

Ayudacontinuidaduniforme.pdf



Lorenax_Caceres



Cálculo II



1º Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas



Facultad de Ciencias Universidad de Granada











si consigues que suba apuntes, te llevas 15€ + 5 Wuolah Coins para los sorteos



Ayuda continuidad uniforme

© Created	@May 25, 2021 10:43 AM
Subject	Cálculo II
<u>≔</u> Subtipo	Continuidad Uniforme
<u>≔</u> Tags	Apuntes
# Tema	4

▼ Para demostrar que f es Lipschitziana:

Podemos tirar de definición y demostrar que

Existe M> 0 tal que $|f(y)-f(x)| \leq M|y-x|$ para cada $x,y \in A$

▼ Ejemplo:

El valor absoluto, $||y|-|x||\leq |y-x|$ y eso es claro porque en el primero restas dos numeros positivos y en el segundo puedes estar restando negativos.

También podemos ver que f es continua en un intervalo y tiene derivada acotada en el abierto.

▼ Ejemplo

El cos(x) es claramente continuo y su derivada es cos'(x) = -sen(x), el cual está acotado pues $sen(x) \leq 1$

Ser Lipschitziana implica continuidad uniforme

▼ Para demostrar que es uniformemente continua:

Por definicion:

Que para cada $\epsilon>0$ existe $\delta>0$ verificando que si $x,y\in A$ son tales que $|y-x|<\delta$, entonces |f(y)-f(x)|





Por sucesiones:

Una función $f:A o\mathbb{R}$ no es uniformemente continua en A si, y solo si, existe $\epsilon_0>0$, para el que podemos encontrar sucesiones x_n e y_n en A tales que $y_n-x_n o 0$ pero $|f(y_n)-f(x_n)|\geq \epsilon_0$

Esto es especialmente útil para demostar que no lo es.

Teorema de Heine:

Una función $f:[a,b] \to \mathbb{R}$ es uniformemente continua en [a,b] si, y solo si, es continua en [a,b].

Cheating:

Si la derivada esta acotada. Si no es derivable, se comprende el concepto

