ВЕЖБЕ 10

-Стабла-

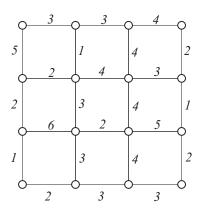
- 1. Доказати да је свако стабло са бар два чвора бипартитан граф.
- 2. Доказати да је стабло са тачно два висећа чвора пут.
- 3. Наћи сва неизоморфна стабла са 7 чворова.
- 4. Низ степена стабла је 5, 4, 3, 2, 1, 1, . . . , 1. Колико има јединица?
- 5. Колико компоненти повезаности има шума са 100 чворова и 90 грана?
- 6. Ако је G шума, доказати $|V(G)| = |E(G)| + \omega(G)$. (домаћи)
- 7. Нека је G повезан граф.
 - a) Ако G има 17 грана, колико највише чворова може да има?
 - δ) Ако G има 21 чвор, колико најмање грана може да има?
- 8. Граф G има 4 компоненте и 24 гране. Колико највише чворова може G да има?
- 9. Колико висећих чворова има стабало дијаметра 3 са п чворова?
- 10. Колико има неизоморфних стабала дијаметра 3 са 103 гране?
- 11. За које природне бројеве s (s > 1) постоји стабло са
 - a) 1998
 - *б*) 2008 (домаћи)

чворова код ког су сви чворови који нису висећи степена s?

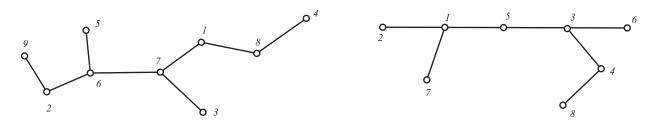
- 12. Нека је T стабло и $\Delta(T)=k$. Доказати да T има бар k висећих чворова.
- 13. Доказати да је број висећих чворова у стаблу

$$2 + \sum_{d(v)>3} (d(v) - 2).$$

- 14. Доказати да је граф G шума акко сваки његов индукован подграф садржи чвор чији је степен мањи или једнак од један.
- 15. Наћи минимално покривајуће стабло тежинског графа са слике



16. Конструисати Приферов низ следећих стабала



- 17. Конструисати означено стабло чији је Приферов низ
 - a) (4, 5, 7, 2, 1, 1, 6, 6, 7)
 - *6*) (1, 2, 1, 3, 3, 5)
 - в) (7, 8, 3, 2, 4, 1, 1)
- 18. Одредити сва стабла код којих
 - а) су сви елементи Приферовог низа једнаки
 - б) су сви елементи Приферовог низа различити
 - в) се у Приферовом низу појављују тачно две различите вредности.