

Exercices d'électromagnétisme

Martin ANDRIEUX

Physique sur un lac

Les eaux d'un lac (de masse volumique μ) s'abaissent d'une hauteur $h = 1$ m. Calculer la variation Δg qu'enregistre un gravimètre placé :

- Sur des pilotis, au milieu du lac, juste au dessus de la surface (avant qu'il ne baisse),
- à bord d'une barque ancrée au milieu du lac.

La rayon terrestre est $R = 6400$ km, et le champ de pesanteur à l'altitude du lac est $g = 9,8 \text{ m s}^{-2}$

$$\Delta g = -2\pi G \mu h = -0,42 \times 10^{-6} \text{ m s}^{-2}$$

$$\Delta g' = \Delta g + \frac{2gh}{R} = 2,64 \times 10^{-6} \text{ m s}^{-2}$$

Répartition surfacique de dipôles sur un disque

Un disque de centre O et de rayon R porte, répartis uniformément sur sa surface, des dipôles électriques dont les moments dipolaires lui sont orthogonaux. Soit $\mu = \frac{dp}{dS}$ la densité surfacique de moment dipolaire. Calculer le champ et le potentiel en tout point de l'axe de révolution Oz du disque (plusieurs méthodes sont possibles). Que deviennent ces résultats pour $z \gg R$?

$$V(z) = \frac{\mu}{2\epsilon_0} \left(\frac{z}{|z|} - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}} \right)$$

$$E(z) = \frac{\mu R^2}{2\epsilon_0} (r^2 + R^2)^{-\frac{3}{2}}$$

Expérience de Nichols

Un métal contient par unité de volume lorsqu'il est immobile n_0 ions positifs de charge e et n_0 électrons libres de charge $-e$ et de masse m . Un long cylindre de ce métal, de rayon a , est mis en rotation autour de son axe de révolution Oz avec la vitesse angulaire constante ω . À l'équilibre, les ions et les électrons sont entraînés à la vitesse de rotation ω , et n'ont donc pas de mouvement par rapport au métal. À l'équilibre, il apparaît une densité volumique de charge $\rho(r)$ dans le cylindre, ainsi qu'une densité surfacique σ à la surface de celui-ci. En coordonnées cylindriques, on a pour un champ radial : $\text{div } \vec{E} = \frac{1}{r} \frac{d(rE_r)}{dr}$.

- Calculer le champ électrique dans le métal, et en déduire la différence de potentiel U entre l'axe du cylindre et sa périphérie.
- En déduire la densité $n(r)$ des électrons libres dans le volume du métal, et le charge surfacique σ .

$$U = \frac{m\omega^2 a^2}{2e}$$

$$n(r) = n_0 - \frac{2m\epsilon_0\omega^2}{e^2}$$

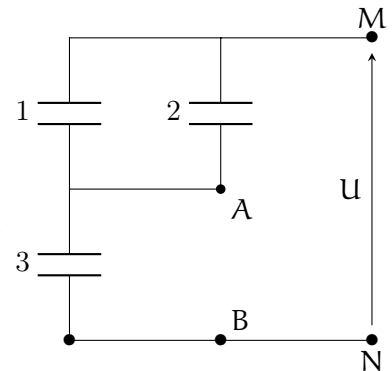
$$\sigma = -\frac{m\epsilon_0\omega^2 a}{e}$$

Association de condensateurs et bilan d'énergie

On étudie le système représenté ci-contre, où tous les condensateurs ont même capacité C . Quelle est la charge de chacun d'entre eux ?

On introduit un quatrième condensateur de capacité C entre A et B . Il a été au préalable chargé sous la tension U positive et son armature chargée positivement est placée du côté de A . Quelles sont les nouvelles charges de chaque condensateur à l'équilibre ?

Faire un bilan d'énergie entre l'état initial de la question précédente et l'état final.



$$2q_1 = 2q_2 = q_3 = 2\frac{CU}{3}$$

$$q'_1 = q'_2 = \frac{CU}{4} \text{ et } q'_3 = q'_4 = 3\frac{CU}{4}$$

L'énergie électrostatique diminue de $\frac{5CU^2}{24}$, et les pertes par effet Joule valent $\frac{CU^2}{24}$