \sum_{i=1}^{16} \sigma_i^2\right) = Y \sim N(16 \times 29.5, 16 \times 9)$$

$$= Y \sim N(472, 144)$$

•  $X_1, \dots, X_{16}$  son v.a. independientes donde  $X_i \sim N(\mu, \sigma^2)$   $\forall i = 1, 2, \dots, 16$

$$\text{Queremos hallar } P(Y \leq 480) = \underset{\text{estándarizamos}}{P\left(\frac{Y - \mu_Y}{\sigma_Y} \leq \frac{480 - \mu_Y}{\sigma_Y}\right)} \quad \sigma_Y^2 = 144 \rightarrow \sigma_Y = \sqrt{144} = 12$$

$$= P\left(Z \leq \frac{480 - 472}{12}\right) \quad Z \sim N(0, 1)$$

$$= P(Z \leq 0.67)$$

$$= \Phi(0.67)$$

$$= 0.74751 \quad (\text{reutilizando app})$$

Rta: Probabilidad de realizar 16 cambios en una jornada de 8 horas: 0.74751



① Dos máquinas A y B fabrican telas cuadradas estándar de teleros de p. La longitud de los lados es importante puesto que si alguno de los pases es defectuoso será rechazado, pues provocará un fallo en la cadena de montaje del tejido.

Suponemos que la probabilidad de que una tela fabricada por la máquina A sea defectuosa es de 0.04 y que la probabilidad de que la máquina B produzca una tela defectuosa es de 0.01. Ambas máquinas produce la mitad de la producción total.

a) ¿Cuál es la probabilidad de que, escogiendo una tela al azar entre la producción resulte defectuosa?

b) Se elige una tela de cualquiera de los dos máquinas y resulta ser defectuosa ¿Qué probabilidad tiene de haber sido producida por la máquina A?

a) Sea A = "la máquina A produce una tela"

B = "la máquina B produce una tela"

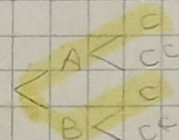
C = "la tela es defectuosa"

$$P(A) = P(B) = 0.5$$

porque q/máquina produce la mitad del total

$$P(C/A) = 0.04$$

$$P(C/B) = 0.01$$



quiero saber la probabilidad de que, escogiendo una tela al azar esta resulta defectuosa

$$P(C) = P(C/A)P(A) + P(C/B)P(B)$$

$$= 0.04 \times 0.5 + 0.01 \times 0.5$$

$$= 0.025$$

Usamos el **TEOREMA DE LA PROBABILIDAD TOTAL**  
 pues  $A \cap B = \emptyset$   
 $A \cup B = S$   
 $P(A) > 0 \wedge P(B) > 0$

Es la probabilidad de que esta pase es de 0.025

b)  $P(A/C) = \frac{P(C/A)P(A)}{P(C)} = \frac{0.04 \times 0.5}{0.025} = 0.8$

Usamos el **TEOREMA DE BAYES**

② Sean los eventos A y B con  $P(A \cup B) = 7/8$  y  $P(A \cap B) = 1/4$ ,  $P(A^c) = 5/8$ . Hallar

$$P(A) = 1 - P(A^c) = 1 - 5/8 = 3/8$$

\* propiedad complemento

$$P(B) = \text{Usamos } P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(B) = P(A \cup B) + P(A \cap B) - P(A)$$

$$P(B) = 7/8 + 1/4 - 3/8$$

$$P(B) = 3/4$$

$$P(A \cap B^c) = P(A) - P(A \cap B) = 3/8 - 1/4 = 1/4$$

¿Son A, B independientes? ¿Son A y B<sup>c</sup> independientes?

$$\text{Supongamos que si } P(A \cap B) = P(A)P(B)$$

$$1/4 = 3/8 \times 3/4$$

$$1/4 = 9/32 \rightarrow \text{ABSURDO!}$$

∴ A y B No son independientes

Además como A y B no son independientes, A y B<sup>c</sup> tampoco lo son

③ sea  $X$  con función de densidad  $f(x) = \begin{cases} k(4x - 2x^2) & 0 \leq x \leq 2 \\ 0 & \text{cc} \end{cases}$

$X$  expresado en millones.

a) Queremos saber valor de  $k$

Como  $f(x)$  es una función de densidad  $\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1$  (\*)

Entonces

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \int_{-\infty}^0 f(x) dx + \int_0^2 f(x) dx + \int_2^{\infty} f(x) dx = \int_0^2 k(4x - 2x^2) dx \quad \text{①}$$

$$\text{② } k \left( 4x^2 - \frac{2x^3}{3} \right) \Big|_0^2 = k \left( 4 \left( \frac{2}{1} \right)^2 - \frac{2 \left( \frac{2}{1} \right)^3}{3} \right) = k \left( 8 - \frac{16}{3} \right) = k \frac{8}{3} = 1 \quad (*)$$

Rta:  $k$  es igual a  $3/8$

$$\rightarrow k = 3/8$$

b) Demanda semanal en millones de unidades

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \int_0^2 \frac{3}{8} (4x - 2x^2) dx = \frac{3}{4} \int_0^2 (2x - x^2) dx = \frac{3}{4} \left( x^2 - \frac{x^3}{3} \right) \Big|_0^2 \quad \text{③}$$

$$\text{④ } \frac{3}{4} \left( 2^2 - \frac{2^3}{3} \right) = \frac{3}{4} \left( 4 - \frac{8}{3} \right) = 1 \quad \text{Rta: } = 1 \text{ millón de demandas}$$

c) costo de producir  $x$  millones de unidades  $C = 5x + 40$

$$\text{Costo semanal} = E(C) = E(5x + 40) = 5 \cdot E(x) + 40 = 5 \cdot 1 + 40 = 45$$

por linealidad

d) Probabilidad de que la demanda supere 1.5 millones

$$P(X > 1.5) = \int_{1.5}^2 f(x) dx = \frac{3}{4} \left( x^2 - \frac{x^3}{3} \right) \Big|_{1.5}^2 = \text{(resolver)}$$

④ Distribución normal  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ , con  $\mu = 100$ ,  $\sigma = 0.4$

sea  $X$ : "envases aceptables (entre (99, 101))"

$$\text{a) Queremos saber } P(99 \leq X \leq 101) = P\left(\frac{99 - \mu}{\sigma} \leq \frac{X - \mu}{\sigma} \leq \frac{101 - \mu}{\sigma}\right) \quad X \sim N(100, 0.4^2)$$

estandariza

$$\text{② } P\left(\frac{99 - 100}{0.4} \leq Y \leq \frac{101 - 100}{0.4}\right) = P(-2.5 \leq Y \leq 2.5) \quad \text{⑤}$$

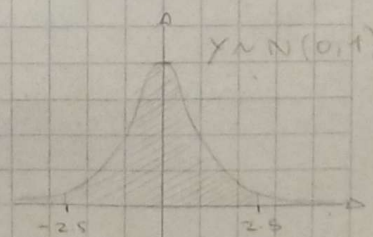
$$Y \sim N(0, 1) \rightarrow$$

y tiene una distribución normal estandar.

$$\text{③ } P(Y \leq 2.5) - P(Y \leq -2.5) = \Phi(2.5) - \Phi(-2.5) = 0.99379 - 0.00621 \quad \text{⑥}$$

$$\text{④ } 0.98758 \rightarrow \text{Percentage} = 98.758\%$$

Rta: el porcentaje de envases que cumplen la norma es de 98.758%





b) Los autos se empaquetan en lotes de 12  $\rightarrow n = 12$   
2 autos defectuosos  $\rightarrow$  se rechaza el lote

Queremos saber la proporción de lotes a rechazar

Sea  $X =$  "nº de unidades defectuosas en un lote" una v.a.

Estamos ante una distribución binomial

$$X \sim B\left(\underbrace{12}_n, \underbrace{0.01242}_p\right)$$

$$p = \text{probabilidad defectuosa} = 1 - 0.98758$$

$$\text{Queremos saber } P(X \geq 2) = 1 - (P(X=0) + P(X=1) + P(X=2))$$

$$= 1 - (0.86 + 0.1299 + 0.09)$$

=