SEMINAR 5

1) Solve the following systems of linear equations:

a)
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 = -1 \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 = -4 \text{ (în } \mathbb{R}^3\text{)}; \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = -2 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + x_3 + 2x_4 = 3 \\ 6x_1 + 8x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 7 \text{ (în } \mathbb{R}^4\text{)}; \\ 9x_1 + 12x_2 + 3x_3 + 10x_4 = 13 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 = -1 \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 3 \\ x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 1 \end{cases}$$
 (în \mathbb{R}^3).

2) Discuss on the real parameter α the consistency of the following systems, then solve them:

a)
$$\begin{cases} 5x_1 - 3x_2 + 2x_3 + 4x_4 = 3 \\ 4x_1 - 2x_2 + 3x_3 + 7x_4 = 1 \\ 8x_1 - 6x_2 - x_3 - 5x_4 = 9 \\ 7x_1 - 3x_2 + 7x_3 + 17x_4 = \alpha \end{cases}$$
, b)
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 5 \\ 4x_1 - 2x_2 + 5x_3 + 6x_4 = 7 \\ 6x_1 - 3x_2 + 7x_3 + 8x_4 = 9 \end{cases}$$
;
$$\alpha x_1 - 4x_2 + 9x_3 + 10x_4 = 11$$

c)
$$\begin{cases} \alpha x_1 + x_2 + x_3 = 1 \\ x_1 + \alpha x_2 + x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 + \alpha x_3 = 1 \end{cases}$$
.