V 41

Debye-Scherrer Versuch

Marius Hötting Marius.Hoetting@udo.edu

Durchführung:14.05.2018

Hubertus Kaiser Hubertus.Kaiser@udo.edu

Abgabe: Sorry vergessen

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie 2.1 Grundlagen zur Kristallstrukturen	3 3 4
3	Fehlerrechnung	5
4	Versuchsaufbau	6
5	Durchführung	7
6	Auswertung6.1 Allgemeine Auswertung der Filmstreifen6.2 Metallprobe 96.3 Salzprobe 5	8
7	Diskussion	15
Lit	teratur	16

1 Zielsetzung

Ziel des Versuches ist es, mit Hilfe der Debye-Scherrer Methode, Eigenschaften über Strukturen von Metallen und Salzen zu ermitteln. Innerhalb dieses Versuches wird mittels der Debye-Scherrer Aufnamen Rückschlüsse über die Netzebenabstände und die Struktur der Elementarzellen geschlossen.

2 Theorie

Die zu untersuchende Materie weißt kristalline Strukturen auf, sodass zuerst innerhalb der Theorie auf die verschiedenen Kristallstrukturen eingegangen wird.

2.1 Grundlagen zur Kristallstrukturen

Kristalle bestehen aus einer periodisch angeordneten Basis, welche für verschiedene Kristalle aus einem oder mehreren Atomen bestehen kann. Die Form und die periodische Anordnung im Raum legen fest, was für eine Kristallstruktur vorliegt.

Durch die Tranlation im Raum entsteht ein Gitter aus Basisvektoren, welches eine Linearkombination \vec{l} der möglichen fundamentalen Translationen in jede Richtung des Raums ist

$$\vec{l} = n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c}.$$

Die Faktoren n_1-n_3 Abbildung 1 stellt eine mögliche Anordnung eines Gitters mit einer

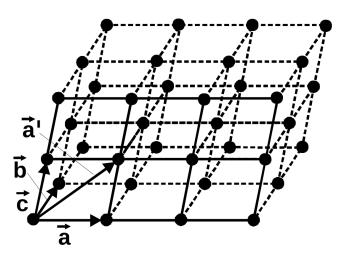


Abbildung 1: Eines Gitters mit verschiedenen Gitterpunkten und deren mögliche Verschiebung durch den Translationsvektor \vec{l} .

einatomigen Basis dar (Punktgitter). Jeder Punkt des Gitters kann von jedem Punkt durch die Linearkombination \vec{l} erreicht werden.

2.2 Elementarzelle

Eine Elementarzelle definiert die kleinste Einheit einer Kristallstruktur. Es wird zwischen primitive Einheitszellen und Einheitszellen mit mehreren Atomen (z.B. Salze) unterschieden. Im Fall einer primitiven Einheitszelle liegt auf jeder Ecke der Einheitszelle das selbe Atome. Das heißt die Gitterpunkte bilden gleichzeitig auch das Kristallgitter. In der Abbildung 2 ist eine kubisch primitive Einheitszelle dargestellt, einer der Eckpunkte kann als primitive Einheitszelle festgelegt werden.

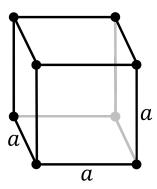


Abbildung 2: Eines Gitters mit verschiedenen Gitterpunkten und deren mögliche Verschiebung durch den Translationsvektor \vec{l} .

Bei Einheitszellen mit mehreren Atomen wie z.B. Na
Cl besteht die Einheitszelle aus $\rm Na^+$ und
 $\rm Cl^-$ Ionen.

3 Fehlerrechnung

Dieses Kapitel listet kurz und bündig die benötigten und aus den Methoden der Statistik bekannten Formeln für die Fehlerrechnung auf. Die Schätzung der Standardabweichung ist

$$\Delta X = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2} \ . \tag{1}$$

Der Mittelwert ist

$$\overline{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i \tag{2}$$

Der Fehler des Mittelwertes ist

$$\Delta \overline{X} = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2} . \tag{3}$$

Für fehlerbehaftete Größen, die auch in folgenden Formeln verwendet werden, muss die Fehlerfortpflanzung nach Gauß berücksichtigt werden.

$$\Delta f = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \left(\frac{\partial f}{\partial X_i}\right)^2 \cdot (\Delta X_i)^2} \tag{4}$$

Bei der linearen Regressionsrechnung sind die Parameter m und b der Ausgleichsgerade y=mx+b wie folgt gegeben:

$$m = \frac{\overline{xy} - \overline{x} \cdot \overline{y}}{\overline{x^2} - \overline{x}^2} \qquad b = \overline{y} - m\overline{x} . \tag{5}$$

Dabei sind x_i und y_i linear abhängige Messgrößen. Der Fehler dieser Parameter wiederum errechnet sich aus

$$\sigma_m^2 = \frac{\sigma^2}{n(\overline{x^2} - \overline{x}^2)} \qquad \qquad \sigma_b^2 = \frac{\sigma^2 \overline{x^2}}{n(\overline{x^2} - \overline{x}^2)} . \tag{6}$$

Relative Abweichungen einer Messgröße x gegenüber Literaturwerten $x_{\rm Lit}$ werden nach der Vorschrift

$$R_x = \frac{x - x_{\text{Lit}}}{x_{\text{Lit}}} \tag{7}$$

berechnet.

4 Versuchsaufbau

5 Durchführung

6 Auswertung

Sämtliche im Folgenden durchgeführten Ausgleichsrechnungen werden mit der *curve fit* Funktion aus dem für Python geschriebenen package NumPy[3] durchgeführt. Fehlerrechnungen werden mit dem für Python geschriebenen package Uncertainties[4] ausgeführt.

6.1 Allgemeine Auswertung der Filmstreifen

Zur Auswertung wird der Nullpunkt in die Mitte des linken ausgestanzten Loches gesetzt, da in diesem Punkt der Strahl die Kamera verlässt. Somit entspricht der Abstand zwischen beiden ausgestanzten Löchern einem Winkel von $\theta = 90^{\circ}$. Der Abstand der Streifen zum Nullpunkt werden mit einem Geodreieck vermessen und mit der Beziehung

$$\theta = \frac{s}{2R} \tag{8}$$

in den Beugungswinkel überführt. Dabei beschreibt s den Abstand des auftretenen Reflex zum Nullpunkt und $R=5,73\,\mathrm{cm}$ den Radius der verwendeten Kamera. Aufgrund der Fehleranfälligkeit beim ablesen, wird auf jeden Reflex ein Unsicherheit $\Delta s=1\,\mathrm{mm}$ angenommen.

6.2 Metallprobe 9

Die im vorherigen Kapitel beschriebenen Messgrößen und der Netzebenenabstand d, welcher mit der Bragg-Bedingung XXX bestimmt wird, sind in Tabelle 1 für die verwendete Metallprobe 9 zusammengefasst. Die letzten beiden Einträge in der Tabelle stehen aus einer Ringaufspaltung.

Tabelle 1: Messdaten der Metallprobe.

s / cm	θ	d / Å
$4{,}0\pm0{,}1$	$0,349 \pm 0,009$	$2,25 \pm 0,05$
$5{,}7\pm0{,}1$	$0,\!497 \pm 0,\!009$	$1,62 \pm 0.03$
$7{,}1\pm0{,}1$	$0,620 \pm 0,009$	$1,33 \pm 0,02$
$8,4 \pm 0,1$	$0,733 \pm 0,009$	$1,\!15 \pm 0,\!01$
9.6 ± 0.1	$0,\!838 \pm 0,\!009$	$1,037 \pm 0,008$
10.9 ± 0.1	$0,951 \pm 0,009$	$0,947 \pm 0,006$
$12{,}2\pm0{,}1$	$1,065 \pm 0,009$	$0,881 \pm 0,004$
$13{,}8\pm0{,}1$	$1,\!204 \pm 0,\!009$	$0,826 \pm 0,003$
$16{,}2\pm0{,}1$	$1,414 \pm 0,009$	$0,780 \pm 0,001$
$16{,}4\pm0{,}1$	$1,435 \pm 0,009$	$0,7795 \pm 0,0009$

Bei der Betrachtung der Netzebenenabstände d für die Ringaufspaltung, ist zu erkennen, dass sich diese erst in der dritten Nachkommerstelle unterscheiden. Zudem liegt der eine Wert im Fehlerintervall des anderen und umgekehrt. Aufgrund dessen werden im Folgenden die beiden Abstände gemittelt und mit der mittleren Wellelänge der K_{α} -Linie ein gemittelter Netzebenenabstand berechnet.

Zur Bestimmung der Kristallstruktur wird das Verhältnis

$$\frac{d_1}{d_i} = \frac{m_i}{m_1} \tag{9}$$

verwendet, wobei gilt $m=\sqrt{h^2+k^2+l^2}$. Dadurch erfolgt ein Vergleich der Theorie (rechte Seite) mit den experimentell bestimmten Werten (linke Seite). In Tabelle 2 sind die ersten neun Reflexe der Kristallstrukturen simple-cubic (sc), body centered cubic (bbc), face centered cubic (fcc) und Diamant aufgelistet. Zudem wird das in Gleichung 9 beschriebene Verhältnis gebildet, um dieses mit der Probe zu vergleichen.

sc	$\left(\frac{m_i}{m_1}\right)_{sc}$	bcc	$\left(\frac{m_i}{m_1}\right)_{bcc}$	fcc	$\left(\frac{m_i}{m_1}\right)_{fcc}$	diamant	$\left(\frac{m_i}{m_1}\right)_{dia}$	$rac{d_1}{d_i}$
100	1,00	110	1,00	111	1,00	111	1,00	$1,0 \pm 0$
110	1,41	200	$1,\!41$	200	1,15	220	1,63	$1,40 \pm 0,04$
111	1,73	211	1,73	220	1,63	311	1,91	$1{,}70\pm0{,}05$
200	2,00	220	2,00	311	1,91	400	2,31	$1,96 \pm 0,05$
210	$2,\!24$	310	$2,\!24$	222	2,00	331	$2,\!52$	$2{,}17\pm0{,}05$
211	$2,\!45$	222	$2,\!45$	400	2,31	422	$2,\!83$	$2,38 \pm 0,06$
220	$2,\!83$	321	2,65	331	$2,\!52$	333	3,00	$2,56 \pm 0,06$
221	3,00	400	2,83	420	$2,\!58$	440	$3,\!27$	$2,73 \pm 0,07$
310	$3,\!16$	330	3,00	422	2,83	531	$3,\!42$	$2,\!89 \pm 0,\!07$

Tabelle 2: Vergleich der Verhältnisse für die Metallprobe.

Anhand der absoluten Zahlen kann zunächst die Aussage getroffen werden, dass die Diamantstruktur nicht der gesuchten Kristallprobe entspricht. Um die anderen Strukturen bewerten zu können, wird in Tabelle 3 die absolute Abweichung in Prozent angegeben.

$\left(\frac{m_i}{m_1}\right)_{sc}$	$\left Abw_{sc}\right /\%$	$\left(\frac{m_i}{m_1}\right)_{bcc}$	$ Abw_{bcc} \: / \: \%$	$\left(\frac{m_i}{m_1}\right)_{fcc}$	$ Abw_{fcc} \:/\:\%$	$\frac{d_1}{d_i}$
1,00	0,00	1,00	0,00	1,00	0,00	$1,0 \pm 0$
1,41	$1,\!37$	1,41	$1,\!37$	1,15	$17,\!23$	$1,40 \pm 0,04$
1,73	2,01	1,73	2,01	1,63	3,82	$1{,}70\pm0{,}05$
2,00	$2,\!23$	2,00	$2,\!23$	1,91	$2,\!12$	$1,96 \pm 0,05$
$2,\!24$	2,91	$2,\!24$	2,91	2,00	$7,\!95$	$2{,}17\pm0{,}05$
$2,\!45$	2,90	$2,\!45$	2,90	2,31	2,98	$2,38 \pm 0,06$
2,83	10,60	2,65	3,46	$2,\!52$	1,59	$2,56 \pm 0,06$
3,00	9,90	2,83	3,62	2,58	$5,\!41$	$2,73 \pm 0,07$
3,16	9,32	3,00	3,71	2,83	$2,\!22$	$2,\!89 \pm 0,\!07$

Tabelle 3: Vergleich der Verhältnisse mit zusätzlicher Abweichung.

Zu beobachten ist, dass die b
cc-Kristallstruktur kontinuierlich nur geringe Abweichungen unter 4% aufweißt. Somit wird angenommen, dass die Probe eine b
cc-Struktur besitzt.

Desweiteren ist die Gitterkonstante a der Probe zu bestimmen. Diese wird nach Gleichung XXX berechnet und in Abbildung 3 gegen $\cos^2(\theta)$ aufgetragen. Durch die verwendete lineare Ausgleichsrechnung

$$a(\cos(\theta)) = b\cos^2(\theta) + c \tag{10}$$

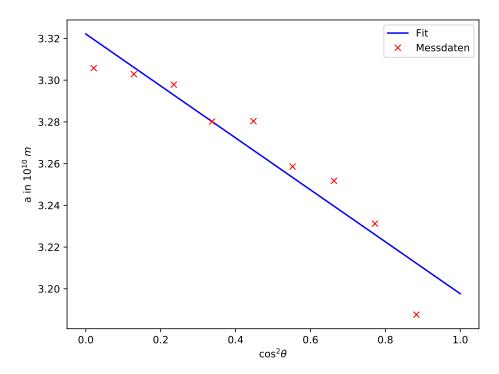


Abbildung 3: Messdaten und Fitergebnis.

werden die in Kapitel XXX angesprochenen systematischen Fehler korrigiert. Die resultierenden Fitparamter lauten:

$$b = (-0.125 \pm 0.016) \,\text{Å} \tag{11}$$

$$c = (3,3221 \pm 0,0084) \,\text{Å} \tag{12}$$

Die Gitterkonstante und die vorliegende bcc-Struktur weißt nach [2] auf Niob hin. Die Abweichung zur der in der Literatur angegebenen Gitterkonstante a = 3,30 Å beträgt $(1,038 \pm 0,005)$ %.

6.3 Salzprobe 5

Die Salzprobe muss eine Gitterstruktur aufweisen, die aus zwei verschiedenen Atomen besteht. Nach [5] werden somit die Zinkblenden-, die Steinsalz, Cäsiumchlorid- und Fluoritstruktur im folgenden untersucht. Dafür werden mit Gleichung XXX alle aufkommenden Reflexe ermittelt. Da das Material unbekannt ist, lässt sich keine Aussagen über den Atomformfaktor f treffen. Aus diesem Grund werden die beiden jeweiligen Untergitter der zuvor genannten Gitterstrukturen untersucht. Tritt also ein Reflex in einem der Untergitter auf, wird dieser zu den Reflexen der Gesamtstruktur hinzugezählt. Diese Methode funktioniert nicht bei der Cäsiumchlorid-Struktur, da dessen Elementarzelle nur zwei Atome besitzt und zusätzlich einer der Koordinaten (0,0,0) ist. Somit würde bei jeder Kombination von Millerindizes ein Reflex entstehen. Deshalb wird zur Vereinfachung angenommen:

$$f_1 \approx f_2 \tag{13}$$

Die auf dem Filmstreifen vermessenen Reflexe, die sich daraus ergebenen Winkel θ und die Netzebenenabstände sind in Tabelle 4 aufgelistet.

Tabelle 4: Messdaten der Salzprobe.

s / cm	θ	d / Å
2,8	0,2	3,24
3,9	0,3	2,31
4,8	0,4	1,90
6,3	0,5	1,48
7,0	0,6	1,34
8,3	0,7	1,16
8,9	0,8	1,10
9,6	0,8	1,04
10,2	0,9	0,99
11,6	1,0	0,91
12,2	1,1	0,88
14,9	1,3	0,80
16,5	1,4	0,78

Zur Auswertung wird für jeweils alle dreizehn Reflexe auf dem Filmstreifen und alle möglichen Millerindizes die Gitterkonstante a berechnet. Stimmt die angenommene Gitterstruktur mit der Gitterstruktur der Probe überein, ist die Gitterkonstante a in einer Diagonale durchgehend zu finden. Da die Zinkblenden-, die Steinsalz und Fluoritstruktur die gleichen Reflexe aufweisen, sind diese zusammen in Abbildung 4 und die Cäsiumchloridstruktur in Abbildung 5 dargestellt.

Bei dem Vergleich von Abbildung 4 und 5 ist zuerkennen, dass die Salzprobe eine Cäsiumchloridstruktur besitzt. Zur Korrektur der systematischen Fehler wird erneut die Gitterkonstante a gegen $\cos^2\theta$ aufgetragen und eine lineare Ausgleichsrechung (10) vorgenommen. Es ist anzumerken, dass der in Abbildung 6 grün markierte Messwert nicht in die lineare Ausgleichrechnung eingeht.

Die Ergebnisse der Fitparamter lauten:

$$b = (-0.050 \pm 0.019) \,\text{Å} \tag{14}$$

$$c = (4,672 \pm 0,011) \,\text{Å}$$
 (15)

Somit ist $a = (4,672 \pm 0,011)$ Å die experimentell bestimmte Gitterkonstante für die Salzprobe 5.

Die experimentell bestimmte Gittekonstante a und die Cäsiumchloridstruktur weisen nach [1] auf Caesiumiodid hin. Die Abweichung bzgl. zum Literaturwert von a=4,56 Å ergibt somit eine Abweichung von 2,46 %.

 ${\bf Abbildung~4:}~{\bf Mess daten~und~Fitergebnis}.$

1 5781	1 7172	a9 a10	a9 al0	a7 a8 a9 a10	a6 a7 a8 a9 a10	a5 a6 a7 a8 a9 a10	ab ab all all all all all all all all al	3 2810 2 5541 2 3267 2 0140 1 9040 1 8020 1 7172	a2 a3 a4 a5 a6 a7 a8 a9 a10 3 ag7q 3 ag7q 3 ag7q 3 ag7q 1 ag7q <td< th=""></td<>
	1,7172		1,8029	1,9040 1,8029	2,0140 1,9040 1,8029	2,3267 2,0140 1,9040 1,8029	2,5541, 2,3267 2,0140 1,9040 1,8029	3,2810 2,5541 2,3267 2,0140 1,9040 1,8029	3,9979 3,2810 2,5541 2,3267 2,0140 1,9040 1,8029
	1,9828	2,0818 1,9828		2,0818	2,1986 2,0818	2,3256 2,1986 2,0818	2,6866 2,3256 2,1986 2,0818	2,9492 2,6866 2,3256 2,1986 2,0818	3,7886 2,9492 2,6866 2,3256 2,1986 2,0818
	2,8041	2,9441 2,8041		2,9441	3,1093 2,9441	3,2889 3,1093 2,9441	3,7994 3,2889 3,1093 2,9441	4,1708 3,7994 3,2889 3,1093 2,9441	5,3579 4,1708 3,7994 3,2889 3,1093 2,9441
	3,2881	3,4523 3,2881		3,4523	3,6460 3,4523	3,8566 3,6460 3,4523	4,4552 3,8566 3,6460 3,4523	7 4,8907 4,4552 3,8566 3,6460 3,4523	6,2827 4,8907 4,4552 3,8566 3,6460 3,4523
	3,4343	3,6058 3,4343		3,6058	3,8081 3,6058	4,0281 3,8081 3,6058	4,6533 4,0281 3,8081 3,6058	5,1082; 4,6533 4,0281 3,8081 3,6058	6,5620 5,1082 4,6533 4,0281 3,8081 3,6058
	3,9656	4,1636 3,9656		4,1636	4,3972 4,1636	4,6512 4,3972 4,1636	5,3732 4,6512 4,3972 4,1636	5,8984 5,3732 4,6512 4,3972 4,1636	7,5772 5,8984 5,3732 4,6512 4,3972 4,1636
	4,3214	4,5372 4,3214		4,5372	4,7917 4,5372	5,0685 4,7917 4,5372	5,8553 5,0685 4,7917 4,5372	6,4276 5,8553 5,0685 4,7917 4,5372	8,2571 6,4276 5,8553 5,0685 4,7917 4,5372
	4,4337	4,6550 4,4337		4,6550	4,9162 4,6550	5,2002 4,9162 4,6550	6,0074 5,2002 4,9162 4,6550	6,5946 6,0074 5,2002 4,9162 4,6550	8,4716 6,5946 6,0074 5,2002 4,9162 4,6550
	4,8568	5,0993 4,8568		5,0993	5,3854 5,0993	5,6965 5,3854 5,0993	6,5808 5,6965 5,3854 5,0993	7,2240 6,5808 5,6965 5,3854 5,0993	9,2801 7,2240 6,5808 5,6965 5,3854 5,0993
	5,1515	5,4087 5,1515		5,4087	5,7121 5,4087	6,0421 5,7121 5,4087	6,9800 6,0421 5,7121 5,4087	7,6622, 6,9800 6,0421 5,7121 5,4087	9,8431 7,6622 6,9800 6,0421 5,7121 5,4087
	5,6082	5,8882 5,6082		5,8882	6,2186 5,8882	6,5778 6,2186 5,8882	8,3416 7,5989 6,5778 6,2186 5,8882	7,5989 6,5778 6,2186 5,8882	10,7158 8,3416 7,5989 6,5778 6,2186 5,8882
	5,8652	6,1580 5,8652		6,1580	6,5035 6,1580	6,8792 6,5035 6,1580	7,9471 6,8792 6,5035 6,1580	8,7239 7,9471 6,8792 6,5035 6,1580	11,2068 8,7239 7,9471 6,8792 6,5035 6,1580
	5,9484	6,2454 5,9484		6,2454	6,5958 6,2454	6,9768 6,5958 6,2454	8,0598 6,9768 6,5958 6,2454	8,8476 8,0598 6,9768 6,5958 6,2454	11,3658 8,8476 8,0598 6,9768 6,5958 6,2454
	6,2702	6,5832 6,2702		6,5832	6,9526 6,5832	7,3542 6,9526 6,5832	8,4958 7,3542 6,9526 6,5832	9,3262, 8,4958 7,3542 6,9526 6,5832	11,9806 9,3262, 8,4958 7,3542 6,9526 6,5832
	6,5010	6,8256 6,5010		6,8256	7,2086 6,8256	7,6250 7,2086 6,8256	9,6696 8,8086 7,6250 7,2086 6,8256	8,8086 7,6250 7,2086 6,8256	12,4218 9,6696 8,8086 7,6250 7,2086 6,8256
	6,5762	6,9045 6,5762		6,9045	7,2919 6,9045	7,7131 7,2919 6,9045	8,9104 7,7131 7,2919 6,9045	9,7814 8,9104 7,7131 7,2919 6,9045	12,5654 9,7814 8,9104 7,7131 7,2919 6,9045
	6,8686	7,2116 6,8686		7,2116	7,6162 7,2116	2163 9,3067 8,0561 7,6162 7,2116	9,3067 8,0561 7,6162 7,2116	10,2163 9,3067 8,0561 7,6162 7,2116	13,1241 10,2163 9,3067 8,0561 7,6162 7,2116
	7,0800	7,4335 7,0800	_	7,4335	7,8506 7,4335	5308 9,5931 8,3041 7,8506 7,4335	9,5931 8,3041 7,8506 7,4335	10,5308 9,5931 8,3041 7,8506 7,4335	13,5280 10,5308 9,5931 8,3041 7,8506 7,4335
	7,4190	7,7894 7,4190	7	7,7894	8,2264 7,7894 7	8,7016 8,2264 7,7894 7	,0349 10,0523 8,7016 8,2264 7,7894 7	11,0349i 10,0523 8,7016 8,2264 7,7894 7	14,1756 11,0349 10,0523 8,7016 8,2264 7,7894 7
	7,6151	7,9953 7,6151	_	4439 7,9953 7	8,4439 7,9953	8,9316 8,4439 7,9953	,3266 10,3181 8,9316 8,4439 7,9953	11,3266, 10,3181 8,9316 8,4439 7,9953	14,5504 11,3266 10,3181 8,9316 8,4439 7,9953
	8,1150	8,5201 8,1150		8,5201	8,9982 8,5201	9,5179 8,9982 8,5201	0701 10,9954 9,5179 8,9982 8,5201	12,0701 10,9954 9,5179 8,9982 8,5201	15,5055 12,0701, 10,9954 9,5179 8,9982 8,5201
	8,1753	8,5835 8,1753		8,5835	9,0651 8,5835	9,5887 9,0651 8,5835	1599 11,0771 9,5887 9,0651 8,5835	12,1599 11,0771 9,5887 9,0651 8,5835	15,6208 12,1599 11,0771 9,5887 9,0651 8,5835
	8,4123	8,8323 8,4123		8,8323	9,3279 8,8323	9,8667 9,3279 8,8323	5124 11,3983 9,8667 9,3279 8,8323	12,5124 11,3983 9,8667 9,3279 8,8323	16,0737 12,5124 11,3983 9,8667 9,3279 8,8323
7.8904		8.5858	9.0145 8.5858	9.5202 9.0145 8.5858	10.0701 9.5202 9.0145 8.5858	7704 11.6333 10.0701 9.5202 9.0145 8.5858	12.7704 11.6333 10.0701 9.5202 9.0145 8.5858	16.4051 12.7704 11.6333 10.0701 9.5202 9.0145 8.5858	19.9896 16.4051 12.7704 11.6333 10.0701 9.5202 9.0145 8.5858
	3,2841 3,4956 4,3314 4,4337 4,8568 5,1515 5,6082 5,8652 5,9484 6,702 6,8086 7,0100 7,0101 8,1153 8,1153 8,4123 8,8123 8,8123		3, 4523 3, 6058 4, 1636 4, 5372 4, 6550 5, 0983 5, 4087 5, 8882 6, 1580 6, 2454 6, 2454 6, 2825 6, 2825 7, 7894 7, 9953 8, 5835 8, 8323 9, 0145	3,6460 3,4523 3,8081 3,6058 4,3972 4,1636 4,7917 4,5372 4,9162 4,6550 5,3854 5,0993 5,7121 5,4087 6,2186 5,8882 6,5035 6,1580 6,5035 6,1580 6,5045 7,2019 6,9045 7,2919 6,9045 7,2919 7,2116 7,894 8,4439 7,9953 8,9982 8,5201 9,0651 8,8323 9,5202 9,0145	3,8566 3,6460 3,4523 4,0281 3,8081 3,6058 4,6512 4,3972 4,1636 5,0685 4,7917 4,5372 5,2002 4,9162 4,6550 5,6965 5,3854 5,0993 6,0421 5,7121 5,4087 6,5778 6,2186 5,8882 6,8792 6,5035 6,1580 6,8792 6,5035 6,1580 6,8792 6,5035 6,1580 7,3542 6,9526 6,5832 7,6250 7,2086 6,8045 8,3041 7,8506 7,2116 8,3041 7,8506 7,4335 8,0561 7,6162 7,2116 8,3041 7,8506 7,2963 8,5179 8,9982 8,5201 9,5887 9,0651 8,5832 9,587 9,0651 8,8323 10,0701 9,5202 9,0145	1700 4,552 3,505 3,173 4,452 3,173 4,452 3,173 4,453 3,173 4,453 3,173 4,453 3,173 4,453 3,173 4,453 3,173 4,453 3,173 4,1636 3,173 4,1636 4,453 4,653 3,1608 4,1636 4,1636 4,650 3,173 4,650 6,188	4,8907 4,4552 3,8566 3,6460 3,5441 5,1084 4,4552 3,8668 3,6460 3,4523 5,1084 4,3523 4,0281 3,8081 3,6058 5,8884 5,3753 4,6512 4,3972 4,1636 6,5946 6,0074 5,2002 4,9162 4,6550 7,2240 6,5808 5,6965 5,3854 5,0993 7,6622 6,9800 6,0421 5,7121 5,4087 8,7239 7,9471 6,8792 6,2186 5,8882 8,7239 7,9471 6,8792 6,5035 6,1580 8,8476 8,0598 6,9768 6,5958 6,2454 9,3262 8,4958 7,3542 6,926 6,582 9,3262 8,8096 7,250 6,926 6,582 9,3262 8,8096 7,250 6,926 6,582 9,3262 8,8096 7,234 7,294 6,945 10,2163 9,3067 8,0561 7,294	6,2827 4,8907 4,4552 3,8566 3,6460 3,4523 (6,522) (6,522) 4,653 4,028 3,8566 3,6460 3,4523 (6,522) (6,522) (6,523) (6,523) (6,523) (6,523) (6,524) (6,	7,6554 6,2827 4,852 3,8566 3,6460 3,4523 7,6554 6,5827 4,852 3,8566 3,6460 3,4523 7,9958 7,572 5,8984 5,3732 4,6512 4,3972 4,1636 10,0612 8,2571 6,2476 5,8533 5,0885 4,7917 4,5372 10,0612 8,2571 6,5946 6,0074 5,2002 4,9162 4,6550 11,3078 9,2801 7,2240 6,5808 5,6965 5,3854 5,0983 11,3078 9,8431 7,6222 6,9800 6,0421 5,7121 5,4087 13,0572 10,7158 8,3416 7,5989 6,5778 6,2186 5,882 13,6556 11,2068 8,7239 7,9471 6,8792 6,5065 6,1580 13,6556 11,3658 8,8476 8,0586 7,342 6,5965 6,2454 15,3109 12,418 9,6696 8,8086 7,342 6,9566 6,8045 16,4838 </td

Abbildung 5: Messdaten und Fitergebnis.

13

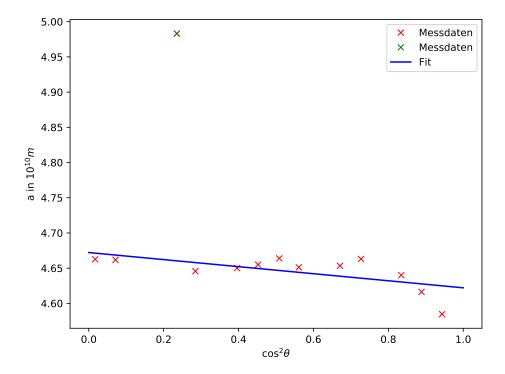


Abbildung 6: Messdaten und Fitergebnis.

7 Diskussion

Bei diesem Versuch gibt es einige Fehlerquelle. Zum einen die systematischen Fehler, die in Kapitel XXX beschrieben werden, die durch eine lineare Ausgleichsrechnung behoben werden und zum anderen systematische Fehler die bei der Durchführung auftreten können. Beispielweise ist es unklar, ob die Entwicklung der Filme optimal durchgeführt wurde. Bei der Salzprobe war der Film sehr stark belichtet, sodass die Reflexe nur schwer abgelesen werden konnten. Außerdem wurde ein Geodreieck zu Vermessung verwendet, wodurch eine Unsicherheit auf die abgelesenen Werte angenommen werden musste.

Trotzdem konnte der Metallprobe 9 mit einer Abweichung von $(1,038\pm0,005)\,\%$ zum Literaturwert der Gitterkonstante a, dem Element Niob zugeordnet werden. Obwohl für die Zuordnung der Gitterstruktur bei der Salzprobe ein anderes Verfahren benutzt wurde, konnte auch hier mit einer Abweichung von $2,46\,\%$ zum Literaturwert, das Salz CsJ (Caesiumiodid) identifiziert werden.

Literatur

- [1] Binäre Verbindungen. https://books.google.de/books?id0ow5kTB0icAC&dqCsBrgitterkonstante&hlde&sourcebs_navlinks_s. Mai 2018.
- [2] Gitterkonstanten. https://www.tf.uni-kiel.de/matwis/amat/mw1_ge/kap_3/illustr/t3_1_1.html. Mai 2018.
- [3] Eric Jones, Travis E. Oliphant, Pearu Peterson u. a. SciPy: Open source scientific tools for Python. Version 0.16.0. URL: http://www.scipy.org/.
- [4] Eric O. Lebigot. *Uncertainties: a Python package for calculations with uncertainties.* Version 2.4.6.1. URL: http://pythonhosted.org/uncertainties/.
- [5] TU Dortmund Fachbereich Physik : Fortgeschrittenenpraktikum Anleitung zu Versuch Nr. 23. http://129.217.224.2/HOMEPAGE/Anleitung_FPBSc.html. Mai 2017.