Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего

# образования НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ»

Отчет по лабо	раторной р	работе 5.4	«Компьютерная	сцинитилляцио	панна
		$\gamma$ - спектр	« кидтэмоо		

Выполнил: Сидельников Станислав Игоревич студент Б01-908

#### 1 Аннотация

**Цель работы:** исследование при помощи спектрометрии эффектов рассеяния  $\gamma$ -квантов на различных типах веществ.

В работе используются:

- сцинтиллятор
- ФЭУ
- предусилитель импульсов
- высоковольтный блок питания для ФЭУ
- АЦП
- компьютер

#### 2 Теоретические сведения

**Фотоэффект** - это процесс взаимодействия гамма-кванта с электроном, связанным с атомом, при котором электрону передается вся энергия гамма-кванта. При этом электрону сообщается кинетическая энергия  $T_e = E_{\gamma} - I_i$ , где  $E_{\gamma}$  – энергия гамма-кванта,  $I_i$  – потенциал ионизации i-той оболочки атома. Фотоэффект особенно существенен для тяжелых веществ, где он идет с заметной вероятностью даже при высоких энергиях гамма-квантов. В легких веществах фотоэффект становится заметен лишь при относительно небольших энергиях гамма-квантов.

Эффект Комптона - это упругое рассеяние фотона на свободном электроне, сопровождающееся изменением длины волны фотона. Максимальная энергия образующихся комптоновских электронов соответствует рассеянию гамма-квантов на 180° и равна

$$E_{\text{max}} = \frac{h\omega}{1 + \frac{mc^2}{2h\omega}}.$$
 (1)

Процесс образования электрон-позитронных пар. При достаточно высокой энергии гамма-кванта наряду с фотоэффектом и эффектом Комптона может происходить третий вид взаимодействия гамма-квантов с веществом – образование электрон-позитронных пар. Процесс образования пар не может происходить в пустоте, так как в этом случае не выполняются законы сохранения энергии и импульса. В присутствии ядра или электрона процесс образования пары гамма-квантов возможен, так как можно распределить энергию и импульс гамма-кванта между тремя частицами без противоречия с законами сохранения. При этом если процесс образования пары идет в кулоновском поле ядра или протона, то энергия образующегося ядра отдачи оказывается весьма малой, так что пороговая энергия гамма-кванта  $E_0$ , необходимая для образования пары, практически совпадает с удвоенной энергией покоя электрона  $E_0 \cong 2mc^2 = 1.022$  МэВ.

Появившийся в результате процесса образования пар электрон свою энергию на ионизацию среды. Таким образом, вся энергия электрона остается в детекторе. Позитрон будет двигаться до тех пор, пока практически не остановится, а затем аннигилирует с электроном среды, в результате чего появятся два гамма-кванта. Т.е., кинетическая энергия позитрона также останется в детекторе. Далее возможны три варианта развития событий:

- 1. оба родившихся гамма-кванта не вылетают из детектора, и тогда вся энергия первичного гамма-кванта останется в детекторе, а в спектре появится пик с  $E = E_{\gamma}$ ;
- 2. один из родившихся гамма-квантов покидает детектор, и в спектре появляется пик, соответствующий энергии  $E=E_{\gamma}-E_{0}$ , где  $E_{0}=mc^{2}=511$  кэB;
- 3. оба родившихся гамма-кванта покидают детектор, и в спектре появляется пик, соотвествующий энергии  $E=E_{\gamma}-2E_{0}$ , где  $2E_{0}=2mc^{2}=1022$  кэВ.

Таким образом, любой спектр, получаемый с помощью гамма-спектрометра, описывается несколькими компонентами, каждая из которых связана с определенным физическим процессом. Как описано выше, основными физическими процессами взаимодействия гамма-квантов с веществом является фотоэффект, эффект Комптона и образование электрон-позитронных пар, и каждый из них вносит свой вклад в образование спектра. Помимо этих процессов, добавляется экспонента, связанная с наличием фона, пик характеристического излучения, возникающий при взаимодействии гамма-квантов с окружающим веществом, а также пик обратного рассеяния, образующийся при энергии квантов  $E_{\gamma} \gg mc^2/2$  в результате рассеяния гамма-квантов на большие углы на материалах конструктивных элементов детектора и защиты. Положение пика обратного рассеяния определяется по формуле:

$$E_{\text{ofp}} = \frac{E}{1 + 2E/mc^2},\tag{2}$$

где E – энергия фотопика.

**Энергетическое разрешение спектрометра.** Даже при поглощении частиц с одинаковой энергией амплитуда импульса на выходе фотоприёмника сцинтилляционного детектора меняется от события к событию. Это связано:

- 1. со статистическим характером процессов сбора фотонов на фотоприёмнике и последующего усиления,
- 2. с различной вероятностью доставки фотона к фотоприемнику из разных точек сцинтиллятора,
- 3. с разбросом высвечиваемого числа фотонов

В результате в набранном спектре линия (которая для идеального детектора представляла бы дельта-функцию) оказывается размытой, её часто описывают гауссианом.

Энергетическим разрешением спектрометра называется величина

$$R_i = \frac{\Delta E_i}{E_i},\tag{3}$$

где  $\Delta E_i$  – ширина пика полного поглощения, измеренная на половине высоты,  $E_i$  – энергия регистрируемого  $\gamma$ -излучения. Значение  $E_i$  пропорционально среднему числу фотонов  $\overline{n_i}$  на выходе  $\Phi \ni V$ , т.е.:

$$E_i = \alpha \overline{n_i}. \tag{4}$$

Полуширина пика полного поглощения  $\Delta E_i$  пропорциональна среднеквадратичной флуктуации  $\overline{\Delta n_i}$ . Т.к.  $n_i$  является дискретной случайной величиной, которая распределена по закону Пуассона, то  $\overline{\Delta n_i} = \sqrt{\overline{n_i}}$  и поэтому

$$\Delta E_i = \alpha \overline{\Delta n_i} = \alpha \sqrt{\overline{n_i}}.$$
 (5)

Из (4), (5) получаем, что

$$R_i = \frac{\Delta E_i}{E_i} = \frac{\text{const}}{\sqrt{E_i}}.$$
 (6)

Поскольку энергетическое разрешение зависит от энергии, его следует указывать для конкретной энергии. Чаще всего разрешение указывают для энергии гаммалинии  $^{137}\mathrm{Cs}$  (661.7 кэВ).

### 3 Результаты измерений и обработка данных

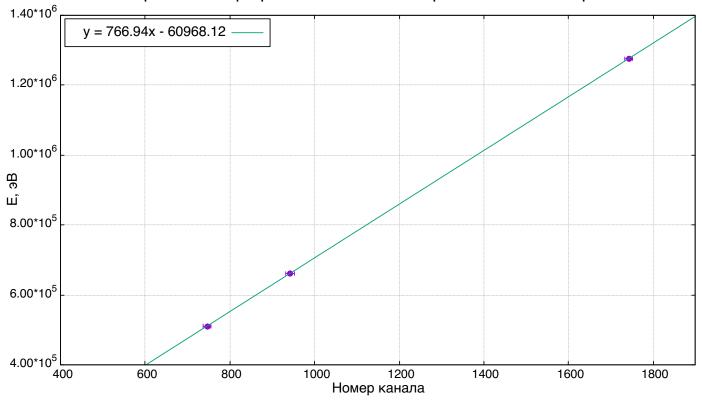
### 3.1 Определение зависимости между энергией гамма квантов и номерами каналов

Здесь и далее погрешность определение пиков считаем равной 10 каналам, и она определяется ошибкой определения номера канала при снятии на глаз пика с графика на компьютере.

$$\delta_{ch} = 10$$

Результаты измерения фотопиков		
для калибровочных данных		
	Номер канала	Энергия, эВ
Фотопик Na	1742	1275000
Анигиляционный пик Na	746	511000
Фотопик Сѕ	942	661700

#### Калибровочный график зависимости энергии пика от номера канала



Коэффиценты, вычисленные согласно калибровочному графику:

$$E = 766.94 \cdot N + 60968.12$$
, где N - номер канала

### 3.2 Измерения пиков, ширины пиков и разрешающей способности

Погрешность измерения энергии, учитывая линейную зависимость от погрешность измерения коэффициента перевода номера канала в энергию:

$$\delta_E = a \cdot \delta_N = 7669$$

Погрешность измерения ширины пика:

$$\delta_{dE} = a \cdot \delta_{dN} = 7669$$

Погрешность измерения энергетического разрешения:

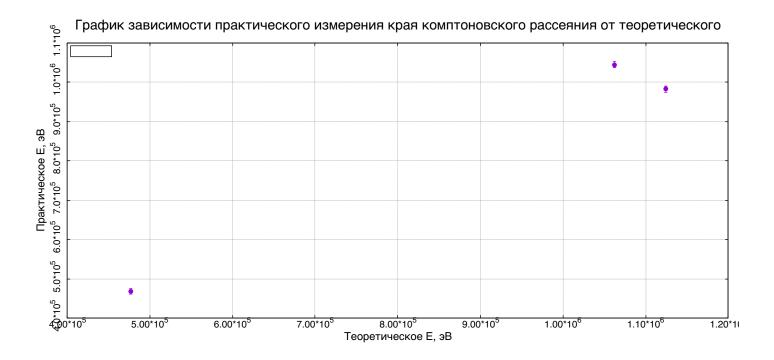
$$\delta_R = 0.02$$

Элемент	N, номер канала	Погрешность измерения номера канала	dN, ширина
Co60	1825	10	223
-//-	1607	10	183
Na	1742	10	168
Cs	942	10	147
Am	161	10	55
Eu	527	10	110
-//-	400	10	58
-//-	243		55

Элемент	Погрешность	Е, значение энергии в эВ	Погрешность измерения	
	ширины	<u> </u>	энергии	
Co60	20	1338697.37726	7669	
-//-	20	1171504.45726	7669	
Na	20	1275041.35726	7669	
Cs	20	661489.35726	7669	
Am	20	62509.21726	7669	
Eu	20	343209.25726	7669	
-//-	20	245807.87726	7669	
-//-	20	125398.29726	7669	

Элемент	dE, ширина пика в эВ	Погрешность измерения ширины пика, эВ	Погрешность энергетического разрешения	R, энерг. разрешение
Co60	171027.62	15334	0.02	0.127756745404293
-//-	140350.02	15334	0.02	0.119803231759153
Na	128845.92	15334	0.02	0.101052345687738
Cs	112740.18	15334	0.02	0.170433853186979
Am	42181.7	15334	0.02	0.674807681954327
Eu	84363.4	15334	0.02	0.245807472308622
-//-	44482.52	15334	0.02	0.180964582973674
-//-	42181.7	15334	0.02	0.33638176053173

# 3.3 Исследование соответствия измеренного края комптоновского рассеяния от теоретического



# 3.4 Исследование зависимости квадрата энергетического разрешения от обратной энергии пиков

 О.14
 0.12

 0.12
 0.08

 0.06
 0.09

 0.07
 0.09

4x10<sup>-6</sup>

1/E, <sub>9</sub>B -1

5x10<sup>-6</sup>

6x10<sup>-6</sup>

7x10<sup>-6</sup>

8x10<sup>-6</sup>

9x10

1x10<sup>-6</sup>

2x10<sup>-6</sup>

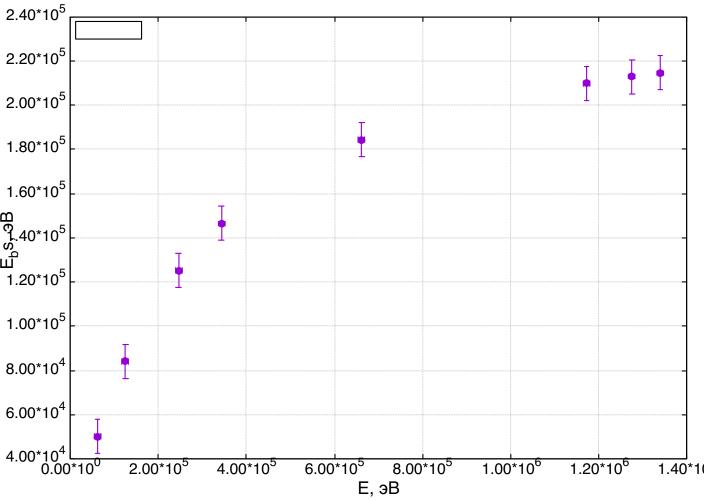
3x10<sup>-6</sup>

### 3.5 Исследование пиков обратного рассеяния

Погрешность для обратного рассеяния возьмем равной погрешности измерения энергии

			Погрешность
Элемент	Энергия. эВ	BackScattering, эВ	измерения
			энергии эВ
Co60	1338697.37726	214551.337725697	7669
-//-	1171504.45726	209753.646743792	7669
Na	1275041.35726	212848.26132574	7669
Cs	661489.35726	184310.242471014	7669
Am	62509.21726	50222.1449665474	7669
Eu	343209.25726	146465.023158727	7669
-//-	245807.87726	125280.123231252	7669
-//-	125398.29726	84115.0122759937	7669





### 3.6 Энергия наблюдаемого характеристического излучения свинца

Были измерены номера каналов пика излучения свинца длля Co60 и Na22:

$$N_1 = 231 \pm 10$$
,  $N_2 = 233 \pm 10$ 

В пределах погрешности измерения эти пики совпадают, это говорит о том, что данный пик не зависит от типа исследуемого вещества и, следовательно, связан с постоянно присутствующим экранирующим свинцом.

Энергия характеристического излучения свинца:

$$E_{Pb} = 177163 \pm 7669 \text{ 9B}$$

### 4 Обсуждение результатов и вывод

Я хз что тут написать я половину скатал и не понимаю сути работы