```
Integrals needed for friction
```

$$\begin{aligned} & \text{Integrate}[\mathsf{Exp}[-2\,k\,d\,],\,\{k,\,0,\,\infty\},\,\mathsf{Assumptions} \to \{\mathsf{Element}[d,\,\mathsf{Reals}],\,d\,>\,0\}] \\ & \mathsf{Cul}^{(\cdot)} = \frac{1}{2\,d} \\ & \mathsf{Integrate}[k\,\mathsf{Exp}[-2\,k\,d\,],\,\{k,\,0,\,\infty\},\,\mathsf{Assumptions} \to \{\mathsf{Element}[d,\,\mathsf{Reals}],\,d\,>\,0\}] \\ & \mathsf{Cul}^{(\cdot)} = \frac{1}{4\,d^2} \\ & \mathsf{Integrate}[k^2\,\mathsf{Exp}[-2\,k\,d\,],\,\{k,\,0,\,\infty\},\,\mathsf{Assumptions} \to \{\mathsf{Element}[d,\,\mathsf{Reals}],\,d\,>\,0\}] \\ & \mathsf{Cul}^{(\cdot)} = \frac{1}{4\,d^3} \\ & \mathsf{Integrate}[\mathsf{exp}[-2\,k\,d\,],\,\{k,\,0,\,\infty\},\,\mathsf{Assumptions} \to \{\mathsf{Element}[d,\,\mathsf{Reals}],\,d\,>\,0\}] \\ & \mathsf{Cul}^{(\cdot)} = \frac{1}{2\,d} \\ & \mathsf{Integrate}[(-2\,k)\,\mathsf{Exp}[-2\,k\,d\,],\,\{k,\,0,\,\infty\},\,\mathsf{Assumptions} \to \{\mathsf{Element}[d,\,\mathsf{Reals}],\,d\,>\,0\}] \\ & \mathsf{Cul}^{(\cdot)} = \frac{1}{2\,d^2} \\ & \mathsf{Integrate}[(-2\,k)\,^2\,\mathsf{Exp}[-2\,k\,d\,],\,\{k,\,0,\,\infty\},\,\mathsf{Assumptions} \to \{\mathsf{Element}[d,\,\mathsf{Reals}],\,d\,>\,0\}] \\ & \mathsf{Cul}^{(\cdot)} = \frac{1}{d^3} \\ & \mathsf{Integrate}[(-2\,k)\,^2\,\mathsf{Exp}[-2\,k\,d\,],\,\{k,\,0,\,\infty\},\,\mathsf{Assumptions} \to \{\mathsf{Element}[d,\,\mathsf{Reals}],\,d\,>\,0\}] \\ & \mathsf{Cul}^{(\cdot)} = \frac{1}{d^3} \end{aligned}$$