Повторение примеров

Основные пакеты для работы с графиками в Julia

```
In [1]: # подключаем для использования Plots:
        using Plots
        # задание функции:
        f(x) = (3x.^2 + 6x - 9).*exp.(-0.3x)
        # генерирование массива значений х в диапазоне от -5 до 10 с шагом 0,1
        # (шаг задан через указание длины массива):
        x = collect(range(-5,10,length=151))
        # генерирование массива значений у:
        y = f(x)
        # указывается, что для построения графика используется gr():
        gr()
        # задание опций при построении графика
        # (название кривой, подписи по осям, цвет графика):
        plot(x,y,
            title="A simple curve",
            xlabel="Variable x",
            ylabel="Variable y",
            color="blue")
```


Variable x

```
In [2]: # указывается, что для построения графика используется pyplot():

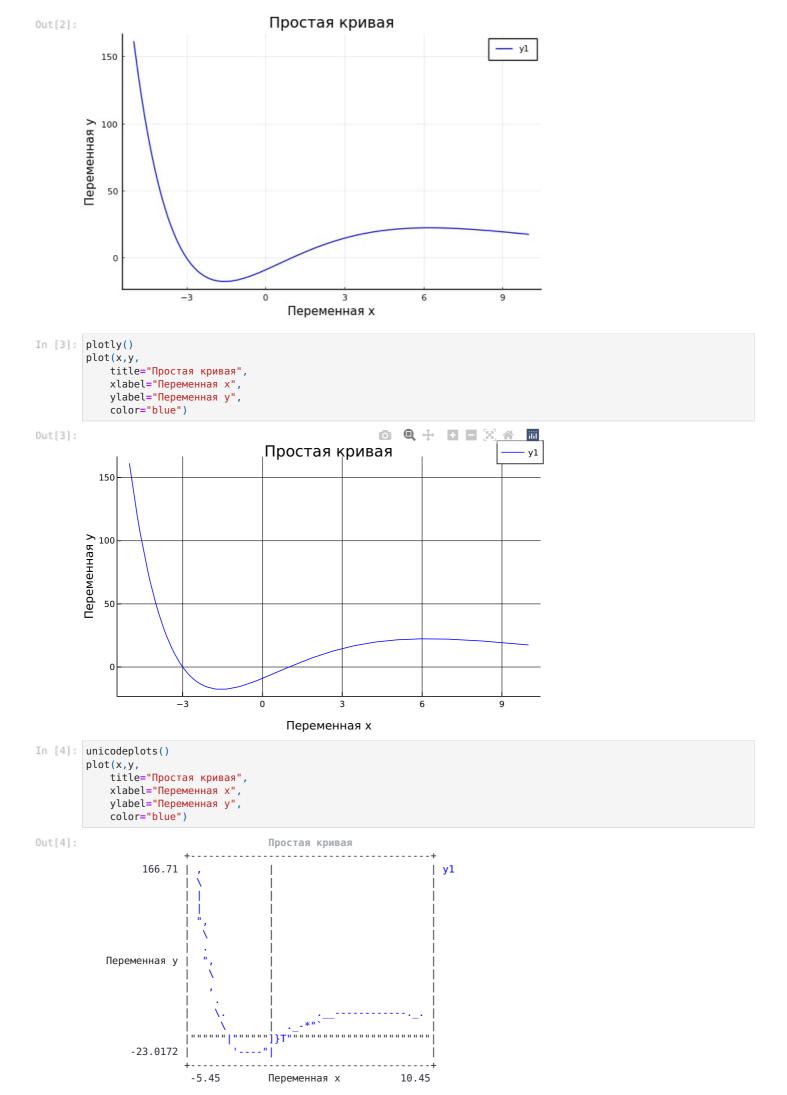
рурlot()

# задание опций при построении графика

# (название кривой, подписи по осям, цвет графика):

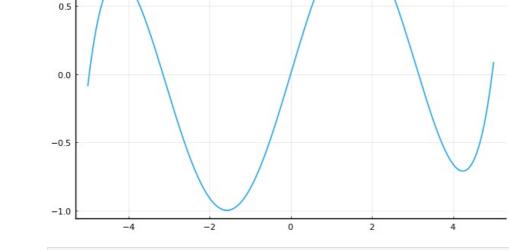
plot(x,y,

    title="Простая кривая",
    xlabel="Переменная x",
    ylabel="Переменная y",
    color="blue")
```

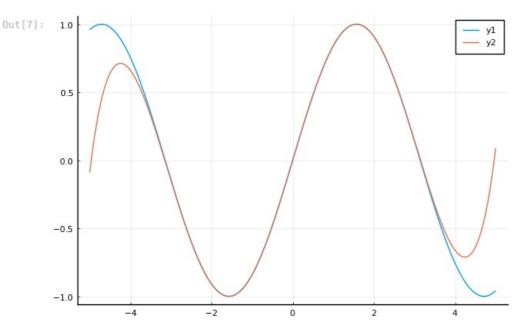


Опции при построении графика

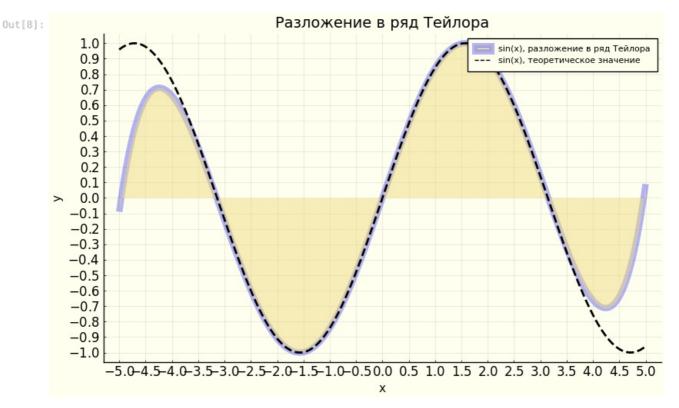
```
In [5]: # указывается, что для построения графика используется pyplot():
         pyplot()
         # задание функции sin(x):
        sin\_theor(x) = sin(x)
# построение графика функции sin(x):
         plot(sin_theor)
Out[5]:
         1.0
          0.5
         -0.5
         -1.0
                      -4
                                    -2
                                                   0
In [6]: # задание функции разложения исходной функции в ряд Тейлора:
         sin_taylor(x) = [(-1)^i*x^(2*i+1)/factorial(2*i+1) for i in 0:4] > sum
         # построение графика функции sin_taylor(x):
         plot(sin_taylor)
Out[6]:
         1.0
          0.5
```



```
In [7]: # построение двух функций на одном графике:
  plot(sin_theor)
  plot!(sin_taylor)
```



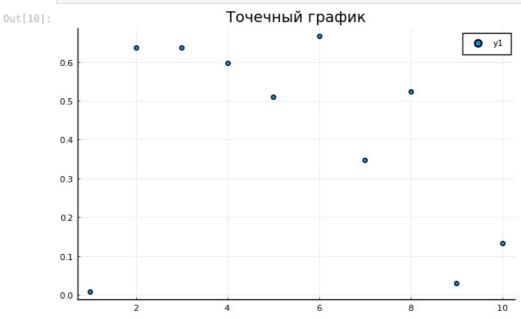
```
In [8]: plot(
              # функция sin(x):
              sin_taylor,
              # подпись в легенде, цвет и тип линии:
             label = "sin(x), разложение в ряд Тейлора", line=(:blue, 0.3, 6, :solid),
              # размер графика:
              size=(800, 500),
              # параметры отображения значений по осям
             xticks = (-5:0.5:5),
             yticks = (-1:0.1:1),
xtickfont = font(12, "Times New Roman"),
ytickfont = font(12, "Times New Roman"),
              # подписи по осям:
              ylabel = "y",
             xlabel = "x",
              # название графика:
             title = "Разложение в ряд Тейлора",
              # поворот значений, заданный по оси х:
             xrotation = rad2deg(pi/4),
              # заливка области графика цветом:
             fillrange = 0,
              fillalpha = 0.5,
              fillcolor = :lightgoldenrod,
              # задание цвета фона:
              background_color = :ivory
         plot!(
              # функция sin theor:
              sin theor,
              # подпись в легенде, цвет и тип линии:
              label = "sin(x), теоретическое значение",
              line=(:black, 1.0, 2, :dash))
```



```
In [9]: savefig("taylor.pdf")
    savefig("taylor.png")
```

Out[9]: "D:\\Education\\KомпПрактикумПоСтатМоделированию\\labs\\gitrepo\\lab5\\taylor.png"

Точечный график



```
sys:1: UserWarning: No data for colormapping provided via 'c'. Parameters 'vmin', 'vmax' will be ignored
```

```
In [11]: # параметры распределения точек на плоскости:

n = 50

x = rand(n)

y = rand(n)

ms = rand(n) * 30

# параметры построения графика:

scatter(x, y,

label = "Случайные точки в 2D пространстве",

leg=:topright,

ylabel = "y",
```

```
xlabel = "x",
title = "Случаные точки",
markersize=ms)
```

Случаные точки в 2D пространстве

0.75

0.50

0.25

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0

```
In [12]: # параметры распределения точек в пространстве:

n = 50

x = rand(n)

y = rand(n)

z = rand(n) * 30

# параметры построения графика:

scatter(x, y, z,

label = "Случайные точки в 3D пространстве",

leg=:topleft,

ylabel = "y",

xlabel = "x",

zlabel = "z",

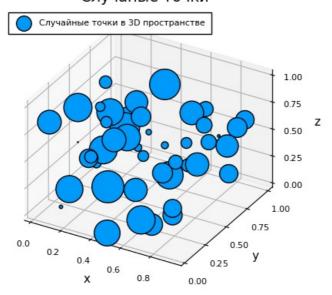
title = "Случаные точки",

markersize=ms)
```

Out[12]:

Out[11]:

Случаные точки



Аппроксимация данных

```
In [13]: # массив данных от 0 до 10 с шагом 0.01:
    x = collect(0:0.01:9.99)
    # экспоненциальная функция со случайным сдвигом значений:
    y = exp.(ones(1000)+x) + 4000*randn(1000)
    # построение графика:
    scatter(x,y,markersize=3,alpha=.8,legend=false)
```

```
Out[13]:
6.0×10<sup>4</sup>
2.0×10<sup>4</sup>
0
0.0 2.5 5.0 7.5 10.0
```

```
In [14]: # определение массива для нахождения коэффициентов полинома:

A = [ones(1000) x x.^2 x.^3 x.^4 x.^5]

# решение матричного уравнения:

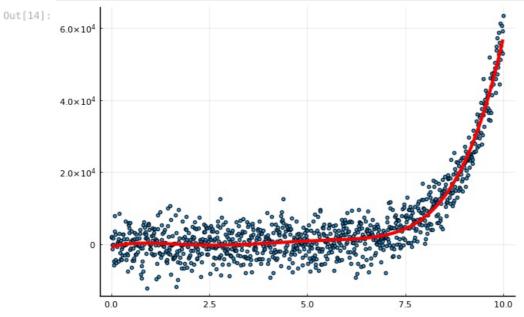
c = A\y

# построение полинома:

f1 = c[1]*ones(1000) + c[2]*x + c[3]*x.^2 + c[4]*x.^3 + c[5]*x.^4 + c[6]*x.^5

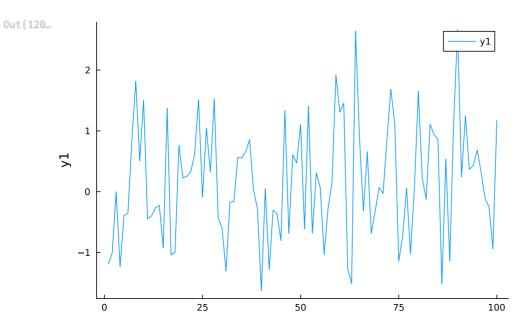
# построение графика аппроксимирующей функции:

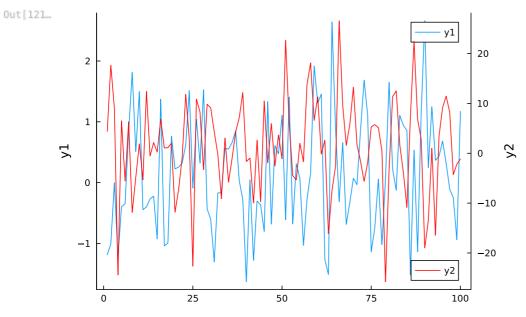
plot!(x,f1,linewidth=3, color=:red)
```



Две оси ординат

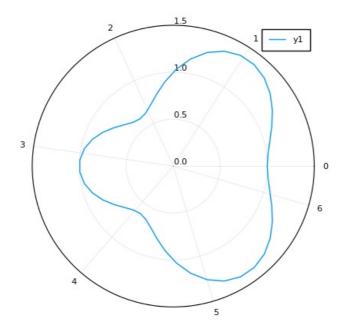
```
In [120... # пример случайной траектории
# (заданы обозначение траектории, легенда вверху справа, без сетки)
plot(randn(100),
    ylabel="y1",
    leg=:topright,
    grid = :off,
    )
```





Полярные координаты





Параметрический график

```
In [18]: # παραмеτρическое уравнение:
x1(t) = sin(2t)
y1(t) = sin(2t)
# ποστροεμων ετραφωνα:
plot(x1, y1, 0, 2π, leg=false, fill=(0,:orange))

Out[18]: 10

-05

-10

-10

-05

00

05

10
```

```
In [19]: # параметрическое уравнение
t = range(0, stop=10, length=1000)
x = cos.(t)
y = sin.(t)
z = sin.(5t)
# построение графика:
plot(x, y, z)
```



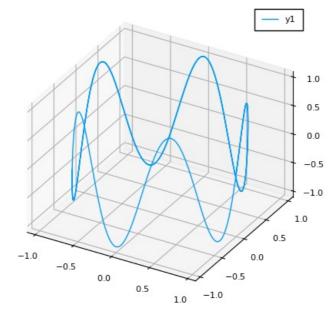
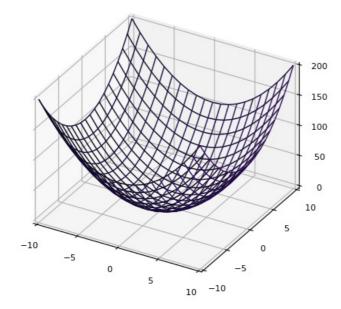


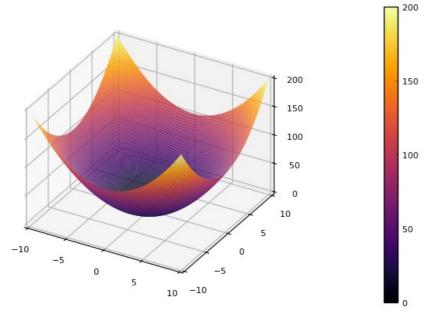
График поверхности

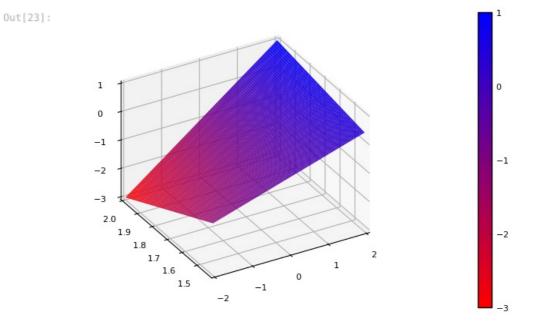
```
In [20]: # построение графика поверхности:
         f(x,y) = x^2 + y^2
         x = -10:10
         y = x
         surface(x, y, f)
                                                                                     200
Out[20]:
                                                                 200
                                                                                     150
                                                                 150
                                                                 100
                                                                                     100
                                                                 50
                                                                 0
                                                               10
                                                                                     50
                 -10
                                                        0
                        -5
                                                    -5
                                            10 -10
```

Out[21]:

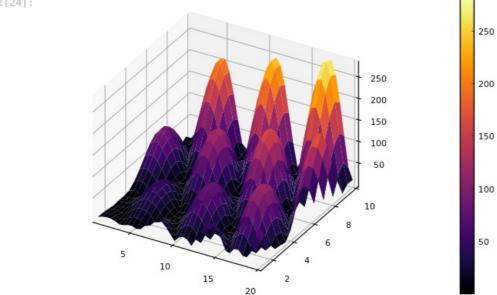


Out[22]:

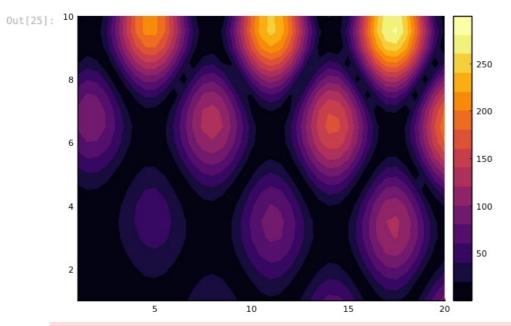




Линии уровня



```
In [25]: p = contour(x, y, g, fill=true)
plot(p)
```



sys:1: UserWarning: The following kwargs were not used by contour: 'label'

Векторные поля

```
In [123. # определение переменных:
    X = range(-2, stop=2, length=100)
    Y = range(-2, stop=2, length=100)
    # определение функции:
    h(x, y) = x^3 - 3x + y^2
    # построение поверхности:
    plot(X,Y,h,linetype = :surface)
    # построение линий уровня:
    contour(X, Y, h)

Out[123. 2

1

0

-1

-1

-1

-1

-1

-1

-1
```

```
In [124. # градиент:
    x = range(-2, stop=2, length=12)
    y = range(-2, stop=2, length=12)
    # производная от исходной функции:
    dh(x, y) = [3x^2 - 3; 2y] / 25
    # построение векторного поля:
    quiver!(x, y', quiver=dh, c=:blue)
    # коррекция области видимости графика:
    xlims!(-2, 2)
    ylims!(-2, 2)
```

In [126… # градиент: pyplot()

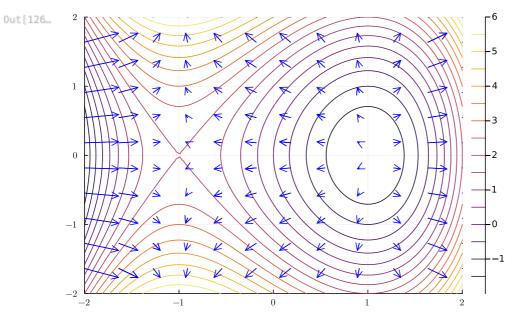
xv = collect(range(-2, stop=2, length=12))
yv = collect(range(-2, stop=2, length=12))

y = reshape(hcat([yv for i in 1:12]...)', :, 1)

производная от исходной функции: dh(x,y) = [3*x^2 - 3; 2y] / 25 x = vcat([xv for i in 1:12]...)

построение векторного поля: quiver!(x, y, quiver=dh, c=:blue) # коррекция области видимости графика:

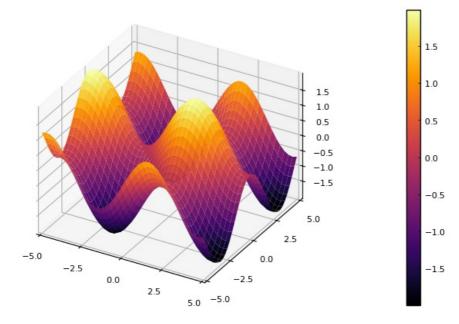
xlims!(-2, 2) ylims!(-2, 2)

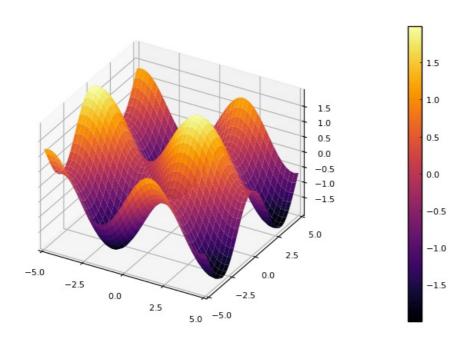


Анимация

```
In [29]: # построение поверхности:
    i = 0
    X = Y = range(-5, stop=5, length=40)
    surface(X, Y, (x,y) -> sin(x+l0sin(i))+cos(y))
# анимация:
    X = Y = range(-5, stop=5, length=40)
    @gif for i in range(0, stop=2π, length=100)
    surface(X, Y, (x,y) -> sin(x+l0sin(i))+cos(y))
end
```

[Info: Saved animation to D:\Education\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\tmp.gif

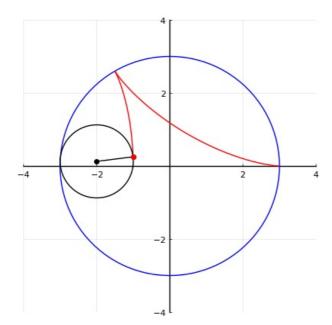




Гипоциклоида

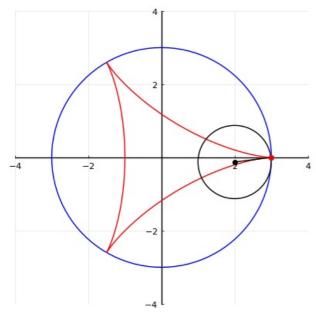
```
In [30]: # радиус малой окружности:
          r1 = 1
          # коэффициент для построения большой окружности:
          k = 3
          # число отсчётов:
          n = 100
          # массив значений угла 0:
          # theta from 0 to 2pi ( + a little extra)
          \theta = \text{collect}(0:2*\pi/100:2*\pi+2*\pi/100)
          # массивы значений координат:
          X = r1*k*cos.(\theta)
          Y = r1*k*sin.(\theta)
          # задаём оси координат:
          \texttt{plt=plot}(5, \texttt{xlim=}(-4, 4), \texttt{ylim=}(-4, 4), \texttt{c=:red}, \texttt{aspect\_ratio=}1, \texttt{legend=false}, \texttt{framestyle=:origin})
          # большая окружность:
          plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
          i = 50
          t = \theta[1:i]
          # гипоциклоида:
          x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
          y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
          plot!(x,y, c=:red)
          # малая окружность:
          xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) .+ r1*cos.(\theta)
          yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(0)
          plot!(xc,yc,c=:black)
          # радиус малой окружности:
          xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
          yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
          plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
          scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
```

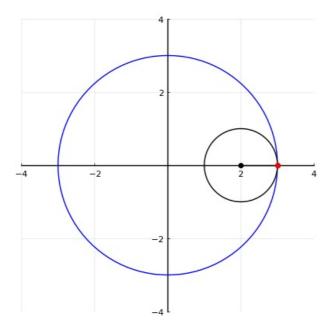




```
In [31]: anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-4,4),ylim=(-4,4), c=:red, aspect_ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
          gif(anim, "hypocycloid.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\KомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid.gif



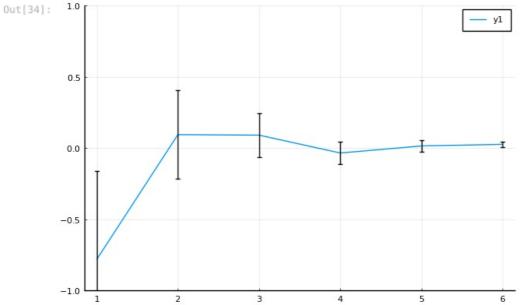


Errorbars

In [32]: # подключение пакета Statistics:

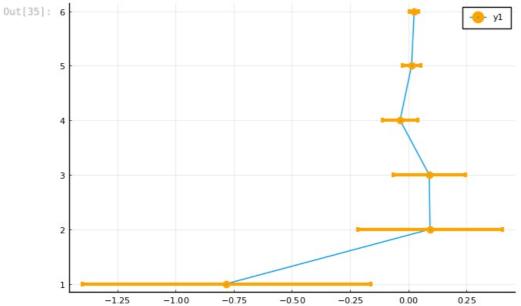
```
using Statistics
         sds = [1, 1/2, 1/4, 1/8, 1/16, 1/32]
         n = 10
         y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]
         errs = 1.96 * sds / sqrt(n)
Out[32]: 6-element Vector{Float64}:
          0.6198064213930023
          0.3099032106965012
          0.1549516053482506
          0.0774758026741253
          0.03873790133706265
          0.019368950668531323
In [33]: plot(y,
         ylims = (-1,1),
Out[33]: 1.0
          0.5
          0.0
         -0.5
         -1.0
                             2
```

```
In [34]: plot(y,
    ylims = (-1,1),
    err = errs
)
```



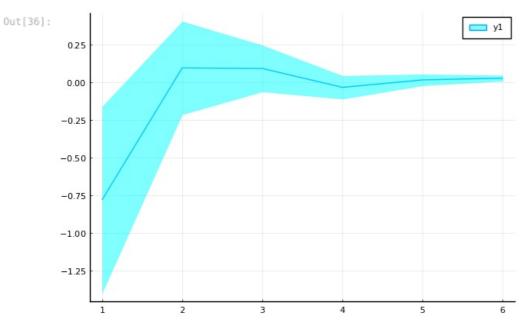
sys:1: UserWarning: You passed a edgecolor/edgecolors ((0.0, 0.0, 0.0, 1.0)) for an unfilled marker ('_'). Matp lotlib is ignoring the edgecolor in favor of the facecolor. This behavior may change in the future.

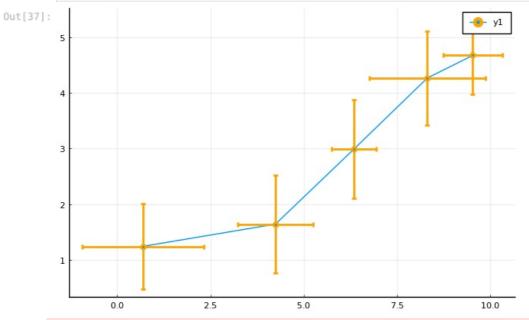
```
In [35]: plot(y, 1:length(y),
    xerr = errs,
    marker = stroke(3,:orange)
)
```



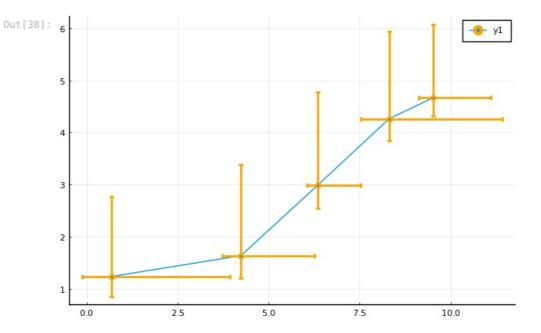
sys:1: UserWarning: You passed a edgecolor/edgecolors ((1.0, 0.6470588235294118, 0.0, 1.0)) for an unfilled mark er ('|'). Matplotlib is ignoring the edgecolor in favor of the facecolor. This behavior may change in the future.

```
In [36]: plot(y,
    ribbon=errs,
    fill=:cyan
)
```





sys:1: UserWarning: You passed a edgecolor/edgecolors ((1.0, 0.6470588235294118, 0.0, 1.0)) for an unfilled mark er ('_'). Matplotlib is ignoring the edgecolor in favor of the facecolor. This behavior may change in the future.



Использование пакета Distributions

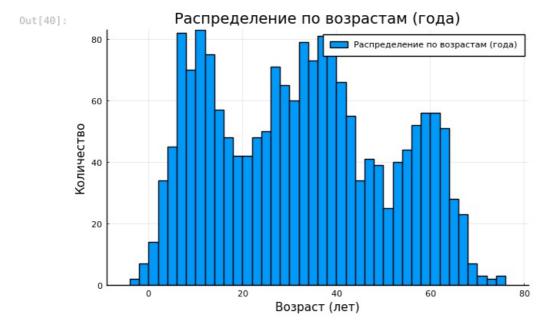
```
In [39]: using Distributions
          pyplot()
          ages = rand(15:55,1000)
          histogram(ages)
          d=Normal(35.0,10.0)
          ages = rand(d, 1000)
          histogram(
               ages,
               label="Распределение по возрастам (года)",
               xlabel = "Возраст (лет)",
               ylabel= "Количество"
Out[39]:

    Распределение по возрастам (года)

             150
          Количество
             100
              50
                                     20
                                                                        60
                                                       40
```

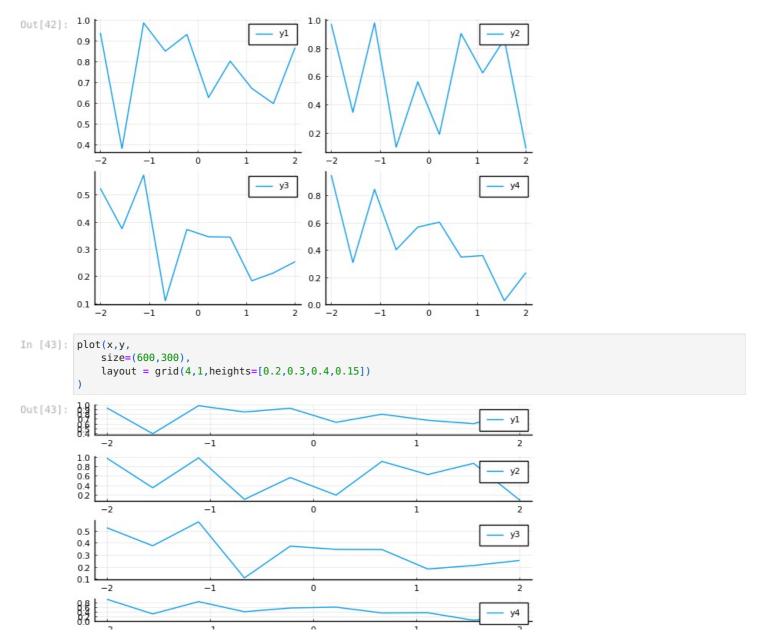
```
In [40]: pyplot()
d1=Normal(10.0,5.0);
d2=Normal(35.0,10.0);
d3=Normal(60.0,5.0);
N=1000;
ages = (Float64)[];
ages = append!(ages,rand(d1,Int64(ceil(N/2))));
ages = append!(ages,rand(d2,N));
ages = append!(ages,rand(d3,Int64(ceil(N/3))));
histogram(
    ages,
    bins=50,
    label="Pacnpedenehue по возрастам (года)",
    xlabel = "Возраст (лет)",
    ylabel= "Количество",
    title = "Распределение по возрастам (года)")
```

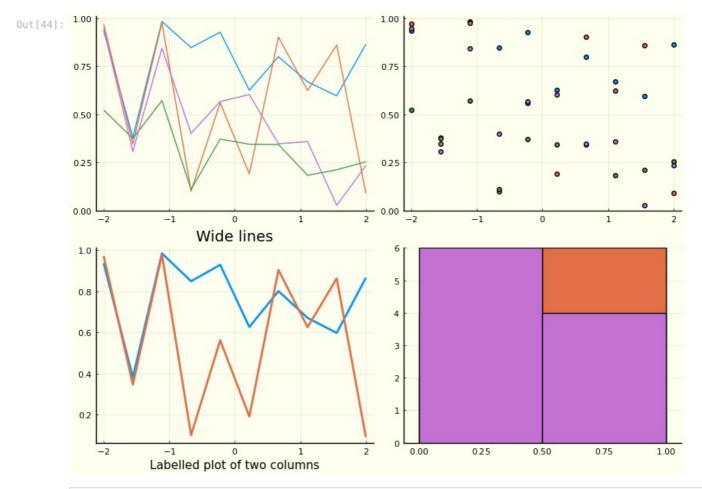
Возраст (лет)

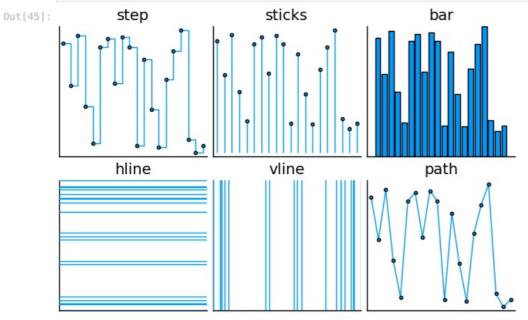


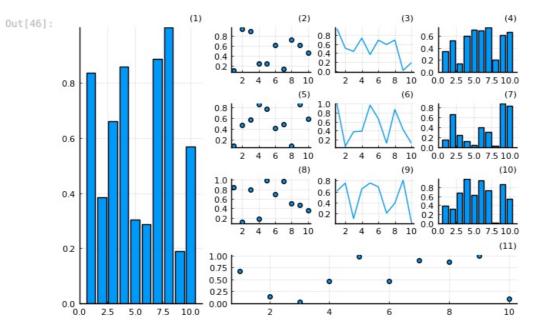
Подграфики

```
In [41]: # подгружаем pyplot():
            pyplot()
            # построение серии графиков:
            x=range(-2,2,length=10)
            y = rand(10,4)
            plot(x,y,
            layout=(4,1)
            1.0
0.9
0.8
0.7
0.6
0.5
0.4
Out[41]:
                                                                                                         y1
                 -2
                                       -1
                                                              0
                                                                                    1
                                                                                                          2
            1.0
            0.8
                                                                                                         y2
            0.4
            0.2
                                                              0
                                                                                    1
            0.5
0.4
0.3
                                                                                                         уЗ
            0.2
            0.1
                 -2
                                       -1
                                                              0
                                                                                    1
                                                                                                          2
            8.0
            0.6
            0.4
            0.2
                                       -1
                                                              0
                 -2
In [42]: plot(x,y,
    layout=4
```



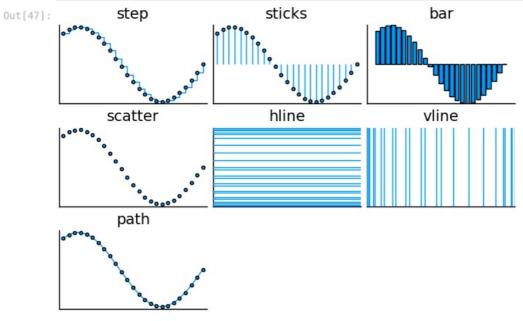






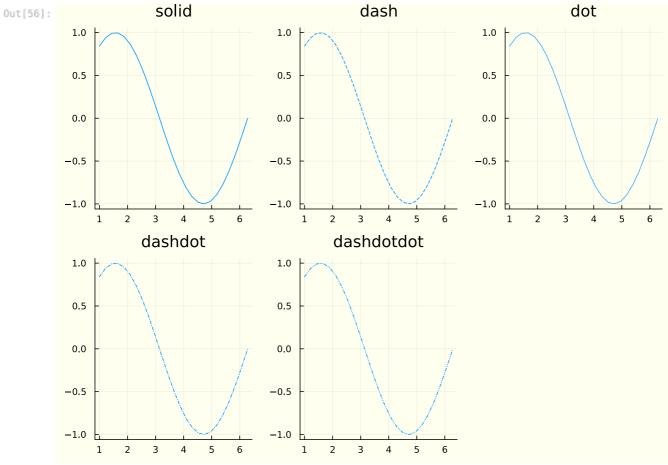
Самостоятельная работа

1. Постройте все возможные типы графиков (простые, точечные, гистограммы и т.д.) функции $y = sin(x), x = 0, 2\pi$. Отобразите все графики в одном графическом окне.



2. Постройте графики функции $y = sin(x), x = 0, 2\pi$ со всеми возможными (сколько сможете вспомнить) типами оформления линий графика. Отобразите все график в одном графическом окне

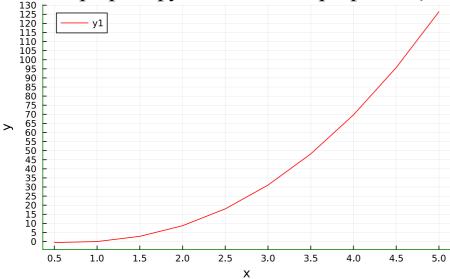
```
ls = lss[2],
    title = titles[2],)
p3 = plot(x values, y2,
    ls = lss[3],
    title = titles[3],)
p4 = plot(x_values, y2,
    ls = lss[4],
    title = titles[4],)
p5 = plot(x_values, y2,
   ls = lss[5],
    title = titles[5],)
plot(p1,p2,p3,p4,p5,
    layout=5,
    legend=false,
    size=(800,600),
    background color = :ivory
```



3. Постройте график функции $y(x) = \pi x^2 ln(x)$, назовите оси соответственно. Пусть цвет рамки будет зелёным, а цвет самого графика — красным. Задайте расстояни между надписями и осями такч чтобы надписи полностью умещались в графическ м окне. Задайте шрифт надписей. Задайте частоту отметок на осях координат.

Out[60]:

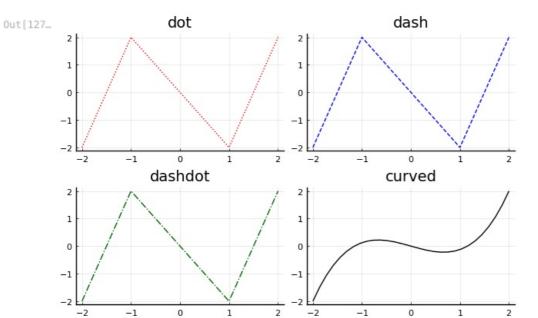
График функции с логарифмом:)



- 4. Задайте вектор x = (-2, -1, 0, 1, 2). В одном графическом окне (в 4-х подокнах) изобразите графически по точкам x значения функции $y(x) = x^3 3x$ в виде:
- точек,
- линий,
- линий и точек,
- кривой.

Сохраните полученные изображения в файле figure familiya.png, где вместо familiya укажите вашу фамилию.

```
In [127... x_{values} = [-2, -1, 0, 1, 2] # x_{values} = collect(-2:2)
         y4(x) = x^3 - 3*x
         titles = ["curved" "dash" "dot" "dashdot"]
         p1 = curves(x_values, y4,
             title = titles[1],
             color = :black)
         p2 = plot(x values, y4,
             ls = :dash,
             title = titles[2],
             color = :blue)
         p3 = plot(x values, y4,
             ls = :dot,
             title = titles[3],
             color = :red)
         p4 = plot(x values, y4,
             ls = :dashdot,
             title = titles[4],
             color = :darkgreen)
         plot(p3,p2,p4,p1,
             layout=4,
             legend=false,
```

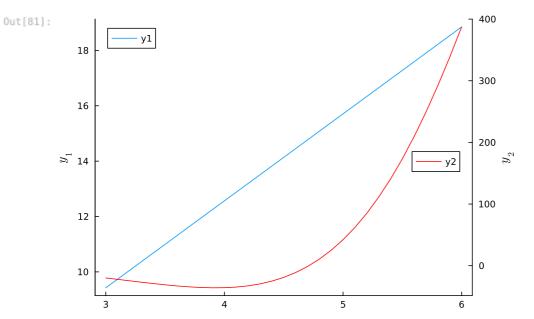


```
In [75]: savefig("figure_Manaeva.png")
```

- Out[75]: "D:\\Education\\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\\labs\\gitrepo\\lab5\\figure_Manaeva.png"
 - 5. Задайте вектор x=(3,3.1,3.2,...,6). Постройте графики функций $y_1(x)=\pi x$ и $y_2(x)=e^x cos(x)$ в указанном диапазоне значений аргумента x двумя разными способами

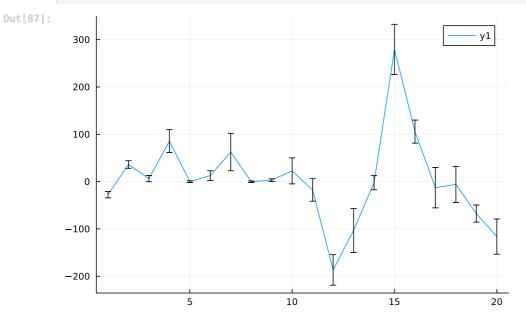
```
Оut[76]: 400
Прямая
Экспонента

100
0
```



6. Постройте график некоторых экспериментальных данных (придумайте сами), учитывая ошибку измерения.

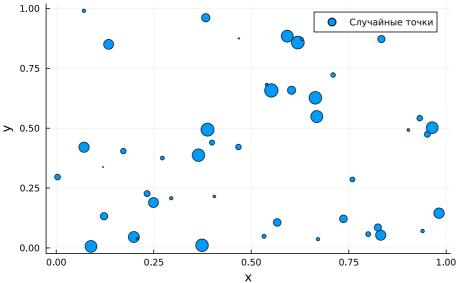
```
In [87]: sds = collect(rand(1:500, 20))
    n = 10
    y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]
    errs = 0.36 * sds / sqrt(n)
    plot(y,
    err = errs
)
```



7. Постройте точечный график случайных данных. Подпишите оси, легенду, название графика.

```
In [88]: n = 50
x = rand(n)
y = rand(n)
ms = rand(n) * 10
# параметры построения графика:
scatter(x, y,
    label = "Случайные точки",
    leg=:topright,
    ylabel = "y",
    xlabel = "x",
    title = "Случаные точки в 2D пространстве",
    markersize=ms)
```

Out[88]: Случаные точки в 2D пространстве

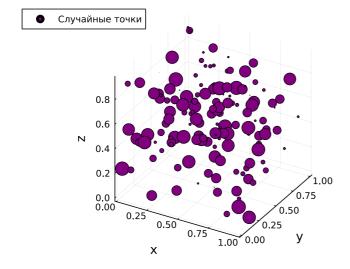


8. Постройте 3-мерный точечный график случайных данных. Подпишите оси, легенду, название графика.

```
In [93]: n = 150
    x = rand(n)
    y = rand(n)
    z = rand(n) * 10

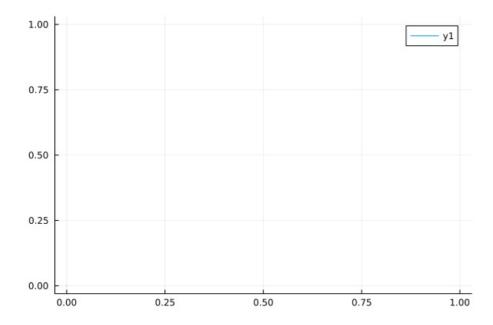
# параметры построения графика:
scatter(x, y, z,
    label = "Случайные точки",
    leg=:topleft,
    ylabel = "y",
    xlabel = "x",
    zlabel = "z",
    title = "Случаные точки в 3D пространстве",
    markersize=ms,
    mc = :purple
}
```

Случаные точки в 3D пространстве



Out[93]:

9. Создайте анимацию с построением синусоиды. То есть, постройте последовательность графиков синусоиды, постепенно увеличивая значение аргумент, пПосл чегое соединит их в анимацию.

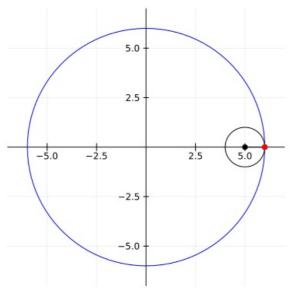


10. Постройте анимированную гипоциклоиду для 2 целых значений модуля k и 2 рациональных значений модуля k.

```
In [104... r1 = 1
         k = 6
         n = 100
         \theta = \text{collect}(0:2*\pi/100:2*\pi+2*\pi/100)
         X = r1*k*cos.(\theta)
         Y = r1*k*sin.(\theta)
         anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) .+ r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([rl*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
         gif(anim, "hypocycloid_1.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid.gif

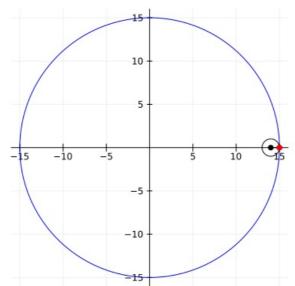




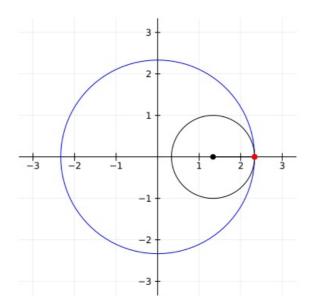
```
In [107... r1 = 1
         k = 15
         n = 200
         \theta = \text{collect}(0:2*\pi/n:2*\pi+2*\pi/n)
         X = r1*k*cos.(\theta)
         Y = r1*k*sin.(\theta)
         anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) + r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
         end
         gif(anim, "hypocycloid 2.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\KомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid_1.gif

ut[107...



```
In [112... r1 = 1
          k = 7/3
          n = 100
          \theta = \text{collect}(0:2*\pi/n:20*\pi+20*\pi/n)
          X = r1*k*cos.(\theta)
          Y = r1*k*sin.(\theta)
          anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect_ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(\theta)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
          end
          gif(anim, "hypocycloid_3.gif")
```



```
In [114... r1 = 1
          k = 3/7
          n = 100
          \theta = \text{collect}(0:2*\pi/n:20*\pi+20*\pi/n)
          X = r1*k*cos.(\theta)
          Y = r1*k*sin.(\theta)
          anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect_ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) + r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
          gif(anim, "hypocycloid 4.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid_4.gif

Out[114...

