

# Tabela de Transformada Z

SEL0359 - Controle Digital - 2º Semestre de 2025<sup>1</sup>

Prof. Marcos R. Fernandes

$x(t)$	$X(s)$	$X(z)$	
$u(t)$	$\frac{1}{s}$	$\frac{z}{z-1}$	(01)
$t$	$\frac{1}{s^2}$	$\frac{Tz}{(z-1)^2}$	(02)
$t^2$	$\frac{2}{s^3}$	$\frac{T^2(z+1)}{(z-1)^3}$	(03)
$t^3$	$\frac{6}{s^4}$	$\frac{T^3(z^2+4z+1)}{(z-1)^4}$	(04)
$e^{-at}$	$\frac{1}{(s+a)}$	$\frac{z}{z-e^{-aT}}$	(05)
$te^{-at}$	$\frac{1}{(s+a)^2}$	$\frac{Tze^{-aT}}{(z-e^{-aT})^2}$	(06)
$t^2e^{-at}$	$\frac{2}{(s+a)^3}$	$\frac{Tz^2e^{-aT}(z+e^{-aT})}{(z-e^{-aT})^3}$	(07)
$1 - e^{-at}$	$\frac{a}{s(s+a)}$	$\frac{(1-e^{-aT})z}{(z-1)(z-e^{-aT})}$	(08)
$at - 1 + e^{-at}$	$\frac{a^2}{s^2(s+a)}$	$\frac{(aT-1+e^{-aT})z^2+(1-aTe^{-aT}-e^{-aT})}{(z-1)^2(z-e^{-aT})}$	(09)
$e^{-at} - e^{-bt}$	$\frac{(b-a)}{(s+a)(s+b)}$	$\frac{z(e^{-aT}-e^{-bT})}{(z-e^{-aT})(z-e^{-bT})}$	(10)
$1 - (1+at)e^{-at}$	$\frac{a^2}{s(s+a)^2}$	$\frac{z}{z-1} - \frac{z}{(z-e^{-aT})} - \frac{aTe^{-aT}z}{(z-e^{-aT})^2}$	(11)
$\sin(\omega t)$	$\frac{\omega}{s^2+\omega^2}$	$\frac{z \sin(\omega T)}{z^2-2z \cos(\omega T)+1}$	(12)
$\cos(\omega t)$	$\frac{s}{s^2+\omega^2}$	$\frac{z(z-\cos(\omega T))}{z^2-2z \cos(\omega T)+1}$	(13)
$e^{-at} \sin(\omega t)$	$\frac{\omega}{(s+a)^2+\omega^2}$	$\frac{ze^{-aT} \sin(\omega T)}{z^2-2ze^{-aT} \cos(\omega T)+e^{-2aT}}$	(14)
$e^{-at} \cos(\omega t)$	$\frac{(s+a)}{(s+a)^2+\omega^2}$	$\frac{z(z-\cos(\omega T))}{z^2-2ze^{-aT} \cos(\omega T)+e^{-2aT}}$	(15)

<sup>1</sup>Última atualização: August 20, 2025