

R3.02 : Développement efficace

Structure en arbre 2

J-F. Kamp

Septembre 2025

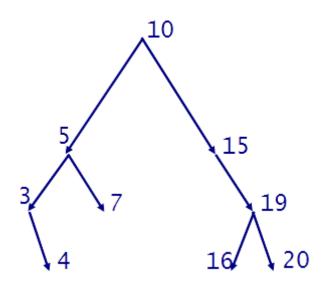
Rééquilibrage d'un arbre

Hauteur d'un noeud

Définition

On appelle hauteur *h* d'un nœud *n* le + long chemin (en nbre de nœuds) pour aller de *n* jusqu'à un nœud feuille (y compris *n* et le nœud feuille).

Exemple: la hauteur du noeud10 = 4



Arbre AVL : l'arbre équilibré

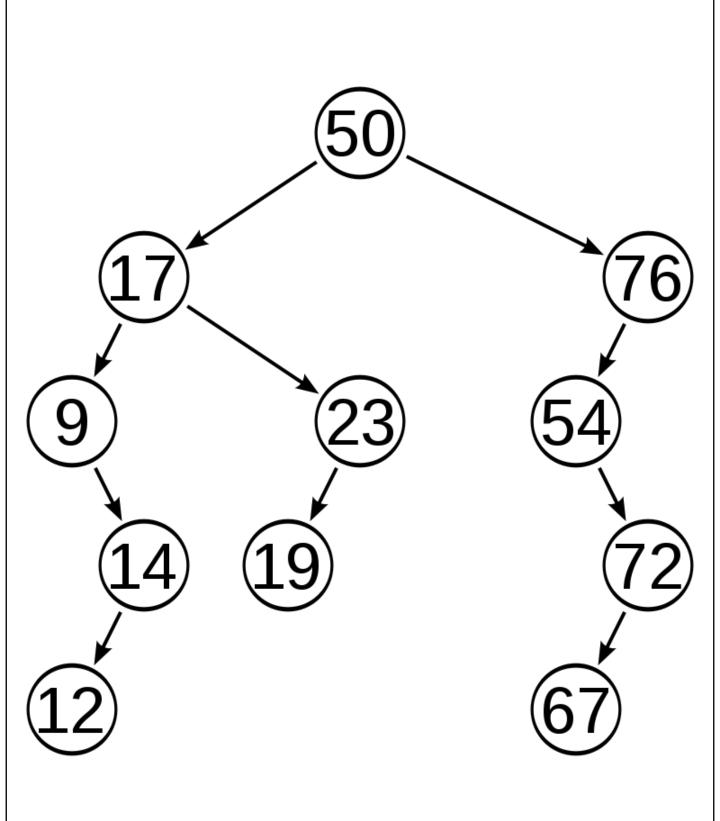
Définition

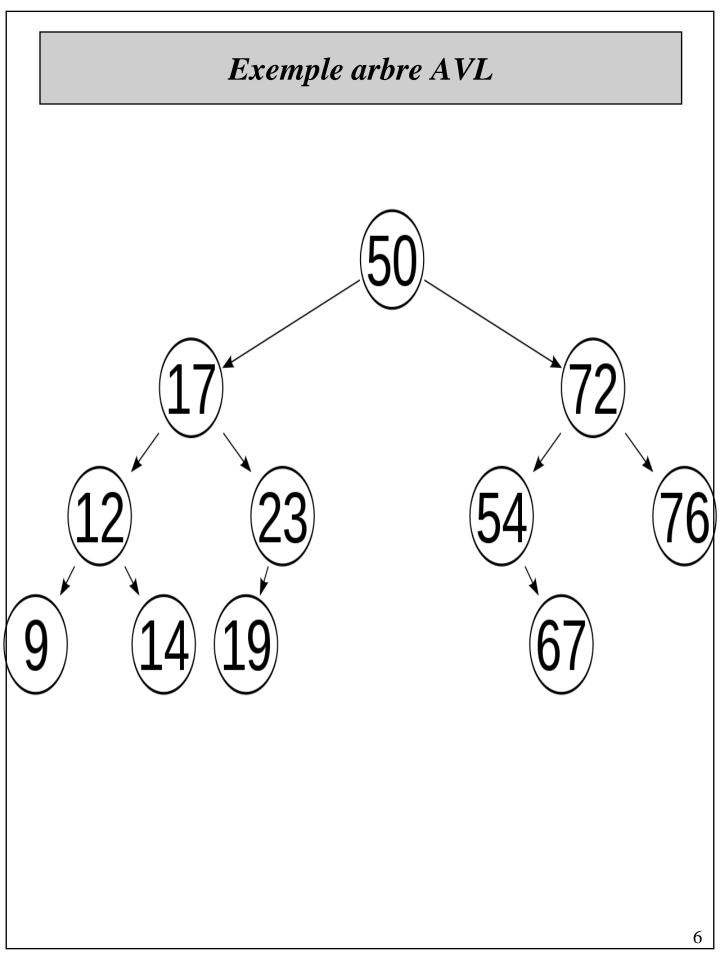
On appelle arbre binaire équilibré ou *AVL* (du nom des auteurs de la méthode : *Adelson-Velsky* et *Landis*), un arbre tel que les hauteurs des deux sous-arbres de tout nœud diffèrent de 1 au plus.

Intérêt

Un arbre AVL permet de garantir des temps de recherche de l'ordre de $log_2(n)$.

Exemple arbre non-AVL





Rééquilibrage d'un arbre

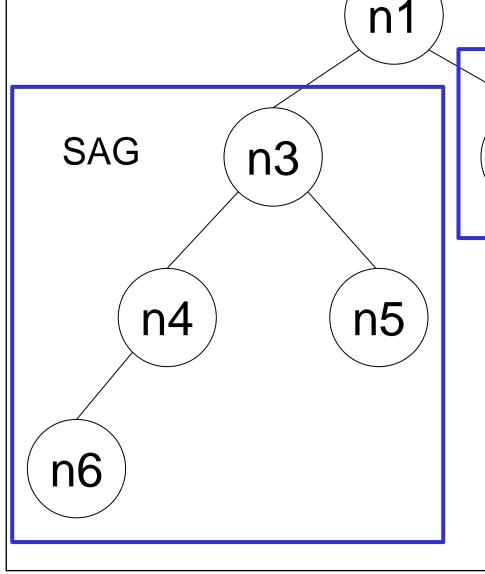
Méthode pour rendre un arbre AVL.

A chaque insertion ou suppression:

- identifier le nœud déséquilibré nx
- par rapport à ce nœud nx :
 - soit effectuer un rotation droite ou une rotation gauche puis droite
 - soit effectuer un rotation gauche ou une rotation droite puis gauche

Arbre déséquilibré en n1 à GCHE:

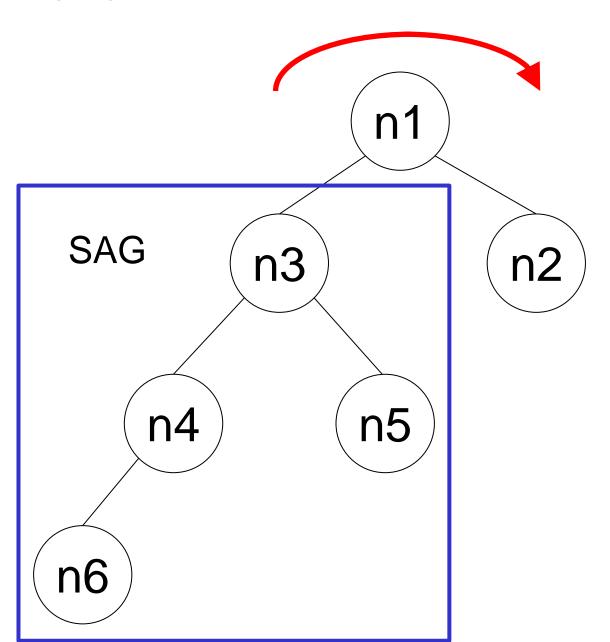
- SAG: h(n3) = 3
- SAD: h(n2) = 1
- h(n3) h(n2) = 2



SAD

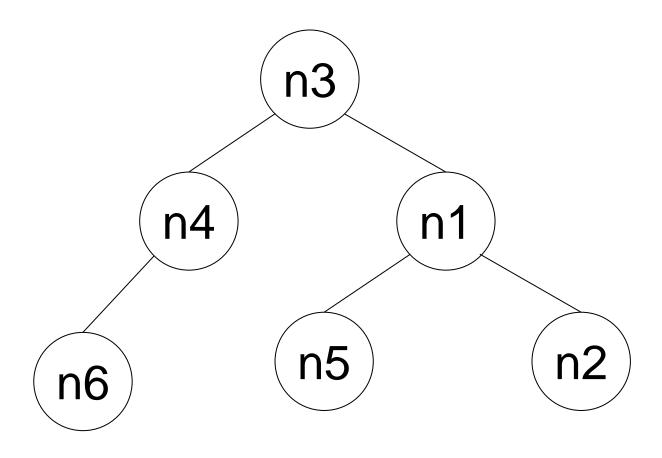
n2

Si branche lourde à gauche dans le SAG => rotation droite autour de n1



Arbre équilibré en n3 :

- SAG: h(n4) = 2
- SAD : h(n1) = 2
- h(n4) h(n1) = 0



ARBRE EQUILIBRE en n3

Arbre déséquilibré en n1 à GCHE:

- SAG: h(n3) = 3
- SAD: h(n2) = 1
- h(n3) h(n2) = 2

SAG n3 n5 n6

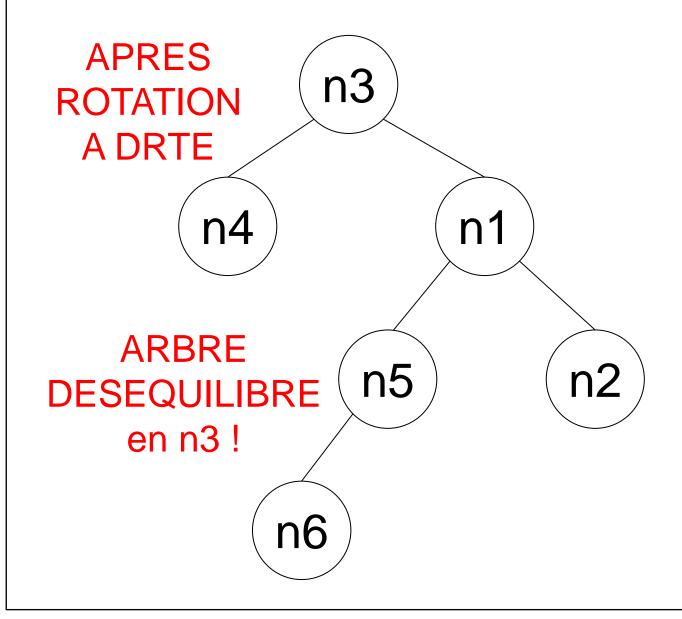
SAD

n2

Déséquilibre à gauche : rotation droite ne marche pas

Arbre déséquilibré en n3 :

- SAG : h(n4) = 1
- SAD: h(n1) = 3
- h(n4) h(n1) = 2



Arbre déséquilibré en n1 à GCHE:

- SAG: h(n3) = 3
- SAD: h(n2) = 1
- h(n3) h(n2) = 2

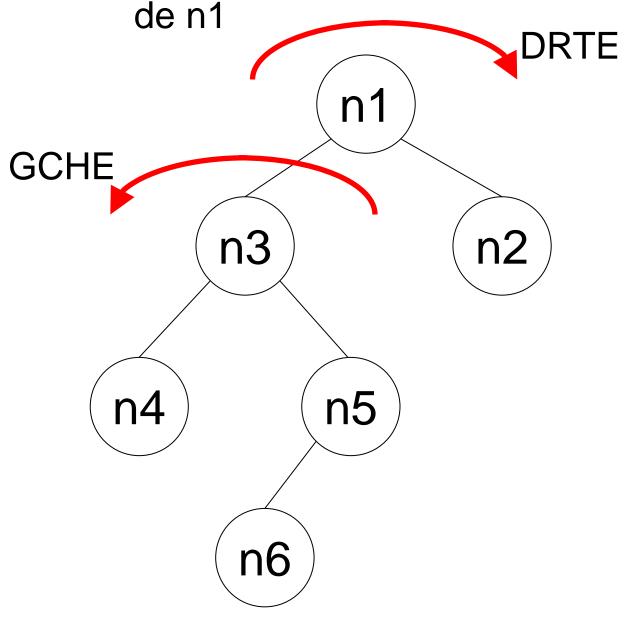
SAG n3 n5 n6

SAD

n2

En 2 étapes :

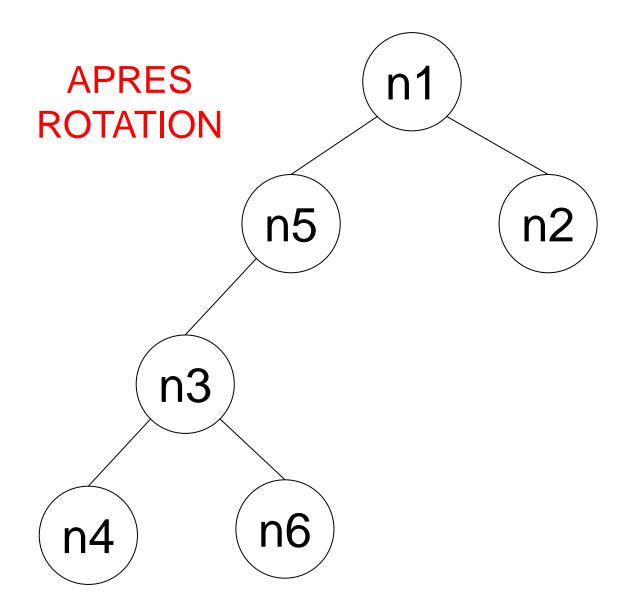
- rotation GCHE autour de n3
- ensuite rotation DRTE autour



Déséquilibre à gauche : rotation gauche

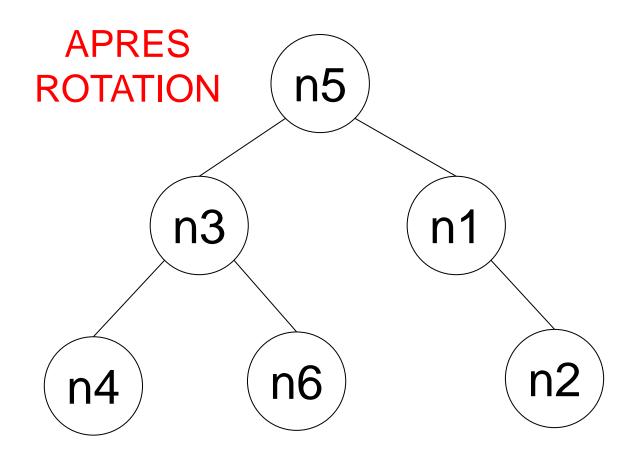
En 2 étapes :

- rotation GCHE autour de n3
- •



En 2 étapes :

- •
- rotation DRTE autour de n1



ARBRE EQUILIBRE en n5

Déséquilibre à droite

MEME principe:

- SOIT une seule rotation GCHE
- SOIT une double rotation DRTE puis rotation GCHE