Сотников Денис Вариант 12

No	ФИО студента	Подложка	Плёнка	Толщина плёнки <i>t</i> , нм	Металл	Ион
12	Сотников Д.Э.	Ga ₂ O ₃	Al ₂ O ₃	250	Ni	⁴ He ⁺

Z_{He} := 2 атомный номер иона

$$M_{\mbox{He}} \coloneqq 4.002602 \cdot rac{g}{\mbox{mol}}$$
 относительная атомная масса иона

$$\mathbf{m}_0 \coloneqq 0.00055 \cdot \frac{\mathbf{g}}{\mathrm{mol}}$$
 масса электрона

$$q := 1.6 \cdot 10^{-19} \cdot C$$

$$K_c := 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{m}{F}$$

$$eV := 1.6 \cdot 10^{-19} C \cdot V$$

Первый пункт

1. Построить кривые зависимости сечения торможения от энергии иона для каждого из элементов плёнки и подложки, а также для материала само плёнки и подложки на одном графике в диапазоне энергий от 0.5 МэВ до 3 МэВ.

Для определения сечения торможения нужно знать порядковый номер и энергию ионизации атомов мишения.

$$Z_{Ga} := 31$$

 $Z_{A1} := 13$

$$Z_{0} := 8$$

$$I_{Ga} := 10 \cdot Z_{Ga} \cdot eV = 310 \cdot eV$$

$$I_{A1} := 10 \cdot Z_{A1} \cdot eV = 130 \cdot eV$$

$$I_O := 10 \cdot Z_O \cdot eV = 80 \cdot eV$$

$$\varepsilon_{Ga}(E) := \left(K_c^2 \cdot \frac{2\pi \cdot Z_{He}^2 \cdot q^4}{E} \cdot Z_{Ga} \cdot \frac{M_{He}}{m_0}\right) \cdot \ln\left(\frac{4 \cdot m_0 \cdot E}{M_{He} \cdot I_{Ga}}\right)$$

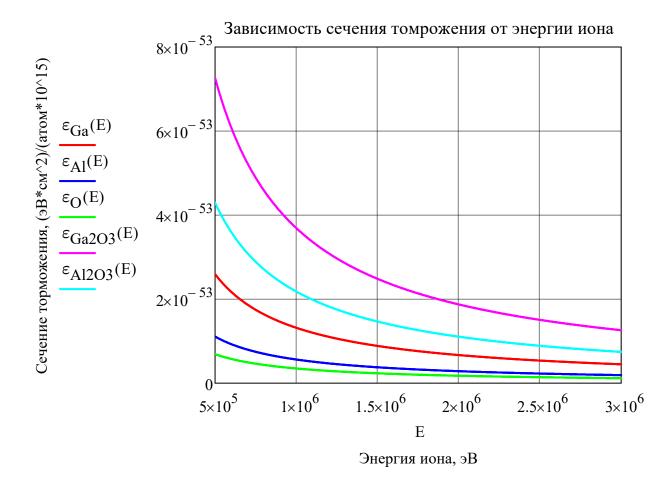
$$\varepsilon_{A1}(E) := \left(K_c^2 \cdot \frac{2\pi \cdot Z_{He}^2 \cdot q^4}{E} \cdot Z_{A1} \cdot \frac{M_{He}}{m_0}\right) \cdot \ln\left(\frac{4 \cdot m_0 \cdot E}{M_{He} \cdot I_{A1}}\right)$$

$$\varepsilon_{O}(E) := \left(K_{c}^{2} \cdot \frac{2\pi \cdot Z_{He}^{2} \cdot q^{4}}{E} \cdot Z_{O} \cdot \frac{M_{He}}{m_{0}}\right) \cdot \ln\left(\frac{4 \cdot m_{0} \cdot E}{M_{He} \cdot I_{O}}\right)$$

При торможении в материале сложного со става сечение торможения складывается из сечений торможения от каждого рода атомов с весом, равным относительному содержанию элементов.

$$\varepsilon_{\text{Ga2O3}}(\text{E}) := 2\varepsilon_{\text{Ga}}(\text{E}) + 3\cdot\varepsilon_{\text{O}}(\text{E})$$

$$\varepsilon_{\text{Al2O3}}(\text{E}) := 2\varepsilon_{\text{Al}}(\text{E}) + 3\cdot\varepsilon_{\text{O}}(\text{E})$$



Второй Пункт

2. Построить спектр обрагного рассеяния.

Слой металла

Ni - используемый металл

$$t := 250 \cdot 10^{-7} \cdot cm$$
 - толщина пленки Al_2O_3

$$Z_{Ni} := 28$$

$$\mathrm{M}_{Ni} \coloneqq 58.6934 {\cdot} \frac{\mathrm{g}}{\mathrm{mol}}$$

$$I := 10 \cdot 10^{-6} \cdot A$$
 - ток пучка ионов

 $tt:=30\cdot s$ - длительность бомбардировки

$$\theta := 170 \cdot \deg$$
 - угол рассеяния

$$\underline{\underline{\mathbf{A}}} \coloneqq 0.1 \cdot \mathrm{cm}^2$$
 - площадь приемного окна детектора

 $E_0 := 2.5 \cdot 10^6 \cdot eV$ - энергия налетающего иона

Расчёт телесного угола захвата детектора и количество частиц в пучке ионов.

$$\Omega_{\text{m}} := \frac{A}{L^2} = 4 \times 10^{-3} \cdot \text{sr}$$

$$Q := \frac{I \cdot \text{tt}}{g} = 1.875 \times 10^{15}$$

Определение концентрации атомов в мишени

$$N_{A}:=6.022\cdot 10^{23}\cdot \frac{1}{\text{mol}}$$
 - число Авогадро $ho_{Ni}:=8.902\cdot \frac{g}{\text{cm}^3}$ - плотность мишени $ho_{Ni}:=\frac{N_{A}}{M_{Ni}}\cdot
ho_{Ni}=9.134\times 10^{22}\cdot \frac{1}{\text{cm}^3}$

По формуле Резерфорда расчитаем диффиренциальное сечение рассеяния

Так как исследуемый слой считается тонким(менее 0.5 мкм), то энергию выхода можно посчитать как произведение начальной энергии на кинематический фактор

$$K_{Ni} := \left\lceil \frac{\cos(\theta) + \sqrt{\left| \left(\frac{M_{Ni}}{M_{He}}\right)^2 - \sin(\theta)^2}}{1 + \frac{M_{Ni}}{M_{He}}} \right\rceil^2 = 0.763 \qquad \left(\frac{M_{Ni}}{M_{He}}\right)^2 - \sin(\theta)^2 = 214.997$$

$$E_{Ni} := E_0 \cdot K_{Ni} = 1.906 \times 10^6 \cdot eV$$

$$\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{d}\Omega.\mathrm{Ni}} \coloneqq \mathrm{K_c}^2 \cdot \left(\frac{\mathrm{Z_{He} \cdot Z_{Ni} \cdot q^2}}{4 \cdot \mathrm{E_{Ni}}} \right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} = 1.136 \cdot \frac{\mathrm{barn}}{\mathrm{sr}}$$
 - формула Резерфорда

Рассчитаем выход рассеяния.

$$Y_{Ni} := d\sigma_{d\Omega.Ni} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_{Ni}^{\frac{2}{3}} = 1.727 \times 10^{4}$$

$$\delta E_d := 20 \cdot 10^3 \cdot eV$$
 - разрешение детектора

Не имея данных о толщине пленки металла, рассчитать разрешение страгтлинга нельзя, поэтому примем предел разрешения равным разрешению детектора.

$$\delta E := \delta E_d$$

Зная выход рассеяния и предел разрешения, сможем по считать высоту спектра

$$d_n := 5 \cdot 10^3 \cdot eV$$
 - ширина канала

$$H_{Ni} := \frac{Y_{Ni}}{\sqrt{2\pi \cdot \left(\frac{\delta E}{d_n}\right)^2}} \cdot e^{\frac{\left(E_0 - E_{Ni}\right)^2}{2 \cdot \delta E^2}} = 3.92 \times 10^{194}$$

Тонккая пленка

Определим концентрацию атомов в мишени

$$ho_{A12O3} \coloneqq 3.99 \cdot rac{g}{\mathrm{cm}^3}$$
 - плотность мишени $M_{A1} \coloneqq 26.9815386 rac{g}{\mathrm{mol}}$ $M_{A2O3} \coloneqq 6.022 \cdot 10^{23} \cdot rac{1}{\mathrm{mol}}$ - число Авогадро

$$M_{\mbox{Al2O3}} \coloneqq 101.96 \cdot \frac{\mbox{g}}{\mbox{mol}}$$
 молярная масса алюминия

$$\begin{split} N_{A12O3} &:= \frac{N_A}{M_{A12O3}} \cdot \rho_{A12O3} = 2.357 \times 10^{22} \cdot \frac{1}{\text{cm}^3} \\ N_{A1} &:= \frac{2}{5} \cdot N_{A12O3} = 9.426 \times 10^{21} \cdot \text{cm}^{-3} \\ N_O &:= \frac{3}{5} \cdot N_{A12O3} = 1.414 \times 10^{22} \cdot \text{cm}^{-3} \end{split}$$

$$ho_{O} := 0.00142897 \cdot rac{g}{cm^{3}}$$
 - плотность мишени (кислород)

$$M_{O} := 15.9994 \cdot \frac{g}{\text{mol}}$$

$$K_{Al} := \begin{bmatrix} \frac{\cos(\theta) + \sqrt{\left(\frac{M_{Al}}{M_{He}}\right)^2 - \sin(\theta)^2}}{\frac{M_{Al}}{M_{He}}} \end{bmatrix}^2 = 0.553$$

$$\left(\frac{M_{Al}}{M_{He}}\right)^2 - \sin(\theta)^2 = 45.411$$

$$E_{A1} := E_0 \cdot K_{A1} = 1.381 \times 10^6 \cdot eV$$

$$\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{d}\Omega.\mathrm{Al}} \coloneqq \mathrm{K_c}^2 \cdot \left(\frac{\mathrm{Z_{He} \cdot Z_{Al} \cdot q^2}}{4 \cdot \mathrm{E_{Al}}} \right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} = 0.466 \cdot \frac{\mathrm{barn}}{\mathrm{sr}}$$
 - формула Резерфорда

$$Y_{A1} := d\sigma_{d\Omega.A1} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_{A1}^{\frac{2}{3}} = 1.56 \times 10^{3}$$

$$K_{O} := \left[\frac{\cos(\theta) + \sqrt{\left| \left(\frac{M_{O}}{M_{He}} \right)^{2} - \sin(\theta)^{2}}}{1 + \frac{M_{O}}{M_{He}}} \right]^{2} = 0.362$$

$$\left(\frac{M_{O}}{M_{He}} \right)^{2} - \sin(\theta)^{2} = 15.948$$

$$E_O := E_0 \cdot K_O = 9.062 \times 10^5 \cdot eV$$

Поскольку атом кислорода относительно легкий, для него в формулу Резерфорда нужно внести поправку.

$$\mathrm{d}\sigma_{d\Omega.O} \coloneqq \mathrm{K_c}^2 \cdot \left(\frac{\mathrm{Z_{He} \cdot Z_{O} \cdot q^2}}{4 \cdot \mathrm{E_{O}}}\right)^2 \cdot \frac{4}{\sin(\theta)^4} \cdot \frac{\left[\sqrt{1 - \left(\frac{\mathrm{M_{He}}}{\mathrm{M_{O}}} \cdot \sin(\theta)\right)^2 + \cos(\theta)}\right]^2}{\sqrt{1 - \left(\frac{\mathrm{M_{He}}}{\mathrm{M_{O}}} \cdot \sin(\theta)\right)^2}} = 0.361 \cdot \frac{\mathrm{barn}}{\mathrm{sr}}$$

$$Y_O := d\sigma_{d\Omega.O} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_O^{\frac{2}{3}} = 1.584 \times 10^3$$

Посчитаем разрешение страгтлинга с примененнием формулы Бора для двух компонентов пленки.

$$\delta E_{s} := 2.35 \cdot \sqrt{4 \cdot \pi \cdot K_{c}^{2} \cdot Z_{He}^{2} \cdot q^{4} \cdot N_{Al} \cdot Z_{Al} \cdot t} = 4.199 \times 10^{3} \cdot eV$$

 $\delta E_{s} = 4.199 \times 10^{3} \cdot eV$

$$\begin{split} \delta E_{A1} &:= \sqrt{\delta E_{s}^{\ 2} + \delta E_{d}^{\ 2}} = 2.044 \times 10^{4} \cdot eV \\ \delta E_{S} &:= 2.35 \cdot \sqrt{4 \cdot \pi \cdot K_{c}^{\ 2} \cdot Z_{He}^{\ 2} \cdot q^{4} \cdot N_{O} \cdot Z_{O} \cdot t} = 4.035 \times 10^{3} \cdot eV \\ \delta E_{S} &= 4.035 \times 10^{3} \cdot eV \\ \delta E_{O} &:= \delta E_{d} \\ En0 &:= 0.1 \cdot 10^{6} \cdot eV = 1.6 \times 10^{-14} J \end{split}$$

$$n_{Ni} := ceil\left(\frac{E_{Ni} - En0}{d_n}\right) = 362$$

$$\sigma \coloneqq \frac{\delta \mathrm{E}_d}{\mathrm{d}_n}$$

$$\mu := n_{Ni} = 362$$

Определим значение коэффициента энергетических потерь при обратном рассеянии.

$$\mathbf{S}_{Al} \coloneqq \mathbf{K}_{Al} \cdot \boldsymbol{\epsilon}_{Al} \left(\mathbf{E}_{Ni} \right) \cdot \mathbf{N}_{Al} + \frac{1}{\left| \cos(\theta) \right|} \cdot \left(\mathbf{K}_{Al} \cdot \boldsymbol{\epsilon}_{Al} \left(\mathbf{K}_{Al} \cdot \mathbf{E}_{0} \right) \cdot \mathbf{N}_{Al} \right) = 6.142 \cdot \frac{eV}{Angstrom}$$

$$\Delta E_{A1} := t \cdot S_{A1} = 1.536 \times 10^4 \cdot eV$$

$$\mathbf{S}_{O} := \mathbf{K}_{O} \cdot \boldsymbol{\epsilon}_{O} \left(\mathbf{E}_{0} \right) \cdot \mathbf{N}_{O} + \frac{1}{\left| \mathbf{cos}(\boldsymbol{\theta}) \right|} \cdot \left(\mathbf{K}_{O} \cdot \boldsymbol{\epsilon}_{O} \left(\mathbf{K}_{O} \cdot \mathbf{E}_{0} \right) \cdot \mathbf{N}_{O} \right) = 4.955 \cdot \frac{eV}{Angstrom}$$

$$\Delta E_{\mathbf{O}} := t \cdot S_{\mathbf{O}} = 1.239 \times 10^4 \cdot eV$$

 $En0 := 0.1 \cdot 10^6 \cdot eV$ - энергия нулевого канала

$$\min_{i \in C} \left(\frac{E_{Ni} - E_{n0}}{d_{n}} \right) = 362$$

$$\mu := n_{Ni} = 362$$

$$\sigma := \frac{\delta E}{d_n} = 4$$

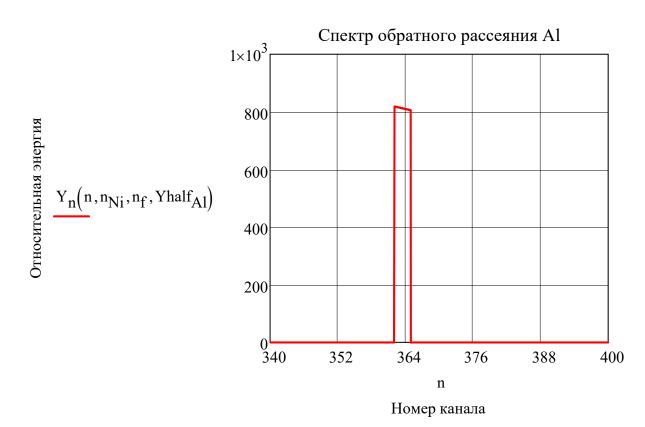
$$n_f := \text{ceil} \left[\frac{\left(E_{Ni} + \Delta E_{Al} \right) - E_{n0}}{d_n} \right] = 365$$

Ehalf_{Al} :=
$$E_{Ni} + \frac{\Delta E_{Al}}{2} = 1.914 \times 10^6 \cdot eV$$

$$\mathrm{Yhalf}_{Al} \coloneqq \mathrm{K_c}^2 \cdot \left(\frac{\mathrm{Z}_{He} \cdot \mathrm{Z}_{Al} \cdot \mathrm{q}^2}{4 \cdot \mathrm{Ehalf}_{Al}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \Omega \cdot \mathrm{Q} \cdot \mathrm{N}_{Al}^{\frac{2}{3}} = 812.699$$

$$n_{half_{Al}} := n_{Ni} + \left(\frac{n_f - n_{Ni}}{2}\right) = 363.5$$

$$\begin{split} Y_n \! \left(n \,, n_{Ni} \,, n_f \,, Yhalf_{Al} \right) &:= \left| \begin{array}{l} n05 \leftarrow n_{Ni} + \left(\frac{n_f - n_{Ni}}{2} \right) \\ \\ Y_n \leftarrow Yhalf_{Al} \cdot \left(\frac{n05}{n} \right)^2 \; \; \text{if} \; \; n_{Ni} < n < n_f \\ \\ Y_n \leftarrow 0 \; \; \text{otherwise} \\ \\ Y_n \end{split} \right. \end{split}$$



Подложка

Определим концентрацию атомов в мишени

$$ho_{Ga2O3} \coloneqq 6.44 \cdot \frac{g}{cm^3}$$
 - плотность мишени

$$N_{A} := 6.022 \cdot 10^{23} \cdot \frac{1}{\text{mol}}$$
 - число Авогадро

$$M_{Ga2O3} := 187.444 \cdot \frac{g}{mol}$$

$$N_{Ga2O3} := \frac{N_A}{M_{Ga2O3}} \cdot \rho_{Ga2O3} = 2.069 \times 10^{22} \cdot \frac{1}{cm^3}$$

$$M_{Ga} := 69.723 \frac{g}{mol}$$

$$N_{Ga2O3} = 1.241 \times 10^{22} \cdot \text{cm}^{-3}$$

$$N_{Ga} := \frac{2}{5} \cdot N_{Ga2O3} = 8.276 \times 10^{21} \cdot cm^{-3}$$

$$\rho_{Q_{A}} := 0.00142897 \cdot \frac{g}{cm^{3}}$$
 - плотность мишени (кислород)

$$M_{Q} := 15.9994 \cdot \frac{g}{\text{mol}}$$

$$K_{Ga} \coloneqq \left\lceil \frac{\cos(\theta) + \sqrt{\left|\left(\frac{M_{Ga}}{M_{He}}\right)^2 - \sin(\theta)^2\right|}}{1 + \frac{M_{Ga}}{M_{He}}}\right\rceil^2 = 0.796$$

$$\mathbf{E}_{Ga} \coloneqq \mathbf{E}_0 \cdot \mathbf{K}_{Ga} = 1.99 \times 10^6 \cdot \text{eV}$$

$$\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{d}\Omega.\mathrm{Ga}} \coloneqq \mathrm{K_c}^2 \cdot \left(\frac{\mathrm{Z_{He} \cdot Z_{Ga} \cdot q^2}}{4 \cdot \mathrm{E_{Ga}}} \right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} = 1.277 \cdot \frac{\mathrm{barn}}{\mathrm{sr}}$$
 - формула Резерфорда

 $\left(\frac{M_{Ga}}{M_{He}}\right)^2 - \sin(\theta)^2 = 303.406$

$$Y_{Ga} := d\sigma_{d\Omega.Ga} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_{Ga}^{\frac{2}{3}} = 3.919 \times 10^{3}$$

$$K_{QA} := \left[\frac{\cos(\theta) + \sqrt{\left(\frac{M_{O}}{M_{He}}\right)^{2} - \sin(\theta)^{2}}}{1 + \frac{M_{O}}{M_{He}}} \right]^{2} = 0.362$$

$$\left(\frac{M_{O}}{M_{He}}\right)^{2} - \sin(\theta)^{2} = 15.948$$

$$E_{O} := E_{O} \cdot K_{O} = 9.062 \times 10^{5} \cdot eV$$

$$\frac{d\sigma_{d\Omega}}{d\Omega} = K_c^2 \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_{O} \cdot q^2}{4 \cdot E_{O}}\right)^2 \cdot \frac{4}{\sin(\theta)^4} \cdot \frac{\left[\sqrt{1 - \left(\frac{M_{He}}{M_{O}} \cdot \sin(\theta)\right)^2 + \cos(\theta)}\right]^2}{\sqrt{1 - \left(\frac{M_{He}}{M_{O}} \cdot \sin(\theta)\right)^2}} = 0.361 \cdot \frac{barn}{sr}$$

$$Y_{\mathbf{Q}} := d\sigma_{d\Omega.O} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_O^{\frac{2}{3}} = 1.452 \times 10^3$$

Толщина подложки нам не известна,поэтому разрешение страгтлинга посчитать при данных условиях нельзя.

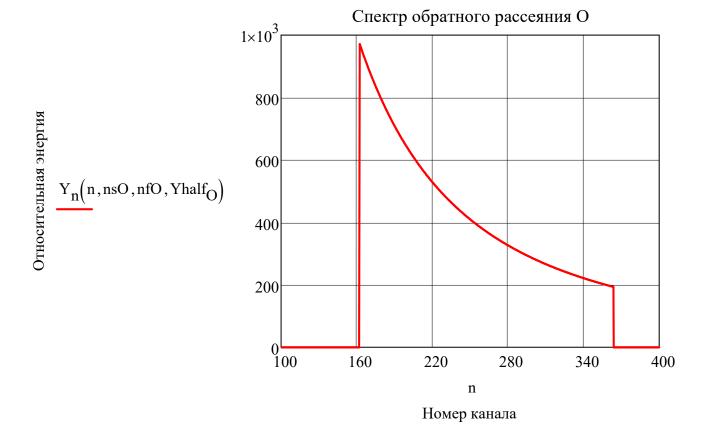
Определим значение коэффициента энергетических потерь при обратном рассеянии.

$$\begin{split} \mathbf{S}_{Ga} &\coloneqq \mathbf{K}_{Ga} \cdot \varepsilon_{Ga} \big(\mathbf{E}_{Ga} \big) \cdot \mathbf{N}_{Ga} + \frac{1}{|\cos(\theta)|} \cdot \big(\mathbf{K}_{Ga} \cdot \varepsilon_{Ga} \big(\mathbf{K}_{Ga} \cdot \mathbf{E}_{0} \big) \cdot \mathbf{N}_{Ga} \big) = 9.89 \cdot \frac{eV}{\text{Angstrom}} \\ \Delta \mathbf{E}_{Ga} &\coloneqq \mathbf{t} \cdot \mathbf{S}_{Ga} = 2.473 \times 10^{4} \cdot eV \\ \mathbf{S}_{QA} &\coloneqq \mathbf{K}_{O} \cdot \varepsilon_{O} \big(\mathbf{E}_{0} \big) \cdot \mathbf{N}_{O} + \frac{1}{|\cos(\theta)|} \cdot \big(\mathbf{K}_{O} \cdot \varepsilon_{O} \big(\mathbf{K}_{O} \cdot \mathbf{E}_{0} \big) \cdot \mathbf{N}_{O} \big) = 4.351 \cdot \frac{eV}{\text{Angstrom}} \\ \Delta \mathbf{E}_{QA} &\coloneqq \mathbf{t} \cdot \mathbf{S}_{O} = 1.088 \times 10^{4} \cdot eV \end{split}$$

nsO := ceil
$$\left(\frac{E_{O} - En0}{d_{n}}\right)$$
 = 162
nfO := ceil $\left[\frac{\left(E_{Ni} + \Delta E_{O}\right) - En0}{d_{n}}\right]$ = 364

$$Ehalf_O := E_{Ni} + \frac{\Delta E_O}{2} = 1.912 \times 10^6 \cdot eV$$

$$\text{Yhalf}_{O} := K_c^2 \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_{O} \cdot q^2}{4 \cdot \text{Ehalf}_{O}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_{O}^{\frac{2}{3}} = 370.637$$



$$E_{GaO} := E_{Ga} \cdot K_O = 7.214 \times 10^5 \cdot eV E_{OA1} := E_O \cdot K_{A1} = 5.007 \times 10^5 \cdot eV$$

 $E_{GaA1} := E_{Ga} \cdot K_{A1} = 1.1 \times 10^6 \cdot eV$ $E_{OO} := E_O \cdot K_O = 3.285 \times 10^5 \cdot eV$

$$\begin{split} & d\sigma_{d\Omega.GaO} \coloneqq K_c^{\ 2} \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_{Ga} \cdot q^2}{4 \cdot E_{GaO}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} = 9.721 \cdot \frac{barn}{sr} \\ & d\sigma_{d\Omega.GaAl} \coloneqq K_c^{\ 2} \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_{Ga} \cdot q^2}{4 \cdot E_{GaAl}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} = 4.184 \cdot \frac{barn}{sr} \end{split}$$

$$\mathrm{d}\sigma_{d\Omega.OA1} \coloneqq {K_c}^2 \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_O \cdot q^2}{4 \cdot E_{OA1}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\!\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \frac{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_O}\right)^2 \cdot \sin(\theta)\right]^2 + \cos(\theta)}}{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_O}\right)^2 \cdot \sin(\theta)\right]^2}} = 0.02 \cdot \frac{barn}{sr}$$

$$\mathrm{d}\sigma_{d\Omega.OO} \coloneqq {K_c}^2 \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_O \cdot q^2}{4 \cdot E_{OO}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\!\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \frac{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_O}\right)^2 \cdot \sin(\theta)\right]^2 + \cos(\theta)}}{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_O}\right)^2 \cdot \sin(\theta)^2\right]^2}} = 0.047 \cdot \frac{barn}{sr}$$

$$Y_{GaO} := d\sigma_{d\Omega.GaO} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_{Ga}^{\frac{2}{3}} = 2.983 \times 10^4$$

$$Y_{GaAl} := d\sigma_{d\Omega.GaAl} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_{Ga}^{\frac{2}{3}} = 1.284 \times 10^4$$

$$Y_{O.A1} := d\sigma_{d\Omega.OA1} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_O^{\frac{2}{3}} = 81.771$$

$$Y_{OO} := d\sigma_{d\Omega.OO} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_O^{\frac{2}{3}} = 189.979$$

$$nfGaO := ceil \left(\frac{E_{GaO} - En0}{d_n} \right) = 125 \qquad \qquad EcpGaO := \frac{E_{GaO} - En0}{2} = 3.107 \times 10^5 \cdot eV$$

EcpGaO :=
$$\frac{E_{GaO} - En0}{2} = 3.107 \times 10^{5} \cdot eV$$

$$nfGaAl := ceil \left(\frac{E_{GaAl} - En0}{d_n} \right) = 200$$

$$nfGaAl := ceil\left(\frac{E_{GaAl} - En0}{d_n}\right) = 200$$
 $EcpGaAl := \frac{E_{GaAl} - En0}{2} = 4.998 \times 10^5 \cdot eV$

$$nfOAl := ceil \left(\frac{E_{OAl} - En0}{d_n} \right) = 81$$

EcpOA1 :=
$$\frac{E_{OA1} - En0}{2} = 2.003 \times 10^{5} \cdot eV$$

nfOO :=
$$\operatorname{ceil}\left(\frac{E_{OO} - En0}{d_n}\right) = 46$$

EcpOO :=
$$\frac{E_{OO} - En0}{2} = 1.142 \times 10^{5} \cdot eV$$

$$E_{Ga} := K_{Ga} \cdot E_0$$

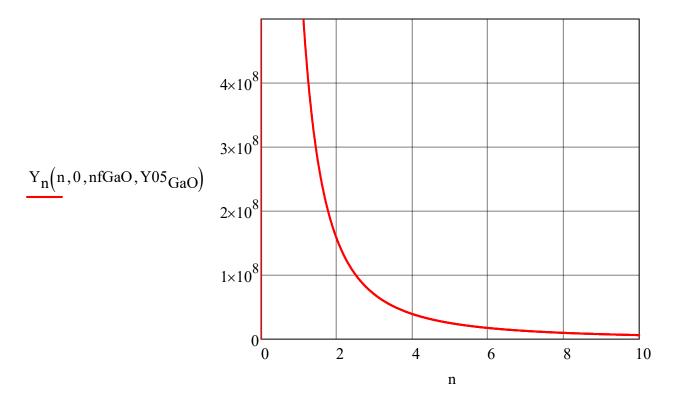
$$E_{O} := K_{O} \cdot E_{O}$$

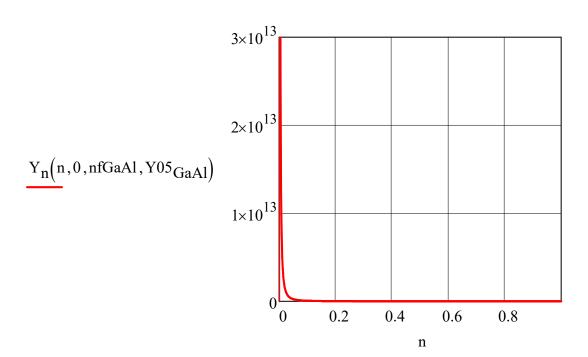
$$\text{Y05}_{GaO} \coloneqq \text{K}_c^2 \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_{Ga} \cdot q^2}{4 \cdot \text{EcpGaO}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\!\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_{Ga}^{\frac{2}{3}} = 1.608 \times 10^5$$

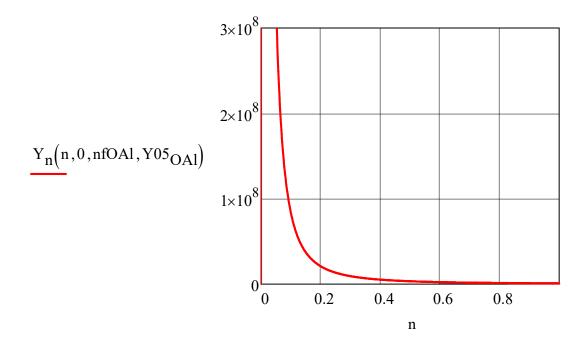
$$\text{Y05}_{GaAl} \coloneqq \text{K}_c^2 \cdot \left(\frac{\text{Z}_{He} \cdot \text{Z}_{Ga} \cdot \text{q}^2}{4 \cdot \text{EcpGaAl}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\!\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \Omega \cdot \text{Q} \cdot \text{N}_{Ga}^{\frac{2}{3}} = 6.215 \times 10^4$$

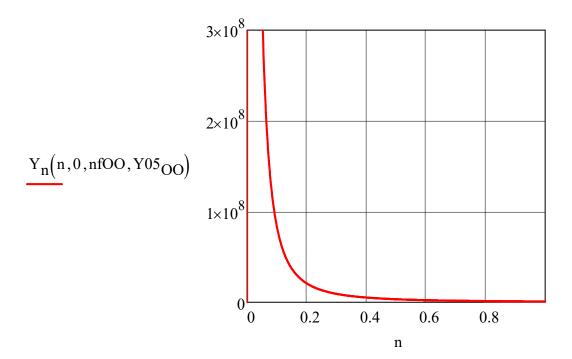
$$Y05_{OA1} := K_c^2 \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_{O} \cdot q^2}{4 \cdot \text{EcpOA1}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \frac{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_{O}}\right)^2 \cdot \sin(\theta)\right]^2 + \cos(\theta)}}{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_{O}}\right)^2 \cdot \sin(\theta)\right]^2}} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_O^{\frac{2}{3}} = 510.72$$

$$Y05_{OO} := K_c^2 \cdot \left(\frac{Z_{He} \cdot Z_{O} \cdot q^2}{4 \cdot \text{EcpOO}}\right)^2 \cdot \frac{1}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)^4} \cdot \frac{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_{O}}\right)^2 \cdot \sin(\theta)\right]^2 + \cos(\theta)}}{\sqrt{1 - \left[\left(\frac{M_{He}}{M_{O}}\right)^2 \cdot \sin(\theta)\right]^2}} \cdot \Omega \cdot Q \cdot N_O^{\frac{2}{3}} = 1.571 \times 10^3$$





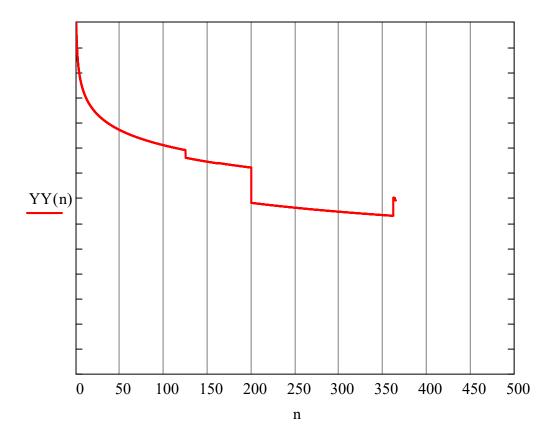




 $\mathrm{YY}(n) := \mathbf{f}_{Gauss}(n) + \mathrm{Y}_n\!\!\left(n, 0, n\!f\!\mathrm{SiO}, \mathrm{Y05}_{SiO}\right) + \mathrm{Y}_n\!\!\left(n, 0, n\!f\!\mathrm{SiSn}, \mathrm{Y05}_{SiSn}\right) + \mathrm{Y}_n\!\!\left(n, 0, n\!f\!\mathrm{OSn}, \mathrm{Y05}_{OSn}\right) + \mathrm{Y}_n\!\!\left(n, 0, n\!f\!\mathrm{OSn}, \mathrm{Y0$

 $n := n_f, n_f - 0.01..0$

$$\begin{split} &+ \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOO},\textbf{Y05}_{OO}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{nsO},\textbf{nfO},\textbf{Yhalf}_{O}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{n}_{Pt},\textbf{n}_{f},\textbf{Yhalf}_{Sn}) \\ &+ \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOO},\textbf{Y05}_{OO}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{n}_{Pt},\textbf{n}_{f},\textbf{Yhalf}_{Sn}) \\ &+ \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfGaO},\textbf{Y05}_{GaO}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfGaAl},\textbf{Y05}_{GaAl}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{Y05}_{OAl}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{Y05}_{OAl}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{Y05}_{OAl}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{Y05}_{OAl}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{Y05}_{OAl}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{Y05}_{OAl}) + \textbf{Y}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{NfOAl},\textbf{NfOAl},\textbf{NfOAl},\textbf{NfOAl},\textbf{NfOAl},\textbf{NfOAl}) + \textbf{N}_{n}(\textbf{n},\textbf{0},\textbf{nfOAl},\textbf{NfOA$$



 $\texttt{n,0,nfOO,Y05}_{OO}\big) + \texttt{Y}_n \Big(\texttt{n,nsO,nfO,Yhalf}_O\Big) + \texttt{Y}_n \Big(\texttt{n,n}_{Ni},\texttt{n}_f,\texttt{Yhalf}_{Al}\Big)$