Exercices de Thermochimie

Martin Andrieux, Nathan Maillet

Température de flamme adiabatique

Un chalumeau oxhydrique réalise la combustion d'un mélange d'hydrogène et d'oxygène dans les proportions stœchiométriques et sous la pression de 1 bar. On donne pour :

$${\rm H_2(g) + (1/2)\,O_2(g)\, \to H_2O\,(g)} \Delta_r {\rm H^\circ} = -243\,{\rm kJ/mol^{-1}\,\,\grave{a}\,\,20\,\,°C}.$$

Pour la vapeur d'eau : $C_p^{\circ} = C_0 + \alpha\theta(\theta \text{ en }^{\circ}C)$, avec $C_0 = 36.8 \text{ J mol}^{-1} \, {}^{\circ}C^{-1}$ et $\alpha = 0.013 \text{ J mol}^{-1} \, {}^{\circ}C^{-2}$. La température initiale étant prise à 20 celsius, calculer la température maximale que peut atteindre la flamme.

 $\theta_{\rm max} = 3918 \, ^{\circ}{\rm C}$

Variétés allotropiques du soufre

Le soufre existe à l'état solide sous les variétés allotropiques S_{α} et S_{β} . Sous la pression $P^0=1$ bar, la température de transition est de 95,5 °C. Dans ces conditions, la différence d'entropie molaire est $S_m(S_{\alpha})-S_m(S_{\beta})=7,87\,\mathrm{J\,K^{-1}\,mol^{-1}}$ et la différence de volume molaire est $V_m(S_{\alpha})-V_m(S_{\beta})=0,8\,\mathrm{cm^3\,mol^{-1}}$, ces valeurs étant supposées indépendantes de T et P dans le domaine considéré.

- 1. Rappeler, pour un corps pur, l'expression de dµ en fonction de dP et dT.
- 2. Quelle est la variété allotropique stable à 25 °C et 1 bar?
- 3. Calculer l'élévation de la température de transition lorsque la pression augmente de 10 bar.
- 1. $\mathrm{d}(\mu_{\alpha}^0 \mu_{\beta}^0) = -[S_{m\alpha}^0 S_{m\beta}^0]\mathrm{d}T$; il en découle que, si $\mathrm{d}T < 0$, alors $\mu_{\alpha}^0 < \mu_{\beta}^0$, de sorte que S_{α} est la variété stable.
- 2. $\Delta T \equiv 0.1 \,\mathrm{K}$

Dissociation de N_2O_4 —

On introduit 1,15 g de N_2O_4 solide dans un récipient A vide que l'on porte ensuite à la température de 25 °C. N_2O_4 se vaporise totalement et se dissocie en partie selon (1) : $N_2O_4(g)=2NO_2(g)$. Le volume de A est V=1L, et la pression à l'équilibre vaut 0,4 bar. A l'équilibre, $n_{NO_2}=7,29\times10^{-3}$ mol.

1. Compléter le tableau, donnant les enthalpies et enthalpies libres standard de formations à 25 °C :

Composé	$NO_2(g)$	$N_2O_4(g)$
$\Delta_{\rm f} {\rm H}^{0}({\rm kJ~mol^{-1}})$	33.4	12.5
$\Delta_{\rm f} { m G}^{ m 0}({ m kJ~mol}^{-1})$	52.3	?

- 2. Calculer l'entropie standard de réaction pour la réaction (1). Le signe pouvait-il être prévu?
- 3. Un deuxième récipient B de même volume que A dans lequel l'équilibre précédent est réalisé. On brise la paroi commune aux deux récipients : le mélange des gaz entraîne une nouvelle réaction équilibrée :

$$NO(g)^+NO_2(g)=N_2O_3(g)$$
 de constante K^0 .

Lorsque l'équilibre final est atteint, la pression vaut 0,386 bar (la température étant maintenue à 25 °C).

- Montrer que la somme des pressions partielles $P_{NO} + P_{N_2O_4}$ peut être atteinte sans calcul.
- Calculer $P_{N_2O_3}$, P_{NO} et l'ordre de grandeur de K^0 .
- 1. $\Delta_f G^0(N_2 O_4) = 99.9 \text{ kJ mol}^{-1}$
- 2. $\Delta_r S^1 = 166.4 \,\mathrm{J \, K^{-1} \, mol^{-1}}$
- 3. $P_{NO_2} = 0.116 \text{ bar et } P_{N_2O_4} = 0.090 \text{ bar}$

Équilibres hétérogènes

À 820 °C, on considère les équilibres :

$$\begin{split} \operatorname{CaCO_3(s)} &= \operatorname{CaO(s)} + \operatorname{CO_2(g)} \\ \operatorname{MgCO_3(s)} &= \operatorname{MgO(s)} + \operatorname{CO_2(g)} \\ \end{split} \qquad \qquad \mathsf{K}_1^\circ = \mathsf{0}, 2$$

- 1. Dans un cylindre maintenu à 820 °C, de volume $V_0 = 22,72 \, \mathrm{L}$, on introduit 0,1 mol de CaCO₃.
 - Calculer la composition du système dans l'état final.
 - On augmente le volume V du cylindre. Représenter en fonction de V la pression P et le nombre de moles de CaO.
- 2. Dans un récipient vide de volume $V_0 = 22,72\,\mathrm{L}$, maintenu à 820 °C, on place 0,1 mol de CaCo, et on introduit progressivement du CO_2 . Représenter la pression P du système en fonction du nombre de moles de CO_2 introduites.
- 3. Dans un cylindre de volume très grand, initialement vide et maintenu à 820 °C, on introduit une mole de CaO, une autre de MgO et 3 moles de CO_2 .
 - Quelle est la variance du système? Commenter.
 - À l'aide d'un piston, on comprime lentement le système. Étudier et tracer la courbe donnant la pression P en fonction du volume V du cylindre.
- 1. A la fin, $\xi=0.05$. Au début ξ augmente et P=0.2 bar puis en $\xi=0.1,\ P=\frac{0.1RT}{V}$ donc diminue
- 2. P augmente en faisant un plateau quand $n \in [0.05, 0.15]$

 $3. \ \ V=0. \ P \ \mathrm{diminue} \ \mathrm{en} \ \mathrm{faisant} \ \mathrm{deux} \ \mathrm{plateau}, \ l'un \ \mathrm{quand} \ V \in [10V_0, 20V_0] \ \mathrm{et} \ l'autre \ \mathrm{quand} \ V \in [40V_0, 60V_0]$