Roberto Rocha

E se uma função chamar a si mesma?

- → Funções podem ser chamadas recursivamente, dentro do corpo de uma função podemos chamar novamente a própria função.
- → As implementações recursivas devem ser pensadas conforme a definição recursiva do problema que se deseja resolver.
- → Exemplo: Valor do fatorial de um número definido de forma recursiva:

```
função fat (n:inteiro):inteiro
inicio
  se (n=0) então
     retorne 1
  senão
     retorne n*fat(n-1)
fimfunção
inicio
 escreva(fat(5))
fimalgoritmo
```

```
fat(5)
fat(5)
 fat(4)
    fat(3)
       fat(2)
         fàt(1)
          fat(0)
         retorne 1*fat(0)
       retorne 2*fat(1)
    retorne 3*fat(2)
 retorne 4*fat(3)
retorne 5*fat(4)
```

```
1, se n = 0
n x (n-1)!, se n>0
                      n!=
função fat (n:inteiro):inteiro
inicio
  se (n=0) então
     retorne 1
   senão
     retorne n*fat(n-1)
fimfunção
inicio
                                  120
 escreva(fat(5))
fimalgoritmo
```

```
fat(5)
fat(5)
  fat(4)
    fat(3)
       fat(2)
         fàt(1)
          fat(0)
         1 * 1
       2 * 1
  4 * 6
 5 * 24
120
```

```
função fat ( n:inteiro):inteiro
inicio
se (n=0) então
retorne 1
senão
retorne n*fat(n-1)
fimfunção

inicio
escreva(fat(5))
fimalgoritmo
```

```
#include <stdio.h>
       #include <stdlib.h>
       int fat(int n);
       int main()
           printf("fatorial de 5=%d\n", fat(5));
           return 0;
     int fat(int n) {
11
       if (n==0)
12
           return 1:
13
       else
14
           return n*fat(n-1);
15
                   fatorial de 5=120
                   Process returned 0 (0x0)
                                                 execution time : 0.016 s
                   Press any key to continue.
```

Exercício de fixação:

Faça um programa que peça um número inteiro ao usuário e retorne a soma de todos os números de 1 até o número que o usuário introduziu ou seja: 1 + 2 + 3 + ... + n

- a) faça sem utilizar recursividade
- b) utilize agora recursividade.

Exercício de fixação:

Faça um programa que peça um número inteiro ao usuário e retorne a soma de todos os números de 1 até o número que o usuário introduziu ou seja: 1 + 2 + 3 + ... + n

```
a) faça sem utilizar recursividade
b) utilize agora recursividade.
Algoritmo "Soma1aN"
var
soma,i,n:inteiro
inicio
  leia(n)
  s \leftarrow 0
  para i de 1 ate n passo 1 faça
    s←s+i
  fimpara
  escreva(s)
fimalgoritmo
```

```
#include <stdio.h>
        #include <stdlib.h>
        int main()
            int soma, i, n;
            printf("Digite um valor:");
            scanf ("%d", &n);
            soma=0:
            for(i=1;i<=n;i=i+1){
10
11
                 soma=soma+i;
            printf("A soma dos numero de 1 a %d = %d\n",n,soma);
13
14
            return 0:
15
                            Process returned 0 (0x0) execution time : 20.843 s
                             ress any key to continue.
```

Exercício de fixação:

Faça um programa que peça um número inteiro ao usuário e retorne a soma de todos os números de 1 até o número que o usuário introduziu ou seja: 1 + 2 + 3 + ... + n

- a) faça sem utilizar recursividade
- b) utilize agora recursividade.

Vamos criar uma definição para a solução

```
\sum_{1}^{n} \begin{cases} 1, \text{ se n = 1} \\ n + \sum_{1}^{n-1} \text{ se n>1} \end{cases}
```

```
função soma (n:inteiro):inteiro inicio se (n=1) então retorne 1 senão retorne n+soma(n-1) fimfunção inicio escreva(soma(5)) fimalgoritmo
```

Exercício de fixação:

Faça um programa que peça um número inteiro ao usuário e retorne a soma de todos os números de 1 até o número que o usuário introduziu ou seja: 1 + 2 + 3 + ... + n

```
a) faça sem utilizar recursividade
b) utilize agora recursividade.
 função soma (n:inteiro):inteiro
 inicio
   se (n=1) então
      retorne 1
   senão
      retorne n+soma(n-1)
 fimfunção
 inicio
   escreva(soma(5))
 fimalgoritmo
```

```
#include <stdio.h>
        #include <stdlib.h>
        int soma(int n);
        int main()
             printf("A soma de 1 ate %d = %d\n", 5, soma(5));
             return 0;
10
        int soma(int n)
12
             if (n==1)
                 return 1:
14
             else
                                            soma de 1 ate 5 = 15
                 return n+soma(n-1);
                                           Process returned 0 (0x0)
                                                                   execution time : 0.016 s
16
                                            ress any key to continue.
```

Exercício de fixação:

Crie uma função que receba 2 parâmetros(x,y) e devolva x elevado a y.

- a) faça sem utilizar recursividade
- b) utilize agora recursividade.

Potenciação

Potencia entre dois valores:

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

A potência de um número (X) por outro (Y) pode ser calculado como a multiplicação sucessiva do primeiro valor y vezes

Exemplo: potencia de 2 e 3

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

Potenciação

Programa para pedir ao usuário dois valores e imprimir o primeiro elevado ao segundo valor.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
 Programa para pedir ao usuário dois valores
 e imprimir o primeiro elevado ao segundo valor.
int main()
   int a,b,pot,i;
   printf("Digite o valor de a:");
   scanf("%i", &a);
   printf("Digite o valor de b:");
    scanf("%i", &b);
   pot=1;
    for (i=1;i<=b;i++)
       pot=pot*a;
   printf("%d elevado a %d = %d\n",a,b,pot);
    return 0;
```

```
Digite o valor de a:2
Digite o valor de b:3
2 elevado a 3 = 8
```

Potenciação

Faça uma função que receba dois parâmetros (passados por valor) e retorne a potencia do primeiro parâmetro elevado ao segundo parâmetro.

```
int potencia(int a, int b);
int main()
  int a,b,pot,i;
   printf("Digite o valor de a:");
   scanf("%i",&a);
   printf("Digite o valor de b:");
   scanf("%i",&b);
    pot=1;
    for (i=1;i<=b;i++)
        pot=pot*a;
    printf("%d elevado a %d = %d\n",a,b,pot);
    printf("%d elevado a %d = %d\n",a,b,potencia(a,b));
    return 0;
int potencia(int a, int b)
   int pot;
    pot=1;
    while (b>0)
        pot=pot*a;
        b--;
    return pot;
```

```
Digite o valor de a:2
Digite o valor de b:3
2 elevado a 3 = 8
2 elevado a 3 = 8
```

Funções recursivas - Potenciação

Exercício de fixação:

Crie uma função que receba 2 parâmetros(x,y) e devolva x elevado a y.

- a) faça sem utilizar recursividade
- b) utilize agora recursividade.

```
y { 1, se y = 0
 y-1
 x * x
```

```
função potencia (x,y:inteiro):inteiro inicio se (y=0) então retorne 1 senão retorne x * potencia(x,y-1) fimse fimfunção inicio escreva(pot(2,3))
```

escreva(pot(2,3))
fimalgoritmo

PUC Minas Virtual

Exercício de fixação:

Crie uma função que receba 2 parâmetros(x,y) e devolva x elevado a y.

a) faça sem utilizar recursividade

b) utilize agora recursividade.

```
função potencia (x,y:inteiro):inteiro inicio
se (y=0) então
retorne 1
senão
retorne x * potencia(x,y-1)
fimse
fimfunção
inicio
escreva(pot(2,3))
fimalgoritmo
```

```
#include <stdio.h>
        #include <stdlib.h>
        int potencia(int x, int y);
        int main()
            printf("A resposta de 2 elevado a 3 = %d!\n",potencia(2,3));
            return 0:
        int potencia(int x, int y)
            if (y==0)
13
14
                return 1;
15
16
            else{
17
                return x * potencia(x,y-1);
                                                             execution time : 3.397
```

Exercício de fixação:

Crie uma função que imprima o enésimo termo da serie de Fibonacci

- a) faça sem utilizar recursividade
- b) utilize agora recursividade.



Série de Fibonacci

Entrada

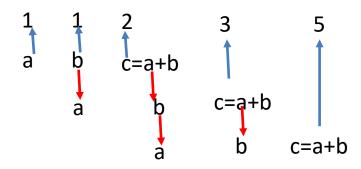
Número

Processamento

Imprimir N números da série de Fibonacci

Saída

Imprimir o enésimo termo da série de Fibonacci



Imprimir os N primeiros termos da Série de Fibonacci

```
Algoritmo "Fibonacci"
// Imprimir os N primeiros termos da Série de Fibonacci
var
                                                       #include <stdio.h>
                                                       #include <stdlib.h>
 numero, a,b,c,cont:inteiro
inicio
                                                      int main()
  leia(numero)
                                                           int a,b,c,cont,numero;
   a ←1
                                                           printf("Digite o termo desejado:");
   b ←1
                                                           scanf("%d", &numero);
   para cont de 2 ate numero-1) faca
                                                           a=1;
                                              10
                                                           b=1:
      c ←a+b
                                              11
                                                           for (cont=2;cont<numero;cont=cont+1)</pre>
      a ←b
                                              12
      b \leftarrow c
                                              13
                                                               c=a+b;
                                              14
                                                               a=b:
 fimpara
                                              15
                                                               b=c;
 escreva(c)
                                              16
fimalgoritmo
                                              17
                                                           printf("0 %d termo da serie = %d\n", numero, c);
                                              18
                                                           return 0;
                                                                                           Digite o termo desejado:6
O 6 termo da serie = 8
                                              19
                                                                                           Process returned 0 (0x0)
                                                                                                                    execution time : 2.159 s
                                                                                           Press any key to continue.
```

Exercício de fixação:

Crie uma função que imprima o enésimo termo da serie de Fibonacci

- a) faça sem utilizar recursividade
- b) utilize agora recursividade.

```
F(n) 

1, se n = 1

1, se n = 2

f(n-1)+f(n-2), se n>2
```

```
função fibonacci(n:inteiro):inteiro
inicio
  se (n=1 ou n = 2) então
    retorne 1
  senão
    retorne fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)
   fimse
fimfunção
inicio
 escreva(fibonacci(6))
fimalgoritmo
```

Exercício de fixação:

Crie uma função que imprima o enésimo termo da serie de Fibonacci

a) faça sem utilizar recursividade

b) utilize agora recursividade.

```
função fibonacci(n:inteiro):inteiro
inicio
se (n=1 ou n = 2) então
retorne 1
senão
retorne fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)
fimse
fimfunção

inicio
escreva(fibonacci(6))
fimalgoritmo
```

```
#include <stdio.h>
        #include <stdlib.h>
        int fibonacci(int n);
        int main()
            printf("0 %d termo da serie = %d\n",6,fibonacci(6));
            return 0:
        int fibonacci(int n)
10
11
            if (n==1 || n==2)
                return 1;
15
            else
16
17
                return fibonacci (n-1)+fibonacci (n-2);
                                         6 termo da serie = 8
                                                                    execution time : 3.355 s
                                        Process returned 0 (0x0)
                                         ress any key to continue.
```

Resto da divisão

resto inteiro da divisão de X por Y

O resto inteiro de um número (X) por outro (Y) pode ser calculado como o que sobra após sucessivas subtrações do segundo valor em relação ao primeiro

Exemplo: resto da divisão de 7 por 2

$$7 - 2 = 5$$

$$5 - 2 = 3$$

$$3 - 2 = 1$$

Como 1 é menor do que 2 o resto será esse valor!

Resto da divisão

resto inteiro da divisão de X por Y

O resto inteiro de um número (X) por outro (Y) pode ser calculado como o que sobra após sucessivas subtrações do segundo valor em relação ao primeiro

Exemplo: resto da divisão de 8 por 2

$$8 - 2 = 6$$

$$6 - 2 = 4$$

$$4 - 2 = 2$$

$$2 - 2 = 0$$

Como 0 é menor do que 2 o resto será esse valor!

Resto da divisão

resto inteiro da divisão de X por Y

O resto inteiro de um número (X) por outro (Y) pode ser calculado como o que sobra após sucessivas subtrações do segundo valor em relação ao primeiro

Exemplo: resto da divisão de 5 por 7

Como 5 é menor do que 7 o resto será esse valor!

Exercícios:

Para essa prática não se pode utilizar o operador %

- 1 Faça um programa que peça ao usuários dois valores e imprima o resto inteiro da divisão de X por Y –você não pode utilizar o operador %
- 2 Faça uma função que receba dois parâmetros (passados por valor) e retorne o resto inteiro da divisão de X por Y você não pode utilizar o operador %
- 3 Faça uma função **RECURSIVA** que receba dois parâmetros (passados por valor) e retorne o resto inteiro da divisão de X por Y

