

Dinu Marius

Grupa A5

8.

$$c_1 = m^{p_1} \bmod n$$

$$(e_A, l_B) = 1 \quad (1)$$

$$c_2 = m^{p_2} \bmod n$$

Dacă  $\gcd(p_1, p_2) = 1 \Rightarrow \exists a, b \in \mathbb{Z}: p_1 \cdot a + p_2 \cdot b = 1$   
unde  $a$  și  $b$  le găsim folosind alg. extinsă a lui Euclid  
și  $m \equiv c_1^a \cdot c_2^b \bmod n \Rightarrow p_A \cdot a + p_B \cdot b = 1 \quad (2)$

$$\left. \begin{array}{l} c_1^a \cdot c_2^b \Leftrightarrow (m^{p_1})^a \cdot (m^{p_2})^b \Leftrightarrow m^{p_1 a} \cdot m^{p_2 b} \Leftrightarrow \\ m^{p_1 a + p_2 b} \end{array} \right\} \Leftrightarrow m^1 \Leftrightarrow m$$

$\left. \begin{array}{l} p_1 = p_A \\ p_2 = p_B \\ (2) \end{array} \right\}$