Пределы, последовательности и ряды.

Коняева Марина Александврона

18 мая, 2023, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи

Цель лабораторной работы

Научиться работать с пределами, последовательностями и рядами, а также научиться писать векторизованный программный код.

Выполнение лабораторной

работы

Пределы. Оценка

Определяем с помощью анонимной функции простую функцию. Создаём индексную переменную, возьмём степени 10, и оценим нашу функцию.

Figure 1: Пределы код 01

Пределы. Оценка

Получим ответ. На следующей фигуре видно, что предел сходится к значению 2.71828.

```
>> f(n)
ans =
   2.0000000000000000
   2.593742460100002
   2.704813829421529
   2.716923932235520
   2.718145926824356
   2.718268237197528
   2.718280469156428
   2.718281693980372
   2.718281786395798
   2.718282030814509
```

Figure 2: Пределы код 02

Частичные суммы

Определим индексный вектор, а затем вычислим члены. После чего введем последовательность частичных сумм, используя цикл.

```
Defining to the property of th
```

Figure 3: Частичные суммы код 01

Частичные суммы

Построенные слагаемые и частичные суммы можно увидеть на следующем русинке:

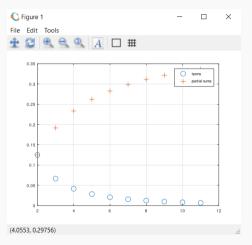


Figure 4: Частичные суммы код 02

Сумма ряда

Найдём сумму первых 1000 членов гармонического ряда 1/n.

```
>> n = [1:1:1000];
>> a = 1 ./n;
>> sum (a)
ans = 7.4855
```

Figure 5: Сумма ряда код 01

Вычисление интегралов

Численно посчитаем интеграл.

```
>> function y = f(x)
y = exp(x.^2).*cos(x);
end
>> quad ('f',0,pi/2)
ans = 1.8757
```

Figure 6: Вычисление интегралов код 01

Напишем скрипт для того, чтобы вычислить интеграл по правилу средней точки. Введём код в текстовый файл и назовём его midpoint.m.

Figure 7: Аппроксимирование суммами код 01

Запустим этот файл в командной строке.

```
>> midpoint

a = 0

b = 1.5708

n = 100

dx = 0.015708

msum = 0

approx = 1.8758
```

Figure 8: Аппроксимирование суммами код 02

Теперь напишем векторизованный код, не требующий циклов. Для этого создадим вектор х-координат средних точек.Введём код в текстовый файл и назовём его midpoint_v.m.

Figure 9: Аппроксимирование суммами код 03

Запустим этот файл в командной строке.

```
>> midpoint_v
a = 0
b = 1.5708
n = 100
dx = 0.015708
approx = 1.8758
```

Figure 10: Аппроксимирование суммами код 04

Запустив оба кода, можно заметить, что ответы совпадают, однако векторизованный код считает быстрее, так как в нём не использованы циклы, которые значительно замедляют работу программы.

```
>> tic; midpoint; toc
a = 0
b = 1.5708
n = 100
dx = 0.015708
msum = 0
approx = 1.8758
Elapsed time is 0.00515604 seconds.
>> tic; midpoint_v; toc
a = 0
b = 1.5708
n = 100
dx = 0.015708
approx = 1.8758
Elapsed time is 0.00274587 seconds.
```

Figure 11: Аппроксимирование суммами код 05

Выводы

Результаты выполнения лабораторной работы

В ходе выполнения данной работы я научилась работать с пределами, последовательностями и рядами, а также научилась писать векторизованный программный код. Более того, удалось определить, что векторизованный код работает намного быстрее, чем код с циклами.