

1 remove 函数的实现

原有的 remove 函数在需要删除当前节点，且左右子树都存在的情况下采取如下操作：在右子树中寻找最小的元素，赋给当前节点，然后递归地删除右子树中最小的节点。事实上，这个过程只会发生一次，因此在树高合理的情况下，仅仅考虑树的结构的话，时间复杂度可以接受。唯一的问题在于赋值操作时间复杂度的不可控性。

为了改进这个问题，我在不改变原有删除思路的条件下，优化了赋值操作。首先，我写了 detachMin 方法，作用是：“查找子树中最小元素，删除所在节点，并返回节点的指针。”随后，在 remove 函数中我先调用 detachMin 方法寻找并删除右子树中最小节点，将返回的节点的左子树和右子树分别指向欲删除节点的左右子树，这样就可以直接将当前指针指向返回的节点。最后删除了返回的指针，这样就避免了 element 的复制，也不会产生内存泄漏。

在平衡方法上，采用 AVL 树的平衡手段，通过旋转操作使左右子树的高度差不超过 1。我将平衡操作打包成了 balance 函数，每次旋转过后更新最新的高度。注意：不要忘记在 detachMin 中平衡树高。