# Лабораторная работа №8

Модель конкуренции двух фирм.

Липатникова М.С. группа НФИбд-02-19

# Содержание

1	Цель работы	4
2	<b>Задание работы</b> 2.0.1 Вариант 37	<b>5</b>
3	Теоретическое введение           3.1 Постановка задачи	<b>8</b>
4	Выполнение лабораторной работы         4.1 Код в OpenModelica	<b>12</b> 12
5	Вывод	15
6	Список литературы	16

# **List of Figures**

4.1	Код программы для 1 случая	12
4.2	График для 1 случая	13
4.3	Код программы для 2 случая	14
4.4	График для 2 случая	14

# 1 Цель работы

- 1. Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с введенной нормировкой для случая 1.
- 2. Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с введенной нормировкой для случая 2.

## 2 Задание работы

### 2.0.1 Вариант 37

Случай 1. Рассмотрим две фирмы, производящие взаимозаменяемые товары одинакового качества и находящиеся в одной рыночной нише. Считаем, что в рамках нашей модели конкурентная борьба ведётся только рыночными методами. То есть, конкуренты могут влиять на противника путем изменения параметров своего производства: себестоимость, время цикла, но не могут прямо вмешиваться в ситуацию на рынке («назначать» цену или влиять на потребителей каким-либо иным способом.) Будем считать, что постоянные издержки пренебрежимо малы, и в модели учитывать не будем. В этом случае динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

$$\frac{dM_1}{d\theta} = M_1 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_1^2$$

$$\frac{dM_2}{d\theta} = \frac{c_2}{c_1} M_2 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_2}{c_1} M_2^2$$

где 
$$a_1=rac{p_{cr}}{ au_1^2\widetilde{p_1}^2Nq}, a_2=rac{p_{cr}}{ au_2^2\widetilde{p_2}^2Nq}, b=rac{p_{cr}}{ au_1^2\widetilde{p_1}^2 au_2^2\widetilde{p_2}^2Nq}, c_1=rac{p_{cr}-\widetilde{p_1}}{ au_1\widetilde{p_1}}, c_2=rac{p_{cr}-\widetilde{p_2}}{ au_2\widetilde{p_2}}$$
 Также введена нормировка  $t=c_1\theta$ 

Случай 2. Рассмотрим модель, когда, помимо экономического фактора влияния (изменение себестоимости, производственного цикла, использование кредита и т.п.), используются еще и социально-психологические факторы

– формирование общественного предпочтения одного товара другому, не зависимо от их качества и цены. В этом случае взаимодействие двух фирм будет зависеть друг от друга, соответственно коэффициент перед  $M_1M_2$  будет отличаться. Пусть в рамках рассматриваемой модели динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

$$\frac{dM_1}{d\theta} = M_1 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_1^2$$

$$\frac{dM_2}{d\theta} = \frac{c_2}{c_1} M_2 - (\frac{b}{c_1} + 0.00073) M_1 M_2 - \frac{a_2}{c_1} M_2^2$$

Для обоих случаев рассмотрим задачу со следующими начальными условиями и параметрами:

$$M_0^1=3.8, M_0^2=2.8, p_{cr}=28, N=38, q=1, \tau_1=28, \tau_2=18, \widetilde{p_1}=8.8, \widetilde{p_2}=11.8$$

### Замечание:

Значения  $p_{cr},\widetilde{p_{1,2}},N$  указаны в тысячах единиц, а значения  $M_{1,2}$  указаны в млн. единиц.

### Обозначения:

N – число потребителей производимого продукта.

au – длительность производственного цикла.

р – рыночная цена товара.

 $\tilde{p}$  – себестоимость продукта, то есть переменные издержки на производство единицы продукции.

q – максимальная потребность одного человека в продукте в единицу времени.  $heta = rac{t}{c_1}$  - безразмерное время.

1. Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с введенной нормировкой для случая 1.

2.	Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без
	учета постоянных издержек и с введенной нормировкой для случая 2.

## 3 Теоретическое введение

## 3.1 Постановка задачи

### Модель одной фирмы

Для построения модели конкуренции хотя бы двух фирм необходимо рассмотреть модель одной фирмы. Вначале рассмотрим модель фирмы, производящей продукт долговременного пользования, когда цена его определяется балансом спроса и предложения. Примем, что этот продукт занимает определенную нишу рынка и конкуренты в ней отсутствуют.

### Обозначим:

- N число потребителей производимого продукта.
- S доходы потребителей данного продукта. Считаем, что доходы всех потребителей одинаковы. Это предположение справедливо, если речь идет об одной рыночной нише, т.е. производимый продукт ориентирован на определенный слой населения.
  - М оборотные средства предприятия.
  - au длительность производственного цикла.
  - р рыночная цена товара.
- $\tilde{p}$  себестоимость продукта, то есть переменные издержки на производство единицы продукции.
  - $\delta$  доля оборотных средств, идущая на покрытие переменных издержек.
- $\kappa$  постоянные издержки, которые не зависят от количества выпускаемой продукции.

Q(S/p) – функция спроса, зависящая от отношения дохода S к цене р. Она равна количеству продукта, потребляемого одним потребителем в единицу времени. Функцию спроса товаров долговременного использования часто представляют в простейшей форме:

$$Q = q - k\frac{p}{S} = q(1 - \frac{p}{P_{cr}})$$

где q — максимальная потребность одного человека в продукте в единицу времени. Эта функция падает с ростом цены и при p =  $p_{cr}$  (критическая стоимость продукта) потребители отказываются от приобретения товара. Величина  $p_{cr}$  = Sq/k. Параметр k — мера эластичности функции спроса по цене. Таким образом, функция спроса в форме выше является пороговой (то есть, Q(S/p) = 0 при  $p \geq p_{cr}$ ) и обладает свойствами насыщения.

Уравнения динамики оборотных средств можно записать в виде:

$$\frac{dM}{dt} = -\frac{M\delta}{\tau} + NQp - \kappa = -\frac{M\delta}{\tau} + Nq(1 - \frac{p}{p_{cr}})p - \kappa$$

Уравнение для рыночной цены р представим в виде:

$$\frac{dp}{dt} = \gamma(-\frac{M\delta}{\tau \tilde{p}} + Nq(1 - \frac{p}{p_{cr}}))$$

Первый член соответствует количеству поставляемого на рынок товара (то есть, предложению), а второй член – спросу.

Параметр  $\gamma$  зависит от скорости оборота товаров на рынке. Как правило, время торгового оборота существенно меньше времени производственного цикла  $\tau$ . При заданном М уравнение описывает быстрое стремление цены к равновесному значению цены, которое устойчиво.

В этом случае уравнение можно заменить алгебраическим соотношением:

$$-\frac{M\delta}{\tau\tilde{p}} + Nq(1 - \frac{p}{p_{cr}}) = 0$$

Из этого следует, что равновесное значение цены р равно:

$$p=p_{cr}(1-\frac{M\delta}{\tau\tilde{p}Nq})$$

Уравнение приобретает вид:

$$\frac{dM}{dt} = M \frac{\delta}{\tau} (\frac{p_{cr}}{\tilde{p}} - 1) - M^2 (\frac{\delta}{\tau \tilde{p}})^2 \frac{p_{cr}}{Nq} - \kappa$$

Уравнение имеет два стационарных решения, соответствующих условию dM/dt = 0:

$$\widetilde{M_{1,2}} = \frac{1}{2}a \pm \sqrt{\frac{a^2}{4} - b}$$

где

$$a = Nq(1 - \frac{\tilde{p}}{p_{cr}})\tilde{p}\frac{\tau}{\delta}, b = \kappa Nq\frac{(\tau\tilde{p})^2}{p_{cr}\delta^2}$$

Следует, что при больших постоянных издержках (в случае  $a^2$  < 4b) стационарных состояний нет. Это означает, что в этих условиях фирма не может функционировать стабильно, то есть, терпит банкротство. Однако, как правило, постоянные затраты малы по сравнению с переменными (то есть, b «  $a^2$ ) и играют роль, только в случае, когда оборотные средства малы. При b « а стационарные значения M равны.

$$\widetilde{M_{+}} = Nq\frac{\tau}{\delta}(1-\frac{\widetilde{p}}{p_{cr}})\widetilde{p}, \widetilde{M_{-}} = \kappa\widetilde{p}\frac{\tau}{\delta(p_{cr}-\widetilde{p})}$$

Первое состояние  $\widetilde{M}_+$  устойчиво и соответствует стабильному функционированию предприятия. Второе состояние  $\widetilde{M}_-$  неустойчиво, так, что при  $M < \widetilde{M}_-$  оборотные средства падают (dM/dt < 0), то есть, фирма идет к банкротству. По смыслу  $\widetilde{M}_-$  соответствует начальному капиталу, необходимому для входа в рынок.

В обсуждаемой модели параметр  $\delta$  всюду входит в сочетании с  $\tau$ . Это значит, что уменьшение доли оборотных средств, вкладываемых в производство, эквивалентно удлинению производственного цикла. Поэтому мы в дальнейшем положим:  $\delta$  = 1, а параметр  $\tau$  будем считать временем цикла, с учётом сказанного.

## 4 Выполнение лабораторной работы

## 4.1 Код в OpenModelica

Задаем параметры и прописываем функцию, записываем дифференциальные уравнения.(fig. 4.1)

```
Браузер...₽ х ≡
Fil... 📲 🚹 👎
                     🖶 🚜 🧧 🐧 Доступный на запись 🛮 Model 🖁 Вид Текст 🔻 lab08 🔻 D:/work/2021-2022/Math_model/laboratory/lab08/lab08.mo
                                model lab08
                                parameter Real M01 = 3.8;
   P Ope...ica
                               parameter Real M02 = 2.8;
parameter Real pcr=28;
   M lab08
                              parameter Real N = 38;
parameter Real Q = 1;
parameter Real tau1 = 28;
parameter Real tau2 = 18;
parameter Real plw = 8.8;
                              parameter Real p2w = 11.8;
                        parameter Real a1 = pcr/(tau1*tau1*plw*plw*N*q);

parameter Real a2 = pcr/(tau2*tau2*p2w*p2w*n*q);

parameter Real b = pcr/(tau1*tau1*plw*plw*tau2*tau2*p2w*p2w*N*q);

parameter Real c1 = (pcr-plw)/(tau1*plw);

parameter Real c2 = (pcr-p2w)/(tau2*p2w);
                                Real M1(start=M01);
                                Real M2(start=M02);
                                equation
der (tetta) = time/c1;
der (M1) = M1 - (b/c1)*M1*M2-(a1/c1)*M1*M1;
                                //для 1 случая
                                der (M2) = (c2/c1)*M2-(b/c1)*M1*M2-(a2/c1)*M2*M2;
                                //для второго случая
//der (M2) = (c2/c1)*M2-((b/c1)+0.00073)*M1*M2-(a2/c1)*M2*M2;
                                end lab08;
```

Figure 4.1: Код программы для 1 случая

Получаем график. (fig. 4.2)

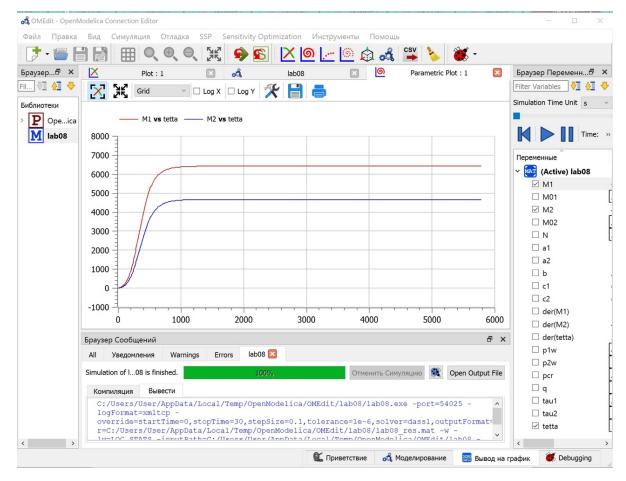


Figure 4.2: График для 1 случая

Задаем параметры и прописываем функцию, записываем дифференциальные уравнения.(fig. 4.3).

Figure 4.3: Код программы для 2 случая

### Получаем график. (fig. 4.4)

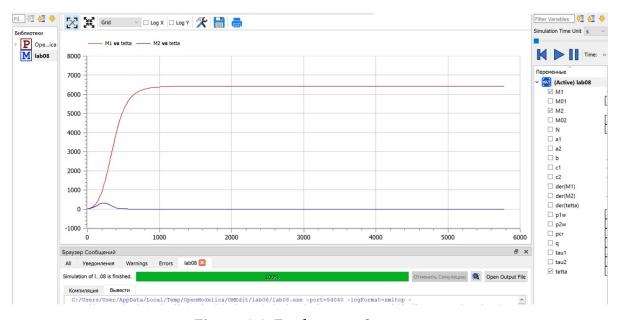


Figure 4.4: График для 2 случая

## 5 Вывод

- 1. Построили графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с введенной нормировкой для случая 1.
- 2. Построили графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с введенной нормировкой для случая 2.

# 6 Список литературы

1. Теоретические материалы курса.