

Trabajo Práctico 1

Los Algoritmos Greedy son juegos de niños

TEORÍA DE ALGORITMOS
(75.29) CURSO BUCHWALD - GENENDER

Nombre	Padrón
Martin Alejo Polese	106808
Nicolas Agustin Riedel	102130
Denise Dall'Acqua	108645

Índice

1. Algoritmo greedy para la resolución del problema	4
2. Demostración del Algoritmo	4
3. Algoritmo planteado y complejidad	4
4. Variabilidad	4
5. Ejemplos de solución	4
6. Medición empírica	4
7. Conclusiones	4

Consigna

Introducción y primeros años

Cuando Mateo nació, Sophia estaba muy contenta. Finalmente tendría un hermano con quien jugar. Sophi tenía 3 años cuando Mateo nació. Ya desde muy chicos, ella jugaba mucho con su hermano.

Pasaron los años, y fueron cambiando los juegos. Cuando Mateo cumplió 4 años, el padre de ambos le explicó un juego a Sophia: Se dispone una fila de n monedas, de diferentes valores. En cada turno, un jugador debe elegir alguna moneda. Pero no puede elegir cualquiera: sólo puede elegir o bien la primera de la fila, o bien la última. Al elegirla, la remueve de la fila, y le toca luego al otro jugador, quien debe elegir otra moneda siguiendo la misma regla. Siguen agarrando monedas hasta que no quede ninguna. Quien gane será quien tenga el mayor valor acumulado (por sumatoria).

El problema es que Mateo es aún pequeño para entender cómo funciona esto, por lo que Sophia debe elegir las monedas por él. Digamos, Mateo está “jugando”. Aquí surge otro problema: Sophia es muy competitiva. Será buena hermana, pero no se va a dejar ganar (consideremos que tiene 7 nada más). Todo lo contrario. En la primaria aprendió algunas cosas sobre algoritmos greedy, y lo va a aplicar.

Consigna

1. Hacer un análisis del problema, y proponer un algoritmo greedy que obtenga la solución óptima al problema planteado: Dados los n valores de todas las monedas, indicar qué monedas debe ir eligiendo Sophia para sí misma y para Mateo, de tal forma que se asegure de ganar siempre. Considerar que Sophia siempre comienza (para sí misma).

2. Demostrar que el algoritmo planteado obtiene siempre la solución óptima (desestimando el caso de una cantidad par de monedas de mismo valor, en cuyo caso siempre sería empate más allá de la estrategia de Sophia).

3. Escribir el algoritmo planteado. Describir y justificar la complejidad de dicho algoritmo. Analizar si (y cómo) afecta la variabilidad de los valores de las diferentes monedas a los tiempos del algoritmo planteado.

4. Analizar si (y cómo) afecta la variabilidad de los valores de las diferentes monedas a la optimalidad del algoritmo planteado.

5. Realizar ejemplos de ejecución para encontrar soluciones y corroborar lo encontrado. Adicionalmente, el curso proveerá con algunos casos particulares que deben cumplirse su optimalidad también.

6. Hacer mediciones de tiempos para corroborar la complejidad teórica indicada. Agregar los casos de prueba necesarios para dicha corroboración. Esta corroboración empírica debe realizarse confeccionando gráficos correspondientes, y utilizando la técnica de cuadrados mínimos. Para esto, proveemos una explicación detallada, en conjunto de ejemplos.

7. Agregar cualquier conclusión que les parezca relevante.

Resolución

1. Algoritmo greedy para la resolución del problema
2. Demostración del Algoritmo
3. Algoritmo planteado y complejidad

El algoritmo que decidimos utilizar para resolver el problema, es el siguiente:

- Mientras hayan monedas para elegir:
 - Vemos las monedas que se encuentran en los dos extremos de la fila, y las comparamos:
 - Si el turno es de Sophia, se elige la moneda de mayor valor.
 - Si el turno es de Mateo, se elige la moneda de menor valor.
- Devolvemos la ganancia acumulada de Sophia y Mateo.

Lo que estamos haciendo, es recorrer toda la fila de monedas (con dos índices, uno para cada extremo), y en cada iteración, comparamos las monedas, y acumulamos la ganancia para Sophia o Mateo (según corresponda el turno), y se agrega el movimiento que se realizó, hasta que finalmente ya no quedan monedas. Por lo tanto, siendo "n" las monedas de la fila, nuestro algoritmo es lineal: $O(n)$, ya que solamente recorremos ese arreglo de monedas, y en cada iteración hacemos operaciones de tiempo constante: $O(1)$.

En conclusión, la complejidad algorítmica es: $O(n)$.

4. Variabilidad
5. Ejemplos de solución
6. Medición empírica
7. Conclusiones

Acá irían las conclusiones de todo nuestro trabajo :)