

# Trabalho Prático 2: Sistema de Despacho de Transporte por Aplicativo

Marney Santos de Melo

Matrícula: [Oculto para versão pública]

Novembro de 2025

# Sumário

<b>1</b>	<b>Introdução</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Método</b>	<b>1</b>
2.1	Tipos Abstratos de Dados (TADs) . . . . .	1
2.2	Algoritmo de Despacho e Simulação . . . . .	2
2.2.1	Fase 1: Agrupamento de Demandas (Algoritmo Guloso) . . . . .	2
2.2.2	Fase 2: Simulação de Eventos Discretos . . . . .	2
<b>3</b>	<b>Análise de Complexidade</b>	<b>2</b>
3.1	Complexidade do Despacho . . . . .	3
3.2	Complexidade do Escalonador (Min-Heap) . . . . .	3
3.3	Complexidade de Espaço . . . . .	3
<b>4</b>	<b>Estratégias de Robustez</b>	<b>3</b>
<b>5</b>	<b>Análise Experimental</b>	<b>4</b>
5.1	Cenário 1: Impacto da Janela Temporal ( $\delta$ ) . . . . .	4
5.2	Cenário 2: Impacto da Restrição Espacial ( $\alpha$ ) . . . . .	5
5.3	Cenário 3: Eficiência da Rota ( $\lambda$ ) . . . . .	6
5.4	Discussão dos Resultados . . . . .	7
<b>6</b>	<b>Conclusões</b>	<b>7</b>
<b>7</b>	<b>Bibliografia</b>	<b>8</b>

# 1 Introdução

No contexto moderno de mobilidade urbana, a eficiência dos serviços de transporte por aplicativo é crucial. Um dos maiores desafios enfrentados por empresas do setor é a otimização do despacho de veículos, especialmente quando se considera a modalidade de corridas compartilhadas. O problema consiste não apenas em alocar veículos para passageiros, mas em identificar quais solicitações podem ser agrupadas para maximizar a ocupação dos veículos sem violar restrições de tempo e distância.

Este trabalho aborda a implementação de um sistema de despacho e simulação de corridas compartilhadas para a empresa fictícia "Cabe AI". O objetivo é desenvolver um simulador de eventos discretos que processe uma lista de demandas ordenada cronologicamente, aplicando um algoritmo guloso para combinar corridas com base em critérios de capacidade, proximidade espacial (origem e destino) e eficiência da rota.

A solução proposta utiliza Tipos Abstratos de Dados (TADs) para modelar as entidades do sistema e implementa uma estrutura de fila de prioridade (Min-Heap) para gerenciar o escalonamento dos eventos da simulação, garantindo a execução correta da cronologia das viagens.

## 2 Método

O sistema foi desenvolvido na linguagem C++ e compilado conforme o padrão C++11, utilizando o compilador G++, utilizando o Sistema Operacional Linux Ubuntu 22.04 LTS, respeitando as restrições impostas no enunciado (ausência de STL como `std::vector` ou `std::priority_queue`). A arquitetura do sistema baseia-se na implementação de TADs, lógica de despacho e a simulação de eventos discretos.

### 2.1 Tipos Abstratos de Dados (TADs)

Foram implementadas classes fundamentais para representar os componentes para resolução do problema:

- **Classe Demanda:** Representa a solicitação unitária de um passageiro. Armazena o identificador único, o instante da solicitação, as coordenadas de origem e destino e o estado atual da demanda (`DEMANDADA`, `INDIVIDUAL`, `COMBINADA` ou `CONCLUIDA`), gerenciado através do `enum class Estado`.
- **Classe Corrida:** Abstração da viagem realizada por um veículo. Este TAD é responsável por agregar um conjunto de demandas e construir a rota sequencial de paradas. Calcula métricas essenciais como a distância total percorrida e a eficiência, definida pela razão entre a soma das distâncias euclidianas originais das demandas e a distância total da rota compartilhada.
- **Classe Trecho:** Modela a aresta de deslocamento entre dois nós (paradas) consecutivos. Calcula automaticamente a distância e o tempo de viagem com base na velocidade média do veículo ( $\gamma$ ). Identifica a natureza do movimento: Coleta (entre embarques), Entrega (entre desembarques) ou Deslocamento (misto).
- **Classe Parada:** Define um ponto de parada na rota, associando uma coordenada geográfica e um tipo (Embarque/Desembarque) a demanda atendida.

- **Classe Evento:** Representa cada evento da simulação de eventos discretos (SED). Armazena o instante de ocorrência (**tempo**), o tipo do evento (**INICIO\_CORRIDA**, **CHEGADA\_PARADA**, **FIM\_CORRIDA**) e os identificadores necessários para recuperar a qual corrida e parada o evento está associado (ID da corrida e índice da parada). É o objeto manipulado pelo Escalonador.
- **Classe Escalonador:** Implementa uma Fila de Prioridade utilizando um **Min-Heap** sobre um vetor estático de objetos **Evento**. É o motor da simulação temporal, garantindo que os eventos sejam processados em ordem estritamente cronológica. As operações de manutenção da propriedade do heap (*refazerSubindo* e *refazerDescendo*) garantem eficiência logarítmica nas inserções e remoções.
- **Class Ponto:** Classe/Struct auxiliar fundamental utilizada por todos os outros TADs para representar coordenadas cartesianas  $(x, y)$ , para manter a consistência dos cálculos e facilitar a manipulação de coordenadas.

## 2.2 Algoritmo de Despacho e Simulação

O fluxo de execução do programa, implementado na função `main`, segue duas etapas principais:

### 2.2.1 Fase 1: Agrupamento de Demandas (Algoritmo Guloso)

O sistema processa as demandas cronologicamente. Para cada demanda não atendida  $c_0$ , o algoritmo tenta formar uma corrida combinada verificando as demandas subsequentes  $c_i$  dentro de uma janela de tempo  $\delta$ . Uma demanda candidata é adicionada à corrida se, e somente se, satisfizer conjuntivamente os critérios:

1. **Capacidade:** O número de passageiros não excede  $\eta$ .
2. **Proximidade:** As distâncias entre a nova origem/destino e as origens/destinos já existentes na rota respeitam os limites  $\alpha$  e  $\beta$ .
3. **Eficiência:** A eficiência da nova rota proposta é maior ou igual ao limiar  $\lambda$ .

Caso um critério não seja satisfeito, a avaliação para aquela demanda candidata é interrompida imediatamente, caracterizando a abordagem gulosa.

### 2.2.2 Fase 2: Simulação de Eventos Discretos

Após a definição das corridas, o sistema inicializa o **Escalonador** com os eventos de chegada na primeira parada de cada corrida. O loop principal da simulação retira o evento de menor tempo do Min-Heap, processa a chegada na parada atual e, caso não seja o fim da corrida, agenda o evento da próxima parada somando o tempo de deslocamento do trecho correspondente.

## 3 Análise de Complexidade

A análise de complexidade foca nas duas estruturas principais: o algoritmo de despacho e as operações do escalonador. Seja  $N$  o número total de demandas e  $E$  o número total de eventos gerados.

### 3.1 Complexidade do Despacho

O algoritmo de agrupamento percorre as demandas em um loop principal. Para cada demanda  $i$ , ele verifica uma sub-lista de demandas subsequentes  $j$ . No pior caso, onde todas as demandas estão dentro do intervalo  $\delta$ , teríamos um comportamento quadrático.

- A verificação de viabilidade (distância e eficiência) envolve iterar sobre as demandas já aceitas na corrida atual. Como a capacidade do veículo ( $\eta$ ) é uma constante pequena e fixa (geralmente  $\leq 4$ ), essas operações são consideradas  $O(1)$ .
- Portanto, a complexidade do despacho é dominada pelo aninhamento dos loops de busca, resultando em  $O(N^2)$  no pior caso. Contudo, na prática, a janela de tempo  $\delta$  limita o número de candidatos verificados, aproximando o desempenho de  $O(N \cdot k)$ , onde  $k$  é o número médio de demandas em  $\delta$ .

### 3.2 Complexidade do Escalonador (Min-Heap)

O Escalonador foi implementado como um Heap Binário.

- **Inserir Evento:** A operação de inserção adiciona o elemento no final e realiza o *heapify up* (refazerSubindo). A altura da árvore é  $\log E$ , logo, a complexidade é  $O(\log E)$ .
- **Retirar Próximo Evento:** A remoção retira a raiz e realiza o *heapify down* (refazerDescendo). A complexidade também é  $O(\log E)$ .

Como cada corrida gera um número linear de eventos proporcional ao número de paradas (que é limitado por  $2\eta$ ), o número total de eventos  $E$  é proporcional a  $N$ . Assim, o custo total da simulação é  $O(N \log N)$ .

### 3.3 Complexidade de Espaço

O sistema utiliza alocação estática para garantir previsibilidade.

- Arrays de Demandas e Corridas:  $O(N)$ .
- Array do Heap (Escalonador):  $O(E) \approx O(N)$ .

A complexidade de espaço total é  $O(N)$ .

## 4 Estratégias de Robustez

Para assegurar a estabilidade e a corretude do sistema, foram adotadas as seguintes estratégias de programação defensiva:

- **Precisão Numérica (Double vs Float):** Foi identificado que o uso de `float` causava erros de arredondamento cumulativos no cálculo de distâncias geográficas extensas, afetando a decisão de eficiência ( $\lambda$ ). Todo o sistema foi implementado utilizando `double`, garantindo a precisão necessária para a corretude da simulação.

- **Alocação Estática de Memória:** Para eliminar riscos de vazamento de memória (*memory leaks*) e erros de segmentação comuns em alocação dinâmica manual, optou-se pelo uso de arrays estáticos com limites de segurança (`MAX_DEMANDAS`, `MAX_EVENTOS`). Isso simplifica o gerenciamento de recursos e aumenta a confiabilidade da execução.
- **Verificação de Limites:** Todas as inserções em arrays e no Heap possuem verificações de borda. Caso o número de demandas ou eventos exceda a capacidade pré-definida, o sistema emite um alerta via `std::cerr` e interrompe a operação de forma previsível, evitando comportamento indefinido por *overflow*.
- **Validação de Entrada:** O sistema verifica o sucesso da leitura dos parâmetros iniciais via `std::cin`. Caso a entrada esteja incompleta ou malformada, a execução é encerrada imediatamente com emissão de um alerta via `std::cerr`.

## 5 Análise Experimental

Conforme solicitado na especificação do trabalho, a análise experimental investigou o impacto dos parâmetros de despacho ( $\delta$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\lambda$ ) no desempenho do sistema. O objetivo foi quantificar o *trade-off* entre o custo computacional (tempo de execução) e a qualidade do serviço (taxa de combinação).

Os experimentos foram conduzidos fixando a capacidade dos veículos ( $\eta = 4$ ) e variando uma dimensão por vez, conforme detalhado nas seções a seguir.

### 5.1 Cenário 1: Impacto da Janela Temporal ( $\delta$ )

Neste primeiro cenário, avaliou-se como o intervalo máximo de espera ( $\delta$ ) afeta a formação de corridas. Variamos  $\delta$  de 10 a 60 unidades de tempo, mantendo os demais parâmetros fixos.

**Análise:** A observação dos dados revela dois comportamentos distintos:

- **Estagnação da Taxa de Combinação (Gráfico da Direita):** O aumento de  $\delta$  não resultou em ganho significativo na taxa de combinação, que flutuou apenas entre 0.13 e 0.17. Isso indica que, para este conjunto de dados, o gargalo para o compartilhamento não é temporal. Simplesmente "esperar mais" não gera novas combinações se as origens e destinos não forem compatíveis espacialmente.
- **Instabilidade no Tempo de Execução (Gráfico da Esquerda):** O custo computacional apresentou um comportamento não linear. Destaca-se um pico severo em  $\delta = 30$ , onde o tempo médio saltou para  $\approx 400.000\mu s$ , enquanto nos demais casos manteve-se na faixa de  $40.000 - 60.000\mu s$ . Esse pico sugere que janelas de tempo intermediárias podem criar, ocasionalmente, arranjos de candidatos que forçam o algoritmo a realizar um número excessivo de verificações de compatibilidade.

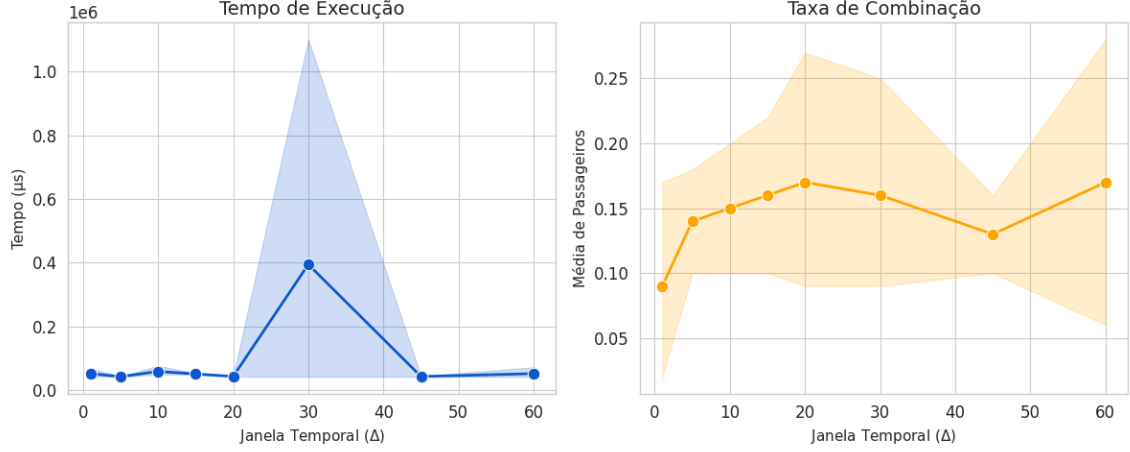


Figura 1: Impacto da variação de  $\delta$ . À esquerda, nota-se a instabilidade do tempo de processamento (pico em 30); à direita, a estagnação da taxa de sucesso.

## 5.2 Cenário 2: Impacto da Restrição Espacial ( $\alpha$ )

Neste cenário, avaliamos a flexibilidade do desvio de rota variando o parâmetro  $\alpha$  (distância máxima entre origens). Este parâmetro define o "quão longe" o veículo pode ir para buscar um passageiro extra.

**Análise:** Os resultados mostram que este é o fator mais crítico do sistema:

- **Crescimento Exponencial (Gráfico da Direita):** Diferente do cenário temporal, a curva de combinação aqui apresenta um crescimento agressivo. Para  $\alpha \leq 1.0$  (desvios mínimos), a taxa é nula (0.0), indicando operação como táxi individual. A partir de  $\alpha = 3.0$ , a taxa sobe para 0.65 e atinge o pico de **4.33** em  $\alpha = 5.0$ . Este comportamento gráfico comprova que a restrição espacial é o fator determinante para o sucesso do compartilhamento.
- **Estabilidade de Desempenho (Gráfico da Esquerda):** O tempo de execução manteve-se estável e baixo ( $\approx 43.000\mu s$ ) para quase todos os valores, indicando que a verificação espacial é computacionalmente barata.

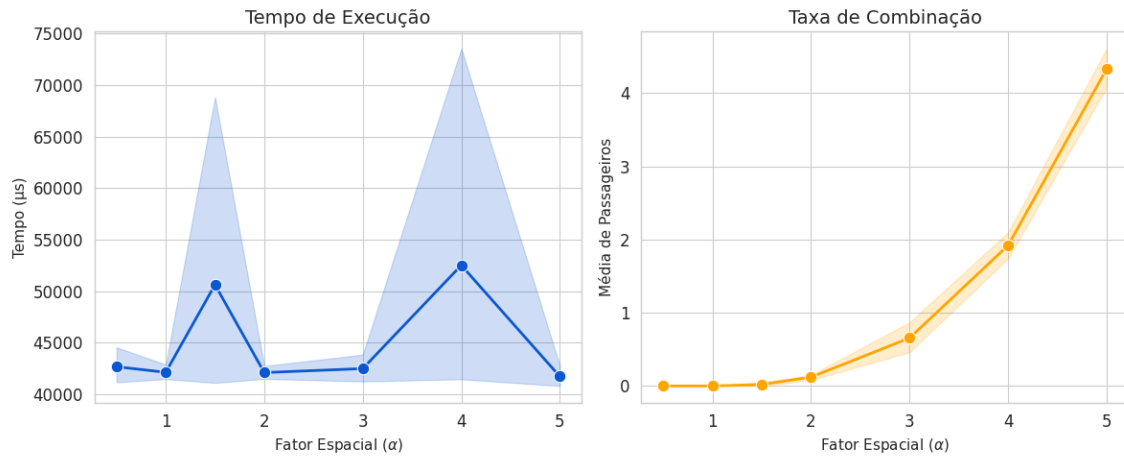


Figura 2: Impacto do parâmetro  $\alpha$ . A curva da taxa de combinação (laranja) dispara conforme aumentamos a permissão de desvio, evidenciando o gargalo espacial.

### 5.3 Cenário 3: Eficiência da Rota ( $\lambda$ )

Por fim, analisamos o parâmetro  $\lambda$ , que define a eficiência mínima da rota.

**Análise:**

- **Tempo de Execução (Esquerda):** A linha praticamente reta indica que o custo para verificar a eficiência é constante. Exigir rotas mais eficientes não deixa o sistema mais lento nem mais rápido.
- **Taxa de Combinação (Direita):** Entre  $\lambda = 0.3$  e  $\lambda = 0.6$ , a taxa manteve-se estável (0.19). Isso mostra que o sistema é robusto e encontra boas combinações naturalmente.

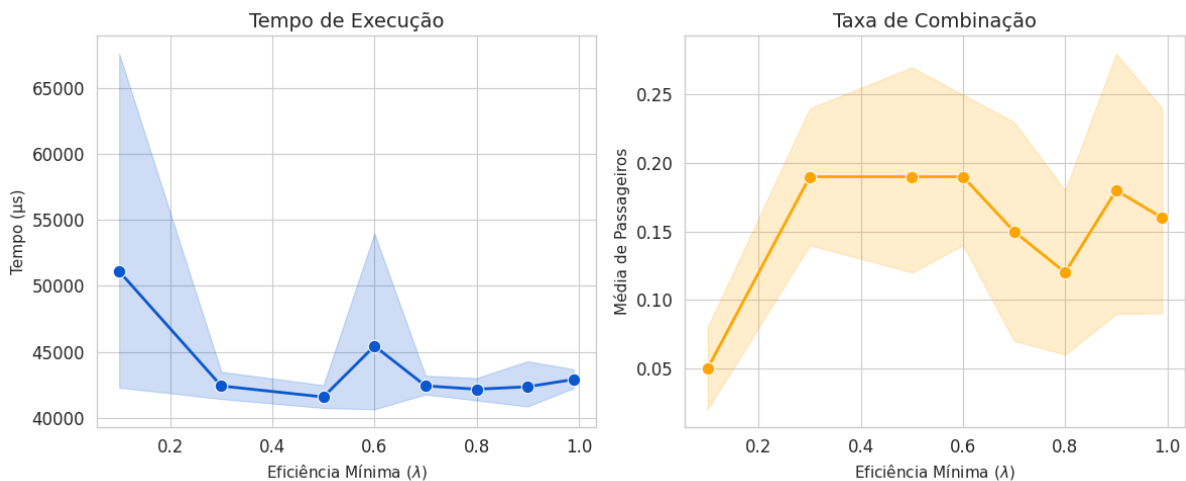


Figura 3: Cenário de Eficiência: A estabilidade em ambos os gráficos (linhas planas) confirma que o desempenho do sistema não depende drasticamente deste parâmetro.



## 5.4 Discussão dos Resultados

A análise comparativa revela que o gargalo do sistema é **espacial**, e não temporal. Enquanto o aumento da janela de espera ( $\delta$ ) elevou a instabilidade computacional sem ganhos práticos, o relaxamento do desvio de rota ( $\alpha$ ) provou ser o único fator capaz de escalar a eficiência das rotas.

Conclui-se, portanto, que a estratégia mais eficaz para maximizar o a eficiência é priorizar desvios maiores ( $\alpha > 3.0$ ) em vez de forçar tempos de espera prolongados.

## 6 Conclusões

Neste trabalho, foi implementado um sistema de simulação de corridas compartilhadas para a empresa "Cabe Air", utilizando a linguagem C++ e a técnica de Simulação de Eventos Discretos. O projeto envolveu a criação de Tipos Abstratos de Dados (TADs) para representar demandas, corridas e veículos, além da implementação de um escalonador baseado em Min-Heap para gerenciar a cronologia dos eventos.

Com o desenvolvimento, aprendi na prática a importância de escolher a estrutura de dados correta: o uso do Heap tornou o gerenciamento do tempo eficiente, algo que seria inviável com vetores simples. Também compreendi melhor o funcionamento de algoritmos gulosos, percebendo que eles são ótimos para decisões rápidas, mas dependem muito dos parâmetros definidos.

Pelos experimentos realizados, o aprendizado mais relevante foi perceber que o gargalo do sistema é espacial: permitir que o motorista faça desvios maiores traz muito mais resultados do que obrigar o passageiro a esperar mais tempo.

## 7 Bibliografia

### Referências

- [1] Anisio, Marcio, Wagner, Washington. (2025). *DCC205/DCC221 Estruturas de Dados: Trabalho Prático 2 - Sistema de Despacho de Transporte por Aplicativo*. DCC/ICEx/UFMG.
- [2] Anisio, Marcio, Wagner, Washington, (2025). *Slides da Disciplina Estrutura de Dados* [Material Didático disponível via moodle]. DCC/ICEx/UFMG.
- [3] Chamowicz, L. (2025). *Slides Disciplina Programação e Desenvolvimento de Software II* [Material Didático disponível via moodle]. DCC/ICEx/UFMG.
- [4] Ziviani, N. (2011). *Projeto de Algoritmos com Implementações em Pascal e C* (3<sup>a</sup> ed.). Cengage Learning. (Capítulo sobre Filas de Prioridade e Heaps).
- [5] Cormen, T. H., Leiserson, C. E., Rivest, R. L., & Stein, C. (2009). *Introduction to Algorithms* (3rd ed.). MIT Press. (Capítulo 6: Heapsort).
- [6] GeeksforGeeks. *Introduction to Min-Heap Data Structure*. GeeksforGeeks. Acessado em 20 de novembro de 2025. Disponível em: <https://www.geeksforgeeks.org/dsa/introduction-to-min-heap-data-structure/>
- [7] Wikipédia. *Simulação de eventos discretos*. Wikipédia. Acessado em 18 de novembro de 2025. Disponível em: [https://pt.wikipedia.org/wiki/Simulao\\_de\\_eventos\\_discretos](https://pt.wikipedia.org/wiki/Simulao_de_eventos_discretos)