

Physique-Chimie MPSI

Maillet Nathan
MP*

N.B. : Ces exercices sont des compléments au cahier de vacance de M. Chenel

Mécanique

Suspension de voiture

On étudie le mouvement vertical du châssis d'un véhicule, par rapport aux roues. On suppose que les roues du véhicule restent en permanence en contact avec la route. Le système de suspension du véhicule peut être modélisé par l'association d'un ressort, de constante de raideur k , de longueur à vide l_0 et d'un amortisseur provoquant une force de frottement fluide $\vec{f} = -\lambda \vec{v}$. Pour que l'amortissement soit optimal, il faut que le châssis revienne le plus rapidement possible à sa position d'équilibre sans oscillations. On note $\vec{g} = -g\vec{u}_z$ le champ de pesanteur, où \vec{u}_z est le vecteur unitaire vertical orienté vers le haut. Le châssis de masse m est repéré par sa position z par rapport aux roues. A l'instant $t = 0$, le véhicule rencontre un trou de profondeur h . Déterminer l'expression de $z(t)$ dans le cadre d'un amortissement optimal en fonction de z_{eq} , ω_0 et h que l'on estimera grâce à z_{eq} et en prenant $k = 5 * 10^4 \text{ kg.s}^{-2}$.

Pyramide de Khéops

La théorie la plus couramment admise pour expliquer la construction de la pyramide de Khéops est basée sur l'utilisation d'une rampe extérieure, enduite de boues humides. Cette rampe, d'une longueur $L = 600\text{m}$, et faisant un angle $\alpha = 4.5^\circ$ avec l'horizontal, aurait permis d'acheminer des blocs de pierre de masse $m = 2.5\text{t}$. On suppose que les ouvriers tirent le bloc de pierre avec une corde parallèle à la rampe. La norme de la réaction tangentielle de la rampe sur la pierre s'écrit : $R_T = fR_N$ où R_N est la norme de la réaction normale et $f = 0.1$ le coefficient de frottement dynamique.

Sachant que la puissance maximale fournie par un sportif de haut niveau sur une longue durée est de l'ordre de 200 W , estimer la durée nécessaire à quatre ouvriers pour monter un bloc en haut de la rampe.

Réponse : 58min.

Accélérateur linéaire

Dans un accélérateur linéaire, des particules chargées de charge q et de masse m , avec une vitesse initiale négligeable, sont accélérées entre des électrodes successives, dont la

polarité est périodiquement inversée par une tension sinusoïdale d'amplitude crête à crête U_{cc} et de fréquence f . Etablir l'expression de la longueur L_n de la n -ième électrode.

Réponse : $L_n = \frac{1}{2f} \sqrt{\frac{2nqU_{cc}}{m}}$

Chute d'un arbre

Un arbre de masse m et de hauteur h est coupé à sa base. A l'instant $t = 0$, l'arbre commence sa chute sans vitesse initiale, à partir d'un angle θ_0 par rapport à la verticale. Le moment d'inertie d'une tige de longueur h par rapport à l'une de ses extrémités vaut $J = \frac{mh^2}{3}$.

Etablir l'expression du temps de chute τ en fonction de l'intégrale $I(\theta_0)$ définie par :

$$I(\theta_0) = \int_{\theta_0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\theta}{\sqrt{\cos(\theta_0) - \cos(\theta)}}$$

Réponse : $\tau = \sqrt{\frac{h}{3g}} I(\theta_0)$

Optique

Distance hyperfocale

En photographie, la distance hyperfocale peut être définie comme la distance à l'objectif h_1 au delà de laquelle tous les objets sont nets, pour une mise au point à l'infini. On note f' la distance focale de l'objectif, D le diamètre d'ouverture et c la taille d'une cellule élémentaire du capteur. A partir de l'expression de la distance hyperfocale, dire comment varie la profondeur de champs avec f' et D ? La distance hyperfocale peut également être définie comme la distance minimale h_2 , à laquelle il est possible de faire la mise au point tout en gardant nets les objets situés à l'infini. Que peut-on dire de h_1 et h_2 lorsque $c \ll D$?

Réponse : $h_1 = \frac{f'D}{c}$ et $h_2 = f' \left(\frac{D}{c} + 1 \right) \simeq f' \frac{D}{c}$

Modèle de Bohr de l'atome d'hydrogène

On considère un atome d'hydrogène d'un proton supposé fixe en O et d'un électron animé d'un mouvement circulaire autour du proton. Montrer que le rayon de la trajectoire s'écrit $r_n = n^2 a_0$ et déterminer les longueurs d'onde des raies de Balmer correspondant aux transitions entre le premier état excité $n = 2$ et un état d'énergie supérieure. On donne la constante électrique $\varepsilon_0 = 8.885 \times 10^{-12} \text{F.m}^{-1}$.

Thermodynamique

Evaporation

Dans une buanderie, de dimensions 3m sur 4m sur 2.5m, dont la température est maintenue à 27°C, se trouve une flaque d'eau. L'humidité relative de l'air, définie comme le

rapport de la pression partielle de l'eau sur la pression de vapeur saturante, est initialement 40%. La pression de vapeur saturante de l'eau à 27°C est $P_s = 40\text{mbar}$.

Déterminer le volume de la flaque et l'humidité relative à l'état final pour une flaque de volume initial 0.18L et 1.8L.

Freinage d'urgence

Une voiture roule à 90km.h^{-1} . Le conducteur freine brutalement jusqu'à s'arrêter. Les freins d'une voiture sont principalement constitués de 4 disques d'acier de 12cm de rayon. La capacité thermique de l'acier est de $500\text{J.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$ et la masse volumique de l'acier est de 800kg.m^{-3} . Estimer la température atteinte par les disques de frein lors du freinage.

Réponse : $\sim 470^\circ\text{C}$.

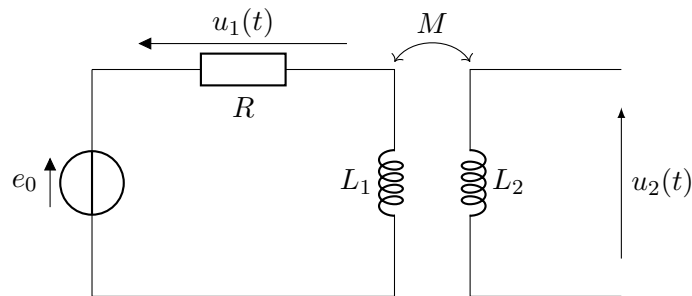
Électricité

Note : Pour les générateurs de Thevenin et l'utilisation des lois de Kirkoff et symétries, se référer aux exercices de Mr Chenel.

Induction

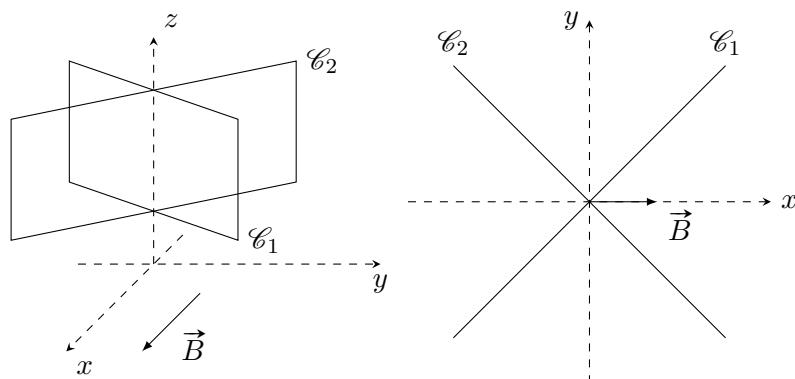
Mesure d'une inductance mutuelle

Le montage ci-dessous permet de mesurer le coefficient d'inductance mutuelle entre deux bobines. Les deux bobines se font face comme sur la figure. La première bobine est montée en série avec une résistance $R = 100\Omega$ et un générateur de tension e_0 harmonique de fréquence $f = 5.0\text{kHz}$. Les tensions u_1 et u_2 sont mesurées grâce à un oscilloscope supposé idéal. Etablir l'expression de u_2 en fonction de M , R et u_1 .



Freinage par induction

Deux cadres rectangulaires \mathcal{C}_1 et \mathcal{C}_2 , identiques et solidaires, dont les plans forment un angle droit, sont en liaison pivot parfaite autour d'un axe O_z . Il n'y a pas de contact électrique entre les deux cadres. Chaque cadre a une résistance totale R et une inductance propre négligeable. Le dispositif est placé dans un champ magnétique $\vec{B} = B\vec{u}_x$. A l'instant $t = 0$, les cadres sont lancés avec une vitesse angulaire ω_0 , depuis la position $\theta = 0$. Etablir la loi $\omega(t)$ et faire un bilan d'énergie entre $t = 0$ et $t \rightarrow +\infty$



Atomistique

Note : Pour l'atomistique, se référer aux exercices de M. Chenel.

Transformations chimiques

Suivi manométrique

Le butadiène est utilisé dans la synthèse de nombreux polymères, pour la fabrication de caoutchouc synthétique ou du nylon. La réaction de dimérisation du butadiène, noté B, est : $2\text{B}_{(\text{g})} = \text{B}_{2(\text{g})}$. Dans un réacteur de volume fixe, maintenue à 326°C , contenant initialement du butadiène, on relève la pression au cours du temps.

t (min)	0	20.75	49	77.5	103.5
P (mmHg)	632	556.9	498.1	464.8	442.6

En supposant que la réaction puisse être d'ordre 1 puis 2, déterminer l'ordre de celle-ci et la constante de vitesse k .

Réponse : pour l'ordre 1, on a $\ln \frac{P_0}{2P-P_0} = 2kt$ et $\frac{P_0-P}{2P-P_0} = \frac{P_0kt}{RT}$ pour le deuxième ordre. La réaction est d'ordre 2.

Déchets radioactifs

Le césium ^{137}Cs est un nucléide radioactif, produit par l'industrie nucléaire. Le temps de demi-réaction de la désintégration du ^{137}Cs , appelée période radioactive (ou demi-vie), est de 30 ans.

L'activité A d'un échantillon radioactif désigne la vitesse de désintégration, c'est-à-dire le nombre de noyaux radioactifs qui se désintègrent par unité de temps. L'activité est proportionnelle au nombre de noyaux radioactifs N dans l'échantillon, soit $A = \lambda N$. Déterminer l'expression du nombre de noyaux radioactifs $N(t)$ en fonction du nombre de noyaux radioactifs initial N_0 et de la constante de désintégration λ .

Réponse : $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$

Glycine

La glycine ($\text{C}_2\text{H}_5\text{NO}_2$) est le plus simple des acides aminés à partir desquels sont constitués les protéines. A cause du caractère acide du groupe carboxyle et du caractère basique du groupe amine, la glycine est un ampholyte.

On donne : $\text{p}K(\text{COOH}/\text{COO}^-) = 2.4$ et $\text{p}K(\text{NH}_3^+/\text{NH}_2) = 9.7$

Représenter le diagramme de prédominance de la glycine et calculer le pH d'une solution de glycine de concentration 0.1mol/L .

Réponse : $\text{pH} = 6.05$

Redissolution de l'hydroxyde de zinc

Les ions zinc en solution aqueuse peuvent former l'hydroxyde de zinc $\text{Zn}(\text{OH})_{2(s)}$ ($\text{p}K_s = 16.4$) ou le complexe $[\text{Zn}(\text{OH})_4]^{2-}$ ($\log \beta = 16.4$). Etablir le diagramme d'existence de l'hydroxyde de zinc en fonction du pH pour une concentration en Zn^{2+} apporté de 10^{-2}mol/L puis établir l'expression de la solubilité s de l'hydroxyde de zinc en fonction de $h = [\text{H}_3\text{O}^+]$, K_s et β . Tracer l'allure du graphe de ps en fonction du pH et calculer la solubilité minimale de l'hydroxyde de zinc.

Réponses : les pH limites sont 6.8 et 13.5, $s = K_s \left(\frac{h^2}{K_e^2} + \frac{\beta K_e^2}{h^2} \right)$

Pile Daniell

La pile Daniell a été inventée par le chimiste britannique John Daniell en 1836 au moment où le développement du télégraphe faisait apparaître un besoin urgent de sources de courant sûres et constantes. Une électrode de zinc, de masse 6.5g, est plongée dans un bécher 1, contenant un volume $V = 100\text{mL}$ d'une solution de sulfate de zinc de concentration $c = 0.10\text{mol/L}$. Une électrode de cuivre, de masse 6.4g, est plongée dans un bécher 2, contenant un volume V d'une solution de sulfate de cuivre de concentration c . Les deux béchers sont reliés par un pont salin, réalisé par un tube en forme de U contenant une solution gélifiée de nitrate de potassium KNO_3 .

On donne : $E_1^0(\text{Zn}^{2+}/\text{Zn}) = -0.76\text{V}$, $E_2^0(\text{Cu}^{2+}/\text{Cu}) = 0.34\text{V}$, $M_{\text{Zn}} = 65\text{g/mol}$, $M_{\text{Cu}} = 64\text{g/mol}$.

Dans un premier temps les deux électrodes sont reliées par un voltmètre. Déterminer la tension aux bornes de la pile.

On branche un conducteur ohmique aux bornes de la pile. Identifier l'anode et la cathode ainsi que les porteurs de charges dans les différents compartiments de la pile et représenter leur mouvements sur un schéma. Ecrire la réaction traduisant le fonctionnement global de la pile et calculer sa constante d'équilibre. Déterminer les concentrations et les masses des électrodes à l'équilibre.

Réponses : $U=1.1V$, l'intensité est positive de l'électrode de Cuivre vers celle de Zinc, $m_{Znf} = 7.15g$.

Diagramme de l'iode

Le diagramme potentiel-pH de l'élément iode est représenté ci-dessous. On se limite dans cette étude aux espèces suivantes : diodes $I_{2(aq)}$, ions iodates $IO_{3(aq)}^-$. La concentration de chacune des espèces iodées est égale à $c=0.1 \text{ mol/L}$ sur les frontières.

Attribuer chaque domaine à une espèce chimique et décrire l'évolution de la coloration d'une solution de diiode lorsque l'on ajoute de la soude. Ecrire l'équation de la réaction correspondante. Déterminer les potentiels standards des couples $I_{2(aq)}/I_{(aq)}^-$ et $IO_{3(aq)}^-/I_{2(aq)}$. Retrouver enfin les pentes des différentes frontières.

