

TRABALHO 2 DE ALGORITMOS E ESTRUTURAS DE DADOS

# ARVORES AVL

NOMES: MARCOS RAACH, PEDRO E LUCAS (COLOQUEM O SOBRENOME DE VOCES)

NOVEMBRO 2023

## 1. Funcionamento da Arvore AVL:

## 2. Algoritmo de Inserção:

- a. Na linha 10 está a declaração do método, onde é necessário passar um inteiro como parâmetro para inicialização do próprio.
- b. Como apresentado no código abaixo, entre as linhas 11 a 15, ocorre a inicialização de três nodos, o nodo node, o current e o prev e a aplicação do inteiro solicitado antes como o elemento do nodo node.
- c. Entre as linhas 16 e 37 existem algumas condições que mudam o trajeto que o código vai percorrer:
  - i. Se a árvore não tiver raiz, o nodo node se torna a raiz.
  - ii. Se tiver, o nodo current, recebe as informações da raiz:
    1. O elemento passado como parâmetro for menor ou igual ao elemento que está em current.
      - a. O current recebe o elemento que estiver a sua esquerda.
      - b. E se o current for igual a nulo, o elemento a esquerda de prev, recebe o valor de node.
    2. A mesma ideia da anterior apenas quando o parâmetro for maior ou igual ao elemento em current

```

10 public void add(Integer element){ // O(n)
11     Node prev, current;
12     Node node = new Node();
13     node.element = element;
14     node.right = null;
15     node.left = null;
16     if (root == null) {
17         root = node;
18     } else {
19         current = root;
20         while(true) {
21             prev = current;
22             if (element ≤ current.element) {
23                 current = current.left;
24                 if (current == null) {
25                     prev.left = node;
26                     return;
27                 }
28             }
29             else {
30                 current = current.right;
31                 if (current == null) {
32                     prev.right = node;
33                     return;
34                 }
35             }
36         }
37     }
38 }
39

```

### 3. Algoritmo de balanceamento

- Nosso algoritmo de balanceamento foi dividido em 7 métodos para melhor entendimento do que está acontecendo em cada parte.
- Colocamos apenas um método como público, que pega a raiz da árvore e chama o método que balanceia o nó e seus elementos à esquerda e direita. Após, chama o outro método de balanceamento, onde existem as rotações.

```

113 public void balanceTree() { You, há 1 segund
114     root = balanceTree(root);
115 }
116
117 private Node balanceTree(Node node) {
118     if (node == null) {
119         return null;
120     }
121     node.left = balanceTree(node.left);
122     node.right = balanceTree(node.right);
123     return balance(node);
124 }
125

```

- Ocorre primeiro uma validação, caso a raiz seja nula, retorna nulo também, mas caso não aconteça, é utilizado o método `updateHeight` com o nó que foi passado como parâmetro e ocorre a checagem do balanceamento do nó.

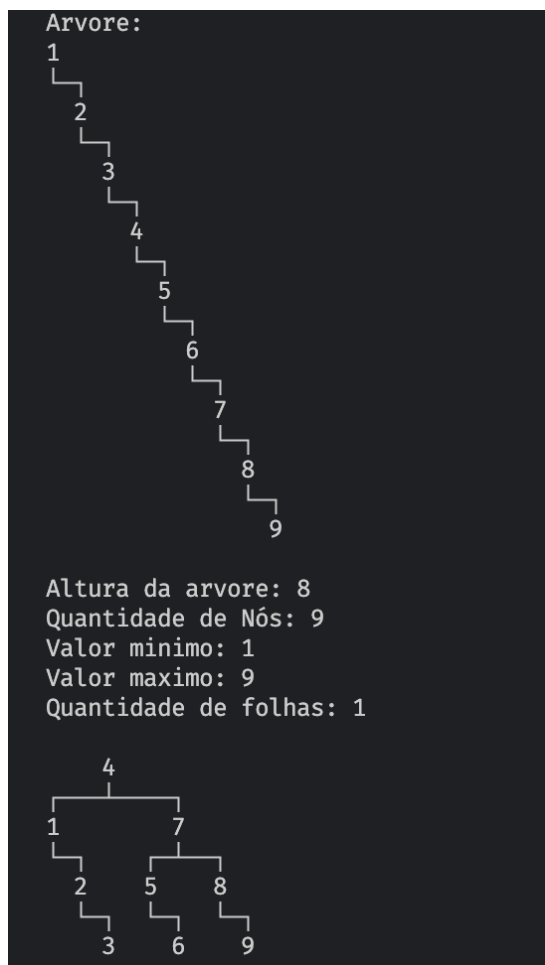
- i. Se o balanceamento for maior que 1 e 0 balanceamento do nodo a esquerda do nodo passado for maior ou igual a 0, então ocorre a rotação a direita do nodo passado
  - ii. Se o balanceamento for maior que -1 e 0 balanceamento do nodo a esquerda do nodo passado for menor ou igual a 0, então ocorre a rotação a esquerda do nodo passado.
  - iii. Se o balanceamento for maior que 1 e 0 balanceamento do nodo a esquerda do nodo passado for menor que 0, então ocorre a rotação a direita do nodo passado
  - iv. Se o balanceamento for maior que -1 e 0 balanceamento do nodo a esquerda do nodo passado for maior que 0, então ocorre a rotação a esquerda do nodo passado.
- d. Método updateHeight:
  - i. Se o nodo não for nulo, ele atualiza a altura do nodo com a soma de 1 + o maior valor entre o seu nodo da esquerda ou direita
- e. Método getBalance:
  - i. Se o nodo não for nulo, ele faz a altura de seu nodo da esquerda menos o da direita.

```

126 private Node balance(Node node) {
127     if (node == null) {
128         return null;
129     }
130     updateHeight(node);
131     int balance = getBalance(node);
132
133
134     if (balance > 1 && getBalance(node.left) ≥ 0) {
135         return rotateRight(node);
136     }
137     if (balance < -1 && getBalance(node.right) ≤ 0) {
138         return rotateLeft(node);
139     }
140     if (balance > 1 && getBalance(node.left) < 0) {
141         node.left = rotateLeft(node.left);
142         return rotateRight(node);
143     }
144     if (balance < -1 && getBalance(node.right) > 0) {
145         node.right = rotateRight(node.right);
146         return rotateLeft(node);
147     }
148     // You, há 3 dias • feat: avl tree implementation
149     return node;
150 }
151
152 private void updateHeight(Node node) {
153     if (node != null) {
154         node.height = 1 + Math.max(height(node.left), height(node.right));
155     }
156 }
157
158 private int getBalance(Node node) {
159     if (node == null) {
160         return 0;
161     }
162     return height(node.left) - height(node.right);
163 }
164

```

4. Funcionamento do algoritmo funcionando:
- Inicializada a árvore com o método `add(element)`
    - Com números de 1 a 9
  - Mostrado no terminal:
    - Altura da árvore
    - Quantidade de nodos
    - Valor mínimo dos números
    - Valor máximo dos números
    - Quantidade de nodos que são folhas (não tem filhos)
  - Ocorre o balanceamento da árvore e após isso, a árvore é mostrada no terminal, já totalmente balanceada.



- Remove todos os nodos da árvore.
- Adiciona todos os nodos na árvore, do número 9 ao número 1.
- Mostra todas as informações da árvore novamente
- E mostra os 3 caminhamentos diferentes
  - In Order
  - Pré Order
  - Pós Order

- h. Balanceamento da árvore e após isso, mostra ela no terminal, juntamente com o seu tamanho e altura da árvore

```
Árvore vazia!  
Enchendo a árvore novamente...  
  9  
 8  
7  
6  
5  
4  
3  
2  
1  
  
Altura da árvore: 8  
Quantidade de Nós: 9  
  
In Order: 1 2 3 4 5 6 7 8 9  
Pre Order: 9 8 7 6 5 4 3 2 1  
Pos Order: 1 2 3 4 5 6 7 8 9  
  
      6  
     / \  
    3   9  
   / \ / \  
  2  5 8    
 / \ / \  
1  4 7    
  
Altura da árvore: 3  
Quantidade de Nós: 9
```

5. Aqui está a classe Main do projeto:

```

2      public static void main(String[] args) {
3          AVLTree tree = new AVLTree();
4
5          tree.add(element:1);
6          tree.add(element:2);
7          tree.add(element:3);
8          tree.add(element:4);
9          tree.add(element:5);
10         tree.add(element:6);
11         tree.add(element:7);
12         tree.add(element:8);
13         tree.add(element:9);
14
15         System.out.println(x:"Arvore:");
16         tree.printTree();
17         System.out.println();
18         tree.treeInfo();
19         System.out.println();
20         tree.balanceTree();
21         tree.printTree();
22
23         System.out.println();
24
25         tree.clearTree();
26         tree.printTree();
27         System.out.println();
28         System.out.println(x:"Enchendo a arvore novamente ... ");
29
30         tree.add(element:9);
31         tree.add(element:8);
32         tree.add(element:7);
33         tree.add(element:6);
34         tree.add(element:5);
35         tree.add(element:4);
36         tree.add(element:3);
37         tree.add(element:2);
38         tree.add(element:1);
39         tree.printTree();
40         System.out.println();
41         tree.treeInfo();
42         System.out.println();
43         System.out.print(s:"In Order: ");
44         tree.inOrder(tree.getRoot());
45         System.out.println();
46         System.out.print(s:"Pre Order: ");
47         tree.preOrder(tree.getRoot());
48         System.out.println();
49         System.out.print(s:"Pos Order: ");
50         tree.posOrder(tree.getRoot());
51         System.out.println();
52         System.out.print(s:"Tamanho da arvore: ");
53         System.out.println(tree.size());
54         System.out.print(s:"Altura da arvore: ");
55         System.out.println(tree.height());
56     }
57
58     You, anteontem • feat: AVL exte

```