Teoría de Autómatas y Lenguajes Formales

Práctica 1 - Ejercicio 1

Marina González Torres

Enunciado

Encuentre el conjunto potencia \mathcal{R}^3 de la relación $\mathcal{R} = \{(1,1),(1,2),(2,3),(3,4)\}$. Comprueba tu respuesta con el scrip *powerrelation.m* y escribe en un documento en LATEX con la solucion paso a paso.

Potencia de una relacion \mathcal{R}^n

$$R^{n} = \begin{cases} R & n = 1\\ \{(a,b) : \exists x \in A, (a,x) \in R^{n-1} \land (x,b) \in R\} & n > 1 \end{cases}$$

Pasos:

1. Hacemos \mathcal{R}^2

Para hacer \mathbb{R}^2 usamos la regla de la potencia de una relacion cuando n >1.

$$\begin{array}{l} (1,1):(1,1)\in \mathcal{R}^{1}\wedge (1,1)\in \mathcal{R}\\ (1,2):(1,1)\in \mathcal{R}^{1}\wedge (1,2)\in \mathcal{R}\\ (1,3):(1,2)\in \mathcal{R}^{1}\wedge (2,3)\in \mathcal{R}\\ (2,4):(2,3)\in \mathcal{R}^{1}\wedge (3,4)\in \mathcal{R} \end{array}$$

Por tanto tendriamos que $\mathbb{R}^2 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (2,4)\}$

2. Hacemos \mathcal{R}^3

Para hacer \mathbb{R}^2 usamos la regla de la potencia de una relacion cuando n >1.

$$\begin{array}{l} (1,1):(1,1)\in \mathcal{R}^2 \wedge (1,1) \in \mathcal{R} \\ (1,2):(1,1)\in \mathcal{R}^2 \wedge (1,2) \in \mathcal{R} \\ (1,3):(1,2)\in \mathcal{R}^2 \wedge (2,3) \in \mathcal{R} \\ (1,4):(1,3)\in \mathcal{R}^2 \wedge (3,4) \in \mathcal{R} \end{array}$$

Por tanto tendriamos que $\mathcal{R}^3 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4)\}$

Solución:
$$\mathbb{R}^3 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4)\}$$